Curvas de comportamiento de COVID 19

repositorio de github

El comportamiento de epidemias puede ser simulado con modelos matemáticos o modelos estadísticos. En este estudio nos concentraremos en los modelos matemáticos. Específicamente usaremos un modelo **compartimental**. Los modelos de este tipo simplifican el problema al dividir la población total en compartimentos, asumiendo que cada individuo en un mismo compartimento tiene las mismas características.

Tabla de contenidos

Identificación del Problema	
Objetivo	1
Requisitos	
Modelo Matemático	2
Modelo SIR	2
Modelo SIRD	3
Creación del modelo con datos	
Pruebas y resultados	
Comparación datos reales	
CASO ITALIA SIRD SIMPLE	
CASO ITALIA SIRD AVANZADO [2]	12
Entendiendo la importancia de los coeficientes	
BETA	16
GAMMA	20
Conclusión	
Referencias	24
Implementación	24

Identificación del Problema

Objetivo

Desarrollar diferentes modelos matemáticos por medio de ODEs que nos permitan entender distintos aspectos de la pandemia, tales como medir la velocidad de propagación de los contagios, establecer el rol de algunos mecanismos en el proceso de propagación, evaluar medidas de mitigación y contención, hacer estimaciones de la capacidad hospitalaria, etc.

Requisitos

Para simular el comportamiento de la epidemia usaremos el modelo **SIR** (**S**usceptible **I**nfectious **R**emoved)[1]. El modelo consiste de al menos tres compartimientos.

- S: Personas susceptibles. Estos se pueden pasar al grupo de Infectados al tener contacto con uno de ellos.
- I: Personas infectadas. Aquellos que son portadores de la enfermedad.
- R: Personas con inmunidad o que murieron. Este grupo puede ser interpretado de varias formas, pero son aquellas que fueron infectadas y ya no pertenecen a ese grupo.

Cabe mencionar que este modelo, a pesar de ser muy usado en epidemiología, es muy básico porque no considera nacimientos o muertes en el análisis, tampoco la edad de las personas o la situación o estructura social en la que se encuentran.

Al final compararemos nuestras gráficas de variables continuas contra las variables discretas y veremos qué similitudes y diferencias se crean entre la realidad y este modelo matemático simple.

Para considerarse exitoso el modelo deberá asimilar los datos reales en al menos un escenario con datos previos contra los que se le compare.

Modelo Matemático

Modelo SIR

Usaremos el modelo SIR de acuerdo al siguiente sistema de ecuaciones:

$$\frac{\mathrm{dS}}{\mathrm{dt}} = -\beta \cdot \mathbf{S} \cdot \mathbf{I} + \delta \cdot \mathbf{R}$$

$$\frac{\mathrm{dI}}{\mathrm{dt}} = \beta \cdot \mathbf{S} \cdot \mathbf{I} - \gamma \cdot \mathbf{I}$$

$$\frac{\mathrm{dR}}{\mathrm{dt}} = \gamma \cdot \mathbf{I} - \delta \cdot \mathbf{R}$$

Aquí $\beta \cdot S \cdot I$ representa la cantidad de personas que son contagiadas, es decir, los que pasan de ser susceptibles a ser contagiados (infectados). Es por esto que la constante β (beta) representa la tasa de infección. Se sabe que unas cepas de covid son más infecciosas que otras.

De la misma forma δ representa la pérdida de inmunidad. Por eso $\delta \cdot R$ representa a aquellos que pasan del compartimiento de *Removed*, a ser susceptibles otra vez, es decir que pueden volverse a infectar.

Por último γ (gamma) representa la tasa de recuperación.

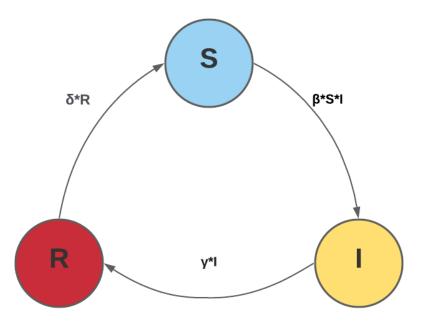


Figura 1: Diagrama de flujo del modelo SIR

Modelo SIRD

Podemos agregar más variantes al modelo base **SIR** para hacerlo más interesante y realista. En este caso agregamos un compartimento extra para los decesos. De esta forma, solo pasarán a **R** los recuperados y los muertos se pasarán al nuevo compartimento **D**

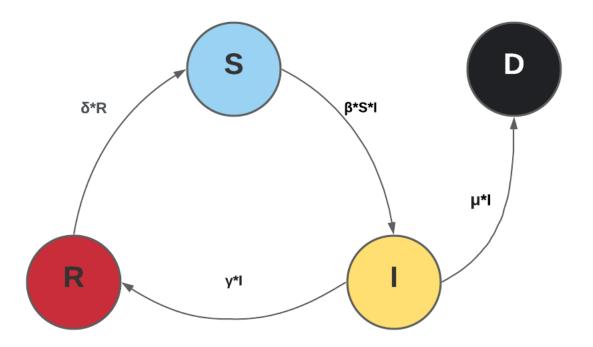


Figura 2: Diagrama de flujo del modelo SIRD

Nuestro nuevo sistema de ecuaciones se ve de la siguiente manera.

$$\frac{dS}{dt} = -\beta \cdot S \cdot I + \delta \cdot R$$

$$\frac{dI}{dt} = \beta \cdot S \cdot I - \gamma \cdot I - \mu \cdot I$$

$$\frac{dR}{dt} = \gamma \cdot I - \delta \cdot R$$

$$\frac{dD}{dt} = \mu \cdot I$$

Creación del modelo con datos

Antes de implementar el modelo es importante mencionar las razones por las que el modelo no se verá como una curva real de covid con varios repuntes. Los coeficientes usados aquí son promedios obtenidos de los datos de OWID para el Reino Unido (UK). Esto causa que no se tome en cuenta las diferentes medidas tomadas por el gobierno para controlar en cierto espacio de tiempo, solo refleja cómo se comporta en promedio.

Para la tasa de pérdida de inmunidad no existen los datos para calcularlo en para un país en específico, así que usaremos un valor promedio usado en otros estudios.

```
% Model parameters for the UK
beta = 9.6905E-09; % rate of infection
gamma = 0.532271959; % rate of recovery
delta = 1/60; % rate of immunity loss 100 days
mu = 0.085470461; % fatallity rate
N = 66650000; % Total UK population
I0 = 10; % initial number of infected
T = 500; % period of 300 days
dt = 1/4; % time interval of 6 hours (1/4 of a day)
fprintf('La tasa de reproducción R es de %.2f',N*beta/gamma)
```

```
La tasa de reproducción R es de 1.21
```

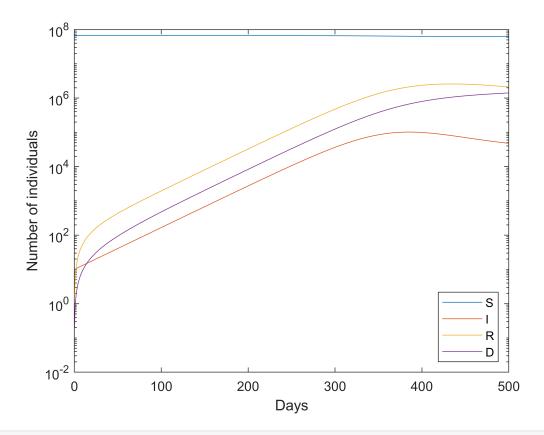
```
[t,S,I,R,D] = modelSIRD(beta,gamma,delta,mu,N,I0,T,dt);
```

