מבוא לבינה מלאכותית – 236501 תרגיל בית 1 – פתרון

מגישים:

רוני נודלמן – 209120112 רן ברשינסקי – 208387324

משימה 1

 $M_{example}$ לא קיים פתרון לבעיית המבוך המיוצגת ע"י

נראה כי כל הצעדים האפשריים מובילים למבוי סתום:

מצד אחד, אם הרובוט תחילה ילך קדימה הוא יתקע: הוא לא יוכל להמשיך לצעוד קדימה ומצד שני גם לא יוכל להסתובב ימינה ולא שמאלה בגלל הקיר משמאלו.

מצד שני, הרובוט יכול במצבו ההתחלתי לפנות ימינה אך לאחר מכן הוא יהיה חייב לפנות שמאלה בחזרה למצבו ההתחלתי. זאת משום שיש קיר שמונע ממנו להמשיך להסתובב ימינה ובגלל דופן המבוך הוא לא יוכל להמשיך ישר.

משימה 2

בן, קיימת בעיית מבוך כך שבגרף המצבים שלה קיימים מעגלים.

. נראה כי בגרף המצבים של בעיית המבוך $M_{example}$ ייתכנו מעגלים

תחילה, הרובוט יכול לפנות ימינה ולאחר מכן לפנות שמאלה בחזרה למצב ההתחלתי. כלומר התקבל מעגל היות והרובוט חזר לנקודת המוצא שלו. לכן, רצף האופרטורים שיוצר מעגל הוא:

 $rotate_right \rightarrow rotate_left$

למעשה, בכל בעיה שבה הרובוט יכול לפנות ימינה או שמאלה ממצב מסוים, קיים מעגל. זאת כיוון שהוא יוכל לאחר הפנייה, לבצע פנייה בכיוון ההפוך. כלומר תתקבל פעולת undo.

משימה 3

לא, קיימים מרחבי חיפוש שבהם לא ניתן להגיע לבור. נראה דוגמה למבוך שבו לא ניתן להגיע לבור:

3	4
1	2

מהמצב ההתחלתי הרובוט יוכל להסתובב ימינה או שמאלה. לאחר מכן, הוא יוכל שוב להסתובב ימינה או שמאלה ולהמשיך כך לנצח. כלומר בכל מצב, הרובוט יוכל תמיד לפנות ימינה או שמאלה.

משימה 6

- 1. הסיבה לשוני במחירי המסלולים הינה שהאלגוריתם BFS מחפש את המסלול בקצר ביותר, ללא התחשבות במחיר הקשתות. לעומת זאת, האלגוריתם UCS מחשב את המסלול הזול ביותר, עם התחשבות במחיר הקשתות. במבוכים 1,3 המסלול הקצר ביותר אינו המסלול הזול ביותר ולכן UCS מחזיר מסלול יקר יותר מהמסלול שאותו מחזיר UCS.
- 2. בכדי שמחיר המסלול המוחזר ע"י BFS יהיה זהה למחירו של המסלול המוחסר ע"י UCS, מחיר הקשתות בגרף צריך להיות אחיד. באופן זה, המסלול הקצר ביותר בהכרח יהיה גם הזול ביותר, היות ואין הבדל במחירי הקשתות.

משימה 8

1. נראה כי היוריסטיקה לא קבילה ע"י הדוגמה הבאה:



נגדיר את הסימונים הבאים:

המצב ההתחלתי – s

מצב המטרה -t

מחיר אופרטור ההתקדמות – f

מחיר אופרטור הסיבוב – r

ולכן: פעם אחת ולכן: הפתרון האופטימלי הינו הפעלת האופרטור r_R

$$h^*(s) = r$$

לפי הגדרת היוריסטיקה מתקיים:

$$h(s) = \Delta t \cdot f = 2 \cdot f$$

יים: אז יתקיים $2 \cdot f > r$ אז יתקיים

$$h(s) = 2 \cdot f > r = h^*(s)$$

כלומר נקבל כי היוריסטיקה אינה קבילה.

נגדיר כעת תנאי הכרחי ומספיק על מחיר אופרטור הסיבוב בכדי שהיוריסטיקה תהיה קבילה:

$$r \ge (k-1) \cdot f$$

באשר k הינו אורך הרובוט.

