Situación Problema: Análisis de Audio usando Fourier F1009: Análisis de métodos matemáticos para la física

October 28, 2024

Juan Pablo Guerrero Escudero Romina Nájera Fuentes Juan Braulio Olivares Rodríguez ITESM, Querétaro A01706810@tec.mx

ITESM, Querétaro A01424411@tec.mx

ITESM, Querétaro A01706880@tec.mx

1 Introducción

En los últimos años, se han hecho populares aplicaciones y programas de reconocimiento de canciones a partir de un fragmento de ellas, y aunque estos algoritmos son patentados, varios de ellos utilizan los principios del análisis espectral, utilizando Análisis de Fourier. Este análisis resulta una herramienta muy útil para esto, ya que, por medio de la Transformada de Fourier, provee frecuencias de la canción, y el uso de espectogramas permite sacar conclusiones de este sonido. Por medio de este concepto matemático, se puede analizar el fenómeno físico de las ondas de audio, que son ondas longitudinales en un medio, principalmente aire, el cuál el ser humano es capaz de escuchar a distintas frecuencias. En este reporte, se hará una investigación sobre los conceptos físicos y matemáticos necesarios, y se analizarán 10 canciones, para tratar de identificar el genero de cada una, entre música instrumental y reggaetón, demostrando así una de las múltiples aplicaciones real de las matemáticas en la física.

2 Teoría

Conceptos físicos 2.1

2.1.1 Ondas de sonido

De acuerdo a Young y Freedman [1], El sonido se define como una onda longitudinal en un medio, principalmente aire, pero puede ser otros como otros gases, líquidos o sólidos. Las ondas de sonido más simple son ondas sinusoidales con una frecuencia, amplitud y longitud definida. [1]. El ser humano es capaz de escuchar ondas en el rango de 20 a 20,000 Hz, con frecuencias por encima del rango (ultrasónicas) o debajo del rango (infrasónicas) fuera del rango de escucha humano. De acuerdo a Hwaitat [2], las ondas de sonido son peturbancias propagadas por un medio el cuál no se ve afectado, y éstas ondas pueden ser va sea longitudinales, o transversales. Para una onda de tipo longitudinal, el medio vibra en ángulos rectos al movimiento de la onda, y en el caso de ondas longitudinales, el medio vibra en la misma dirección que el movimiento.En la Figura 1 se observa gráficamente lo discutido.

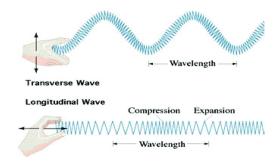


Figura 1: Ondas longitudinales y transversales

Los parámetros de cualquier onda constituyen la amplitud, la frecuencia y la longitud, mencionados anteriormente. La amplitud puede ser definida como la "altura" de la onda, la frecuencia se define como los ciclos por segundo, y la longitud se define como la distancia entre un pico de onda y otro. Para una vista gráfica, vea la Figura 2. Generalmente, sucede que cuando dos partículas están en movimiento en el mismo medio, ocurre interferencia. Ésto significa que las amplitudes de onda son sumadas algebraicamente, y se siguen moviendo por el medio sin distracciones. En el mundo real, la interferencia de ondas crea patrones complejo, y puede ser muy difícil de analizar.

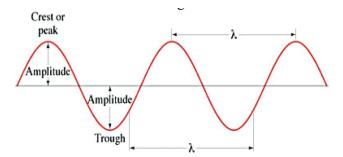


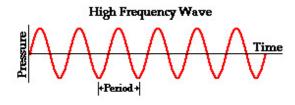
Figura 2: Parámetros de las ondas de sonido

2.1.2 Frecuencias de audio/sonido

Como se definió anteriormente, la frecuencia de una onda es, de acuerdo a [1], como el número de repeticiones de una función periódica durante una unidad de variación en la variable independiente. En otras palabras, es el número de ocurrencias de un evento repetitivo por unidad de tiempo. Matemáticamente, se dice que en medios no dispersivos (medios donde la velocidad de la onda es independiente de la frecuencia), la frecuencia tiene una relación inversa con la longitud de onda, en la forma de la ecuación 1, donde λ es la longitud de la onda, y v es la velocidad de la onda.

$$f = \frac{v}{\lambda} \tag{1}$$

Analizando la ecuación 1, observamos que ondas de longitud más corta (λ) , tienen mayores variaciones en la frecuencia debido a que los máximos y mínimos están más cerca uno del otro, y viceversa. Una vista gráfica se observa en la Figura 3.



