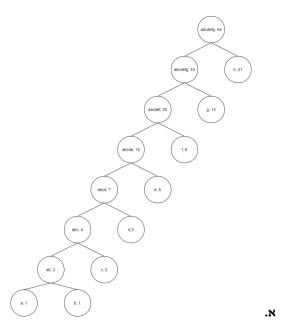
מבוא מורחב למדעי המחשב - תרגיל 6

רועי בוגין - 209729524, בר צדוק - 211964515

שאלה 2.



נראה כי הקוד הנ"ל, הינו קוד האפמן תקין ואופטימלי עבור המקרה המתואר בשאלה.

 $\begin{array}{cccc} a & 1111111 \\ b & 1111110 \\ c & 111110 \\ d & 11110 \\ e & 1110 \\ f & 110 \\ g & 10 \\ b & 0 \end{array}$

ב. נטען כי קוד ההאפמן האופטימלי כאשר התדירויות הן n מספרי פיבונאצי הראשונים בן אחד הוא עלה עם מספר מספר מספר ומצד שמאל ש את העץ שיווצר עבור n-1 מספרי הפיבונאצי הראשונים, כאשר עבור n=1 העץ יהיה מספר הפיבונאצי הראשון (הגדרה בצורה רקורסיבית).

, ולכן, k+2 מסספר פיבונאצי הראשונים, נקבל מספר שקטן ב1 ממספר פיבונאצי הk+2, ולכן את האם נסכום את נכונה כיוון שאם נסכום את מספרי פיבונאצי הראשון) והמספר פיבונאצי הk+1.

 $n=2^k$ נטען כי 0>0 לאת באינדוקציה על $s,t\in[n]$ לכל לכל אכן ונכיח $a_1=a_2=a_3$ נוכיח את באינדוקציה על $a_1=a_2=a_3=a_3$ נקבל כי אכן אכן וולכן נקבל כי אכן וולכן נקבל כי אכן וולכן נקבל כי אכן וולכן נקבל כי אכן אלה הם האופציות היחידות לבחירת בחירת לבחירת וולכן ו

 (a_1,a_2) אם התנאי מתקיים עבור (a_1,a_2) , נוכיח כי התנאי מתקיים עבור (a_2,a_1) , נשים לב כי בשלב הראשון, נחבר את הקודקודים (a_1,a_2) , נוכיח כי התנאי מתקיים (a_2,a_1) , נוכיח לכן הצמתים בעלי בשני (a_2,a_1) , וכן הלאה עד (a_2,a_1) , כיוון שעבור כל (a_2,a_1) , מתקיים (a_2,a_2) בי אול, נקבל (a_2,a_2) , קודקודים כאשר תדירות הערכים הקטנים ביותר יהיו בי (a_2,a_2) , נראה כי לאחר ביצוע כל שלבים אלו, נקבל (a_2,a_2) , במוער יהיו הערכים (a_2,a_2) , במוער יהיו הוא (a_2,a_2) , במוער יהיו בי מוער ביצוע לשלבים אולם בי מוער ב

$$|C\left(a_{s}\right)| - |C\left(a_{t}\right)| = \left(\left|C\left(b_{\left\lceil\frac{s}{2}\right\rceil}\right)\right| + 1\right) - \left(\left|C\left(b_{\left\lceil\frac{t}{2}\right\rceil}\right)\right| + 1\right) = \left|C\left(b_{\left\lceil\frac{s}{2}\right\rceil}\right)\right| - \left|C\left(b_{\left\lceil\frac{t}{2}\right\rceil}\right)\right| = 0$$

 $c_{n}=256$ לכן, בפרט, עבור $n=2^{k}$ לכל אכן $|C\left(a_{1}
ight)|-|C\left(a_{n}
ight)|=0$ הראנו כי ההפרש

$$|C(a_1)| - |C(a_n)| = 1$$
נטען כי .**ד.**

אם נבצע את התהליך הרקורסיבי שתואר לעיל, בכל סבב מספר הקודקודים יתחלק ב2, בסבב ה2, כאשר נגיע למספר קודקודים אם נבצע את התהליך הרקורסיבי שתואר לעיל, בכל סבב מספר הקודקודים יתחלק ב a_{300} נמצא בעץ a_1 נשים לב כי a_1 נמצא בעץ a_1 נמצא בעץ a_1 נמצא בעץ a_1 נחבר תחילה את a_1 נחבר תחילה על התדירות הכי קרובה וכאחר מכן a_1 וכן הלאה עד a_1 , a_2 מאותן סיבות כמו בסעיף ג. כאשר נגיע ל a_1 , הקודקוד בעל התדירות הכי קרובה אליו ולכן הוא יחובר אליו. ולכן העומק של הקודקוד a_1 יהיה אחד פחות מהעומק של a_2 , ולכן a_1 ולכן a_2 וומכאן נובע כי a_2 וומכאן נובע כי a_3 וומכאן נובע כי