משימה 9

ביום: s מתקיים: s מתקיים: נוכיח בי יוריסטיקה זו קבילה. בלומר נראה בי לכל מצב

$$h(s) \le h^*(s)$$

יהי s מצב כלשהו ונסמן ב-d את מרחק מנהטן בין מרכז הרובוט במצב s לבין מרכז הרובוט במצב המטרה. לפי הגדרת היוריסטיקה מתקיים:

$$h(s) = d \cdot f$$

נזכיר כי f הינו מחיר אופרטור ההתקדמות וכי r הוא מחיר אופרטור הסיבוב.

נניח כי המסלול האופטימלי ממצב s למצב המטרה דורש a צעדים קדימה ו-b צעדי סיבוב. כלומר מתקיים:

$$h^*(s) = a \cdot f + b \cdot r$$

s כיוון שלאחר הפעלת אופרטור הסיבוב, מרכז הרובוט אינו משתנה, נסיק כי על מנת להגיע ממצב למצב המטרה דרושים לפחות d צעדי התקדמות. בפרט, גם אם מבצעים את המסלול האופטימלי, כמות הפעלות אופרטור ההתקדמות יהיה לפחות d. כלומר מתקיים:

$$d \leq a$$

ביוון שמתקיים $b \cdot r \geq 0$ אז נקבל בסך הכל:

$$h(s) = d \cdot f \le a \cdot f + b \cdot r = h^*(s)$$

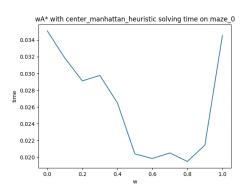
. כלומר מתקיים $h(s) \leq h^*(s)$ ולכן היורסטיקה קבילה

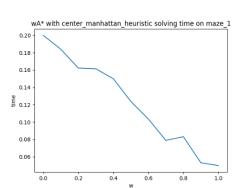
משימה 10

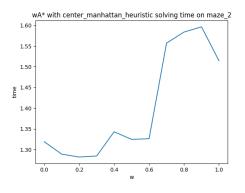
:f כפי שניתן לראות מהגדרת 2.

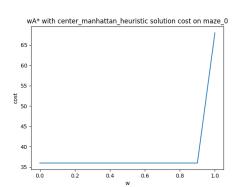
$$f = (1 - w) \cdot g + w \cdot h$$

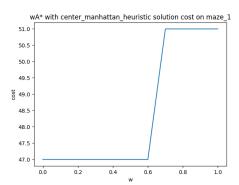
כאשר ערכו של w עולה, כך משקלה של היוריסטיקה עולה, ועל כן, אלגוריתם החיפוש נהפך ליותר חמדן. בלומר, האלגוריתם לא בהברח מוצא פתרון אופטימלי וכבל שערכו של w גבוה יותר כך עולים הסיכויים כי עלות הפתרון תהיה גבוהה יותר. בנוסף, זמן הריצה של האלגוריתם עשוי לפחות ככל שמעלים את ערכו של w. אולם, נזכיר כי לכל $0.5 \leq w$, האלגוריתם מחזיר פתרון אופטימלי. אכן, ניתן לראות שתי מגמות אלו בגרפים המצורפים:

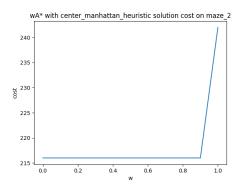












משימה 11

נראה כי לכל זוג מצבים מתקיים:

$$d(s,s') = d(\overline{s'},\overline{s})$$

נחלק לשני מקרים:

:אם d(s,s') סופי

קיימת סדרה a באורך b של אופרטורים a באורך a של אופרטורים פעילם כך שהמצב שאליו נגיע אם נפעילם על המצב a יהיה 's ועבורה מתקיים a

נגדיר סדרת אופרטורים חדשה a' באופן הבא:

 $:i \in \{1,2,...,d\}$ לבל

- $o'_{d-i+1} = forward$ אז נגדיר $o_i = forward$
- $o_{d-i+1}' = rotate_left$ אז נגדיר $o_i = rotate_right$ אם
- $o_{d-i+1}' = rotate_right$ אז נגדיר $o_i = rotate_left$ אם
 - .a' הוסף את o'_{d-i+1} לסדרה -

במילים פשוטות, הסדרה a^\prime זהה לסדרה a פרט לכך שאופרטורי הסיבוב התהפכו וסדר האופרטורים התהפך גם הוא.

