

Die Vollständige Induktion – ein Beweisverfahren

Aufbau:

1.Schritt: Induktionsanfang:

- Zeigen, dass die Aussage für _____ (meist $n=1$) gilt.

2.Schritt: Induktionsschritt:

- Induktionsannahme/Induktionsvoraussetzung:
Man nimmt an, dass _____.
- Induktionsbehauptung: Die Aussage muss also auch für _____ gelten.
(\triangleq _____ \Rightarrow _____)
- Induktionsschluss: Mit Hilfe der _____ zeigen, dass die Aussage tatsächlich für _____ gilt.

Beispiel aus der analytischen Geometrie:

Es sollen n zueinander nicht parallele Geraden so gezeichnet werde, dass sich möglichst viele Schnittpunkte S ergeben.

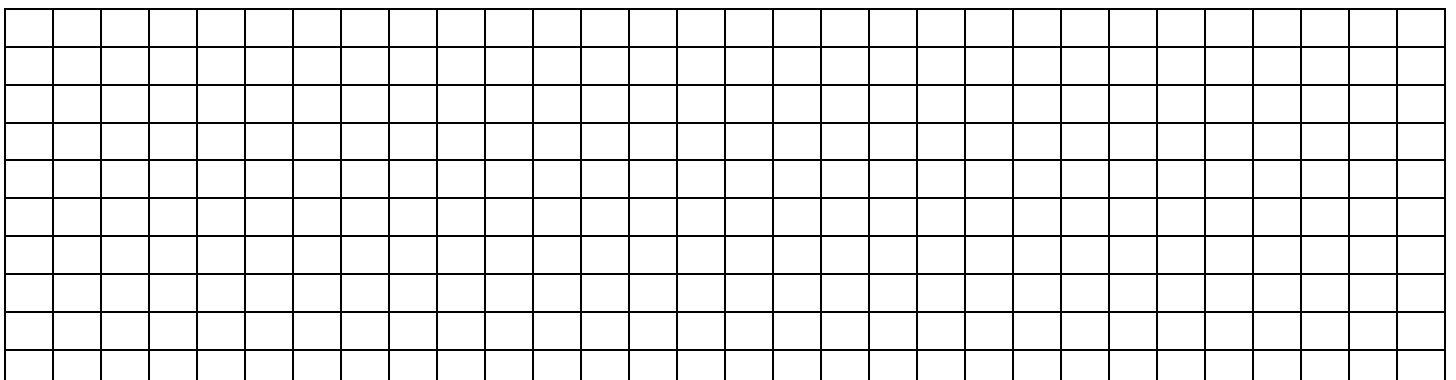
Zu beweisende Aussage S :

$$S(n) = \frac{1}{2} \cdot n \cdot (n - 1)$$

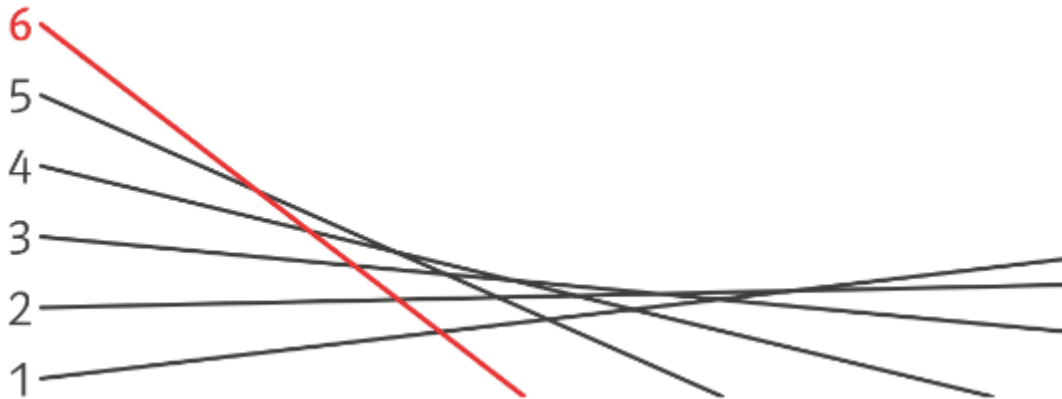
Induktionsanfang:

Bei $n=1$ Geraden sollten sich ____ Schnittpunkte ergeben.

