

# Raport 2 -

Romana Żmuda

15 04 2020

## Zadanie 1

Wgranie danych do środowiska:

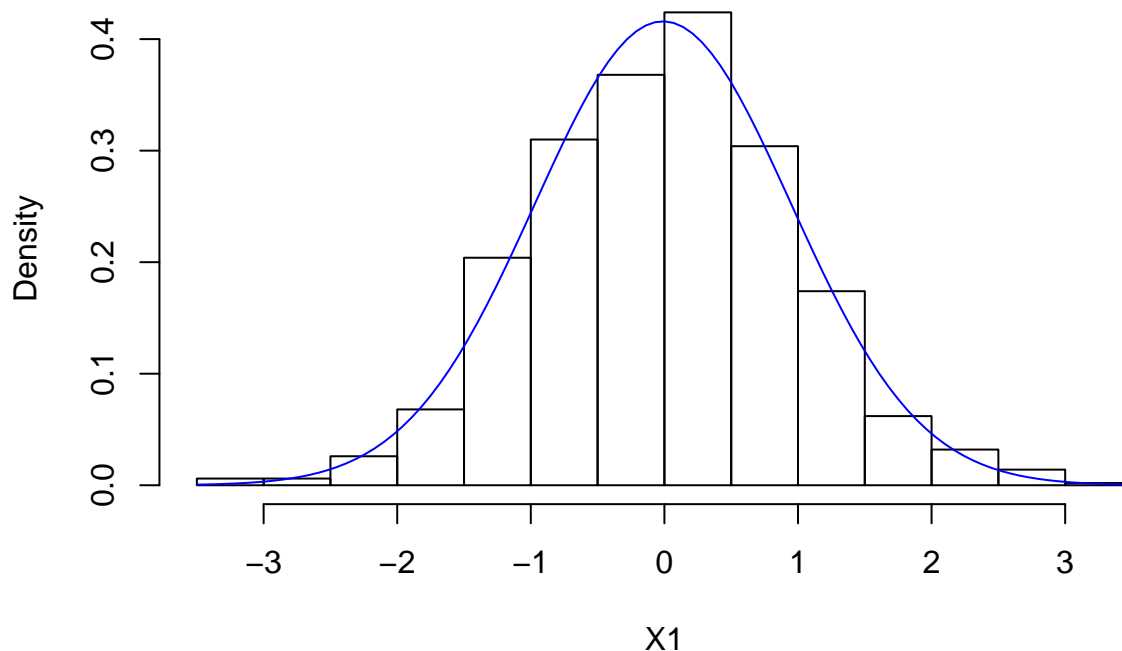
```
dane <- read_excel("rozklady.xlsx")
attach(dane)
```

Po wstępnej analizie histogramów odpowiednich prób X1, X2, X3, X4, X5 możemy na podstawie porównania wykresów gęstości odpowiednich rozkładów zauważyć, że X1 oraz X2 mają rozkład przybliżony do rozkładu normalnego, a więc ich parametry to wartość oczekiwana oraz odchylenie standardowe. Natomiast próby X3, X4 oraz X5 mają rozkład gamma, więc ich parametry to parametry kształtu i skali. Na odpowiednich wykresach zamieściłam histogramy odpowiedniej próby wraz z ich dopasowanymi gęstościami dopasowanych rozkładów. Poniżej każdego z tych wykresów znajdują się odpowiednie wartości estymatorów.

Zmienna X1:

```
hist(X1,main="Rozkład X1 wraz z gęstością dopasowanego rozkładu normalnego",
     freq = FALSE, breaks = 20)
curve(dnorm(x,mean=mean(X1),sd=sqrt(var(X1))),add=T, col="blue")
```

## Rozkład X1 wraz z gestoscia dopasownego rozkladu normalnego



Wbudujmy sobie funkcję wyliczającą estymatory dla rozkładu normalnego w celu ułatwienia obliczeń:

```
estymatory_norm <- function(x)
{
  Esty_sr <- mean(x)
  Esty_var<-mean((x-Esty_sr)^2)
  cat("estymator wartości oczekiwanej:",Esty_sr,"\nestymator wariancji:",Esty_var)
}
```

A wartości estymatorów zmiennej X1 przyjmują odpowiednio:

```
estymatory_norm(X1)
```

```
## estymator wartości oczekiwanej: -0.0104983
```

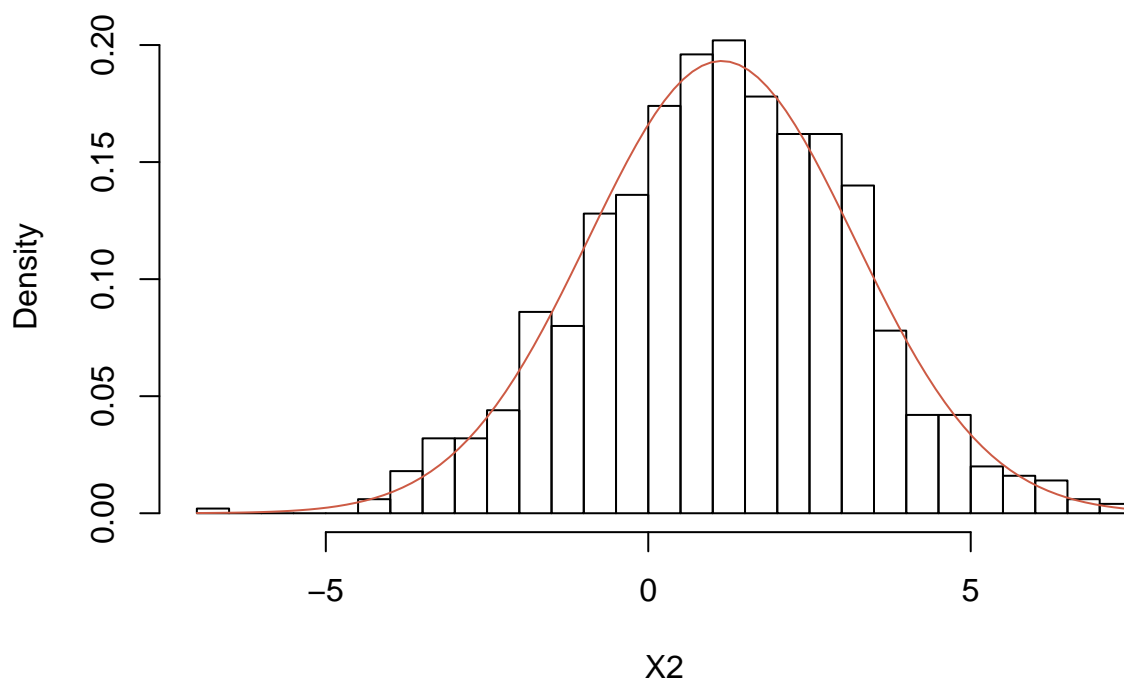
```
## estymator wariancji: 0.9189358
```

Widać tutaj bardzo dokładnie, iż X1 ma rozkład zbliżony do normalnego  $N(0,1)$ .