.cost(a) = cost(a') נשים לב כי מתקיים

בנוסף, הסדרה $\overline{s'}$, שאורכה d, מהווה סדרת מעברים חוקית ממצב $\overline{s'}$ אל המצב \overline{s} . כלומר קיבלנו חסם עליון על מחיר המסלול האופטימלי ממצב $\overline{s'}$ אל מצב \overline{s} .

לכן מתקיים:

$$d(s,s') \ge d(\overline{s'},\overline{s})$$

cost(a')= באופן דומה, קיימת סדרה \overline{s}' של אופרטורים ממצב $\overline{s'}$ אל המצב \overline{s}' המקיימת סדרה a' ממצב a' אל מצב a', וכך נקבל חסם עליון על מחיר המסלול $d(\overline{s'},\overline{s})$ האופטימלי ממצב a' אל מצב a'. כלומר מתקיים:

$$d(s,s') \le d(\overline{s'},\overline{s})$$

לכן נקבל את השיוויון המבוקש:

$$d(s,s')=d(\overline{s'},\bar{s})$$

נחלק לשני מקרים:

אינו סופי: d(s,s') אינו סופי:

בהכרח גם $d(\overline{s'}, \overline{s})$ יהיה אינסופי, אחרת כמו שראינו קודם, נוכל לבנות סדרת אופרטורים בהכרח גם $d(\overline{s'}, \overline{s})=\infty$ חוקית ממצב s אל מצב s'. כלומר יתקיים בהכרח

לכן גם כאן נקבל את השיוויון המבוקש:

$$d(s,s') = d(\overline{s'},\overline{s})$$

משימה 12

- 1. חסר
- 2. חסר

משימה 15

1. תחילה נוכיח טענת עזר:

אם קיימת סדרת אופרטורים שהפעלתה ממצב s מגיעה לבסוף למצב s', אז עבור אותה סדרת $k \leq robot_length-3$ אופרטורים ניתן להגיע ממצב s_k למצב s_k , לכל s_k קבוע, זוגי המקיים הובחה:

.l יהי המקורית בעיה בעיה בסדרת האופרטורים ונניח כי אורך הרובוט בבעיה המקורית הינו o_i נחלק למקרים:

- אז הרובוט), אז פורך אם רובוט אורך אין קיר מלפני ראש יכול (כלומר אין יכול לנוע אורך), אז יכול לנוע אם רובוט באורך וודאי שרובוט קצר יותר באורך וורר לנוע אין לנוע אין קיר מלפני ראשו. בוודאי שרובוט קצר יותר באורך אורר יכול לנוע אין אין פור מלפני ראשו.
- שרובוט אזי בוודאי שרובוט (כלומר אין קירות מצדדיו), אזי בוודאי שרובוט פוודאי יכול להסתובב (כלומר אין קירות מצדדיו), אזי בוודאי שרובוט יכול להסתובב באותו הכיוון, שהרי אין קירות מצדדיו. l-k

כלומר נוכל להפעיל את כל אחד מהאופרטורים בסדרה על הרובוט הקצר, בדיוק כפי שהפעלנו s_k' אותם על הרובוט המקורי, ולהגיע ממצב s_k למצב

במילים אחרות, הטענה מוכיחה כי כל מסלול שניתן לבצע ע"י רובוט באורך מסוים, בוודאי שיהיה ניתן לבצעו ע"י רובוט קצר יותר.

בעת, נעבור להוכחה של הטענה המרכזית:

נניח כי קיים פתרון לבעיה המקורית ונניח בשלילה כי קיימים אף שני פתרונות. s^* בלומר קיימות שתי סדרות שונות של אופרטורים שמתחילות במצב s^i ומגיעות למצב \overline{s}^* כפי שהוכחנו במשימה 11, קיימות שתי סדרות שונות של אופרטורים שמתחילות במצב \overline{s}^* כאשר יעדן הינו \overline{s}^i ומגיעות למצב \overline{s}^* כאשר יעדן הינו \overline{s}^i למצב \overline{s}^i למצב \overline{s}^i למצב \overline{s}^i למצב לובי, אולם, זוהי סתירה להנחה כי קיים מסלול יחיד בין \overline{s}^i למצב \overline{s}^i .

