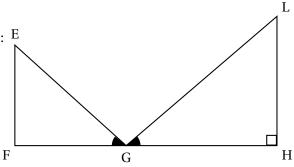
Durée: 2 heures

Exercice 1 20 points

On considère la figure ci-contre dans laquelle : E

- Les points F, G et H sont alignés
- (LH) est perpendiculaire à (FH)
- EF = 18 cm; FG = 24 cm; EG = 30 cm; GH = 38,4 cm
- $\widehat{EGF} = \widehat{LGH}$ .



La figure n'est pas en vraie grandeur.

- 1. Montrer que le triangle EFG est rectangle en F.
- **2.** Calculer la mesure de l'angle  $\widehat{EGF}$ . Donner l'arrondi au degré près.
- 3. Montrer que les triangles EGF et LGH sont semblables.
- **4.** Parmi les propositions suivantes, quel est le coefficient d'agrandissement qui permet de passer du triangle EFG au triangle LHG? Expliquer.

0.005	1.00	1.0	2.0
0.625	1,28	1,6	2,6
- /	, -	, -	, -

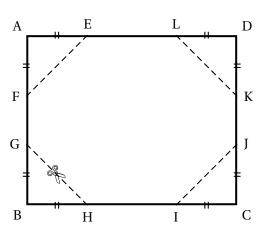
5. Quel est le périmètre du triangle LGH?

Exercice 2 21 points

À partir d'une feuille rectangulaire de dimension 10 cm sur 8 cm, on coupe les quatre coins de manière identique.

On obtient ainsi un polygone FELKJIHG et quatre triangles rectangles isocèles égaux comme représenté ci-contre.

AD = 10 cm; AB = 8 cm.



Les deux parties sont indépendantes.

Première partie : on suppose que AE = 3 cm.

Brevet des collèges A. P. M. E. P.

- 1. Quelle est l'aire du triangle AEF?
- 2. En déduire l'aire du polygone FELKJIHG.

## Deuxième partie:

On souhaite que l'aire du polygone FELKJIHG soit de 60 cm<sup>2</sup>.

Pour cela, on fait varier la longueur AE et on observe l'effet sur l'aire du polygone FELKJIHG. On note x la longueur AE exprimée en cm.

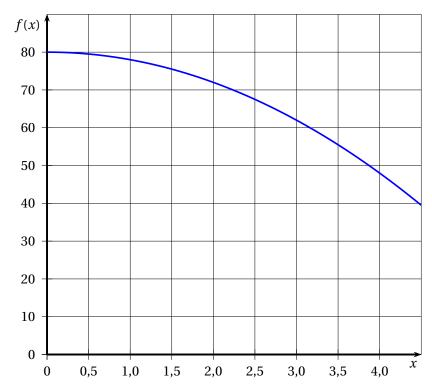
- **3. a.** Exprimer l'aire du triangle AEF en fonction de x.
  - **b.** Montrer que l'aire du polygone FELKJIHG, en cm<sup>2</sup>, est donnée par l'expression  $80-2x^2$ .
- **4.** On considère la fonction  $f: x \mapsto 80 2x^2$ .

À l'aide d'un tableur, on a produit le tableau de valeurs ci-dessous :

	A	В	С	D	Е	F	G	Н	I	J
1	x	0	0,5	1	1,5	2	2,5	3	3,5	4
2	f(x)	80	79,5	78	45,5	72	67,5	62	55,5	48

Proposer une formule qui a pu être saisie en B2 avant d'être étirée vers la droite. Ne pas justifier.

**5.** Voici la courbe représentative de la fonction f:



- **a.** La fonction *f* est-elle affine?
- **b.** Par lecture graphique, déterminer une valeur approchée de la longueur AE permettant d'obtenir un polygone FELKJIHG d'aire égale à 60 cm<sup>2</sup>.
- **c.** Trouver par le calcul la valeur exacte de cette longueur.

Brevet des collèges A. P. M. E. P.

**Exercice 3** 20 points

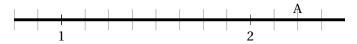
Pour chacune des affirmations, indiquer si elle est vraie ou fausse en justifiant la réponse.

1. On considère le tableau ci-dessous :

Nombre de baguettes	1	2	3	4
Prix en €	1,10	2,20	3,30	4

Affirmation 1: « Le prix est proportionnel au nombre de baguettes. »

2. On considère ci-dessous le point A sur une droite graduée :

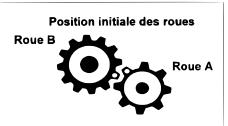


Affirmation 2: «L'abscisse du point A est un nombre décimal. »

On considère cet engrenage qui est composé d'une roue A à 8 dents et d'une roue B à 12 dents.

### 3. Affirmation 3:

« Cet engrenage sera dans la même position au bout de 6 tours pour la roue A et de 4 tours pour la roue B.»



— Une bougie est composée de cire et de par-

— Le volume de cire nécessaire à la fabrication d'une bougie correspond au  $\frac{9}{10}$  du volume

— 1 cm<sup>3</sup> de cire a une masse de 0,7 g.

