

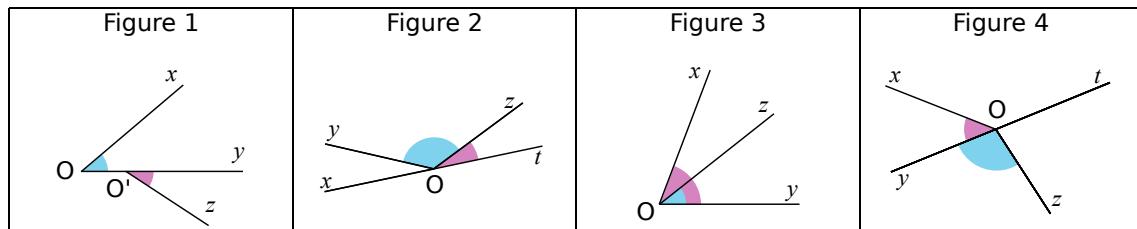
# >> Angles

G4

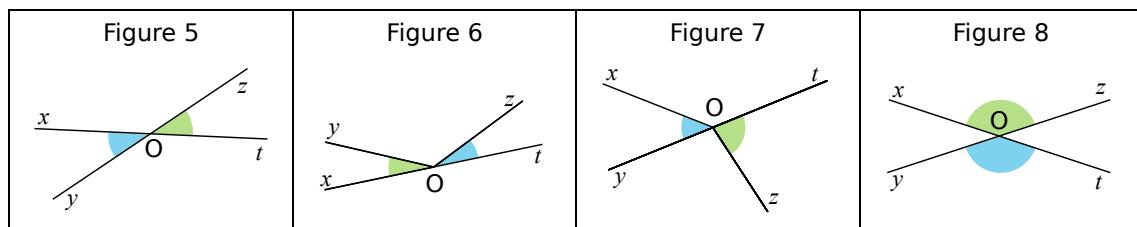


## Activités de découverte

### Activité 1 : Les deux font la paire



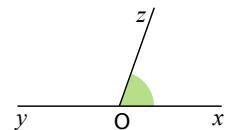
1. Dans les figures 2 et 4, les angles bleu et rose sont dits **adjacents**. Ce n'est pas le cas pour les autres figures. À partir de tes observations, essaie d'expliquer à quelles conditions deux angles sont adjacents.
2. Deux angles adjacents ont-ils nécessairement la même mesure ? Justifie ta réponse.



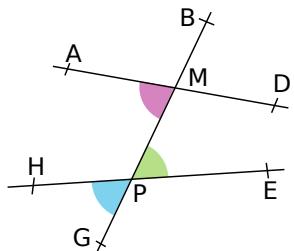
3. Dans les figures 5 et 8, les angles bleu et vert sont dits **opposés par le sommet**. Ce n'est pas le cas pour les autres figures. À partir de tes observations, essaie d'expliquer à quelles conditions deux angles sont opposés par le sommet.
4. Deux angles opposés par le sommet ont-ils nécessairement la même mesure ? Justifie ta réponse en utilisant une propriété sur deux angles symétriques par rapport à un point.

### Activité 2 : De jolies sommes !

1. Trace un triangle ABC rectangle en A puis mesure les angles  $\widehat{ABC}$  et  $\widehat{BCA}$ .
2. Marie affirme que tous les élèves de la classe ne trouveront pas nécessairement les mêmes mesures mais qu'il y a quand même une relation entre ces deux mesures. Quelle est-elle ? Justifie ta réponse.
- On dit que deux angles sont **complémentaires** lorsque la somme de leurs mesures est égale à  $90^\circ$ .
3. Les angles  $\widehat{ABC}$  et  $\widehat{BCA}$  sont-ils complémentaires ?
4. Construis deux angles complémentaires et adjacents dont l'un mesure  $64^\circ$ .
5. Ahmed a mesuré l'angle  $xOz$  ci-contre et a trouvé  $110^\circ$ . Sa voisine lui dit que ce n'est pas possible et qu'à partir de l'erreur d'Ahmed elle pense connaître la bonne mesure. Quelle est cette mesure ? Comment a-t-elle pu la trouver ?
- On dit que deux angles sont **supplémentaires** lorsque la somme de leurs mesures est égale à  $180^\circ$ .
6. Les angles  $xOz$  et  $zOy$  sont-ils supplémentaires ?
7. Construis deux angles supplémentaires et non adjacents dont l'un mesure  $52^\circ$ .



## Activité 3 : Quand ils sont symétriques, ils sont sympathiques



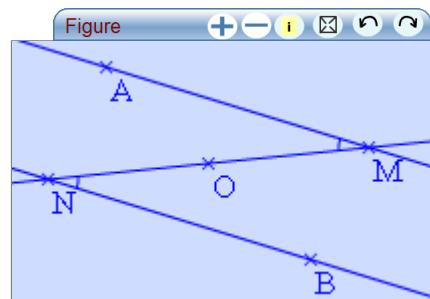
**1.** Les angles  $\widehat{AMG}$  et  $\widehat{EPB}$  sont des angles alternes-internes déterminés par les droites (AD), (HE) et la sécante (BG). Cite une autre paire d'angles alternes-internes déterminés par les droites (AD), (HE) et la sécante (BG).

**2.** Les angles  $\widehat{AMG}$  et  $\widehat{HPG}$  sont des angles correspondants déterminés par les droites (AD), (HE) et la sécante (BG). Cite trois autres paires d'angles correspondants déterminés par les droites (AD), (HE) et la sécante (BG).

- 3.** Avec le logiciel TracenPoche, place trois points A, M et O non alignés.

En utilisant le bouton , construis les points B et N symétriques respectifs des points A et M par rapport à O.

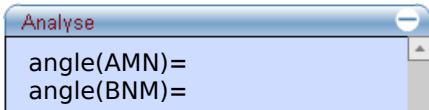
Puis, en utilisant le bouton , trace les droites (AM), (BN) et (MN).



