



TECHNISCHE  
UNIVERSITÄT  
WIEN  
Vienna University of Technology

# Elektrotechnische Grundlagen der Informatik (LU 182.692)

## Protokoll der 2. Laborübung: "Filter" "Transiente Vorgänge und Frequenzverhalten" b) Messungen

Gruppennr.: 22      Datum der Laborübung: 19.05.2017

Matr. Nr.	Kennzahl	Name
1614835	033 535	Jan Nausner
1633068	033 535	David Pernerstorfer

Kontrolle	✓
Verhalten eines Filters 1. Ordnung	
Verhalten eines RL-Filters	
Dynamisches System 2. Ordnung	

# Contents

1	Messung des Verhaltens eines RC-Filters 1. Ordnung	3
2	Messung des Verhaltens eines RL-Filters 1. Ordnung	5
3	Messung des Verhaltens eines dynamischen Systems 2. Ordnung	7

# Materialien

- Oszilloskop: Agilent InfiniiVision MSO-X 3054A
- Frequenzgenerator: Agilent 33220A
- Multimeter: Amprobe 37XR-A

## 1 Messung des Verhaltens eines RC-Filters 1. Ordnung

### 1.1 Aufgabenstellung

Die charakteristischen Eigenschaften eines RC-Tiefpassfilters mit realen Bauteilen sollen untersucht werden.

### 1.2 Schaltplan

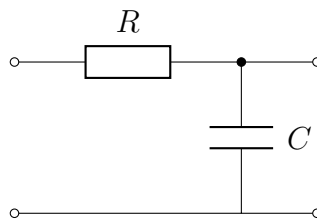


Figure 1: RC Tiefpassfilter 1.Ordnung

### 1.3 Durchführung

Die Schaltung wurde gemäß Schaltplan mit einem Widerstand  $R = 22k\Omega$  und einem Kondensator  $C = 10nF$  aufgebaut. Um die Sprungantwort aufzuzeichnen wurde am Eingang ein periodisches Rechtecksignal mit  $1V_{PP}$ , Offset  $0,5V$ ,  $50\%DutyCircle$  und Frequenz  $250Hz$ , angelegt. Die Eingangs- und Ausgangsspannung wurden mit dem Oszilloskop im Zeitbereich aufgezeichnet (siehe Abbildung 2). Die Zeitkonstante wurde mit den gemessenen Bauteilwerten ( $R = 21,75k\Omega$ ,  $C = 10,28nF$ ) berechnet und ergibt einen Wert von  $\tau = RC = 226,16\mu s$ . Die Zeitkonstante wurde aus der Sprungantwort ausgelesen indem der Zeitpunkt gemessen wurde, an dem das Signal der Sprungantwort  $632,75mV$  (entspricht zirka 63% der Eingangsspannung) betrug.

Am Eingang wurde nun ein Sinussignal mit  $1V_{PP}$ , Offset  $0V$  angelegt. Die Eingangs- und Ausgangsspannung bzw. die Phasenverschiebung wurden mit dem Oszilloskop gemessen. Der Frequenzbereich von  $10Hz$  bis  $1MHz$  mit 5 Frequenzmesspunkten pro Dekade wurden abgetastet. Weiters wurde ein Frequenzmesspunkt an der Grenzfrequenz gesetzt. Die Messpunkte wurden in tabellarischer Form aufgezeichnet und in eine doppelt logarithmischen

Diagramm eingetragen (siehe Abbildung 3). Ab der Frequenz von rund  $20\text{kHz}$  konnte die Phasenverschiebung nicht mehr gemessen werden, da der Messwert am Oszilloskop zu stark schwankte.