Pruebas y resultados

```
semilogy(t,[S,I,R,D])
hold on
%plot(t,I);
%plot(t,R);
%plot(t,D);

%grid on;
xlabel('Days');
ylabel('Number of individuals');
```

```
legend('S','I','R','D','Location','southeast');
hold off
```



```
[v,i]=max(I);
d=i/4;
fprintf('El pico de casos activos es de %d y sucede %d días después de que empezó la pandemia'
El pico de casos activos es de 101819 y sucede 386 días después de que empezó la pandemia
```

```
[v,i]=max(D);
d=i/4;
fprintf('El total de muertes son %d al día %d desde que empezó la pandemia',round(v),round(d))
```

El total de muertes son 1412387 al día 500 desde que empezó la pandemia

La gráfica que resulta del modelo SIRD puede no distanciarse mucho de la gráfica real por las limitaciones que mencionamos antes. Es importante ver que el modelo solo nos muestra el rol que juega cada variable dentro de una determinada población. En el caso del Reino Unido, la tasa de mortalidad varía desde 2% hasta 14% dependiendo de la fecha.

Comparación datos reales

Comparemos la acumulación de muertes de nuestra predicción contra los datos de OWID.

```
data= readtable('UK-cum-death.csv');
data([end-499:end],[2,4,5])
```

ans = 500×3 table

	areaName	date	cumDailyNsoDeathsByDeathDate
1	'United Kingdom'	06/12/2021	153753
2	'United Kingdom'	06/11/2021	153742
3	'United Kingdom'	06/10/2021	153729
4	'United Kingdom'	06/09/2021	153714
5	'United Kingdom'	06/08/2021	153698
6	'United Kingdom'	06/07/2021	153683
7	'United Kingdom'	06/06/2021	153677
8	'United Kingdom'	06/05/2021	153664
9	'United Kingdom'	06/04/2021	153658
10	'United Kingdom'	06/03/2021	153646
11	'United Kingdom'	06/02/2021	153631
12	'United Kingdom'	06/01/2021	153619
13	'United Kingdom'	05/31/2021	153609
14	'United Kingdom'	05/30/2021	153598
15	'United Kingdom'	05/29/2021	153590
16	'United Kingdom'	05/28/2021	153578
17	'United Kingdom'	05/27/2021	153565
8	'United Kingdom'	05/26/2021	153557
9	'United Kingdom'	05/25/2021	153543
20	'United Kingdom'	05/24/2021	153534
21	'United Kingdom'	05/23/2021	153518
22	'United Kingdom'	05/22/2021	153503
23	'United Kingdom'	05/21/2021	153499
24	'United Kingdom'	05/20/2021	153483
25	'United Kingdom'	05/19/2021	153477
26	'United Kingdom'	05/18/2021	153473
27	'United Kingdom'	05/17/2021	153464
28	'United Kingdom'	05/16/2021	153452
29	'United Kingdom'	05/15/2021	153439
30	'United Kingdom'	05/14/2021	153425
31	'United Kingdom'	05/13/2021	153411
32	'United Kingdom'	05/12/2021	153397
33	'United Kingdom'	05/11/2021	153382