- 4.** Que peux-tu dire des droites (AM) et (BN) ? Justifie ta réponse.

- 5.** Comment peux-tu qualifier les angles  $\widehat{AMN}$  et  $\widehat{BNM}$  ?

- 6.** Dans la fenêtre Analyse, recopie :



Appuie sur la touche F9 puis déplace le point M. Que remarques-tu ? Justifie ta remarque en utilisant une propriété sur deux angles symétriques par rapport à un point.

- 7.** À l'aide des questions **5.** et **6.**, recopie puis complète la phrase : « Si deux angles alternes-internes sont déterminés par des droites ... alors ils ... ».

- 8.** Écris une propriété identique à celle de la question **7.** pour des angles correspondants.

## Activité 4 : Avec des angles correspondants égaux...

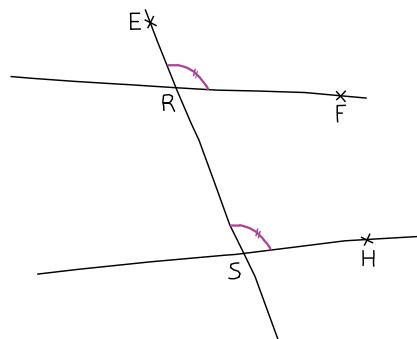
- 1.** Observe la figure ci-contre puis reproduis-la en choisissant la même mesure pour les angles  $\widehat{ERF}$  et  $\widehat{ESH}$ .

- 2.** Comment peux-tu qualifier les angles  $\widehat{ERF}$  et  $\widehat{ESH}$  ?

- 3.** Sur ta figure, quelle est la position relative des droites (RF) et (SH) ?

- 4.** À l'aide des questions **2.** et **3.**, recopie puis complète la phrase : « Si deux angles correspondants sont ... alors les deux droites coupées par la sécante sont ... ».

- 5.** Écris une propriété identique à celle de la question **4.** pour les angles alternes-internes.



# Méthodes et notions essentielles

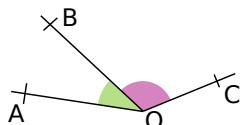
## Méthode 1 : Caractériser deux angles ayant un sommet commun

### À connaître

**Deux angles adjacents** sont deux angles qui ont un sommet commun, un côté commun et qui sont situés de part et d'autre de ce côté commun.

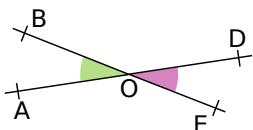
**Deux angles opposés par le sommet** sont deux angles qui ont un sommet commun et qui ont leurs côtés dans le prolongement l'un de l'autre.

**Exemple 1 :** Sur la figure ci-dessous, que peux-tu dire des angles  $\widehat{AOB}$  et  $\widehat{BOC}$  ?



Les angles  $\widehat{AOB}$  et  $\widehat{BOC}$  ont comme sommet commun le point O, comme côté commun la demi-droite  $[OB)$  et sont placés de part et d'autre de  $[OB)$  : ils sont donc adjacents.

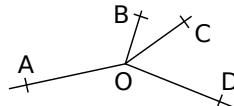
**Exemple 2 :** Sur la figure ci-dessous, que peux-tu dire des angles  $\widehat{AOB}$  et  $\widehat{DOE}$  ?



Les angles  $\widehat{AOB}$  et  $\widehat{DOE}$  ont comme sommet commun le point O et des côtés dans le prolongement l'un de l'autre (A, O, D et B, O, E sont alignés) : ils sont donc opposés par le sommet.

### Exercices « À toi de jouer »

1 Sur la figure ci-contre, nomme trois paires d'angles adjacents.



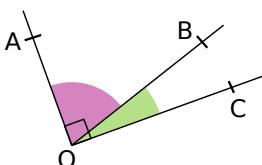
2 Que dire des angles  $\widehat{VST}$  et  $\widehat{ESR}$  pour un parallélogramme VERT de centre S ?

## Méthode 2 : Caractériser deux angles complémentaires

### À connaître

**Deux angles complémentaires** sont deux angles dont la somme de leurs mesures est égale à  $90^\circ$ .

**Exemple :** Sur la figure ci-dessous, que peux-tu dire des angles  $\widehat{AOB}$  et  $\widehat{BOC}$  ?

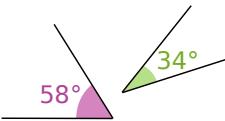


Les angles  $\widehat{AOB}$  et  $\widehat{BOC}$  forment un angle droit : la somme de leurs mesures vaut  $90^\circ$ . Ce sont donc des angles complémentaires.

**Remarque :** Deux angles complémentaires et adjacents forment un angle droit. On peut donc en déduire que des droites sont perpendiculaires.

### Exercices « À toi de jouer »

3 Les angles ci-contre sont-ils complémentaires ?



4 Donne le complémentaire d'un angle de  $27^\circ$ .

5 Que peux-tu dire des angles aigus d'un triangle rectangle ? Justifie ta réponse.

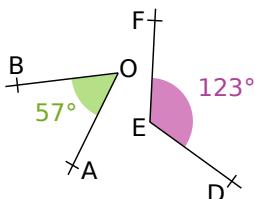
# Méthodes et notions essentielles

## Méthode 3 : Caractériser deux angles supplémentaires

### À connaître

**Deux angles supplémentaires** sont deux angles dont la somme de leurs mesures est égale à  $180^\circ$ .

**Exemple :** Sur la figure ci-dessous, que peux-tu dire des angles  $\widehat{AOB}$  et  $\widehat{FED}$  ?

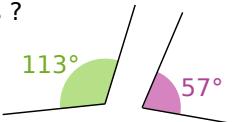


$\widehat{AOB} + \widehat{FED} = 57^\circ + 123^\circ = 180^\circ$  donc les angles  $\widehat{AOB}$  et  $\widehat{FED}$  sont supplémentaires.

