

<input type="checkbox"/> Gr. 1, DI Franz Gruber-Leitner	Name <u>Roman Lumetsberger</u>	Aufwand in h <u>7</u>
<input checked="" type="checkbox"/> Gr. 2, Dr. Erik Pitzer	Punkte _____	Kurzzeichen Tutor / Übungsleiter _____ / _____

1. Repräsentation von gewichteten Graphen

(7 + 9 Punkte)

Hinweis: Es werden nur Graphen mit einer fixen Anzahl von n Knoten betrachtet, d.h. die Anzahl der Knoten kann nicht wachsen oder schrumpfen und muss von Anfang an bekannt sein. Als "Knotennamen" können deshalb die ganzzahligen Werte von (z.B.) 1 bis n dienen.

- Entwickeln Sie einen *abstrakten Datentyp* (in Form eines Moduls $DG_ADT_M.c$, wobei DG für *directed graph* und M für *matrix* steht) zur Verwaltung eines gewichteten Graphen mit n Knoten, wobei intern zur Repräsentation eine *Adjazenzmatrix* verwendet wird.
- Entwickeln Sie einen *abstrakten Datentyp* (in Form eines Moduls $DG_ADT_L.c$, wobei L für *list* steht) zur Verwaltung eines gewichteten Graphen mit n Knoten, wobei zur Repräsentation intern eine *Adjazenzliste* verwendet wird.

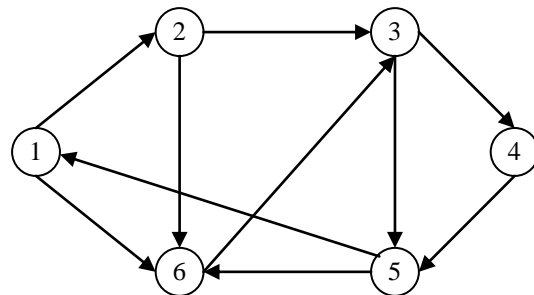
Die Mindestfunktionalität umfasst in beiden Fällen

- das Erzeugen eines neuen Graphen mit dem Parameter n ,
- das Eintragen neuer Kanten zwischen Knoten mit Gewicht w ,
- das Löschen von Kanten zwischen Knoten,
- das Ausgeben der internen Darstellung des Graphen in geeigneter Form und
- das Freigeben eines Graphen.

Achten Sie darauf, dass beide Datenstrukturen "austauschbar" sind – indem beide Implementierungen die gleiche Schnittstelle $DG_ADT.h$ erfüllen und durch binden („linken“) die eine oder die andere Implementierung eingebunden werden kann.

Schreiben Sie *ein* Testprogramm für beide Datentypen, in dem Sie den Graphen aus der Abbildung rechts aufbauen und die interne Darstellung ausgeben. Sie können dabei beliebige positive Kantengewichte annehmen.

Testen Sie auch die Möglichkeit, eine Kante zu löschen.



So könnte die Schnittstelle in $DG_ADT.h$ anfangs aussehen. Ein wichtiges Detail dabei ist, dass das „`struct graph`“ nur deklariert, jedoch nicht definiert wird, was Sie dann in der konkreten Implementierung erst machen können.

```
struct Graph;
typedef struct Graph Graph;

Graph* createGraph(int n);
void freeGraph(Graph *g);
void insertEdge(Graph *g, int source, int target, double weight);
void removeEdge(Graph *g, int source, int target);
void printGraph(Graph *g);
```

2. Graphenalgorithmen

(1 + 3 + 4 Punkte)

Erweitern Sie die Schnittstelle in DG_ADT.H sowie beide Implementierungen nach eigenem Ermessen um die Realisierung der nun folgenden weiteren Funktionalität **implementierungs-unabhängig** zu ermöglichen, also nur abhängig von der allgemeinen Schnittstelle DG_ADT.H. Halten Sie dazu diese Schnittstelle möglichst klein und allgemein.

Erstellen Sie zwei neue Dateien GRAPH_ALGS.H und GRAPH_ALGS.C in der Sie folgende Funktionen zur Verfügung stellen:

1. Erzeugung des invertierten Graphen (Alle Kanten werden umgedreht)
2. Testen auf Reflexivität, Symmetrie, Asymmetrie und Transitivität eines Graphen

Die Schnittstelle dieser Algorithmen könnte z.B. so aussehen:

```
#include "dg_adt.h"

Graph* invert(Graph *g);
bool isReflexive(Graph *g);
bool isSymmetric(Graph *g);
bool isAsymmetric(Graph *g);
bool isTransitive(Graph *g);
void printGraphProperties(Graph *g);
```

Hinweise:

1. Geben Sie für alle Ihre Lösungen immer eine Lösungsidee an.
2. Kommentieren und testen Sie Ihre Programme ausführlich.

1 Aufgabe 1 - Repräsentation von gewichteten Graphen

1.1 Lösungsidee

Zu Beginn muss das Interface *dg_adt.h* definiert werden. Dabei wird die Schnittstelle der Angabe verwendet. Wichtig ist hier, dass der Type *graph* deklariert wird, ohne eine konkrete interne Struktur vorzugeben.

In diesem Beispiel werden als Knotennamen 1 - n verwendet, wobei intern die Speicherung mit Index 0 erfolgt.

1.1.1 Adjazenzmatrix

Beim diesem Beispiel wird der Graph als Adjazenzmatrix implementiert.

Eine Adjazenzmatrix ist eine Matrix mit $n * n$ Elementen. Dabei wird für jede mögliche Kombination das Gewicht der Kante gespeichert.

Ist das Gewicht Null, dann existiert keine Kante zwischen den Knoten.

- Beim Einfügen einer Kante wird einfach das Gewicht an die richtige Stelle der Matrix geschrieben.
- Beim Löschen wird der Wert wieder auf Null gesetzt.

Speicherverwaltung

Beim Erstellen des Graphen wird die gesamte Matrix allokiert, beim Löschen wird sie wieder freigegeben.

1.1.2 Adjazenzliste

Bei dieser Variante der Speicherung eines Graphen wird ein Array verwendet, welches für jeden Knoten eine Liste der Kanten bereitstellt.

Die Implementierung verwendet eine einfach verkettete Liste.

- Beim Einfügen einer Kante wird ein neues Element in die Liste des Ausgangsknoten eingefügt
- Beim Löschen wird das Element der Liste wieder entfernt

Speicherverwaltung

Beim Erstellen des Graphen wird nur das Array mit den Zeigern auf die Liste allokiert.

