Проблема переобучения

Возможные причины переобучения:

- линейная зависимость (мультиколлинеарность) признаков: пусть построен классификатор: $a(x,w) = \operatorname{sign}\langle w,x \rangle$; мультиколлинеарность: $\exists u \in \mathbb{R}^{n+1} \colon \forall x \ \langle u,x \rangle \equiv 0$; тогда $\forall \gamma \in \mathbb{R}$ $a(x,w) = \operatorname{sign}\langle w + \gamma u,x \rangle$
- слишком мало объектов; слишком много признаков;

Проявления переобучения:

- lacktriangle слишком большие веса $|w_j|$ разных знаков;
- $oldsymbol{2}$ неустойчивость классификаций a(x,w) относительно погрешностей измерения признаков;
- $Q(X^{\ell}) \ll Q(X^k);$

Регуляризация (сокращение весов, weight decay)

Штраф за увеличение нормы вектора весов:

$$\widetilde{\mathscr{L}_i}(w) = \mathscr{L}_i(w) + \frac{\tau}{2} \|w\|^2 = \mathscr{L}_i(w) + \frac{\tau}{2} \sum_{j=1}^n w_j^2 \to \min_w.$$

Градиент:

$$\nabla \widetilde{\mathscr{L}_i}(w) = \nabla \mathscr{L}_i(w) + \tau w.$$

Модификация градиентного шага:

$$w := w(1 - h\tau) - h\nabla \mathcal{L}_i(w).$$

Подбор параметра au — по скользящему контролю

Резюме в конце лекции

- В методе стохастического градиента необходимы различные эвристики для улучшения сходимости и получения лучшего решения.
- Регуляризация решает проблему мультиколлинеарности и снижает риск переобучения.