## 1.4 Ergebnis & Diskussion

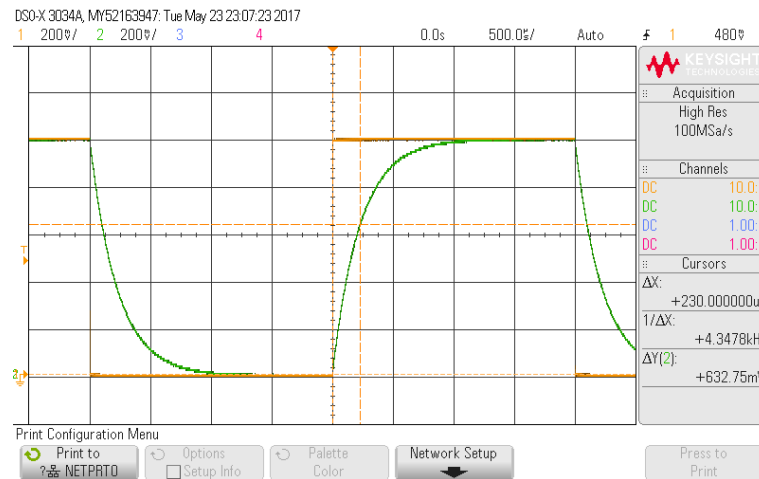


Figure 2: Sprungantwort RC Tiefpass

Die Sprungantwort der RC-Filter schaltung lässt auf einen Tiefpass 1.Ordnung schließen.

	berechnet	gemessen	Abweichung
Zeitkonstante $\tau$	$226,16\mu\text{s}$	$230\mu\text{s}$	$+1,70\%$

Table 1: Vergleich Zeitkonstante  $\tau$  berechnet und bemessen

Die Zeitkonstante  $\tau$  wurde bei einem Spannungswert von  $632,75\text{mV}$  (63% der Eingangsspannung) gemessen und beträgt  $230\mu\text{s}$ . Die Abweichung von  $-1,70\%$  kommt daher, dass es sich um reale Bauteile handelt.

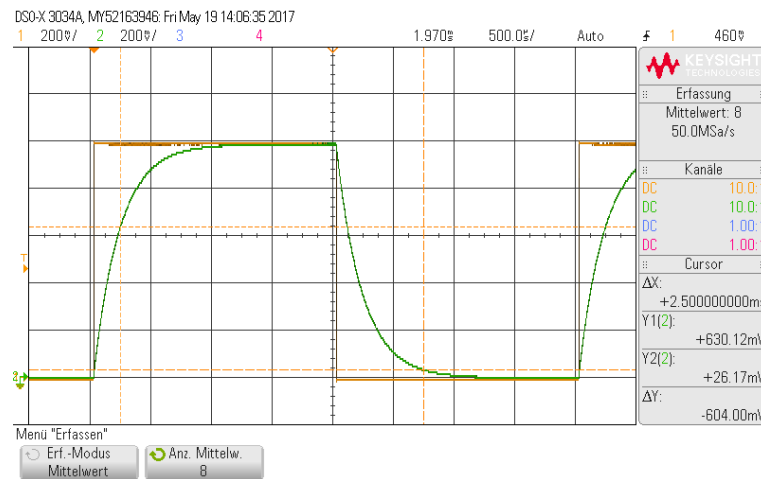


Figure 3: Bodediagramm RC-Tiefpass durch Messungen

TODO: insert Amplituden und Phasengang von RC-Tiefpassfilter  
 TODO: wie Dämpfung begründen? In Abbildung 3 und Abbildung ?? sind Amplituden- und Phasengang des RC-Tiefpassfilters anhand der gemessenen Werte dargestellt. Der Graph entspricht der erwarteten Form aus der Simulation. Bei der Grenzfrequenz ( $723\text{Hz}$ ) wurde am Ausgang eine Spannung von  $750\text{mV}$  und eine Phasenverschiebung von  $-46^\circ$  gemessen. Diese Werte sind plausibel, da lt. Berechnung und Simulation die Ausgangsspannung  $\frac{1V}{\sqrt{2}} \approx 707,11\text{mV}$  und die Phasenverschiebung  $-45^\circ$  sind. Bis zur Frequenz von rund  $10\text{kHz}$  hat der Amplitudengang, wie erwartet, eine Filtersteilheit von  $-20\text{dB/Dekade}$ . Bei idealen Bauteilen wäre der Spannungswert ab einer gewissen Frequenz  $0\text{V}$ . Bei realen Bauteilen jedoch wird die Dämpfung von nicht erreicht, stattdessen geht die Dämpfung, wie in Abbildung ?? zu erkennen, asymptotisch gegen  $0\text{V}$ .