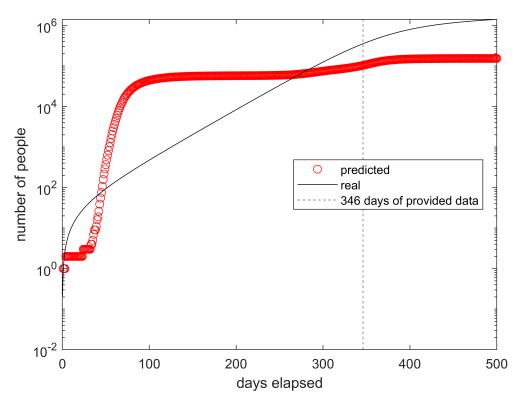
35 'United Kingdom' 05/09/2021 1533 36 'United Kingdom' 05/08/2021 1533 37 'United Kingdom' 05/07/2021 1533 38 'United Kingdom' 05/06/2021 1533 39 'United Kingdom' 05/05/2021 1532 40 'United Kingdom' 05/03/2021 1532 41 'United Kingdom' 05/03/2021 1532 42 'United Kingdom' 05/03/2021 1532 43 'United Kingdom' 05/01/2021 1532 44 'United Kingdom' 04/30/2021 1531 45 'United Kingdom' 04/29/2021 1531 46 'United Kingdom' 04/29/2021 1531 47 'United Kingdom' 04/27/2021 1531 48 'United Kingdom' 04/26/2021 1531 49 'United Kingdom' 04/24/2021 1530 50 'United Kingdom' 04/23/2021 1530 51 'United Kingdom' 0		areaName	date	cumDailyNsoDeathsByDeathDate
Whited Kingdom 05/08/2021 1533 1533 United Kingdom 05/08/2021 1533 1533 United Kingdom 05/05/2021 1533 1533 United Kingdom 05/05/2021 1533 1532 United Kingdom 05/05/2021 1532	34	'United Kingdom'	05/10/2021	153362
Variet Kingdom	35	'United Kingdom'	05/09/2021	153354
Worked Kingdom' O5/06/2021 15338 United Kingdom' O5/06/2021 15328 United Kingdom' O5/06/2021 15328 United Kingdom' O5/03/2021 15328 United Kingdom' O5/03/2021 15328 United Kingdom' O5/03/2021 15328 United Kingdom' O4/04/2021 15328 United Kingdom' O4/04/2021 15328 United Kingdom' O4/28/2021 15338 United Kingdom' O4/28/2021 15338 United Kingdom' O4/28/2021 15338 United Kingdom' O4/28/2021 15338 United Kingdom' O4/26/2021 15338 United Kingdom' O4/26/2021 15338 United Kingdom' O4/26/2021 15338 United Kingdom' O4/24/2021 15338 United Kingdom' O4/24/2021 15339 United Kingdom' O4/24/2021 15339 United Kingdom' O4/24/2021 15339 United Kingdom' O4/21/2021 15339 United Kingdom' O4/21/2021 15339 United Kingdom' O4/21/2021 15298 United Kingdom' O4/19/2021 15298 United Kingdom' O4/19/2021 15298 United Kingdom' O4/19/2021 15298 United Kingdom' O4/19/2021 15298 United Kingdom' O4/16/2021 15298 United Kingdom'	36	'United Kingdom'	05/08/2021	153344
19	37	'United Kingdom'	05/07/2021	153324
10	38	'United Kingdom'	05/06/2021	153307
1	39	'United Kingdom'	05/05/2021	153290
10	40	'United Kingdom'	05/04/2021	153269
United Kingdom' O5/01/2021 1532:	41	'United Kingdom'	05/03/2021	153254
44 'United Kingdom' 04/30/2021 1532: 45 'United Kingdom' 04/29/2021 1531: 46 'United Kingdom' 04/28/2021 1531: 47 'United Kingdom' 04/26/2021 1531: 48 'United Kingdom' 04/26/2021 1531: 49 'United Kingdom' 04/25/2021 1531: 50 'United Kingdom' 04/24/2021 1530: 51 'United Kingdom' 04/23/2021 1530: 52 'United Kingdom' 04/23/2021 1530: 53 'United Kingdom' 04/22/2021 1530: 53 'United Kingdom' 04/21/2021 1530: 54 'United Kingdom' 04/21/2021 1529: 55 'United Kingdom' 04/20/2021 1529: 56 'United Kingdom' 04/19/2021 1529: 57 'United Kingdom' 04/18/2021 1528: 58 'United Kingdom' 04/18/2021 1528: 59 'United Kingdom' 04/15/2021 1528: 60 'United Kingdom' 04/15/2021 1528: 61 'United Kingdom' 04/15/2021 1528: 62 'United Kingdom' 04/13/2021 1526: 63 'United Kingdom' 04/13/2021 1526: 64 'United Kingdom' 04/12/2021 1526: 64 'United Kingdom' 04/12/2021 1526: 65 'United Kingdom' 04/13/2021 1526: 64 'United Kingdom' 04/10/2021 1526: 65 'United Kingdom' 04/10/2021 1526: 64 'United Kingdom' 04/10/2021 1526: 65 'United Kingdom' 04/10/2021 1526: 66 'United Kingdom' 04/10/2021 1526: 67 'United Kingdom' 04/10/2021 1526: 68 'United Kingdom' 04/10/2021 1526: 69 'United Kingdom' 04/10/2021 1526: 60 'United Kingdom' 04/10/2021 1526: 61 'United Kingdom' 04/10/2021 1526:	42	'United Kingdom'	05/02/2021	153238
United Kingdom' O4/29/2021 1531:	43	'United Kingdom'	05/01/2021	153220
46 'United Kingdom' 04/28/2021 1531: 47 'United Kingdom' 04/27/2021 1531: 48 'United Kingdom' 04/26/2021 1531: 49 'United Kingdom' 04/25/2021 1531: 50 'United Kingdom' 04/24/2021 1530: 51 'United Kingdom' 04/23/2021 1530: 52 'United Kingdom' 04/23/2021 1530: 53 'United Kingdom' 04/21/2021 1530: 54 'United Kingdom' 04/21/2021 1529: 55 'United Kingdom' 04/20/2021 1529: 56 'United Kingdom' 04/19/2021 1529: 57 'United Kingdom' 04/18/2021 1528: 58 'United Kingdom' 04/17/2021 1528: 59 'United Kingdom' 04/16/2021 1528: 59 'United Kingdom' 04/16/2021 1528: 60 'United Kingdom' 04/14/2021 1528: 61 'United Kingdom' 04/14/2021 1528: 62 'United Kingdom' 04/13/2021 1526: 63 'United Kingdom' 04/11/2021 1526: 64 'United Kingdom' 04/11/2021 1526: 65 'United Kingdom' 04/11/2021 1526: 64 'United Kingdom' 04/11/2021 1526: 65 'United Kingdom' 04/10/2021 1526: 66 'United Kingdom' 04/11/2021 1526: 67 'United Kingdom' 04/11/2021 1526: 68 'United Kingdom' 04/10/2021 1526: 69 'United Kingdom' 04/10/2021 1526: 60 'United Kingdom' 04/10/2021 1526: 61 'United Kingdom' 04/10/2021 1526:	44	'United Kingdom'	04/30/2021	153205
47 'United Kingdom' 04/27/2021 1531: 48 'United Kingdom' 04/26/2021 1531: 49 'United Kingdom' 04/25/2021 1531: 50 'United Kingdom' 04/24/2021 1530: 51 'United Kingdom' 04/23/2021 1530: 52 'United Kingdom' 04/23/2021 1530: 53 'United Kingdom' 04/21/2021 1530: 54 'United Kingdom' 04/21/2021 1529: 55 'United Kingdom' 04/19/2021 1529: 56 'United Kingdom' 04/19/2021 1529: 57 'United Kingdom' 04/18/2021 1528: 58 'United Kingdom' 04/17/2021 1528: 59 'United Kingdom' 04/15/2021 1528: 60 'United Kingdom' 04/13/2021 1528: 61 'United Kingdom' 04/13/2021 1527: 62 'United Kingdom' 04/13/2021 1527: 63 'United Kingdom' 04/11/2021 1526: 64 'United Kingdom' 04/11/2021 1526: 65 'United Kingdom' 04/11/2021 1526: 64 'United Kingdom' 04/11/2021 1526: 65 'United Kingdom' 04/10/2021 1526: 65 'United Kingdom' 04/10/2021 1526:	45	'United Kingdom'	04/29/2021	153189
Willed Kingdom Wild Kingdom Wild Kingdom Will Will Kingdom Will Kingdom Will Kingdom Will Kingdom Will Will Will Kingdom Will Will Will Kingdom Will Will Will Kingdom Will Will Will Will Kingdom Will Will Will Will Will Will Will Wi	46	'United Kingdom'	04/28/2021	153172
19	47	'United Kingdom'	04/27/2021	153151
50 'United Kingdom' 04/24/2021 15308 51 'United Kingdom' 04/23/2021 15308 52 'United Kingdom' 04/22/2021 15308 53 'United Kingdom' 04/21/2021 15298 54 'United Kingdom' 04/20/2021 15298 55 'United Kingdom' 04/19/2021 15298 56 'United Kingdom' 04/18/2021 15298 57 'United Kingdom' 04/17/2021 15288 58 'United Kingdom' 04/16/2021 15288 59 'United Kingdom' 04/15/2021 15288 60 'United Kingdom' 04/15/2021 15278 61 'United Kingdom' 04/13/2021 15268 62 'United Kingdom' 04/12/2021 15268 63 'United Kingdom' 04/11/2021 15268 64 'United Kingdom' 04/10/2021 15268 65 'United Kingdom' 04/09/2021 15250	48	'United Kingdom'	04/26/2021	153126
51 'United Kingdom' 04/23/2021 15303 52 'United Kingdom' 04/22/2021 15303 53 'United Kingdom' 04/21/2021 15296 54 'United Kingdom' 04/20/2021 15296 55 'United Kingdom' 04/19/2021 15296 56 'United Kingdom' 04/18/2021 15286 57 'United Kingdom' 04/17/2021 15286 58 'United Kingdom' 04/16/2021 15286 59 'United Kingdom' 04/15/2021 15286 60 'United Kingdom' 04/14/2021 15276 61 'United Kingdom' 04/13/2021 15266 62 'United Kingdom' 04/12/2021 15266 63 'United Kingdom' 04/11/2021 15266 64 'United Kingdom' 04/10/2021 15266 65 'United Kingdom' 04/09/2021 15266	49	'United Kingdom'	04/25/2021	153107
52 'United Kingdom' 04/22/2021 15303 53 'United Kingdom' 04/21/2021 15293 54 'United Kingdom' 04/20/2021 15293 55 'United Kingdom' 04/19/2021 15293 56 'United Kingdom' 04/18/2021 15293 57 'United Kingdom' 04/17/2021 15283 58 'United Kingdom' 04/16/2021 15283 59 'United Kingdom' 04/15/2021 15283 60 'United Kingdom' 04/14/2021 15273 61 'United Kingdom' 04/13/2021 15263 62 'United Kingdom' 04/12/2021 15263 63 'United Kingdom' 04/11/2021 15264 64 'United Kingdom' 04/10/2021 15264 65 'United Kingdom' 04/09/2021 15264	50	'United Kingdom'	04/24/2021	153082
1938 1938	51	'United Kingdom'	04/23/2021	153058
54 'United Kingdom' 04/20/2021 1529/ 55 'United Kingdom' 04/19/2021 1529/ 56 'United Kingdom' 04/18/2021 1529/ 57 'United Kingdom' 04/17/2021 1528/ 58 'United Kingdom' 04/16/2021 1528/ 59 'United Kingdom' 04/15/2021 1528/ 60 'United Kingdom' 04/14/2021 1527/ 61 'United Kingdom' 04/13/2021 1527/ 62 'United Kingdom' 04/12/2021 1526/ 63 'United Kingdom' 04/11/2021 1526/ 64 'United Kingdom' 04/10/2021 1526/ 65 'United Kingdom' 04/09/2021 1525/	52	'United Kingdom'	04/22/2021	153029
55 'United Kingdom' 04/19/2021 1529/2021 56 'United Kingdom' 04/18/2021 1529/2021 57 'United Kingdom' 04/17/2021 1528/2021 58 'United Kingdom' 04/16/2021 1528/2021 59 'United Kingdom' 04/15/2021 1528/2021 60 'United Kingdom' 04/14/2021 1527/2021 61 'United Kingdom' 04/13/2021 1527/2021 62 'United Kingdom' 04/12/2021 1526/2021 63 'United Kingdom' 04/11/2021 1526/2021 64 'United Kingdom' 04/10/2021 1526/2021 65 'United Kingdom' 04/09/2021 1525/2021	53	'United Kingdom'	04/21/2021	152996
56 'United Kingdom' 04/18/2021 1529 57 'United Kingdom' 04/17/2021 1528 58 'United Kingdom' 04/16/2021 1528 59 'United Kingdom' 04/15/2021 1528 60 'United Kingdom' 04/14/2021 1527 61 'United Kingdom' 04/13/2021 1527 62 'United Kingdom' 04/12/2021 1526 63 'United Kingdom' 04/11/2021 1526 64 'United Kingdom' 04/10/2021 1526 65 'United Kingdom' 04/09/2021 1525	54	'United Kingdom'	04/20/2021	152961
57 'United Kingdom' 04/17/2021 1528 58 'United Kingdom' 04/16/2021 1528 59 'United Kingdom' 04/15/2021 1528 60 'United Kingdom' 04/14/2021 1527 61 'United Kingdom' 04/13/2021 1527 62 'United Kingdom' 04/12/2021 1526 63 'United Kingdom' 04/11/2021 1526 64 'United Kingdom' 04/10/2021 1526 65 'United Kingdom' 04/09/2021 1525	55	'United Kingdom'	04/19/2021	152928
58 'United Kingdom' 04/16/2021 1528 59 'United Kingdom' 04/15/2021 1528 60 'United Kingdom' 04/14/2021 1527 61 'United Kingdom' 04/13/2021 1527 62 'United Kingdom' 04/12/2021 1526 63 'United Kingdom' 04/11/2021 1526 64 'United Kingdom' 04/10/2021 1526 65 'United Kingdom' 04/09/2021 15250	56	'United Kingdom'	04/18/2021	152905
59 'United Kingdom' 04/15/2021 1528 60 'United Kingdom' 04/14/2021 1527 61 'United Kingdom' 04/13/2021 1527 62 'United Kingdom' 04/12/2021 1526 63 'United Kingdom' 04/11/2021 1526 64 'United Kingdom' 04/10/2021 1526 65 'United Kingdom' 04/09/2021 15256	57	'United Kingdom'	04/17/2021	152875
60 'United Kingdom' 04/14/2021 15270 61 'United Kingdom' 04/13/2021 15270 62 'United Kingdom' 04/12/2021 15260 63 'United Kingdom' 04/11/2021 15260 64 'United Kingdom' 04/10/2021 15260 65 'United Kingdom' 04/09/2021 15250	58	'United Kingdom'	04/16/2021	152835
61 'United Kingdom' 04/13/2021 15273 62 'United Kingdom' 04/12/2021 15266 63 'United Kingdom' 04/11/2021 15266 64 'United Kingdom' 04/10/2021 15266 65 'United Kingdom' 04/09/2021 15256	59	'United Kingdom'	04/15/2021	152805
62 'United Kingdom' 04/12/2021 1526 63 'United Kingdom' 04/11/2021 1526 64 'United Kingdom' 04/10/2021 1526 65 'United Kingdom' 04/09/2021 1525	60	'United Kingdom'	04/14/2021	152764
63 'United Kingdom' 04/11/2021 1526/ 64 'United Kingdom' 04/10/2021 1526/ 65 'United Kingdom' 04/09/2021 1525/	61	'United Kingdom'	04/13/2021	152731
64 'United Kingdom' 04/10/2021 1526 65 'United Kingdom' 04/09/2021 15250	62	'United Kingdom'	04/12/2021	152685
65 'United Kingdom' 04/09/2021 15250	63	'United Kingdom'	04/11/2021	152649
Officed Kingdoffi 04/09/2021	64	'United Kingdom'	04/10/2021	152610
66 'United Kingdom' 04/08/2021 1525	65	'United Kingdom'	04/09/2021	152567
	66	'United Kingdom'	04/08/2021	152529
67 'United Kingdom' 04/07/2021 15240	67	'United Kingdom'	04/07/2021	152469

