

به نام خدا



دانشگاه تهران
دانشکده فنی
دانشکده مهندسی برق
و کامپیوتر



درس بازیابی هوشمند اطلاعات

پاسخ بخش تئوری تمرین ۳

نام و نام خانودگی: روژین پناو

شماره دانشجویی: ۲۲۰۷۰۱۰۴۶

مهر ماه ۱۴۰۳

تأیید می‌کنم که از LLM ها مطابق با دستورالعمل‌های بارگذاری شده در سامانه Elearn درس به طور مسئولانه استفاده کرده‌ام، تمام اجزای کار خود را درک می‌کنم و آماده بحث شفاهی درباره آن‌ها هستم.

فهرست

۳.....	پاسخ سوال اول
۳.....	پاسخ بخش الف
۵.....	پاسخ بخش ب
۷.....	پاسخ سوال دوم
۷.....	پاسخ بخش الف
۸.....	پاسخ بخش ب
۹.....	پاسخ بخش ج
۱۰.....	پاسخ بخش د
۱۱.....	پاسخ بخش ه
۱۲.....	پاسخ سوال سوم

پاسخ سوال اول

پاسخ بخش الف

در این سوال، مسئله‌ای که پیش آمده اینه که وقتی داده‌ها زیاد می‌شن، حافظه پر میشه و باعث میشه پردازش‌ها خیلی کند بشن. برای حل این مشکل، می‌تونیم از **compression** و **sort-based methods** استفاده کنیم.

```
class Mapper:

    procedure Map(docid n, doc d):

        H ← new AssociativeArray

        for all term t ∈ doc d do

            H[t] ← H[t] + 1

        for all term t ∈ H do

            Emit(term t, posting <n, H[t]>)

class Reducer:

    procedure Reduce(term t, postings <[n1, f1], [n2, f2] ...):

        P ← new List

        for all posting <a, f> ∈ postings do

            Append(P, <a, f>)

        Sort(P)

        Emit(term t, postings P)
```

در کد اولیه، داده‌ها در **Mapper** به صورت (term, posting) به مرحله‌ی **Reduce** ارسال می‌شوند. در **Reducer**، تمامی پستینگ‌ها برای هر **term** در حافظه ذخیره می‌شوند و سپس مرتب‌سازی می‌شوند. در صورتی که تعداد **term** ها و **posting** ها زیاد باشد، این مرحله می‌تواند به سرعت باعث پر شدن حافظه شود و در نهایت با **scalability bottleneck** مواجه شویم.

راه حل:

در الگوریتم اولیه، داده‌ها به صورت (term, posting) در حافظه ذخیره می‌شوند و به مرحله‌ی **Reducer** ارسال می‌شوند. اما وقتی داده‌ها زیاد می‌شوند، حافظه پر می‌شود و سرعت پردازش کند می‌شود. برای جلوگیری از این مشکل، باید داده‌ها را به صورت **key-value pair** ذخیره و پردازش

کنیم. این به این معناست که برای هر **term**، یک **key** و برای هر **docid**، یک **value** (که شامل فرکانس آن **term** در داکيومنت است) ذخیره می‌کنیم.

(compressed_docid, {term_i : frequency_i})

در ادامه برای کار با مجموعه بسیار بزرگ از روش‌هایی مثل **compression** و **sort-based methods** می‌توانیم استفاده کنیم تا از مصرف بیش از حد حافظه جلوگیری کنیم و داده‌ها را به شیوه‌ای بهینه پردازش کنیم.

:Sort-based Methods

برای اینکه داده‌ها در مرحله **Reduce** به صورت مرتب پردازش شوند، معمولاً نیاز به **sort** داریم. در کد اولیه، داده‌ها باید در **Reducer** مرتب شوند که این می‌تواند باعث مصرف زیاد حافظه و کاهش کارایی شود. با استفاده از **sort-based methods** می‌توانیم این مشکل را حل کنیم.