## 2 Messung des Verhaltens eines RL-Filters 1. Ordnung

### 2.1 Aufgabenstellung

### 2.2 Schaltplan

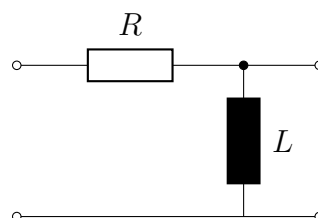


Figure 4: RL Hochpassfilter 1.Ordnung

## 2.3 Durchführung

Die Schaltung wurde gemäß Schaltplan mit einem Widerstand  $R = 47\Omega$  und einem Kondensator  $L = 1mH$  aufgebaut. Um die Sprungantwort aufzuzeichnen wurde am Eingang ein periodisches Rechtecksignal mit  $1V_{PP}$ , Offset  $0,5V$ ,  $50\% DutyCircle$  und Frequenz  $2,5kHz$ , angelegt. Die Eingangs- und Ausgangsspannung wurden mit dem Oszilloskop im Zeitbereich aufgezeichnet (siehe Abbildung ??). Die Zeitkonstante wurde mit den gemessenen Bauteilwerten ( $R = 46,83k\Omega$ ,  $C = 1,075mH$ ) berechnet und ergibt einen Wert von  $\tau = \frac{L}{R} = 22,96\mu s$ . Die Zeitkonstante wurde aus der Sprungantwort ausgelesen indem der Zeitpunkt gemessen wurde, an dem das Signal der Sprungantwort  $370mV$  (entspricht  $37\%$  der Eingangsspannung) betrug.

Am Eingang wurde nun ein Sinussignal mit  $1V_{PP}$ , Offset  $0V$  angelegt. Die Eingangs- und Ausgangsspannung bzw. die Phasenverschiebung wurden mit dem Oszilloskop gemessen. Der Frequenzbereich von  $10Hz$  bis  $1MHz$  mit 5 Frequenzmesspunkten pro Dekade wurden abgetastet. Weiters wurde ein Frequenzmesspunkt an der Grenzfrequenz gesetzt. Die Messpunkte wurden in tabellarischer Form aufgezeichnet und in eine doppelt logarithmischen Diagramm eingetragen (siehe Abbildung 6).

## 2.4 Ergebnis & Diskussion

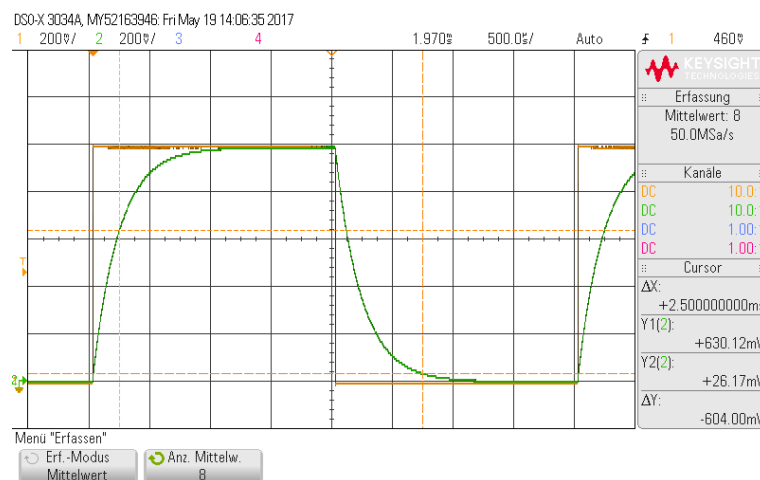


Figure 5: Sprungantwort RL Tiefpass

TODO: figure anpassen Die Sprungantwort der RL-Filter schaltung lässt auf einen Hochpassfilter 1.Ordnung schließen. Ein Hochpassfilter kann auch mit einem RC-Glied realisiert werden, wobei die Ausgangsspannung am Widerstand abgenommen wird.

