# Тема: "Параллелограмм"

Любое задание в теме может быть использованы для индивидуальной, парной, групповой или фронтальной работы.

Уровни сложности от простого к сложному: А - Б - В.

# 1. Работа с определением.

Определение: Параллелограмм – выпуклый четырехугольник, у которого стороны попарно параллельны.

1.1. (А) Прочитайте определение на карточке, скройте, постарайтесь повторить определение правильно.

1.2. (А) Вставьте пропущенные слова в определение. Параллелограмм – четырехугольник, у которогопопарно		
правильный	углы	
выпуклый	диагонали	
произвольный	равны	
обыкновенный	параллельны	
стороны	правильный	

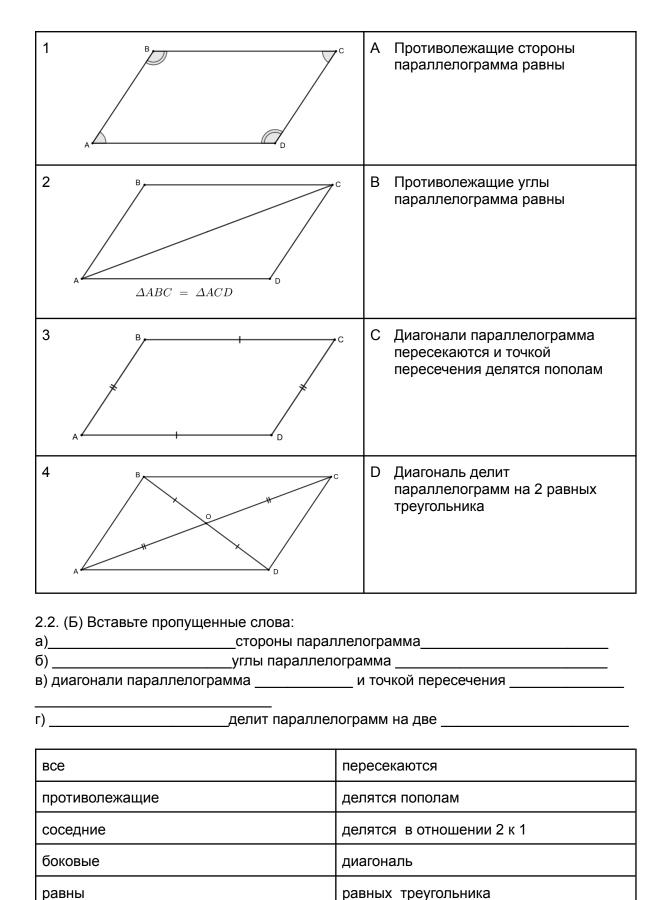
1.3. (Б). Из набора слов составьте определение, прочитайте, что получилось.

выпуклый	параллельны
четырехугольник	равны
стороны	противолежащие
которого	углы
попарно	правильный

1.4. (Б) Сформулируйте определение параллелограмма. Запишите свой ответ / произнесите свой ответ. Проверьте по образцу.

# 2. Работа со свойствами параллелограмма.

2.1. (А) Соотнесите свойство фигуры и чертеж.



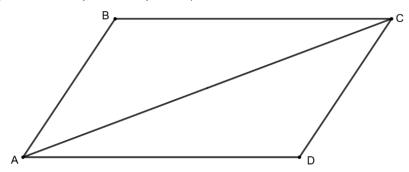
равных фигуры

параллельны

накрест лежащие	перпендикулярны

- 2.3. (В) Прочитайте утверждения, если есть ошибка, выделите её и исправьте:
- а) все стороны параллелограмма равны
- б) соседние стороны параллелограмма равны
- в) диагональные углы параллелограмма равны
- г) диагонали параллелограмма равны
- д) диагонали параллелограмма параллельны
- 2.4. (Б) Сформулируйте свойства параллелограмма, запишите / произнесите свой ответ: а) сторон; б) углов; в) диагоналей. Проверьте по образцу.
- 2.5. (В) Прочитайте задачу и представленное доказательство, вставьте пропущенные пояснения.

Условие: Докажите, что диагональ делит параллелограмм на два равных треугольника (свойство параллелограмма).



#### Доказательство:

Рассмотрим параллелограмм ABCD.

