Задача A. Нефтепроводы

Имя входного файла:	`oil.in`
Имя выходного файла:	`oil.out`
Ограничение по времени:	1 секунда
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Олигарх Вован, как и большинство других олигархов, занимается транспортировкой нефти из Западной Кукуляндии в Восточную Кукуляндию. В его владении находится огромная нефтедобывающая станция в Западной Кукуляндии, не меньшего размера нефтеперерабатывающая станция в Восточной Кукуляндии, а также система нефтепроводов, по которым нефть перегоняется из одной страны в другую. На столе у Вована лежит карта нефтепроводов. Хотелось бы знать, какое количество условных единиц нефти может транспортировать данная система. Каждый нефтепровод соединяет некоторую пару станций. На карте все станции пронумерованы, при этом добывающая станция имеет номер 1, перерабатывающая — номер N, а транзитные — номера от 2 до $N-1$. Каждый нефтепровод может транспортировать ограниченное количество нефти, зато в любом направлении. Вован не знает, что Земля круглая, поэтому каждая станция на его карте имеет плоские координаты (x_i и y_i — координаты i-й станции). Нефтепроводы являются отрезками прямых. На карте пара нефтепроводов может пересекаться только по общей станции-вершине. Известно, что среди всех станций добывающая станция имеет наименьшую координату x, а перерабатывающая — наибольшую координату x.

Формат входных данных

В первой строке дано целое число N — количество станций на карте ($2 \leqslant N \leqslant 10000$). В следующих N строках перечислены координаты станций (x_i, y_i) через пробел. Координаты — целые числа, по модулю не превосходящие 10^8. В следующей строке дано целое число M —количество нефтепроводов. Далее в M строках через пробел перечислены характеристики нефтепроводов — пара номеров станций, соединяемых нефтепроводом, а также пропускная способность нефтепровода в условных единицах — целое число от 1 до 10^8. Гарантируется, что система нефтепроводов может траспортировать некоторое ненулевое количество нефти, но не может транспортировать более $2 \cdot 10^9$ условных единиц нефти.

Формат выходных данных

В первой строке выведите наибольшее количество условных единиц нефти, которое может транспортировать система Вована. В следующих M строках выведите план транспортировки — тройки чисел (A, B, C), означающие, что из станции A в станцию B должно течь C условных единиц нефти. Все нефтепроводы должны быть представлены в данном списке ровно один раз (даже те, по которым ничего не течёт). Число C во всех тройках должно быть неотрицательным.

Примеры

oil.in	oil.out
3 0 0 1 1 2 0 2 1 2 2 2 3 1	1 1 2 1 2 3 1

Задача B. Адская мухобойка

Имя входного файла:	`circlecover.in`
Имя выходного файла:	`circlecover.out`
Ограничение по времени:	1 секунда
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

У Жени дома летает очень много ос. Они постоянно летают под потолком в одних и тех же местах. Теперь Евгений отправился в магазин для покупки новой мухобойки. Все мухобойки имеют форму круга с различными радиусами. Женя — очень экономный студент, поэтому он решил купить самую дешевую мухобойку — с минимально возможным радиусом, но Женя так же очень прагматичен, поэтому он купит только такую мухобойку, что с её помощью можно будет одним ударом убить всех ос. Помогите ему! Для простоты можете считать, что на потолке введена стандартная декартова система координат, и координаты ос постоянны. Помните, что ос у Жени действительно много.

Формат входных данных

В первой строке входного файла содержится число N — количество ос ($1 \leqslant N \leqslant 100\,000$). Далее содержатся координаты ос — пара целых чисел, не превосходящих по модулю 10^6.

Формат выходных данных

В первой строке выходных данных выведите координаты точки, в которой Евгений должен нанести свой сокрушительный удар (это та точка, в которой будет расположен центр мухобойки). На следующей строке выведите одно число — минимальный радиус мухобойки, которого будет достаточно, чтобы уничтожить всех омерзительных ос. Ваш ответ будет считаться правильным, если его абсолютная или относительная погрешность не будет превышать 10^{-6}.

