# Piastrelle da uno per kappa (piastrelle1xk)

Dobbiamo piastrellare una griglia rettangolare di  $k \times n$  celle quadrate con delle piastrelle rettangolari da  $1 \times k$  quadretti. Le piastrelle possono essere ruotate ma devono ricoprire l'intera griglia senza sovrapporsi. Scrivere un programma che, dati n e k, computi il numero di possibili soluzioni.

## Dati di input

La prima ed unica riga del file input.txt contiene i due numeri naturali n e k, in questo ordine, e separati da spazio.

### Dati di output

Nel file output.txt si scriva solamente il numero di possibili tilings di n rettangoli  $1 \times k$  entro un rettangolo  $k \times n$ .

## Esempio di input/output

File input.txt	File output.txt
4 2	5
File input.txt	File output.txt
4 3	3
File input.txt	File output.txt
5 3	4

#### Assunzioni e note

- $0 \le n \le 1000000$ ,  $2 \le k \le 1000000$ .
- si garantisce che per tutte le istanze di nostro interesse il numero di soluzioni non ecceda il migliardo e possa quindi essere rappresentato senza problemi entro una variabile di tipo int.

#### Subtask

- Subtask 1 [0 punti]: gli esempi del testo.
- Subtask 2 [10 punti]:  $n \le 7$ , k = 2.
- Subtask 2 [20 punti]:  $n \le 30$ , k = 2.
- Subtask 3 [20 punti]:  $n \le 30$ , k = 3.
- Subtask 4 [20 punti]:  $n \le 30$ .
- Subtask 5 [30 punti]: nessuna restrizione.