Zmienna X2:

```
hist(X2,main="Rozkład X2 wraz z gęstością dopasownego rozkładu normalnego",freq = FALSE, breaks = 25)
curve(dnorm(x,mean=mean(X2),sd=sqrt(var(X2))),add=T ,col="coral3")
```

## Rozkład X2 wraz z gestoscia dopasownego rozkladu normalnego



Wartości estymatorów zmiennej X2 przyjmują odpowiednio:

```
estymatory_norm(X2)
```

```
## estymator wartości oczekiwanej: 1.136075
```

```
## estymator wariancji: 4.259784
```

Zmienne X3, X4, X5: Wszystkie zmienne z tej sekcji mają rozkład zbliżony do rozkładu gamma, dlatego dla ułatwienia wprowadzimy funkcję gamma, która wylicza odpowiednie wartości parametrów estymatorów oraz pozwala narysować odpowiednią gęstość dopasowaną do rozkładu gamma.

```
#Funkcja liczenia estymatorów
```

```
estymator_gamma <- function(x)
```

```
{
```

```
  sr <- mean(x)
```

```
  s2<-mean((x-sr)^2)
```

```
  Esty2<-s2/sr
```

```
  Esty1<-sr/Esty2
```

```
  cat("estymator wartości parametru kształtu:",Esty1,"\n estymator parametru skali:",Esty2)
```

```
}
```

```
#Funkcja licząca parametry gęstości
```

```
rozklad_gamma<-function(x){
```

```
sr<-mean(x)
```

```
V<-var(x)
```

```
b<-V/sr
```

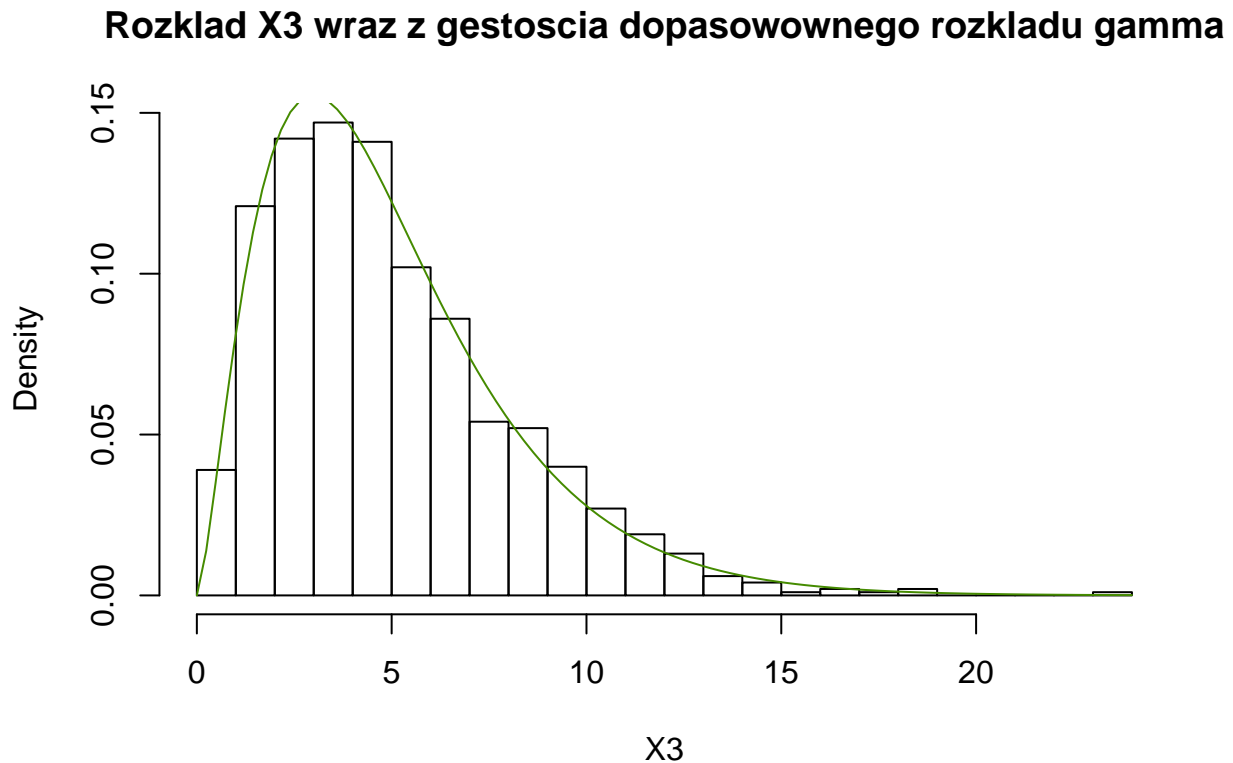
```
a<-sr/b
```

```
return(c(a,b))
```

```
}
```

Zmienna X3:

```
hist(X3,main="Rozkład X3 wraz z gęstością dopasowanego rozkładu gamma",freq = FALSE, breaks = 25)
rozklad_X3<-rozklad_gamma(X3)
curve(dgamma(x,shape=rozklad_X3[1],scale=rozklad_X3[2]),add=T, col="chartreuse4")
```



Wartości estymatorów zmiennej X3 przyjmują odpowiednio:

```
estymator_gamma(X3)
```