Примеры

circlecover.in	circlecover.out
3 0 2 0 0 2 0	1.00 1.00 1.4142135624

Задача C. Самая дальняя

Имя входного файла:	`mostfar.in`
Имя выходного файла:	`mostfar.out`
Ограничение по времени:	2 секунды
Ограничение по памяти:	64 мегабайта

Даны N точек на плоскости, нужно уметь обрабатывать следующие запросы:

- `get a b` — возвращает максимум по всем точкам величины $a \cdot x + b \cdot y$.
- `add x y` — добавить точку в множество.

Формат входных данных

Число N ($1 \leqslant N \leqslant 10^5$) и N точек. Далее число M ($1 \leqslant M \leqslant 10^5$) — количество запросов и собственно запросы. Формат запросов можно посмотреть в примере. Все координаты точек и числа `a`, `b` — целые числа, по модулю не превосходящие 10^9.

Формат выходных данных

На каждый запрос вида `get` выведите одно целое число — максимум величины $a \cdot x + b \cdot y$.

Примеры

mostfar.in	mostfar.out
3 0 0 1 0 0 1 10 get 1 1 get -1 -1 get 1 -1 get -1 1 add 2 2 add -2 -2 get 1 1 get -1 -1 get 1 -1 get -1 1	1 0 1 1 4 4 1 1

Задача D. БДБД

Имя входного файла:	`lwdb.in`
Имя выходного файла:	`lwdb.out`
Ограничение по времени:	9 секунд
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Большая Древесная База Данных создана для того, чтобы в ней можно было надежно сохранить и раскрасить любое дерево. В новой версии БДБД запланирован новый функционал, для реализации которого потребуется вновь переосмыслить теорию графов.

В БДБД хранится взвешенное дерево. В языке запросов Системы Управления Большой Древесной Базы Данных (СУБДБД) предусмотрены два вида запросов:

1. «1 v d c» — покрасить все вершины, находящиеся на расстоянии не более d от вершины v, в цвет c. Все вершины изначально окрашены в цвет с номером 0.
2. «2 v» — вывести цвет вершины v.

Необходимо запрограммировать работу СУБДБД и ответить на все запросы пользователя.

Формат входных данных

В первой строке число N ($1 \leqslant N \leqslant 10^5$) — количество вершин дерева.

Следующие $N-1$ строк содержат описание ребер, по три числа в строке a_i, b_i, w_i ($1 \leqslant a_i, b_i \leqslant N$, $a_i \neq b_i$, $1 \leqslant w_i \leqslant 10^4$), где i-ое ребро имеет вес w_i и соединяет вершины a_i и b_i.

В следующей строке число Q ($1 \leqslant Q \leqslant 10^5$) — число запросов. В каждой из Q следующих строк запросы одного из двух видов:

1. Числа 1, v, d, c ($1 \leqslant v \leqslant N$, $0 \leqslant d \leqslant 10^9$, $0 \leqslant c \leqslant 10^9$).
2. Числа 2, v ($1 \leqslant v \leqslant N$).

Все числа во входных данных целые.

Формат выходных данных

Для каждого запроса второго типа необходимо вывести в отдельной строке цвет запрошенной вершины.

Примеры

lwdb.in	lwdb.out
5 1 2 30 1 3 50 3 4 70 3 5 60 8 1 3 72 6 2 5 1 4 60 5 2 3 2 2 1 2 144 7 2 4 2 5	6 6 0 5 7

Задача E. Автоматное программирование

Имя входного файла:	`schedule.in`
Имя выходного файла:	`schedule.out`
Ограничение по времени:	5 секунд
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

В один замечательный день в компанию «X» завезли k автоматов. И не простых автоматов, а автоматов-программистов! Это был последний неудачный шаг перед переходом на андроидов-программистов, но это уже совсем другая история.

В компании сейчас n задач, для каждой из которых известно время начала ее выполнения s_i, длительность ее выполнения t_i и прибыль компании от ее завершения c_i. Любой автомат может выполнять любую задачу, ровно одну в один момент времени. Если автомат начал выполнять задачу, то он занят все моменты времени с s_i по $s_i + t_i - 1$ включительно и не может переключиться на другую задачу.

