ЛКШ.2016.Июль.А.День 07 Берендеевы Поляны, 13 июля 2016 года

Задача А. Задача для второклассника

Имя входного файла: multiply.in Имя выходного файла: multiply.out Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Вам даны два числа. Необходимо найти их произведение.

Формат входных данных

Входные данные состоят из двух строк, на каждой из которых находится целое одно целое число, длина которого не превосходит двухсот пятидесяти тысяч символов.

Формат выходных данных

Выведите произведение данных чисел.

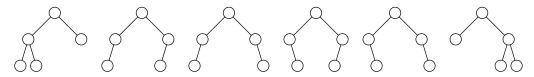
Примеры

| multiply.in | multiply.out |
|-------------|--------------|
| 2 | 4 |
| 2 | |

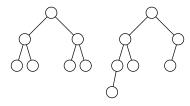
Задача B. AVL

Имя входного файла: avl.in
Имя выходного файла: avl.out
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

AVL деревья, придуманные российскими учёными Адельсон-Вельским и Ландисом, являются примером сбалансированного бинарного дерева поиска. В терминологии AVL, подвешенное бинарное дерево называется <u>сбалансированным</u>, если для каждой вершины высоты её левого и правого поддеревьев отличаются не более, чем на один. Такое дерево, собственно, и называется <u>AVL-деревом</u>. Разумеется, существует далеко не единственное AVL-дерево при фиксированном числе вершин. К примеру, существует шесть AVL-деревьев с пятью вершинами, они изображены на рисунке ниже.



Деревья с одинаковым числом вершин могут иметь разную высоту, к примеру, на рисунке снизу нарисовано два дерева с семью вершинами, которые имеют высоты 2 и 3, соответственно.



Вам даны два числа — N и H, требуется найти число AVL-деревьев, которые состоят из N вершин и имеют высоту H. Поскольку их число довольно велико, выведите искомое количество по модулю $786\,433$.

Формат входных данных

Единственная строка входного файла содержит два числа — N и H ($1 \le N \le 65\,535, 0 \le H \le 15$).

Формат выходных данных

Выведите единственное число — количество AVL деревьев с N вершинами высоты H, по модулю 786 433.

Примеры

| avl.in | avl.out |
|--------|---------|
| 7 3 | 16 |

Замечание

 $786\,433$ простое число, и $786\,433 = 3 \cdot 2^{18} + 1$.

ЛКШ.2016.Июль.А.День 07 Берендеевы Поляны, 13 июля 2016 года

Задача С. ДНК Роботов

Имя входного файла: robots.in
Имя выходного файла: robots.out
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Последние достижения в технологии синтеза ДНК позволили провести эксперимент по созданию биороботов.

Для облегчения задачи создания Π О для управления роботами было принято решение, что их ДНК будет состоять из $M=2^n$ символов для некоторого $n\geqslant 2$. Кроме этого, по техническим причинам это будет не обычная строка, а циклическая, то есть её можно начинать читать с любой позиции.

Одной из целей эксперимента является изучение мутаций биороботов. В результате продолжительных наблюдений было найдено много различных видов роботов. Для понимания процесса мутации учёным необходимо решить следующую задачу. Для ДНК двух роботов требуется определить коэффициент их похожести. Он вычисляется, как максимальное количество совпадающих символов при наилучшем совмещении этих ДНК. Чем больше символов совпадает, тем лучше совмещение.

Требуется написать программу, которая найдёт наилучшее совмещение двух ДНК.

Формат входных данных

В первой строке входного файла записано одно число $M(4 \leq M \leq 131072)$. В следующих двух строках записаны ДНК двух роботов. Обе ДНК — строки, состоящие ровно из M символов из множества {'A', 'C', 'G', 'T'}.

Формат выходных данных

В выходной файл выведите два числа — максимальное количество совпадающих символов и значение оптимального сдвига — неотрицательное количество символов второй ДНК, которые необходимо перенести из конца строки в её начало для достижения наилучшего совмещения.

Примеры

| robots.in | robots.out |
|--------------|------------|
| 16 | 15 1 |
| ACGTACGTACGT | |
| CGTACGTACGTC | |