

AtCoder Beginner Contest #004

解説資料




2014年 2月 16日
AtCoder株式会社 青木謙尚

目次

1. 競技プログラミングを始める前に
2. A~D問題
 - ところどころに入出力の方法があります

競技プログラミングを始める前に

(競技) プログラミングを始めたいけど、
そもそもプログラムって何をするの？

- （競技）プログラミングを始めたいけど、そもそもプログラムって何をするの？
- 大雑把に言うと
 1. 情報を受け取って
情報  プログラム

- （競技）プログラミングを始めたいけど、そもそもプログラムって何をするの？

- 大雑把に言うと

1. 情報を受け取って

情報  プログラム

1. 何らかの処理を施して情報を加工する

情報  プログラム  情報

- （競技）プログラミングを始めたいけど、そもそもプログラムって何をするの？

- 大雑把に言うと

1. 情報を受け取って

情報  プログラム

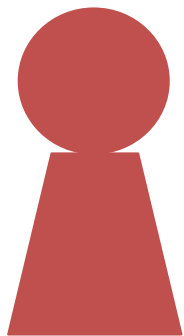
1. 何らかの処理を施して情報を加工する

情報  プログラム  情報

1. そしてどこかへ渡す

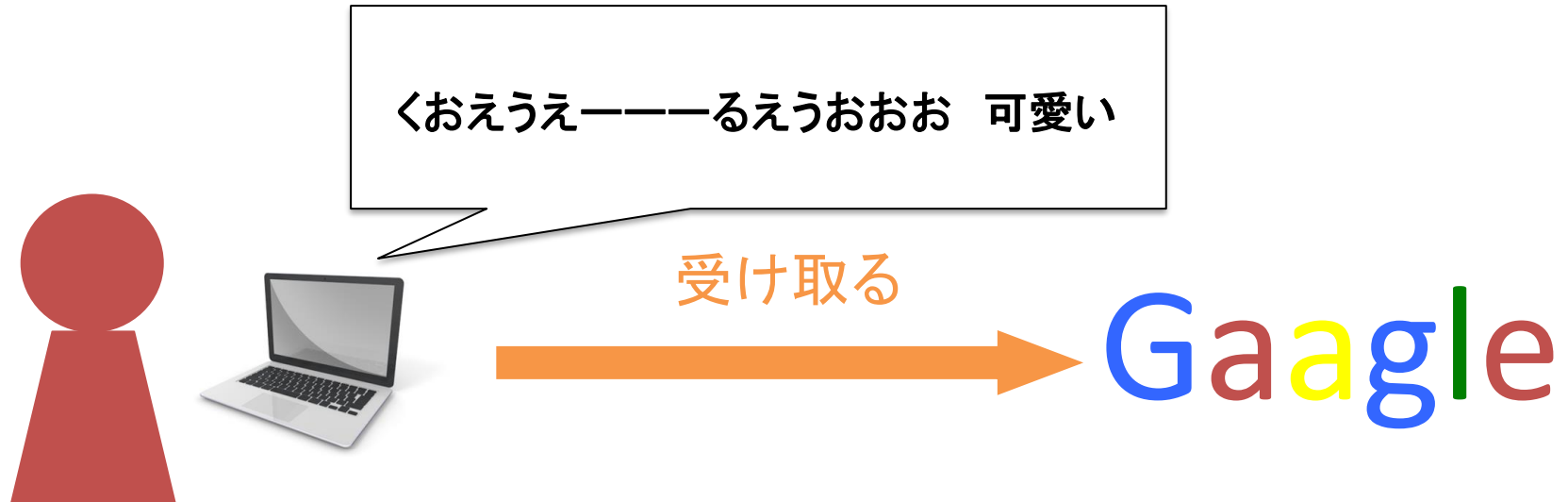
情報  プログラム  情報 

- 具体例
 - 検索

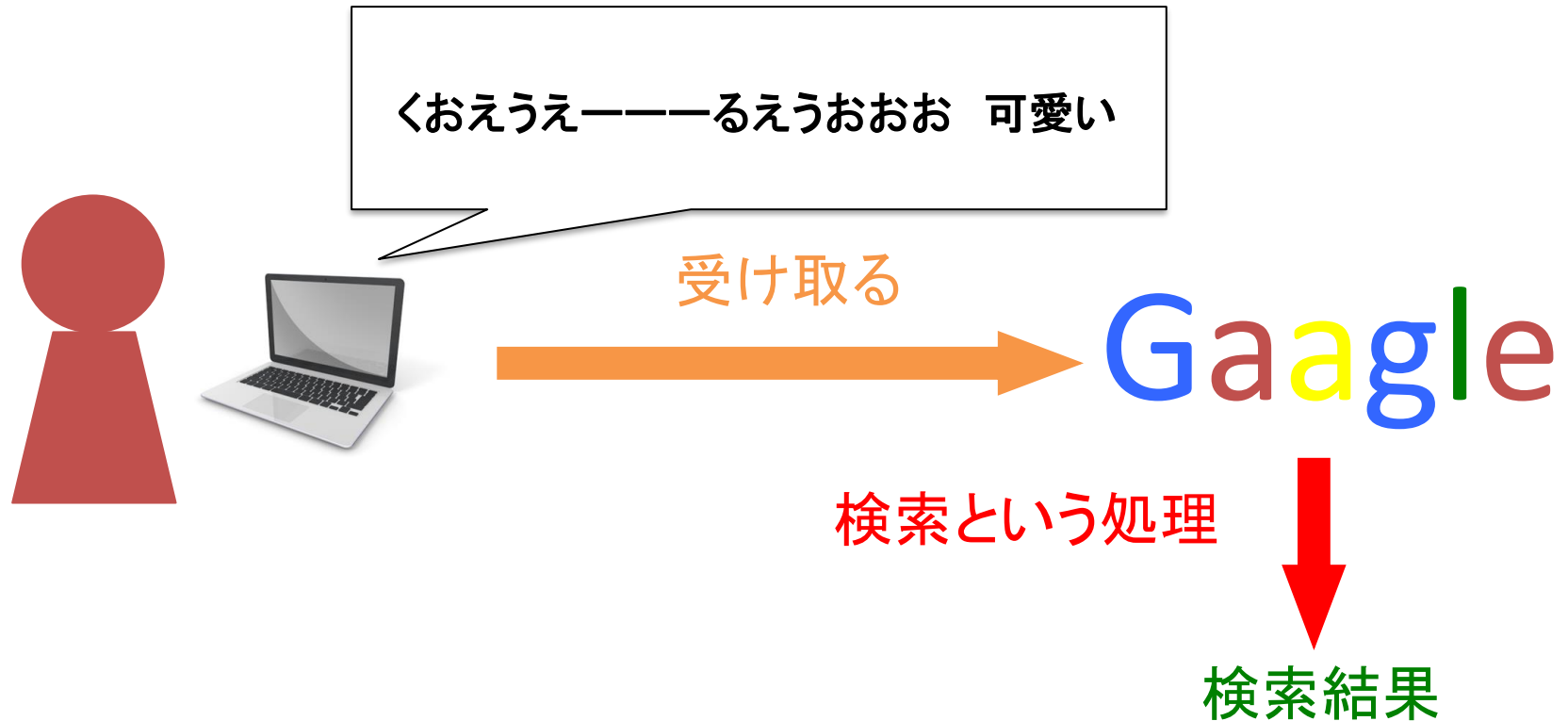


くおえうえ———るえうおおお 可愛い

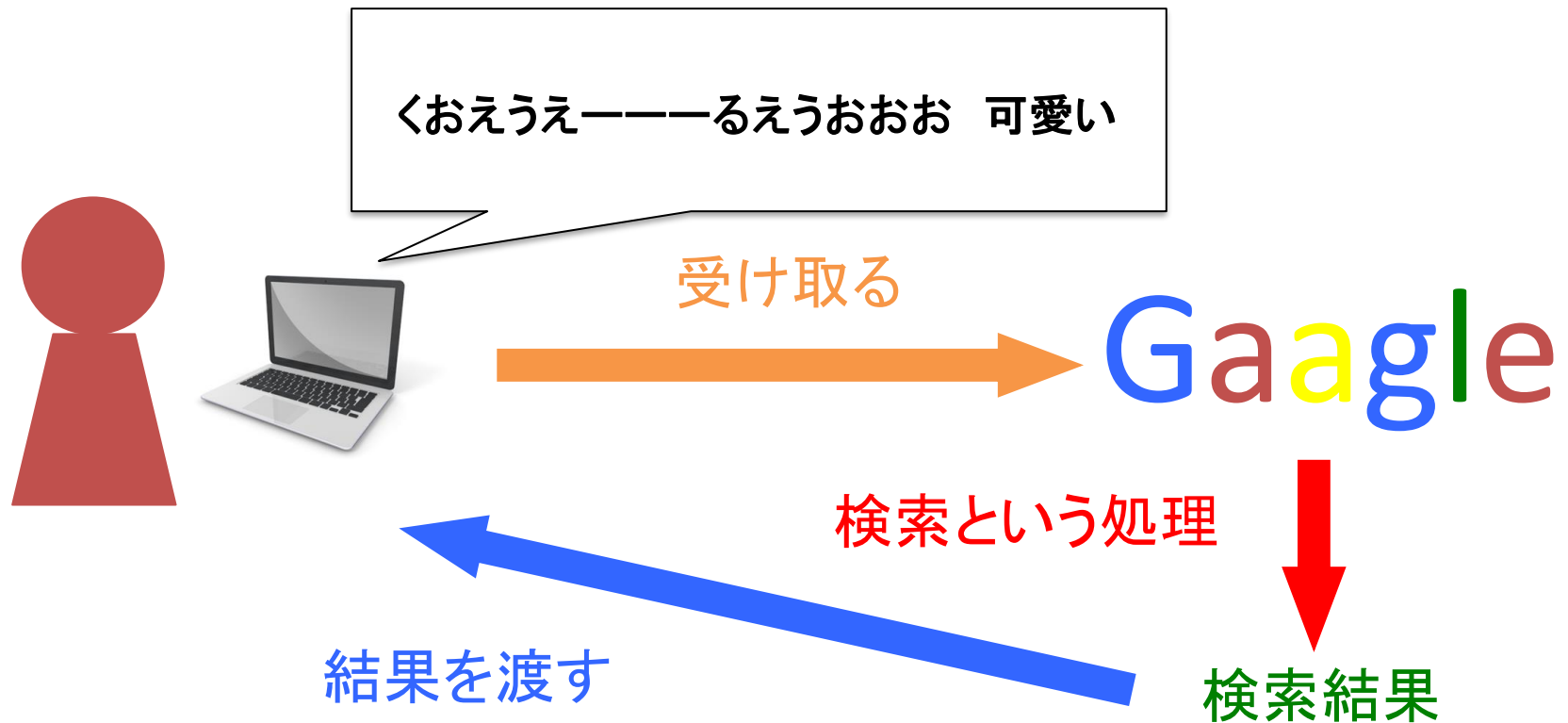
- 具体例
 - 検索



- 具体例
 - 検索



- 具体例
 - 検索



- 入出力ができなければ、
 - “くおえうえ———るえうおおお 可愛い”
 - を受け取れないし、
 - 検索結果も渡せない

- 入出力ができなければ、
 - “くおえうえ———るえうおおお 可愛い”
 - を受け取れないし、
 - 検索結果も渡せない
- アルゴリズムより先にすることがある！
- 本当に本当に始めたばかりの人へ
 - まずは入出力から始めませんか？

A問題

1. 問題概要
2. 入力
3. 処理（アルゴリズム）
4. 出力

1. 整数 N が与えられる。

1. $2*N$ を出力せよ。

1. 整数 N が与えられる。

➤ 入力される値である N を保存する！

2. $2*N$ を出力せよ。

➤ 保存した N に2をかけて出力する！

- 入力の取り方は標準入出力でググってください
 - とはいえ、少しでもサンプルを載せます
 - コードの色は
 - 受け取り
 - 処理
 - 出力
- を表したものではありませんので、注意して下さい
 - AtCoderへ提出したときの色です

- C

```
#include<stdio.h>
int main(){
    int N;
    scanf("%d", &N);
    return 0;
}
```

- C++

```
#include<iostream>
int main(){
    int N;
    std::cin >> N;
    return 0;
}
```

- Java

```
import java.util.Scanner;
public class Main{
    public static void main(String[] args){
        Scanner sc = new Scanner(System.in);
        int N = sc.nextInt();
    }
}
```

- C#

```
using System;
class Program{
    static void Main(string[] args){
        int N = int.Parse(Console.ReadLine());
    }
}
```

- その他
 - <http://practice.contest.atcoder.jp/> を参照してください
 - たいていの言語の例があります

- さきほどから入力を受け取ると何度も書いてますが、受け取るためには保存するための入れ物が必要です。
- プログラムの世界でも入れ物に形があります。
 - これを型といいます。

- **型の例**
 - 整数型 int
 - ◆ 0, 1, 2 ... 100 ... などの整数
 - 文字型 char
 - ◆ a, b, c ... A, B ... などの1文字
- **各型で表現できる最大、最小の値は言語や処理系で変化します**

