MDM Lista 12

Weronika Jakimowicz

ZAD. 1.

```
odwiedzone = [0] * n
skoki = [0] * n
nozyczki = -1
def dfsik(j, studnia):
    odwiedzone[j] = 1
    skoki[j] = studnia
    zmienna = 0
    for i in sasiedzi[j]:
        if not odwiedzone[i]:
            zmienna++
            skoki[j] = max(skoki[j], dfsik(i, studnia+1))
    if studnia == 0 and zmienna > 1:
        nozyczki = j
    if skoki[j] <= studnia</pre>
        nozyczki = j
    return skoki[j]
def rozspojnia():
    dfsik(0, 0)
    if nozyczki == -1:
        print("NIE_ISTNIEJE_WIERZCHOLEK_ROZSPOJNIAJACY")
        print(nozyczki)
```

ZAD. 2.

```
odwiedzone = [0] * n
kolorowanie = [0] * n

def dfsik(j, kolor):
   odwiedzone[j] = 1
   kolorowanie[j] = kolor

for i in sasiedzi[j]:
   if not odwiedzone[i]:
        if not dfsik(i, kolor * -1): return False

if kolorowanie[i] == kolorowanie[j]:
        return False
return True
```

ZAD. 3.

```
odwiedzone = [0] * n
kolorowanie = [0] * n

pom = []

def dfsik(j):
    odwiedzone[j] = 1
    for i in sasiedzi[j]:
        if not visited[i]: dfs(i)

pom.append(i)

def topo():
    for i in range(len(pom)):
        kolejnosc.append(pom[n-i])
```

ZAD. 9

ZAD. 14.

Graf jest krawędziowo k-spójny gdy jest spójny i usunięcie z niego co najwyżej (k − 1) krawędzi nie rozspójnia go. Używając przepływów w sieciach pokaż, że G jest krawędziowo k-spójny ⇔ między dwoma wierzchołkami istnieje k krawędziowo rozłącznych dróg.

.....

=

Niech G będzie grafem takim, że między dowolnymi dwoma wierzchołkami jest k krawędziowo rozłącznych dróg. Weźmy $F\subseteq E(G)$ zbiór krawędzi taki, że $G\setminus F$ jest grafem rozłącznym. Z założenia wimy, że dla dowolnych $v,w\in G$ istnieje k rozłącznych dróg w G między tymi dwoma wierzchołkami, więc aby $G\setminus F$ było rozłączne, to musimy co najmniej jedną krawędź z każdej z tych k dróg wyjąć. Czyli $|F|\geq k$.

==

Niech G będzie grafem krawędziowo k-spójnym. Weźmy dwa dowolne wierzchołki v, $w \in G$. Będą one odpowiednio źródłem i ujściem nowego grafu, w którym krawędź ab jest rozbijana na (a, b) i (b, a) dla a, b \neq v, w.