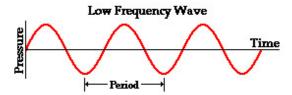


Figura 3: Diferentes frecuencias de onda

Además, la frecuencia se mide en Hz o Hertz, equivalente a un evento de repetición por segundo. De acuerdo a [1], la frecuencia de una onda de sonido es el factor primario al determinar el tono de un sonido. Frecuencias más altas emiten sonidos con mayor tono que frecuencias más bajas. En conjunto, cuando se juntan diferentes frecuencias al mismo tiempo, se crean patrones más complejos que ondas simples sinusoidales, debido a que físicamente, las variaciones en presión del medio que se generan son más complejas.

2.1.3 Sonidos armónicos

De acuerdo a [1], puede suceder que dos tonos producidos por diferentes instrumentos tengan la misma frecuencia pero suenen diferente, y ésto es debido a la diferencia en contenido armónico, que está definido como la colección de diferentes frecuencias que componen un sonido complejo formado por muchas frecuencias fundamentales. Además, de acuerdo a [1], otro factor que determina los sonidos armónicos de un sonido es el comportamiento al inicio (attack) y al final (decay) de cada tono. Cada instrumento posee una diferente dinámica de sonidos armónicos, lo cuál entrega ondas en una mezcla diferente de frecuencias, que da su sonido característico.

Para dar algunos ejemplos [3], la nota de afinación en una orquesta sinfónica es A4, que tiene una frecuencia de 440Hz. Frecuencias más complejas se generan cuando se utiliza el concepto de octavas en música, que de acuerdo a [4], es una serie de 8 notas musicales que ocupan el intervalo entre 2 notas, una teniendo el doble o la mitad de la frecuencia que la otra. Es decir, un salto de una octava corresponde a duplicar la frecuencia de la onda de sonido.

2.1.4 Beats

En la física, sucede que cuando se tienen dos ondas con igual amplitud pero ligeramente diferentes frecuencias, si ambas ondas van hacia la misma dirección, pasa que en ciertos momentos, las dos ondas están en la misma fase, es decir, sus máximos coinciden y sus amplitudes se suman. Sin embargo, debido a que las ondas están en ligeramente distintas frecuencias, llega a haber momentos en los que estas ondas están exactamente fuera de fase, y se cancelan una con otra. La variación de amplitud causa variaciones en el volumen, llamadas beats, y la frecuencia con la que éstos varían se le llama frecuencia de beat. En la Figura 4 se muestra éste proceso de manera gráfica.

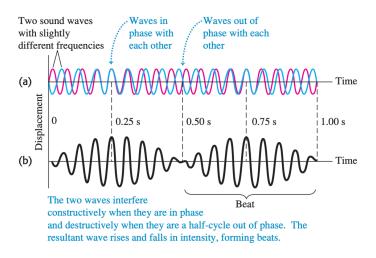


Figura 4: Gráfica del proceso de beats

Los beats entre dos tonos, de acuerdo a [1], pueden ser escuchados hasta una frecuencia de beat de 6 o 7Hz. En la práctica, una técnica importante es escuchar los beats para afinar los instrumentos musicales. Además, de acuerdo a [1], cuando las diferencias de frecuencia son mayores a 7Hz, se dejan de escuchar beats individuales, y las frecuencias se mezclan en una de consonancia o disonancia, dependiendo de la naturaleza de las frecuencias.

2.2 Análisis de las canciones

Para la clasificación de las canciones entre los géneros de música instrumental o reggaetón, realizaremos un análisis espectral, el cual busca descomponer una serie de tiempo en las ondas senoidales que la conforman [5]. Este análisis permitirá obtener las diferentes frecuencias que conforman al pedazo de canción a analizar, y poder sacar conclusiones sobre el género de la canción.

Para ello, utilizaremos la transformada de Fourier, utilizada comúnmente en el campo científico, como en la acústica y el procesamiento de señales. Esta herramienta transforma el dominio de una señal, pasando del tiempo a la frecuencia, sin alterar su contenido [6]. Al perderse la noción del tiempo, analizaremos los rangos de frecuencias en los que se encuentran

magnitudes más grandes, para así identificar si la canción presentada es instrumental o reggaetón.

