ЛКШ.2016.Июль.А.День 01 Берендеевы Поляны, 6 июля 2016 года

Задача А. Сравнения подстрок

Имя входного файла: substrcmp.in Имя выходного файла: substrcmp.out Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дана строка. Нужно уметь отвечать на запросы вида: равны ли подстроки $[a \dots b]$ и $[c \dots d]$.

Формат входных данных

В первой строке записана непустая строка S, состоящая из не более чем 10^5 строчных латинских букв. Во второй строке записано целое число M — количество запросов.

В следующих M строках записаны запросы. Каждый запрос задаётся четырьмя целыми числами $a,\,b,\,c,\,d.$

$$0 \leqslant M \leqslant 10^5$$
, $1 \leqslant a \leqslant b \leqslant |S|$, $1 \leqslant c \leqslant d \leqslant |S|$.

Формат выходных данных

Выведите M строк, по одной для каждого запроса. Выведите в соответствующей строке «Yes», если подстроки совпадают, и «No» иначе.

substrcmp.in	substrcmp.out
trololo	Yes
3	Yes
1 7 1 7	No
3 5 5 7	
1 1 1 5	

ЛКШ.2016.Июль.А.День 01 Берендеевы Поляны, 6 июля 2016 года

Задача В. Топологическая сортировка

Имя входного файла: topsort.in Имя выходного файла: topsort.out Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дан ориентированный невзвешенный граф. Необходимо его топологически отсортировать.

Формат входных данных

В первой строке входного файла даны два целых числа N и M ($1 \leqslant N \leqslant 100\,000, 0 \leqslant M \leqslant 100\,000$) — количества вершин и рёбер в графе соответственно. Далее в M строках перечислены рёбра графа. Каждое ребро задаётся парой чисел — номерами начальной и конечной вершин соответственно.

Формат выходных данных

Вывести любую топологическую сортировку графа в виде последовательности номеров вершин. Если граф невозможно топологически отсортировать, вывести «-1».

topsort.in	topsort.out
6 6	4 6 3 1 2 5
1 2	
3 2	
4 2	
2 5	
6 5	
4 6	

Задача С. Ближайшая большая справа

Имя входного файла: nearandmore.in Имя выходного файла: nearandmore.out

Ограничение по времени: 1 секунда Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дан массив a из n чисел. Нужно обрабатывать запросы:

0. set(i, x) — выполнить присвоение a[i] = x;

1. get(i, x) — найти $\min k \colon k \geqslant i$ и $a_k \geqslant x$.

Формат входных данных

На первой строке длина массива n и количество запросов m. На второй строке n целых чисел – массив a. Следующие m строк содержат запросы.

Индексы в массиве нумеруются с 1.

Запрос типа set: "О і х".

Запрос типа get: "1 i x".

 $1 \leqslant n, m \leqslant 200\,000.$

 $1 \leqslant i \leqslant n$.

 $0 \leqslant x, a_i \leqslant 200\,000.$

Формат выходных данных

На каждой запрос типа $\operatorname{\mathsf{get}}$ на отдельной строке выведите k.

Если такого k не существует, выведите -1.

nearandmore.in	${\tt nearandmore.out}$
4 5	1
1 2 3 4	3
1 1 1	-1
1 1 3	2
1 1 5	
0 2 3	
1 1 3	

Задача D. Раскраска в три цвета

Имя входного файла: color.in
Имя выходного файла: color.out
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Петя нарисовал на бумаге n кружков и соединил некоторые пары кружков линиями. После этого он раскрасил каждый кружок в один из трех цветов — красный, синий или зеленый.

Теперь Петя хочет изменить их раскраску. А именно — он хочет перекрасить каждый кружок в некоторый другой цвет так, чтобы никакие два кружка одного цвета не были соединены линией. При этом он хочет обязательно перекрасить каждый кружок, а перекрашивать кружок в тот же цвет, в который он был раскрашен исходно, не разрешается.

Помогите Пете решить, в какие цвета следует перекрасить кружки, чтобы выполнялось указанное условие.