2. נפריך את הטענה ע"י דוגמה נגדית. להלן הבעיה המקורית:

	-1	4	-1	
-1	-1			-1
1				2
-1			-1	-1
	-1	3	-1	

ים: ממצב התחלתי זה לא ניתן להפעיל אף אופרטור. לכן מתקיים: $h^*(s^i) = \infty$

:אולם, עבור k=2 נקבל את הבעיה הבאה

	-1		-1	
-1	-1	4		-1
	1		2	
-1		3	-1	-1
	-1		-1	

הפתרון האופטימלי לבעיה זו הינו סיבוב אחד לצד שמאל. לכן מתקיים: $h_{rotate,cost}$

$$h_k(s) = rotate_cost$$

 $:\!\overline{s_k^{\imath}}$ אל המצב $\overline{s_k^{st}}$ אל המצב בנוסף, כך נראית הבעיה ההפוכה ממצב

	-1		-1	
-1	-1	3		-1
	2		1	
-1		4	-1	-1
	-1		-1	

 $\overline{s_k^*}$ פתרון בעיה זו הוא יחיד, והינו ביצוע פנייה ימינה פעם אחת. לכן קיים מסלול יחיד בין המצב $\overline{s_k^*}$ למצב $\overline{s_k^l}$. כלומר תנאי השאלה מתקיימים אך מתקיים:

$$h_k(s) = rotatecost \neq \infty = h^*(s)$$

 $\Rightarrow h_k(s) \neq h^*(s)$

לכן הטענה אינה נכונה.

3. תחילה נוכיח טענת עזר:

בכל רגע של ריצת האלגוריתם A^* , קיים צומת $v \in open$ ששייך למסלול הפתרון האופטימלי של הבעיה המקורית.

<u>הוכחה:</u>

נניח בשלילה כי ברגע מסוים כל הצמתים בתור open אינם שייכים למסלול הפתרון האופטימלי של הבעיה המקורית. לכן בעת סיום ריצת האלגוריתם, המסלול שיתקבל מצומת ההתחלה לצומת המטרה יכיל את אחד הצמתים שהיו באותו רגע בתור open, כלומר המסלול יכיל צומת שאינו שייך למסלול הפתרון האופטימלי. כלומר מצאנו מסלול פתרון ששונה ממסלול הפתרון האופטימלי. אולם בסעיף 1 במשימה זו, הוכחנו כי פתרון הבעיה המקורית הינו יחיד. זוהי סתירה, ולכן בכל רגע של ריצת האלגוריתם A^* , קיים צומת $v \in open$ ששייך למסלול הפתרון האופטימלי של הבעיה המקורית.

בעת, נניח בשלילה כי בזמן פתרון הבעיה המקורית עם היוריסטיקה h_k , האלגוריתם A^* פיתח בעת, נניח בשלילה כי בזמן פתרון האופטימלי. נסמן צומת זה ב-u. לפי טענת העזר, ברגע הוצאת צומת שאינו על מסלול הפתרון האופטימלי. מתקיים: הצומת u ששייך למסלול האופטימלי. מתקיים:

$$f(u) \le f(v)$$

$$g(u) + h_k(u) \le g(v) + h_k(v)$$

$$h_k(u) \le g(v) + h_k(v) - g(u)$$

. ביוון שהערכים $h_k(u)$ גם הינם סופיים, אז $g(v), h_k(v), g(u)$ גם הוא סופי. בנוסף, מתקיים:

$$d(\overline{u_k}, \overline{s_k^i}) \stackrel{[*]}{=} d(s_k^i, u_k) \stackrel{[**]}{\leq} d(s^i, u) \stackrel{[***]}{\leq} g(u) \stackrel{[****]}{<} \infty$$

[*] - לפי הטענה שהוכחנו במשימה 11.