	areaName	date	cumDailyNsoDeathsByDeathDate
68	'United Kingdom'	04/06/2021	152425
69	'United Kingdom'	04/05/2021	152380
70	'United Kingdom'	04/04/2021	152338
71	'United Kingdom'	04/03/2021	152288
72	'United Kingdom'	04/02/2021	152248
73	'United Kingdom'	04/01/2021	152198
74	'United Kingdom'	03/31/2021	152137
75	'United Kingdom'	03/30/2021	152063
76	'United Kingdom'	03/29/2021	152009
77	'United Kingdom'	03/28/2021	151941
78	'United Kingdom'	03/27/2021	151894
79	'United Kingdom'	03/26/2021	151832
80	'United Kingdom'	03/25/2021	151760
81	'United Kingdom'	03/24/2021	151685
82	'United Kingdom'	03/23/2021	151616
83	'United Kingdom'	03/22/2021	151524
84	'United Kingdom'	03/21/2021	151422
85	'United Kingdom'	03/20/2021	151299
86	'United Kingdom'	03/19/2021	151200
87	'United Kingdom'	03/18/2021	151099
88	'United Kingdom'	03/17/2021	151000
89	'United Kingdom'	03/16/2021	150875
90	'United Kingdom'	03/15/2021	150763
91	'United Kingdom'	03/14/2021	150629
92	'United Kingdom'	03/13/2021	150497
93	'United Kingdom'	03/12/2021	150363
94	'United Kingdom'	03/11/2021	150229
95	'United Kingdom'	03/10/2021	150061
96	'United Kingdom'	03/09/2021	149902
97	'United Kingdom'	03/08/2021	149717
98	'United Kingdom'	03/07/2021	149524
99	'United Kingdom'	03/06/2021	149330
100	'United Kingdom'	03/05/2021	149123

