

# Estatística Descritiva com R

Rômulo Coutinho Araújo

## 1. RESUMO DE DADOS

### TIPOS DE VARIÁVEIS

Basicamente, temos dois tipos principais de variáveis: as *qualitativas* e as *quantitativas*.

As variáveis qualitativas subdividem-se em **nominal**, que somente identifica uma das realizações de uma variável, como ocorre no nome de uma pessoa, CPF ou número de telefone, por exemplo; **ordinal**, quando, além da identificação das realizações de uma variável, é possível ordená-las, como na variável escolaridade, por exemplo.

As variáveis quantitativas são classificadas em **discretas**, cujos possíveis valores formam um conjunto finito ou enumerável de números, resultado geralmente de uma contagem, como ocorre na variável ‘anos completos de experiência’, por exemplo; e também é possível classificar as variáveis quantitativas em **contínuas**, as quais possuem realizações a partir dos números reais, o que ocorre geralmente a partir de medições, como altura, peso, etc.

Tais tipos de variáveis definem técnicas próprias para resumo da informação, e algumas vezes tais técnicas são adaptáveis para diferentes tipos de variáveis.

### DISTRIBUIÇÕES DE FREQUÊNCIAS

A distribuição de frequências é o primeiro panorama sobre a(s) variável(eis) analisada(s), e mostra o comportamento de suas possíveis realizações.

Exemplo de tabela de frequências utilizando os dados nativos do R, arquivo *mtcars*, do qual extraímos a informação do número de cilindros de cada modelo de veículo:

```
library(knitr)
library(pander)
pander(mtcars, caption =
  "Dados sobre Modelos de Veículos (mtcars)", split.table = Inf)
```

Table 1: Dados sobre Modelos de Veículos (mtcars)

|                   | mpg  | cyl | disp | hp  | drat | wt    | qsec  | vs | am | gear | carb |
|-------------------|------|-----|------|-----|------|-------|-------|----|----|------|------|
| Mazda RX4         | 21   | 6   | 160  | 110 | 3.9  | 2.62  | 16.46 | 0  | 1  | 4    | 4    |
| Mazda RX4 Wag     | 21   | 6   | 160  | 110 | 3.9  | 2.875 | 17.02 | 0  | 1  | 4    | 4    |
| Datsun 710        | 22.8 | 4   | 108  | 93  | 3.85 | 2.32  | 18.61 | 1  | 1  | 4    | 1    |
| Hornet 4 Drive    | 21.4 | 6   | 258  | 110 | 3.08 | 3.215 | 19.44 | 1  | 0  | 3    | 1    |
| Hornet Sportabout | 18.7 | 8   | 360  | 175 | 3.15 | 3.44  | 17.02 | 0  | 0  | 3    | 2    |
| Valiant           | 18.1 | 6   | 225  | 105 | 2.76 | 3.46  | 20.22 | 1  | 0  | 3    | 1    |

