# Tarea II

### Román Contreras

February 15, 2018

### 1 Paralelismo y ortogonalidad en el espacio

## 1.1 Parelelismo y ortogonalidad de planos y rectas

**Ejercicio 1.1.** Sea  $\Pi$  un plano  $y \ \ell \ y \ \ell'$  dos rectas paralelas. Demuestra que  $\ell$  es perpendicular a  $\Pi$  si y solo si  $\ell'$  es perpendicular a  $\Pi$ 

Ejercicio 1.2. Sea  $\Pi$  un plano y P un punto en  $\Pi$ . Demuestra que existe una única recta  $\ell$  que es perpendicular a  $\Pi$  y pasa por P. (Da una construcción explícita de dicha recta)

#### 1.2 Proyecciones ortogonales sobre planos

Recordemos que en clase demostramos que dado un plano  $\Pi$  y un punto cualquiera P, existe una única recta  $\ell$  tal que el punto está en dicha recta y la recta es perpendicular al plano  $\Pi$ .

Así mismo, definimos la proyección ortogonal de P en  $\Pi$  como la intersección de  $\ell$  con  $\Pi$ 

Demuestra las siguientes propiedades de la proyección ortogonal:

Ejercicio 1.3. La proyección de una recta sobre un plano es:

- Un punto si y solo si la recta es ortogonal al plano
- Una recta en los demás casos

Ejercicio 1.4. La proyección de un plano sobre otro plano es:

- $\bullet \ \ Una \ recta \ si \ y \ solo \ si \ el \ los \ dos \ planos \ son \ ortogonales$
- Todo el plano en los demás casos

Ejercicio 1.5. La proyección de un segmento de recta es un segmento de recta cuya longitud es menor o igual que la de el segmento original. La longitud es igual si y solo si el segmento de recta está contenido en un plano paralelo al plano sobre el que se proyecta.

**Ejercicio 1.6.** Sea ABC un tríangulo y sean A', B' y C' las proyecciones de dichos puntos. El triángulo ABC es congruente al triángulo A'B'C' si y solo si el plano que contiene a los puntos ABC es paralelo al plano sobre el que se está proyectando.