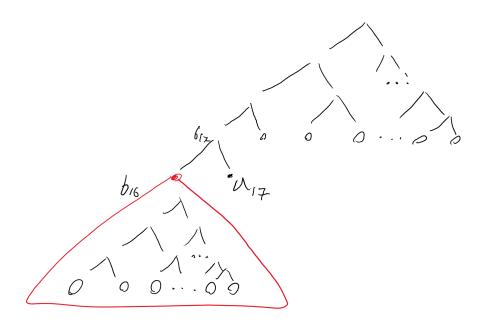
$$|C(a_1)| - |C(a_n)| = 1$$

$|C(a_1)| - |C(a_n)| = 5$ ה. נטען כי

נשים לב כי הצמתים $\sum_{i=1}^{16}a_i<16a_{16}< a_{17}$, ובנוסף, $\sum_{i=1}^{16}a_i<16a_{16}< a_{17}$, לכן, תחילה יבנה a_1,\ldots,a_{16} מקיימים את המקרה שהוכחנו בג'. ובנוסף, a_1,\ldots,a_{16} לכן, תחילה יבנה a_1,\ldots,a_{16} מקיימים את כל הצמתים a_1,\ldots,a_{16} . לאחר מכן, נסמן b_{16} להיות הצומת שמכילה את העץ של a_1,\ldots,a_{16} ובנוסף נראה כי לב כי $a_1<2a_{17}<2a_{17}<2a_{17}<2a_{18}$ על פי גדליהם, נקבל $a_1<2a_{17}<2a_{17}<2a_{18}$ על תנאי סעיף ג'. ולכן $a_1<2a_{17}<2a_{18}$ עלה של $a_1<2a_{17}<2a_{18}$ בעומק $a_1<2a_{17}<2a_{18}$ של $a_1<2a_{17}<2a_{18}$ בעומק $a_1<2a_{17}<2a_{18}$ של $a_1<2a_{17}<2a_{18}$ בעומק $a_1<2a_{17}<2a_{18}$ של $a_1<2a_{17}<2a_{18}$ בעומק $a_1<2a_{17}$ (כיוון שהוא עלה $a_1<2a_{17}$ בעומק $a_1<2a_{17}$ (מצא ב $a_1<2a_{17}$

$$|C(a_1)| - |C(a_n)| = |C(b_{17})| + 5 - |C(a_n)| = 5$$

:סקיצה



שאלה 3.

[a', [1, 3]] א. נראה כי עבור הקלט [a', [1, 3]], הפלט של שתי הפונקציות יהיה זהה, ושווה ל

ב. טענה זו נכונה.

[a', a', a', b', a', b', a', b', a', b] עבור הקלט [aaabaaaab', aaabaaaab', aaabaaaab', נראה כי הפלט של שתי הפונקציות אינו זהה. בפונקציה החדשה יוחזר הפלט <math>[a', a', b', b', b] שיצוגו הבינארי באורך [a', a', b', b', b] שיצוגו הבינארי באורך [a', a', b', b', b]

ג. טענה זו אינה נכונה.

שתי הפונקציות לוקחות את התוצאה הטובה ביותר מבין הבדיקות שהן עושות. ברגע שהפונקציה הישנה מוצאת מקרה ששווה לכווץ, היא לוקחת אותו, ואינה בודקת אפשרויות חלופיות שיכולות להיות יעילות יותר בטווח הרחוק. לעומת זאת, הפונקציה החדשה בודקת את כל האפשרויות בהתאם לפרמטרים W,L, ולכן בפרט תבדוק כל אפשרות שהפונקציה הישנה בדקה ותחזיר תוצאה יעילה לפחות באותה המידה.

שאלה 4.