در روش **sort-based**، داده‌ها به جای اینکه در **Reducer** مرتب شوند، به صورت تدریجی و در مراحل قبلی مرتب می‌شوند. در مرحله **Mapper** داده‌ها به صورت **key-value pair** پردازش و ذخیره می‌شوند. سپس در مرحله **Shuffle**، داده‌ها به صورت محلی بر اساس **term** مرتب می‌شوند و در نهایت در **Reducer** تنها داده‌های مرتب‌شده بر اساس **docid** پردازش می‌شوند.

باعث:

- **مرتب‌سازی پیش از Reduce**: به جای اینکه همه داده‌ها در **Reducer** مرتب شوند، داده‌ها از قبل در **Shuffle** مرتب می‌شوند. این باعث می‌شود که **Reducer** فقط داده‌های مرتب‌شده را دریافت کند و نیازی به مرتب‌سازی مجدد نداشته باشد.
- **صرفه‌جویی در حافظه**: چون داده‌ها از قبل مرتب شده‌اند و دیگر نیازی به مرتب‌سازی در حافظه نیست، حجم حافظه کاهش می‌یابد.
- **حافظه بهینه‌تر**: مرتب‌سازی داده‌ها در مراحل قبلی باعث می‌شود که حافظه به صورت بهینه‌تری استفاده شود و از **scalability bottleneck** جلوگیری می‌شود.

:Compression

در **Sort-based Methods** یکی از مشکلات اصلی این است که داده‌ها به صورت (docid, {term: frequency}) به **Reducer** ارسال می‌شوند، که می‌تواند حجم زیادی از داده‌ها را در حافظه ایجاد کند. برای کاهش این حجم، از **compression** می‌توانیم استفاده کنیم. به عنوان مثال، می‌توانیم از **Unary compression** برای فشرده‌سازی شناسه‌های داکيومنت (docid) استفاده کنیم. در این روش به جای ذخیره‌سازی خود **docid**، یک مقدار فشرده‌تر مثل باقی‌مانده تقسیم بر ۱۰۰۰ را ذخیره می‌کنیم که حجم داده‌ها را کاهش می‌دهد.

باعث:

- کاهش حجم داده‌ها: با فشرده‌سازی داده‌ها، مقدار حافظه مورد نیاز برای ذخیره‌سازی داده‌ها در هر مرحله کاهش می‌یابد.
- افزایش سرعت پردازش: چون داده‌ها کوچکتر می‌شوند، سرعت پردازش و انتقال داده‌ها سریع‌تر می‌شود و از فشار اضافی بر حافظه جلوگیری می‌شود.

پاسخ بخش ب

در مرحله اول، برای هر docid داده‌ها به صورت

```
(compressed_docid, {term: frequency})
```

محاسبه می‌شوند و داده‌ها بر اساس docid مرتب می‌شوند.

```
class Mapper:
    def map(self, docid, doc):
        term_frequency = {}

        for term in doc:
            term_frequency[term] = term_frequency.get(term, 0) + 1
        compressed_docid = self.compress(docid)

        self.emit(compressed_docid, term_frequency)

    def compress(self, docid):
        return docid % 1000
```

در این مرحله، داده‌ها از فایل موقت خوانده می‌شوند و به صورت خارج از حافظه بر اساس term مرتب می‌شوند.

```
class LocalSorter:
    def local_sort(self, postings_file_path: str) -> list:
        sorted_postings = []

        with open(postings_file_path, 'r') as f:
            for line in f:
```

```

        term, freq = line.strip().split(":")
        sorted_postings.append((term, int(freq)))

sorted_postings.sort(key=lambda x: x[0])

return sorted_postings