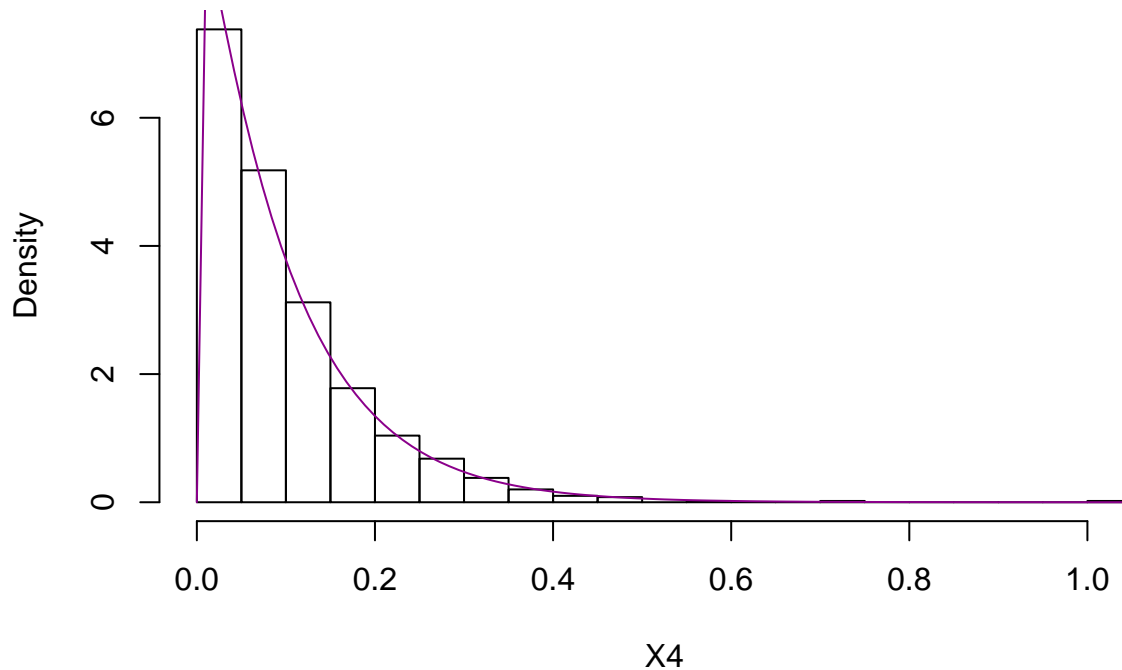
```
## estymator wartości parametru kształtu: 2.513276
```

```
## estymator parametru skali: 1.976104
```

Zmienna X4:

```
hist(X4,main="Rozkład X4 wraz z gęstością dopasowanego rozkładu gamma",freq = FALSE, breaks = 30)
rozklad_X4<-rozklad_gamma(X4)
curve(dgamma(x,shape=rozklad_X4[1],scale=rozklad_X4[2]),add=T, col="darkmagenta")
```

## Rozkład X4 wraz z gestoscia dopasownego rozkladu gamma



Wartości estymatorów zmiennej X4 przyjmują odpowiednio:

```
estymator_gamma(X4)
```

```
## estymator wartości parametru kształtu: 1.049635
```

```
## estymator parametru skali: 0.09369087
```

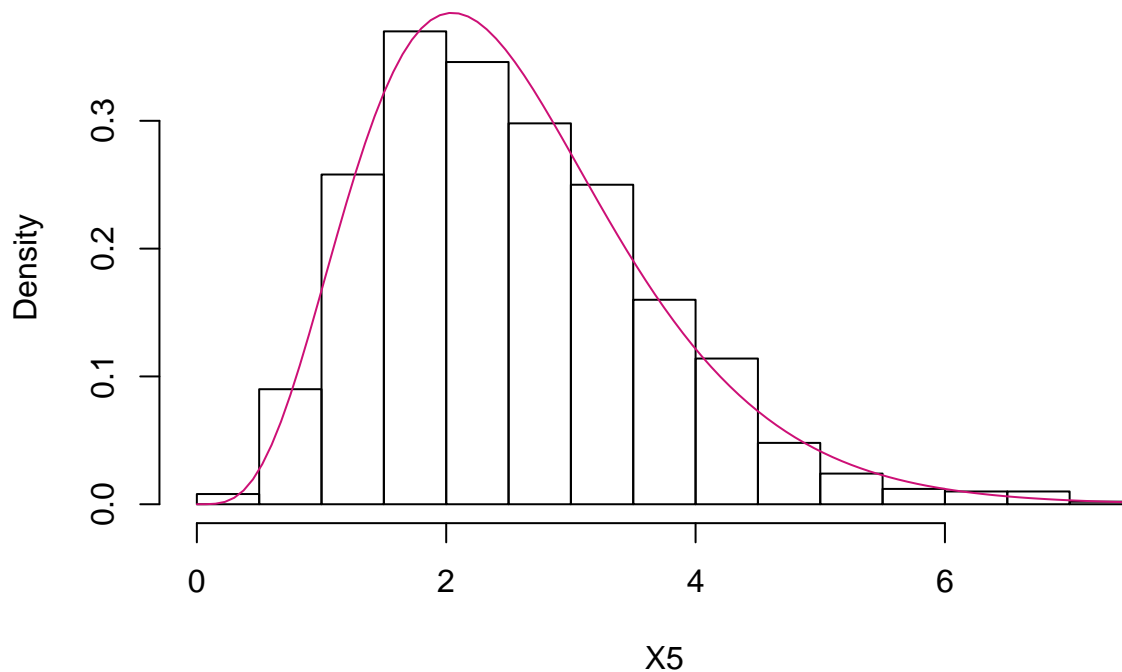
Zmienna X5:

```
hist(X5,main="Rozkład X5 wraz z gęstością dopasowanego rozkładu gamma",freq = FALSE, breaks = 20)
```

```
rozklad_X5<-rozklad_gamma(X5)
```

```
curve(dgamma(x,shape=rozklad_X5[1],scale=rozklad_X5[2]),add=T, col="deeppink3")
```

## Rozkład X5 wraz z gestoscia dopasownego rozkladu gamma



Wartości estymatorów zmiennej X5 przyjmują odpowiednio:

```
estymator_gamma(X5)
```

```
## estymator wartości parametru kształtu: 5.06325  
## estymator parametru skali: 0.504091
```

