

Задача А. Максимальный поток минимальной стоимости

Имя входного файла: `mincost.in`
Имя выходного файла: `mincost.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Задан ориентированный граф, каждое ребро которого обладает пропускной способностью и стоимостью. Найдите максимальный поток минимальной стоимости из вершины с номером 1 в вершину с номером n .

Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит n и m — количество вершин и количество ребер графа ($2 \leq n \leq 100$, $0 \leq m \leq 1000$). Следующие m строк содержат по четыре целых числа: номера вершин, которые соединяет соответствующее ребро графа, его пропускную способность и его стоимость. Пропускные способности и стоимости не превосходят 10^5 .

Формат выходных данных

В выходной файл выведите одно число — цену максимального потока минимальной стоимости из вершины с номером 1 в вершину с номером n . Ответ не превышает $2^{63} - 1$. Гарантируется, что в графе нет циклов отрицательной стоимости.

Примеры

<code>mincost.in</code>	<code>mincost.out</code>
4 5 1 2 1 2 1 3 2 2 3 2 1 1 2 4 2 1 3 4 2 3	12

Замечание

В этой задаче достаточно несколько раз пустить Форд-Беллмана...

Задача В. Максимальный поток

Имя входного файла: `flow2.in`
Имя выходного файла: `flow2.out`
Ограничение по времени: 0.5 секунда
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Задан ориентированный граф, каждое ребро которого обладает целочисленной пропускной способностью. Найдите максимальный поток из вершины с номером 1 в вершину с номером n .

Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит n и m — число вершин и ребер в графе ($2 \leq n \leq 500$, $1 \leq m \leq 10\,000$). Последующие строки описывают ребра. Каждое ребро задается тремя числами: начальная вершина ребра, конечная вершина ребра и пропускная способность ребра. Пропускные способности не превосходят 10^9 .

Формат выходных данных

Выведите величину максимального потока между вершинами 1 и n .

Примеры

flow2.in	flow2.out
4 5 1 2 1 1 3 2 3 2 1 2 4 2 3 4 1	3

Задача С. В поисках невест

Имя входного файла: `brides.in`
Имя выходного файла: `brides.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Однажды король Флатландии решил отправить k своих сыновей на поиски невест. Всем известно, что во Флатландии n городов, некоторые из которых соединены дорогами. Король живет в столице, которая имеет номер 1, а город с номером n знаменит своими невестами.

Итак, король повелел, чтобы каждый из его сыновей добрался по дорогам из города 1 в город n . Поскольку, несмотря на обилие невест в городе n , красивых среди них не так много, сыновья опасаются друг друга. Поэтому они хотят добраться до цели таким образом, чтобы никакие два сына не проходили по одной и той же дороге (даже в разное время). Так как король любит своих сыновей, он хочет, чтобы среднее время сына в пути до города назначения было минимально.

Формат входных данных

В первой строке входного файла находятся числа n , m и k — количество городов и дорог во Флатландии и сыновей короля, соответственно ($2 \leq n \leq 200$, $1 \leq m \leq 2000$, $1 \leq k \leq 100$). Следующие m строк содержат по три целых положительных числа каждая — города, которые соединяет соответствующая дорога и время, которое требуется для ее прохождения (время не превышает 10^6). По дороге можно перемещаться в любом из двух направлений, два города могут быть соединены несколькими дорогами.

Формат выходных данных

Если выполнить повеление короля невозможно, выведите на первой строке число -1 . В противном случае выведите на первой строке минимальное возможное среднее время (с точностью 5 знаков после десятичной точки), которое требуется сыновьям, чтобы добраться до города назначения, не менее чем с пятью знаками после десятичной точки. В следующих k строках выведите пути сыновей, сначала число дорог в пути и затем номера дорог в пути в том порядке, в котором их следует проходить. Дороги нумеруются, начиная с единицы, в том порядке, в котором они заданы во входном файле.

