## 수치해석 프로젝트

20171615 노 성환

#### ● 프로젝트 내용

확률적 경사하강법(SGD), 모멘텀(Momenterm) 두 개의 최적화 알고리즘 중의 하나를 선택해, 최적화 알고리즘을 구체화하는 프로젝트입니다.

구현하고자 하는 프로젝트는 공부하는 시간(studyHour)에 대해 성적(score)은 어떻게 나오는 지 관계를 파악하고, 예측할 수 있는 그래프를 만들어 보는 것입니다.

#### ● 선택한 최적화 알고리즘의 개요 및 동작원리

선택한 최적화 알고리즘은 모멘텀(Momenterm)입니다.

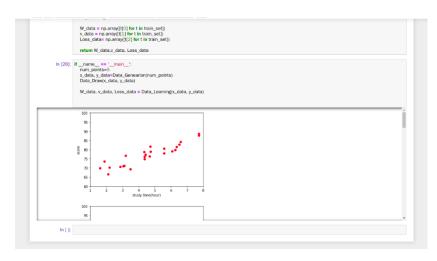
먼저 모멘텀이라는 단어는 관성, 탄력, 가속도 라는 뜻입니다. 모멘텀은 방식은 경사 하강법을 통해 이동하는 과정에 일종의 관성을 주는 것입니다. 현재 기울기를 통해 이동하는 방향과는 별개로, 과거에 이동했던 방식을 기억하면서 그 방향으로 일정 정도를 추가적으로 이동하는 방식입니다. 수식은 아래와 같습니다.(알파: 학습률, m: 모멘텀 계수, v(t): 속도)

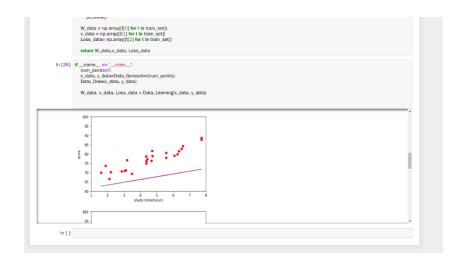
$$V(t) = m * V(t - 1) - \alpha \frac{\partial}{\partial w} Cost(w)$$
$$W(t + 1) = W(t) + V(t)$$

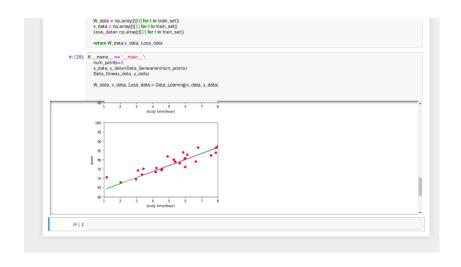
이와 같은 식을 이용하면 속도가 크게 나올수록 기울기가 크게 업데이트 되어 진동을 줄이면서 더 빠른 학습속도를 내므로 경사 하강법이 가지는 학습속도가 느린 단점과 확률적 경사하강법의 진동 크기 또한 보완할 수 있습니다.

## ● 선택한 최적화 알고리즘을 파이썬 패키지로 이용한 결과(추상화)

## <텐서플로우를 이용한 모멘텀 알고리즘>

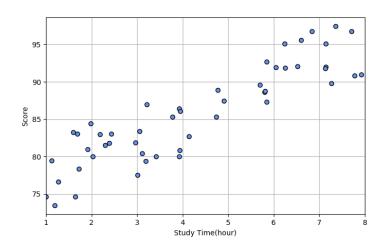




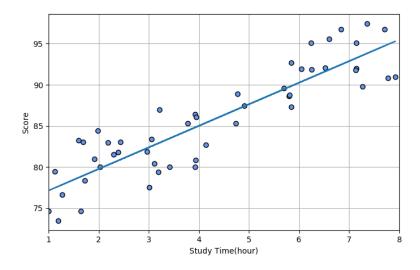


# ● Numpy 레벨의 파이썬 패키지를 이용해 선택한 최적화 알고리즘의 구체화

<공부시간과 점수 데이터를 나타내는 데이터>



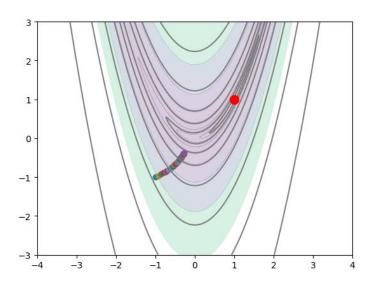
<데이터를 예측할 수 있는 직선>



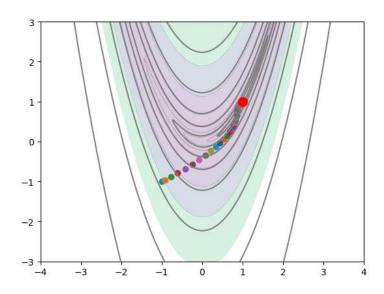
### ● 선택한 최적화 알고리즘의 검증

선택한 모멘텀 알고리즘의 성능 검증을 로젠브록 함수를 통해 진행하였습니다.

<경사 하강법을 이용해 35번 실행한 결과>



<모멘텀을 이용해 35번 실행한 결과>



모멘텀을 이용한 방법이 경사 하강법을 이용한 방법보다 더 빠른 속도로 수렴할 수 있는 것을 알 수 있습니다.

#### ● 프로젝트를 마치며

이번 프로젝트를 통해 수업에서 배운 경사 하강법을 활용해 좀 더 개선된 모멘텀 알고리즘을 공부해 알 수 있게 되었습니다. 그리고 수업에서 배우면서 눈으로 보기만 하다 처음으로 직접 구현함으로써 초반에는 되게 막막하고, 이해하기 힘들었지만 완벽한 상태는 아니지만 스스로 조금씩 이해하면서 예측 모델을 만들고, 검증까지 할 수 있는 능력을 갖추게 되어 뿌듯했습니다.

이번 한 학기동안 수치 해석이란 과목을 수강하면서 다양한 수학과, 파이썬, 그리고 파이썬 안에 있는 다양한 라이브러리를 이용해 그동안 배우지 못했던 러닝 머신에 대해 배울 수 있 어서 특별했고, 앞으로 더 많은 학습을 통해 좀 더 다양하고 섬세한 예측 모델을 만들어 보 고 싶고, 이를 위해 더 열심히 공부해야 한다는 생각이 들었습니다.