## Zadanie 2

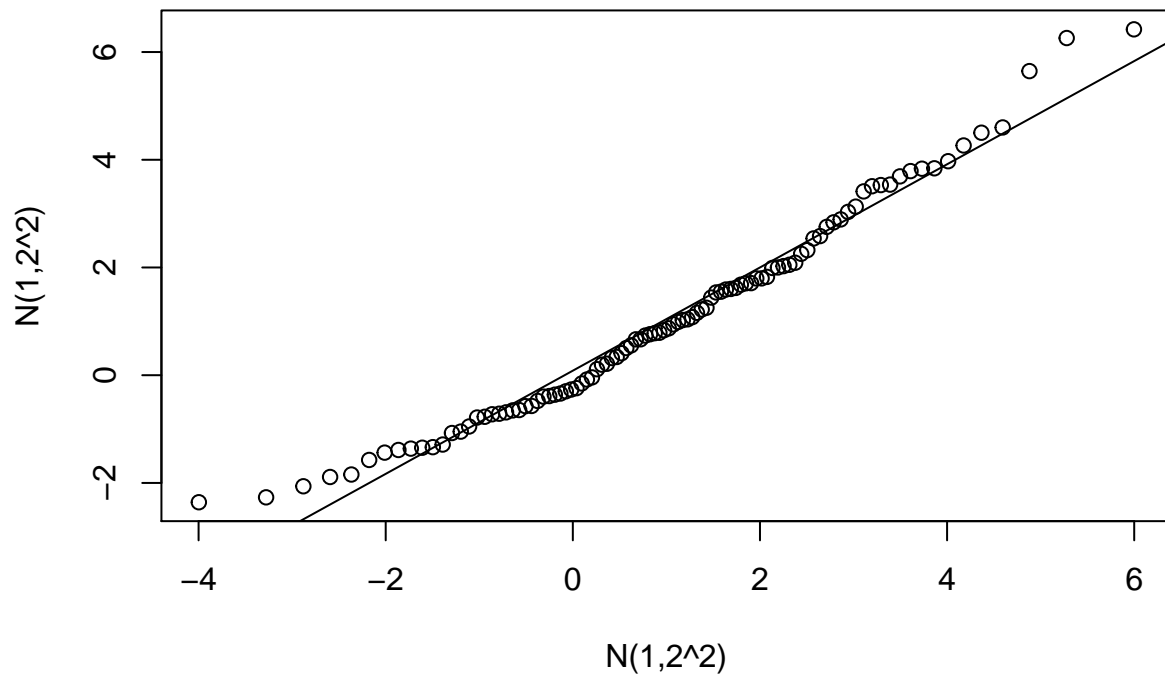
Wygenerowanie próby rozmiaru  $n = 100$  dla rozkładu normalnego  $N(1, 2^2)$ , wykładniczego  $E(2)$  i beta  $B(1, 1)$ .

```
x<-rnorm(100,mean = 1,sd=2)  
y<-rexp(100,rate=2)  
z<-rbeta(100,1,1)
```

Podpunkt A: Wykres kwantylowy próby z  $N(1, 2^2)$  w porównaniu z rozkładem  $N(1, 2^2)$ :

```
qqPlot(x,distribution = "norm",param.list = list(mean=1, sd=2),add.line=T,  
main="Wykres kwantylowy próby z  $N(1, 2^2)$  w porównaniu z  $N(1, 2^2)$ ", xlab = " $N(1, 2^2)$ ", ylab = " $N(1, 2^2)$ " )
```

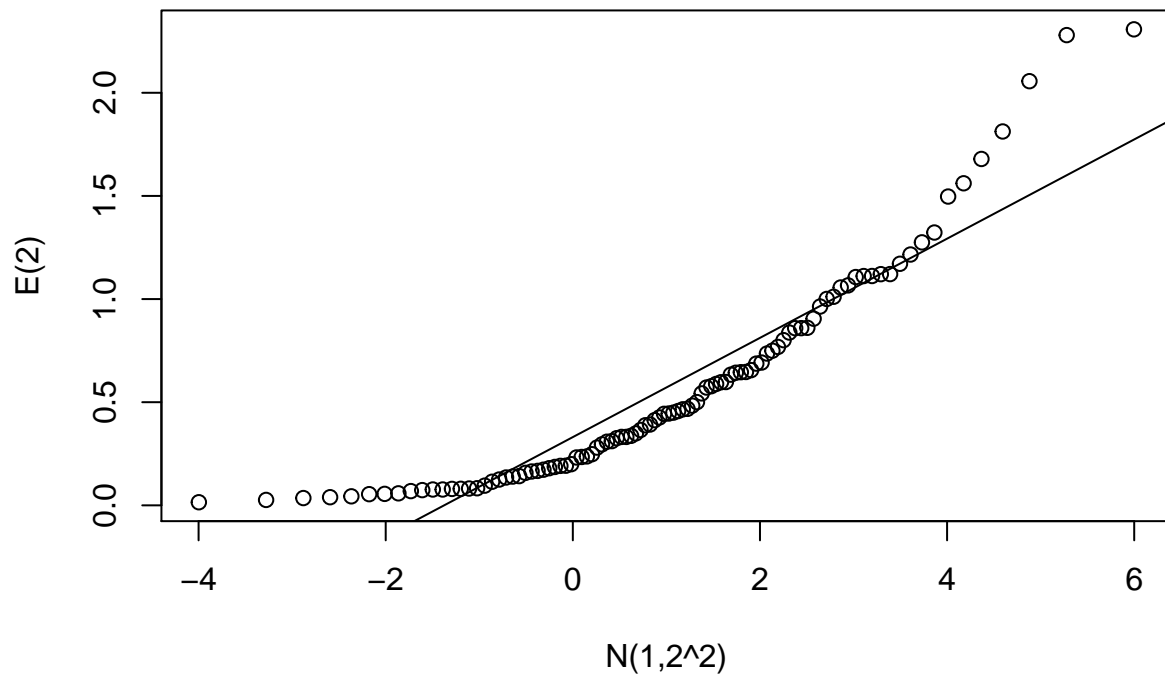
## Wykres kwantylowy próby z $N(1,2^2)$ w porównaniu z $N(1,2^2)$



Wykres kwantylowy próby z  $E(2)$  w porównaniu z rozkładem  $N(1,2^2)$ :

```
qqPlot(y,distribution = "norm",param.list = list(mean=1, sd=2),add.line=T,  
main="Wykres kwantylowy próby z  $E(2)$  w porównaniu z  $N(1,2^2)$ ", xlab = "N(1,2^2)", ylab ="E(2)")
```