Тостроим	_AC. Рассмотрим треугольники ABC и CDA:

- 1) ∠BCA = ∠CAD\_
- 2) ∠ BAC = ∠ DCA
- 3) АС общая сторона

тогда треугольник ABC равен треугольнику CDA по \_\_\_\_\_\_

диагональ	секущей АС
как накрест лежащие углы при	секущей BD
секущей АС	по стороне и двум прилежащим к ней углам
как соответственные углы	по двум сторонам и углу между ними
AB    CD	по трем сторонам
BC    AD	по общей стороне

# 3. Работа с признаками параллелограмма

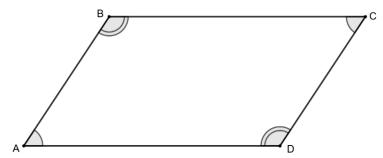
3.1. (А) Соотнесите утверждение и чертеж.

1	Если две стороны четырехугольника равны и параллельны, то этот четырехугольник - параллелограмм.	A	AB    CD
2	Если противоположные стороны четырехугольника попарно равны, то этот четырехугольник - параллелограмм.	В	B C D D
3	Если диагонали четырехугольника пересекаются и точкой пересечения делятся пополам, то этот четырехугольник - параллелограмм.	С	B C
4	Если в четырехугольнике противолежащие углы равны, то этот четырехугольник - параллелограмм.	D	B C C
обр а) Е	азцу:	ьниі	итайте, что получилось, проверьте по ка, то этот 
		ы че	гырехугольника, то этот
	ырехугольник - параллелограмм.	anar	секаются и точкой пересечения
В)С	. четырехугольника п	epec	екаются и точкои пересечения
	 сли в четырехугольнике ырехугольник - параллелограмм.		углы равны, то этот
	вны		диагонали
<u> </u>			
Ιпа	раллельны		биссектрисы

равны и параллельны	делятся пополам
две	равны
все	противолежащие
противоположные	соседние
параллельны	параллелограмм
попарно равны	прямоугольник

3.3. (В) Прочитайте признак параллелограмма и представленное доказательство, вставьте пропущенные пояснения.

Условие: Докажите, что если в четырехугольнике противолежащие углы равны, то этот четырехугольник - параллелограмм.



# Доказательство:

Пусть в параллелограмме АВС	D ∠ А равен ∠ С (по услог	вию) и равен х, 🗸 В равен 🗸
D (по условию) и равен у	, тогда 2x + 2y = _	, следовательно х + у =
, тогда х + у = ∠ A + ∠ В =	= ∠ B + ∠ C, откуда получ	ıаем, AB    CD, BC    AD
A	BCD - параллелограмм, т.н	к., если в четырехугольнике

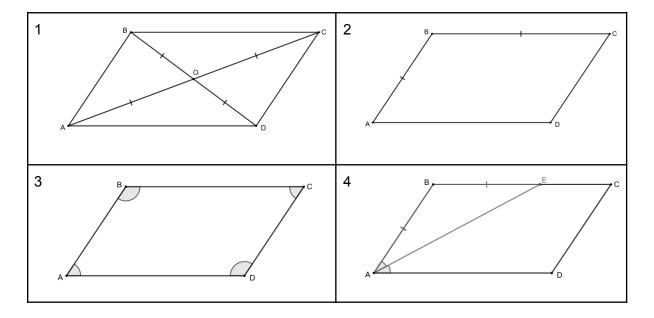
360°
180°
90°
если сумма внутренних односторонних углов при прямых, пересеченных секущей, равна 180°, то прямые параллельны
сумма углов четырехугольника 360°
если в четырехугольнике противолежащие стороны параллельны, то этот четырехугольник - параллелограмм
если в четырехугольнике стороны равны и параллельны, то этот четырехугольник - параллелограмм

если в четырехугольнике стороны попарно параллельны, то этот четырехугольник -

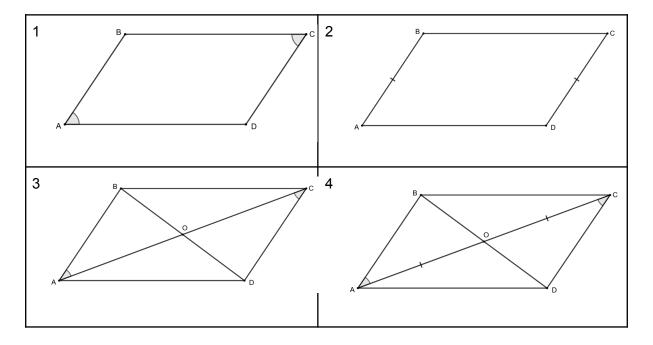
параллелограмм
сумма углов треугольника 180°