- Wird ein Element eingefügt, wird ein neues Listenelement allokiert und in die Liste eingefügt.
- Beim Löschen einer Kante muss das Element gesucht, die Verkettung der Liste aktualisiert und das Element freigegeben werden.
- Beim Löschen des Graphen müssen zuerst die Listenelemente, dann das Array der Knoten und dann der Graph selbst freigegeben werden.

1.2 Sourcecode

1.2.1 Makefile

In der Abgabe Zip Datei ist ein Makefile enthalten, dass für jede Implementierung ein Target enthält.

- Target graphm: Erstellt das Programm **graphm**, das als Implementierung die Adjazenzmatrix (dg_adt_m.o) verwendet
- Target graphl: Erstellt das Programm **graphl**, das als Implementierung die Adjazenliste (dg_adt_l.o) verwendet

```
1  /*****
2  dg_adt.h
3  Roman Lumetsberger
4
5  defines the interface for graphs
6  *****/
7  #ifndef DG_ADT_INCLUDED
8  #define DG_ADT_INCLUDED
9
10 struct Graph;
11 typedef struct Graph Graph;
12
13 /* Creates a graph with n vertices */
14 Graph* createGraph(int n);
15 /* Frees the graph memory */
16 void freeGraph(Graph *g);
17 /* inserts a edge between the source and target
18    source and target starts with 1 */
19 void insertEdge(Graph *g, int source, int target, double weight);
20 /* removes the edge between the source and target
21    source and target start with 1 */
22 void removeEdge(Graph *g, int source, int target);
23 /* prints the graph */
24 void printGraph(Graph *g);
25
26 #endif
```

```
1  /*****
2  dg_adt_m.c
3  Roman Lumetsberger
4
5  Implements the graph interface as matrix
6  *****/
7  #include <stdlib.h>
8  #include <stdio.h>
9  #include <string.h>
```

```
10 #include <assert.h>
11 #include "dg_adt.h"
12
13 struct Graph {
14     /* count of vertices */
15     int verticesCount;
16     /* matrix */
17     double *matrix;
18 };
19
20 /* Create the graph with the given vertex count*/
21 Graph* createGraph(int n) {
22     Graph *graph = (Graph*) malloc(sizeof(Graph));
23
24     /* return null if there is not have enough memory */
25     if (graph == NULL)
26         return NULL;
27
28     graph->verticesCount = n;
29     /* reserve the memory for the matrix */
30     graph->matrix = (double *) malloc(sizeof(double) * n * n);
31
32     /* free the graph and return null if there is not enough memory */
33     if (graph->matrix == NULL) {
34         free(graph);
35         return NULL;
36     }
37     /* set the matrix to 0 */
38     memset(graph->matrix, 0, sizeof(double) * n * n);
39     return graph;
40 }
41
42 /* frees the graph */
43 void freeGraph(Graph *g) {
44     assert( g != NULL);
45     free(g->matrix);
46     free(g);
47 }
48
49 /* inserts a edge in the matrix
50    source and target starts with 1 and are saved as 0 */
51 void insertEdge(Graph *g, int source, int target, double weight) {
52     assert (g != NULL);
53     assert (source > 0 && source <= g->verticesCount);
54     assert (target > 0 && target <= g->verticesCount);
55     g->matrix[((source - 1) * g->verticesCount) + target - 1] = weight;
56 }
57
58 /* removes a edge in the matrix
```

```
59     source and target starts with 1 and are saved as 0 */
60 void removeEdge(Graph *g, int source, int target) {
61     assert (g != NULL);
62     assert (source > 0 && source <= g->verticesCount);
63     assert (target > 0 && target <= g->verticesCount);
64     g->matrix[((source - 1) * g->verticesCount) + target - 1] = 0;
65
66 }
67
68 /* prints the graph matrix */
69 void printGraph(Graph *g) {
70     int i, j;
71     printf("      ");
72     for (i = 0; i < g->verticesCount; i++) {
73         printf("    %d ", i + 1);
74     }
75     printf("\n");
76     for (i = 0; i < g->verticesCount; i++) {
77         printf("-----");
78     }
79     printf("-----\n");
80     for (i = 0; i < g->verticesCount; i++) {
81         for (j = 0; j < g->verticesCount; j++) {
82             if (j == 0) {
83                 printf(" %d | ", i + 1);
84             }
85             printf("%4.2g ", g->matrix[i * g->verticesCount + j]);
86         }
87         printf("\n");
88     }
89 }
```

```
1  /*****
2   dg_adt_l.c
3   Roman Lumetsberger
4
5   Implements the graph interface as list
6   *****/
7  #include <stdlib.h>
8  #include <stdio.h>
9  #include <string.h>
10 #include <assert.h>
11 #include "dg_adt.h"
12
13 /* defines the internal vertex list */
14 typedef struct VertexList {
15     int target;
16     double weight;
```

```
17  struct VertexList *next;
18  } VertexList;
19
20  struct Graph {
21      /* count of vertices */
22      int verticesCount;
23      VertexList **adjList;
24  };
25
26  /* Create the graph with the given vertex count */
27  Graph* createGraph(int n) {
28      Graph *graph = (Graph*) malloc(sizeof(Graph));
29
30      /* return null if there is not have enough memory */
31      if (graph == NULL)
32          return NULL;
33
34      graph->verticesCount = n;
35      /* reserve the memory for the list */
36      graph->adjList = (VertexList **) malloc(sizeof(VertexList*) * n);
37
38      /* free the graph and return null if there is not enough memory */
39      if (graph->adjList == NULL) {
40          free(graph);
41          return NULL;
42      }
43      /* set the vertex list to 0 */
44      memset(graph->adjList, 0, sizeof(VertexList*) * n);
45      return graph;
46  }
47
48  /* frees the graph */
49  void freeGraph(Graph *g) {
50      int i;
51      VertexList *current, *next;
52
53      assert( g != NULL);
54
55      /* frees the list elements */
56      for (i = 0; i < g->verticesCount; i++) {
57          current = g->adjList[i];
58          while (current != NULL) {
59              next = current->next;
60              free (current);
61              current = next;
62          }
63      }
64      /* frees the list array */
65      free (g->adjList);
```

```
66  /* frees the graph */
67  free(g);
68  }
69
70  /* inserts a edge
71      source and target start with 1 */
72  void insertEdge(Graph *g, int source, int target, double weight) {
73      VertexList *curElement;
74      assert (g != NULL);
75      assert (source > 0 && source <= g->verticesCount);
76      assert (target > 0 && target <= g->verticesCount);
77      curElement = g->adjList[source - 1];
78
79      /* try to find the element */
80      while (curElement != NULL && curElement->target != (target - 1)) {
81          curElement = curElement->next;
82      }
83
84      /* element found, change the weight */
85      if (curElement != NULL) {
86          curElement->weight = weight;
87          return;
88      }
89
90      curElement = (VertexList *)malloc(sizeof(VertexList));
91      if(curElement == NULL) {
92          printf("Out of memory\n");
93          exit(-1);
94      }
95
96      curElement->target = target - 1;
97      curElement->weight = weight;
98
99      /* first edge */
100     if (g->adjList[source - 1] == NULL) {
101         g->adjList[source - 1] = curElement;
102         curElement->next = NULL;
103     }
104     else {
105         curElement->next = g->adjList[source - 1];
106         g->adjList[source - 1] = curElement;
107     }
108 }
109
110 /* removes a edge in the list
111     source and target start with 1 */
112 void removeEdge(Graph *g, int source, int target) {
113     VertexList *curElement;
114     VertexList *parent;
```



```
115
116 assert (g != NULL);
117 assert (source > 0 && source <= g->verticesCount);
118 assert (target > 0 && target <= g->verticesCount);
119
120 curElement = g->adjList[source - 1];
121 parent = NULL;
122 while (curElement != NULL && curElement->target != (target - 1)) {
123     parent = curElement;
124     curElement = curElement->next;
125 }
126
127 /* Element found */
128 if (curElement != NULL) {
129     if (parent == NULL) {
130         g->adjList[source - 1] = curElement->next;
131         free(curElement);
132     }
133     else {
134         parent->next = curElement->next;
135         free(curElement);
136     }
137 }
138
139 }
140
141 /* prints the graph list */
142 void printGraph(Graph *g) {
143     int i;
144     VertexList *curElement;
145
146     assert (g != NULL);
147     for (i = 0; i < g->verticesCount; i++) {
148         curElement = g->adjList[i];
149
150         /* vertex names start with 1 */
151         printf("%d ", i + 1);
152         while (curElement != NULL) {
153             printf("--> %d(%4.2g) ", curElement->target + 1, curElement->weight);
154             curElement = curElement->next;
155         }
156         printf("\n");
157     }
158
159 }
```

```
1 /*****
2 graph.c
```

```
3  Roman Lumetsberger
4
5  Testprogram for graph functions without using concrete implementation
6  *****/
7  #include <stdlib.h>
8  #include <stdio.h>
9  #include "dg_adt.h"
10
11 int main() {
12
13     Graph *g = createGraph(6);
14     printf("Empty graph:\n");
15     printGraph(g);
16     insertEdge(g, 1, 2, 2.3);
17     insertEdge(g, 1, 6, 1.6);
18     /*overwrite edge */
19     insertEdge(g, 1, 6, 1.3);
20
21     insertEdge(g, 2, 6, 0.3);
22     insertEdge(g, 2, 3, 1.5);
23     insertEdge(g, 3, 5, 6.4);
24     insertEdge(g, 3, 4, 3.4);
25     insertEdge(g, 4, 5, 1.3);
26     insertEdge(g, 5, 1, 2);
27     insertEdge(g, 6, 3, 1);
28
29     printf("\n\nTest graph:\n");
30     printGraph(g);
31
32     removeEdge(g, 1, 6);
33     removeEdge(g, 1, 2);
34     /* remove edge which does not exist */
35     removeEdge(g, 1, 3);
36     removeEdge(g, 2, 6);
37     removeEdge(g, 3, 4);
38     removeEdge(g, 3, 4);
39     printf("\n\nRemoved edge graph:\n");
40     printGraph(g);
41     freeGraph(g);
42     /* set g to NULL, because pointer is not valid anymore */
43     g = NULL;
44     return EXIT_SUCCESS;
45 }
```