### Wykres kwantylowy próby z $E(2)$ w porównaniu z $N(1,2^2)$

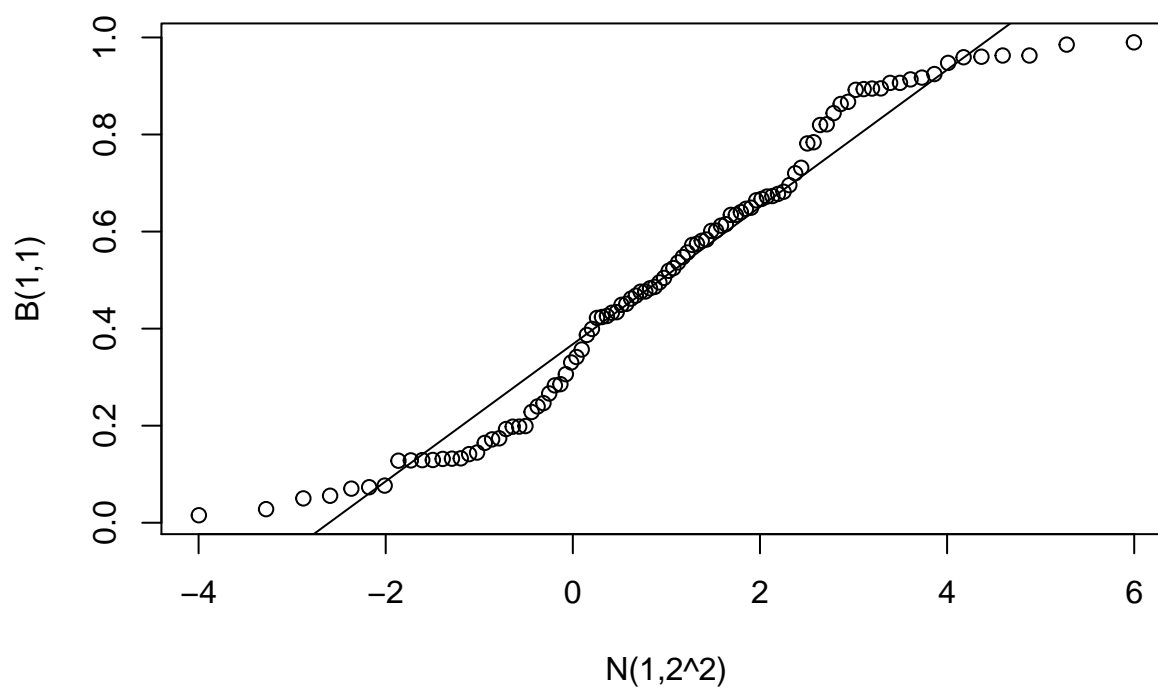


Wykres kwantylowy próby z  $B(1,1)$  w porównaniu z rozkładem  $N(1, 2^2)$

```
qqPlot(z,distribution = "norm",param.list = list(mean=1, sd=2),add.line=T,  
main="Wykres kwantylowy próby z  $B(1,1)$  w porównaniu z  $N(1, 2^2)$ ", xlab = " $N(1, 2^2)$ ", ylab = " $B(1,1)$ ")
```



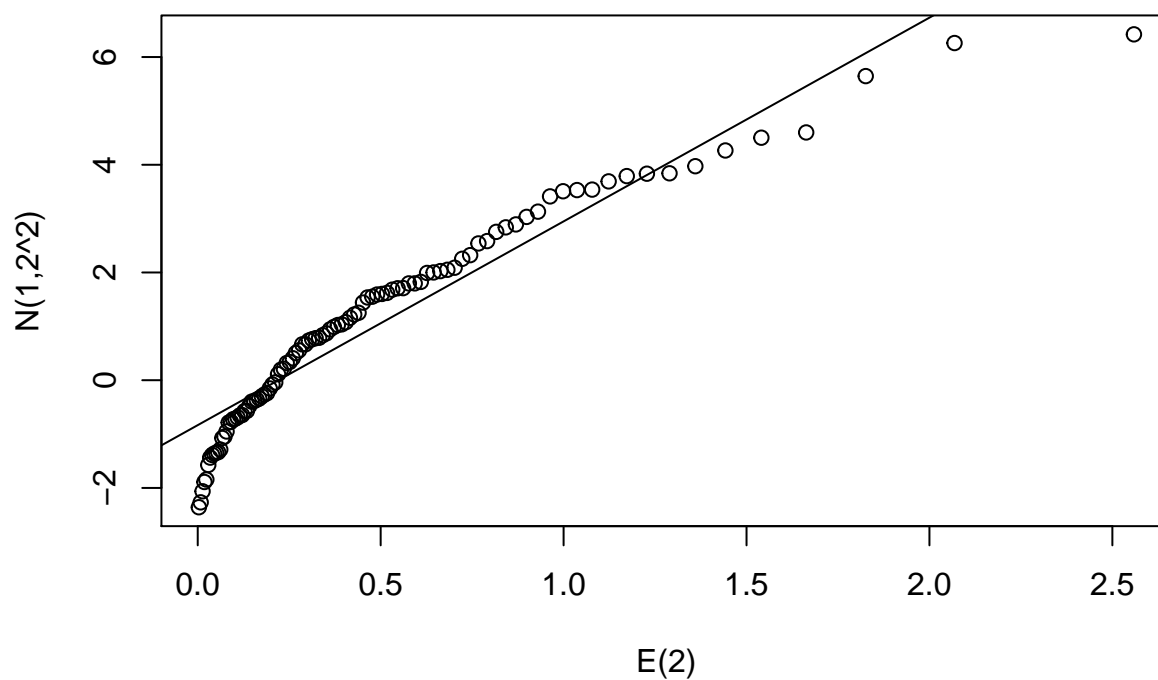
### Wykres kwantylowy próby z $B(1,1)$ w porównaniu z $N(1,2^2)$



Podpunkt B: Wykres kwantylowy próby z  $N(1,2^2)$  w porównaniu z rozkładem  $E(2)$

```
qqPlot(x,distribution = "exp",param.list = list(rate=2),add.line=T,  
main="Wykres kwantylowy próby z  $N(1,2^2)$  w porównaniu z  $E(2)$ ", ylab = " $N(1,2^2)$ ", xlab = " $E(2)$ ")
```