:

```
column1 = table2cell(data(end-499:end,5)); %500 dias
deaths = cell2mat(column1);
days = 500:-1:1;
semilogy(days,deaths,"r o")
hold on
semilogy(t,D,"k")
xline(346,"--");
title("prediction model vs real data",' ')
ylabel("number of people")
xlabel("days elapsed")
legend("predicted","real","346 days of provided data","Location","best")
hold off
```

prediction model vs real data



Como podía esperarse, al tomar una muestra tan grande de datos como lo son 346 días y simplemente promediar las tasas de cambio incurrimos en un error bastante grande.

Este modelo **no** cumple todos los requisitos formulados previamente ya que:

el modelo tiene demasiado error y no se asemeja a la curva de los datos reales

CASO ITALIA SIRD SIMPLE

El siguiente script usa datos del 1 de agosto de 2021 a 1 de noviembre de 2021 de Italia, recolectados igualmente del OWID.

```
% ITALY
% Model parameters for the UK
beta = 1.65869E-09; % rate of infection
%no mask
%beta = beta*1.1;

gamma = 0.076163777; % rate of recovery
delta = 1/60; % rate of immunity loss 100 days
mu = 0.001166467; % fatallity rate
N = 66650000 % Total UK population N = S + I + R
```

N = 66650000

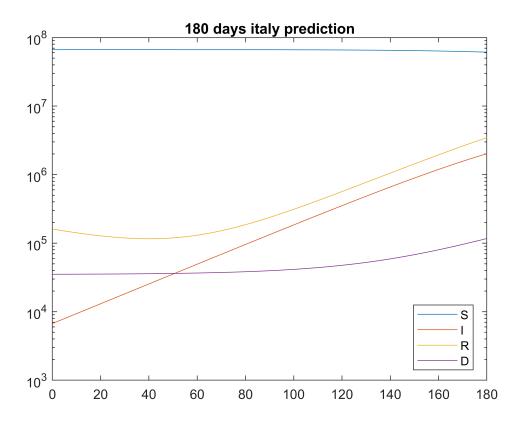
```
I0 = 6714; % initial number of infected = [diferencia de casos en 30 dias - (diferencia decesos
T = 180; % period of 300 days
dt = 1/12; % time interval of 6 hours (1/4 of a day)
D0=35146;
%R0=281707
R0=160686
```

R0 = 160686

```
fprintf('La tasa de reproducción R es de %.2f',N*beta/gamma)
```

La tasa de reproducción R es de 1.45

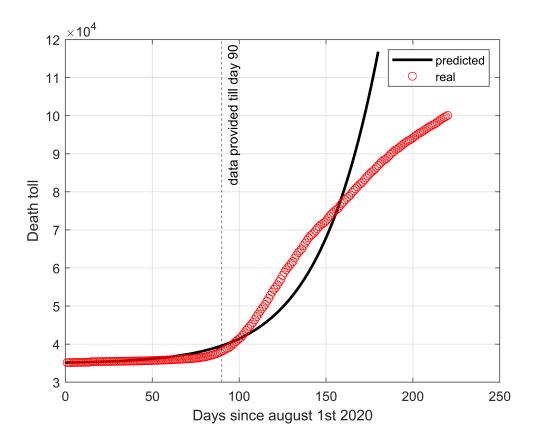
```
[t,S,I,R,D] = modelSIRD2(beta,gamma,delta,mu,N,I0,T,dt,R0,D0);
semilogy(t,[S,I,R,D])
legend('S','I','R','D','Location','best');
title("180 days italy prediction")
```



```
[v,i]=max(D);
d=i/12;
fprintf('El total de muertes son %d al día %d desde que empezó la pandemia \n',round(v),round(c)
```

El total de muertes son 116827 al día 180 desde que empezó la pandemia

```
data = csvread('ITA-CUM-death.csv');
column1 = data(:,1);
days = 1:length(column1);
plot(t,D, "k","LineWidth",2)
hold on
plot(days,column1,"r o")
xline(90,"k--","data provided till day 90")
grid on
hold off
legend("predicted","real")
xlabel('Days since august 1st 2020');
ylabel("Death toll")
```



Podemos ver cómo el modelo simula mejor el comportamiento de las muertes acumuladas reales, sin embargo, las autoridades en Italia tomaron medidas preventivas para reducir los contagios y las muertes.

Este modelo sí cumple todos los requisitos formulados previamente ya que:

- es un modelo matemático de ODEs
- su comportamiento es parecido a los datos reales
- los datos usados para calcular los coeficientes sólo son de 90 días

CASO ITALIA SIRD AVANZADO [2]

Implementaremos el modelo del siguiente diagrama [2]

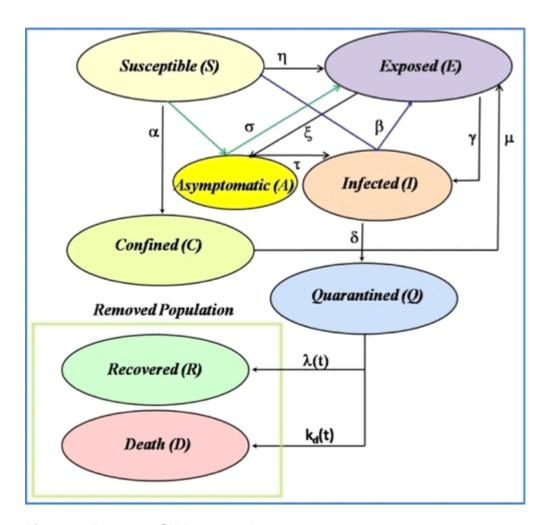


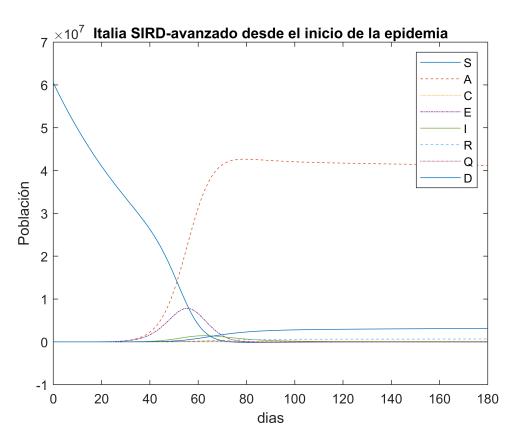
Figura 3: Diagrama SIRD avanzado

Este modelo debería tomar una forma más realista ya que toma en cuenta más variables, como puede apreciarse en la figura 3, tenemos los siguientes compartimentos.