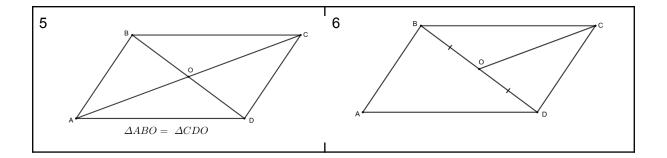
# 4. Работа с задачами:

4.1. (B) По готовому чертежу сформулируй то, что изображено на чертеже. Подумай, верно ли это утверждение для любого параллелограмма, если необходимо, исправь утверждение.



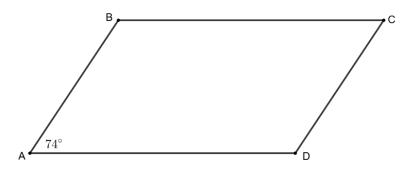
4.2. (В) К готовому чертежу дополните условие одним данным таким образом, чтобы четырехугольник стал параллелограммом. Если вариантов несколько, перечисли все.





# 4.3. (Б) Прочитайте задачу и представленное решение, вставьте пропущенные пояснения.

Условие: Найдите углы параллелограмма ABCD, если угол A равен 84° (уч. Атанасян Геометрия 7-9, стр. 127, № 476).



Решение:

- 1)  $\angle$  C =  $\angle$  A = 84°
- 2) BC || AD
- 3)  $\angle$  B = 180 84 = 96°
- 4)  $\angle B = \angle D = 96^{\circ}$

Ответ:

сумма смежных углов равна 180°

углы параллелограмма равны

противолежащие углы параллелограмма равны

градусная мера развернутого угла равна 180°

сумма внутренних односторонних углов при параллельных прямых и секущей равна 180°

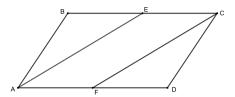
противолежащие стороны параллелограмма параллельны

углы параллелограмма равны

противолежащие углы параллелограмма равны

4.4. (В) Прочитайте задачу и представленное решение, замените ошибочные пояснения.

Условие: Точки Е и F - соответственно середины сторон ВС и AD параллелограмма ABCD. Докажите, что четырехугольник AECF - параллелограмм. (уч. Мерзляк Геометрия 8, № 95, стр. 28).



#### Решение:

- 1) BC = AD, BC || AD (противолежащие стороны параллелограмма)
- 2) BE = EC, AF = FD (по условию)
- 3) следовательно, АЕСF параллелограмм (по определению)

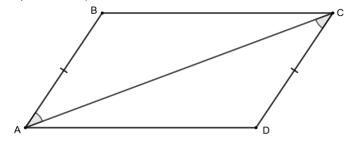
противолежащие стороны параллелограмма равны и параллельны

Е - середина AC, F- середина AD

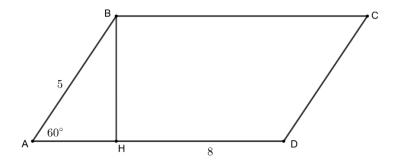
если в четырехугольнике две противолежащие стороны равны и параллельны, то этот четырехугольник - параллелограмм

если в четырехугольнике две противолежащие стороны равны, то этот четырехугольник - параллелограмм

- 4.5. (В) Решите задачу, запишите решение с полными обоснованиями. Поменяйтесь решениями с одноклассником, расскажите решение однокласснику (учителю).
- 4.5.1. (В) Докажите, что изображенный четырехугольник параллелограмм. (Э. Н. Балаян Геометрия Задачи на готовых чертежах для подготовки к ГИА и ЕГЭ 7-9 классы, стр. 59, №4).



4.5.2. (В) Найдите периметр параллелограмма (Э. Н. Балаян Геометрия Задачи на готовых чертежах для подготовки к ГИА и ЕГЭ 7-9 классы, стр. 61, №3).