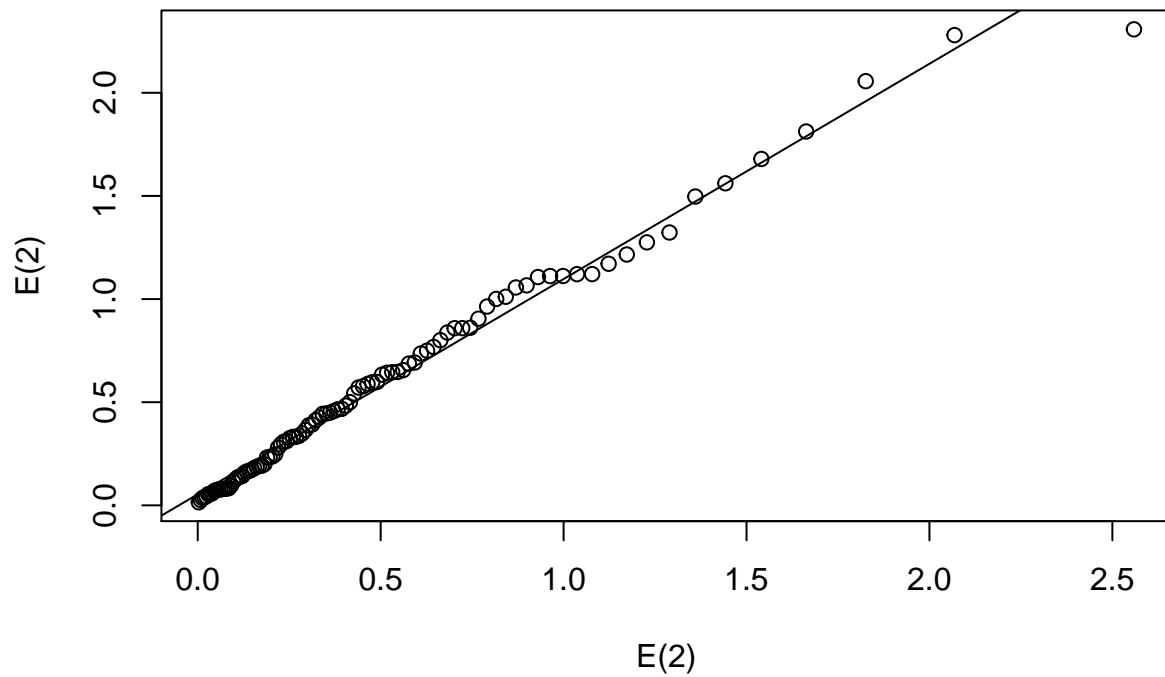
## Wykres kwantylowy próby z $N(1,2^2)$ w porównaniu z $E(2)$



Wykres kwantylowy próby z  $E(2)$  w porównaniu z rozkładem  $E(2)$

```
qqPlot(y,distribution = "exp",param.list = list(rate=2),add.line=T,  
main="Wykres kwantylowy próby z  $E(2)$  w porównaniu z  $E(2)$ ", ylab = " $E(2)$ ", xlab = " $E(2)$ ")
```

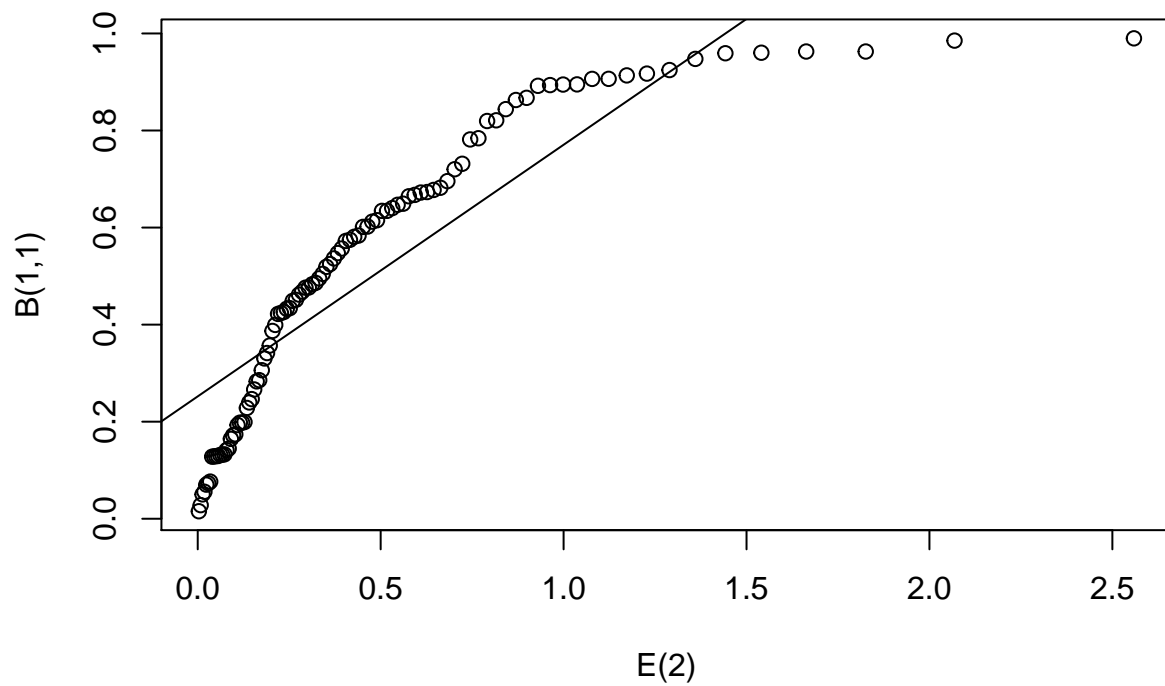
### Wykres kwantylowy próby z $E(2)$ w porównaniu z $E(2)$



Wykres kwantylowy próby z  $B(1,1)$  w porównaniu z rozkładem  $E(2)$

```
qqPlot(z,distribution = "exp",param.list = list(rate=2),add.line=T,  
main="Wykres kwantylowy próby z  $B(1,1)$  w porównaniu z  $E(2)$ ", ylab = " $B(1,1)$ ", xlab = " $E(2)$ ")
```