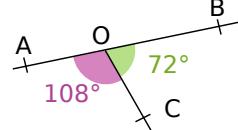
**Remarque :** Deux angles supplémentaires et adjacents forment un angle plat. On peut donc en déduire que des points sont alignés.

### Exercices « À toi de jouer »

6 Les angles ci-dessous sont-ils supplémentaires ?

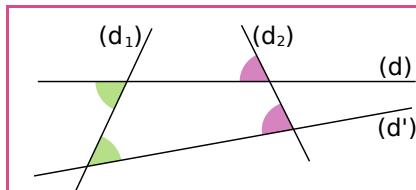


7 Les points A, O et B sont-ils alignés ?



## Méthode 4 : Caractériser deux angles définis par deux droites et une sécante

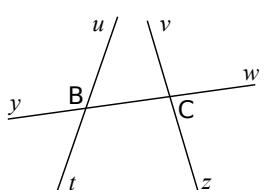
### À connaître



Les angles verts sont **alternes-internes**. Ils sont déterminés par les droites  $(d)$ ,  $(d')$  et la sécante  $(d_1)$ .

Les angles roses sont **correspondants**. Ils sont déterminés par les droites  $(d)$ ,  $(d')$  et la sécante  $(d_1)$ .

**Exemple :** À l'aide de la figure, nomme des angles alternes-internes et des correspondants.

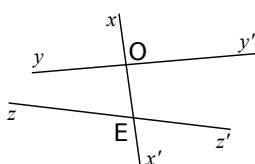


Les droites  $(ut)$ ,  $(vz)$  et la sécante  $(yw)$  forment :

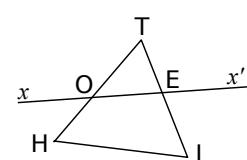
- deux paires d'angles alternes-internes qui sont :  $\widehat{uBw}$  et  $\widehat{yCz}$ ,  $\widehat{vCy}$  et  $\widehat{tBw}$ .
- quatre paires d'angles correspondants qui sont :  $\widehat{yBu}$  et  $\widehat{vCy}$ ,  $\widehat{yBt}$  et  $\widehat{yCz}$ ,  $\widehat{uBw}$  et  $\widehat{vCw}$ ,  $\widehat{tBw}$  et  $\widehat{zCw}$ .

### Exercices « À toi de jouer »

8 Sur la figure ci-contre, les angles  $\widehat{yOx'}$  et  $\widehat{xEz'}$  sont-ils alternes-internes ? Justifie.



9 Sur la figure ci-contre, nomme deux paires d'angles alternes-internes et quatre paires d'angles correspondants.



# Méthodes et notions essentielles

## Méthode 5 : Calculer la mesure d'un angle

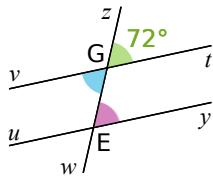
### À connaître

Si deux angles sont opposés par le sommet **alors ils ont la même mesure.**

Si deux angles alternes-internes sont déterminés par des droites parallèles **alors ils ont la même mesure.**

Si deux angles correspondants sont déterminés par des droites parallèles **alors ils ont la même mesure.**

**Exemple :** Les droites ( $vt$ ) et ( $uy$ ) sont parallèles. Calcule la mesure des angles  $\widehat{zE}y$  et  $\widehat{vGw}$ .

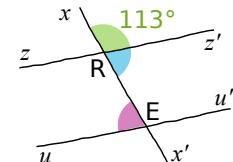


Les angles correspondants  $\widehat{zGt}$  et  $\widehat{zE}y$  sont déterminés par les droites ( $vt$ ) et ( $uy$ ) qui sont parallèles. Ils sont donc de la même mesure. L'angle  $\widehat{zE}y$  mesure donc 72°.

Les angles  $\widehat{zGt}$  et  $\widehat{vGw}$  sont opposés par le sommet. Ils sont donc de la même mesure. L'angle  $\widehat{vGw}$  mesure donc 72°.

### Exercice « À toi de jouer »

- 10 Sur la figure ci-contre, les droites  $(zz')$  et  $(uu')$  sont parallèles. Calcule la mesure de l'angle  $x'Rz'$  puis celle de l'angle  $u'Ez$ .



## Méthode 6 : Justifier que des droites sont parallèles

### À connaître

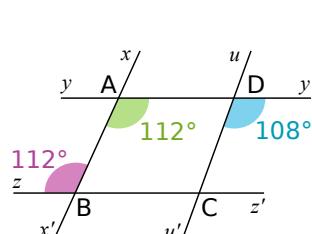
Si deux angles alternes-internes sont de même mesure

**alors les deux droites coupées par la sécante sont parallèles.**

Si deux angles correspondants sont de même mesure

**alors les deux droites coupées par la sécante sont parallèles.**

**Exemple :** Les droites  $(yy')$  et  $(zz')$  sont-elles parallèles ? Les droites  $(xx')$  et  $(uu')$  sont-elles parallèles ?

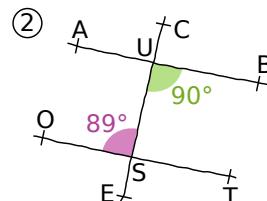
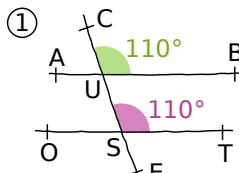


Les angles  $\widehat{x'Ay'}$  et  $\widehat{x'Bz}$  déterminés par les droites  $(yy')$ ,  $(zz')$  et la sécante  $(xx')$  sont alternes-internes. Les angles  $\widehat{x'Ay'}$  et  $\widehat{x'Bz}$  ont la même mesure. Donc les droites  $(yy')$  et  $(zz')$  sont parallèles.