ו. לפי טענת העזר מסעיף 1 במשימה זו. [**]

ערכו של g(u) ברגע הוצאת הצומת u מהתור open בוודאי לא קטנה ממרחקו ברגע - [***] מצומת ההתחלה.

לא ייתכן כי סכום הקשתות מצומת ההתחלה ועד אליו open היה בתור u היה בתור - [****] הוא אינסופי.

$$.dig(\overline{u_k},\overline{s_k^{\,l}}ig)<\infty$$
 לבן מתקיים

לפי הגדרת היוריסטיקה מתקיים גם:

$$h_k(u) = d(\overline{s_k^*}, \overline{u_k})$$

כיוון שהערכים $\overline{s_k^{\overline{\imath}}}$ לצומת $\overline{s_k^{\overline{\imath}}}$ שעובר דרך סופיים אז קיים מסלול מהצומת $d(\overline{s_k^{\overline{\ast}}},\overline{u_k}),d(\overline{u_k},\overline{s_k^{\overline{\imath}}})$ ביוון שהערכים $.\overline{u_k}$ הצומת

אולם, כבר קיים מסלול מהצומת $\overline{s_k^*}$ לצומת $\overline{s_k^*}$, שנגזר מהמסלול האופטימלי של הבעיה המקורית. הרי אם קיים מסלול אופטימלי לבעיה המקורית, ניתן להמירו למסלול מהצומת $\overline{s_k^*}$ לצומת $\overline{s_k^*}$ כפי שראינו לפי טענת העזר בסעיף 1 במשימה 11.

כיוון שהצומת u אינו שייך למסלול האופטימלי של הבעיה המקורית, אז מצאנו שני מסלולים שונים u אינו שייך למסלול האופטימלי של הבעיה מסלול יחיד בין צמתים אלו. $\overline{s_k^*}$ לצומת $\overline{s_k^*}$ אולם זוהי סתירה להנחה כי קיים מסלול יחיד בין צמתים אלו.

לכן בזמן פתרון הבעיה המקורית עם היוריסטיקה h_k , האלגוריתם A^st מפתח אך ורק צמתים על מסלול הפתרון האופטימלי.

4. נשים לב למספר פרטים:

נתון כי קיים מסלול יחיד בין הצומת $\overline{s_k^*}$ לצומת $\overline{s_k^*}$ וכן כי קיים פתרון לבעיה המקורית. לכן, לפי הטענה מסעיף 1 במשימה זו, נובע כי קיים פתרון יחיד לבעיה המקורית. כלומר, על פי הנתון מספר האופרטורים בפתרון זה הוא r. בנוסף, לפי סעיף 1 במשימה זו, כיוון שהאלגוריתם 1 עם היוריסטיקה 1 מפתח צמתים על מסלול הפתרון האופטימלי בלבד, אז כמות הצמתים המפותחים באלגוריתם הינה אורך מסלול הפתרון האופטימלי. לכן מתקיים:

$$r = n_k$$

לפי הגדרת החישוב המקדים, כל צומת שנגיש מהצומת $\overline{s_k^*}$, יפותח בשלב החישוב המקדים. לכן מתקיים:

$$a = m_k$$

 A^* זמן הריצה של האלגוריתם A^* עם היוריסטיקה h_k יהיה קטן יותר מזמן הריצה של האלגוריתם מכן הריבתם בתנאי: $center_manhattan$

$$n_k + m_k < n_{manhattan}$$

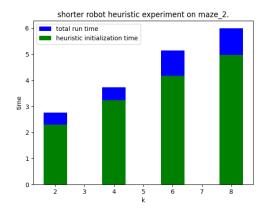
 A^* על בן, לפי השיוויונות שהראינו לעיל, תנאי מספיק והכרחי לכך שזמן הריצה של האלגוריתם על בן, לפי היוריסטיקה h_k יהיה קטן יותר מזמן הריצה של האלגוריתם A^* עם היוריסטיקה $center_manhattan$