- 変数について



```
int variable = 4;
```

とすると、



4

variable

variableという入れ物に4が入ります



さらに

```
variable = 1;
```

とする

と



1

variable

variableに1が上書きされます

受け取ったNに

➤ 2をかける

受け取ったNに

➤ 2をかける

コードは以下だけ

```
N = N * 2;
```

処理の結果を出力します

- C

```
printf("%d\n", N);
```

- C++

```
cout << N << endl;
```

- Java

```
System.out.println(N);
```

- C#

```
Console.WriteLine(N);
```

B問題

1. 問題概要
2. 入力
3. 処理（アルゴリズム）
4. 出力

1. 4x4の盤面が与えられる。
2. 盤面を180度回転させて出力せよ。

1. 4x4の盤面が与えられる。

➤ 盤面を保存する

2. 盤面を180度回転させて出力せよ。

➤ 盤面を180度回転させる

➤ 出力する

絶望ポイントその1

- 盤面の状態ってどう保存すればいいんだ！？

絶望ポイントその2

- 180度の回転ってどうやればいいんだ！？

絶望ポイントその1

- 盤面の状態ってどう保存すればいいんだ！？
 - 配列を使いましょう

絶望ポイントその2

- 180度の回転ってどうやればいいんだ！？
 - コピー用の配列を作る
 - 元の配列を逆からコピーする

まずは盤面の保存から

- 配列って何？

まずは盤面の保存から

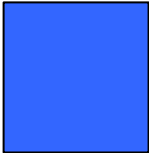

- 配列って何？

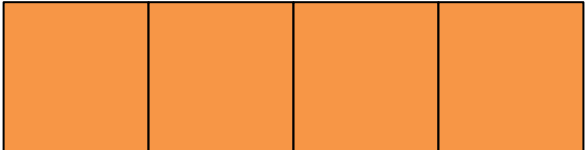

➤ 連続した箱です

- 世界で最も偉大な箱かも

まずは盤面の保存から

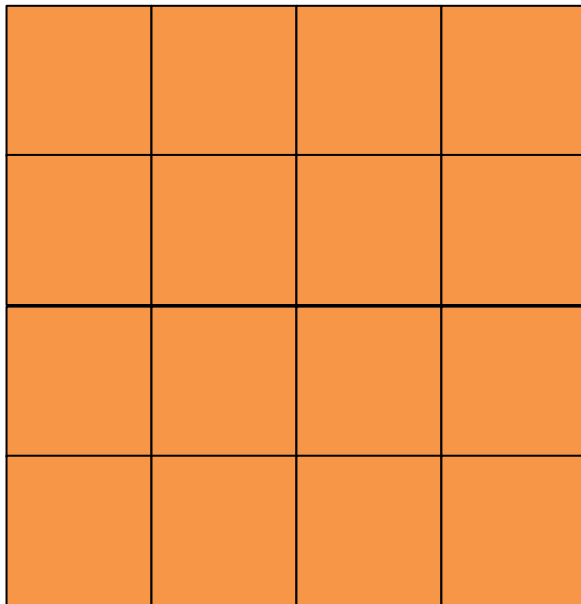
- 配列って何？

  1つだけだと変数

  連続してたら配列

まずは盤面の保存から

- どこが偉大なの？



縦に並べることができる

➤ これで盤面が作れる！

まずは盤面の保存から

- 配列の概念はわかったけど、何をすればいいの？

まずは盤面の保存から

- 配列の概念はわかったけど、何をすればいいの？

➤ **宣言** して下さい

2次元配列の宣言

- C/C++

```
char board[4][4];
```

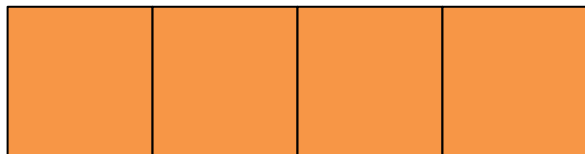
- Java

```
char[][] board = new char[4][4];
```

- C#

```
char[,] board = new[4, 4];
```

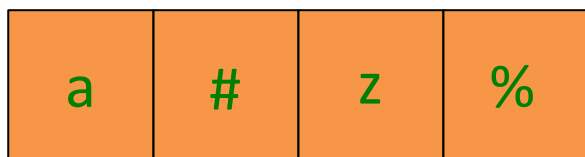
1



```
char array [4];
```

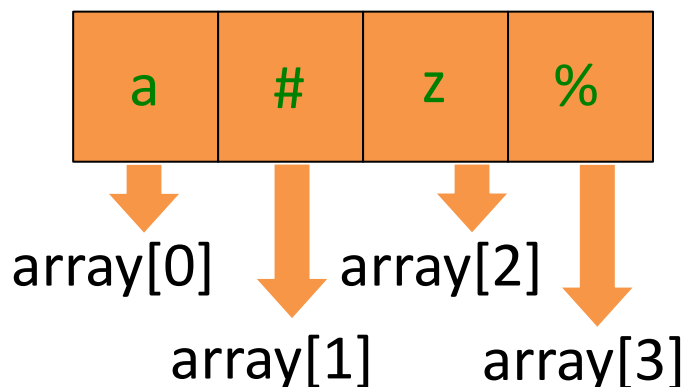
array という配列を宣言する

2



すでに文字が格納されているとする

3



array[0]のようにしてアクセスできる

0から始まることに注意！

board


```
char board[2][2];
```

boardという2次元配列を宣言する

board

a	#
z	%

同様に、何らかの文字が入っているとする

board[0][0]

a	#
z	%

board[0][1]

board[1][0]

board[1][1]

board[0][0]には 'a'

board[0][1]には '#'

board[1][0]には 'z'

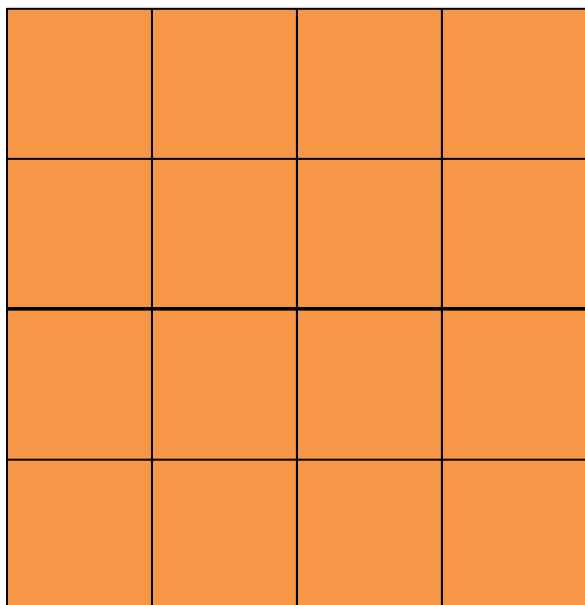
board[1][1]には '%'

180度の回転ってどうするの？

- コピー用の配列を用意します。
 - ◆ `char copy[4][4];` を宣言しておきます。
- 元の配列を逆からコピー用の配列に移します。
 - ◆ `for`文を使います。