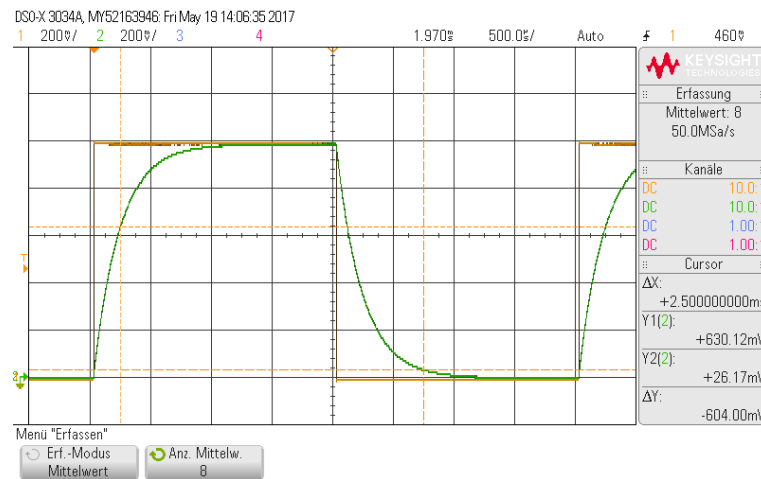


Figure 6: Bodediagramm RC-Tiefpass durch Messungen

TODO: insert Amplituden und Phasengang von RC-Tiefpassfilter

TODO: wie Dämpfung begründen? In Abbildung 6 sind Amplituden- und Phasengang des RL-Hochpassfilters anhand der gemessenen Werte dargestellt. Der Graph entspricht der erwarteten Form aus der Simulation. Die Eingangsspannung wird durch die Reflexion der Spule beeinträchtigt. Je höher die Frequenz, desto stärker wurde die Verstärkung der Eingangsspannung. Bis zur Frequenz von  $1\text{kHz}$  konnte kaum eine Veränderung festgestellt werden, bei der Frequenz von  $60\text{kHz}$  war die gemessene Eingangsspannung bereits doppelt so groß. Das Verhältnis von Eingangs- und Ausgangsspannung verhielt sich jedoch wie in der Simulation. Bei der Grenzfrequenz ( $7480,28\text{Hz}$ ) wurde am Eingang  $U_e = 1,35\text{V}$ , am Ausgang  $U_a = 980\text{mV}$  und eine Phasenverschiebung von  $-40,01^\circ$  gemessen.

Bei der Grenzfrequenz ( $7480,28\text{Hz}$ ) wurde am Ausgang eine Spannung von  $980\text{mV}$  und eine Phasenverschiebung von  $-40,01^\circ$  gemessen. Diese Werte sind plausibel, da lt. Berechnung und Simulation die Ausgangsspannung  $\frac{1V}{\sqrt{2}} \approx 707,11\text{mV}$  und die Phasenverschiebung  $-45^\circ$  sind. Bis zur Frequenz von rund  $10\text{kHz}$  hat der Amplitudengang, wie erwartet, eine Filtersteilheit von  $-20\text{dB/Dekade}$ . Danach nimmt die Dämpfung aufgrund der realen Bauteile ab.

### 3 Messung des Verhaltens eines dynamischen Systems 2. Ordnung

#### 3.1 Aufgabenstellung

Die Sprungantwort sowie das Frequenzverhalten eines RLC-Systems 2. Ordnung soll untersucht werden.

