**SECCION 1.3 AJUSTE POLINOMIAL DE CURVAS**

**EJEMPLO 4** **| Una aplicación del ajuste de curvas**

**Problema (a):** ¿Por qué en este ejemplo usan una función logarítmica para relacionar mejor el periodo de los 3 primeros planetas y su distancia media al sol, y da un mejor ajuste?

**Solución:** El problema planteado en este ejemplo se puede abordad desde un enfoque “más estadístico” para ello el concepto de regresión es útil.

En palabras propias una regresión es una relación entre dos variables (X e Y)

De una forma general lo primero que suele hacerse para saber si dos variables están relacionados (saber si existe regresión), (de ahora en adelante se denominaran X e Y, siendo Y la variable dependiente y X la variable independiente o regresora).

Consiste en tomar una muestra aleatoria. Sobre cada individuo de la muestra se analizan las dos características en estudio de modo que para cada individuo se tenga un par de valores.

Segundamente, se representan dichos valores en unos ejes cartesianos, dando lugar a un diagrama de dispersión o nube de puntos. Asi, cada individuo vendrá representado por un punto en el gráfico de coordenadas De esa forma se podrá obtener una primera idea acerca de la forma y de la dispercion de la nube de puntos.

Sin embargo deberá distinguirse entre dependencia funcional y dependencia estocástica, en el primer caso la relación es perfecta es decir, los puntos del diagrama de dispersión correspondiente aparecen sobre la función

Sin embargo, suele ocurrir que no hay una dependencia funcional perfecta, sino otra dependencia o relación menos rigurosa o dependencia estocástica. Entonces la relación entre X e Y, se escribiría , donde es un error (o residual), debido a por ejemplo, a no incluir variables en el modelo que son importantes a la hora de explicar el comportamiento de Y, y cuyos efectos sean diferentes a los de X; errores aleatorios o de medida o simplemente que se ha especificado mal el modelo.

|  |  |
| --- | --- |
| OPERACIÓN ELEMENTAL | MATRIZ ELEMENTAL |
|  |  |

Así la situación está de la siguiente manera:

Observemos que en la matriz ya es escalonada por renglones (triangular superior), es decir y , de esta manera podemos decir que

**SECCION 2.4 MATRICES ELEMENTALES**

**EJEMPLO 5A** **| Factorización LU**

**Problema (a):** Demuestre la siguiente factorización LU

A =

**Solución:** Para hallar la matriz L y la matriz U debemos seguir los siguientes procedimientos

**Primero:** Aplicando solo operaciones elementales de suma y resta entre renglones debemos intentar expresar la matiz como una matriz equivalente escalonada por renglones.

**Segundo:** Cada operación que realicemos en los renglones de deberá ser almacenada en una matriz elemental de tal forma que , Donde sea el producto de matrices elementales que almacenan las operaciones elementales realizadas en los renglones de , y sea la matriz escalonada por renglones.

|  |  |
| --- | --- |
| OPERACIÓN ELEMENTAL | MATRIZ ELEMENTAL |
|  |  |

Así la situación está de la siguiente manera:

Observemos que en la matriz ya es escalonada por renglones (triangular superior), es decir y , de esta manera podemos decir que

**SECCION 4.7 COORDENADAS Y CAMBIO DE BASE**

**EJEMPLO 1** **| Coordenadas y componentes en**

**Problema de coordenadas y componentes en :** Determinar la matriz de coordenadas de en con respecto a la base estándar

**Solución:** Se sabe que la matriz de coordenadas del vector con respecto a la base estándar esta determinada por los coeficientes que resultan de la combinación lineal de que forman el vector , esto es.

Sea entonces

De esta manera sabemos que los valores que descubramos para van a ser las coordenadas del vector con respecto a . Y se denotaran como (véase que el subíndice de la anterior notación indica con respecto a que base esta la coordenada del vector dado), si intentamos solucionar el problema vamos a obtener que

Entonces como , son los coeficientes de la combinación lineal de que forman al vector , podemos afirmar que . Así las componentes del vector son las mismas que sus coordenadas con respecto a la base estándar .

**EJEMPLO 2** **| Matriz de coordenadas con respecto a base estándar**

**Problema de determinación de una matriz de coordenadas con respecto a una base estándar:** La matriz de coordenadas del vector en con respecto a la base no estándar es , determine las coordenadas de con respecto a la base estándar

**Solución:** Dado que son las coordenadas de un vector con respecto a la base no estándar es correcto afirmar que:

Así es la coordenada del vector con respecto a la base no estándar . El problema ahora es determinar las coordenadas del vector

De esta manera la coordenada del vector con respecto a la base estandar es

**EJEMPLO 3** **| Matriz de coordenadas con respecto a base no estándar**

**Problema de determinación de una matriz de coordenadas con respecto a una base no estándar:** Encuentre la matriz de coordenadas del vector en con respecto a la base no estándar

**Solución:** Se sabe que las componentes de la matriz de coordenadas de con respecto a la base no estándar están determinadas por los coeficientes de la combinación lineal de que forman al vector . Así, podemos afirmar que:

Al igualar las componentes se obtiene el siguiente sistema de ecuaciones lineales y la siguiente ecuación matricial.

Procedemos ahora a resolver el sistema aplicando **gauss** o **gauss-jordan** a la matriz aumentada que se obtuvo del sistema anterior.

|  |  |
| --- | --- |
| OPERACIÓN ELEMENTAL | RESULTADO EN MATRIZ |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |
|  |  |

Entonces , Asi

Por tanto decimos que la coordenada del vector con respecto a la base es el vector