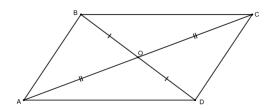
4.5.3. (В) Условие: Биссектриса угла А параллелограмма ABCD пересекает сторону BC в точке К. Найдите периметр этого параллелограмма, если BK = 15 см, KC = 9 см. (уч. Атанасян Геометрия 7-9, № 474, стр. 127).

4.5.4. (В) Условие: Угол между высотой ВН параллелограмма ABCD и биссектрисой ВМ угла ABC равен 24°. Найдите все углы параллелограмма. (А. Г. Мерзляк и др. Геометрия 8, стр. 22 № 68).

#### ЗАДАНИЕ НА ДОМ:

Сделай чертеж и запиши решение с пояснениями:

1) (A) Докажите, что четырехугольник является параллелограммом. (Э. Н. Балаян Геометрия Задачи на готовых чертежах для подготовки к ГИА и ЕГЭ 7-9 классы, стр. 59, №5).



2) (Б) Найдите углы параллелограмма ABCD, если ∠ A + ∠ C = 142°. (Атанасян стр. 127, №476).

3) (В) (Атанасян стр. 127, №473) Периметр параллелограмма ABCD равен 50 см, угол C равен 30°, а перпендикуляр ВН к прямой CD равен 6,5 см. Найдите стороны параллелограмма.

#### ЗАДАНИЯ ОГЭ

- 1. (А) Один из углов параллелограмма равен 41 градус. Найдите больший угол параллелограмма.
- 2. (А) Сумма двух углов параллелограмма равна 214 градусов. Найдите меньший угол параллелограмма.
- 3. (A) Найдите острый угол параллелограмма ABCD, если биссектриса угла A образует со стороной BC угол, равный 33°.
- 4. (A) Диагональ АС параллелограмма ABCD образует с его сторонами углы, равные 25° и 30°. Найдите больший угол этого параллелограмма.

- 5. (A) Диагонали AC и BD параллелограмма ABCD пересекаются в точке O, AC = 22, BD = 24, AB = 3. Найдите DO.
- 6. (A) На продолжении стороны *AD* параллелограмма *ABCD* за точкой *D* отмечена точка *E* так, что *DC* = *DE*. Найдите больший угол параллелограмма *ABCD*, если ∠*DEC* = 53°. Ответ дайте в градусах.
- 7. (A) Разность углов, прилежащих к одной стороне параллелограмма, равна 40°. Найдите меньший угол параллелограмма. Ответ дайте в градусах.
- 8. (A) Площадь параллелограмма равна 36, а две его стороны равны 6 и 12. Найдите его высоты. В ответе укажите большую высоту.
- 9. (Б) Биссектриса угла А параллелограмма ABCD пересекает сторону BC в точке К. Найдите периметр параллелограмма, если BK = 4, CK = 19.
- 10. Биссектриса углов A и D параллелограмма ABCD пересекаются в точке, лежащей на стороне BC. Найдите BC, если AB равно 34.
- 11. (Б) Сторона ВС параллелограмма ABCD вдвое больше стороны CD. Точка K— середина стороны BC. Докажите, что DK— биссектриса угла ADC.
- 12. (Б) В параллелограмме ABCD точки E, F, K и M лежат на его сторонах AB, BC, CD, AD соответственно так, что AE = CK, BF = MD. Докажите, что EFKM параллелограмм.
- 13. (Б) В параллелограмме ABCD с тупым углом В проведены перпендикуляры ВЕ и DF к диагонали ВС. Докажите, что отрезки ВF и DE параллельны.
- 14. (Б) В параллелограмме ABCD с тупым углом В проведены высоты BE и BF. Докажите, что треугольники ABE и CBF подобны.
- 15. (Б) Через точку О пересечения диагоналей параллелограмма ABCD проведена прямая, пересекающая стороны AB и CD в точках P и T соответственно. Докажите, что BP = DT.
- 16. (Б) Три стороны параллелограмма равны. Докажите, что отрезок с концами в серединах противоположных сторон параллелограмма равен четверти его периметра.
- 17. (Б) В параллелограмме проведены биссектрисы противоположных углов. Докажите, что отрезки биссектрис, заключенные внутри параллелограмма, равны.