# ASID

oby AISD M

Pysiek

February 16, 2023

# Contents

1	Wstę	ep	3
	1.1	Problemy i algorytmu	3
	1 2	Złożoność algorytmów i problemów	7

## 1. Wstęp

### 1.1. Problemy i algorytmu

Algorytmy będziemy prezentować albo w formie języka C++, korzystając z innego języka, w pseudokodzie lub w formie słownej.

**Problem:** Obliczanie n-tej liczby Fibonacciego.

**Dane:**  $n \in \mathbb{N}$ 

Wynik: wartość n-tej liczby Fibonacciego modulo stała c

**Algorytm 1:** Metoda rekurencyjna:

```
int fib_rek (int n) {
   if (n <= 1) return 1;
   return (fib_rek(n-1) + fib_rek(n-2)) % c;
}</pre>
```

### Algorytm 2: Metoda iteracyjna:

```
int fib_ter (int n) {
    int i, t;
    int f0 = 1;
    int f1 = 1;
    for (i = 2; i <= n; i++) {
        t = f0;
        f0 = f1;
        f1 = (t + f0) % c;
    }
    return f1;
}</pre>
```

#### **Algorytm3:** Metoda macierzowa:

Skorzystamy z faktu znanego z matematyki dyskretnej, że przez operację mnożenia macierzy:

$$\begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}^{n-1} \begin{bmatrix} F_0 \\ F_1 \end{bmatrix}$$

dostajemy wektor zawierający odpowiednio (n – 1)-szą i n-tą liczbę Fibonacciego:

$$\begin{bmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 1 \end{bmatrix}^{n-1} \begin{bmatrix} F_0 \\ F_1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} F_{n-1} \\ F_n \end{bmatrix}$$

## 1.2. Złożoność algorytmów i problemów

Złożoność algorytmu można porównywać stosując metodę empiryczną oraz określać ją teoretycznie. Ze względu na ograniczenia ilości testowanych przypadków oraz różnice implementacji, pierwszy sposób jest mniej niezawodny niż drugi. Z tego powodu, głównie skupimy się na określaniu złożoności metodami teoretycznymi za pomocą funkcji zależnych od rozmiaru danych.

**Złożoność czasowa** - liczba jednostek czasu potrzebnych na wykonanie algorytmu. Przez jednostkę czasu rozumiemy czas potrzebny na wykonanie elementarnej operacji. Dla nas podstawowym modelem komputera jest **maszyna RAM**. Będziemy się posługiwać następującymi kryteriami liczenia czasu:

⇔kryterium jednorodne: koszt każdej operacji jest równy 1

⇔kryterium logarytmiczne: koszt operacji jest równy sumie długości operandów (szczególnie przy operacji na dużych liczbach)

Złożoność pamięciowa - liczba jednostek pamięci (komórek, bitów) potrzebnych na wykonanie algorytmu.