```

در این مرحله، داده‌های مرتب‌شده از چندین **Mapper** با هم ترکیب می‌شوند. از **heap** برای ادغام داده‌ها استفاده می‌شود.

```

class MergeSorter:
    def merge_sorted_data(self, sorted_data_list):
        merged_data = []

        heap = []
        for data in sorted_data_list:
            heapq.heappush(heap, data)

        while heap:
            smallest_term = heapq.heappop(heap)
            merged_data.append(smallest_term)

        return merged_data

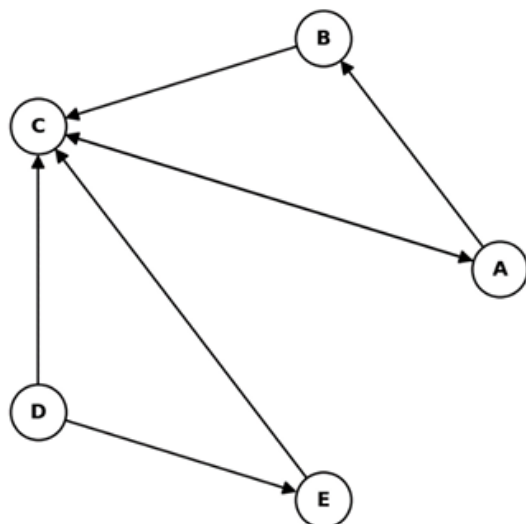
```

در این مرحله، داده‌ها به صورت مرتب‌شده بر اساس docid وارد **Reducer** می‌شوند و یک **Inverted Index** نهایی تولید می‌شود.

```

class Reducer:
    def reduce(self, term, postings):
        sorted_postings = sorted(postings, key=lambda x: x[0])
        self.emit(term, sorted_postings)

```



TRANSITION MATRIX = M

	A	B	C	D	E
A	0	1	0	0	0
B	0	0	1	0	0
C	0	0	0	0	0
D	0	0	1 / 2	0	1 / 2
E	0	0	1	0	0

$$p(d_j) = \sum_{i=1}^N \left[\frac{1}{N} \alpha + (1 - \alpha) M_{ij} \right] p(d_i)$$

$$\vec{p} = (\alpha I + (1 - \alpha) M)^T \vec{p}$$

$$A = (1 - \alpha)M + \alpha I = 0.85 \times \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1/2 & 0 & 1/2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} + 0.15 \times \begin{bmatrix} 1/5 & 1/5 & 1/5 & 1/5 & 1/5 \\ 1/5 & 1/5 & 1/5 & 1/5 & 1/5 \\ 1/5 & 1/5 & 1/5 & 1/5 & 1/5 \\ 1/5 & 1/5 & 1/5 & 1/5 & 1/5 \\ 1/5 & 1/5 & 1/5 & 1/5 & 1/5 \end{bmatrix}$$

$\alpha = 0.15$, تکرار اول

$$\begin{bmatrix} P^1(A) \\ P^1(B) \\ P^1(C) \\ P^1(D) \\ P^1(E) \end{bmatrix} = a^T \times \begin{bmatrix} P^0(A) \\ P^0(B) \\ P^0(C) \\ P^0(D) \\ P^0(E) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0.3 & 0.3 & 0.3 & 0.3 & 0.3 \\ 0.88 & 0.3 & 0.3 & 0.3 & 0.3 \\ 0.3 & 0.88 & 0.3 & 0.455 & 0.3 \\ 0.3 & 0.3 & 0.3 & 0.3 & 0.3 \\ 0.3 & 0.3 & 0.3 & 0.455 & 0.3 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 1/5 \\ 1/5 \\ 1/5 \\ 1/5 \\ 1/5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0.3 \\ 0.416 \\ 0.447 \\ 0.3 \\ 0.331 \end{bmatrix}$$

$\alpha = 0.15$, تکرار دوم

$$\begin{bmatrix} P^2(A) \\ P^2(B) \\ P^2(C) \\ P^2(D) \\ P^2(E) \end{bmatrix} = a^T \times \begin{bmatrix} P^1(A) \\ P^1(B) \\ P^1(C) \\ P^1(D) \\ P^1(E) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0.3 & 0.3 & 0.3 & 0.3 & 0.3 \\ 0.88 & 0.3 & 0.3 & 0.3 & 0.3 \\ 0.3 & 0.88 & 0.3 & 0.455 & 0.3 \\ 0.3 & 0.3 & 0.3 & 0.3 & 0.3 \\ 0.3 & 0.3 & 0.3 & 0.455 & 0.3 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 0.3 \\ 0.416 \\ 0.447 \\ 0.3 \\ 0.331 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0.54 \\ 0.71 \\ 0.83 \\ 0.54 \\ 0.58 \end{bmatrix}$$