Les angles  $\widehat{x'Ay'}$  et  $\widehat{u'Dy'}$  déterminés par les droites  $(xx')$ ,  $(uu')$  et la sécante  $(yy')$  sont correspondants. Si les droites  $(xx')$  et  $(uu')$  étaient parallèles alors les angles  $\widehat{x'Ay'}$  et  $\widehat{u'Dy'}$  seraient de la même mesure, ce qui n'est pas le cas. Donc les droites  $(xx')$  et  $(uu')$  ne sont pas parallèles.

### Exercice « À toi de jouer »

- 11 Dans chaque cas, indique si les droites  $(AB)$  et  $(OT)$  sont parallèles. Justifie ta réponse.



# Exercices d'entraînement

## Utiliser le vocabulaire associé aux angles

**1**  $\hat{a}$  et  $\hat{b}$  sont deux angles complémentaires. Calcule la mesure de  $\hat{b}$  si :

$$\hat{a} = 45^\circ, \quad \hat{a} = 37^\circ, \quad \hat{a} = 2^\circ, \quad \hat{a} = 88,3^\circ.$$

**2**  $\hat{x}$  et  $\hat{y}$  sont deux angles supplémentaires. Calcule la mesure de  $\hat{y}$  si :

$$\hat{x} = 103^\circ, \quad \hat{x} = 95^\circ, \quad \hat{x} = 56^\circ, \quad \hat{x} = 0,3^\circ.$$

**3** Indique si les angles proposés sont adjacents, complémentaires ou bien encore supplémentaires. Justifie tes réponses.

a.  $\widehat{yOz}$  et  $\widehat{zOt}$  ;

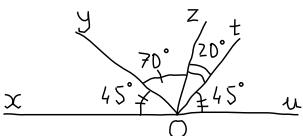
b.  $\widehat{xOy}$  et  $\widehat{yOu}$  ;

c.  $\widehat{xOy}$  et  $\widehat{tOu}$  ;

d.  $\widehat{yOu}$  et  $\widehat{tOu}$  ;

e.  $\widehat{xOz}$  et  $\widehat{zOt}$  ;

f.  $\widehat{xOt}$  et  $\widehat{uOt}$  .



## 4 Les deux font la paire

Nomme, en justifiant, deux angles de la figure, codés ou non :

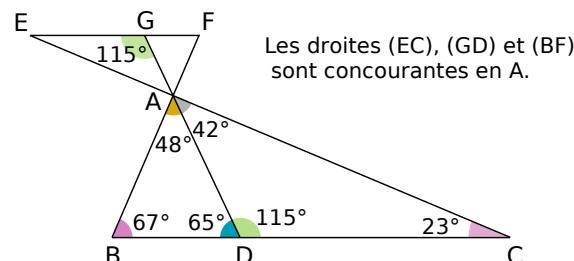
a. complémentaires et adjacents ;

b. complémentaires et non adjacents ;

c. supplémentaires et adjacents ;

d. supplémentaires et non adjacents ;

e. opposés par le sommet.



## 5 Les angles inconnus

a. Trouve la mesure de deux angles complémentaires, sachant que l'un d'eux est 8 fois plus grand que l'autre.

b. Trouve la mesure de deux angles supplémentaires, sachant que l'un d'eux est 9 fois plus petit que l'autre.

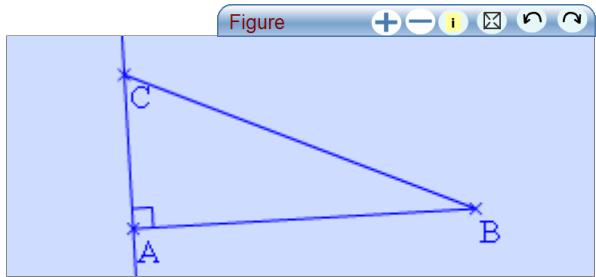
## 6 Des angles dynamiques...

a. À l'aide du logiciel TracenPoche, construis deux angles complémentaires et adjacents.

b. Propose une façon de procéder pour que ces angles restent adjacents, complémentaires et égaux à  $45^\circ$ , même quand on bouge les points.

## 7 Triangle rectangle

a. Construis comme ci-dessous un triangle ABC rectangle en A à l'aide du logiciel TracenPoche.



b. Affiche la valeur de chacun des angles  $\widehat{ABC}$  et  $\widehat{BCA}$ . Que remarques-tu ?

c. Démontre que les angles aigus d'un triangle rectangle sont complémentaires.

## 8 Que peut-on dire des angles :

a. 1 et 3 ?

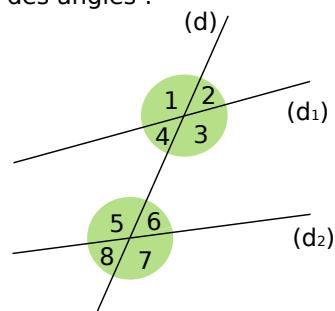
b. 1 et 5 ?

c. 3 et 5 ?

d. 1 et 4 ?

e. 4 et 6 ?

f. 3 et 7 ?



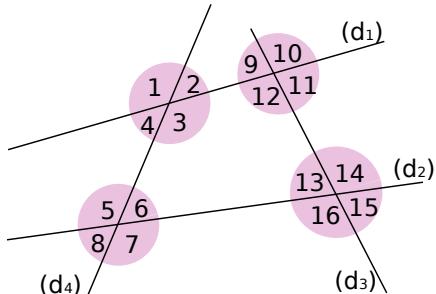
9 Nomme deux angles de la figure et précise le nom de la sécante correspondante :

a. alternes-internes avec l'angle n° 3 ;

b. correspondants avec l'angle n° 10 ;

c. alternes-internes avec l'angle n° 13 ;

d. correspondants avec l'angle n° 7.