### Wykres kwantylowy próby z $B(1,1)$ w porównaniu z $E(2)$

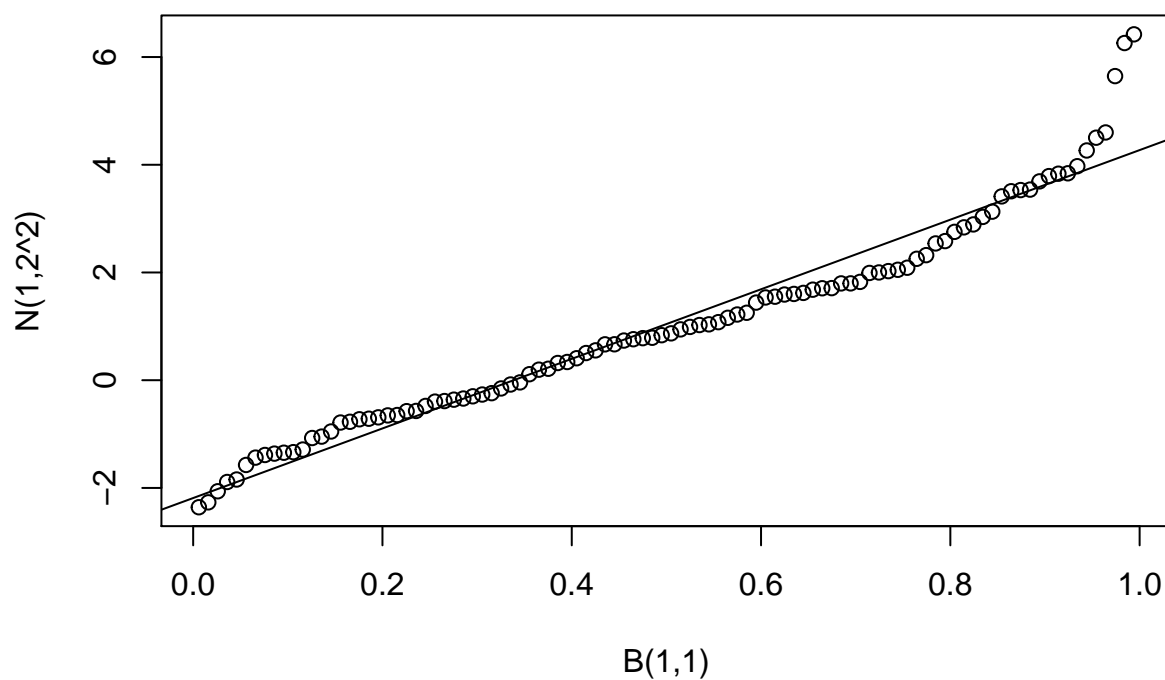


Podpunkt C:

Wykres kwantylowy próby z  $N(1,2^2)$  w porównaniu z rozkładem  $B(1,1)$

```
qqPlot(x,distribution = "beta",param.list = list(shape1=1,shape2=1),add.line=T,  
main="Wykres kwantylowy próby z  $N(1,2^2)$  w porównaniu z  $B(1,1)$ ",xlab = "B(1,1)", ylab = "N(1,2^2)")
```

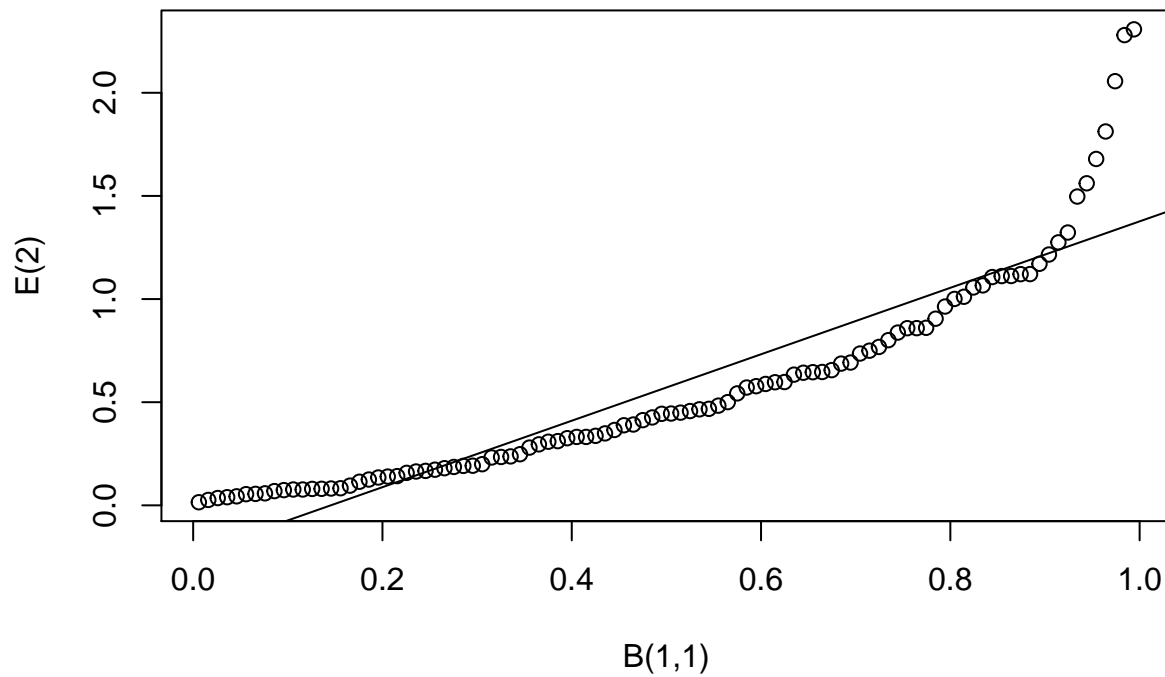
### Wykres kwantylowy próby z $N(1,2^2)$ w porównaniu z $B(1,1)$



Wykres kwantylowy próby z  $E(2)$  w porównaniu z rozkładem  $B(1,1)$

```
qqPlot(y,distribution = "beta",param.list = list(shape1=1,shape2=1),add.line=T,  
main="Wykres kwantylowy próby z  $E(2)$  w porównaniu z  $B(1,1)$ ",xlab = "B(1,1)", ylab ="E(2)")
```

