Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования

Санкт-Петербургский Политехнический университет Петра Великого Физико-Механический институт

Лабораторная 6

| Выполнил студент гр. 5030102/20101: | Бугайцев М.В. | |
|-------------------------------------|---------------|--|
| Преподаватель: | Баженов А. Н. | |
| Работа принята: | Дата | |

Содержание

| 1 | Пос | становка задачи | 2 |
|----------------------|-----|--|---|
| | 1.1 | Доверительные интервалы для параметров нормального распределения | 2 |
| | 1.2 | Доверительные интервалы для параметров произвольного распределения (Асимп- | |
| | | тотический подход) | 2 |
| _ | | | _ |
| 2 Практическая часть | | актическая часть | 3 |
| | 2.1 | Доверительные интервалы для параметров нормального распределения | 3 |
| | 2.2 | Доверительные интервалы для параметров произвольного распределения (Асимп- | |
| | | тотический подход) | 4 |

1 Постановка задачи

Для выборок мощностью n=20 и n=100 необходимо:

- найти доверительные интервалы для параметров нормального распределения;
- найти доверительные интервалы для параметров произвольного распределения, используя асимптотический подход.

1.1 Доверительные интервалы для параметров нормального распределения

| | n | Доверительный интервал для m | Доверительный интервал для σ |
|---|-----|--------------------------------|-------------------------------------|
| ĺ | 20 | -0.48 < m < 0.48 | $0.77 < \sigma < 1.48$ |
| | 100 | -0.21 < m < 0.15 | $0.82 < \sigma < 1.08$ |

Таблица 1: Доверительные интервалы для параметров нормального распределения

1.2 Доверительные интервалы для параметров произвольного распределения (Асимптотический подход)

| n | Доверительный интервал для m | Доверительный интервал для σ |
|-----|--------------------------------|-------------------------------------|
| 20 | -0.43 < m < 0.43 | $0.85 < \sigma < 1.23$ |
| 100 | -0.21 < m < 0.15 | $0.81 < \sigma < 1.11$ |

Таблица 2: Доверительные интервалы для параметров произвольного распределения (асимптотический подход)

2 Практическая часть

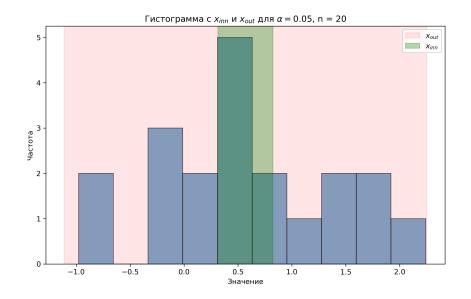
2.1 Доверительные интервалы для параметров нормального распределения

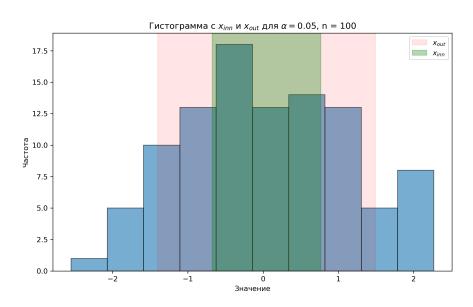
Таблица 1: Доверительные интервалы для нормального распределения при $\alpha=0.05$

| n | Доверительный интервал для m | Доверительный интервал для σ |
|-----|--------------------------------|-------------------------------------|
| 20 | 0.16 < m < 0.98 | $0.66 < \sigma < 1.27$ |
| 100 | -0.17 < m < 0.26 | $0.93 < \sigma < 1.24$ |

Таблица 2: Доверительные интервалы для нормального распределения при $\alpha = 0.05$

| n | x_{inn} | x_{out} |
|--------|-----------|--|
| 20 100 | . , , | $ \begin{bmatrix} -1.11, 2.25 \\ -1.40, 1.49 \end{bmatrix} $ |





2.2 Доверительные интервалы для параметров произвольного распределения (Асимптотический подход)

Таблица 3: Доверительные интервалы для произвольного распределения (асимптотический подход) при $\alpha=0.05$

| n | Доверительный интервал для m | Доверительный интервал для σ |
|--------|------------------------------------|--|
| 20 100 | -0.15 < m < 0.82 -0.32 < m < 0.07 | $\begin{array}{ c c c c c }\hline 0.95 < \sigma < 1.42 \\ 0.92 < \sigma < 1.11 \\ \end{array}$ |

Таблица 4: Доверительные интервалы для произвольного распределения (асимптотический подход) при $\alpha=0.05$

| n | x_{inn} | x_{out} |
|-----------|------------------------------|--|
| 20 100 | [0.79, -0.12] [0.60, -0.85] | $ \begin{bmatrix} -1.58, 2.25 \\ -1.43, 1.17 \end{bmatrix} $ |