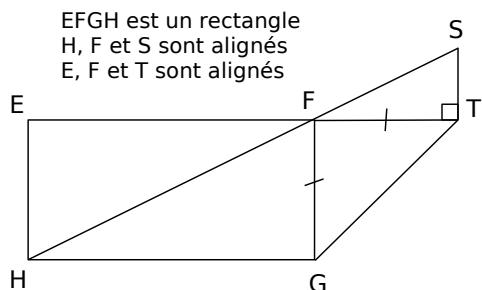
# Sésamath

# Exercices d'entraînement

## 10 Recherche de mesures d'angles

a. Nomme deux paires d'angles de la figure :

- alternes-internes aigus ;
- alternes-internes de même mesure ;
- correspondants aigus ;
- supplémentaires et non adjacents.



b. Sachant de plus que  $\widehat{EFH} = 27^\circ$ , calcule la mesure de l'angle  $\widehat{SFT}$  puis celle de  $\widehat{SFG}$ .

## Caractériser des droites parallèles par les angles

11 Dans chaque cas, dire si les droites  $(d_1)$  et  $(d_2)$  sont ou non parallèles et pourquoi.

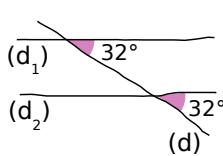


Figure 1

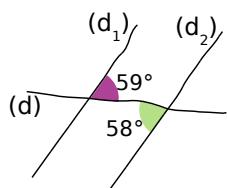
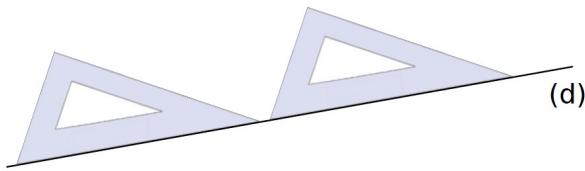


Figure 2

## 12 Le coup des équerres !

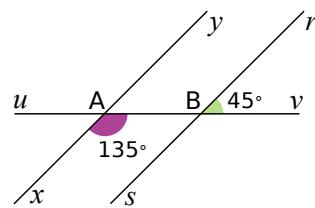
Arnaud a placé ses deux équerres identiques sur la droite  $(d)$  comme l'illustre le schéma ci-dessous.



a. Il affirme que, de cette façon, il peut tracer des droites parallèles. Est-ce vrai et pourquoi ?

b. Quelles seraient les autres façons de positionner les équerres pour obtenir le même résultat ?

## 13 Angles et droites parallèles

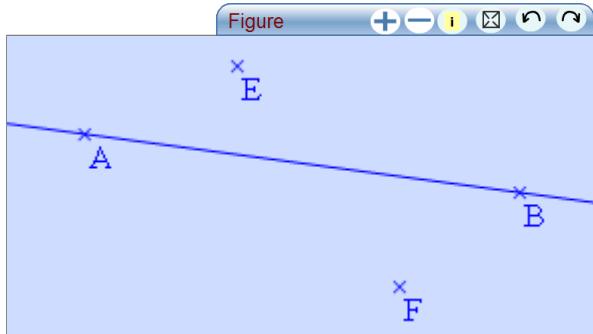


a. Calcule la mesure de l'angle  $\widehat{uBr}$ .

b. Les droites  $(xy)$  et  $(sr)$  sont-elles parallèles ? Justifie ta réponse.

## 14 Un défi à l'aide de TracenPoche

On souhaiterait construire deux droites parallèles passant par les points E et F.



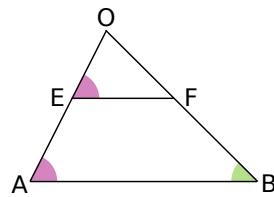
a. Reproduis une figure similaire à celle-ci.

b. Construis deux droites parallèles avec le seul bouton . Quelle propriété as-tu utilisée ?

c. Construis deux droites parallèles avec le seul bouton . Quelle propriété as-tu utilisée ?

## Calculer des angles formés par des droites parallèles

## 15 Parallèles ?



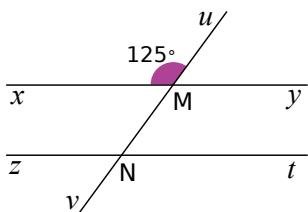
Sur la figure ci-contre, les angles  $\widehat{BAE}$  et  $\widehat{FEO}$  sont égaux à  $58^\circ$ .

a. Que peux-tu dire des droites  $(EF)$  et  $(AB)$  ? Justifie ta réponse.

b. On sait de plus que la mesure de l'angle  $\widehat{FBA}$  est  $45^\circ$ . Déduis-en la mesure de l'angle  $\widehat{OFE}$ . Justifie ta réponse.

# Exercices d'entraînement

## 16 Droites parallèles



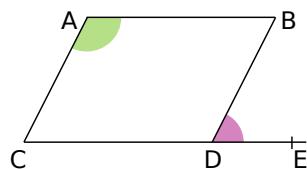
Sur la figure ci-dessus, les droites  $(xy)$  et  $(zt)$  sont parallèles. L'angle  $xMu$  vaut  $125^\circ$ .

a. Donne la mesure de l'angle  $vMy$ . Justifie ta réponse.

b. Donne d'autres angles dont la mesure est de  $125^\circ$ . Justifie ta réponse.