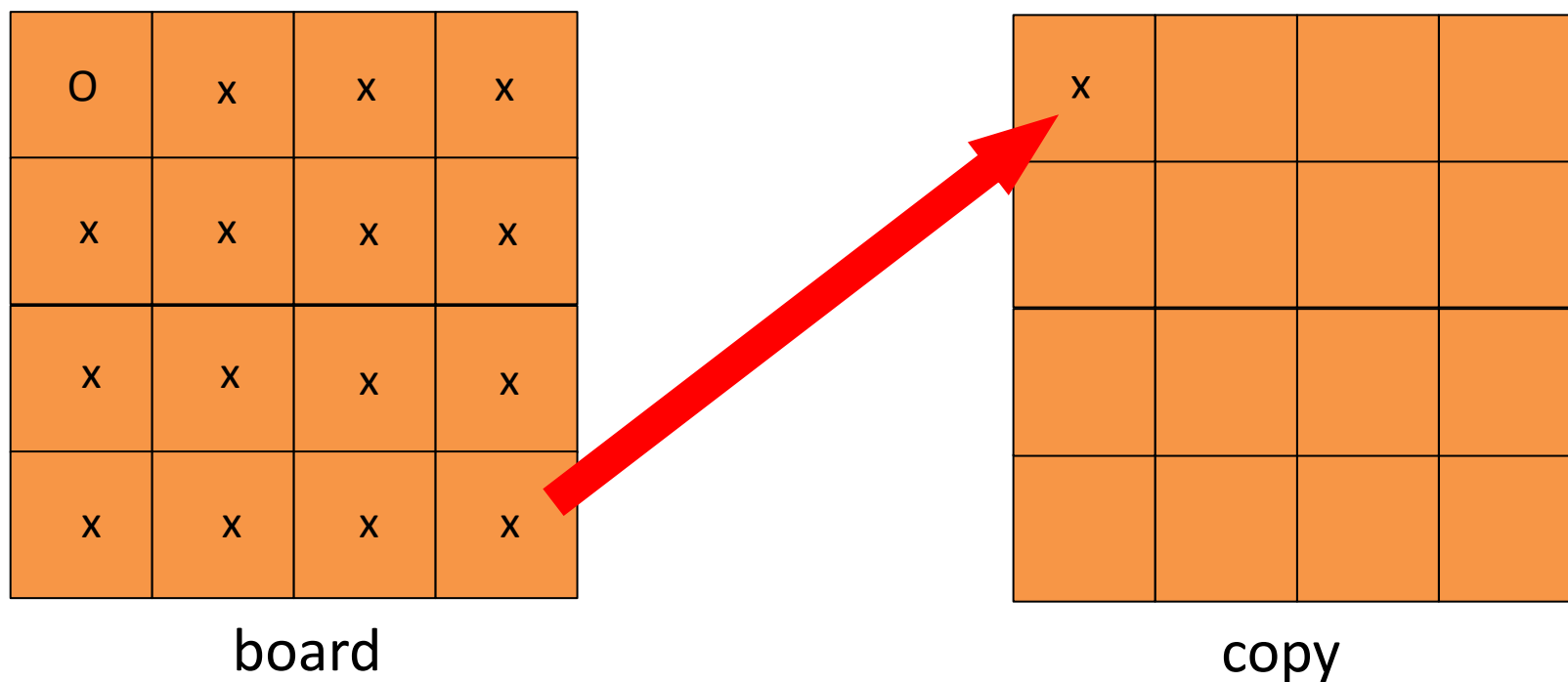
コーディングに入る前に、いまからすることを図示します。

1. コピー用の配列を宣言します。

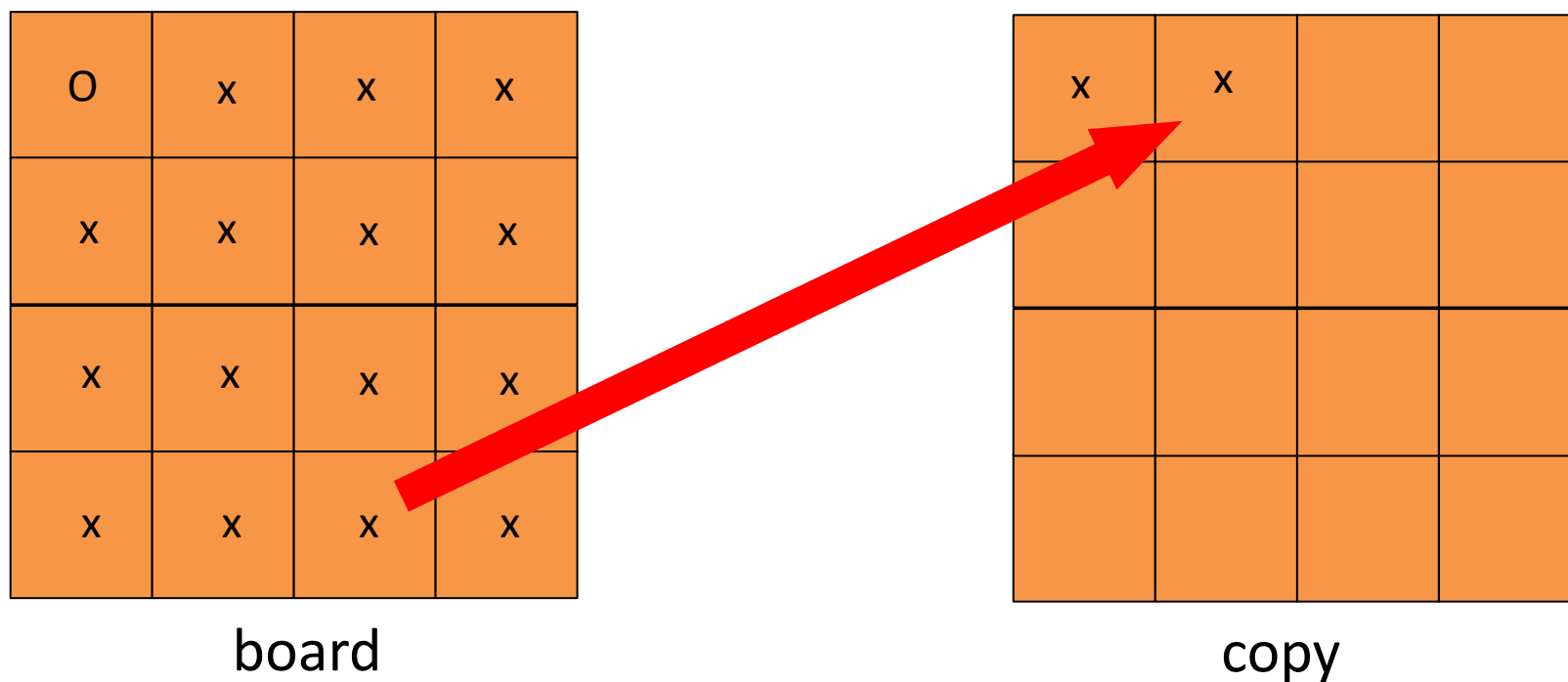


```
char copy[4][4];
```

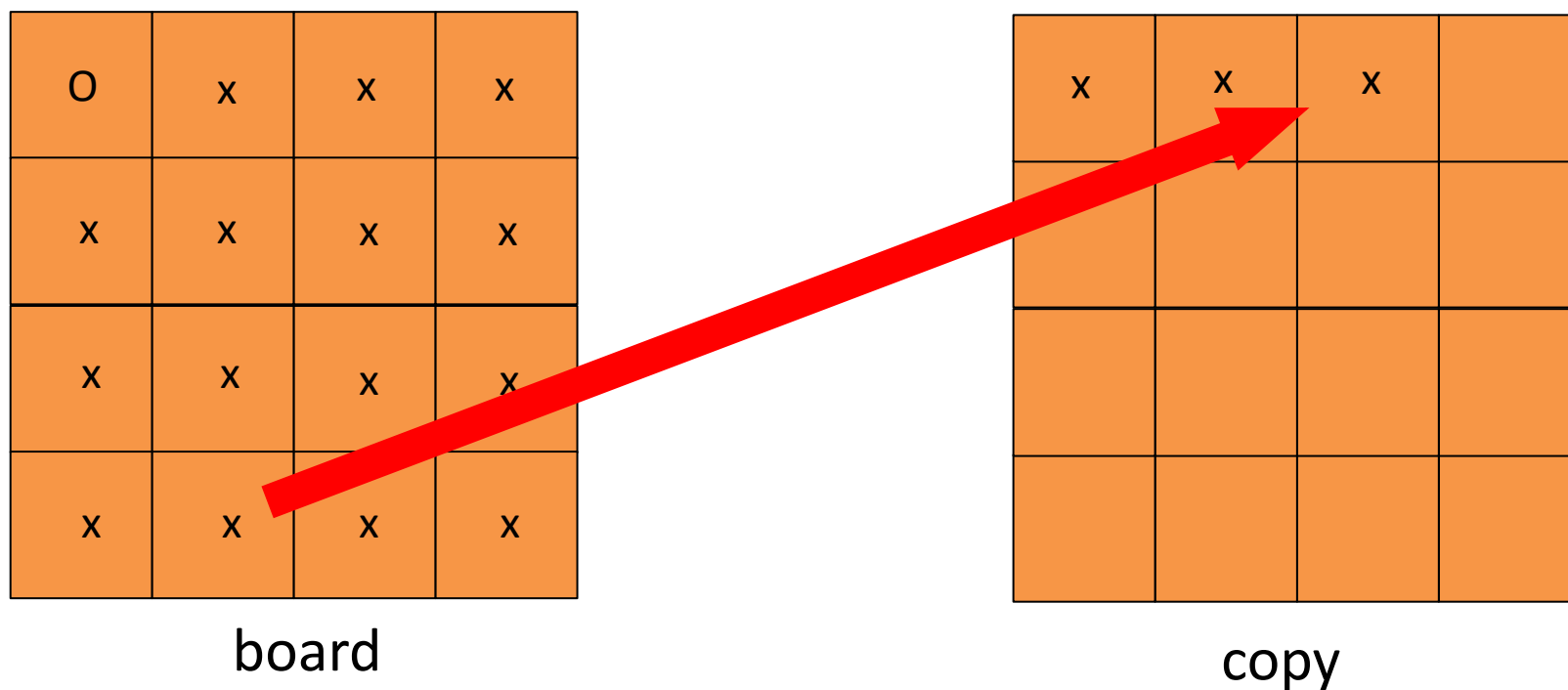
2.元の配列を逆からコピー用の配列に移します。



2.元の配列を逆からコピー用の配列に移します。



2.元の配列を逆からコピー用の配列に移します。



途中を省略して...

2.元の配列を逆からコピー用の配列に移します。

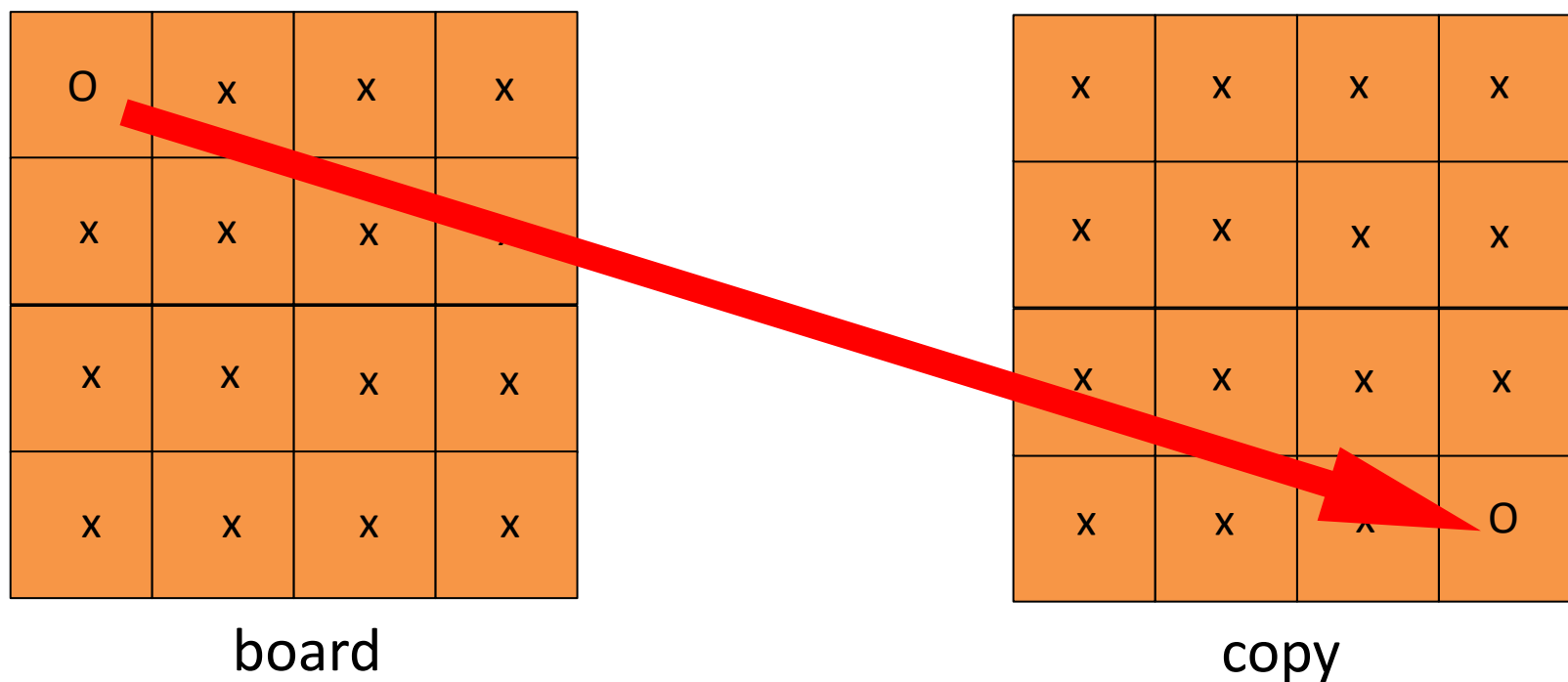
O	x	x	x
x	x	x	x
x	x	x	x
x	x	x	x

board

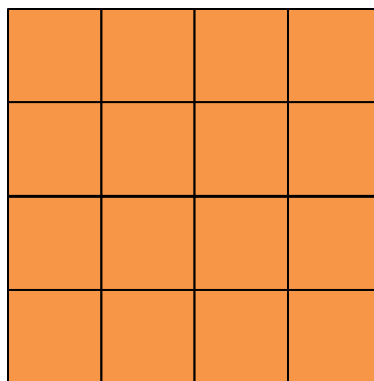
x	x	x	x
x	x	x	x
x	x	x	x
x	x	x	

copy


2.元の配列を逆からコピー用の配列に移します。



- 移せばよいことはわかったけど、実際にどうするの？
 - **for**文を使います。
 - for文とは繰り返し行われる処理を記述するものです。
- 復習
 - 2次元配列の添字について



- 2次元配列の添字について



[0,0]	[0,1]	[0,2]	[0,3]
[1,0]	[1,1]	[1,2]	[1,3]
[2,0]	[2,1]	[2,2]	[2,3]
[3,0]	[3,1]	[3,2]	[3,3]

- 注意点
 - 数学の xy 座標とは異なる
 - マスは 4×4 だが、添字は $[3,3]$ まで

- for文のコード

```
for(int i = 0; i < 4; i++){  
    for(int j = 0; j < 4; j++){  
        copy[i][j] = board[3-i][3-j];  
    }  
}
```

- for文のコード($i = 0, j = 0$ のとき)

```
copy[0][0] = board[3-0][3-0];
```

O	x	x	x
x	x	x	x
x	x	x	x
x	x	x	x

board

x			

copy

- for文のコード($i = 0, j = 1$ のとき)

```
copy[0][1] = board[3-0][3-1];
```

O	x	x	x
x	x	x	x
x	x	x	x
x	x	x	x

board

x	x		

copy

- for文のコード($i = 0, j = 2$ のとき)

```
copy[0][2] = board[3-0][3-2];
```

O	x	x	x
x	x	x	x
x	x	x	x
x	x	x	x

board

x	x	x	

copy

途中を省略して...