Формат входных данных

Первая строка содержит два целых числа n и m — количество кружков и количество линий, которые нарисовал Петя, соответственно ($1 \le n \le 1000, 0 \le m \le 20000$).

Следующая строка содержит n символов из множества $\{'\mathtt{R}', '\mathtt{G}', '\mathtt{B}'\} - i$ -й из этих символов означает цвет, в который раскрашен i-й кружок $('\mathtt{R}' - \mathsf{красный}, '\mathtt{G}' - \mathsf{зеленый}, '\mathtt{B}' - \mathsf{синий}).$

Следующие m строк содержат по два целых числа — пары кружков, соединенных отрезками.

Формат выходных данных

Выведите в выходной файл одну строку, состоящую из n символов из множества $\{'R', 'G', 'B'\}$ цвета кружков после перекраски. Если решений несколько, выведите любое.

Если решения не существует, выведите в выходной файл слово "Impossible".

color.in	color.out
4 5	GGBR
RRRG	
1 3	
1 4	
3 4	
2 4	
2 3	
4 5	Impossible
RGRR	
1 3	
1 4	
3 4	
2 4	
2 3	

Задача Е. Взлом хеширования

Имя входного файла: breaking-hashing.in Имя выходного файла: breaking-hashing.out

Ограничение по времени: 2 секунды Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Ваши решения не работают на крайних случаях?

Встроенная быстрая сортировка неожиданно стала работать за квадратичное время? В геометрических задачах не хватает точности вычислений?

Решение проходит локальное стресс-тестирование, но не работает на тестах жюри? Именно в вашем случае ошибка оказалась не в решении, а в библиотечной функции?

Хотите узнать, кто за всем этим стоит?

Сегодня у вас есть уникальная возможность вступить в тайную организацию: Орден Коварных Бобров! Члены этой организации делают в среднем на 146% больше успешных взломов, чем непосвящённые, а в задачи их авторства тесты приходится добавлять в несколько раз реже. Чтобы подать заявку на вступление, необходимо пройти вступительное испытание: решить предложенную ниже задачу.

Торопитесь! Количество мест ограничено!

В этой задаче требуется найти коллизию при полиномиальном хешировании строк, состоящих из маленьких букв английского алфавита.

Полиномиальный хеш строки имеет два параметра: множитель p и модуль q. Для пустой строки ε значение хеш-функции $h(\varepsilon)=0$, а для любой строки S и любого символа c хеш-функция рекуррентно определяется как $h(S+c)=(h(S)\cdot p+\operatorname{code}(c))\bmod q$. Здесь $\operatorname{code}(c)$ — это ASCII-код символа c. Как известно, коды маленьких букв английского алфавита идут подряд: $\operatorname{code}(`a`)=97$, $\operatorname{code}(`b`)=98$, ..., $\operatorname{code}(`z`)=122$. Можно выписать и нерекуррентную формулу: если строка $S=s_1s_2\ldots s_n$, то $h(S)=(\operatorname{code}(s_1)\cdot p^{n-1}+\operatorname{code}(s_2)\cdot p^{n-2}+\ldots+\operatorname{code}(s_n)\cdot p^0)\bmod q$.

По заданным числам p и q найдите две различные непустые строки A и B такие, что h(A) = h(B).

Формат входных данных

Первая строка ввода содержит два целых числа p и q, разделённых пробелом — параметры функции хеширования (0 .

Формат выходных данных

В первых двух строках выведите две различные непустые строки A и B, для которых h(A) = h(B). Строки должны состоять исключительно из маленьких букв английского алфавита (ASCII-коды 97–122) и иметь длину от 1 до 100 000 символов. Заметим, что длины строк не обязательно должны совпадать. Если возможных ответов несколько, разрешается вывести любой из них.

Примеры

breaking-hashing.in	breaking-hashing.out
31 47	aa
	bq

Замечание

В примере
$$h(A)=(97\cdot 31+97) \bmod 47=3104 \bmod 47=2$$
 и $h(B)=(98\cdot 31+113) \bmod 47=3151 \bmod 47=2.$