## Жадный алгоритм построения дерева ID3

```
1: ПРОЦЕДУРА LearnID3 (U \subset X^{\ell});
2: если все объекты из U лежат в одном классе c \in Y то
     вернуть новый лист v, c_v := c;
3:
4: найти предикат с максимальной информативностью:
   \beta := \arg \max_{\alpha \in \mathcal{I}} I(\beta, U);
5: разбить выборку на две части U = U_0 \sqcup U_1 по предикату \beta:
   U_0 := \{x \in U : \beta(x) = 0\};
   U_1 := \{x \in U : \beta(x) = 1\};
6: если U_0 = \emptyset или U_1 = \emptyset то
     вернуть новый лист v, c_v := \text{Мажоритарный класс}(U);
8: создать новую внутреннюю вершину v: \beta_v := \beta;
   построить левое поддерево: L_{V} := \text{LearnID3 } (U_{0});
   построить правое поддерево: R_{\nu} := \text{LearnID3} (U_1);
9: вернуть v;
```

## Варианты критериев ветвления

1. Критерий Джини:

$$I(\beta, X^{\ell}) = \#\{(x_i, x_j) \colon y_i = y_j \text{ in } \beta(x_i) = \beta(x_j)\}.$$

2. *D*-критерий В.И.Донского:

$$I(\beta, X^{\ell}) = \#\{(x_i, x_j) \colon y_i \neq y_j \text{ in } \beta(x_i) \neq \beta(x_j)\}.$$

3. Энтропийный критерий:

$$I(\beta, X^{\ell}) = \sum_{c \in Y} h\left(\frac{P_c}{\ell}\right) - \frac{p}{\ell}h\left(\frac{p_c}{p}\right) - \frac{\ell - p}{\ell}h\left(\frac{P_c - p_c}{\ell - p}\right),$$

где 
$$h(z) \equiv -z \log_2 z$$
,  $P_c(X^\ell) = \#\{x_i \colon y_i = c\}$ ,  $p_c(X^\ell) = \#\{x_i \colon y_i = c \text{ и } \beta(x_i) = 1\}$ ,  $p(X^\ell) = \#\{x_i \colon \beta(x_i) = 1\}$ .