- for文のコード($i = 3, j = 2$ のとき)

```
copy[3][2] = board[3-3][3-2];
```

O	x	x	x
x	x	x	x
x	x	x	x
x	x	x	x

board

x	x	x	x
x	x	x	x
x	x	x	x
x	x	x	

copy

- for文のコード($i = 3, j = 3$ のとき)

```
copy[3][3] = board[3-3][3-3];
```

O	x	x	x
x	x	x	x
x	x	x	x
x	x	x	x

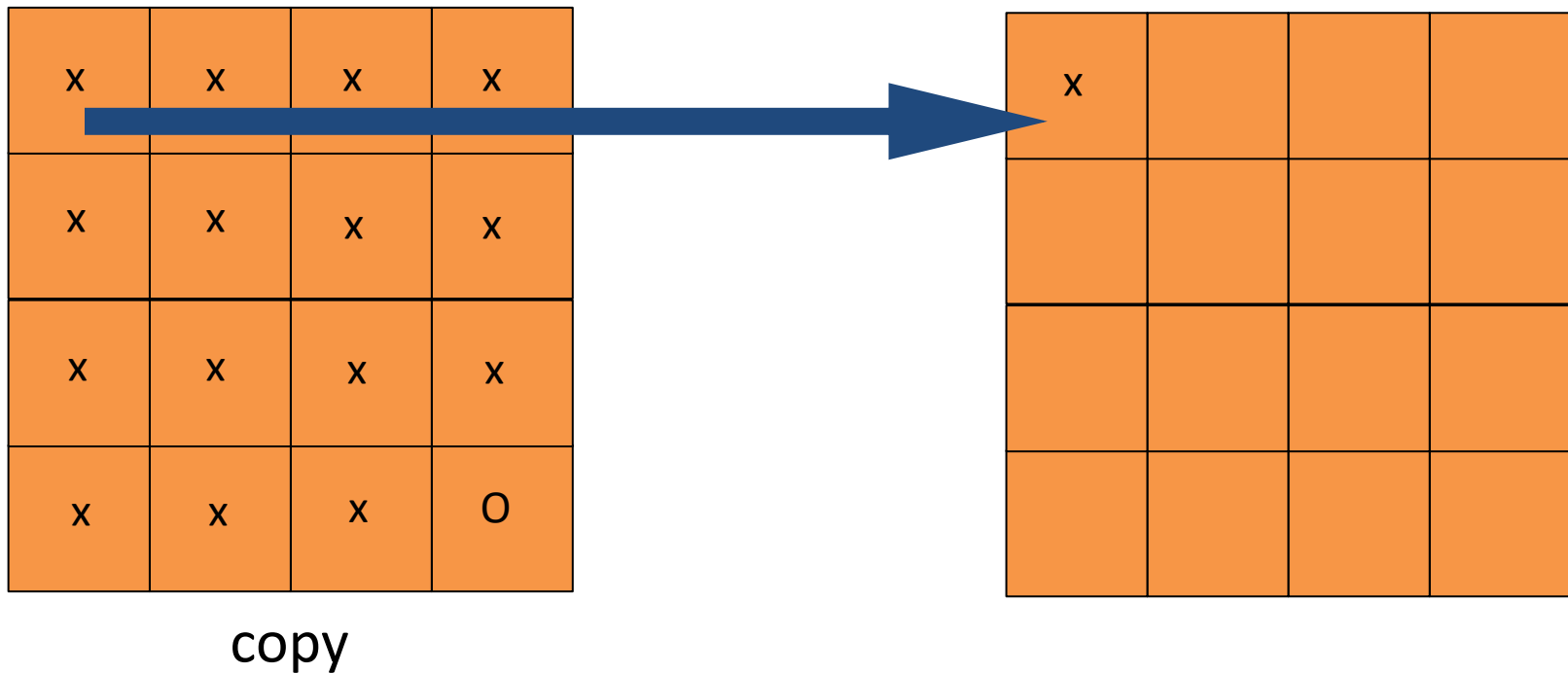
board

x	x	x	x
x	x	x	x
x	x	x	x
x	x	x	O

copy

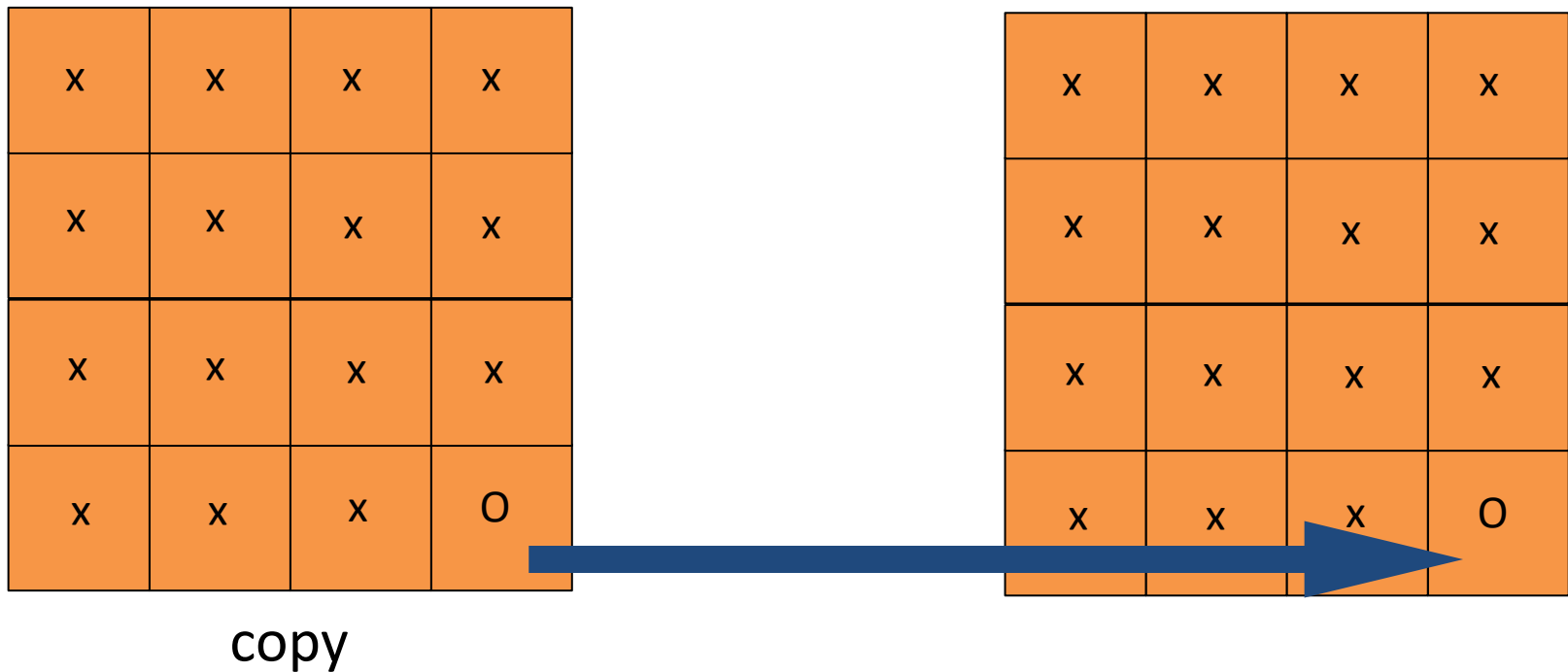
3.180度回転させたものを順に出力するだけ

➤ これもforを使って書いて下さい。



途中を省略して...

3.180度回転させたものを順に出力するだけ



C問題

1. 問題概要
2. 処理（アルゴリズム）

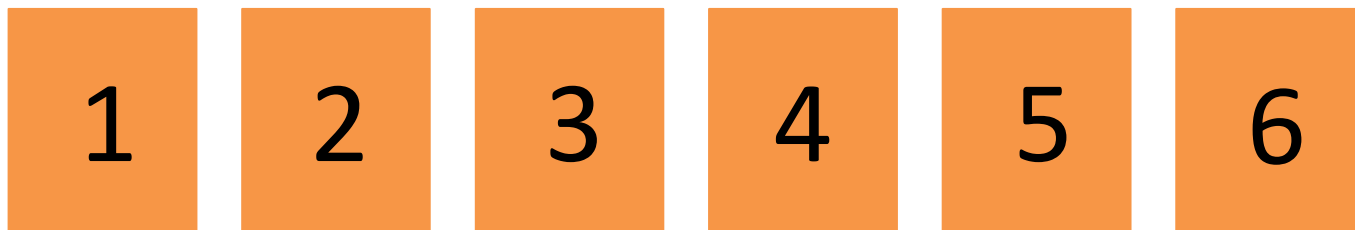
1. 1から6までの数字が割り振られた、6枚のカードが左から順に整列している。
2. 整数 $N(1 \leq N \leq 10^9)$ が与えられる。
3. $i=0$ から $i=N-1$ までの N 回、カードを入れ替える。
 - 左から $\{(i\%5)+1\}$ 番目のカードと、
左から $\{(i\%5)+2\}$ 番目のカードを入れ替える。

- 剰余演算子 % について
 - 要は「余り」のこと
 - $7\%3$ は「7を3で割った余り」を意味する
 - ◆ つまり1
 - ほとんどのプログラミング言語では%が剰余演算子として実装されている

1. この問題のポイントは、 N の値に大きな値が含まれること(最大で $N=10^9$ まで)
2. つまり、普通に交換していくだけでは時間的な制約上、満点を得るのは厳しい(2s以内)
3. ここに気づくことができるかが、満点を得るためのポイント
 - できるだけ交換回数を減らしたい！

