

22. 1) Existenta solutiilor globale.

a). Fie $a_1, a_2 \in \mathbb{R}$ care definesc $x'' = a_1 x' + a_2 x$

a). Sa se enunte teorema asupra structurii solutiilor ecuatiilor liniare cu coeficienti constanti

b). Sa se descrie un sistem fundamental de solutii

c). Sa se identifice o conditie necesara si suficienta ca $\lim_{t \rightarrow \infty} \varphi(t) = 0$, $\forall \varphi(\cdot)$ solutie

d). Ecuatia $x'' = -2x' - 2x$ verifica c).

3. Fie $\varphi(\cdot, \zeta) : J(\zeta) \subseteq \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$, $\zeta \in \mathbb{R}$ solutie

maximala a problemei cauchy $x' = x^2 - \frac{1}{t}x - \frac{1}{t^2}$
 $x(\zeta) = -1$

a). Sa se defineasca intervalul maximal si sa se exprime cu ajutorul acestuia.

b). Sa se enunte teorema privind diferentiabilitatea solutiilor in raport cu valorile initiale ale variabilelor independente

c). Sa se arate ca $\varphi(t, -1) \equiv \frac{1}{t}$, $\varphi(-1) = ?$

d). Sa se determine $\Delta_2 \varphi(t, -1)$

4. Sa se rezolve problema la limita

$$2(y-p) + xy - z = 0$$

$$x=1, z=y.$$