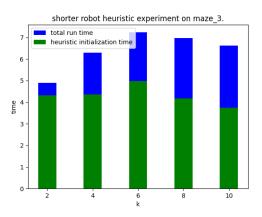
$$r + a < n_{manhattan}$$

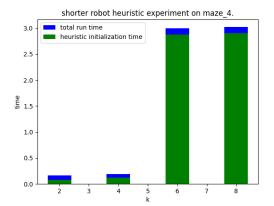
משימה 16

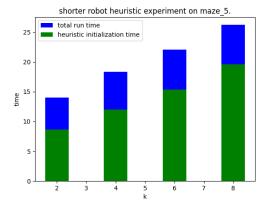
- 1. ניכר כי כאשר מריצים את האלגוריתם A^* עם היוריסטיקה h_k , זמן ריצת האלגוריתם (ללא החישוב $.center_manhattan$ נמוך בהרבה בהשוואה לריצת האלגוריתם עם היוריסטיקה h_k עלול במפה וכתלות בערכו של a, זמן החישוב המקדים בשימוש ביוריסטיקה a עלול של האלגוריתם כך שבסך הכל הוא יתעלה על זמן הריצה של $.center_manhattan$ עם היוריסטיקה $.center_manhattan$
- 2. באופן כללי, ככל שערכו של k גדל, כך גדל גם זמן פתרון בעיית המבוך. זאת כיוון שכאשר ערכו של $s\overline{s}_k^*$ לכן, $s\overline{s}_k^*$ אורך הרובוט בשלב החישוב המקדים קטן ועל כן קיים יותר מצבים ישיגים מהמצב $s\overline{s}_k^*$ לכן, שלב החישוב המקדים גורע יותר זמן.
 - בנוסף, לפי המימוש שלנו, הערך היוריסטי של מצבים שאינם ישיגים מהמצב $\overline{s_k^*}$ הינו ∞ ועל כן כאשר ערכו של k גדל, ייתכן כי בזמן חישוב הפתרון הבעיה המקורית, צמתים רבים יותר יפתחו היות וערך היוריסטיקה שלהם יהיה שונה מ ∞ . גורם זה יגדיל אף יותר את זמן פתרון הבעיה.
- 4. ככל שערכו של k גדל, כך מספר המצבים הישיגים בשלב החישוב המקדים גדל. על כן, זמן ביצוע החישוב המקדים גדל בהתאם. בנוסף, ככל שערכו של k קטן יותר, כך גם קטן מספר המצבים הישיגים בשלב החישוב המקדים. כלומר, יהיו יותר צמתים עם הערך היוריסטי ∞ , ועל כן פחות צמתים יפותחו בשלב חישוב הפתרון בבעיה המקורית (זאת כיוון שצומת עם ערך יוריסטי ∞ יהיה בעל העדיפות הנמוכה ביותר בתור open).

אכן ניתן לראות התנהגות זאת בגרפים הבאים:









כפי new-limit בלי נראה כי כאשר נמשיך להריץ את האלגוריתם IDA^* על רובוט ארוך יותר עם 1. שנקבע באיטרציה הקודמת עבור רובוט קצר יותר, מובטח כי נקבל פתרון אופטימלי.

נשתמש בסימונים הבאים:

. מחיר הפתרון האופטימלי בבעיה המקורית - h_{orig}^{st}

. מחיר הפתרון האופטימלי בבעיה החדשה שבה הרובוט ארוך יותר ב-2 יחידות - h_{new}^{st}

 $:h_{orig}^* \leq h_{new}^*$ נוכיח כי מתקיים

אם $h^*_{new}=\infty$ (לא קיים פתרון לבעיה החדשה) ואז בוודאי שהאי-שיוויון מתקיים. אחרת, $h^*_{new}=0$ הינו סופי (קיים פתרון לבעיה החדשה) ותהי סדרת אופרטורים h^*_{new} שמייצגת פתרון אופטימלי בבעיה החדשה עם הרובוט הארוך יותר. לכן מתקיים:

$$cost(O_{new}) = h_{new}^*$$

כפי שראינו מטענת העזר במשימה 15 סעיף 1, סדרה זו הינה חוקית עבור הבעיה המקורית עם הרובוט הקצר יותר. כלומר מצאנו סדרת אופרטורים חוקית שפותרת את הבעיה המקורית, ולכן מתקיים:

$$h_{orig}^* \le cost(O_{new})$$

ולכן נקבל בסך הכל:

$$h_{orig}^* \le cost(O_{new}) = h_{new}^*$$

 $h^*_{orig} \leq h^*_{new}$ לכן מתקיים

בעת, נעבור להוכחה של הטענה המרכזית:

בכל איטרציה של IDA^* על הרובוט המקורי, מתקיים h^*_{orig} איטרציה של IDA^* אז באותה האיטרציה f-limit איטרציה, ערכו של f-limit יעלה, וכאשר ערכו יהיה שווה ל h^*_{orig} אז באותה האיטרציה האלגוריתם IDA^* ימצא מצב מטרה, כאשר ערכו של f עבור מצב המטרה יהיה $f-limit \leq h^*_{orig}$ יתקיים IDA^* יתקיים איטרציה כלשהי של האלגוריתם IDA^* , יתקיים העזר שהוכחנו בהתחלה, מתקיים:

$$f-limit \leq h_{new}^*$$

לכן, כאשר נריץ את האלגוריתם IDA^* על הרובוט החדש, ונשתמש בערך new-limit, שערכו f-limit שווה ל-f-limit מהאיטרציה הקודמת, מובטח כי נקבל פתרון אופטימלי. זאת כיוון שהערך new-limit יגדל מאיטרציה לאיטרציה עד שערכו יהיה שווה ל-new-limit, ובאיטרציה זו יתקבל פתרון אופטימלי.

2. תחילה נמיין את הרובוטים לפי אורכם בסדר עולה:

$$r_1,r_2,\dots,r_n$$
 $.2\leq i\leq n$ לבל $len(r_i)>len(r_{i-1})$ באשר

אחר מכן נריץ את האלגוריתם IDA^* על הרובוטים לפי המיון באופן הבא

עבור n(start) הינו הערך היוריסטי של המצב f-limit=h(start) באשר המצב f-limit=h(start) ההתחלתי.

עבור r_i , נקבע h_{i-1}^* כאשר h_{i-1}^* הינו מחיר הפתרון האופטימלי עבור $f-limit=h_{i-1}^*$, נקבע r_i נקבע האלגוריתם עבור r_{i-1} אז נפסיק את הרצת האלגוריתם ונחזיר כי אין $h_{i-1}^*=\infty$ אם $h_{i-1}^*=\infty$ (לא קיים פתרון עבור $h_{i-1}^*=\infty$ אז נפסיק את הרצת האלגוריתם ונחזיר כי אין $h_{i-1}^*=\infty$ פתרון לכל $h_{i-1}^*=\infty$

נסביר את נכונות האלגוריתם:

- אם מחיר הפתרון האופטימלי של רובוט באורך k הינו k, אז כפי שראינו בטענת העזר ה h^* החיר הפתרון האופטימלי של רובוט באורך גדול מk יהיה לפחות k יהיה לפחות k במשימה זו בסעיף k מחיר הפתרון האופטימלי של האלגוריתם k עבור k יהיה נמוך או שווה למחיר הפתרון האופטימלי עבור k ולכן מובטח כי נמצא פתרון אופטימלי עבור k ולכן מובטח כי נמצא פתרון אופטימלי עבור k
- בנוסף, אם נקבע f-limit קטן יותר בכל אחת מההרצות, לא ייתכן כי נקבל פתרון אופטימלי עבור אופטימלי בבר באיטרציה הראשונה של כל אלגוריתם, שהרי מחיר הפתרון האופטימלי עבור f-limit הינו לפחות מחיר הפתרון האופטימלי עבור r_{i-1} . על כן, באיטרציה הראשונה לא יוכל להגיע למצב המטרה שהרי ערכו נמוך יותר ממחיר הפתרון האופטימלי עבור r_{i-1} .
- יתר על כן, אם נקבע f-limit גדול יותר בכל אחת מההרצות, ייתכן כי יוחזר פתרון לא אופטימלי. מצב זה ייתכן כאשר מחיר הפתרון האופטימלי עבור r_i הינו זהה למחיר הפתרון האופטימלי עבור f-limit על הרובוט r_i , אם נתחיל עם f-limit שגדול ממחיר הפתרון האופטימלי עבור r_i , ייתכן שיוחזר פתרון לא אופטימלי (זה נובע מרנדומליות בחירת הצמתים בכל איטרציה של f-limit).