1.3 Testfälle

1.3.1 Testfall 1 - Adjazenzmatrix

- Erzeugen eines Graphen mit 6 Knoten

- Ausgeben des leeren Graphen
- Hinzufügen aller Kanten des Angabenbeispiels
- Überschreiben einer Kante mit einem anderen Gewicht
- Ausgeben des Graphen
- Löschen einiger Kanten
- Ausgeben des Graphen
- Freigeben des Graphen

```
romanlum@ubuntu: ~/swo3/UebungMoodle3/Beispiel1
romanlum@ubuntu:~/swo3/UebungMoodle3/Beispiel1$ ./graphm
Empty graph:
  1   2   3   4   5   6
-----
1 | 0  0  0  0  0  0
2 | 0  0  0  0  0  0
3 | 0  0  0  0  0  0
4 | 0  0  0  0  0  0
5 | 0  0  0  0  0  0
6 | 0  0  0  0  0  0

Test graph:
  1   2   3   4   5   6
-----
1 | 0  2.3 0  0  0  1.3
2 | 0  0  1.5 0  0  0.3
3 | 0  0  0  3.4 6.4  0
4 | 0  0  0  0  1.3  0
5 | 2  0  0  0  0  0
6 | 0  0  1  0  0  0

Removed edge graph:
  1   2   3   4   5   6
-----
1 | 0  0  0  0  0  0
2 | 0  0  1.5 0  0  0
3 | 0  0  0  0  6.4  0
4 | 0  0  0  0  1.3  0
5 | 2  0  0  0  0  0
6 | 0  0  1  0  0  0
romanlum@ubuntu:~/swo3/UebungMoodle3/Beispiel1$
```