پاسخ بخش ب

$$A = (1 - \alpha)M + \alpha I = 1 \times \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1/2 & 0 & 1/2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} + 0 \times \begin{bmatrix} 1/5 & 1/5 & 1/5 & 1/5 & 1/5 \\ 1/5 & 1/5 & 1/5 & 1/5 & 1/5 \\ 1/5 & 1/5 & 1/5 & 1/5 & 1/5 \\ 1/5 & 1/5 & 1/5 & 1/5 & 1/5 \\ 1/5 & 1/5 & 1/5 & 1/5 & 1/5 \end{bmatrix}$$

$\alpha = 0$, تکرار اول

$$\begin{bmatrix} P^1(A) \\ P^1(B) \\ P^1(C) \\ P^1(D) \\ P^1(E) \end{bmatrix} = a^T \times \begin{bmatrix} P^0(A) \\ P^0(B) \\ P^0(C) \\ P^0(D) \\ P^0(E) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0.5 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0.5 & 0 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 1/5 \\ 1/5 \\ 1/5 \\ 1/5 \\ 1/5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0.2 \\ 0.3 \\ 0 \\ 0.1 \end{bmatrix}$$

تکرار دوم، $\alpha = 0$

$$\begin{bmatrix} P^2(A) \\ P^2(B) \\ P^2(C) \\ P^2(D) \\ P^2(E) \end{bmatrix} = a^T \times \begin{bmatrix} P^1(A) \\ P^1(B) \\ P^1(C) \\ P^1(D) \\ P^1(E) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0.5 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0.5 & 0 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 0 \\ 0.2 \\ 0.3 \\ 0 \\ 0.1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0.2 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$

پاسخ بخش ج

ADJACENCY MATRIX = A

	A	B	C	D	E
A	0	1	0	0	0
B	0	0	1	0	0
C	0	0	0	0	0
D	0	0	1	0	1
E	0	0	1	0	0

$$h(d_i) = \sum_{d_j \in \text{OUT}(d_i)} a(d_j)$$

$$a(d_i) = \sum_{d_j \in \text{IN}(d_i)} h(d_j)$$

تکرار اول

$$\begin{bmatrix} a(A) \\ a(B) \\ a(C) \\ a(D) \\ a(E) \end{bmatrix} = \sum_{d_j \in \text{IN}(d_i)} \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 3 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} \xrightarrow{\text{normalize}} \begin{bmatrix} 1/6 \\ 1/6 \\ 1/2 \\ 0 \\ 1/6 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} h(A) \\ h(B) \\ h(C) \\ h(D) \\ h(E) \end{bmatrix} = \sum_{d_j \in \text{OUT}(d_i)} \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 2 \end{bmatrix} \xrightarrow{\text{normalize}} \begin{bmatrix} 1/6 \\ 1/6 \\ 1/6 \\ 1/6 \\ 1/3 \end{bmatrix}$$

تکرار دوم

$$\begin{bmatrix} a(A) \\ a(B) \\ a(C) \\ a(D) \\ a(E) \end{bmatrix} = \sum_{d_j \in \text{IN}(d_i)} \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1/6 & 0 & 0 \\ 1/6 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1/6 & 1/6 & 0 & 1/6 & 1/3 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1/3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1/6 \\ 1/6 \\ 5/6 \\ 0 \\ 1/3 \end{bmatrix} \xrightarrow{\text{normalize}} \begin{bmatrix} 1/9 \\ 1/9 \\ 5/9 \\ 0 \\ 2/9 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} h(A) \\ h(B) \\ h(C) \\ h(D) \\ h(E) \end{bmatrix} = \sum_{d_j \in \text{OUT}(d_i)} \begin{bmatrix} 0 & 1/6 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1/2 & 0 & 0 \\ 1/6 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1/2 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1/2 & 0 & 1/6 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1/6 \\ 1/2 \\ 1/6 \\ 1/2 \\ 4/6 \end{bmatrix} \xrightarrow{\text{normalize}} \begin{bmatrix} 1/12 \\ 1/4 \\ 1/12 \\ 1/4 \\ 1/3 \end{bmatrix}$$

