# VALEUR ABSOLUE, DISTANCE ENTRE DEUX NOMBRES

## I – VALEUR ABSOLUE D'UN NOMBRE

**Définition** La valeur absolue d'un nombre a, notée |a|, est égale à :

- $a ext{ si } a > 0$
- -a si a < 0
- 0 si a = 0

**Exemples** | 5 | = 5

et 
$$|-5| = -(-5) = 5$$

**Propriété** Pour tout nombre x, on a :  $\sqrt{x^2} = |x|$ .

#### II - DISTANCE ENTRE DEUX NOMBRES

**Définition** La distance entre deux nombres a et b est égale à |b-a|.

Illustration à l'aide de la droite numérique

Cas a < b

$$\frac{\star}{a}$$
  $\frac{\star}{b}$ 

La distance entre a et b est égale à :

$$b-a$$

Cas a > b

La distance entre a et b est égale à :

$$a - b$$

### Exemple

La distance entre 1,8 et -4,6 est égale à |-4,6-1,8| = |-6,4| = 6,4.

#### Remarque

Soit deux points A et B d'une droite graduée d'abscisses a et b (sur cette droite). Alors la distance entre A et B est aussi la distance entre a et b.

Autrement dit AB = |b - a|.