Lista zadań. Nr 0. 23 lutego 2023

ALGORYTMY I STRUKTURY DANYCH

IIUWr. II rok informatyki

- 1. (0 pkt) Przeczytaj notatkę numer 1, która została rozesłana mailowo, a wkrótce będzie umieszczona na stronie wykładu.
- 2. (0 pkt) Przypomnij sobie algorytm sortowania bąbelkowego. Zapisz go w notacji zbliżonej do tej, której używaliśmy na wykładzie. Porównaj go z algorytmami *InsertSort* i *SelectSort* stosując podane na wykładzie kryteria.
- 3. (1pkt do 3.03.2023; potem 0pkt) Rozwiąż zadanie z Listy Powitalnej na Themis.

 $Wyjaśnienie: \ Na \ sprawdzaczce \ Themis \ (https://themis.ii.uni.wroc.pl/) \ zostanie \ wkrótce \ utworzona \ sekcja \ o \ nazwie \ Algorytmy \ i \ Struktury \ Danych \ 2023. \ Aby \ z \ niej \ skorzystać \ powinniście:$

- zarejestrować się na Themis
- podać hasło (aisd2023) przy wejściu do sekcji

UWAGA: Jeśli chcecie uzyskać punkt, o którym mowa poniżej wpiszcie przy rejestracji w polu "name" swoje imię i nazwisko (ewentualnie numer indeksu).

- 4. (1pkt) Udowodnij, że algorytm mnożenia liczb *"po rosyjsku"* jest poprawny. Jaka jest jego złożoność czasowa i pamięciowa przy:
 - jednorodnym kryterium kosztów,
 - logarytmicznym kryterium kosztów?
- 5. (1pkt) Oszacuj z dokładnością do Θ złożoność poniższego fragmentu programu:

```
 res \leftarrow 0 
for i \leftarrow 1 to n do
 j \leftarrow i 
while (j \text{ jest parzyste}) \ j \leftarrow j/2 
 res \leftarrow res + j
```

- 6. (2pkt) Pokaż, w jaki sposób algorytm "macierzowy" obliczania n-tej liczby Fibonacciego można uogólnić na inne ciągi, w których kolejne elementy definiowane są liniową kombinacją skończonej liczby elementów wcześniejszych. Następnie uogólnij swoje rozwiązanie na przypadek, w którym n-ty element ciągu definiowany jest jako suma kombinacji liniowej skończonej liczby elementów wcześniejszych oraz wielomianu zmiennej n.
- 7. (1pkt) Rozważ poniższy algorytm, który dla danego (wielo)zbioru A liczb całkowitych wylicza pewną wartość. Twoim zadaniem jest napisanie programu (w pseudokodzie), możliwie najoszczędniejszego pamięciowo, który wylicza tę samą wartość.

```
 \begin{array}{l} \mathbf{while} \; |A| > 1 \; \mathbf{do} \\ \quad a \leftarrow \mathrm{losowy} \; \mathrm{element} \; \mathbf{z} \; A; \\ \quad A \leftarrow A \setminus \{a\} \\ \quad b \leftarrow \mathrm{losowy} \; \mathrm{element} \; \mathbf{z} \; A; \\ \quad A \leftarrow A \setminus \{b\} \\ \quad A \leftarrow A \cup \{a-b\} \\ \mathrm{output} \; (x \bmod 2), \, \mathrm{gdzie} \; x \; \mathrm{jest} \; \mathrm{elementem} \; \mathrm{ze} \; \mathrm{zbioru} \; A \end{array}
```

8. (1pkt) Ułóż algorytm, który dla drzewa T = (V, E) oraz listy par wierzchołków $\{v_i, u_i\}$ (i = 1, ..., m), sprawdza, czy v_i leży na ścieżce z u_i do korzenia. Przyjmij, ze drzewo zadane jest jako lista n-1 krawędzi (p_i, a_i) , takich, że p_i jest ojcem a_i w drzewie.

- 9. (1pkt) Udowodnij Twierdzenie 1 podane w Notatce nr 2.
- 10. $(\mathbf{Z} \ 2\mathrm{pkt})^1$ Ułóż algorytm dla następującego problemu:

 $Problem.^2$

 $n,m\in\mathcal{N}$ dane:

wynik: $n, m \in \mathbb{N}$ wartość współczynnika przy x^2 (wzięta modulo m) wielomianu $\underbrace{(...((x-2)^2-2)^2...-2)^2}_{n \text{ razy}}$

Czy widzisz zastosowanie metody użytej w szybkim algorytmie obliczania n-tej liczby Fibonacciego do rozwiązania tego problemu?

Krzysztof Loryś

 $^{^1}$ Znaczenie etykietki ${f Z}$ zostało przedstawione na pierwszym wykładzie. Wyjaśnienie można znaleźć w dokumencie Zasady zaliczania ćwiczeń. 2 Zadanie zaczerpnięte ze Sparingu w Programowaniu Zespołowym - Poznań 22.01.2005