پاسخ بخش د

نتایج حالت $A = 0.15$

- بعد از دو تکرار، همه گره‌ها از جمله D و E مقدار غیر صفر داشتن :

$$D \approx 0.54$$

$$E \approx 0.58$$

- وجود **DAMPING FACTOR** باعث شد که احتمال‌ها به صورت تصادفی در کل گراف پخش بشن. (TELEPORTATION) این ویژگی جلوی گیر افتادن در مؤلفه‌های بسته رو گرفت و به گره‌های حاشیه‌ای مثل D و E هم سهمی داد.

نتایج حالت $A = 0$

- بعد از دو تکرار، مقدار **PAGERANK** برای گره‌های D و E برابر صفر شد.

- دلیلش اینه که وقتی **DAMPING FACTOR** وجود نداره، احتمالها فقط بر اساس لینکها حرکت میکنن. در این حالت، چون گراف دارای مسیرهای گیرنده (SINK) هست، رتبهها به سمت گره C جذب میشن و اونجا باقی میمونن.
- نتیجه: گرههای ضعیفتر مثل D و E کاملاً حذف میشن و هیچ سهمی از رتبه نمیگیرن.

پس، **DAMPING FACTOR** مثل یک نجاتدهنده برای گرههای ضعیف عمل میکنه. بدونش، گرههایی مثل D و E هیچ شانسی برای دیده شدن ندارن و کل رتبه به سمت گرههای قویتر میره. با وجودش، حتی گرههای حاشیهای هم سهمی پیدا میکنن و الگوریتم به یک حالت پایدار و منصفانه میرسه.

پاسخ بخش ۵

با توجه به خروجیها، در بخش الف الگوریتم **PAGERANK** مقادیر نهایی اینطورند: $A=0.54$ ، $B=0.71$ ، $C=0.83$ ، $D=0.54$ ، $E=0.58$ ؛

و در بخش ج الگوریتم **HITS** برای **AUTHORITY** داریم:

$$A=1/9 \text{ ، } B=1/9 \text{ ، } C=5/9 \text{ ، } D=0 \text{ ، } E=2/9$$

گره **C** هم بالاترین **PAGERANK** را دارد (۰,۸۳) و هم بالاترین **AUTHORITY** را در $HITS(5/9)$. بنابراین گره برتر در هر دو معیار یکی است.

این هم خوانی از نظر مفهومی هم منطقی است. در الگوریتم **HITS**، گره **C** چون توسط چند هاب معتبر لینک شده، بیشترین اعتبار یا **AUTHORITY** را کسب میکند. از طرف دیگر در **PAGERANK**، جریان احتمال در شبکه به سمت گرههایی می رود که بیشترین لینک ورودی را دارند و در این گراف، **C** مقصد اصلی بسیاری از لینکهاست. علاوه بر این، وجود **DAMPING FACTOR** باعث می شود که حتی در صورت وجود مسیرهای بسته، احتمالها دوباره به سمت گرههای مهم مثل **C** برگردند.

در واقع، این نتیجه نشان می دهد که گره **C** نه تنها از دیدگاه محلی (**LOCAL**) و رابطه‌ی مستقیم با هابها در **HITS** مهم است، بلکه از دیدگاه جهانی (**GLOBAL**) و توزیع احتمال در کل شبکه در **PAGERANK** هم اهمیت بالایی دارد. پس به این نتیجه میتوانیم برسیم که **C** در ساختار این گراف نقش کلیدی و مرکزی دارد و طبیعی است که در هر دو روش رتبه‌ی بالاتری نسبت به سایر گرهها بگیرد.