## 3.2 Schaltplan

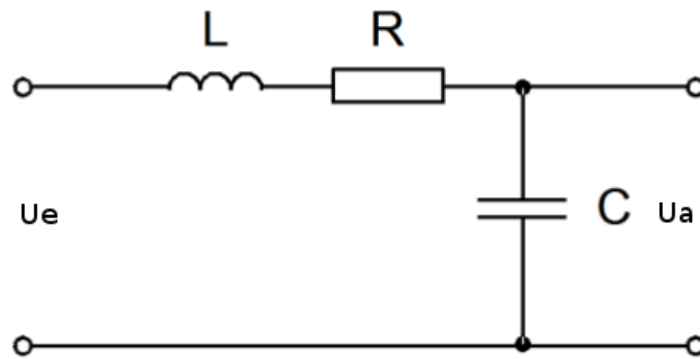


Figure 7: RLC-System 2.Ordnung

## 3.3 Durchführung

Die Schaltung wurde gemäß Schaltplan mit den Bauteilwerten  $L = 1\text{mH}$ ,  $C = 100\text{nF}$  und  $R = 22\Omega$  aufgebaut. Um die Sprungantwort des Systems mit dem Oszilloskop aufzuzeichnen, wurde als Eingangssignal eine periodische Rechteckschwingung mit  $1V_{pp}$ , Offset  $0,5V$  und Frequenz  $2,5\text{kHz}$  (Periodendauer  $400\mu\text{s}$ ) angelegt. Weiters wurde das Frequenz- bzw. Dämpfungsverhalten des Systems mit einem Sinussignal ( $1V_{pp}$ ) ermittelt. Hierbei wurde zuerst die Resonanzfrequenz durch Variation der Frequenz des Eingangssignals bestimmt. Diese ist erreicht, wenn Eingangs- und Ausgangssignal eine Phasenverschiebung von  $-90^\circ$  zueinander aufweisen. Um den Amplitudengang des Systems zu ermitteln, wurden Eingangs- und Ausgangsspannung an verschiedenen Frequenzmesspunkten im logarithmischen Maßstab ermittelt. Im Bereich der Resonanzfrequenz wurden zusätzlich Messpunkte gewählt, um die Genauigkeit zu erhöhen. Die oben beschriebene Vorgangsweise wurde mit den Widerstandswerten  $R = 183\Omega$  (in der Angabe wurden  $180\Omega$  verlangt, es gibt jedoch keinen Normwiderstand mit diesem Wert, darum wurden hier ein  $150\Omega$  und ein  $33\Omega$  in Serie geschalten) und  $R = 1\text{k}\Omega$  wiederholt.



### 3.4 Ergebnis & Diskussion

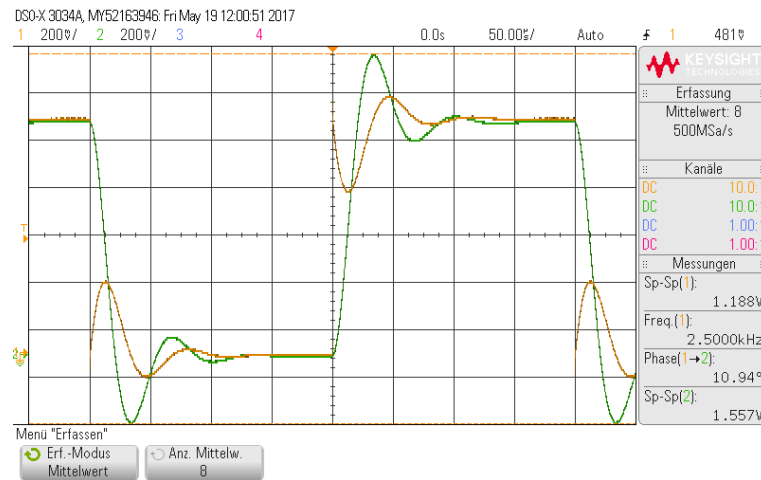


Figure 8: Sprungantwort bei  $R = 22\Omega$

Durch den kleinen Widerstand ( $R = 22\Omega$ ) ist die Dämpfung des Systems sehr gering und es wird auch das Schwingungsverhalten des  $LC$ -Glieds deutlich sichtbar (Überschwingung). Verursacht durch die parasitären Eigenschaften der realen Bauelemente kommt es auch zu Reflexionen, die sich auf die Messung der Eingangsspannung auswirken.

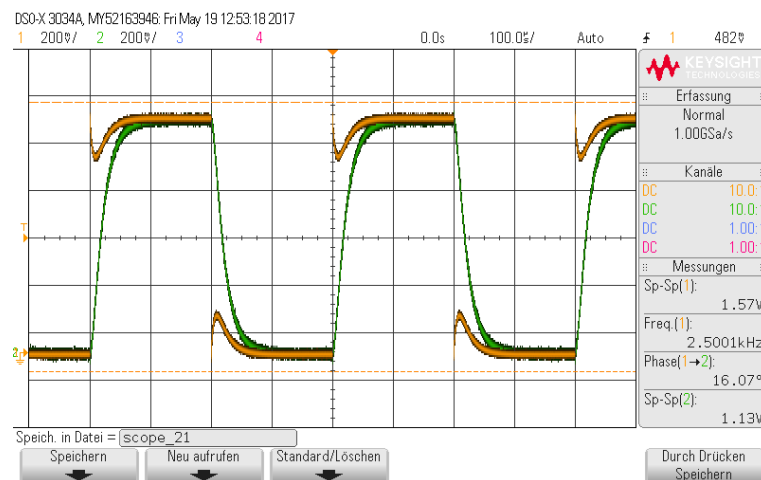


Figure 9: Sprungantwort bei  $R = 183\Omega$

Bei  $R = 183\Omega$  sind gerade keine Überschwingungen sichtbar (aperiodischer Grenzfall). Die Sprungantwort zeigt das typische Tiefpassverhalten.