2.2.1 Transformada de Fourier

Por definición, la transformada de Fourier de una función f(x) es dada por la ecuación 2

$$\phi_f(\alpha) = \int_{-\infty}^{\infty} e^{i\alpha x} f(x) dx \tag{2}$$

Esta transformada fue desarrollada por Jean-Baptiste Joseph Fourier en el siglo XIX, quien inició proponiendo que cualquier función arbitraria de una variable podía ser expresada como una combinación lineal de funciones de senos y cosenos, que son las series de Fourier [7].

A través de esas series, logró sintetizar la transformada, la cual es distinguida por:

- Determinar qué frecuencias están presentes en una señal.
- Transformar una señal del dominio temporal al dominio de frecuencia y viceversa.

Así como las series de Fourier descomponen una función en senos y cosenos, la transformada descompone una señal en sus frecuencias, y aquellas que tengan una mayor amplitud, se verán representadas como picos más altos, así como se puede observar en la figura 5.

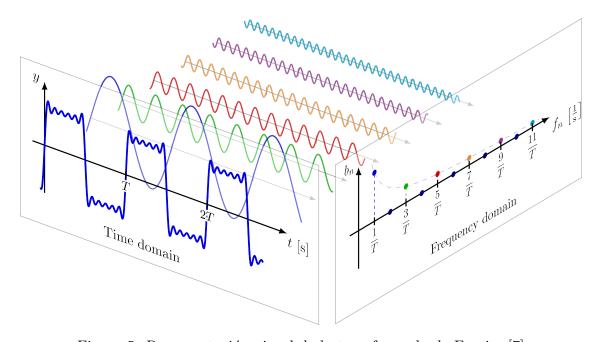


Figura 5: Representación visual de la transformada de Fourier [7]

2.2.2 Espectrogramas

La transformada de Fourier nos provee con las frecuencias de la canción, pero la forma en la que estas pueden ser analizadas puede ser muy variada. Una de las formas que existen para analizar estas frecuencias es a través de los espectrogramas, los cuales son una representación

visual de la cual se pueden sacar distintas conclusiones del sonido que se tiene. Tratar la representación visual de frecuencias como una imagen con textura permite reconocer la suavidad, la regularidad, el contraste, entre otros [8].

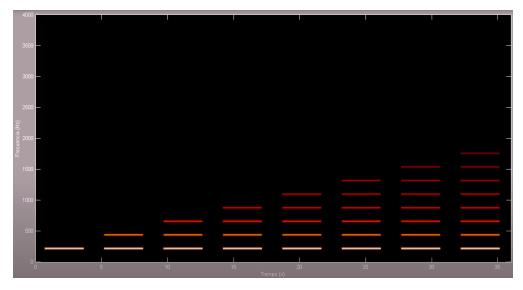


Figura 6: Espectrograma de sonidos armónicos estables [9]

La figura 6 representa un espectrograma con los componentes de la serie armónica. Se observan líneas bien definidas, lo cual se asemejaría a lo que se busca en una canción instrumental.

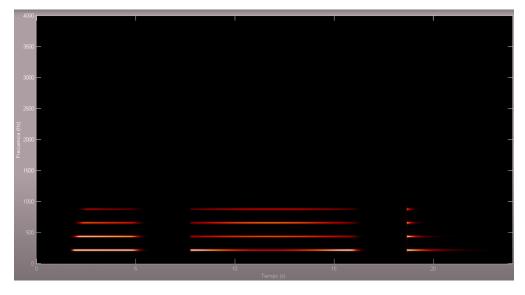


Figura 7: Espectrograma de tres sonidos armónicos formados por componentes cuya amplitud evoluciona de diferentes formas [10]

En la figura 7 se tienen también sonidos armónicos, solo que sus amplitudes cambian. A pesar de ello, se observan aún líneas bien definidas, que también se podría esperar de las canciones instrumentales.

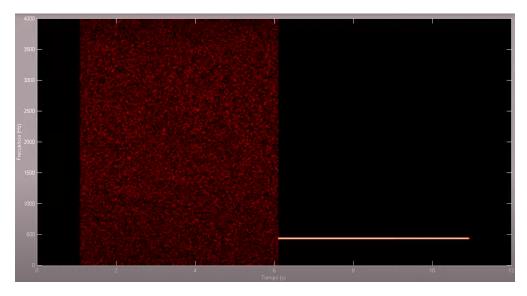


Figura 8: Espectrograma de ruido blanco y sonido simple [11]

En la figura 8 se tiene ahora una comparación entre el ruido blanco, el cual contiene a todas las frecuencias, y el sonido simple. Se puede notar que cuando existe una gran combinación de frecuencias, el espectrograma se encuentra muy saturado, mientras que cuando tenemos sonidos más puros, en el espectrograma se tiene una línea definida.

