

Пример. Построение МП-автомата, допускающего язык, порожденный грамматикой G .

Для не приведенной грамматики	Для грамматики, приведенной к нормальной форме Грейбах
<p>Дана грамматика G, правила P которой имеют вид: $E \rightarrow E + T \mid T, \quad T \rightarrow T \times F \mid F, \quad F \rightarrow (E) \mid a$</p>	<p>Дана грамматика G, правила P которой имеют вид: $E \rightarrow E + T \mid T, \quad T \rightarrow T \times F \mid F, \quad F \rightarrow (E) \mid a$</p> <p>2.1 Выполним преобразование грамматики по алгоритму устранения левой рекурсии:</p> $\underbrace{E}_{A} \rightarrow \underbrace{E + T}_{A \alpha_1} \mid \underbrace{T}_{\beta_1} \Rightarrow E \rightarrow T \mid TE', \quad \underbrace{E'}_{A'} \rightarrow \underbrace{+T}_{\alpha_1} \mid \underbrace{+TE'}_{\alpha_1 A'}$ $T \rightarrow T \times F \mid F \Rightarrow T \rightarrow F \mid FT', \quad T' \rightarrow F \mid \times FT'$ <p>Правила P' грамматики G' эквивалентной исходной грамматике G:</p> $E \rightarrow T \mid TE'$ $E' \rightarrow +T \mid +TE'$ $T \rightarrow F \mid FT'$ $T' \rightarrow \times F \mid \times FT'$ $F \rightarrow (E) \mid a$ <p>2.2 Преобразуем правила $T \rightarrow F \mid FT'$, выполнив подстановку F:</p>

	$E \rightarrow T \mid TE'$ $E' \rightarrow +T \mid +TE'$ $T \rightarrow (E) \mid a \mid (E)T' \mid aT'$ $T' \rightarrow \times F \mid \times FT'$ $F \rightarrow (E) \mid a$ <p>2.3 Преобразуем правила $E \rightarrow T \mid TE'$, выполнив подстановку T:</p> $E \rightarrow (E) \mid a \mid (E)T' \mid aT' \mid (E)E' \mid aE' \mid (E)TE' \mid aTE'$ $E' \rightarrow +T \mid +TE'$ $T \rightarrow (E) \mid a \mid (E)T' \mid aT'$ $T' \rightarrow \times F \mid \times FT'$ $F \rightarrow (E) \mid a$
<p>Для искомого автомата имеем:</p> $T = \{a, +, \times, (,)\},$ $V = \{E, T, F, a, +, \times, (,), z_0\},$ $S = \{s_0\}, F = \{s_0\}$ <p>Для всех правил грамматики строим команды типа (1):</p>	<p>Для искомого автомата имеем:</p> $T = \{a, +, \times, (,)\}, V = \{E, E', T, T', F, a, +, \times, (,), z_0\},$ $S = \{s_0\}, F = \{s_0\}$ <p>Для всех правил грамматики строим команды типа (1):</p>

$\delta^0(s_0, \lambda, E) = \{(s_0, T + E); (s_0, T)\},$ $\delta^0(s_0, \lambda, T) = \{(s_0, T \times F); (s_0, F)\},$ $\delta^0(s_0, \lambda, F) = \{(s_0, (E)); (s_0, a)\},$ <p>Для всех правил грамматики строим команды типа (2):</p> $\delta(s_0, a, a) = (s_0, \lambda)$ $\delta(s_0, +, +) = (s_0, \lambda)$ $\delta(s_0, \times, \times) = (s_0, \lambda)$ $\delta(s_0,),)) = (s_0, \lambda)$ $\delta(s_0, (, () = (s_0, \lambda)$ <p>Для перехода в конечное состояние строим команду:</p> $\delta(s_0, \lambda, z_0) = (s_0, \lambda)$	$\delta^0(s_0, \lambda, E)$ $= \{(s_0,)E (); (s_0, a); (s_0, T')E (); (s_0, T'a);$ $(s_0, E')E (); (s_0, E'a); (s_0, E'T')E (); (s_0, E'T'a)\}$ $\delta^0(s_0, \lambda, E') = \{(s_0, T +); (s_0, E'T +)\},$ $\delta^0(s_0, \lambda, T) =$ $\{(s_0,)E (); (s_0, a); (s_0, T')E (); (s_0, T'a)\},$ $\delta^0(s_0, \lambda, T') = \{(s_0, F \times); (s_0, T'F \times)\},$ $\delta^0(s_0, \lambda, F) = \{(s_0,)E (); (s_0, a)\}.$ <p>Для всех правил грамматики строим команды типа (2):</p> $\delta(s_0, a, a) = (s_0, \lambda)$ $\delta(s_0, +, +) = (s_0, \lambda)$ $\delta(s_0, \times, \times) = (s_0, \lambda)$ $\delta(s_0,),)) = (s_0, \lambda)$ $\delta(s_0, (, () = (s_0, \lambda)$ <p>Для перехода в конечное состояние строим команду:</p> $\delta(s_0, \lambda, z_0) = (s_0, \lambda)$
<p>Дана цепочка $a + a \times a$</p> <p>Начальная конфигурация:</p> $(s_0, a + a \times a, z_0 E)$	<p>Дана цепочка $a + a \times a$</p> <p>Начальная конфигурация:</p> $(s_0, a + a \times a, z_0 E)$