- とはいえ、まずは実験してみる

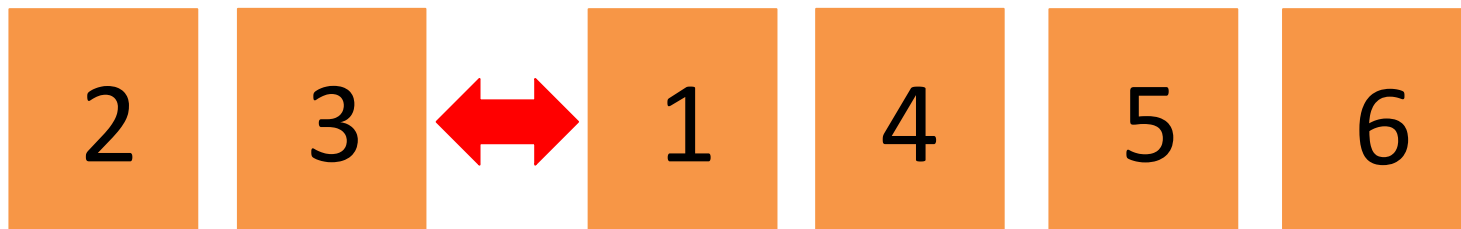
初期状態



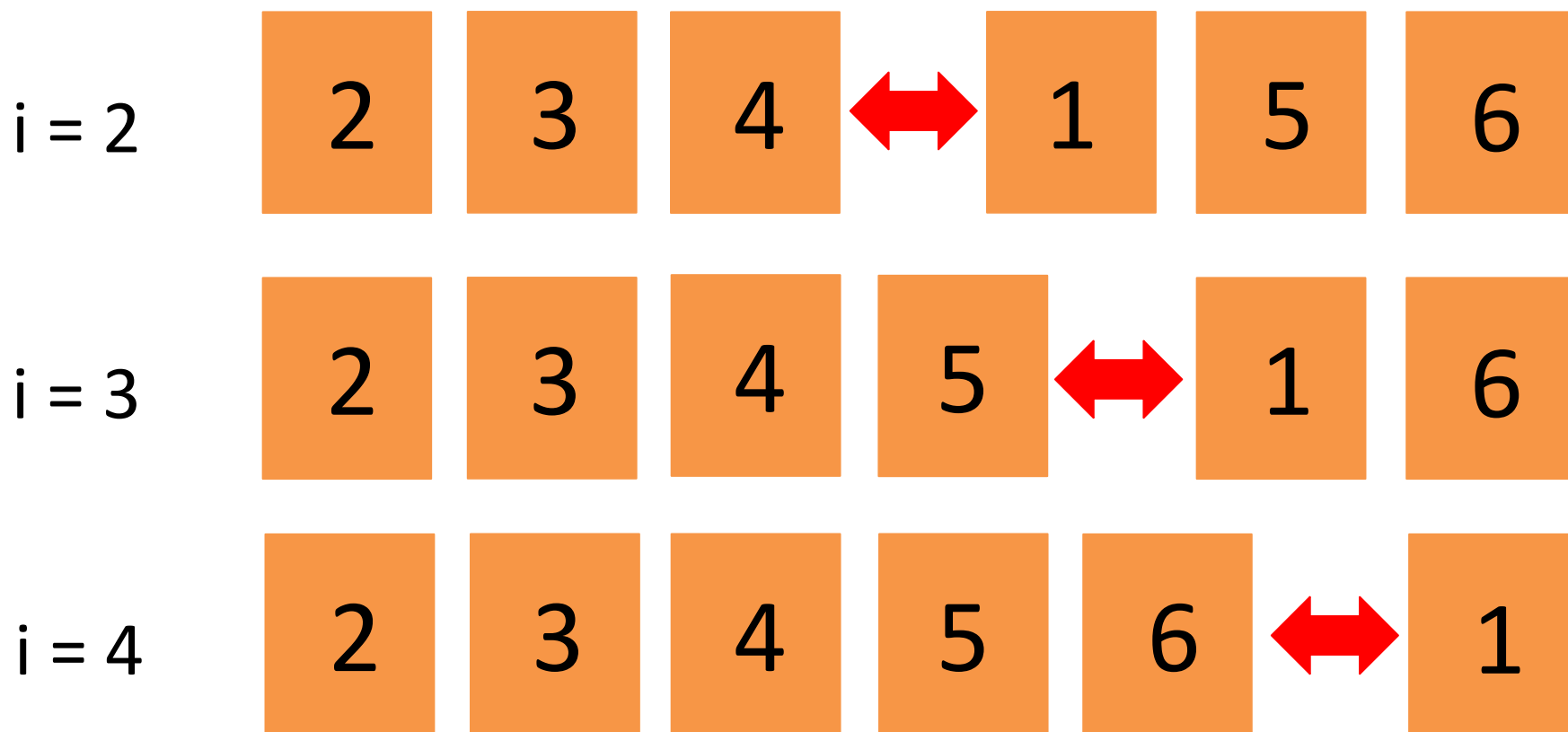
$i = 0$



$i = 1$



- まずは実験してみる



- あれ？1が右端に移動して2~6までは整列している・・・？

$i = 4$

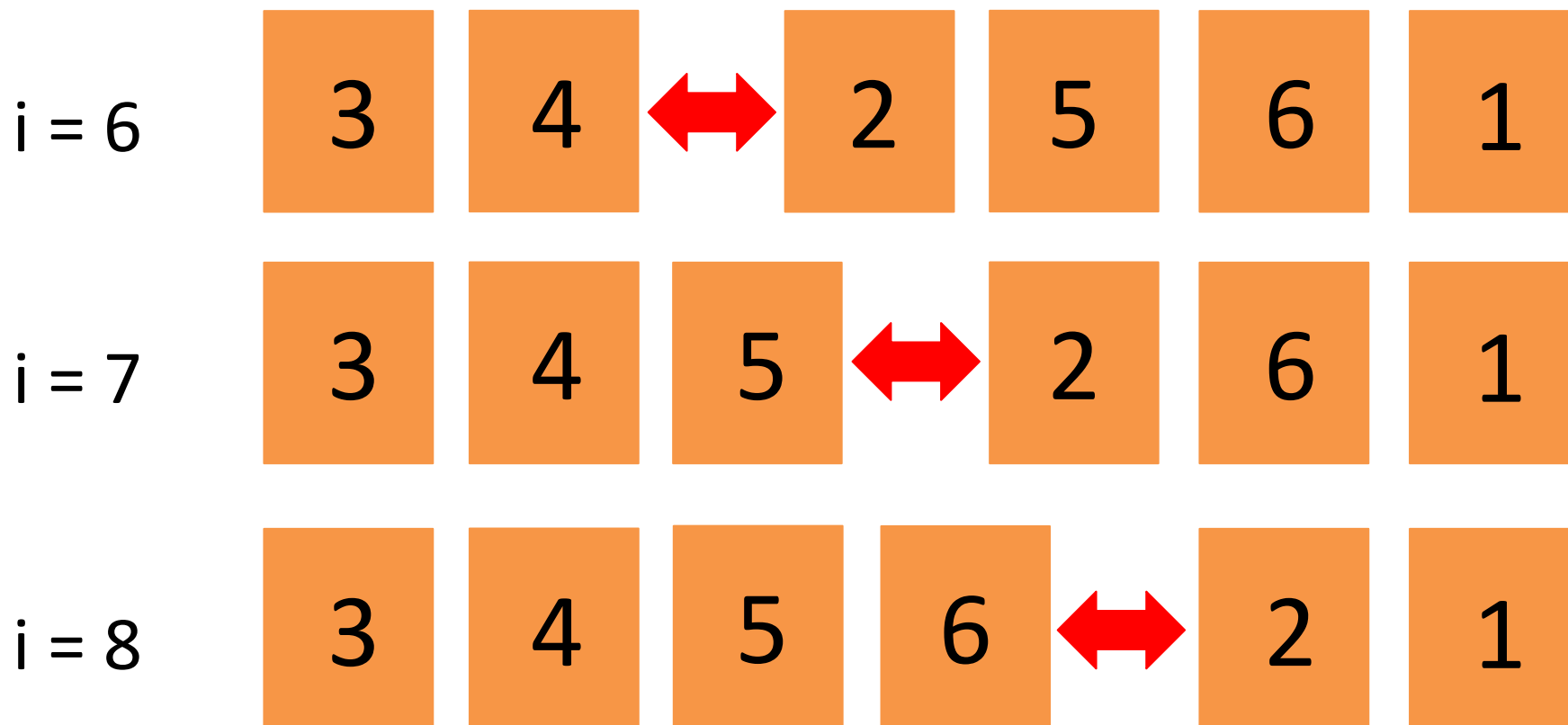


- さらに実験してみる

$i = 5$

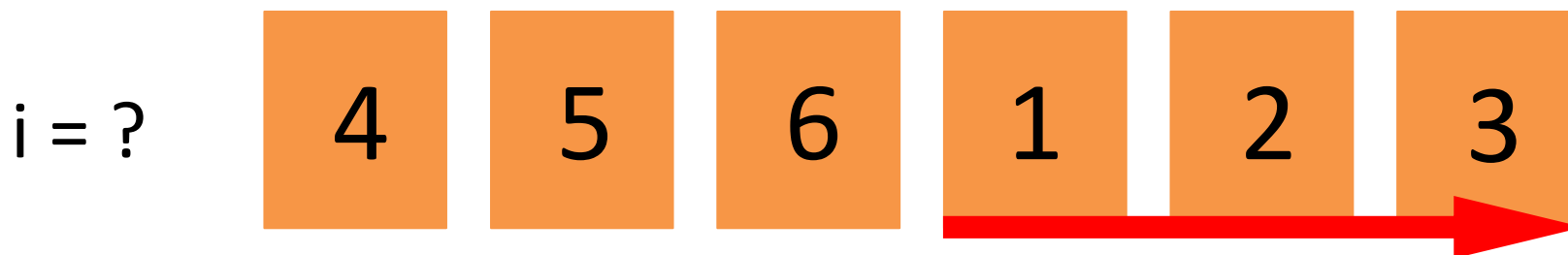


- さらに実験してみる

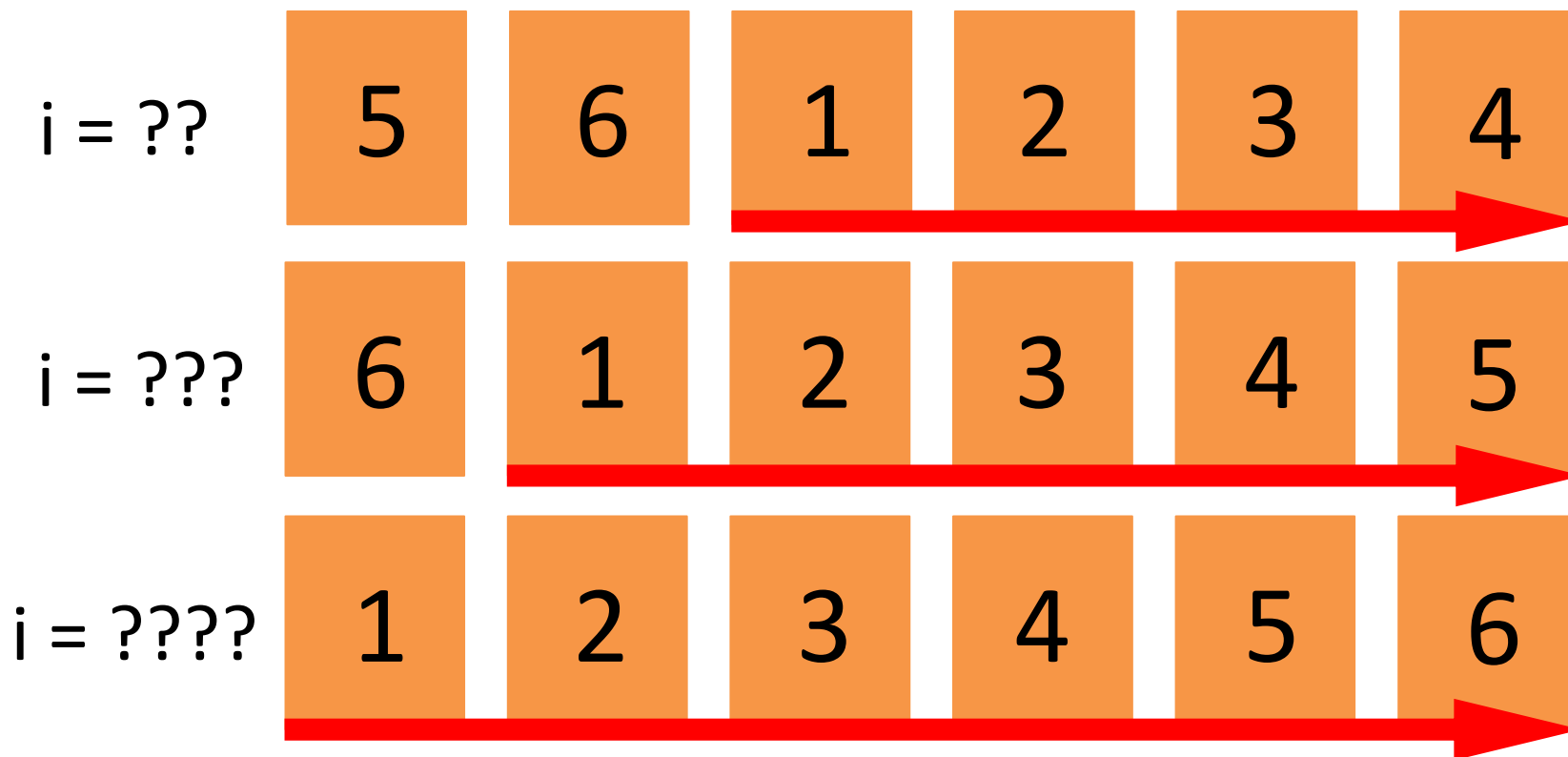




- 先頭から3~6が整列している。で、後ろに1と2が並んでいる。
- ということは、もっと進めてみると以下のようなになるのでは？



- さらにさらに進めると、きっとこういった遷移が行われるはず



- i がいくつのときかはわからないけれど、初期状態に帰ってくる？
 - あくまでも現段階では予想である

$i = 0$

1

2

3

4

5

6

$i = \text{????}$

1

2

3

4

5

6

- 確かめてみる！
 - 方法は、カードの遷移を出力する

i = 0 213456

i = 1 231456

i = 2 234156


:

i = 29 123456 ← 発見！

i = 30 213456

- 確かめてみる！
 - 方法は、カードの遷移を出力する

交換回数は*i*が
0から29までの30回



<i>i</i> = 0	213456
<i>i</i> = 1	231456
<i>i</i> = 2	234156
	:
<i>i</i> = 29	123456
<i>i</i> = 30	213456

カードが6枚あって、入れ替え可能な場所が5通りあるから
 $6 \times 5 = 30$ 回交換すると初期状態に戻る

- 実験の結果、30回交換すると初期状態に戻ることがわかった。
 - 31回の交換は、1回の交換と同じ。
 - 32回の交換は、2回の交換と同じ。
 - 100回の交換は？
 - ◆ $100 \bmod 30 \Rightarrow 10$ より、10回の交換と同じ
 - ◆ 30で割ったときの余り（剰余）がポイント
- Nを30で割ったときの余りで交換すればよい

- これでNの値が大きくなっても対応できる！
 - たとえば、 $N = 1000$ のとき、実際に1000回交換するのではなく、 $1000 \bmod 30 \Rightarrow 10$ 回交換すればよい
 - 30で割ったときの余りは、0~29の30通りあるが、最大でも29回ですむ。

```
N = N % 30;
```

としておけばよい

- 数値の入れ替えの仕方
- A, Bを入れ替えたい時の処理
 - $C = A;$
 - $A = B;$
 - $B = C;$
- のように、Cを中継してあげれば入れ替えることができる。
- C++などは、標準でswap関数が用意されている

AtCoder Beginner Contest #004

解説資料 続き



2014年 2月 16日
AtCoder株式会社 高橋直大

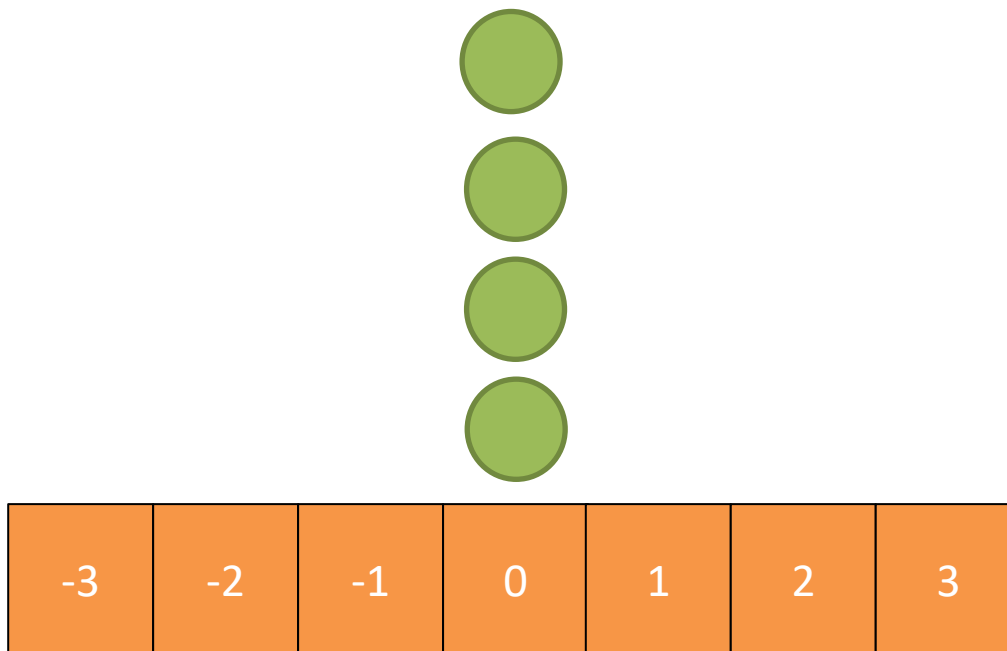
D問題

1. 問題概要
2. 処理（アルゴリズム）

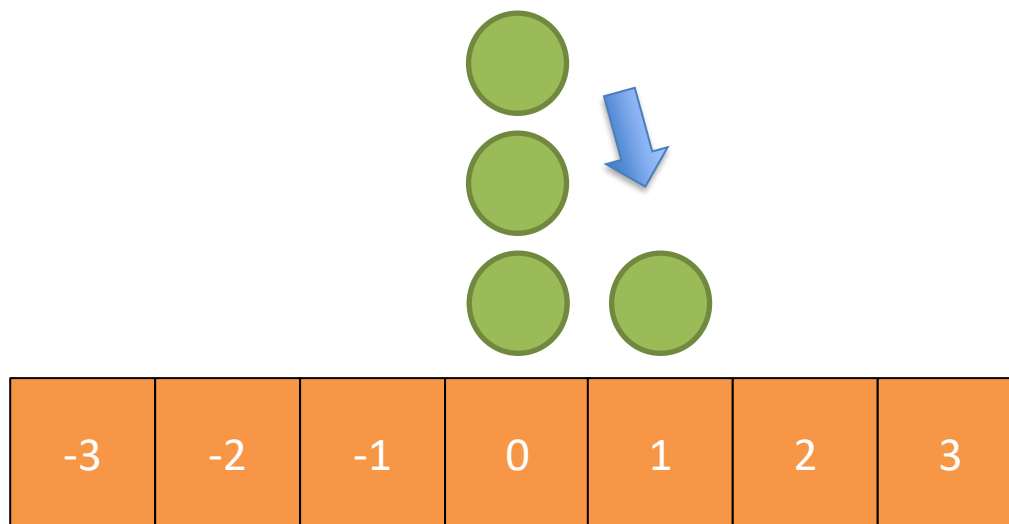
- 番号がついた箱が無限個並んでおり、左から順番に、 $\dots, -2, -1, 0, 1, 2, \dots$ と番号がついている
- いくつかの箱には、マールが入っている。
 - 番号-100の箱には、赤いマールがR個
 - 番号0の箱には、緑のマールがG個
 - 番号100の箱には、青いマールがB個
- これらのマールを、1個隣の箱に移動することが出来る。
- 全ての箱に、マールが2個以上入っていない状態にする。