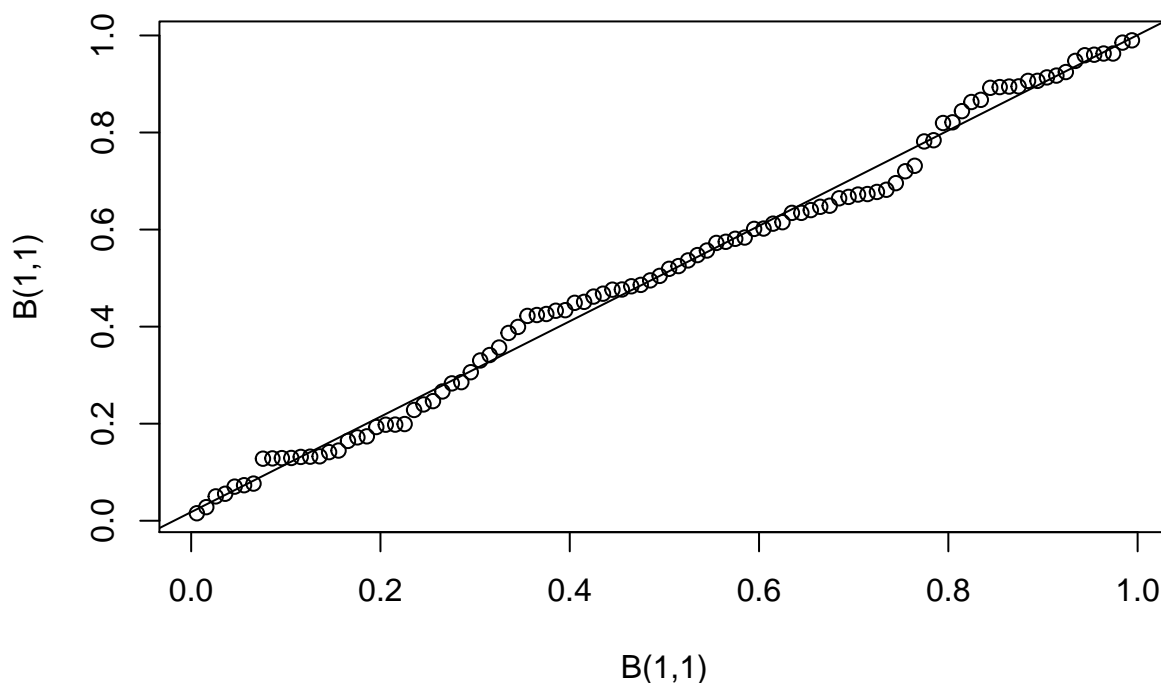
## Wykres kwantylowy próby z $E(2)$ w porównaniu z $B(1,1)$



Wykres kwantylowy próby z  $B(1,1)$  w porównaniu z rozkładem  $B(1,1)$

```
qqPlot(z,distribution = "beta",param.list = list(shape1=1,shape2=1),add.line=T,  
main="Wykres kwantylowy próby z  $B(1,1)$  w porównaniu z  $B(1,1)$ ",xlab = "B(1,1)", ylab ="B(1,1)")
```

## Wykres kwantylowy próby z $B(1,1)$ w porównaniu z $B(1,1)$

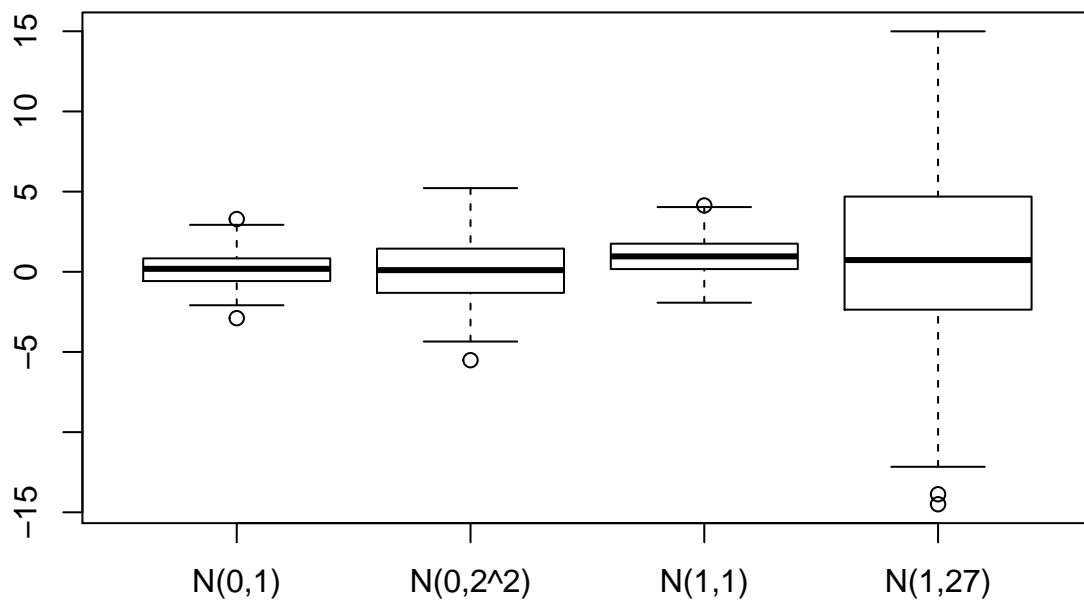


Wnioski: Wykresy kwantylowe badają zależność między dwoma rozkładami, tym samym dochodzimy do wniosku, że im bliżej prostej:  $y = x$  są położone kwantyle  $i$ -tego rzędu z każdego rozkładu to tym bardziej są one zgodne. Oczywiście najbardziej podobne są te same rozkłady, jednak zauważamy iż dla takiej próby rozkład normalny oraz beta są stosunkowo podobne, bliskość do prostej  $y = x$ . Największe różnice występują w przypadku badania zależności z rozkładem wykładniczym, gdyż sporo punktów jest oddalonych od osi  $y = x$ , jest to pewnie związane z szybszym wzrostem, dlatego że różnice zaczynają się od 0.8 wartości.

## Zadanie 3

Wygenerujemy cztery próby rozmiaru  $n = 200$  z rozkładów normalnych  $N(0,1)$ ,  $N(0,2^2)$ ,  $N(1,1)$ ,  $N(1,27)$  oraz stworzymy wykres 4 boxplotów, odpowiednio dla każdego rozkładu

```
x1<-rnorm(200)
x2<-rnorm(200,sd=2)
x3<-rnorm(200,mean=1)
x4<-rnorm(200,mean=1,sd=27^(1/2))
boxplot(x1,x2,x3,x4, names = c("N(0,1)", "N(0,2^2)", "N(1,1)", "N(1,27)"))
```



```
summary(x1) #odczytanie mediany, 1 i 3 kwartyla z próby rozkładu N(0,1)
```

```
##      Min. 1st Qu.  Median    Mean 3rd Qu.     Max.
## -2.8929 -0.5713   0.1848   0.1450  0.8363   3.2887
```

Wnioski: Wartość mediany rozkładu  $N(0,1)$  w próbie jest bardzo blisko 0. Kwantyle również oscylują wokół wartości z rozkładu normalnego, jednak tu już różnice są bardziej znaczące. Widzimy, iż im większa wariancja tylko większy rozrzut występuje między skrajnymi wartościami. A samo powiększanie wartości odpowiednich kwantyli jest proporcjonalne do odchylenia standardowego.