Примеры

<code>brides.in</code>	<code>brides.out</code>
5 8 2	3.00000
1 2 1	2 2 6
1 3 1	2 3 8
1 4 3	
2 5 5	
2 3 1	
3 5 1	
3 4 1	
5 4 1	

Задача D. Задача о назначениях

Имя входного файла: `assignment.in`
Имя выходного файла: `assignment.out`
Ограничение по времени: 2 секунды
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дана целочисленная матрица C размера $n \times n$. Требуется выбрать n ячеек так, чтобы в каждой строке и каждом столбце была выбрана ровно одна ячейка, а сумма значений в выбранных ячейках была минимальна.

Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит n ($2 \leq n \leq 300$). Каждая из последующих n строк содержит по n чисел: C_{ij} . Все значения во входном файле неотрицательны и не превосходят 10^6 .

Формат выходных данных

В первую строку выходного файла выведите одно число — искомая минимизируемая величина. Далее выведите n строк по два числа в каждой — номер строки и столбца клетки, участвующей в оптимальном назначении.

Пары чисел можно выводить в произвольном порядке.

Примеры

<code>assignment.in</code>	<code>assignment.out</code>
3	3
3 2 1	2 1
1 3 2	3 2
2 1 3	1 3

Задача Е. Максимальное паросочетание

Имя входного файла: `matching.in`
Имя выходного файла: `matching.out`
Ограничение по времени: 3.5 секунд
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дан двудольный граф. У каждой вершины графа есть вес. Вес ребра — сумма весов его концов. Вес паросочетания — сумма весов рёбер, входящих в паросочетание. Нужно найти паросочетание максимального веса. Заметим, это паросочетание может содержать сколько угодно рёбер, единственное условие — вес паросочетания должен быть максимальным.

Напомним, что паросочетанием в двудольном графе называется набор рёбер этого графа такой, что никакие два ребра набора не имеют общих вершин.

Формат входных данных

В первой строке заданы размеры долей n и m ($1 \leq n, m \leq 5\,000$) и количество рёбер e ($0 \leq e \leq 10\,000$). Вторая строка содержит n целых чисел от 0 до 10 000 — веса вершин первой доли. Третья строка содержит m целых чисел от 0 до 10 000 — веса вершин второй доли. Следующие e строк содержат рёбра графа. Каждое ребро описывается парой целых чисел $a_i b_i$, где $1 \leq a_i \leq n$ — номер вершины первой доли и $1 \leq b_i \leq m$ — номер вершины второй доли.

Формат выходных данных

В первой строке выведите w — максимальный вес паросочетания. Во второй строке выведите k — количество рёбер в паросочетании максимального веса. В следующей строке выведите k различных чисел от 1 до e — номера рёбер в паросочетании. Если максимальных по весу паросочетаний несколько, разрешается вывести одно любое.

Примеры

<code>matching.in</code>	<code>matching.out</code>
4 3 3 2 0 9 9 1 0 9 1 2 2 1 1 1	3 2 1 2
3 2 4 1 2 3 1 2 1 1 2 1 2 2 3 2	8 2 2 4

Задача F. Кредитные операции 2

Имя входного файла: `credit.in`
Имя выходного файла: `credit.out`
Ограничение по времени: 1 секунда
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Дана квадратная матрица a_{ij} из неотрицательных целых чисел. Найти такие целые неотрицательные x_i, y_j : $\forall i, j \ x_i + y_j \geq a_{ij}$ и при этом $\sum x_i + \sum y_j$ минимальна. В записи a_{ij} : i – номер строки ячейки, j – номер столбца ячейки.

Формат входных данных

На первой строке число n ($1 \leq n \leq 100$).

Следующие n строк содержат матрицу $n \times n$ из целых чисел от 0 до 10^6 .

Формат выходных данных

На первой строке вектор x . На второй строке вектор y .

Примеры

credit.in	credit.out
4	4 2 3 4
5 8 4 3	1 4 1 0
3 6 2 1	
4 6 4 1	
4 3 5 4	