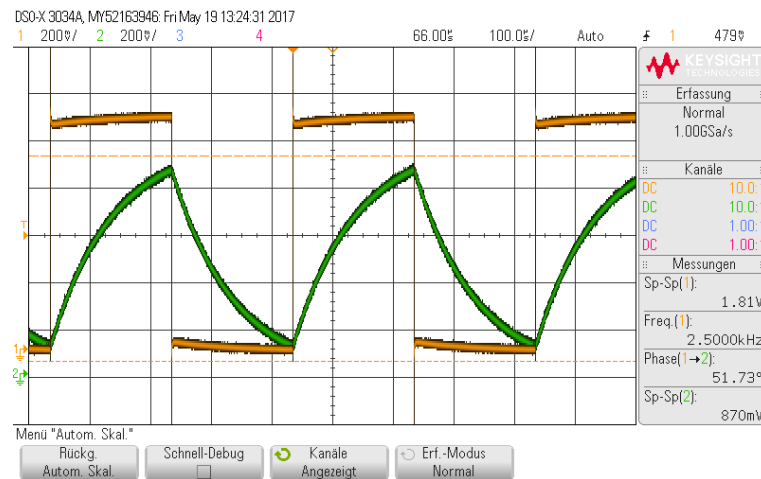


Figure 10: Sprungantwort bei  $R = 1k\Omega$

Durch den großen Widerstand von  $R = 1k\Omega$  wird die Dämpfung des Systems sehr groß. Dadurch wird in der Folge die anliegende Rechteckspannung stark verschliffen (die Energiespeicher werden durch die große Zeitkonstante nie vollständig geladen).

Die Resonanzfrequenz des Systems ergibt sich aus folgender Formel:

$$f_R = \sqrt{f_H * f_L} = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}} \approx 15916Hz$$

Die Übertragungsfunktion des Systems lautet:

$$\frac{U_a}{U_e} = \frac{Z_C}{Z_R + Z_L + Z_C} = \frac{\frac{1}{j\omega C}}{R + j\omega L + \frac{1}{j\omega C}} = \frac{1}{j\omega CR - \omega^2 CL + 1} = \frac{1}{s^2 CL + sCR + 1}$$