- 部分点 1
 - $R, G, B \leq 5$
- 部分点 2
 - $R, G, B \leq 40$
- 満点
 - $R, G, B \leq 300$

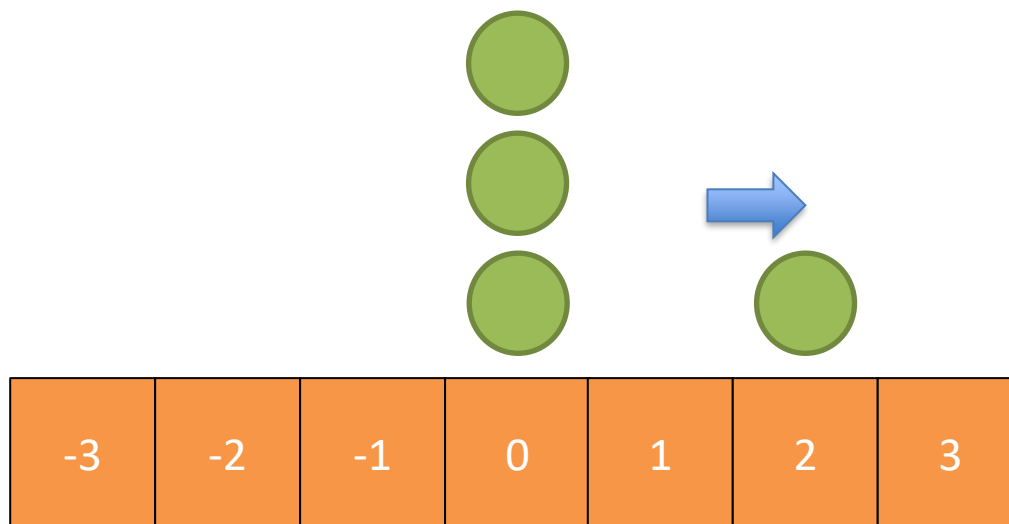
- 例えば、Gが4の時



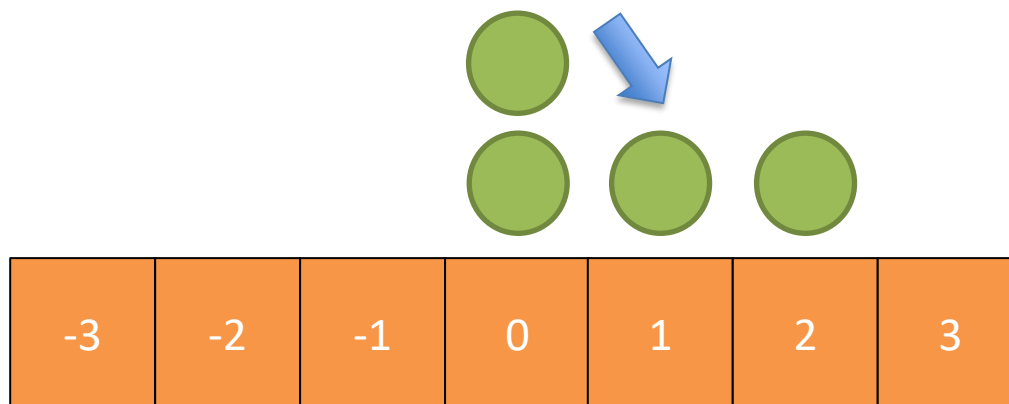
- 例えば、Gが4の時
- マーブルを右に



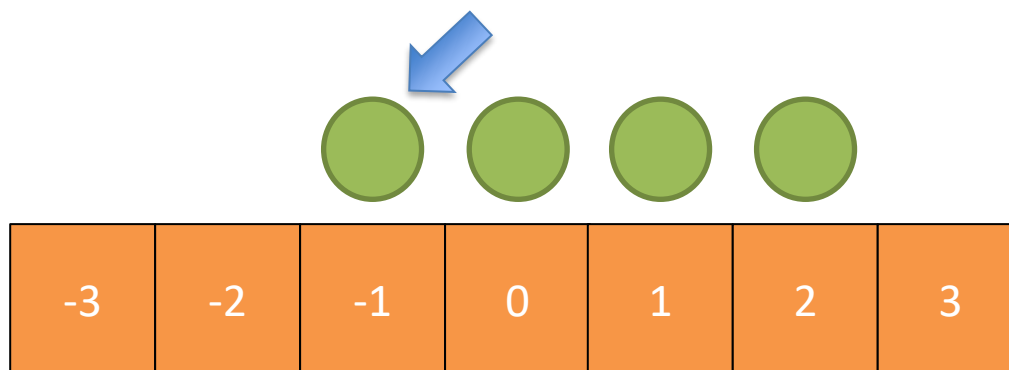
- 例えば、Gが4の時
- マーブルを右に2回移動して



- 例えば、Gが4の時
- マーブルを右に2回移動して、さらにもう1個右に

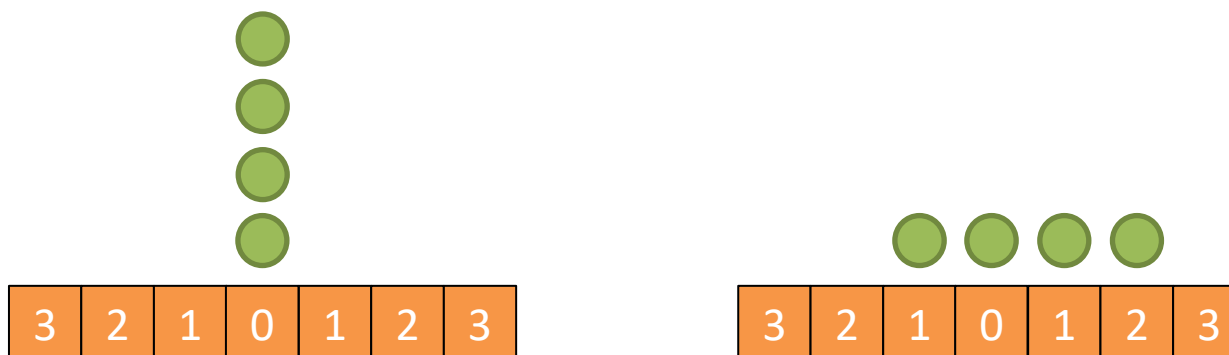


- 例えば、Gが4の時
- マーブルを右に2回移動して、さらにもう1個右に
- 最後に左に移動しておしまい

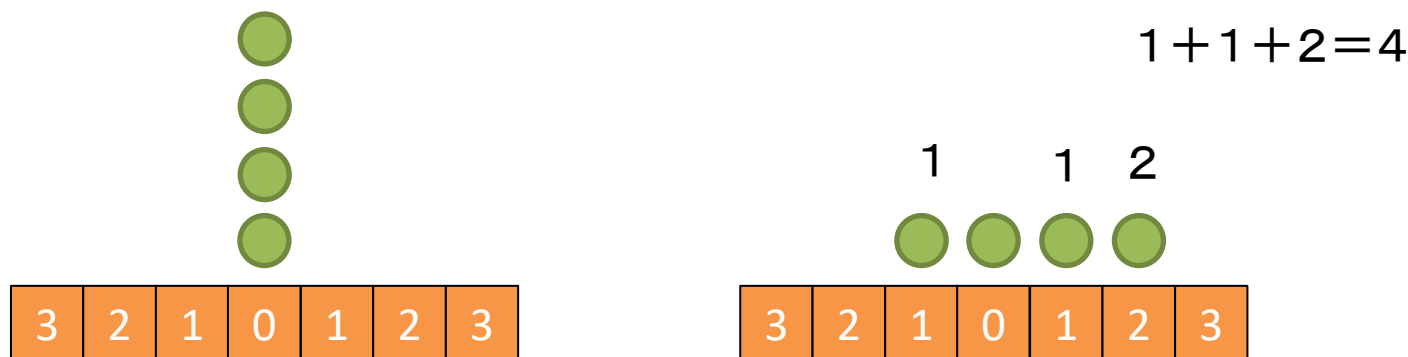


- 部分点1は、このように、R,G,Bに対して、左右にマールを振り分けてあげれば良い。
- 深さ優先探索や、幅優先探索を使ってもOK。
- 部分点2も、右、左、右、左、と振り分けてあげてしまえば、R,G,Bのマールが40個以下、かつ、箱の数が100個離れているので、重なることもなく、解くことが出来る。
- 満点解法は、もう少し考察が必要。

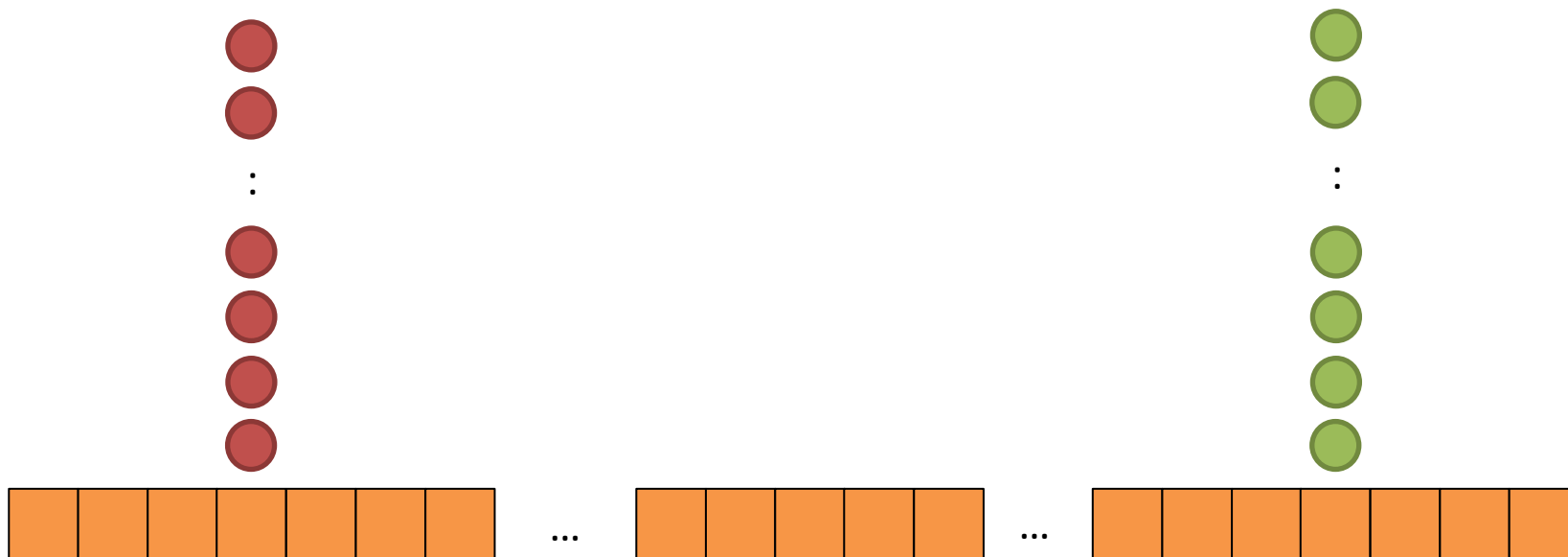
- どのマーブルを右に、どのマーブルを左に・・・と考えるのは非常に面倒！
- 最後の状態だけ考えて、そこから、その状態にするのに必要な手数を考えたい。



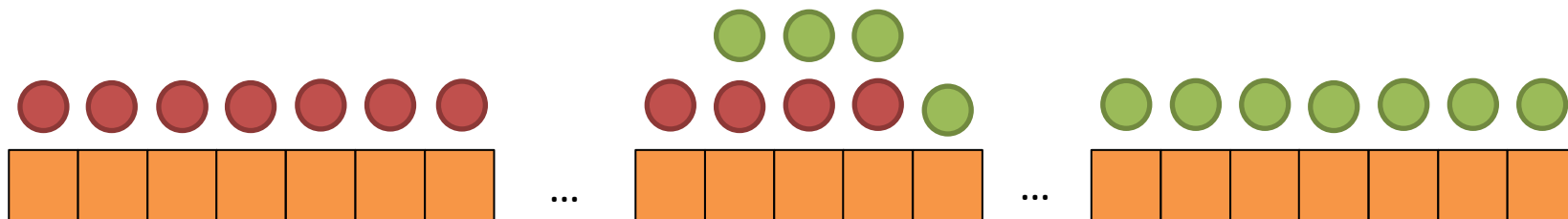
- どのマーブルを右に、どのマーブルを左に・・・と考えるのは非常に面倒！
- 最後の状態だけ考えて、そこから、その状態にするのに必要な手数を考えたい。
- 単純に、移動距離を足し算してあげればOK！



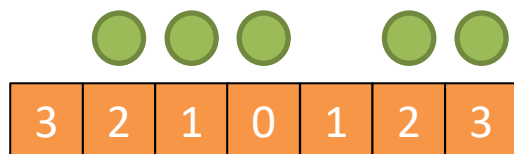
- R,G,Bが大きくなると . . .



