

ZAD 1.

$$\begin{aligned}p(x) &= a_0 + a_1x + a_2x^2 + \dots + a_nx^n = \\&= \sum_{i=1}^n a_i x^i \\&= a_0 + x(a_1 + x(a_2 + \dots + x(a_{n-1} + xa_n))) \\p'(x) &= a_1 + 2a_2x + \dots + na_nx^{n-1} = \\&= \sum_{i=1}^n i a_i x^{i-1} = \\&= a_1 + x(2a_2 + x(3a_3 + \dots + x((n-1)a_{n-1} + na_n))) \\p''(x) &= 2a_2 + 3 \cdot 2a_3x + \dots + n(n-1)a_nx^{n-2} \\&= \sum_{i=2}^n i(i-1)a_i x^{i-2} = \\&= 2a_2 + x(3 \cdot 2a_3 + \dots + x((n-1)(n-2)a_{n-1} + n(n-1)a_n))\end{aligned}$$

Zeby obliczyc $p(z_0)$ postepujemy tak samo jak w zwyklym schemacie Hornera, czyli

```
1 i = n
2 x = a_i
3
4 dopoki i >= 0
5     x = a_i + x * z_0
6     i = i - 1
7
8 zwroc x
```

Dla $p'(z_0)$ trzeba tylko przemnozyc kazdy wyraz przez odpowiedni indeks:

```
1 i = n
2 x = i * a_i
3
4 dopoki i >= 0
5     x = i * a_i + x * z_0
6     i = i - 1
7
8 zwroc x
```

Analogicznie dla p'' i p''' .

ZAD 2.