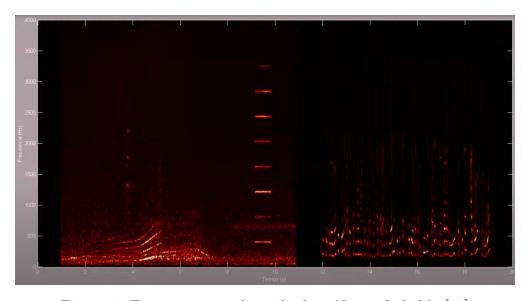


Figura 9: Espectrograma de ruido de tráfico y de habla [12]

En la figura 9, se tiene un espectograma que representa al ruido del tráfico en la primera parte, y a una voz de un programa de radio en la segunda mitad. Así como el ruido blanco, al tener una gran combinación de sonidos, la parte del espectrograma con el ruido de tráfico está saturado en frecuencias bajas, y en la parte derecha, hay varias líneas fragmentadas y que siguen distintas frecuencias. Aquí ya no se llegan a ver líneas tan bien definidas como en las figuras 6 y 7, mas que a la mitad, con el sonido de un claxon de auto, que se podría decir que es un sonido más definido que el tráfico o la voz.

Utilizando estos ejemplos, se puede tener una intuición de qué esperar en el espectrograma de cada género musical. Por un lado, con la música instrumental, al no tener voces, y tener sonidos mezclados entre beats y los armónicos producidos por los mismos instrumentos. Como no existe una gran mezcla de sonidos, el espectrograma tendería a verse con líneas horizontales mejor definidas, como en las figuras 6 y 7. Por otro lado, en el género musical del reggaetón, se tiene una gran combinación de sonidos, como el beat y los armónicos, además de tener una voz que se podría asemejar a la segunda parte de la figura 9. Entonces el reggaetón tendría una mayor combinación de ruidos, y su espectrograma tendría mucha textura.

3 Resultados

4 Conclusiones

References

- [1] H. D. Young and Roger A. Freedman, *University Physics with Modern Physics*, Addison-Wesley, San Francisco, 2012.
- [2] Al Hwaitat et Al, Journal of Experimental & Theoretical Artificial Intelligence, 2022, 34, 749-780
- [3] N. Lenssen, PhD Thesis: Applications of Fourier Analysis to Audio Signal Processing: An Investigation of Chord Detection Algorithms, Claremont University, 2013.
- [4] Britannica, https://www.britannica.com/art/octave-music, (accesado 28 Octubre 2024)
- [5] A. Montenegro, CORE, 2009, https://core.ac.uk/download/pdf/6448967.pdf
- [6] J. Bernal, P. Gómez y J. Bobadilla, Estudios de fonética experimental, 1999, 10, 75-105.
- [7] L. O'Gorman, DIBS Methods Meetings, 2023, https://dibsmethodsmeetings.github.io/fourier-transforms/
- [8] Y. M. G. Costa, L. S. Oliveira, A. L. Koerich y F. Gouyon, IEEE, 2011, 18, 1-4
- [9] Luis Colomer Blasco, Capítulo 10. Figura 10. Espectrograma serie armónica, https://www.youtube.com/watch?v=RzitKHMUoeg, (accesado Octubre 28, 2024)
- [10] Luis Colomer Blasco, Capítulo 10. Figura 11. Espectrograma de envolventes de amplitud, https://www.youtube.com/watch?v=idEvt5HuQTc, (accesado Octubre 28, 2024)
- [11] Luis Colomer Blasco, Capítulo 10. Figura 13. Espectrograma de ruido blanco y sonido simple, https://www.youtube.com/watch?v=ZoffBnGMctI, (accesado Octubre 28, 2024)

[12] Luis Colomer Blasco, Capítulo 10. Figura 14. Espectrograma de tráfico con lluvia y locutora de radio, https://www.youtube.com/watch?v=XUvLZQctg7I, (accesado Octubre 28, 2024)