### 4. Affirmation 4:

« Pour tout nombre x, l'égalité suivante est vraie :

$$(x+8)(2x-1) = 2x^2 - (8-15x)$$
.

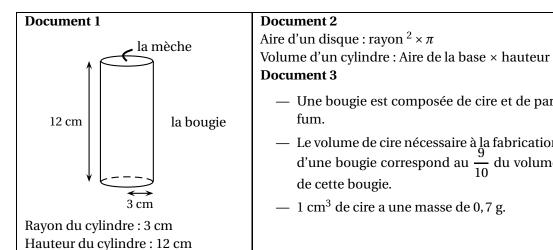
fum.

de cette bougie.

**Exercice 4** 16 points

Une usine fabrique des bougies parfumées en cire de forme cylindrique.

# Les questions 1, 2 et 3 sont indépendantes



**a.** Montrer que le volume d'une bougie est d'environ 339 cm<sup>3</sup>. 1.

Brevet des collèges A. P. M. E. P.

**b.** Quelle est la masse de cire nécessaire pour une bougie? On donnera une valeur approchée au gramme près.

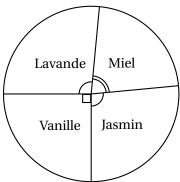
**2.** Au mois de novembre, l'usine a fabriqué des bougies de 4 parfums différents :

vanille, miel, lavande et jasmin.

Le diagramme circulaire codé ci-contre donne la répartition, pour le mois de novembre, du nombre de bougies fabriquées en fonction de leur parfum.

Les bougies au miel représentent 22 % de la production du mois de novembre.

Quel est le pourcentage de bougies à la lavande fabriquées au mois de novembre?



**3.** Durant les trois premiers mois de l'année suivante, l'entreprise se donne pour objectif de produire en moyenne 7 900 bougies par mois.

En janvier, elle fabrique 6500 bougies et 8000 en février.

Quel est le nombre de bougies à produire en mars pour atteindre l'objectif?

Exercice 5 23 points

On dispose d'une roue dont les 4 secteurs ont tous la même aire et sont numérotés : 1; 2; 3; 4.

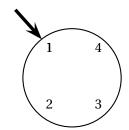
On dispose également d'une urne contenant 3 boules numérotées : 2; 3 et 4.

Les boules sont indiscernables au toucher.

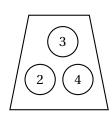
On considère l'expérience aléatoire suivante :

« On fait tourner la roue puis on tire au hasard une boule dans l'urne. On forme alors un nombre entier à deux chiffres tel que :

- Le chiffre des dizaines est le numéro indiqué par la flèche sur la roue.
- Le chiffre des unités est le numéro de la boule tirée dans l'urne. »



La roue : chiffre des dizaines



L'urne : chiffre des unités

*Exemple* : Si la flèche indique le numéro 1 sur la roue et que la boule tirée dans l'urne porte le numéro 3, on forme le nombre 13.

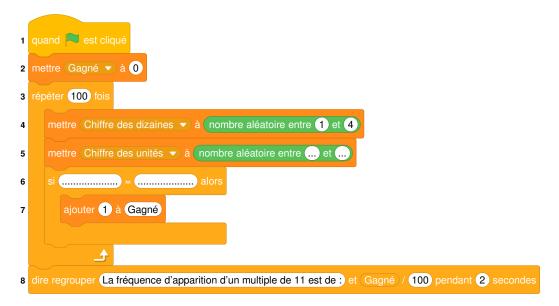
- 1. Écrire la liste des 12 issues possibles.
- 2. Déterminer la probabilité de l'évènement : « Obtenir un nombre impair ».
- **3.** On considère l'évènement *A* : « Le nombre formé est un nombre premier et inférieur à 30 ».
  - **a.** Quelle est la probabilité de l'évènement *A*?

Brevet des collèges A. P. M. E. P.

**b.** Quelle est la probabilité de son évènement contraire?

À l'aide de cette expérience aléatoire, on crée un jeu de hasard. Le joueur gagne s'il obtient un multiple de 11.

- 4. Montrer que la probabilité d'obtenir un multiple de 11 est égale à 0,25.
- **5.** On souhaite simuler ce jeu à l'aide d'un logiciel de programmation. On a rédigé le script ci-dessous :



### Information:

nombre aléatoire entre 1 et 4 renvoie au hasard un nombre parmi 1, 2, 3, 4.

- **a.** Écrire sur la copie comment compléter les deux cases vides de la ligne 5. *Ne pas justifier.*
- **b.** Écrire sur la copie comment compléter les deux cases vides de la ligne 6. *Ne pas justifier.*
- c. On a cliqué sur le drapeau et voici le résultat du programme :
  « La fréquence d'apparition d'un multiple de 11 est 0,23. »
  Pourquoi le résultat est-il différent de celui obtenu dans la question 4?

Amérique du Sud 5 16 novembre 2023