- Susceptibles
- Expuestos
- Asintomáticos
- Infectados
- confinado (guarda distancia en casa)
- En cuarentena (infectado pero ya no infecta más gente)
- Recuperados
- Muertes

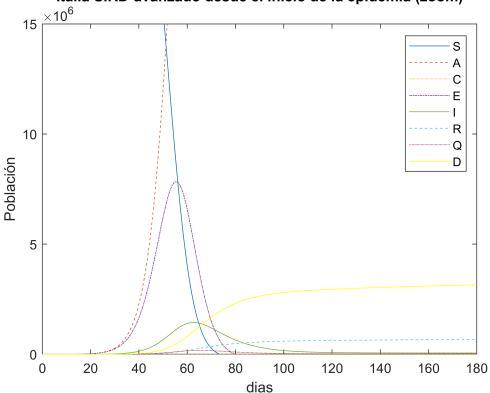
```
%italy
N = 6.046*10^7;
alpha = 0.0194;
beta=7.567;
mu=2.278 * 10^-6;
nao=9.180 * 10^-7;
sigma=1.463^-3;
```

```
tao=1.109 * 10^-4;
epsilon=0.263;
gamma=0.021;
delta= 0.077;
lambda0 = 0.157;
lambda1 = 0.025;
k0 = 0.779;
k1 = 0.061;
x0=0;
T = 180;
dt = 1/4;
y0= [N; 1; 0; 1; 1; 0; 1; 0];
[t,S, A, C, E, I, R, Q, D] = modelSIRDAvanzado(alpha,beta,mu,nao,sigma,tao,epsilon,gamma,delta,
plot(t,S,'-',t, A,'--',t, C,':',t, E,'-.',t, I,'-',t, R,'--',t, Q,':',t, D,'-')
%ylim([0 3*10^7])
ylabel("Población")
xlabel("dias")
title("Italia SIRD-avanzado desde el inicio de la epidemia")
legend('S', 'A', 'C', 'E', 'I', 'R', 'Q', 'D')
```



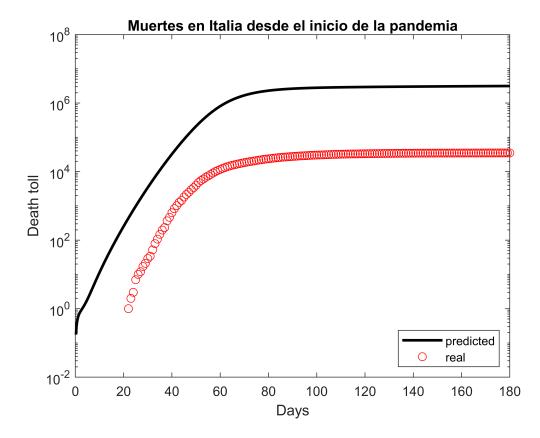
```
plot(t,S,'-',t, A,'--',t, C,':',t, E,'-.',t, I,'-',t, R,'--',t, Q,':',t, D,'y-')
ylim([0 1.5*10^7])
ylabel("Población")
xlabel("dias")
title("Italia SIRD-avanzado desde el inicio de la epidemia (zoom)",' ')
legend('S', 'A', 'C', 'E', 'I', 'R', 'Q', 'D')
```

Italia SIRD-avanzado desde el inicio de la epidemia (zoom)



```
%data = csvread('ITA-CUM-death-day0-180.csv');
T = readtable('ITA-CUM-death-day0-180.csv');
column1 = T{:,1};

%column1 = data(:,1);
days = 1:length(column1);
semilogy(t,D, "k","LineWidth",2)
hold on
semilogy(days,column1,"r o")
%grid on
hold off
title("Muertes en Italia desde el inicio de la pandemia")
legend("predicted","real",'Location','southeast')
xlabel('Days');
ylabel("Death toll");
```



Aunque los números de la predicción son mayores, el comportamiento es parecido, pues ambas gráficas se empiezan a aplanar a los 40-60 días.

Este modelo con estos datos en particular **no** cumple con los requisitos definidos ya que los números no son realistas.

Entendiendo la importancia de los coeficientes

Revisemos el caso del Reino Unido otra vez con el modelo SIRD simple para observar incrementos en las variables de tasa de infección (beta) y tasa de recuperación (gamma).

```
% Model parameters for the UK
beta = 9.6905E-09; % rate of infection
gamma = 0.532271959; % rate of recovery
delta = 1/60; % rate of immunity loss 100 days
mu = 0.085470461; % fatallity rate
N = 66650000; % Total UK population
I0 = 10; % initial number of infected
T = 500; % period of 300 days
dt = 1/4; % time interval of 6 hours (1/4 of a day)
[t,S,I,R,D] = modelSIRD(beta,gamma,delta,mu,N,I0,T,dt);
```

BETA

Los datos tomados para este estudio son los promedios de esas variables desde que empezó el 1 de febrero de 2020 hasta el pico de casos el 9 de enero de 2021. Para estas últimas fechas el proceso de vacunación

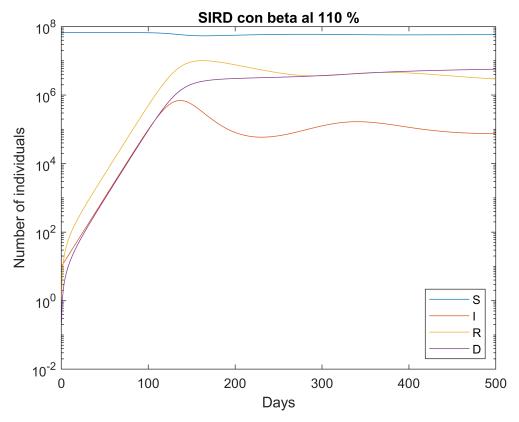
(que empezó en diciembre 13 de 2020) juega un papel importante en reducir el número de decesos y contagios.

Veamos ahora qué pasa si se relajan las medidas preventivas, es decir, un aumento en el coeficiente de infección **beta**

```
betaBase = beta
```

betaBase = 9.6905e-09

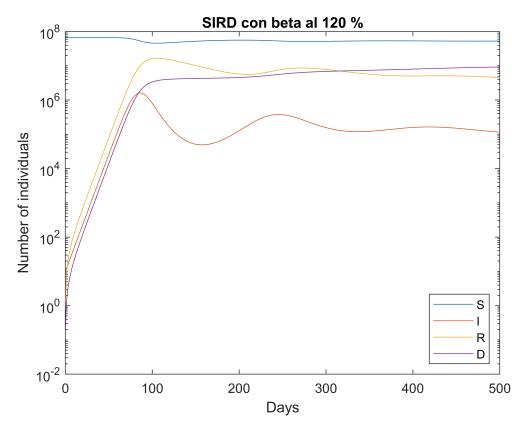
```
for i = 1.1:0.1:1.5
    figure;
    beta = betaBase * i;
    [t,S,I,R,D] = modelSIRD(beta,gamma,delta,mu,N,I0,T,dt);
    semilogy(t,[S,I,R,D])
    hold on
    title("SIRD con beta al "+i*100+" %")
    xlabel('Days');
   ylabel('Number of individuals');
    legend('S','I','R','D','Location','southeast');
    hold off
    [v,i]=max(D);
    d=i/4;
    fprintf('el valor de beta es %d',beta)
   fprintf('La tasa de reproducción R es de %.2f',N*beta/gamma)
    fprintf('El total de muertes son %d al día %d desde que empezó la pandemia \n',round(v),rou
end
```



