

## Задача А. СНМ

Имя входного файла: `snm.in`  
Имя выходного файла: `snm.out`  
Ограничение по времени: 2 секунды  
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Ваша задача — реализовать **Persistent Disjoint-Set-Union**. Что это значит?

Про **Disjoint-Set-Union**:

Изначально у вас есть  $n$  элементов. Нужно научиться отвечать на 2 типа запросов.

- $+ a b$  — объединить множества, в которых лежат вершины  $a$  и  $b$
- $? a b$  — сказать, лежат ли вершины  $a$  и  $b$  сейчас в одном множестве

Про **Persistent**:

Теперь у нас будет несколько копий (версий) структуры данных **Disjoint-Set-Union**.

Запросы будут выглядеть так:

- $+ i a b$  — запрос к  $i$ -й структуре, объединить множества, в которых лежат вершины  $a$  и  $b$ .  
При этом  $i$ -я структура остается не изменной, создается новая версия, ей присваивается новый номер (какой? читайте дальше)
- $? i a b$  — запрос к  $i$ -й структуре, сказать, лежат ли вершины  $a$  и  $b$  сейчас в одном множестве

### Формат входных данных

На первой строке 2 числа  $N$  ( $1 \leq N \leq 10^5$ ) и  $K$  ( $0 \leq K \leq 10^5$ ) — число элементов и число запросов. Изначально все элементы находятся в различных множествах. Эта начальная копия (версия) структуры имеет номер 0.

Далее следуют  $K$  строк, на каждой описание очередного запроса. Формат запросов описан выше. Запросы нумеруются целыми числами от 1 до  $K$ .

Пусть  $j$ -й из  $K$  запросов имеет вид « $+ i a b$ ». Тогда новая версия получит номер  $j$ . Запросы вида « $? i a b$ » не порождают новых структур.

### Формат выходных данных

Для каждого запроса вида  $? i a b$  на отдельной строке нужно вывести YES или NO.

### Примеры

snm.in	snm.out
4 7	NO
+ 0 1 2	YES
? 0 1 2	YES
? 1 1 2	YES
+ 1 2 3	NO
? 4 3 1	
? 0 4 4	
? 4 1 4	

## Задача В. Подстроки

Имя входного файла: `substr.in`  
Имя выходного файла: `substr.out`  
Ограничение по времени: 2 секунды  
Ограничение по памяти: 64 мегабайта

Дана строка  $s$ . Вам требуется подсчитать количество её различных подстрок. Пустую строку учитывать не следует.

### Формат входных данных

В единственной строке входного файла содержится данная строка  $s$ , состоящая из строчных латинских букв. Длина строки не превосходит 20 000 символов.

### Формат выходных данных

В единственной строке выходного файла выведите единственное число — количество различных подстрок  $s$ .

### Примеры

<code>substr.in</code>	<code>substr.out</code>
aaaa	4

## Задача С. План эвакуации

Имя входного файла:	evacuate.in
Имя выходного файла:	evacuate.out
Ограничение по времени:	2 секунды
Ограничение по памяти:	64 мегабайта

В городе есть муниципальные здания и бомбоубежища, которые были специально построены для эвакуации служащих в случае ядерной войны. Каждое бомбоубежище имеет ограниченную вместительность по количеству людей, которые могут в нем находиться. В идеале все работники из одного муниципального здания должны были бы бежать к ближайшему бомбоубежищу. Однако, в таком случае, некоторые бомбоубежища могли бы переполниться, в то время как остальные остались бы наполовину пустыми.

Чтобы разрешить эту проблему Городской Совет разработал специальный план эвакуации. Вместо того, чтобы каждому служащему индивидуально приписать, в какое бомбоубежище он должен бежать, для каждого муниципального здания определили, сколько служащих из него в какое бомбоубежище должны бежать. Задача индивидуального распределения была переложена на внутреннее управление муниципальных зданий.

План эвакуации учитывает количество служащих в каждом здании — каждый служащий должен быть учтен в плане и в каждое бомбоубежище может быть направлено количество служащих, не превосходящее вместимости бомбоубежища.

Городской Совет заявляет, что их план эвакуации оптимален в том смысле, что суммарное время эвакуации всех служащих города минимально.

Мэр города, находящийся в постоянной конфронтации с Городским Советом, не слишком то верит этому заявлению. Поэтому он нанял Вас в качестве независимого эксперта для проверки плана эвакуации. Ваша задача состоит в том, чтобы либо убедиться в оптимальности плана Городского Совета, либо доказать обратное, представив в качестве доказательства другой план эвакуации с меньшим суммарным временем для эвакуации всех служащих.