1.3.2 Testfall 2 - Adjazenzmatrix - Valgrind

Gleiche Operationen wie in Testfall 1, nur diesmal mit valgrind (Memory Leak Detector) ausgeführt, um zu zeigen, dass der Speicher wieder korrekt freigegeben wird.

```
romanlum@ubuntu: ~/swo3/UebungMoodle3/Beispiel1
romanlum@ubuntu:~/swo3/UebungMoodle3/Beispiel1$ valgrind ./graphm
==4964== Memcheck, a memory error detector
==4964== Copyright (C) 2002-2013, and GNU GPL'd, by Julian Seward et al.
==4964== Using Valgrind-3.10.0.SVN and LibVEX; rerun with -h for copyright info
==4964== Command: ./graphm
==4964==
Empty graph:
  1   2   3   4   5   6
-----
1 | 0  0  0  0  0  0
2 | 0  0  0  0  0  0
3 | 0  0  0  0  0  0
4 | 0  0  0  0  0  0
5 | 0  0  0  0  0  0
6 | 0  0  0  0  0  0

Test graph:
  1   2   3   4   5   6
-----
1 | 0  2.3 0  0  0  1.3
2 | 0  0  1.5 0  0  0.3
3 | 0  0  0  3.4 6.4  0
4 | 0  0  0  0  1.3  0
5 | 2  0  0  0  0  0
6 | 0  0  1  0  0  0

Removed edge graph:
  1   2   3   4   5   6
-----
1 | 0  0  0  0  0  0
2 | 0  0  1.5 0  0  0
3 | 0  0  0  0  6.4  0
4 | 0  0  0  0  1.3  0
5 | 2  0  0  0  0  0
6 | 0  0  1  0  0  0
==4964==
==4964== HEAP SUMMARY:
==4964==    in use at exit: 0 bytes in 0 blocks
==4964==   total heap usage: 2 allocs, 2 frees, 296 bytes allocated
==4964==
==4964== All heap blocks were freed -- no leaks are possible
==4964==
==4964== For counts of detected and suppressed errors, rerun with: -v
==4964== ERROR SUMMARY: 0 errors from 0 contexts (suppressed: 0 from 0)
romanlum@ubuntu:~/swo3/UebungMoodle3/Beispiel1$
```

1.3.3 Testfall 3 - Adjazenzliste

Gleiche Operationen wie in Testfall 1, nur diesmal mit der Listenimplementierung

```
romanlum@ubuntu: ~/swo3/UebungMoodle3/Beispiel1
romanlum@ubuntu:~/swo3/UebungMoodle3/Beispiel1$ ./graph1
Empty graph:
1
2
3
4
5
6

Test graph:
1 --> 6( 1.3) --> 2( 2.3)
2 --> 3( 1.5) --> 6( 0.3)
3 --> 4( 3.4) --> 5( 6.4)
4 --> 5( 1.3)
5 --> 1( 2)
6 --> 3( 1)

Removed edge graph:
1
2 --> 3( 1.5)
3 --> 5( 6.4)
4 --> 5( 1.3)
5 --> 1( 2)
6 --> 3( 1)
romanlum@ubuntu:~/swo3/UebungMoodle3/Beispiel1$
```

1.3.4 Testfall 4 - Adjazenzliste - Valgrind

Gleiche Operationen wie in Testfall 3, nur diesmal mit valgrind (Memory Leak Detector) ausgeführt, um zu zeigen, dass der Speicher wieder korrekt freigegeben wird.

```
romanlum@ubuntu: ~/swo3/UebungMoodle3/Beispiel1
romanlum@ubuntu:~/swo3/UebungMoodle3/Beispiel1$ valgrind ./graphl
==3945== Memcheck, a memory error detector
==3945== Copyright (C) 2002-2013, and GNU GPL'd, by Julian Seward et al.
==3945== Using Valgrind-3.10.0.SVN and LibVEX; rerun with -h for copyright info
==3945== Command: ./graphl
==3945==
Empty graph:
1
2
3
4
5
6

Test graph:
1 --> 6( 1.3) --> 2( 2.3)
2 --> 3( 1.5) --> 6( 0.3)
3 --> 4( 3.4) --> 5( 6.4)
4 --> 5( 1.3)
5 --> 1( 2)
6 --> 3( 1)

Removed edge graph:
1
2 --> 3( 1.5)
3 --> 5( 6.4)
4 --> 5( 1.3)
5 --> 1( 2)
6 --> 3( 1)
==3945==
==3945== HEAP SUMMARY:
==3945==    in use at exit: 0 bytes in 0 blocks
==3945==   total heap usage: 11 allocs, 11 frees, 176 bytes allocated
==3945==
==3945== All heap blocks were freed -- no leaks are possible
==3945==
==3945== For counts of detected and suppressed errors, rerun with: -v
==3945== ERROR SUMMARY: 0 errors from 0 contexts (suppressed: 0 from 0)
romanlum@ubuntu:~/swo3/UebungMoodle3/Beispiel1$
```

2 Aufgabe 2 - Graphenalgorithmen

2.1 Lösungsidee

Um die benötigten Algorithmen umzusetzen werden 2 neue Methoden benötigt

```
/* gets the count of vertices */
int getVerticesCount(Graph *g);

/* gets the weight of the edge between source and target
returns 0 if there is no edge
source and target are starting with 1 */
double getEdgeWeight(Graph *g, int source, int target);
```

Mit diesen Methoden können dann in einer Schleife alle Knoten durchlaufen und die Kanten geprüft werden.

2.1.1 invert

Um den Graphen zu invertieren, muss zuerst ein neuer Graph mit der korrekten Anzahl an Knoten angelegt werden.

Dann müssen alle Knoten in einer verschachtelten Schleife durchlaufen werden

- Gibt es eine Kante muss in den neuen Graph eine Kante in umgekehrter Richtung eingefügt werden.

2.1.2 isReflexive

Ein Graph ist reflexiv, wenn jeder Knoten eine Kante auf sich selbst hat.

D.h. alle Knoten durchlaufen und prüfen, ob eine Kante zu sich selbst existiert.

2.1.3 isSymmetric

Ein Graph ist symmetrisch, wenn jede Kante in beiden Richtungen vorhanden ist.

D.h. alle Kanten durchlaufen und prüfen, ob auch die Kante in umgekehrter Richtung existiert.

2.1.4 isAsymmetric

Ein Graph ist asymmetrisch, wenn jede Kante nur in einer Richtungen vorhanden ist.

D.h. alle Kanten durchlaufen und prüfen, dass keine Kante in umgekehrter Richtung existiert.

2.1.5 isTransitive

Ein Graph ist transitiv, wenn jeder Knoten, der über einen anderen Knoten erreichbar ist, auch eine direkte Kante hat.

D.h. alle Knoten und deren Pfade durchlaufen und prüfen ob auch eine direkte Verbindung vom Ausgangsknoten existiert.

2.1.6 printGraphProperties

Wendet die oben angeführten Funktionen auf den Graph an und gibt die Ergebnisse aus.

2.2 Sourcecode

2.2.1 Makefile

In der Abgabe Zip Datei ist ein Makefile enthalten, dass für jede Implementierung ein Target enthält.