-> Beweisen, dass $S(1) = \underline{\hspace{1cm}}$:



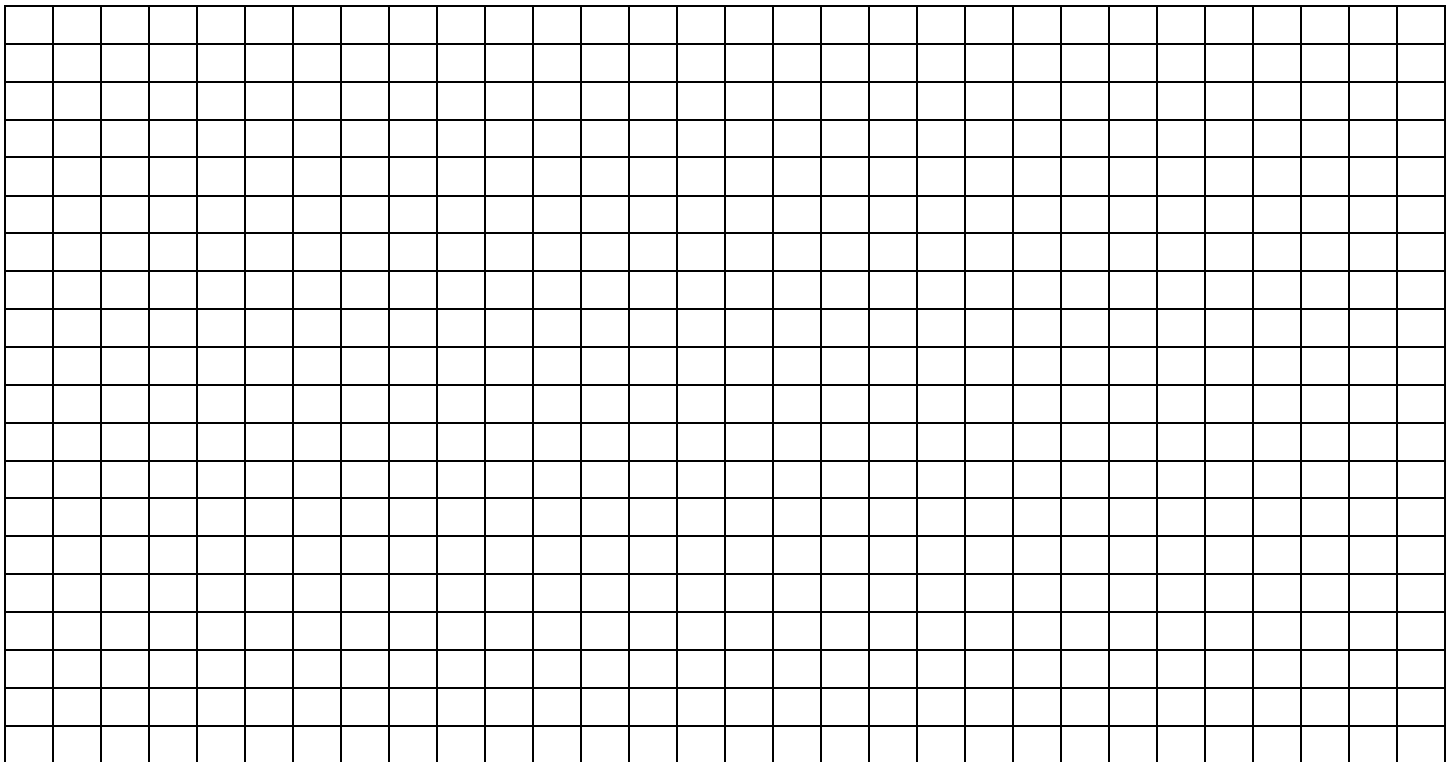
Induktionsschritt:



Bei jeder nächsten Geraden, als der _____-ten kommen maximal ____ Schnittpunkte hinzu.

Zu zeigen:

$S(\underline{\hspace{1cm}}) = S(\underline{\hspace{1cm}}) + \underline{\hspace{1cm}}$
--



➔ Die Aussage gilt für die _____ natürliche Zahl (Induktionsanfang) und für alle ihre Nachfolger (_____). Damit gilt die Aussage für _____ Zahlen.