Вам требуется выбрать набор задач, которые можно выполнить с помощью этих k автоматов и который принесет максимальную суммарную прибыль.

Формат входных данных

В первой строке записаны два целых числа n и k ($1 \leqslant n \leqslant 1000$, $1 \leqslant k \leqslant 50$) — количество задач и количество автоматов, соответственно.

В следующих n строках через пробелы записаны тройки целых чисел s_i, t_i, c_i ($1 \leqslant s_i, t_i \leqslant 10^9$, $1 \leqslant c_i \leqslant 10^6$), s_i — время начала выполнения i-го задания, t_i — длительность i-го задания, а c_i — прибыль от его выполнения.

Формат выходных данных

Выведите n целых чисел $x_1, x_2, \ldots, x_n$. Число x_i должно быть равно 1, если задачу i следует выполнить, и 0 в противном случае.

Если оптимальных решений несколько, то выведите любое из них.

Примеры

schedule.in	schedule.out
3 1 2 7 5 1 3 3 4 1 3	0 1 1
5 2 1 5 4 1 4 5 1 3 2 4 1 2 5 6 1	1 1 0 0 1

Задача F. Intercity Express

Имя входного файла:	`intercity.in`
Имя выходного файла:	`intercity.out`
Ограничение по времени:	5 секунд
Ограничение по памяти:	256 мегабайт

Андрей разрабатывает систему для продажи железнодорожных билетов. Он собирается протестировать ее на Междугородней Экспресс линии, которая соединяет два больших города и имеет $n-2$ промежуточных станций, то есть в итоге есть n станций, пронумерованных от 1 до n.

В Междугороднем Экспресс поезде есть s мест, пронумерованных с 1 до s. В тестирующем режиме система имеет доступ к базе данных, содержащей проданные билеты в направлении от станции 1 до станции n и должна отвечать на вопросы, можно ли продать билет от станции a до станции b, и если да, нужно найти минимальное количество свободных мест на всех отрезках между a и b.

Изначально система имеет только доступ на чтение, то есть даже если есть свободное место, она должна сообщить об этом, но не должна изменять данные.

Помогите Андрею протестировать его систему написанием программы, которые будет находить ответы на вопросы.

Формат входных данных

Первая строка содержит число n — количество станций, s — количество мест и m — количество уже проданных билетов ($2 \leqslant n \leqslant 10^9$, $1 \leqslant s \leqslant 100\,000$, $0 \leqslant m \leqslant 100\,000$).

В следующих m строках описаны билеты, описание каждого билета состоит из трех чисел: c_i, a_i и b_i — номер места, которое занимает владелец билета, номер станции, с которой продан билет и номер станции, до которой продан билет ($1 \leqslant c_i \leqslant s$, $1 \leqslant a_i < b_i \leqslant n$).

Следующие строки содержат число q — количество запросов ($1 \leqslant q \leqslant 100\,000$). Специальное значение p должно поддерживаться в течение считывания запросов. Изначально $p = 0$.

Следующие $2q$ строк описывают запросы. Каждый запрос описывается двумя числами: x_i и y_i ($x_i \leqslant y_i$).

Чтобы получить города a и b между которыми нужно проверить наличие места, используется следующая формула:

$a = x_i + p$, $b = y_i + p$. Ответ на запрос — число 0, если нет места на каждом отрезке между a и b, или минимальный номер свободного места.

После ответа на запрос, надо приравнять число p полученному ответу на запрос.

Формат выходных данных

Для каждого запроса выведите ответ на него.

Примеры

intercity.in	intercity.out
5 3 5 1 2 5 2 1 2 2 4 5 3 2 3 3 3 4 10 1 2 1 2 1 2 2 3 -2 0 2 4 1 3 1 4 2 5 1 5	1 2 2 3 0 2 0 0 0 0

Замечание

Обратите внимание, что запросы выглядят так: $(1, 2)$, $(2, 3)$, $(3, 4)$, $(4, 5)$, $(1, 3)$, $(2, 4)$, $(3, 5)$, $(1, 4)$, $(2, 5)$, $(1, 5)$.