(x_1, x_2, x_3)	$(x_1, x_2, x_3, x_1 + x_2, x_1 + x_3, x_2 + x_3, x_1 + x_2 + x_3)$	
(0,0,0)	(0,0,0,0,0,0)	
(0,0,1)	(0,0,1,0,1,1,1)	א.
(0, 1, 1)	(0, 1, 1, 1, 1, 0, 0)	
(1, 1, 1)	(1, 1, 1, 0, 0, 0, 1)	

4 הוא w_1,w_2 המרחק בין כל שתי מילים בין המרחק בין בי

נשים לב כי שינוי הביט הi של מילה משנה לי 4 ביטים בקוד תיקון השגיאות, וכי שינוי מ0 ל 1 או מ1 ל0 של הביט הi יהפוך את אותם הביטים.

לכן, אם על מנת להגיע ממילה w_1 ל w_2 הפכנו w_2 ביטים, ישתנו אותם הביטים כמו אם היינו מתחילים מהמילה w_2 לכן, אם על מנת להגיע ממילה w_1 לכן, אם שננו w_2 ביטים מהמילה שינוי של w_2 ביטים מהמילה w_2 ביטים בקוד לתיקון שגיאות, ולכן גם אם נשנה w_2 ביטים ממילה w_2 , ישתנו בדיוק w_2 ביטים בקוד לתיקון שגיאות.

yבע במרחק 4 ממילת ה0. ולכן כיוון שבy=(0,0,0,0,1,1,0) ממילת הy=(0,0,0,0,1,1,0) מילה יש y=(0,0,0,0,1,1,0) מילה של כל מילה מy=(0,0,0,0,1,1,0) מילה מy=(0,0,0,0,1,1,0) יש באחדות מרחקה של כל מילה מy=(0,0,0,0,1,1,0)

בנוסף הקוד של המילים (0,0,1),(0,0,0) שתיהן במרחק y מy ולכן שתיהן השאלה.

המרחק אם לב כי אם |x|=2 (נשים לב כי אם $[n=4\left(|x|+1\right),k=|x|\,,d=4\right]$ המרחק המרחק המינימלי בין 2 מילות קוד תקינות הוא 8).

עבור התא ה(i,j) עבור התא הסיבוכיות של הפונקציה נגדיר להיות הסיבוכיות להיות הסיבוכיות עבור התא ה(i,j)

$$C(i, j) = \sum_{i+1}^{j} \sum_{l=1}^{|R|} \Theta(1) = \Theta((j - i + 1) |R|)$$

כיוון שאנו עוברים על אשר מקבל ערכים $i+1,\ldots,j$ ועבור כל א עוברים על כל הוא אשר מקבל ערכים מסט מתבצעת $i+1,\ldots,j$ ועבור כל אחר מכן לאחר מכן ראינו כי שאר הקוד מתבצע בO (1) בממוצע. לאחר מכן ראינו כי שאר הקוד מתבצע ב

. נחשב את הסיבוכיות של הפונקציה CYK (נסמנה (n))בהינתן הפונקציה של הפונקציה על הפונקציה CYK

$$T(n) = \sum_{l=2}^{n} \sum_{i=0}^{n-l+1} C(i, i+l) = \sum_{l=2}^{n} \sum_{i=0}^{n-l+1} \Theta(l|R|) = \sum_{l=2}^{n} (n-l+1) \Theta(l|R|) = n \sum_{l=2}^{n} l \cdot \Theta(|R|) - \sum_{l=2}^{n} l^{2} \Theta(|R|) + \sum_{l=2}^{n} l \cdot \Theta(|R|)$$

$$\Theta(|R|) \left(n \sum_{l=2}^{n} l - \sum_{l=2}^{n} l^{2} + \sum_{l=2}^{n} l \right) = \Theta(|R|) \left(n \frac{n^{2}+n-2}{2} - \frac{n(n+1)(2n+1)-6}{6} + \frac{n^{2}+n-2}{2} \right) = \Theta(n^{3}|R|)$$

שאלה 6.

ב. התמונה המקורית:

 $T\left(n
ight) = \Theta\left(n^3\left|R
ight|
ight)$ ולכן,



: פלט הפונקציה process_img ללא שינוי



: פלט הפונקציה process_img עם השינוי



ההסבר לשינוי בפלט הוא שהפונקציה המקורית (ביחד עם פונקציית hambda הנתונה) יוצרת עותק של התמונה ומשקפת אותה ביחס לציר ה-x ולכן מוחזרת תמונה משוקפת. בפונקציה החדשה, פעולת השיקוף מתבצעת על התמונה עצמה ולא על עותק שלה. לכן, החצי העליון של התמונה משוקף כמו בפונקציה המקורית אך החצי השני משוקף ביחס לתמונה שכבר שוקפה ולכן החצי התחתון של התמונה נראה כמו החצי התחתון של התמונה המקורית.