## 17 Angles supplémentaires

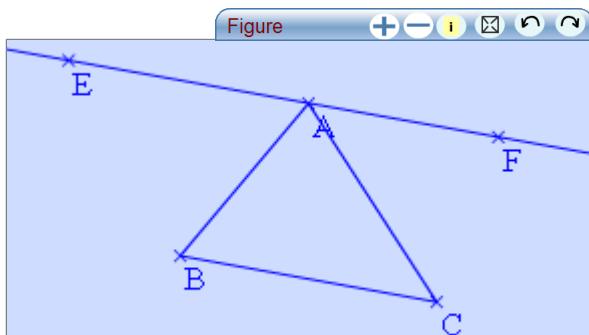
ABDC est un parallélogramme.  
C, D et E sont alignés.



a. Justifie que les angles  $\widehat{BAC}$  et  $\widehat{BDC}$  sont de même mesure.

b. Que dire des angles  $\widehat{BDC}$  et  $\widehat{BDE}$ ? Pourquoi? Justifie alors que les deux angles marqués sont supplémentaires.

## 18 Angles et triangle



a. À l'aide du logiciel TracenPoche, construis un triangle  $ABC$  et la parallèle  $(EF)$  à la droite  $(BC)$  passant par  $A$ .

b. Affiche les mesures des angles  $\widehat{EAB}$  et  $\widehat{ABC}$ . Déplace le point  $A$ . Que remarques-tu?

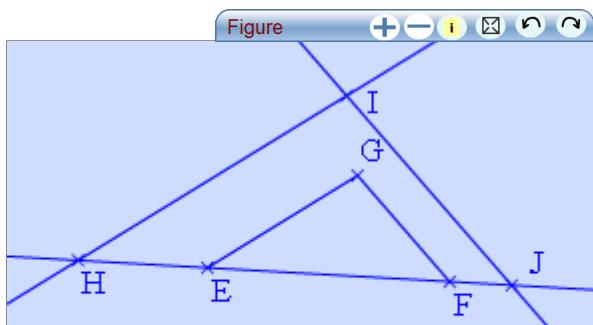
c. Montre que  $\widehat{EAB} = \widehat{ABC}$ .

d. Montre que  $\widehat{FAC} = \widehat{ACB}$ .

e. Quelle propriété connue sur les triangles peux-tu alors démontrer?

**19** Calcule la mesure de chacun des angles manquants dans la figure de l'exercice 4.

## 20 Agrandissement



a. À l'aide du logiciel TracenPoche, construis un triangle  $EFG$ , et deux points  $H$  et  $J$  sur  $(EF)$  comme ci-dessus. Construis la parallèle à  $(EG)$  passant par  $H$  et la parallèle à  $(FG)$  passant par  $J$ . Ces deux droites se coupent en  $I$ .

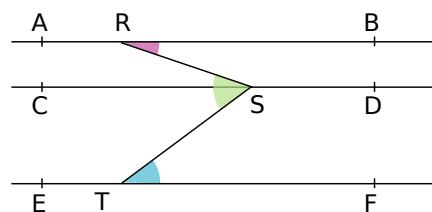
b. Affiche la mesure des angles  $\widehat{EGF}$  et  $\widehat{HIJ}$ . Que remarques-tu?

c. Démontre que  $\widehat{IHE} = \widehat{GEF}$ .

d. Démontre que  $\widehat{IJF} = \widehat{GFE}$ .

e. Déduis-en que  $\widehat{EGF} = \widehat{HIJ}$ .

## 21 Zigzag



Sur la figure ci-dessus :

- les droites  $(AB)$ ,  $(CD)$  et  $(EF)$  sont parallèles ;
- $R$  est un point de la droite  $(AB)$ ,  $S$  est un point de la droite  $(CD)$  et  $T$  est un point de la droite  $(EF)$  tels que :  $\widehat{BRS} = 20^\circ$  et  $\widehat{RST} = 57^\circ$ .

Calcule la mesure de l'angle  $\widehat{STF}$ .

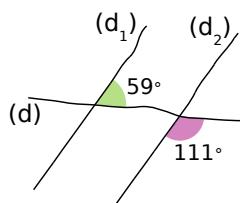
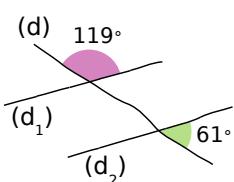
**22** Construis à l'aide de TracenPoche un quadrilatère  $EFGH$  ayant deux angles droits, en  $E$  et en  $G$ .

a. Affiche la mesure des angles  $\widehat{EFG}$  et  $\widehat{EHG}$ . Que remarques-tu?

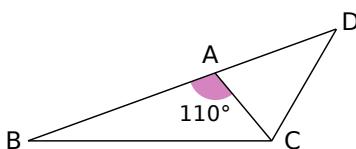
b. Trace le segment  $[FH]$ . En raisonnant dans les triangles  $EFH$  et  $FHG$ , démontre que  $\widehat{EFG}$  et  $\widehat{EHG}$  sont supplémentaires.

# Exercices d'approfondissement

- 23** Dans chaque cas, précise si les droites  $(d_1)$  et  $(d_2)$  sont ou non parallèles et pourquoi.



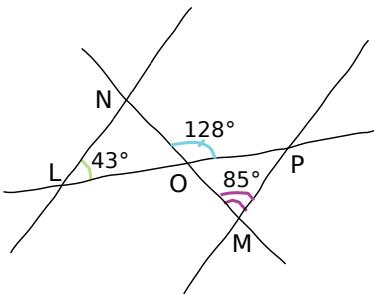
- 24 Triangle isocèle**



La figure ci-dessus est telle que :

- B, A et D sont des points alignés ;
  - $\widehat{BAC}$  et  $\widehat{ACD}$  sont supplémentaires ;
  - $\widehat{BAC} = 110^\circ$ .
- a. Montre, en justifiant, que les angles  $\widehat{DAC}$  et  $\widehat{ACD}$  sont égaux à  $70^\circ$ .
- b. Montre alors que le triangle ADC est isocèle.
- c. De plus, l'angle  $\widehat{ACB}$  mesure  $50^\circ$ . Montre, en justifiant, que les angles  $\widehat{BCA}$  et  $\widehat{ADC}$  sont complémentaires.
- d. Trouve, en justifiant, deux autres paires d'angles complémentaires.