Карта города может быть представлена в виде квадратной сетки. Расположение муниципальных зданий и бомбоубежищ задается парой целых чисел, а время эвакуации из муниципального здания с координатами  $(X_i, Y_i)$  в бомбоубежище с координатами  $(P_j, Q_j)$  составляет  $D_{ij} = |X_i - P_j| + |Y_i - Q_j| + 1$  минут.

### Формат входных данных

Входной файл содержит описание карты города и плана эвакуации, предложенного Городским Советом. Первая строка входного файла содержит два целых числа  $N$  ( $1 \leq N \leq 100$ ) и  $M$  ( $1 \leq M \leq 100$ ), разделенных пробелом.  $N$  — число муниципальных зданий в городе (все они занумерованы числами от 1 до  $N$ ),  $M$  — число бомбоубежищ (все они занумерованы числами от 1 до  $M$ ).

Последующие  $N$  строк содержат описания муниципальных зданий. Каждая строка содержит целые числа  $X_i$ ,  $Y_i$  и  $B_i$ , разделенные пробелами, где  $X_i$ ,  $Y_i$  ( $-1000 \leq X_i, Y_i \leq 1000$ ) — координаты здания, а  $B_i$  ( $1 \leq B_i \leq 1000$ ) — число служащих в здании.

Описание бомбоубежищ содержится в последующих  $M$  строках. Каждая строка содержит целые числа  $P_j$ ,  $Q_j$  и  $C_j$ , разделенные пробелами, где  $P_j$ ,  $Q_j$  ( $-1000 \leq P_j, Q_j \leq 1000$ ) — координаты бомбоубежища, а  $C_j$  ( $1 \leq C_j \leq 1000$ ) — вместимость бомбоубежища.

В последующих  $N$  строках содержится описание плана эвакуации. Каждая строка представляет собой описание плана эвакуации для отдельного здания. План эвакуации из  $i$ -го здания состоит из  $M$  целых чисел  $E_{ij}$ , разделенных пробелами.  $E_{ij}$  ( $0 \leq E_{ij} \leq 10\,000$ ) — количество служащих, которые должны эвакуироваться из  $i$ -го здания в  $j$ -е бомбоубежище.

Гарантируется, что план, заданный во входном файле, корректен.

### Формат выходных данных

Если план эвакуации Городского Совета оптимален, то выведите одно слово **OPTIMAL**. В противном случае выведите на первой строке слово **SUBOPTIMAL**, а в последующих  $N$  строках выведите

Ваш план эвакуации (более оптимальный) в том же формате, что и во входном файле. Ваш план не обязан быть оптимальным, но должен быть лучше плана Городского Совета.

## Примеры

evacuate.in	evacuate.out
3 4 -3 3 5 -2 -2 6 2 2 5 -1 1 3 1 1 4 -2 -2 7 0 -1 3 3 1 1 0 0 0 6 0 0 3 0 2	SUBOPTIMAL 3 0 1 1 0 0 6 0 0 4 0 1
3 4 -3 3 5 -2 -2 6 2 2 5 -1 1 3 1 1 4 -2 -2 7 0 -1 3 3 0 1 1 0 0 6 0 0 4 0 1	OPTIMAL

## Задача D. Декомпозиция потока

Имя входного файла: `decomposition.in`  
Имя выходного файла: `decomposition.out`  
Ограничение по времени: 2 секунды  
Ограничение по памяти: 256 мегабайт

Задан ориентированный граф, каждое ребро которого обладает целочисленной пропускной способностью. Найдите максимальный поток из вершины с номером 1 в вершину с номером  $n$  и постройте декомпозицию этого потока.

### Формат входных данных

Первая строка входного файла содержит  $n$  и  $m$  — количество вершин и количество ребер графа ( $2 \leq n \leq 500$ ,  $1 \leq m \leq 10000$ ). Следующие  $m$  строк содержат по три числа: номера вершин, которые соединяет соответствующее ребро графа и его пропускную способность. Пропускные способности не превосходят  $10^9$ .

### Формат выходных данных

В первую строку выходного файла выведите одно число — количество путей в декомпозиции максимального потока из вершины с номером 1 в вершину с номером  $n$ . Следующий строки должны содержать описания элементарных потоков, на который был разбит максимальный. Описание следует выводить в следующем формате: величина потока, количество ребер в пути, вдоль которого течет данный поток и номера ребер в этом пути. Ребра нумеруются с единицы в порядке появления во входном файле.

### Примеры

decomposition.in	decomposition.out
4 5	3
1 2 1	1 2 1 4
1 3 2	1 3 2 3 4
3 2 1	1 2 2 5
2 4 2	
3 4 1	