

<input type="checkbox"/> Gr. 1, E. Pitzer	Name _____	Aufwand in h _____
<input type="checkbox"/> Gr. 2, F. Gruber-Leitner	Punkte _____	Kurzzeichen Tutor / Übungsleiter _____ / _____

**Das Problem von Richard H.****(9 Punkte)**

Implementieren Sie einen effizienten Algorithmus in Java um die „5-glatten“ Zahlen bis zu einer Schranke  $n$  zu finden. Das sind alle Zahlen, deren Primfaktoren kleiner gleich fünf sind. Anders gesagt, alle Zahlen, die sich als  $2^x * 3^y * 5^z$  darstellen lassen. Eine dritte Möglichkeit ist die Definition als sogenannte Hammingfolge  $H$ :

- $1 \in H$
- $h \in H \Rightarrow 2 \cdot h \in H \wedge 3 \cdot h \in H \wedge 5 \cdot h \in H$
- keine weiteren Zahlen sind Elemente von  $H$

Die ersten 10 Hammingzahlen sind somit 1, 2, 3, 4, 5, 6, 8, 9, 10 und 12.

Die Implementierung sollte dabei effizient genug sein um z.B. die 10000-ste Hammingzahl (288325195312500000) in deutlich unter einer Sekunde zu berechnen.

**Schlacht der Sortieralgorithmen (in Java)****(6 + 6 + 3 Punkte)**

Nachdem wir uns in der Übung wieder mit der Heap-Datenstruktur beschäftigt haben, kommen sicher Erinnerungen an die ersten beiden Semester wieder, wo wir uns mit Sortieralgorithmen beschäftigt haben. Insbesondere mit dem Heapsort- sowie dem Quicksort-Algorithmus. Implementieren Sie beide Algorithmen in Java auf einfache Integer Felder und vergleichen Sie sowohl die Anzahl der Elementvergleiche als auch die Anzahl der Vertauschungsoperationen.

- Implementierung, Dokumentation und ausführliches Testen des HeapSort-Algorithmus auf Integer Felder.
- Implementierung, Dokumentation und ausführliches Testen des QuickSort-Algorithmus auf Integer Felder.
- Vergleichen Sie die beiden Implementierungen mit Hilfe von `System.nanoTime()` sowie durch Instrumentieren der Algorithmen um die Anzahl der Elementvergleiche und Vertauschungsoperationen (swaps) mit zu zählen. Erstellen Sie eine kleine Statistik für Felder bis zu einer Größe von mindestens 50000 Elementen z.B. alle Zweierpotenzen und führen Sie eine ausreichende Anzahl von Wiederholungen durch um eine statistisch Signifikante Aussage machen zu können.

## 1 Das Problem von Richard H.

### 1.1 Lösungsidee

Die Hammingfolge lässt sich mit Hilfe der Definition laut Angabe umsetzen. Dabei wird 1 als erste Hammingzahl in eine Liste eingefügt. Dann können die weiteren Zahlen durch multiplizieren mit 2, 3 und 5 eingefügt werden.

## 1.2 Sourcecode

### Hamming.java

---

```
1 package at.lumetsnet.swo.ue3;
2
3 import java.math.BigInteger;
4 import java.util.ArrayList;
5 import java.util.List;
6
7 /**
8  * Hamming number generator class
9  * @author romanlum
10  *
11  */
12 public class Hamming {
13
14     /**
15      * Constant 2 in BigInteger representation
16      */
17     private static final BigInteger TWO = BigInteger.valueOf(2);
18     /**
19      * Constant 3 in BigInteger representation
20      */
21     private static final BigInteger THREE = BigInteger.valueOf(3);
22     /**
23      * Constant 5 in BigInteger representation
24      */
25     private static final BigInteger FIVE = BigInteger.valueOf(5);
26
27     /**
28      * Calculates the hamming numbers till the given upper barrier
29      * @param upper
30      * @return
31      */
32     public static List<BigInteger> calculate(BigInteger upper) {
33         List<BigInteger> result = new ArrayList<BigInteger>();
34         //add first hamming number
35         result.add(BigInteger.ONE);
36
37         BigInteger value2 = TWO;
38         BigInteger value3 = THREE;
39         BigInteger value5 = FIVE;
40         int index2 , index3, index5;
41         index2 = index3 = index5 = 0;
42
43         BigInteger currentMin;
44         while(true) {
45             //add the next hamming number to list
```

```
46         currentMin = (value3.min(value5)).min(value2);
47
48         //stop if we have reached out upper limit
49         if(currentMin.compareTo(upper) == 1) {
50             break;
51         }
52
53         result.add(currentMin);
54
55         //check all values against the current min and increase the indexes if ne
56         if(currentMin.compareTo(value2) == 0) {
57             index2++;
58             value2 = TWO.multiply(result.get(index2));
59         }
60         if(currentMin.compareTo(value3) == 0) {
61             index3++;
62             value3 = THREE.multiply(result.get(index3));
63         }
64         if(currentMin.compareTo(value5) == 0) {
65             index5++;
66             value5 = FIVE.multiply(result.get(index5));
67         }
68     }
69
70     return result;
71 }
72 }
```

---

### HammingTest.java

---

```
1 package at.lumetsnet.swo.ue3;
2 import java.math.BigInteger;
3 import java.util.List;
4 import java.util.concurrent.TimeUnit;
5
6 public class HammingTest {
7
8     public static void main(String[] args) {
9
10         long time = System.nanoTime();
11         System.out.println("Testcase I: Hamming number 1 - 10");
12         List<BigInteger> result = Hamming.calculate(BigInteger.valueOf(10));
13         System.out.println("Time "+TimeUnit.MILLISECONDS.convert(System.nanoTime()-time,T
14         result.forEach((x) -> System.out.print(x + ","));
15         System.out.println();
16         System.out.println();
17
18         System.out.println("Testcae III: 10 000 Hamming number");
19         calculateAndPrintHamming(BigInteger.valueOf(288325195312500001L));
```

```
20
21         System.out.println("Testcae III: 1 000 000 Hamming number");
22         calculateAndPrintHamming(BigInteger.valueOf( 51931278044839L).multiply(BigInteger.TWO));
23
24     }
25
26     private static void calculateAndPrintHamming(BigInteger upperBoundary) {
27         long time = System.nanoTime();
28         List<BigInteger> result = Hamming.calculate(upperBoundary);
29         System.out.println("Time "+TimeUnit.MILLISECONDS.convert(System.nanoTime()-time,T));
30         System.out.println("Count: "+ result.size());
31         System.out.println("Last entry: " + result.get(result.size()-1));
32         System.out.println();
33
34     }
35 }
```

---

### 1.3 Testfälle

A large, empty rectangular box with a thin black border, intended for students to write their test cases.