Fundamentos para matemáticas y ciencia

Fundamentos para matemáticas y ciencia Intersemestrales 2018-2

Luis Zepeda

Proteco, UNAM

Junio 2018



Índice

- Ecuaciones y símbolos matemáticos
- 2 Matrices
- 3 Algoritmos y pseudocódigo

AMS-LaTeX

AMS-LaTeX es una colleción de paquetes que nos serán de ayuda a la hora de escribir ecuaciones matemáticas. Pertenece a American Mathematical Society:



Nosotros usaremos el paquete **amsmath** para escribir ecuaciones, no olvidar incluirlo al incio del documento.

Ecuaciones individuales

Podemos escribir ecuaciones dentro y fuera de un párrafo, ejemplo: El teorema de Pitágoras nos dice que si sumamos a^2 más b^2 obtenemos c^2 :

$$a^2 + b^2 = c^2 (1)$$

Para hacerlo dentro de un párrafo usamos el signo \$, mientras que para hacerlo fuera tenemos que usar la etiqueta:

```
\begin{equation}
a^2 + b^2 = c^2 \label{pitagoras}
\end{equation}
```



Podemos hacer referencia a ecuaciones numeradas anteriormente con la etiqueta:

\eqref{label}

Funciones de estado:

Gas ideal:

$$p*V = nRT (2)$$

Van der Waals:

$$(P + a * (\frac{n}{V})^2) * (\frac{V}{n} - b) = R * T$$
 (3)

Esta es una referencia a ecuación (2)



Si queremos dejar de enumerar las ecuaciones podemos ocupar la siguientes etiquetas:

\begin{equation*}

o simplemente encerrar la ecuación entre:

\[ecuacion \]

$$\lim_{n\to\infty}\sum_{k=1}^n\frac{1}{k^2}=\frac{\pi^2}{6}$$

Las ecuaciones pueden tomar distintas apariencias dependiendo de donde estén, en párrafo: lím $_{n \to \infty} \sum_{k=1}^n \frac{1}{k^2} = \frac{\pi^2}{6}$.

Para colocar subíndices o superíndices debemos hacer uso de un guión bajo o un circunflejo. Ejemplo

Sub:
$$H_{o_{a}}$$

Sub:
$$H_{o_{o_{I_a}}}$$

Sub:
$$H_{o_{o_{l_a}}}$$

Super: $H^{o^{o^{l^a}}}$

Existen algunas diferencias entre el *text mode* y *math mode*, como vimos anteriormente el modo matemático se activa con \$ecuación\$:

- La mayoría de los espacios y saltos de línea no tienen ningún significado, si queremos añadir un espacio intencional debe ser con \quad o \quad
- Las líneas vacías no están permitidas. Solo un párrafo por fórmula.
- Cada letra se considera el nombre de una variable y será tipografiado como tal. Si quieres inculir texto deberá ser introducido con la etiqueta: text{...}

Ejemplos:

$$\forall x \in \mathbf{R}: \qquad x^2 \ge 0$$

$$x^2 \ge 0$$
 para toda $x \in \mathbf{R}$

$$x^2 \ge 0$$
 para toda $x \in \mathbb{R}$

Podemos hacer uso de las letras griegas:

$$\lambda, \xi, \pi, \theta, \mu, \Phi, \Omega, \Delta$$

Bloques de ecuaciones:

$$p_{ij}^3$$
 δ_{Kroncker} $\sum_{k=1}^3 k$
 $\sqrt[5]{x}$ $\prod_{i=0}^n A_i * P$ $\sqrt{x} \Leftrightarrow x^{1/2}$

```
Bloques de ecuaciones:
p_{ii}^3 \qquad \delta_{\text{Kroncker}} \qquad \sum_{k=1}^3 k
\sqrt[5]{x} \prod_{i=0}^{n} A_i * P \sqrt{x} \Leftrightarrow x^{1/2}
Código para lograrlo:
p^3_{ij} \neq 
\delta_\text{Kroncker}\qquad
\sum_{k=1}^3 k \setminus [5pt]
\sqrt[5]{x}\quad
\prod_{i=0}^{n}A_i *P\qquad \sqrt{x}
\Leftrightarrow x^{1/2}$
```

Ecuaciones múltiples

Para poner múltiples ecuaciones que pueden estar o no numeradas haremos uso del ambiente \begin{align}, ejemplos:

$$a = b + c \tag{4}$$

$$=d+e\tag{5}$$

Aunque este ambiente puede llegar a desalinear fácilmente:

$$a = b + c \tag{6}$$

$$= d + e + f + g + h + i + j$$

$$+k+l+m+n+o+p+q+r+s$$
 (7)

