



$h = \frac{l}{2} \sin \theta$; ~~$d = l$~~ . Se, $x \leq \frac{l}{2} \sin \theta$, a agulha cruza a linha. Logo, a probabilidade da agulha cruzar a linha é a razão entre a área do retângulo e o gráfico da função x .

Área do retângulo: $A_r = b \cdot h$
 $A_r = \frac{d\pi}{2}$

Área da função: $A_f = \int_0^{\pi} \frac{l}{2} \sin \theta d\theta$
 $= \frac{l}{2} [-\cos \theta]_0^{\pi}$
 $= \frac{l}{2} (-\cos \pi + \cos 0)$
 $= \frac{l}{2} \cdot 2$
 $A_f = l$

$$P = \frac{A_f}{A_r}$$

$$P = \frac{\frac{l}{2}}{\frac{d\pi}{2}}$$

$$P = \frac{2l}{d\pi}$$

como $d = l = 1$

$$P = \frac{2}{\pi}$$

$$\pi = \frac{2}{P}$$