- Target graphm: Erstellt das Programm **graphm**, das als Implementierung die Adjazenzmatrix (dg_adt_m.o) verwendet
- Target graphl: Erstellt das Programm **graphl**, das als Implementierung die Adjazenzliste (dg_adt_l.o) verwendet

```
1  /*****
2    dg_adt.h
3    Roman Lumetsberger
4
5    defines the interface for graphs
6    *****/
7  #ifndef DG_ADT_INCLUDED
8  #define DG_ADT_INCLUDED
9
10 struct Graph;
11 typedef struct Graph Graph;
12
13 /* Creates a graph with n vertices */
14 Graph* createGraph(int n);
15 /* Frees the graph memory */
16 void freeGraph(Graph *g);
17 /* inserts a edge between the source and target
18    source and target starts with 1 */
19 void insertEdge(Graph *g, int source, int target, double weight);
20 /* removes the edge between the source and target
21    source and target start with 1 */
22 void removeEdge(Graph *g, int source, int target);
23 /* prints the graph */
24 void printGraph(Graph *g);
25
26 /* gets the count of vertices */
27 int getVerticesCount(Graph *g);
28
29 /* gets the weight of the edge between source and target
30    returns 0 if there is no edge
31    source and target are starting with 1 */
32 double getEdgeWeight(Graph *g, int source, int target);
33
34 #endif
35
36
37 /*****
38    dg_adt_m.c
39    Roman Lumetsberger
40
41    Implements the graph interface as matrix
42    *****/
43 #include <stdlib.h>
44 #include <stdio.h>
45 #include <string.h>
46 #include <assert.h>
47 #include "dg_adt.h"
48
```



```
13 struct Graph {
14     /* count of vertices */
15     int verticesCount;
16     /* matrix */
17     double *matrix;
18 };
19
20 /* Create the graph with the given vertex count*/
21 Graph* createGraph(int n) {
22     Graph *graph = (Graph*) malloc(sizeof(Graph));
23
24     /* return null if there is not have enough memory */
25     if (graph == NULL)
26         return NULL;
27
28     graph->verticesCount = n;
29     /* reserve the memory for the matrix */
30     graph->matrix = (double *) malloc(sizeof(double) * n * n);
31
32     /* free the graph and return null if there is not enough memory */
33     if (graph->matrix == NULL) {
34         free(graph);
35         return NULL;
36     }
37     /* set the matrix to 0 */
38     memset(graph->matrix, 0, sizeof(double) * n * n);
39     return graph;
40 }
41
42 /* frees the graph */
43 void freeGraph(Graph *g) {
44     assert( g != NULL);
45     free(g->matrix);
46     free(g);
47 }
48
49 /* inserts a edge in the matrix
50     source and target starts with 1 and are saved as 0 */
51 void insertEdge(Graph *g, int source, int target, double weight) {
52     assert (g != NULL);
53     assert (source > 0 && source <= g->verticesCount);
54     assert (target > 0 && target <= g->verticesCount);
55     g->matrix[((source - 1) * g->verticesCount) + target - 1] = weight;
56 }
57
58 /* removes a edge in the matrix
59     source and target starts with 1 and are saved as 0 */
60 void removeEdge(Graph *g, int source, int target) {
61     assert (g != NULL);
```

```
62  assert (source > 0 && source <= g->verticesCount);
63  assert (target > 0 && target <= g->verticesCount);
64  g->matrix[((source - 1) * g->verticesCount) + target - 1] = 0;
65
66 }
67
68 /* prints the graph matrix */
69 void printGraph(Graph *g) {
70     int i, j;
71     printf("      ");
72     for (i = 0; i < g->verticesCount; i++) {
73         printf("    %d ", i + 1);
74     }
75     printf("\n");
76     for (i = 0; i < g->verticesCount; i++) {
77         printf("-----");
78     }
79     printf("-----\n");
80     for (i = 0; i < g->verticesCount; i++) {
81         for (j = 0; j < g->verticesCount; j++) {
82             if (j == 0) {
83                 printf(" %d | ", i + 1);
84             }
85             printf("%4.2g ", g->matrix[i * g->verticesCount + j]);
86         }
87         printf("\n");
88     }
89 }
90
91 /* returns the vertices count of the given graph */
92 int getVerticesCount(Graph *g) {
93     assert (g != NULL);
94     return g->verticesCount;
95 }
96
97 /* gets the weight of the edge between source and target
98    return 0 if there is no edge
99    source and target are starting with 1 */
100 double getEdgeWeight(Graph *g, int source, int target) {
101     assert (g != NULL);
102     assert (source > 0 && source <= g->verticesCount);
103     assert (target > 0 && target <= g->verticesCount);
104     return g->matrix[((source - 1) * g->verticesCount) + (target - 1)];
105 }
```

```
1  /******
2  dg_adt_l.c
3  Roman Lumetsberger
```

```
4
5  Implements the graph interface as list
6  *****
7  #include <stdlib.h>
8  #include <stdio.h>
9  #include <string.h>
10 #include <assert.h>
11 #include "dg_adt.h"
12
13 /* defines the internal vertex list */
14 typedef struct VertexList {
15     int target;
16     double weight;
17     struct VertexList *next;
18 } VertexList;
19
20 struct Graph {
21     /* count of vertices */
22     int verticesCount;
23     VertexList **adjList;
24 };
25
26 /* Create the graph with the given vertex count */
27 Graph* createGraph(int n) {
28     Graph *graph = (Graph*) malloc(sizeof(Graph));
29
30     /* return null if there is not have enough memory */
31     if (graph == NULL)
32         return NULL;
33
34     graph->verticesCount = n;
35     /* reserve the memory for the list */
36     graph->adjList = (VertexList **) malloc(sizeof(VertexList*) * n);
37
38     /* free the graph and return null if there is not enough memory */
39     if (graph->adjList == NULL) {
40         free(graph);
41         return NULL;
42     }
43     /* set the vertex list to 0 */
44     memset(graph->adjList, 0, sizeof(VertexList*) * n);
45     return graph;
46 }
47
48 /* frees the graph */
49 void freeGraph(Graph *g) {
50     int i;
51     VertexList *current, *next;
52
```

```
53  assert( g != NULL);
54
55  /* frees the list elements */
56  for (i = 0; i < g->verticesCount; i++) {
57      current = g->adjList[i];
58      while (current != NULL) {
59          next = current->next;