el valor de beta es 1.065955e-08

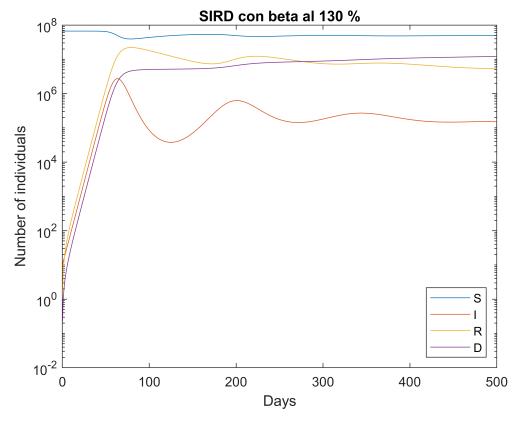
La tasa de reproducción R es de 1.33

El total de muertes son 5716279 al día 500 desde que empezó la pandemia

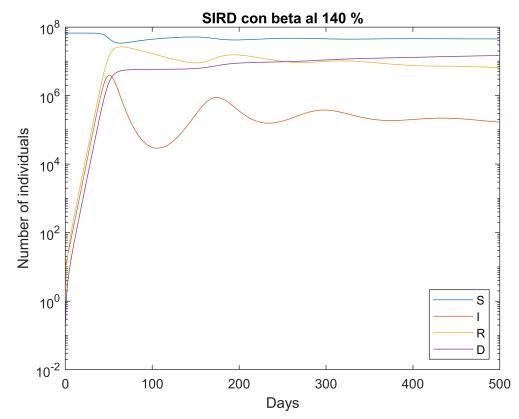


el valor de beta es 1.162860e-08

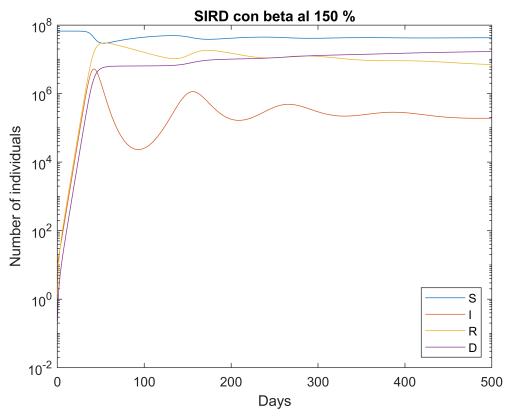
La tasa de reproducción R es de 1.46



- el valor de beta es 1.259765e-08
- La tasa de reproducción R es de 1.58
- El total de muertes son 12173548 al día 500 desde que empezó la pandemia



el valor de beta es 1.356670e-08 La tasa de reproducción R es de 1.70

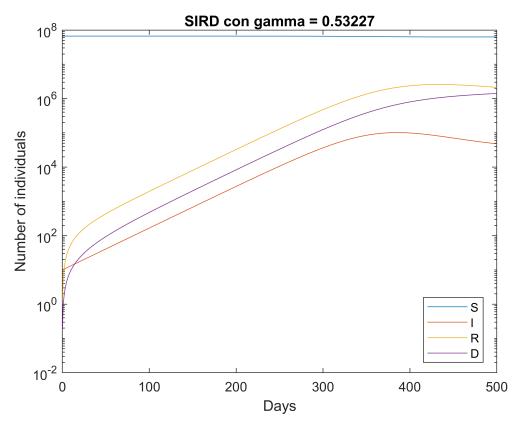


```
el valor de beta es 1.453575e-08
La tasa de reproducción R es de 1.82
El total de muertes son 16935175 al día 500 desde que empezó la pandemia
```

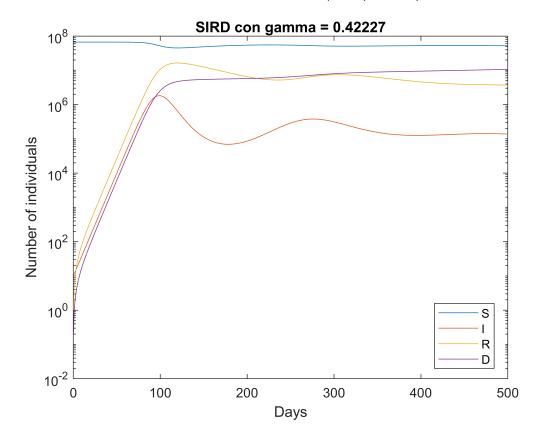
Podemos ver cómo un incremento de apenas el 10% resulta en un gran incremento de decesos. En un escenario real, incrementa a la vez la tasa de mortalidad y decrementar por lo tanto la tasa de recuperación. Esto debido al sobrecupo de los hospitales.

GAMMA

```
beta = betaBase;
gammaBase = gamma;
for gamma = gammaBase:-0.11:gammaBase-0.11*4
    figure;
    [t,S,I,R,D] = modelSIRD(beta,gamma,delta,mu,N,I0,T,dt);
    semilogy(t,[S,I,R,D])
    hold on
    title("SIRD con gamma = "+gamma)
    xlabel('Days');
    ylabel('Number of individuals');
    legend('S','I','R','D','Location','best');
    hold off
    [v,i]=\max(D);
    d=i/4;
    fprintf('el valor de gamma es %d',gamma)
   fprintf('La tasa de reproducción R es de %.2f',N*beta/gamma)
    fprintf('El total de muertes son %d al día %d desde que empezó la pandemia \n',round(v),rou
```



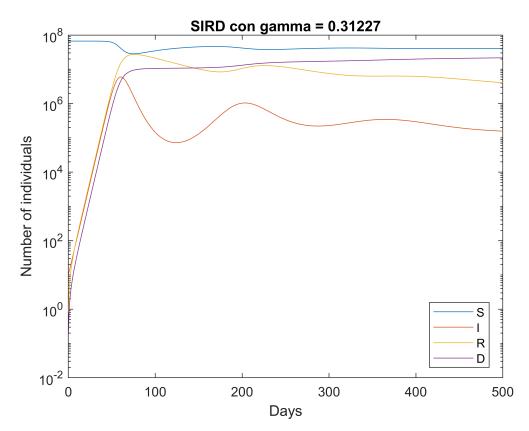
- el valor de gamma es 5.322720e-01
- La tasa de reproducción R es de 1.21
- El total de muertes son 1412387 al día 500 desde que empezó la pandemia



el valor de gamma es 4.222720e-01

La tasa de reproducción R es de 1.53

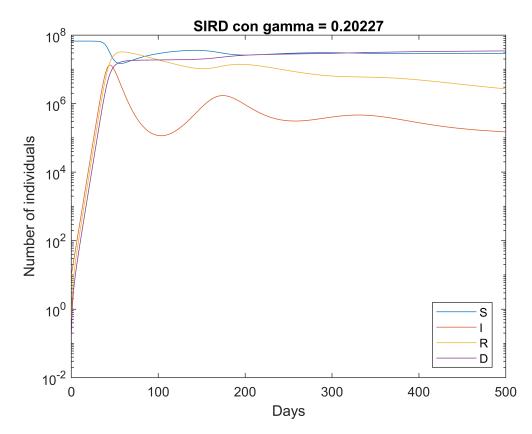
El total de muertes son 10638058 al día 500 desde que empezó la pandemia

