Lucrare la analiză matematică $^{\scriptscriptstyle 1}$ anul I, sem. I 13.11.2020

Subiectul 1. Considerăm șirul de numere reale $(x_n)_{n\geq 1}$, unde $x_n=\frac{n^2}{2n^2+3}$ pentru orice $n\geq 1$.

- a) Studiați convergența șirului $(x_n)_{n\geq 1}$ folosind definiția șirului convergent.
- **b)** Calculați $\inf_{n\geq 1} x_n$ și $\sup_{n\geq 1} x_n$.

Subiectul 2. Considerăm șirul de numere reale $(x_n)_{n\geq 1}$, unde

$$x_n = \left(1 + \frac{1}{n}\right)^{4n} \left(1 + \left(\frac{-1}{6}\right)^n\right) + 3\sin\frac{n\pi}{2},$$

pentru orice $n \geq 1$. Calculați

$$\liminf_{n \to \infty} x_n, \quad \text{si} \quad \limsup_{n \to \infty} x_n.$$

Subiectul 3. Considerăm șirul de numere reale $(x_n)_{n\geq 2}$, unde

$$x_n = \frac{1}{\sqrt[n]{\ln(n!)}}$$

Dacă există, calculați $\lim_{n\to\infty} x_n$ și decideți dacă șirul $(x_n)_{n\geq 2}$ este convergent.

¹Toate subiectele sunt obligatorii. Toate răspunsurile trebuie justificate. Timp de lucru 1h. Fiecare subiect se notează de la 1 la 10. Se acordă 1 punct din oficiu. Lucrările scanate trebuie trimise in format PDF (un singur fişier care are ca primă pagină subiectul primit) la adresa elena.vladoiu@unibuc.ro. Succes!