60          free (current);
61          current = next;
62      }
63  }
64  /* frees the list array */
65  free (g->adjList);
66  /* frees the graph */
67  free(g);
68 }
69
70 /* inserts a edge
71 source and target start with 1 */
72 /* inserts a edge
73 source and target start with 1 */
74 void insertEdge(Graph *g, int source, int target, double weight) {
75     VertexList *curElement;
76     assert (g != NULL);
77     assert (source > 0 && source <= g->verticesCount);
78     assert (target > 0 && target <= g->verticesCount);
79
80     curElement = g->adjList[source - 1];
81
82     /* try to find the element */
83     while (curElement != NULL && curElement->target != (target - 1)) {
84         curElement = curElement->next;
85     }
86
87     /* element found, change the weight */
88     if (curElement != NULL) {
89         curElement->weight = weight;
90         return;
91     }
92
93     curElement = (VertexList *)malloc(sizeof(VertexList));
94     if(curElement == NULL) {
95         printf("Out of memory\n");
96         exit(-1);
97     }
98
99     curElement->target = target - 1;
100    curElement->weight = weight;
101
```

```
102  /* first edge */
103  if (g->adjList[source - 1] == NULL) {
104      g->adjList[source - 1] = curElement;
105      curElement->next = NULL;
106  }
107  else {
108      curElement->next = g->adjList[source - 1];
109      g->adjList[source - 1] = curElement;
110  }
111 }
112
113
114 /* removes a edge in the list
115 source and target start with 1 */
116 void removeEdge(Graph *g, int source, int target) {
117     VertexList *curElement;
118     VertexList *parent;
119
120     assert (g != NULL);
121     assert (source > 0 && source <= g->verticesCount);
122     assert (target > 0 && target <= g->verticesCount);
123
124     curElement = g->adjList[source - 1];
125     parent = NULL;
126     while (curElement != NULL && curElement->target != (target - 1)) {
127         parent = curElement;
128         curElement = curElement->next;
129     }
130
131     /* Element found */
132     if (curElement != NULL) {
133         if (parent == NULL) {
134             g->adjList[source - 1] = curElement->next;
135             free(curElement);
136         }
137         else {
138             parent->next = curElement->next;
139             free(curElement);
140         }
141     }
142
143 }
144
145 /* prints the graph list */
146 void printGraph(Graph *g) {
147     int i;
148     VertexList *curElement;
149
150     assert (g != NULL);
```

```
151 for (i = 0; i < g->verticesCount; i++) {
152     curElement = g->adjList[i];
153
154     /* vertex names start with 1 */
155     printf("%d ", i + 1);
156     while (curElement != NULL) {
157         printf("--> %d(%4.2g) ", curElement->target + 1, curElement->weight);
158         curElement = curElement->next;
159     }
160     printf("\n");
161 }
162
163 }
164
165
166 /* returns the vertices count of the given graph */
167 int getVerticesCount(Graph *g) {
168     assert (g != NULL);
169     return g->verticesCount;
170 }
171
172 /* gets the weight of the edge between source and target
173    return 0 if there is no edge
174    source and target are starting with 1 */
175 double getEdgeWeight(Graph *g, int source, int target) {
176     VertexList *curElement;
177
178     assert (g != NULL);
179     assert (source > 0 && source <= g->verticesCount);
180     assert (target > 0 && target <= g->verticesCount);
181
182     curElement = g->adjList[source - 1];
183
184     while (curElement != NULL) {
185         if (curElement->target == target - 1)
186             return curElement->weight;
187
188         curElement = curElement->next;
189     }
190
191     return 0;
192 }
```

```
1 /*****
2  graph_algs.h
3  Roman Lumetsberger
4
5  defines the interface for graph functions
```

```
6  *****/
7
8  #ifndef GRAPH_ALGS_INCLUDED
9  #define GRAPH_ALGS_INCLUDED
10
11 #include "dg_adt.h"
12
13 typedef enum bool {false, true} bool;
14
15 /* creates a new inverted graph */
16 Graph* invert(Graph *g);
17 /* checks if the graph is reflexiv */
18 bool isReflexive(Graph *g);
19 /* checks if the graph is symmetrix */
20 bool isSymmetric(Graph *g);
21 /* checks if the graph is asymmetrix */
22 bool isAsymmetric(Graph *g);
23 /* checks if the graph is transitiv */
24 bool isTransitive(Graph *g);
25 /* prints all the graph properties */
26 void printGraphProperties(Graph *g);
27
28 #endif
```

```
1  /*****
2   graph_algs.c
3   Roman Lumetsberger
4
5   implementation for the graph functions
6  *****/
7  #include <stdlib.h>
8  #include <string.h>
9  #include <stdio.h>
10 #include <assert.h>
11 #include "graph_algs.h"
12
13 /* creates a new inverted graph */
14 Graph* invert(Graph *g) {
15     int edgeCount;
16     int i,j;
17     double weight;
18     Graph *newGraph;
19
20     assert (g != NULL);
21     edgeCount = getVerticesCount(g);
22     newGraph = createGraph(edgeCount);
23     if(newGraph == NULL)
24         return NULL;
```

```
25
26     for (i = 1; i <= edgeCount; i++) {
27         for (j = 1; j <= edgeCount; j++) {
28             weight = getEdgeWeight(g, i, j);
29             if(weight > 0) {
30                 insertEdge(newGraph, j, i, weight);
31             }
32         }
33     }
34     return newGraph;
35 }
36
37 /* checks if the graph is reflexiv */
38 bool isReflexive(Graph *g) {
39     int edgeCount;
40     int i;
41
42     assert (g != NULL);
43     edgeCount = getVerticesCount(g);
44     for (i = 1; i <= edgeCount; i++) {
45         /* every vertex must have a edge to itself */
46         if (getEdgeWeight(g, i, i) == 0)
47             return false;
48     }
49     return true;
50 }
51
52
53 /* checks if the graph is symmetric
54 every edge must exist in both directions */
55 bool isSymmetric(Graph *g) {
56     int edgeCount;
57     int i, j;
58
59     assert (g != NULL);
60     edgeCount = getVerticesCount(g);
61     for (i = 1; i <= edgeCount; i++) {
