Znajdz jednorodny uklad rownan liniowych zlozony z

- a) dwoch
- b)trzech
- c) czterech

rownan, ktorego zbior rozwiazan to $\text{Lin}((1, 4, -1, 2, -1)^T, (1, 13, -1, 2, 9)^T, (2, 7, -8, 4, -5)^T)$.

Popatrzmy na te wektorych ktorych otoczka liniowa jest rozwiazaniem naszego szukanego rownania. Sprawdzmy, czy sa one liniowo zalezne:

$$\alpha \begin{pmatrix} 1\\4\\-1\\2\\-1 \end{pmatrix} + \beta \begin{pmatrix} 1\\13\\-1\\2\\9 \end{pmatrix} + \gamma \begin{pmatrix} 2\\7\\-8\\4\\-5 \end{pmatrix} = 0$$
$$\alpha + \beta = -2\gamma$$
$$\alpha + \beta = -8\gamma \implies \gamma = 0$$
$$9\beta = \alpha$$
$$\alpha = -\beta \implies \alpha = \beta = 0$$

czyyyli sa liniowo niezalezne.

Szukamy teraz takiej macierzy A, ze

$$A \begin{pmatrix} 1\\4\\-1\\2\\-1 \end{pmatrix} = A \begin{pmatrix} 1\\13\\-1\\2\\9 \end{pmatrix} = A \begin{pmatrix} 2\\7\\-8\\4\\-5 \end{pmatrix} = 0$$

Czyli dla kazdego wiersza macierzy A otrzymujemy $A_iX_j=0$, gdzie X_j to jeden z tych trzech wektorow ktore mamy zadane, a A_i to jeden z wierszy naszej macierzy. Transponujac dostajemy $X_j^TA_i^T$. Czyli nasze wiersze macierzy musza byc rozwiazaniami

$$BY = 0$$
.

gdzie

$$B = \left(\begin{pmatrix} 1\\4\\-1\\2\\-1 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 1\\13\\-1\\2\\9 \end{pmatrix}, \begin{pmatrix} 2\\7\\-8\\4\\-5 \end{pmatrix} \right)^{T}$$

(jakie to obrzydliwe). Wiemy teraz, ze te nasze trzy wektorki (ktorych nie bede znowu kopiowac), sa baza $\ker F_A$, czyli fundamentalnym ukladem rozwiazan AX=0.

Po tym wstepie czemu smigamy transpozycja (nadal dosc sketchy i niewiarygodnym), mozemy przejsc do rozwiazywania rownania jednorodnego

$$\begin{pmatrix} 1 & 4 & -1 & 2 & -1 \\ 1 & 13 & -1 & 2 & 9 \\ 2 & 7 & -8 & 4 & -5 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x_1 \\ x_2 \\ x_3 \\ x_4 \\ x_5 \end{pmatrix} = 0$$

Gaussik <3

$$\begin{pmatrix} 1 & 4 & -1 & 2 & -1 \\ 0 & 9 & 0 & 0 & 10 \\ 0 & -1 & -6 & 0 & -3 \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} 1 & 4 & -1 & 2 & -1 \\ 0 & -1 & -6 & 0 & -3 \\ 0 & 9 & 0 & 0 & 10 \end{pmatrix}$$

$$\begin{pmatrix} 1 & 4 & -1 & 2 & -1 \\ 0 & -1 & -6 & 0 & -3 \\ 0 & 0 & -54 & 0 & -1 \end{pmatrix}$$

nie bede sie ponizac do rozwiazania tego