|                         | mpg  | cyl | disp  | hp  | drat | wt    | qsec  | vs | am | gear | carb |
|-------------------------|------|-----|-------|-----|------|-------|-------|----|----|------|------|
| <b>Duster 360</b>       | 14.3 | 8   | 360   | 245 | 3.21 | 3.57  | 15.84 | 0  | 0  | 3    | 4    |
| <b>Merc 240D</b>        | 24.4 | 4   | 146.7 | 62  | 3.69 | 3.19  | 20    | 1  | 0  | 4    | 2    |
| <b>Merc 230</b>         | 22.8 | 4   | 140.8 | 95  | 3.92 | 3.15  | 22.9  | 1  | 0  | 4    | 2    |
| <b>Merc 280</b>         | 19.2 | 6   | 167.6 | 123 | 3.92 | 3.44  | 18.3  | 1  | 0  | 4    | 4    |
| <b>Merc 280C</b>        | 17.8 | 6   | 167.6 | 123 | 3.92 | 3.44  | 18.9  | 1  | 0  | 4    | 4    |
| <b>Merc 450SE</b>       | 16.4 | 8   | 275.8 | 180 | 3.07 | 4.07  | 17.4  | 0  | 0  | 3    | 3    |
| <b>Merc 450SL</b>       | 17.3 | 8   | 275.8 | 180 | 3.07 | 3.73  | 17.6  | 0  | 0  | 3    | 3    |
| <b>Merc 450SLC</b>      | 15.2 | 8   | 275.8 | 180 | 3.07 | 3.78  | 18    | 0  | 0  | 3    | 3    |
| <b>Cadillac</b>         | 10.4 | 8   | 472   | 205 | 2.93 | 5.25  | 17.98 | 0  | 0  | 3    | 4    |
| <b>Fleetwood</b>        | 10.4 | 8   | 460   | 215 | 3    | 5.424 | 17.82 | 0  | 0  | 3    | 4    |
| <b>Lincoln</b>          | 14.7 | 8   | 440   | 230 | 3.23 | 5.345 | 17.42 | 0  | 0  | 3    | 4    |
| <b>Continental</b>      | 32.4 | 4   | 78.7  | 66  | 4.08 | 2.2   | 19.47 | 1  | 1  | 4    | 1    |
| <b>Chrysler</b>         | 30.4 | 4   | 75.7  | 52  | 4.93 | 1.615 | 18.52 | 1  | 1  | 4    | 2    |
| <b>Imperial</b>         | 33.9 | 4   | 71.1  | 65  | 4.22 | 1.835 | 19.9  | 1  | 1  | 4    | 1    |
| <b>Fiat 128</b>         | 21.5 | 4   | 120.1 | 97  | 3.7  | 2.465 | 20.01 | 1  | 0  | 3    | 1    |
| <b>Honda Civic</b>      | 15.5 | 8   | 318   | 150 | 2.76 | 3.52  | 16.87 | 0  | 0  | 3    | 2    |
| <b>Toyota Corolla</b>   | 15.2 | 8   | 304   | 150 | 3.15 | 3.435 | 17.3  | 0  | 0  | 3    | 2    |
| <b>Toyota Corona</b>    | 13.3 | 8   | 350   | 245 | 3.73 | 3.84  | 15.41 | 0  | 0  | 3    | 4    |
| <b>Dodge</b>            | 19.2 | 8   | 400   | 175 | 3.08 | 3.845 | 17.05 | 0  | 0  | 3    | 2    |
| <b>Challenger</b>       | 27.3 | 4   | 79    | 66  | 4.08 | 1.935 | 18.9  | 1  | 1  | 4    | 1    |
| <b>AMC Javelin</b>      | 26   | 4   | 120.3 | 91  | 4.43 | 2.14  | 16.7  | 0  | 1  | 5    | 2    |
| <b>Camaro Z28</b>       | 30.4 | 4   | 95.1  | 113 | 3.77 | 1.513 | 16.9  | 1  | 1  | 5    | 2    |
| <b>Pontiac Firebird</b> | 15.8 | 8   | 351   | 264 | 4.22 | 3.17  | 14.5  | 0  | 1  | 5    | 4    |
| <b>Fiat X1-9</b>        | 19.7 | 6   | 145   | 175 | 3.62 | 2.77  | 15.5  | 0  | 1  | 5    | 6    |
| <b>Porsche 914-2</b>    | 15   | 8   | 301   | 335 | 3.54 | 3.57  | 14.6  | 0  | 1  | 5    | 8    |
| <b>Lotus Europa</b>     |      |     |       |     |      |       |       |    |    |      |      |
| <b>Ford Pantera L</b>   |      |     |       |     |      |       |       |    |    |      |      |
| <b>Ferrari Dino</b>     |      |     |       |     |      |       |       |    |    |      |      |
| <b>Maserati Bora</b>    |      |     |       |     |      |       |       |    |    |      |      |

|                   | mpg  | cyl | disp | hp  | drat | wt   | qsec | vs | am | gear | carb |
|-------------------|------|-----|------|-----|------|------|------|----|----|------|------|
| <b>Volvo 142E</b> | 21.4 | 4   | 121  | 109 | 4.11 | 2.78 | 18.6 | 1  | 1  | 4    | 2    |

```
dados <- as.data.frame(table(mtcars$cyl))
names(dados) <- c("Cilindros", "Frequência")
dados$Proporção <- round(dados$Frequência/sum(dados$Frequência),2)
dados$Porcentagem <- round(dados$Proporção*100,2)
dados2 <- data.frame(Cilindros="Total", Frequência=sum(dados$Frequência), Proporção=sum(dados$Proporção), Porcentagem=sum(dados$Porcentagem))
dados <- merge(dados,dados2, all=T)
pander(dados, caption =
  "Frequência para o Número de Cilindros (mtcars)",split.table = Inf)
```

Table 2: Frequência para o Número de Cilindros (mtcars)

| Cilindros | Frequência | Proporção | Porcentagem |
|-----------|------------|-----------|-------------|
| 4         | 11         | 0.34      | 34          |
| 6         | 7          | 0.22      | 22          |
| 8         | 14         | 0.44      | 44          |
| Total     | 32         | 1         | 100         |

Os dados de proporção, ou porcentagem, são bastante úteis na comparação com pesquisas distintas, o que pode ser inviável apenas com o frequência absoluta.

No caso de contruir tabela de distribuição para variáveis contínuas (ou discreta com grande variabilidade), usam-se intervalos para que os dados sejam agrupados, observando sempre que o número de intervalos define o quanto de informação será perdida nesse processo, ou seja, quanto menos intervalos, mais informação perdida, porém, um alto número de intervalos implica na redução da clareza na informação; portanto, é preciso encontrar um equilíbrio quanto à quantidade de intervalos usados.

É possível criar uma tabela de frequência usando algumas regras para determinação do número de classes (o que não invalida o uso do bom senso):

- Regra de Sturges (Regra do Logaritmo):  $k = 1 + 3.3\log(n)$
- Regra da Potência de 2:  $k = \text{menor valor inteiro tal que } 2^k \geq n$
- Regra da Raíz Quadrada:  $k = \sqrt{n}$

A partir do conjunto de dados *mtcars*, podemos contruir uma tabela de frequência da variável *potência* (*hp*). De início, vamos precisar da amplitude total do conjunto de dados:

```
(amp <- max(mtcars$hp)-min(mtcars$hp)) # Amplitude
```

```
## [1] 283
```

Para o cálculo da amplitude de cada classe, usamos o valor de  $k$  (número de classes) a partir da Regra de Sturges:

```
(k <- 1+3.3*log(length(mtcars$hp)))
```

```
## [1] 12.43693
```

O valor da amplitude de cada classe é então dado por (arredondado):

```
(h <- ceiling(amp/k))
```

```
## [1] 23
```

São criadas abaixo as classes que dividirão a tabela e sua apresentação:

```
classe <- seq(min(mtcars$hp),max(mtcars$hp)+16, by=h) #Soma-se 16 ao máximo para  
# termos um valor divisível por 23.  
classe
```

```
## [1] 52 75 98 121 144 167 190 213 236 259 282 305 328 351
```

```
potencia_classes <- cut(mtcars$hp, classe, right = FALSE)  
potencia_tabela <- as.data.frame(table(potencia_classes))  
names(potencia_tabela) <- c("Potência", "Frequência")  
potencia_tabela$Proporção <- round(potencia_tabela$Frequência/sum(potencia_tabela$Frequência),4)  
potencia_tabela$Porcentagem <- round(potencia_tabela$Proporção*100,4)  
potencia_tabela2 <- data.frame(Potência="Total", Frequência=sum(potencia_tabela$Frequência), Proporção=1)  
Tabela_HP <- merge(potencia_tabela,potencia_tabela2, all=T)  
pander(Tabela_HP, caption =  
  "Frequência da Potência dos Veículos (em HP)")
```

Table 3: Frequência da Potência dos Veículos (em HP)

| Potência  | Frequência | Proporção | Porcentagem |
|-----------|------------|-----------|-------------|
| [52,75)   | 5          | 0.1562    | 15.62       |
| [75,98)   | 4          | 0.125     | 12.5        |
| [98,121)  | 6          | 0.1875    | 18.75       |
| [121,144) | 2          | 0.0625    | 6.25        |
| [144,167) | 2          | 0.0625    | 6.25        |
| [167,190) | 6          | 0.1875    | 18.75       |
| [190,213) | 1          | 0.0312    | 3.12        |
| [213,236) | 2          | 0.0625    | 6.25        |
| [236,259) | 2          | 0.0625    | 6.25        |
| [259,282) | 1          | 0.0312    | 3.12        |
| [282,305) | 0          | 0         | 0           |
| [305,328) | 0          | 0         | 0           |
| [328,351) | 1          | 0.0312    | 3.12        |
| Total     | 32         | 1         | 100         |