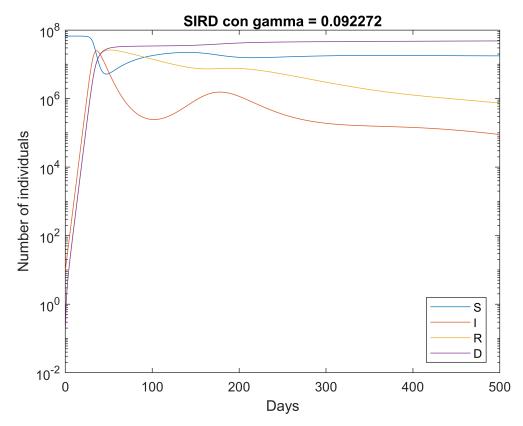


el valor de gamma es 3.122720e-01

La tasa de reproducción R es de 2.07

El total de muertes son 21657465 al día 500 desde que empezó la pandemia





- el valor de gamma es 9.227196e-02
- La tasa de reproducción R es de 7.00
- El total de muertes son 48173566 al día 500 desde que empezó la pandemia

Conclusión

Entender este comportamiento de la pandemia causada por la enfermedad coronavirus nos permite ver las medidas sanitarias necesarias, estructurar medidas de mitigación y contención, hacer estimaciones de la capacidad hospitalaria, entre otros. Esto se debe a que en los modelos matemáticos usados podemos interactuar con las variables y así tratar de predecir el comportamiento de varios aspectos de la pandemia. En este caso es más fácil describir las variables por cómo cambian en lugar de por lo que representan. Es por esto que estos sistemas físicos son sistemas de ecuaciones diferenciales.

Como vimos en el caso de Inglaterra, al usar un promedio de un año para los datos, el modelo se distancia mucho de la realidad. A pesar de necesitar menos datos que los modelos estadísticos, los modelos de ecuaciones diferenciales ordinarias (como es el SIRD) dependen grandemente de los coeficientes.

En el primer caso de Italia con SIRD simple obtuvimos buenos resultados. Esto se debe a que los coeficientes tienen sentido para este marco de tiempo. Podríamos probablemente recortar los datos a tan solo 14 días y obtener una buena simulación de los siguientes 30 días si la situación no cambia. Es aquí donde vemos cómo estos modelos nos muestran un escenario realista o muy aproximado a la realidad. De esta forma, podemos reaccionar proactivamente antes de una catástrofe.

El último modelo está hecho para verse de una forma retrospectiva, difícilmente podremos calcular todos los coeficientes de forma previa. Pero podemos calcular diferentes escenarios jugando con estos coeficientes y ver la severidad de estos casos hipotéticos.

Finalmente, observamos cómo solamente el SIRD simple de Italia cumple con todos los requisitos. Al contrario del SIRD avanzado. Esto también nos muestra cómo los sistemas más complejos son muy delicados en cuanto a la exactitud de los parámetros (coeficientes) que se usan en el modelo. El modelo y su efectividad dependen más fuertemente de estos coeficientes que de su complejidad misma.

Referencias

[1] R. Beckley, C.Weatherspoon, M. Alexander, M. Chandler, A.Johnson, and G. S. Bhatt. "Modeling epidemics with differential equations". Tennessee State University. [link]. visitado 5/7/2021

[2] Ind. Eng. Chem. Res. 2021, 60, 11, 4251-4260

Implementación

```
function [t,S,I,R] = modelSIR(beta,gamma,delta,N,I0,T,dt)
    [t,y] = runKut4(@(t,y) SIRfunc(t,y,beta,gamma,delta),0,dt,T,[N-I0;I0;0]);
    S=y(:,1);
    I=y(:,2);
    R=y(:,3);
end
function [t,S,I,R,D] = modelSIRD(beta,gamma,delta,mu,N,I0,T,dt)
    [t,y] = runKut4(@(t,y) SIRDfunc(t,y,beta,gamma,delta,mu,N),0,dt,T,[N-I0;I0;0;0]);
    S=y(:,1);
    I=y(:,2);
    R=y(:,3);
    D=y(:,4);
end
function [t,S,I,R,D] = modelSIRD2(beta,gamma,delta,mu,N,I0,T,dt,R0,D0)
    [t,y] = runKut4(@(t,y) SIRDfunc(t,y,beta,gamma,delta,mu,N),0,dt,T,[N-I0;I0;R0;D0]);
    S=y(:,1);
    I=y(:,2);
    R=y(:,3);
    D=y(:,4);
end
function [t,S, A, C, E, I, R, Q, D] = modelSIRDAvanzado(alpha,beta,mu,nao,sigma,tao, ...
    epsilon,gamma,delta,lambda0,lambda1,k0,k1,N,y0,x0,dt,T)
    [t,y] = ode45(@(t,y) SIRDAfunct(t,y,alpha,beta,mu,nao,sigma,tao,epsilon ...
        ,gamma,delta,lambda0,lambda1,k0,k1,T,N),x0:dt:T,y0);
    S=y(:,1);
    A=y(:,2);
    C=y(:,3);
    E=y(:,4);
```

```
I=y(:,5);
    R=y(:,6);
    Q=y(:,7);
    D=y(:,8);
end
function [xSol,ySol] = runKut4(F,x0,h,xStop,y0)
    reshape( y0, [],1 ); % column vector
    xSol = zeros(2,1);
    ySol = zeros(length(y0),2);
    xSol(1) = x0;
   ySol(:,1) = y0;
    i = 1;
    x=x0;
    y=y0;
    while x < xStop
        i = i + 1;
        h = min(h, xStop - x);
        K1 = h*F(x,y);
        K2 = h*F(x + h/2,y + K1/2);
        K3 = h*F(x + h/2,y + K2/2);
        K4 = h*F(x+h,y + K3);
        y = y + (K1 + 2*K2 + 2*K3 + K4)/6;
        x = x + h;
        xSol(i) = x;
        ySol(:,i) = y;
    end
    xSol = xSol';
    ySol=ySol';
end
function dydt = SIRfunc(t,y,beta,gamma,delta)
    dydt = zeros(3,1);
    %dydt(1)=dS
   %dydt(2)=dI
   %dydt(3)=dR
    dydt(1) = (-beta.*y(2).*y(1) + delta.*y(3));
    dydt(2) = (beta.*y(2).*y(1) - gamma.*y(2));
    dydt(3) = (gamma.*y(2) - delta.*y(3));
end
function dydt = SIRDfunc(t,y,beta,gamma,delta,mu,N)
    dydt = zeros(4,1);
    %dydt(1)=dS
   %dydt(2)=dI
   %dydt(3)=dR
    dydt(1) = (-beta.*y(2).*y(1) + delta.*y(3));
    dydt(2) = (beta.*y(2).*y(1) - gamma.*y(2) -mu.*y(2));
    dydt(3) = (gamma.*y(2) - delta.*y(3));
    dydt(4) = mu.*y(2);
end
```