Последовательность тактов работы построенного автомата:

$(s_0, a + a \times a, z_0 E)$

$(s_0, a + a \times a, z_0 T + E)$

$(s_0, a + a \times a, z_0 T + T)$

$(s_0, a + a \times a, z_0 T + F)$

$(s_0, a + a \times a, z_0 T + a)$

$(s_0, +a \times a, z_0 T +)$

$(s_0, a \times a, z_0 T)$

$(s_0, a \times a, z_0 F \times T)$

$(s_0, a \times a, z_0 F \times F)$

$(s_0, a \times a, z_0 F \times a)$

$(s_0, \times a, z_0 F \times)$

$(s_0, a, z_0 F)$

$(s_0, a, z_0 a)$

(s_0, λ, z_0)

(s_0, λ, λ)

Цепочка **разобрана**

Последовательность тактов работы построенного автомата:

$(s_0, a + a \times a, z_0 E)$

$(s_0, a + a \times a, z_0 E' a)$

$(s_0, +a \times a, z_0 E')$

$(s_0, +a \times a, z_0 T +)$

$(s_0, \times a, z_0 T')$

$(s_0, \times a, z_0 F \times)$

$(s_0, a, z_0 F)$

$(s_0, a, z_0 a)$

(s_0, λ, z_0)

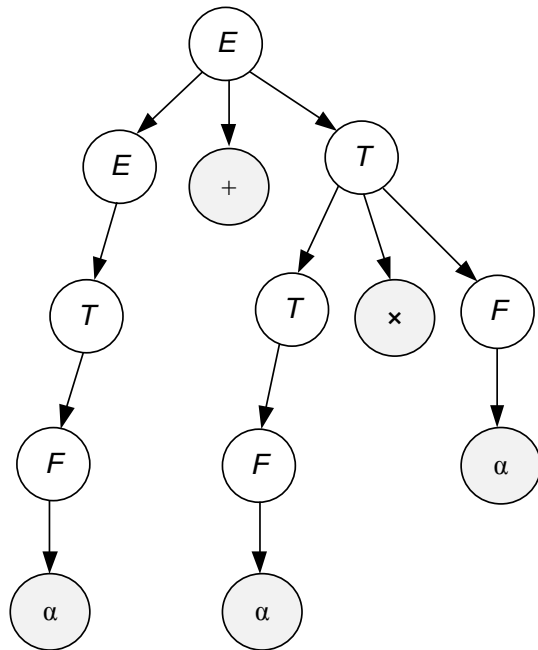
(s_0, λ, λ)

Цепочка **разобрана**

Последовательность правил, используемых автоматом в разборе, соответствует левому выводу входной цепочки:

$$E \Rightarrow E + T \Rightarrow T + T \Rightarrow F + T \Rightarrow a + T \Rightarrow a + T \times F \Rightarrow a + F \times F \Rightarrow a + a \times F \Rightarrow a + a \times a$$

Вывод является нисходящим разбором, дерево разбора строится сверху вниз:



Последовательность правил, используемых автоматом в разборе, соответствует левому выводу входной цепочки:

$$E \Rightarrow aE' \Rightarrow a + T \Rightarrow a + aT' \Rightarrow a + a \times F \Rightarrow a + a \times a$$

Вывод является нисходящим разбором, дерево разбора строится сверху вниз:

