## Introducción a Natural Language Processing Análisis Sintáctico

Ronald Cárdenas Acosta

Setiembre, 2016

#### Outline

- Análisis de constituyentes
- Context Free Grammars
- Probabilistic Context Free Grammars
- Algoritmo CKY
- Evaluación
- Parsers refinados
- Estado del arte

#### Análisis de constituyentes

- Una forma de modelar un lenguaje natural es aprendiendo su sintáxis o gramática.
- Parsing: análisis sintáctico de un oración. Puede ser basado en constituyentes o en dependencias.
- El Análisis de constituyentes o Phrase-based Parsing genera un árbol de constituyentes de manera recursiva.

## Gramática No Contextual (Context Free Grammars)

- Noam Chomsky propuso una forma de generación de lenguaje a través de reglas.
- La Gramática No Contextual (CFG) fue diseñada para generar lenguaje sintácticamente válido recursivamente.
- En un inicio, los CFGs fueron modelados por máquinas finitas de estado (finite state machines)

# Gramática No Contextual (Context Free Grammars)

Un CFG se define como:  $G = \langle \mathcal{N}, \mathcal{T}, \mathcal{R}, \mathcal{S} \rangle$ , donde:

 $\bullet$   $\mathcal{N}$ : conjunto finito de símbolos no terminales. Representan cada tipo de constituyente.

Notación: letra mayúscula (A,B,...)

• T: conjunto finito de símbolos terminales, es decir, las palabras de la oración.

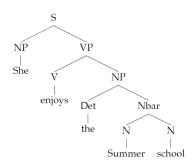
Notación: letra minúscula (a,b,...)

- $\mathcal{R}$ : conjunto de reglas de producción que relacionan  $\mathcal{N}$  con  $(\mathcal{N} \cup \mathcal{T})$
- S: símbolo inicial, usado para representar a la oración entera. Debe ser un elemento de  $\mathcal{N}$

Se dice que G está en forma normal Chomsky (Chomsky normal form **CNF)** si las reglas en  $\mathcal{R}$  son solo binarias  $(A \to BC)$  o unarias  $(A \to a)$ 

## CFGs: ejemplo

Considere el siguiente CFG en Chomsky Normal Form, junto a un Parse tree generado del mismo:



### Ambigüedad

The man sees the boy in the park with a telescope.

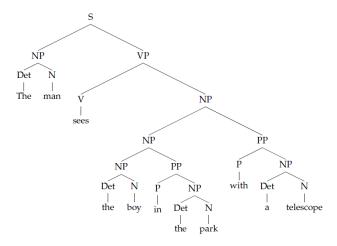


Figure: Interpretación 1:El niño esta en el parque y tiene un telescopio.

### Ambigüedad

The man sees the boy in the park with a telescope.

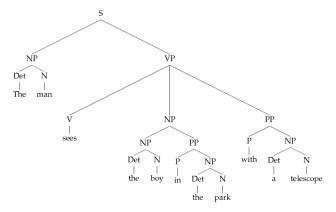


Figure: Interpretación 2:El niño esta en el parque, y el hombre lo ve usando un telescopio.

### Ambigüedad

The man sees the boy in the park with a telescope.

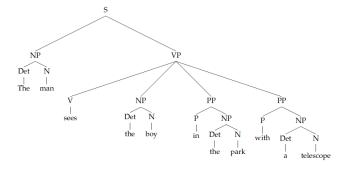


Figure: Interpretación 3:El hombre esta en el parque y tiene un telescopio con el cual ve a un niño en algún lugar.

## Probabilistic Context Free Grammar (PCFG)

Un PCFG está definido por  $G = \langle \mathcal{N}, \mathcal{T}, \mathcal{R}, S, \theta \rangle$ , donde  $\langle \mathcal{N}, \mathcal{T}, \mathcal{R}, S \rangle$  es un CFG y  $\theta$  es un vector de parámetros, uno por cada regla en  $\mathcal{R}$ . Asumiendo que el CFG está en Chomsky normal form, se tiene:

- $\theta_{Z \to XY} = P_{\theta}(XY|Z)$
- $\theta_{Z \to w} = P_{\theta}(w|Z)$

Para que estas prob. condicionales estén bien definidas, se debe cumplir que:

$$\sum_{X,Y \in \mathcal{N}} \theta_{Z \to XY} + \sum_{w \in \mathcal{T}} \theta_{Z \to w} = 1$$



#### PCFGs: Inferencia

Sea s una oración y t un parse tree derivado de s. Para cada regla  $r \in \mathcal{R}$ , sea  $n_r(t,s)$  el número de veces que la regla r aparece en t. La probabilidad conjunta de s y t esta definida como:

$$P(t,s) = \prod_{r \in \mathcal{R}} \theta_r^{n_r(t,s)}$$

Para la oración: She enjoys the Summer school

$$\begin{array}{ll} P(t,s) &=& P(\texttt{NP VP}|\texttt{S}) \times P(\texttt{She}|\texttt{NP}) \times P(\texttt{V NP}|\texttt{VP}) \times P(\texttt{enjoys}|\texttt{V}) \\ &\times P(\texttt{Det Nbar}|\texttt{NP}) \times P(\texttt{the}|\texttt{Det}) \times P(\texttt{N N}|\texttt{Nbar}) \\ &\times P(\texttt{Summer}|\texttt{N}) \times P(\texttt{school}|\texttt{N}). \end{array}$$

#### PCFGs: Inferencia

Se debe escoger el árbol óptimo tal que:

$$\hat{t} = \arg\max_{t} P(t|s)$$

• La estimación de parámetros se da por *Maximum Likelihood Estimate*:

$$P(X,Y|Z) = \frac{count(Z \to XY)}{count(Z \to **)}$$

- El número de árboles posibles crece exponencialmente con la longitud de s
- Maximización directa es insoluble.

## Algoritmo CKY

- Generalización del algoritmo de Viterbi para parsing, conocido como el algoritmo Inside-Outside.
- CKY: Cocke-Kasami-Younger
- Dada una gramática en CNF con  $|\mathcal{R}|$  reglas de producción, la complejidad de ejecución para analizar una oración de longitud N es  $O(N^3)|\mathcal{R}|$
- Asigna una probabilidad  $\delta(i,j,Z)$  a cada posible sub-árbol con regla  $Z \in \mathcal{R}$

## Algoritmo CKY

#### Algorithm 12 CKY algorithm

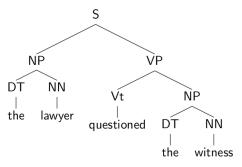
```
    input: probabilistic CFG G<sub>θ</sub> in CNF, and sentence s = w<sub>1</sub>...w<sub>N</sub> (each w<sub>i</sub> is a word)

3: {We'll fill the CKY table bottom-up with partial probabilities \delta and backtrack pointers \psi. This is similar to
    the Viterbi algorithm but it works for parse trees rather than sequences.}
 5: {Initialization}
 6: for i = 1 to N do
       for each production rule r \in \mathbb{R} of the form Z \to w_i do
          \delta(i, i, Z) = \theta_{Z \to w_i}
       end for
10: end for
11:
12: {Induction}
13: for i = 2 to N do \{i \text{ is length of span}\}
       for j = 1 to N - i + 1 do \{j \text{ is start of span}\}\
          for each non-terminal Z \in \mathbb{N} do
15:
             Set partial probability:
16:
                                   \delta(j,j+i-1,Z) = \max_{\substack{X,Y\\j < k < j+i}} \delta(j,k-1,X) \times \delta(k,j+i-2,Y) \times \theta_{Z \to XY}
17:
             Store backpointer:
                                   \psi(j,j+i-1,Z) = \mathop{\arg\max}_{\substack{X,Y\\i < k < i + i}} \delta(j,k-1,X) \times \delta(k,j+i-2,Y) \times \theta_{Z \to XY} 
           end for
18:
       end for
20: end for
21:
22: {Termination}
23: P(s, \hat{t}) = \delta(1, N, S)
```

24: Backtrack through ψ to obtain most likely parse tree f

#### Evaluación de Parsers

La evaluación se hace muestra por muestra. Se representa cada constituyente como la terna (Z, inicio, final)



Label Start Point End Po	oint
NP 1 2 NP 4 5 VP 3 5 S 1 5	

## Evaluación de Parsers: Precision y Recall

Label	Start Point	End Point
NP	1	2
NP	4	5
NP	4	8
PP	6	8
NP	7	8
VP	3	8
S	1	8

Label	Start Point	End Point
NP	1	2
NP	4	5
PP	6	8
NP	7	8
VP	3	8
S	1	8

- G: num. de const. en "gold standard" o muestra de entrenamiento
- P: num. de const. en arbol predecido
- C: num. de const. correctos.

$$Precision = P/G, Recall = C/G$$



#### Parsers refinados

Un número de mejores han dado lugar a parsers más potentes:

#### Lexicalización:

Consiste en anotar cada nodo fraseal con el *item lexico* (palabra) que gobierna tal frase.

#### Modelos Discriminativos

Permite considerar features no locales. El vector de features se descompone de acuerdo a los símbolos no terminales y a las reglas de producción.

#### Variables latentes:

Consiste en anotar cada nodo fraseal con una variable latente u oculta. Variando la cantidad de variables ocultas se controla la granularidad del parser.

#### Parsers refinados

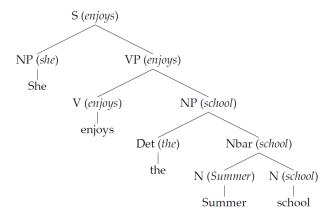


Figure: Lexicalized tree. Salida de Parsers lexicalizados

#### Parsers refinados

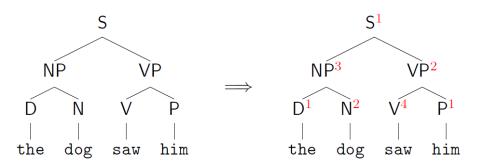


Figure: Latent PCFG tree. Salida de Parsers que usan variables latentes

## Parsing: Estado del arte

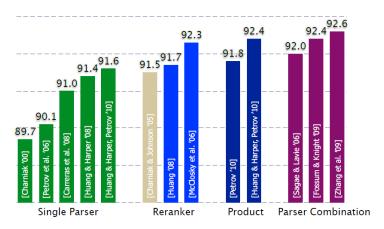


Figure: Parsing en Inglés



## Parsing: Estado del arte

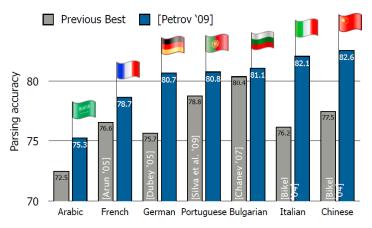


Figure: Parsing para otros lenguajes.