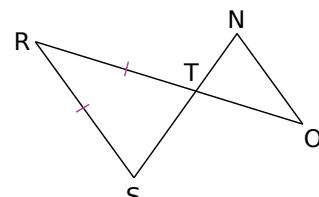
- 25 Parallèles ou non ?**



La figure est tracée à main levée.

- a. Calcule la mesure de l'angle  $\widehat{LON}$ .
- b. Déduis-en la mesure de l'angle  $\widehat{ONL}$ .
- c. Détermine alors si les droites (LN) et (MP) sont parallèles.
- d. Sachant que les segments [LN] et [MP] sont de même longueur, détermine la nature du quadrilatère LNPM.

- 26 Un isocèle de plus**



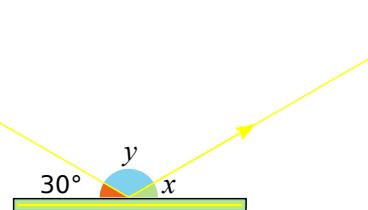
La figure ci-dessus est telle que :

- les droites (RO) et (SN) sont sécantes en T ;
- le triangle RST est isocèle en R ;
- les droites (RS) et (NO) sont parallèles.

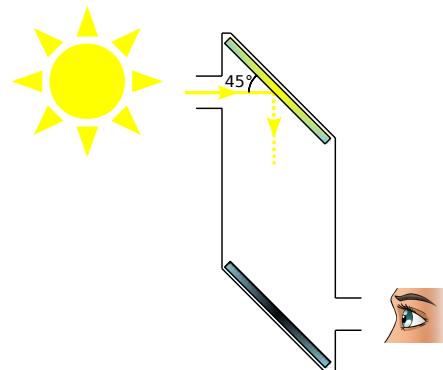
Montre que le triangle TNO est isocèle.

- 27 Un périscope de fortune !**

- a. Fais une recherche sur Internet concernant la loi de réflexion de la lumière.
- b. Le schéma ci-dessous illustre un rayon de lumière qui se réfléchit sur un miroir avec un angle de  $30^\circ$ . Détermine  $x$  et  $y$ . Justifie.



- c. Éric a construit un périscope avec une boîte de carton et deux miroirs parallèles comme l'illustre le schéma ci-dessous.



- Si un rayon entre horizontalement dans le périscope, en sortira-t-il horizontalement aussi ?

(Tu pourras montrer que les rayons d'entrée et de sortie sont parallèles.)

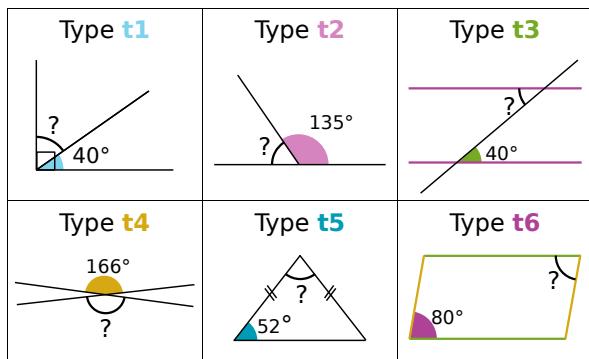
- Ce résultat dépend-il de l'inclinaison des miroirs parallèles ?  
(Autrement dit, a-t-on le même résultat si l'angle formé par le rayon et le miroir est différent de  $45^\circ$  ?)



## Triominos avec les angles

### 1<sup>re</sup> étape : Calculer et justifier

a. Voici six figures. Pour chacune d'elles, calculez, en justifiant votre calcul, l'angle marqué par un point d'interrogation. (Les droites d'une même couleur sont parallèles.)



b. Voici six énoncés. Pour chacun d'eux, répondez à la question en justifiant la réponse :

Type t7	Le complémentaire de $14^\circ$ ?
Type t8	Le supplémentaire de $56^\circ$ ?
Type t9	$\hat{A}$ et $\hat{B}$ sont deux angles opposés par le sommet. $\hat{A} = 34^\circ$ . $\hat{B} = ?$
Type t10	Dans un triangle ABC, $\hat{A} = 25^\circ$ , $\hat{B} = 8^\circ$ . $\hat{C} = ?$
Type t11	Dans un triangle EFG isocèle en F, $\hat{F} = 46^\circ$ . $\hat{E} = ?$
Type t12	Dans le parallélogramme HIJK, $\hat{H} = 34^\circ$ . $\hat{I} = ?$

### 2<sup>e</sup> étape : Construction des Triominos

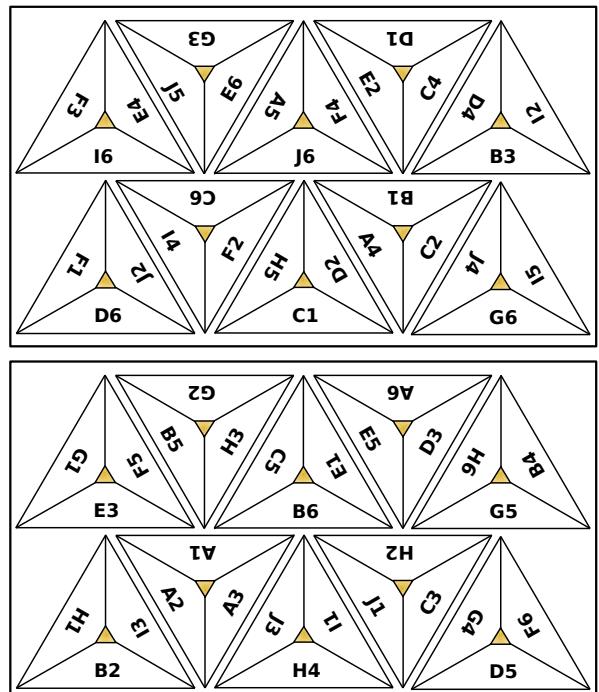
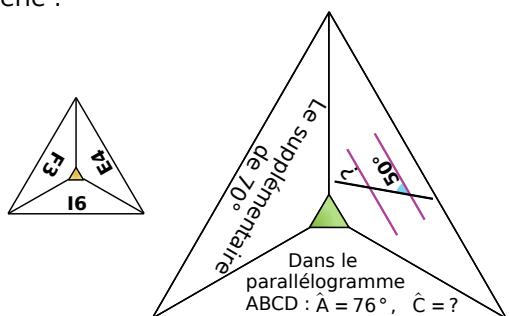
c. Voici un tableau qui va vous permettre de construire le jeu de triominos.