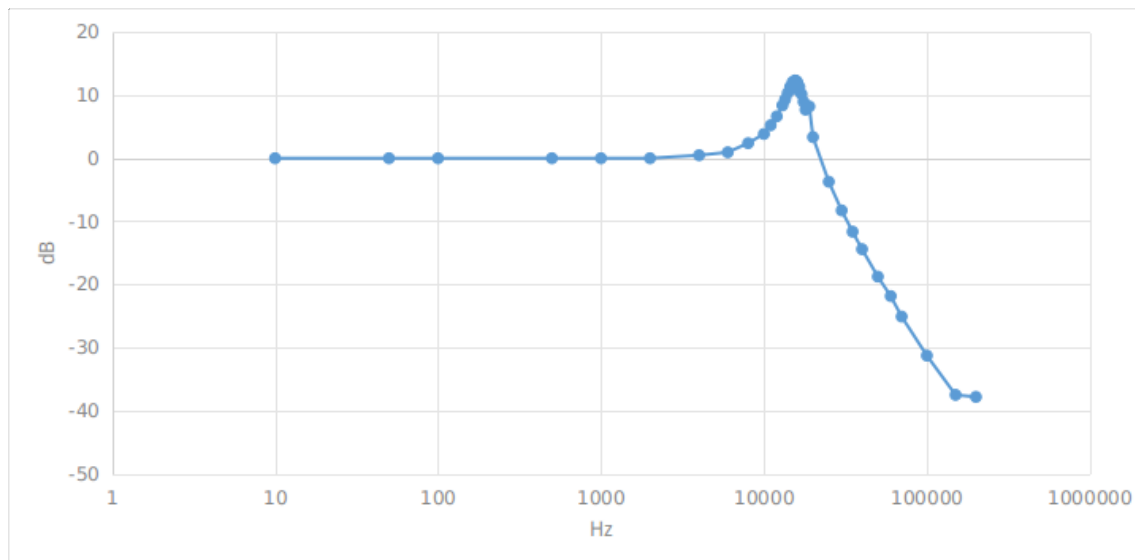


Figure 11: Bode-Diagramm (Amplitudengang) bei  $R = 22\Omega$

Die gemessene Resonanzfrequenz beträgt hier  $\sim 15800\text{Hz}$ . Im Bereich von  $f_R$  erkennt man am Bode-Diagramm, dass hier tatsächlich eine Verstärkung des Eingangssignals stattfindet. Dies lässt sich durch die kleine Dämpfung bei  $R = 22\Omega$  erklären, wodurch sich das  $LC$ -Glied im Resonanzfall befindet. Nach dem die Resonanzfrequenz erreicht wurde, lässt sich die typische Filtersteilheit von  $-40\text{dB/Dekade}$  gut erkennen.

TODO: Messdaten einfügen

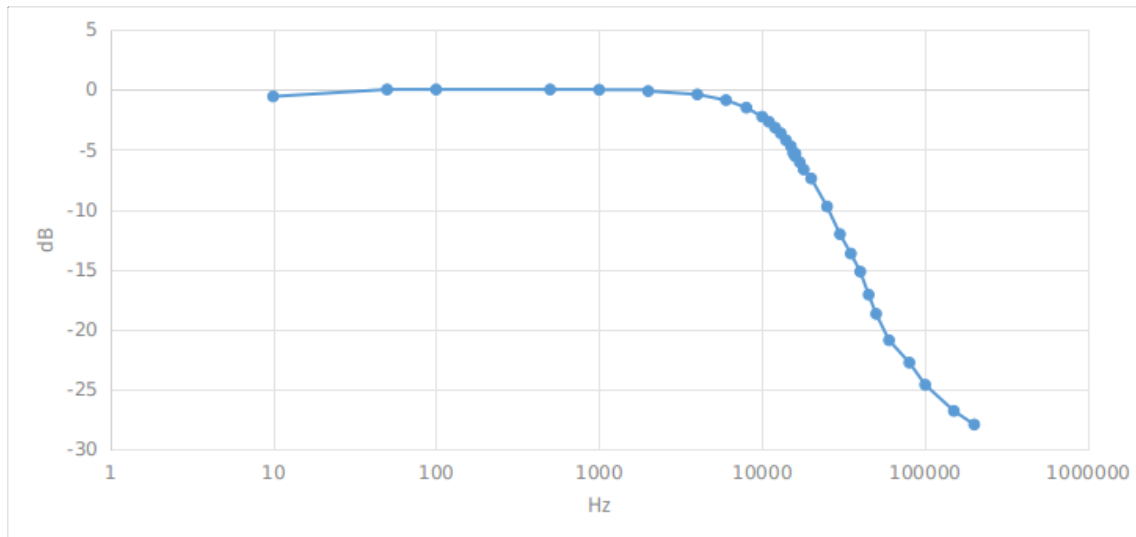


Figure 12: Bode-Diagramm (Amplitudengang) bei  $R = 183\Omega$

Die gemessene Resonanzfrequenz beträgt hier  $\sim 15500\text{Hz}$ . Das System befindet sich im aperiodischen Grenzfall,