پاسخ سوال سوم

ورودی اول :

$$\begin{bmatrix} (A) \\ (B) \\ (C) \\ (D) \\ (E) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0.54 \\ 0.71 \\ 0.83 \\ 0.54 \\ 0.58 \end{bmatrix}$$

ورودی دوم :

A	search retrieval HITS
B	web search graph
C	HITS algorithm graph retrieval
D	web link analysis
E	link graph search

: MapReduce Pseudocode

Map Function

تولید (word, (docID, position)) برای همه کلمات

```
MAP(docID, text):  
  
    words = text.split()  
  
    for position, word in enumerate(words):  
  
        EMIT(word, (docID, [position]))
```

Shuffle & Sort

- MapReduce بطور خودکار خروجی Map را بر اساس key (کلمه) گروه‌بندی می‌کند.
- پس از گروه‌بندی، برای هر کلمه داریم لیست (docID, [positions]).

Reduce Function

```
REDUCE(word, list_of_doc_positions):  
  
    doc_positions_with_pagerank = []  
  
    for (docID, positions) in list_of_doc_positions:  
  
        pagerank = lookup_pagerank(docID)  
  
        doc_positions_with_pagerank.append((docID, pagerank, positions))  
  
    sorted_docs = sort(doc_positions_with_pagerank, key=pagerank, descending=True)  
  
    EMIT(word, sorted_docs)
```

گام ۱: ساخت Positional Index

ابتدا موقعیت کلمات در هر سند را مشخص می‌کنیم:

Doc	متن	Positional Index
A	search retrieval HITS	search:[0], retrieval:[1], HITS:[2]
B	web search graph	web:[0], search:[1], graph:[2]
C	HITS algorithm graph retrieval	HITS:[0], algorithm:[1], graph:[2], retrieval:[3]
D	web link analysis	web:[0], link:[1], analysis:[2]
E	link graph search	link:[0], graph:[1], search:[2]

گام ۲: map output

```
<search, (A,[0])>
<retrieval, (A,[1])>
<HITS, (A,[2])>

<web, (B,[0])>
<search, (B,[1])>
<graph, (B,[2])>

<HITS, (C,[0])>
<algorithm, (C,[1])>
<graph, (C,[2])>
<retrieval, (C,[3])>

<web, (D,[0])>
<link, (D,[1])>
<analysis, (D,[2])>

<link, (E,[0])>
<graph, (E,[1])>
<analysis, (E,[2])>
```

INTERNAL GROUPING : ۳ گام

```
<algorithm, (C, 0.83,[1])>
<algorithm, (D, 0.54,[2])>
<algorithm, (E, 0.58,[2])>

<graph, (B, 0.71,[2])>
<graph, (C, 0.83,[2])>
<graph, (E, 0.58,[1])>

<HITS, (A, 0.54,[2])>
<HITS, (C, 0.83,[0])>

<link, (D, 0.54,[1])>
<link, (E, 0.58,[0])>

<retrieval, (A, 0.54,[1])>
<retrieval, (C, 0.83,[3])>

<search, (A, 0.54,[0])>
<search, (B, 0.71,[1])>

<web, (B, 0.71,[0])>
<web, (D, 0.54,[0])>
```

REDUCE OUTPUT: 4 گام

```
<algorithm, [(C, 0.83,[1]), (E, 0.58,[2]), (D, 0.54,[2])]>

<graph, [(C, 0.83,[2]), (B, 0.71,[2]), (E, 0.58,[1])]>

<HITS, [(C, 0.83,[0]), (A, 0.54,[2])]>

<link, [(E, 0.58,[0]), (D, 0.54,[1])]>

<retrieval, [(C, 0.83,[3]), (A, 0.54,[1])]>

<search, [(B, 0.71,[1]), (A, 0.54,[0])]>

<web, [(B, 0.71,[0]), (D, 0.54,[0])>
```