62         for (j = 1; j <= edgeCount; j++) {
63             /* if one edge does not have a edge in the other direction the graph is not symmetric*/
64             if (getEdgeWeight(g, i, j) > 0 && getEdgeWeight(g, j, i) == 0) {
65                 return false;
66             }
67         }
68     }
69     return true;
70 }
71
72
73 /* checks if the graph is asymmetric */
```



```
74 bool isAsymmetric(Graph *g) {
75     int edgeCount;
76     int i, j;
77
78     assert (g != NULL);
79     edgeCount = getVerticesCount(g);
80     for (i = 1; i <= edgeCount; i++) {
81         for (j = 1; j <= edgeCount; j++) {
82             /* if one edge exist in both directions the graph is not asymmetric */
83             if (getEdgeWeight(g, i, j) > 0 && getEdgeWeight(g, j, i) > 0) {
84                 return false;
85             }
86         }
87     }
88     return true;
89 }
90
91 /* recursive helper function for isTransitive */
92 bool checkTransitive(Graph *g, int source, int currentNode, bool *visited){
93     int i;
94     int usedIndex;
95
96     /* on first call use the source node */
97     if (currentNode == 0 )
98         usedIndex = source - 1;
99     else
100         usedIndex = currentNode - 1;
101
102     /* mark the vertex as visited */
103     visited[usedIndex] = true;
104
105     /* if there is no edge between the source and the current node the graph is not transitive */
106     if (currentNode != 0 && getEdgeWeight(g, source, currentNode) == 0){
107         return false;
108     }
109
110     /* visit all vetices from the current vertex and check the edge */
111     for (i = 1; i <= getVerticesCount(g); i++) {
112         if(getEdgeWeight(g, usedIndex + 1, i) > 0 ) {
113             if (!visited[i - 1])
114                 return checkTransitive(g, source, i, visited);
115         }
116     }
117     return true;
118 }
119
120 /* checks if the graph is transitive */
122 bool isTransitive(Graph *g) {
```

```
123 int verticesCount;
124 int i;
125 bool *visited;
126
127 assert (g != NULL);
128 verticesCount = getVerticesCount(g);
129 /* allocate a array, used for persisting the already visited vertices*/
130 visited = (bool *)malloc(sizeof(bool) * verticesCount);
131 if (visited == NULL) {
132     return false;
133 }
134 /* clear the memory */
135 memset(visited, 0, sizeof(bool) * verticesCount);
136
137 for (i = 1; i <= verticesCount; i++) {
138     /* check transitiv for all vertices */
139     if (!checkTransitive(g, i, 0, visited)) {
140         /* free the memory */
141         free(visited);
142         return false;
143     }
144     /* clear the memory again */
145     memset(visited, 0, sizeof(bool) * verticesCount);
146 }
147 /* free the memory */
148 free(visited);
149 return true;
150
151 }
152
153 /* prints the graph properties */
154 void printGraphProperties(Graph *g) {
155     printf("Graph properties:\n");
156     printf("-----\n");
157     printf("Reflexive %d\n", isReflexive(g));
158     printf("Symmetric %d\n", isSymmetric(g));
159     printf("Asymmetric %d\n", isAsymmetric(g));
160     printf("Transitive %d\n", isTransitive(g));
161 }
```

```
1 /******
2 graph.c
3 Roman Lumetsberger
4
5 testprogramm from graph functions
6 *****
7 #include <stdlib.h>
8 #include <stdio.h>
```

```
9  #include "dg_adt.h"
10 #include "graph_algs.h"
11
12 int main(int argc, char *argv[]) {
13     int testcase;
14     Graph *g, *inv;
15
16     if (argc != 2) {
17         printf("wrong paramter\n");
18         printf("Usage %s testcase\n", argv[0]);
19         return EXIT_FAILURE;
20     }
21
22     testcase = atoi(argv[1]);
23     g = createGraph(4);
24
25     switch (testcase) {
26         /* invert */
27         case 0:
28             insertEdge(g, 1, 2, 2);
29             insertEdge(g, 3, 4, 2);
30             insertEdge(g, 1, 4, 2);
31             break;
32         /* reflexiv */
33         case 1:
34             insertEdge(g, 1, 1, 2);
35             insertEdge(g, 2, 2, 2);
36             insertEdge(g, 3, 3, 2);
37             insertEdge(g, 4, 4, 2);
38             break;
39         /* symmetric */
40         case 2:
41             insertEdge(g, 1, 2, 2);
42             insertEdge(g, 2, 1, 2);
43             insertEdge(g, 3, 4, 2);
44             insertEdge(g, 4, 3, 2);
45             insertEdge(g, 1, 4, 2);
46             insertEdge(g, 4, 1, 2);
47             break;
48
49         /* asymmetric */
50         case 3:
51             insertEdge(g, 1, 2, 2);
52             insertEdge(g, 3, 4, 2);
53             insertEdge(g, 1, 4, 2);
54             break;
55
56         /* transitive */
57         case 4:
```

```
58     insertEdge(g, 1, 2, 2);
59     insertEdge(g, 2, 3, 2);
60     insertEdge(g, 1, 3, 2);
61
62     insertEdge(g, 3, 4, 2);
63     insertEdge(g, 1, 4, 2);
64     insertEdge(g, 2, 4, 2);
65     break;
66
67     /*reflexiv, symmetric, transitive */
68     case 5:
69         insertEdge(g, 1, 1, 2);
70         insertEdge(g, 2, 2, 2);
71         insertEdge(g, 3, 3, 2);
72         insertEdge(g, 4, 4, 2);
73
74         insertEdge(g, 1, 2, 2);
75         insertEdge(g, 2, 1, 2);
76
77         insertEdge(g, 2, 3, 2);
78         insertEdge(g, 3, 2, 2);
79
80         insertEdge(g, 1, 3, 2);
81         insertEdge(g, 3, 1, 2);
82
83         insertEdge(g, 3, 4, 2);
84         insertEdge(g, 4, 3, 2);
85         insertEdge(g, 1, 4, 2);
86         insertEdge(g, 4, 1, 2);
87         insertEdge(g, 2, 4, 2);
88         insertEdge(g, 4, 2, 2);
89         break;
90     default:
91         printf("Invalid testcase\n");
92         return EXIT_FAILURE;
93         break;
94 }
95
96 printGraph(g);
97 printf("\n");
98 if (testcase == 0) {
99     inv = invert(g);
100    printGraph(inv);
101    /* set to null, because pointer is not valid anymore */
102    freeGraph(inv);
103    inv = NULL;
104 }
105 else {
106    printGraphProperties(g);
```

```
107 }
108 freeGraph(g);
109 /* set to null, because pointer is not valid anymore */
110 g = NULL;
111 return EXIT_SUCCESS;
112 }
```