Se muestra código de ejemplo anterior:

```
\begin{align}
a & = b + c \\
& = d + e + f +g +h +i +j\nonumber\\
& +k +l+m +n+ o+p +q +r +s
\end{align}
```

Índice

- Ecuaciones y símbolos matemáticos
- 2 Matrices
- Algoritmos y pseudocódigo

Matrices y arreglos

Para introducir arreglos y matrices podemos hacer uso del ambiente: begin{array}, para cambiar de renglón ocupamos // y de columna &

$$\mathbf{X} = \left(\begin{array}{ccc} x_1 & x_2 & \dots \\ x_3 & x_4 & \dots \\ \vdots & \vdots & \ddots \end{array} \right)$$

```
\begin{equation*}
\mathbf{X} = \left(
\begin{array}{ccc}
x_1 & x_2 & \ldots \\
x_3 & x_4 & \ldots \\
\vdots & \vdots & \ddots
\end{array} \right)
\end{equation*}
```

Ejemplos de matrices:

$$|x| = \begin{cases} -x & \text{if } x < 0, \\ 0 & \text{if } x = 0, \\ x & \text{if } x > 0. \end{cases}$$

amsmath

El paquete amsmath nos provee de ambientes para crear matrices de una forma sencilla, se tienen 6 meatrices disponibles y un ambiente cases

- cases
- matrix sin delimitador
- pmatrix (
- bmatrix Γ
- Bmatrix {
- vmatrix I
- Vmatrix 11

Ejemplos de amsmath

$$|x| = \begin{cases} -x & \text{if } x < 0, \\ 0 & \text{if } x = 0, \\ x & \text{if } x > 0. \end{cases}$$

```
\begin{equation*}
|x| =
\begin{cases}
-x & \text{if } x < 0,\\
0 & \text{if } x = 0,\\
x & \text{if } x > 0.
\end{cases}
\end{equation*}
```

Ejemplos de amsmath

```
\begin{equation*}
\begin{matrix}
1 & 2 \\
3 & 4
\end{matrix} \qquad
\begin{Bmatrix}
a_{11} & a_{12} & a_{13} \
a_{21} \& a_{22} \& a_{23} \
a_{31} \& a_{32} \& a_{33}
\end{Bmatrix}
\end{equation*}
```

Índice

- Ecuaciones y símbolos matemáticos
- 2 Matrices
- 3 Algoritmos y pseudocódigo

Entorno algorithmic

Para incluir pseudocódigo en nuestro archivo se encuentra el paquete *algpseudocode*. Debemos de iniciar el entorno *algorithmic* y dentro de él encerrar el pseudocódigo. En el paquete se encuentran las siguientes etiquetass disponibles:

```
\State
\For{cond} \EndFor
\ForAll{cond} \EndFor
\While{cond} \EndWhile
\If{cond} \ElsIf{cond} \Else \EndIf
\Repeat \Until{cond}
\Return \True \False
\And \Or \XOr \Not
\Print
```

Ejemplos de pseudoódigo entorno algorithmic

Podemos agregar numeración a las líneas de código, indicando en la etiqueta de apertura lo siguiente $\{algorithmic\}[1]$

- 1: if una condicion es veradera then
- Ejecuta algo
- 3: else if otra condicion es verdadera then
- Ejecuta algo diferente
- 5: else if otra condicion mas es verdadera then
- 6: Ejecuta algo mas
- 7: **else**
- 8: Ejecuta las acciones por default
- 9: end if
- 10: **return** 0



Entorno algorithm

De la misma forma que en las ecuaciones podemos hacer referencias a los algoritmos, para ello es necesario el entorno algorithm, las etiquetas nuevas se muestran:

```
\begin{algorithm}
\caption{Nombre o proposito del algoritmo}
\label{nombre}
\end{algorithm}
```

Referencia a algoritmo siguiente 24

Ejemplo entorno algorithm

Nombre o propósito del algoritmo

- 1: if una condicion es veradera then
- Ejecuta algo
- 3: else if otra condicion es verdadera then
- 4: Ejecuta algo diferente
- 5: else if otra condicion mas es verdadera then
- 6: Ejecuta algo mas
- 7: **else**
- 8: Ejecuta las acciones por default
- 9: end if
- 10: **return** 0