- R,G,Bが大きくなると . . .
- 同じ広げ方をすると、被ってしまうことがある！
- 単純に右、左、右、左、と考えるだけではダメ。



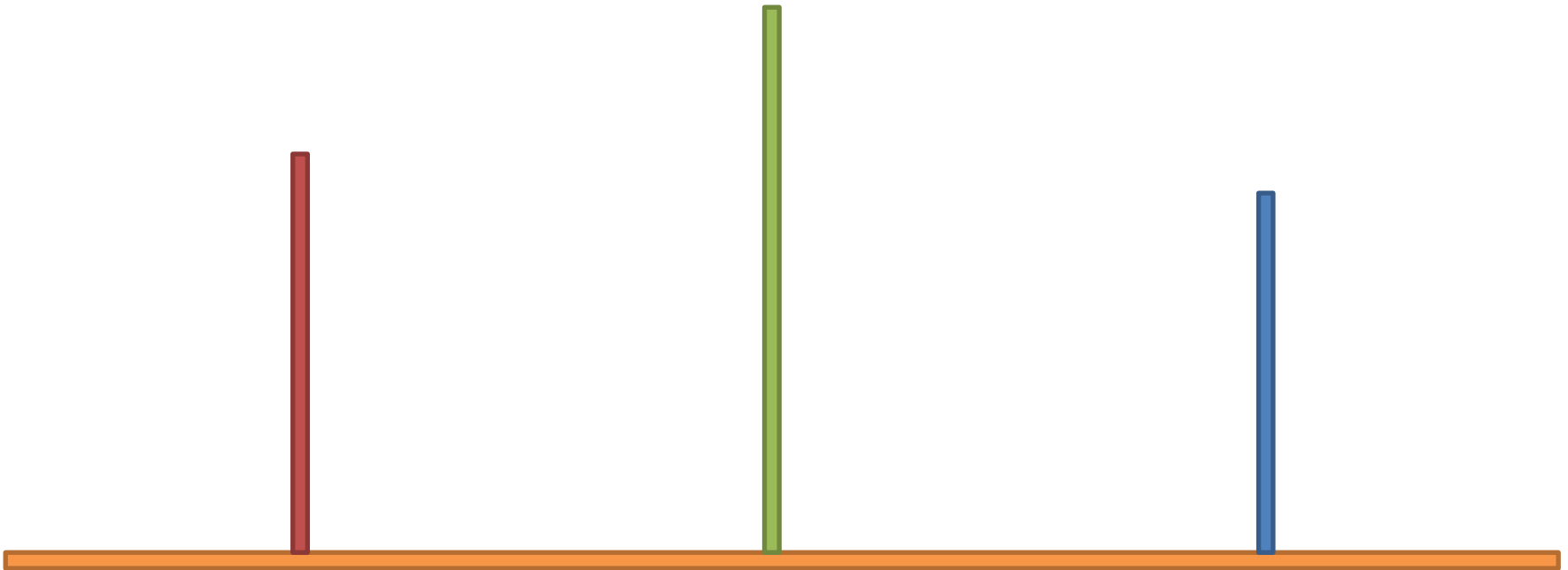
- 解法1 広げ方の全探索！
- 図のように、途中で間が空くことはありえない。



- よって、赤・緑・青のマーブルの入っている、一番左の箱だけ決めれば、最終状態は確定する。
- これだけだと、それぞれ可能性のある場所が1000近くあるため、微妙に間に合わない。
- 高速な実装をすればこれでもギリギリ間に合う。

- 赤、緑、青に対して、それぞれ全て全探索をすると、計算量が3乗になってしまい間に合わない。
- 何か工夫が必要
- 緑から先に決めてあげることによって、赤と青を別々に計算することが出来る！

- 例えば図のような場合



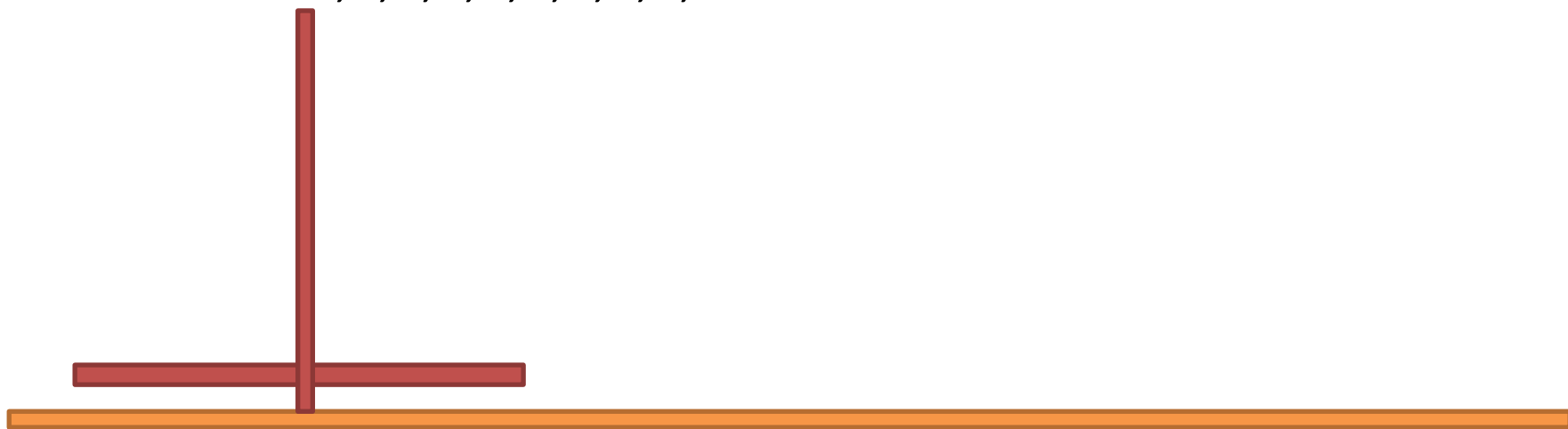
- 例えば図のような場合
- まず緑の広げ方を決めてあげる



- 例えば図のような場合
- まず緑の広げ方を決めてあげる
- すると、赤の広げ方、青の広げ方は、それぞれの広げ方に干渉しない。
- よって、2乗の計算量で計算することが可能になる！



- 広げる時のコストは、 $O(1)$ の計算量で計算することが可能。
- それぞれのマーブルの移動距離は、中央で区切ると等差数列になるため、足し算が可能。
 - 3,2,1,0,1,2,3,4,5,6みたいな配列になる。



- そもそも、部分点2と同じ並べ方をまず試してみて、それが収まるなら、探索する必要はない。



- そもそも、部分点2と同じ並べ方をまず試してみて、それが収まるなら、その解を採用すれば良いので、探索する必要はない。
- 収まらないなら、限界まで中央に寄せてあげれば良いので、こちらも探索する必要はない。



- 緑が中心だとダメな例！
- 緑・赤が多くて、青が少ない場合。



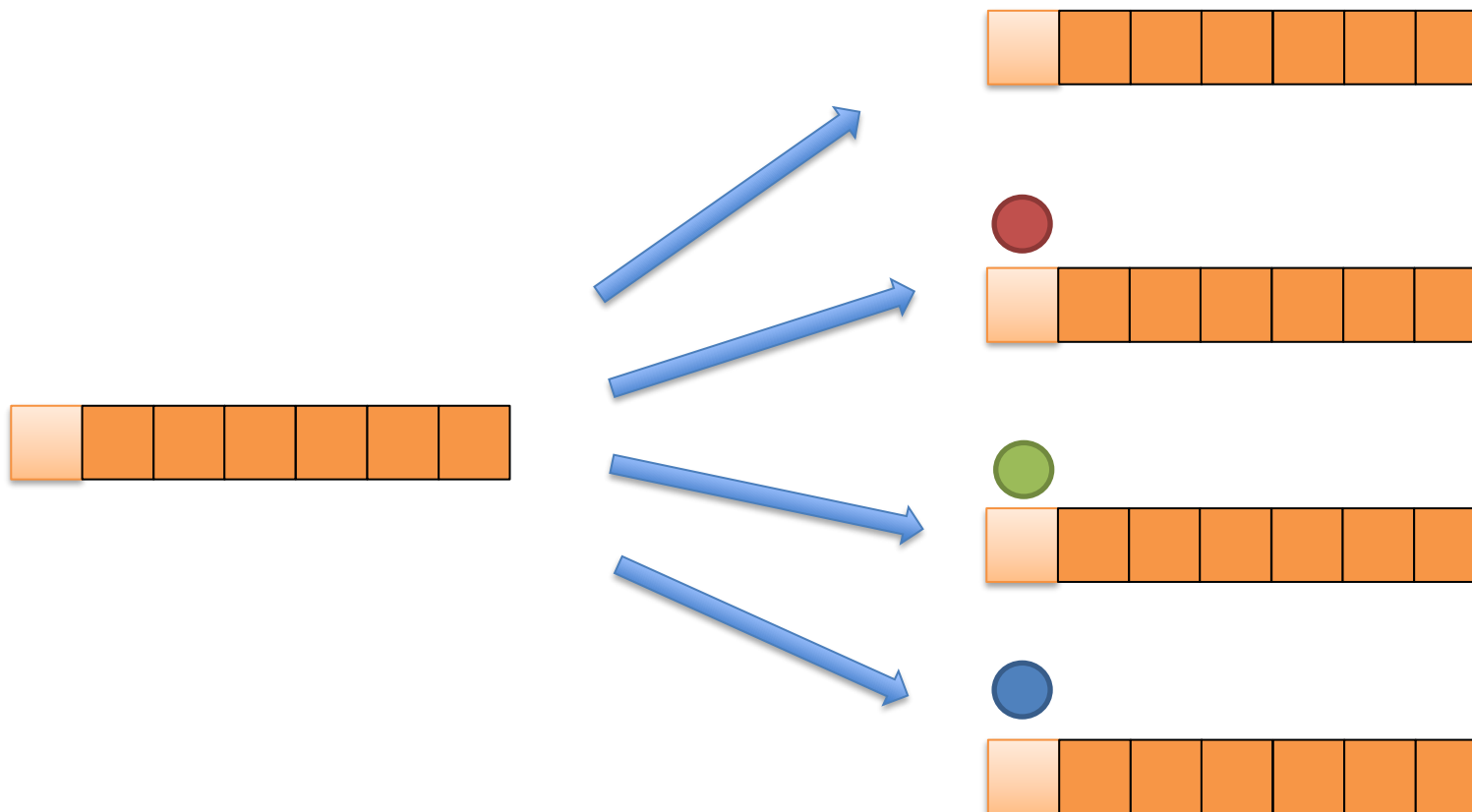
- 緑が中心だとダメな例！
- 緑・赤が多くて、青が少ない場合。
- 赤を跳ね飛ばすと、赤を大量に移動させないといけなくなってしまう。