2.3 Testfälle

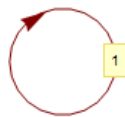
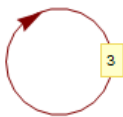
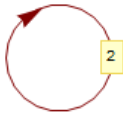
2.3.1 Testfall 1 - invers

```
romanlum@ubuntu: ~/swo3/UebungMoodle3/Beispiel2
romanlum@ubuntu:~/swo3/UebungMoodle3/Beispiel2$ ./graphn 0
      1  2  3  4
-----
1 |  0  2  0  2
2 |  0  0  0  0
3 |  0  0  0  2
4 |  0  0  0  0

      1  2  3  4
-----
1 |  0  0  0  0
2 |  2  0  0  0
3 |  0  0  0  0
4 |  2  0  2  0
romanlum@ubuntu:~/swo3/UebungMoodle3/Beispiel2$ ./graphl 0
1 --> 4(  2) --> 2(  2)
2
3 --> 4(  2)
4

1
2 --> 1(  2)
3
4 --> 3(  2) --> 1(  2)
romanlum@ubuntu:~/swo3/UebungMoodle3/Beispiel2$
```

2.3.2 Testfall 2 - reflexiv



```
romanlum@ubuntu: ~/swo3/UebungMoodle3/Beispiel2
romanlum@ubuntu:~/swo3/UebungMoodle3/Beispiel2$ ./graphn 1
      1    2    3    4
-----
1 |    2    0    0    0
2 |    0    2    0    0
3 |    0    0    2    0
4 |    0    0    0    2

Graph properties:
-----
Reflexive 1
Symmetric 1
Asymmetric 0
Transitive 1
romanlum@ubuntu:~/swo3/UebungMoodle3/Beispiel2$ ./graphl 1
1 --> 1( 2)
2 --> 2( 2)
3 --> 3( 2)
4 --> 4( 2)

Graph properties:
-----
Reflexive 1
Symmetric 1
Asymmetric 0
Transitive 1
romanlum@ubuntu:~/swo3/UebungMoodle3/Beispiel2$
```

2.3.3 Testfall 3 - symmetrisch



```

romanlum@ubuntu:~/swo3/UebungMoodle3/Beispiel2
romanlum@ubuntu:~/swo3/UebungMoodle3/Beispiel2$ ./graphm 2

```

	1	2	3	4
1	0	2	0	2
2	2	0	0	0
3	0	0	0	2
4	2	0	2	0

Graph properties:

```

-----
Reflexive 0
Symmetric 1
Asymmetric 0
Transitive 0
romanlum@ubuntu:~/swo3/UebungMoodle3/Beispiel2$ ./graphl 2
1 --> 4( 2) --> 2( 2)
2 --> 1( 2)
3 --> 4( 2)
4 --> 1( 2) --> 3( 2)

```

Graph properties:

```

-----
Reflexive 0
Symmetric 1
Asymmetric 0
Transitive 0
romanlum@ubuntu:~/swo3/UebungMoodle3/Beispiel2$ █

```

2.3.4 Testfall 4 - asymmetrisch



```

romanlum@ubuntu:~/swo3/UebungMoodle3/Beispiel2
romanlum@ubuntu:~/swo3/UebungMoodle3/Beispiel2$ ./graphm 3

```

	1	2	3	4
1	0	2	0	2
2	0	0	0	0
3	0	0	0	2
4	0	0	0	0

Graph properties:

```

-----
Reflexive 0
Symmetric 0
Asymmetric 1
Transitive 1
romanlum@ubuntu:~/swo3/UebungMoodle3/Beispiel2$ ./graphl 3
1 --> 4( 2) --> 2( 2)
2
3 --> 4( 2)
4

```

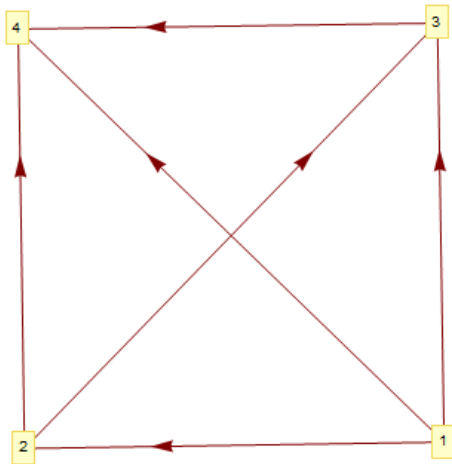
Graph properties:

```

-----
Reflexive 0
Symmetric 0
Asymmetric 1
Transitive 1
romanlum@ubuntu:~/swo3/UebungMoodle3/Beispiel2$ █

```

2.3.5 Testfall 5 - transitiv



```

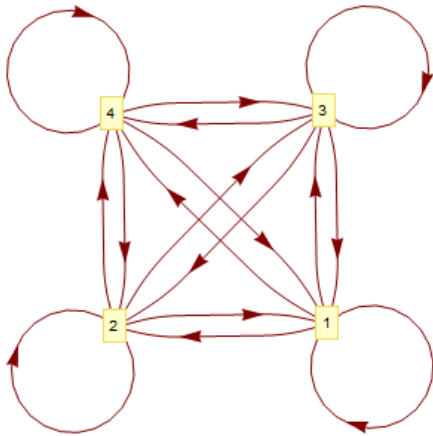
romanlum@ubuntu: ~/swo3/UebungMoodle3/Beispiel2
romanlum@ubuntu:~/swo3/UebungMoodle3/Beispiel2$ ./graphm 4
-----
1 | 0  2  2  2
2 | 0  0  2  2
3 | 0  0  0  2
4 | 0  0  0  0
-----

Graph properties:
-----
Reflexive 0
Symmetric 0
Asymmetric 1
Transitive 1
romanlum@ubuntu:~/swo3/UebungMoodle3/Beispiel2$ ./graphl 4
1 --> 4( 2) --> 3( 2) --> 2( 2)
2 --> 4( 2) --> 3( 2)
3 --> 4( 2)
4

Graph properties:
-----
Reflexive 0
Symmetric 0
Asymmetric 1
Transitive 1
romanlum@ubuntu:~/swo3/UebungMoodle3/Beispiel2$ █

```


2.3.6 Testfall 6 - reflexiv, symmetrisch, transitiv



```

romanlum@ubuntu: ~/swo3/UebungMoodle3/Beispiel2
romanlum@ubuntu:~/swo3/UebungMoodle3/Beispiel2$ ./graphn 5
      1      2      3      4
-----
1 |  2  2  2  2
2 |  2  2  2  2
3 |  2  2  2  2
4 |  2  2  2  2

Graph properties:
-----
Reflexive 1
Symmetric 1
Asymmetric 0
Transitive 1
romanlum@ubuntu:~/swo3/UebungMoodle3/Beispiel2$ ./graphl 5
1 --> 4( 2) --> 3( 2) --> 2( 2) --> 1( 2)
2 --> 4( 2) --> 3( 2) --> 1( 2) --> 2( 2)
3 --> 4( 2) --> 1( 2) --> 2( 2) --> 3( 2)
4 --> 2( 2) --> 1( 2) --> 3( 2) --> 4( 2)

Graph properties:
-----
Reflexive 1
Symmetric 1
Asymmetric 0
Transitive 1
romanlum@ubuntu:~/swo3/UebungMoodle3/Beispiel2$

```