	A	B	C	D	E	F	G	H	I	J
1	$45^\circ$	$60^\circ$	$90^\circ$	$65^\circ$	$50^\circ$	$110^\circ$	$14^\circ$	$166^\circ$	$76^\circ$	$80^\circ$
2	t1	t7	t1	t7	t1	t7	t1	t7	t1	t7
3	t2	t8	t2	t8	t2	t8	t2	t8	t2	t8
4	t3	t3	t9	t4	t3	t3	t9	t4	t3	t3
5	t5	t5	t5	t6	t6	t6	t5	t6	t5	t6
6	t11	t12	t11	t12	t10	t11	t12	t11	t12	t10

Toutes les cases d'une même colonne renvoient à l'angle indiqué en ligne 1. Par exemple, les cases F2, F3... renvoient à un angle de  $110^\circ$ .

Pour le type t3, mettez aussi des exemples d'angles correspondants.

- d. Dans une feuille blanche au format A4, construisez 10 triangles équilatéraux de 9 cm de côté. Utilisez une seconde feuille pour obtenir 20 triomino au total. Complétez chacun d'eux avec les énoncés ou constructions indiqués dans le tableau de la question c. en respectant l'ordre donné ci-dessous. Pour vous aider, voici un exemple pour le premier triomino de la série :



### 3<sup>e</sup> étape : Par équipe de deux joueurs

Retournez tous les triomino pour former la pioche. Chaque joueur en prend quatre. Un triomino est tiré dans la pioche pour servir de départ. Chaque joueur place à son tour un triomino. (Les côtés qui se touchent doivent correspondre à des angles égaux.) Si le joueur ne peut pas jouer, il passe son tour et pioche. Le premier joueur qui n'a plus de triomino est déclaré vainqueur.

Attention : si un joueur se trompe en plaçant un triomino, il doit le reprendre et tirer un triomino supplémentaire dans la pioche ; c'est alors à son adversaire de jouer...

## Se tester avec le QCM !

		R1	R2	R3	R4
1	Parmi les couples d'angles suivants, quels sont ceux qui sont complémentaires ?	$\widehat{FEG} = 8^\circ$ $\widehat{HIK} = 82^\circ$	$\widehat{FEG} = 90^\circ$ $\widehat{HIK} = 90^\circ$	$\widehat{ABC} = 73^\circ$ $\widehat{STU} = 107^\circ$	$\widehat{FEG} = 89,9^\circ$ $\widehat{HIK} = 0,1^\circ$
2	<p>E, R et I sont alignés.</p>	$\widehat{ERH}$ et $\widehat{HRI}$ sont supplémentaires	$\widehat{FRG}$ et $\widehat{HRI}$ sont adjacents	$\widehat{ERG}$ et $\widehat{FRI}$ sont supplémentaires	$\widehat{FRG}$ et $\widehat{GRH}$ sont adjacents
3		$\widehat{FRG}$ est le complémentaire de $\widehat{GRH}$	$\widehat{FRE}$ est le complémentaire de $\widehat{HRI}$	$\widehat{ERF}$ est le complémentaire de $\widehat{FRI}$	$\widehat{GRH}$ est le complémentaire de $\widehat{HRI}$
4	<p>(AD) et (FH) sont parallèles.</p>	$\widehat{ACH}$ et $\widehat{BCD}$ sont opposés par le sommet	$\widehat{CDF}$ et $\widehat{BCD}$ sont opposés par le sommet	$\widehat{ACH}$ et $\widehat{BCD}$ sont adjacents	$\widehat{BCD}$ et $\widehat{CHF}$ sont correspondants
5		$\widehat{BCD} = 100^\circ$	$\widehat{BHF} = 100^\circ$	$\widehat{BCA} = 100^\circ$	$\widehat{DCH} = 100^\circ$
6		$\widehat{CDF} = 40^\circ$	$\widehat{BFH} = 50^\circ$	$\widehat{DCH} = 80^\circ$	$\widehat{CDF} = 100^\circ$
7		Si les angles roses sont égaux alors (d) et (d') sont parallèles	Si (d) et (d') sont parallèles alors les angles roses sont égaux	Les angles roses sont correspondants	Les angles roses sont alternes-internes
8	Quelles sont les affirmations vraies ?	$\widehat{OUG}$ et $\widehat{ZKL}$ sont opposés par le sommet	Deux angles alternes-internes peuvent être opposés par le sommet	Deux angles correspondants peuvent être opposés par le sommet	Le supplémentaire d'un angle aigu est obtus
9	<p>(TR) et (SU) sont parallèles et <math>\widehat{REA} = 60^\circ</math>.</p>	$\widehat{EAS} = 60^\circ$	$\widehat{TEA} = 120^\circ$	$\widehat{EAU} = 60^\circ$	$\widehat{EAU} = 90^\circ$

## Pour aller plus loin

### Un problème de construction

Trace une droite (d) et place un point A n'appartenant pas à (d).

Construis un triangle équilatéral dont un des sommets est A et les deux autres sommets sont deux points de la droite (d).

Propose une méthode de construction à l'aide d'un logiciel de géométrie dynamique.