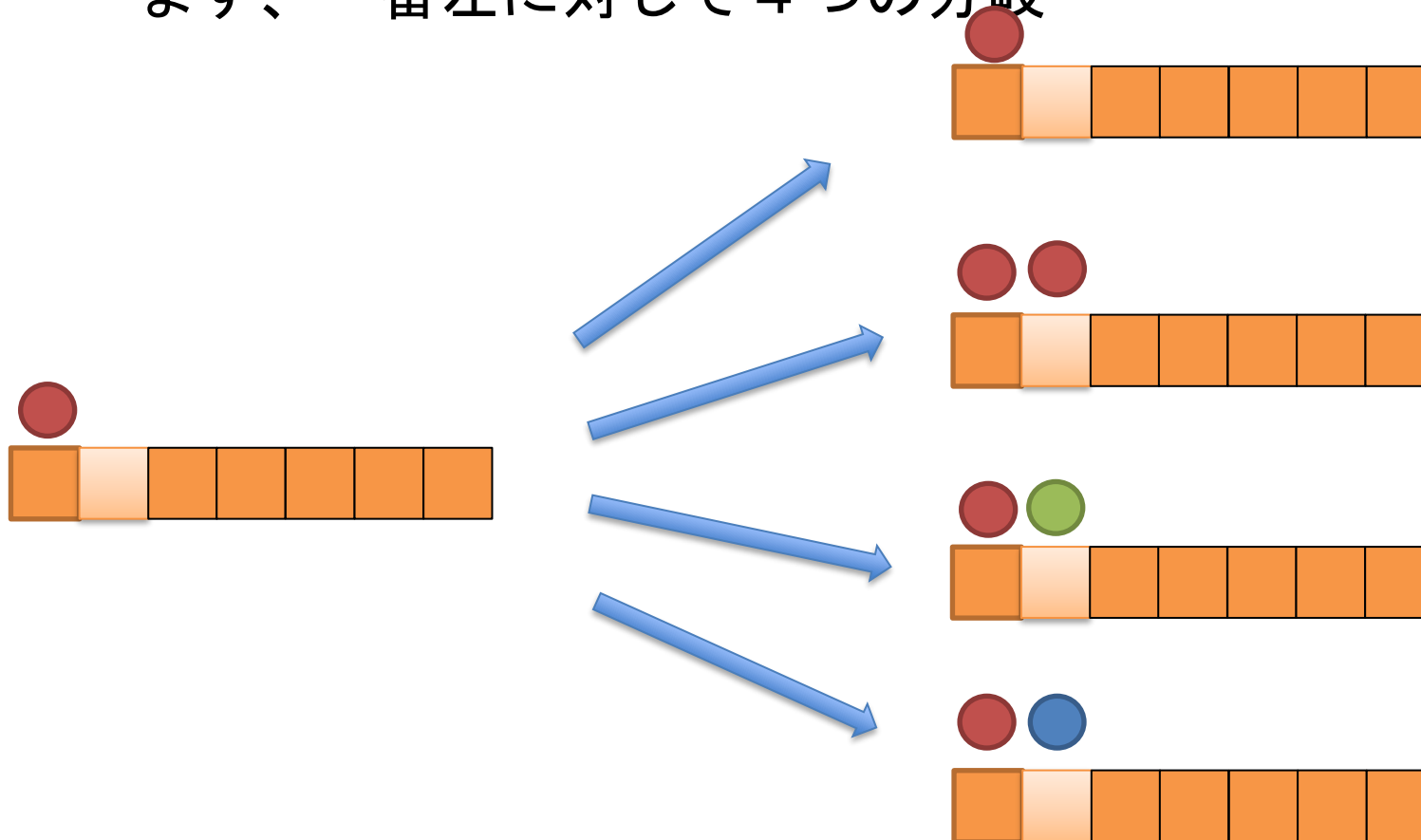
- 緑が中心だとダメな例！
- 緑・赤が多くて、青が少ない場合。
- 赤を跳ね飛ばすと、赤を大量に移動させないといけなくなってしまう。→緑を右に移動してあげないといけない！

- 解法 2 動的計画法を使おう！
- 左の箱から順番に、「赤を置く」「緑を置く」「青を置く」「置かない」の4通りの全探索が考えられる。
- 範囲は適当に-1000から+1000の箱までやるとして、2000回程程度の分岐
- このまま全探索すると、 4^{2000} 程度の計算量
 - これを、動的計画法orメモ化再帰をしてあげることにより、解いてあげる。

- まず、一番左に対して4つの分岐



- まず、一番左に対して4つの分岐



- 動的計画法・メモ化再帰とは？
- 一度計算したものを、二度計算しなかったり、同じものを纏めて計算してあげることにより、計算量を大幅に削減してあげるテクニック

- 今回の場合は、左から順番に探索してあげるとして、
 - どの箱を見ているか
 - 赤いマールがいくつ残っているか
 - 緑のマールがいくつ残っているか
 - 青のマールがいくつ残っているか
- しか状態が存在しない。

- 動的計画法の場合
- 適当な 4 次元配列dpを用意する
- $dp[\text{今見ている場所}][\text{赤の残り数}][\text{緑の残り数}][\text{青の残り数}]$
- これに対して、「この状況になるための最小の移動数」を格納してあげるような、計算の省略を行う。

- 深さ優先探索を利用したメモ化再帰の場合
- `int dfs(今見ている場所, 赤の残り数, 緑の残り数, 青の残り数)`のような再帰関数を作る。
- 返り値は、その先で全てのマールを配置するために必要な移動数

- このように動的計画法・メモ化再帰を行うと、それぞれの状態数は、 $2000 * 300 * 300 * 300$ 程度存在し、それぞれに対して分岐の数が4つ。
- これでは計算量が大きすぎる！
- もう少し工夫をしてあげる必要がある。

- 考察をすることで、計算量を削減しよう！
 - 先ほども、「赤を置く」「緑を置く」「青を置く」の3通りの置き方を考慮していた。
 - しかし、左から順番に、赤・緑・青と並ぶのが自然であり、赤が置けるなら緑・青を置く必要はないし、緑が置けるなら青を置く必要はない。（今回の問題設定では出来ない！）
 - つまり、分岐の数を4つから2つ（置く、置かない）に減らせる！

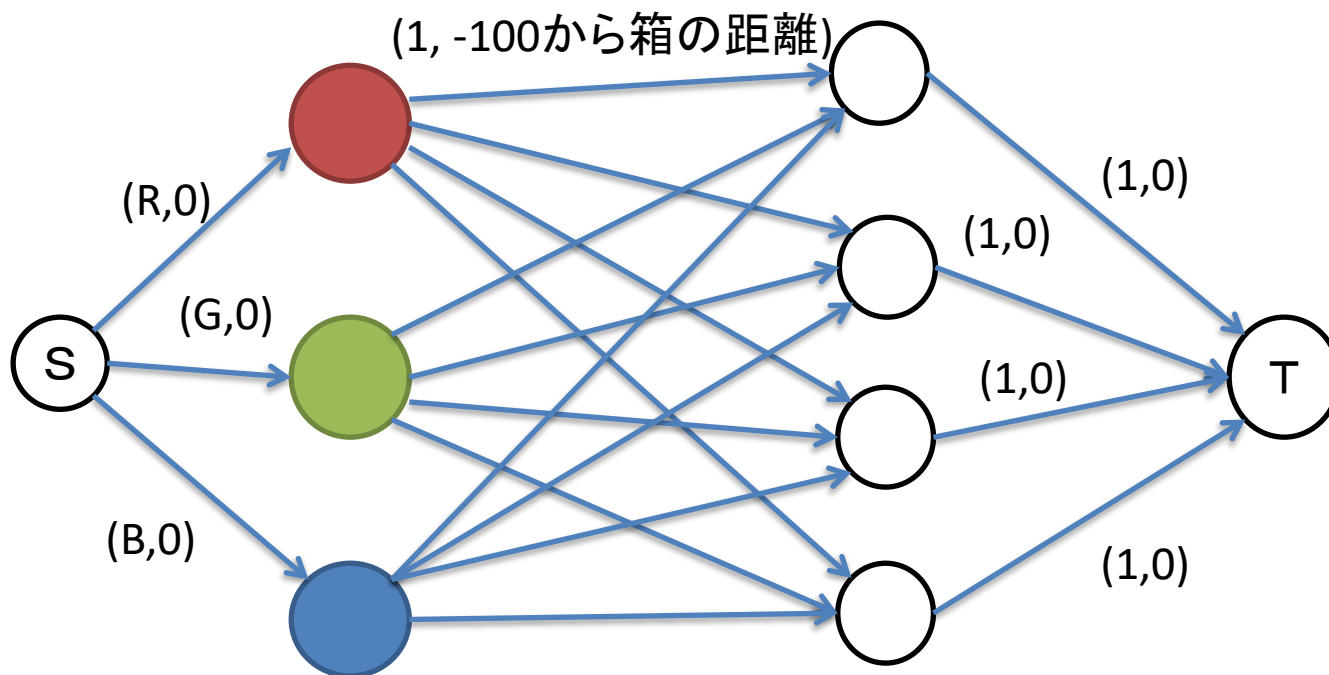
- さらに、置くマースルの順番を決めてしまえば、それぞれのマースルの個数でなく、全てのマースルの残り個数の和だけ覚えておけば、次に置くのはどのマースルかを求めることができる！
- 残りマースルの状態数が、 300^3 から、 $300 * 3$ に削減できる！
- これなら制限時間内に解くことが可能となる

- 動的計画法の場合
- 適当な2次元配列dpを用意する
- $dp[\text{今見ている場所}][\text{マーブルの残り数}]$
 - これに対して、「この状況になるための最小の移動数」を格納してあげるような、計算の省略を行う。
 - マーブルの残り数に対して、移動量の計算が変わるので注意！

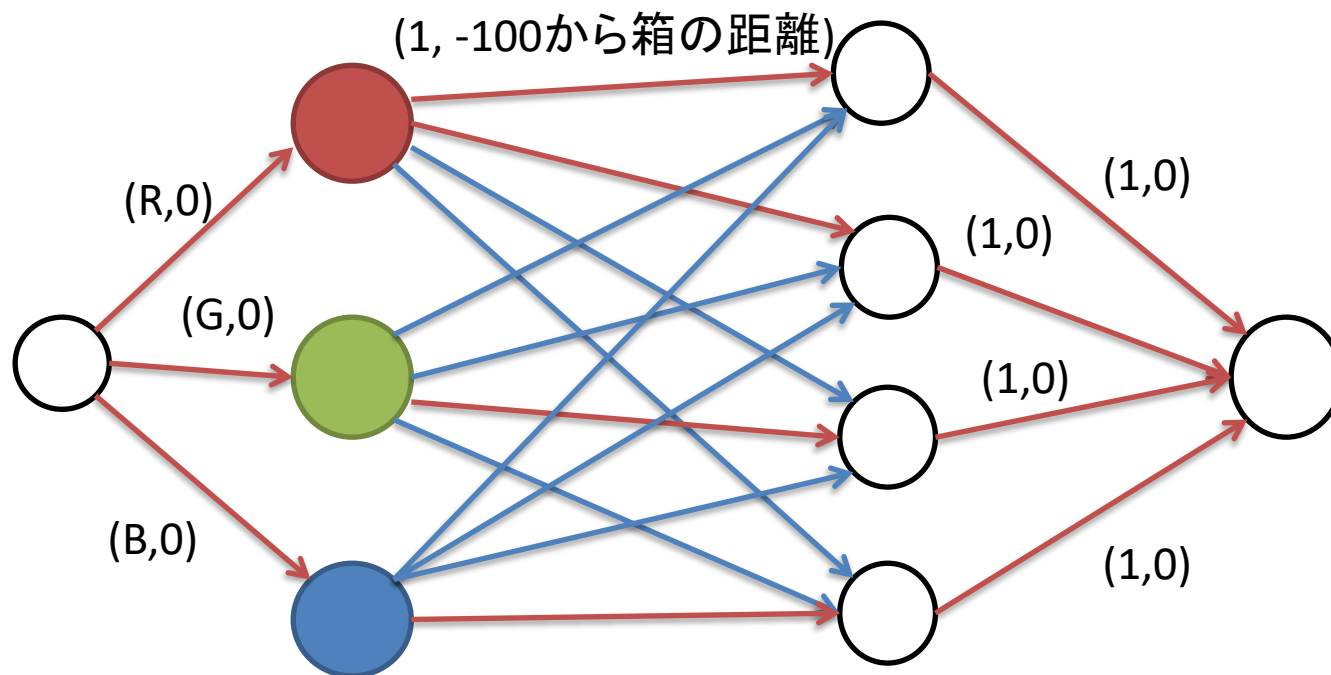
- 深さ優先探索を利用したメモ化再帰の場合
- `int dfs(今見ている場所, マーブルの残り数)`のような再帰関数を作る。
 - 返り値は、その先で全てのマーブルを配置するために必要な移動数
 - こちらもマーブルの残り数から、R,G,Bどのマーブルを使うか求める必要があるので注意。

- 解法 3 最小費用流を使おう！（想定外でした。）
 - Komakiさんの解法からのアイデアです。
 - <http://abc004.contest.atcoder.jp/submissions/132198>

- こんな感じでグラフを作る
 - 辺には容量と重みを持たせる



- こんな感じでグラフを作る
 - 辺には容量と重みを持たせる
- このグラフの最小費用流を求める！



- 最小費用流って？
 - グラフ（丸と矢印で構成されたさっきの図みたいなもの）に関する有名なアルゴリズム
 - 辺に、「容量」「重み」を持つグラフに対して、始点から終点までフローを流す。
 - 各辺には、辺の容量の分だけフローを流すことが可能であり、流すごとに重み分のコストがかかる。
 - 必要なフローを流すために必要なコストの最小値を求めるアルゴリズム。

- 最小費用流の解き方
 - グラフを作ったら、ダイクストラで頑張る！
 - ダイクストラで1つのフローを流し終わったら、逆の辺を作る。
 - フローが流せなくなるまでダイクストラを繰り返す！
 - 詳しくはググってね！