TODO: Messdaten einfügen

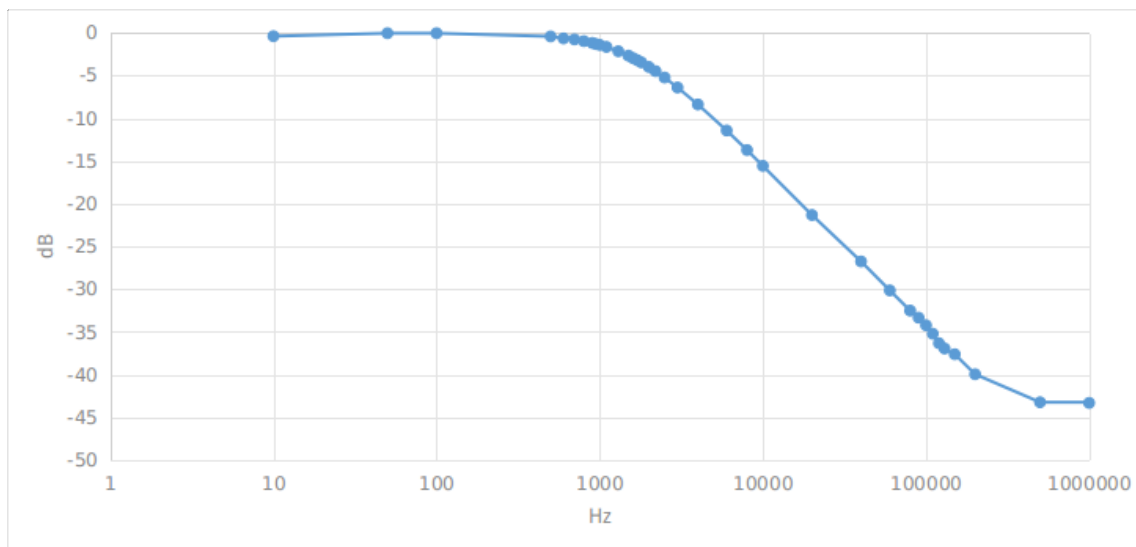


Figure 13: Bode-Diagramm (Amplitudengang) bei  $R = 1k\Omega$

TODO: Resonanzfrequenz messen  
TODO: Messdaten einfügen

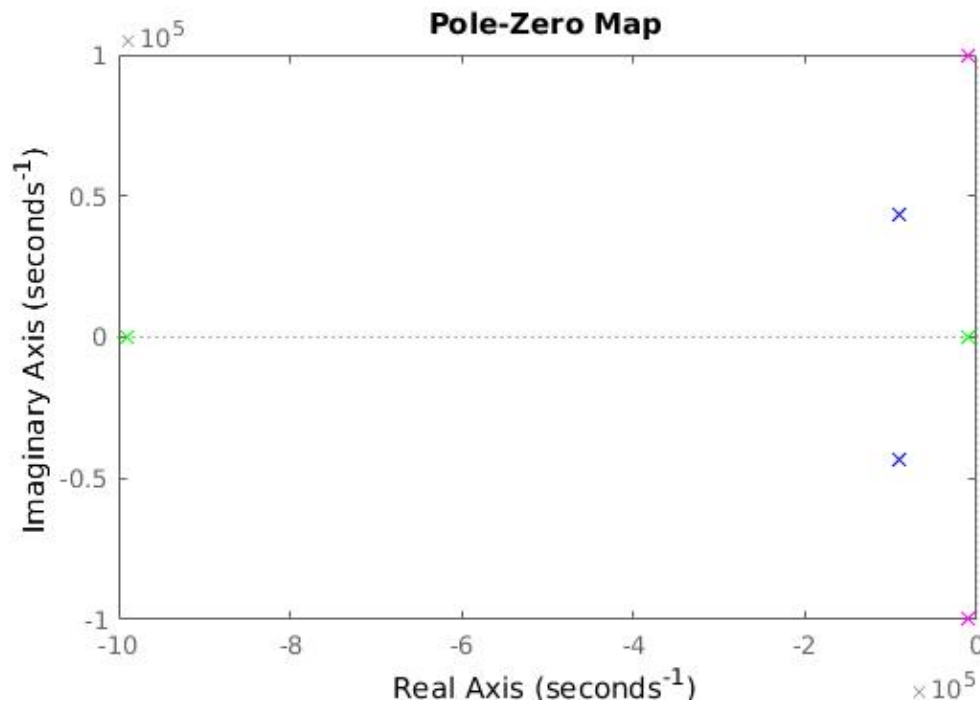


Figure 14: PN-Diagramm der Übertragungsfunktion (violett:  $R = 22\Omega$ , blau:  $R = 180\Omega$ , grün:  $R = 1\text{ k}\Omega$ )

