

به نام خدا



دانشگاه تهران
دانشکدگان فنی
دانشکده مهندسی برق
و کامپیوتر



درس بازیابی هوشمند اطلاعات

پاسخ بخش تئوری تمرین ۳

نام و نام خانودگی: روژین پنا

شماره دانشجویی: ۲۲۰۷۰۱۰۴۶

مهر ماه ۱۴۰۳

تأیید میکنم که از LLM ها مطابق با دستورالعملهای بارگذاری شده در سامانه Elearn درس به طور مسئولانه استفاده کرده ام، تمام اجزای کار خود را درک میکنم و آماده بحث شفاهی درباره آنها هستم.

فهرست

۳	پاسخ سوال اول
۳	پاسخ بخش الف
۵	پاسخ بخش ب
۷	پاسخ سوال دوم
۷	پاسخ بخش الف
۸	پاسخ بخش ب
۹	پاسخ بخش ج
۱۰	پاسخ بخش د
۱۱	پاسخ بخش ه
۱۲	پاسخ سوال سوم

پاسخ سوال اول

پاسخ بخش الف

در این سوال، مسئله‌ای که پیش اومده اینه که وقتی داده‌ها زیاد می‌شون، حافظه پر می‌شوند و باعث می‌شوند پردازش‌ها خیلی کند بشن. برای حل این مشکل، می‌توانیم از **sort-based methods** و **compression** استفاده کنیم.

```
class Mapper:  
  
    procedure Map(docid n, doc d):  
  
        H ← new AssociativeArray  
  
        for all term t ∈ doc d do  
  
            H[t] ← H[t] + 1  
  
        for all term t ∈ H do  
  
            Emit(term t, posting <n, H[t]>)  
  
  
class Reducer:  
  
    procedure Reduce(term t, postings <[n1, f1], [n2, f2] ...>)  
  
        P ← new List  
  
        for all posting <a, f> ∈ postings do  
  
            Append(P, <a, f>)  
  
        Sort(P)  
  
        Emit(term t, postings P)
```

در کد اولیه، داده‌ها در **Mapper** به صورت $(term, posting)$ به مرحله‌ی **Reduce** ارسال می‌شوند. در **Reducer**، تمامی پستینگ‌ها برای هر **term** در حافظه ذخیره می‌شوند و سپس مرتبسازی می‌شوند. در صورتی که تعداد **term**‌ها و **posting**‌ها زیاد باشد، این مرحله می‌تواند به سرعت باعث پر شدن حافظه شود و در نهایت با **scalability bottleneck** مواجه شویم.

راه حل:

در الگوریتم اولیه، داده‌ها به صورت $(term, posting)$ در حافظه ذخیره می‌شوند و به مرحله‌ی **Reducer** ارسال می‌شوند. اما وقتی داده‌ها زیاد می‌شوند، حافظه پر می‌شود و سرعت پردازش کند می‌شود. برای جلوگیری از این مشکل، باید داده‌ها را به صورت **key-value pair** ذخیره و پردازش

کنیم. این به این معناست که برای هر **term**، یک **key** و برای هر **docid**، یک **value** (که شامل فرکانس آن **term** در داکیومنت است) ذخیره می‌کنیم.

(compressed_docid, {term_i : frequency_i})

در ادامه برای کار با مجموعه بسیار بزرگ از روش‌هایی مثل **compression** میتوانیم استفاده کنیم تا از مصرف بیش از حد حافظه جلوگیری کنیم و داده‌ها را به شیوه‌ای بهینه پردازش کنیم.

:Sort-based Methods

برای اینکه داده‌ها در مرحله‌ی **Reduce** به صورت مرتب پردازش شوند، معمولاً نیاز به **sort** داریم. در کد اولیه، داده‌ها باید در **Reducer** مرتب شوند که این می‌تواند باعث مصرف زیاد حافظه و کاهش کارایی شود. با استفاده از **sort-based methods** می‌توانیم این مشکل را حل کنیم.

در روش **sort-based**، داده‌ها به جای اینکه در **Reducer** مرتب شوند، به صورت تدریجی و در مراحل قبلی مرتب می‌شوند. در مرحله‌ی **Mapper** داده‌ها به صورت **key-value pair** پردازش و ذخیره می‌شوند. سپس در مرحله‌ی **Shuffle**، داده‌ها به صورت محلی بر اساس **term** مرتب می‌شوند و در نهایت در **Reducer** تنها داده‌های مرتب شده بر اساس **docid** پردازش می‌شوند.

باعث:

- **مرتبسازی پیش از Reduce** : به جای اینکه همه داده‌ها در **Reducer** مرتب شوند، داده‌ها از قبل در **Shuffle** مرتب می‌شوند. این باعث می‌شود که **Reducer** فقط داده‌های مرتب شده را دریافت کند و نیازی به مرتبسازی مجدد نداشته باشد.
- **صرفه‌جویی در حافظه** : چون داده‌ها از قبل مرتب شده‌اند و دیگر نیازی به مرتبسازی در حافظه نیست، حجم حافظه کاهش می‌یابد.
- **حافظه بهینه‌تر** : مرتبسازی داده‌ها در مراحل قبلی باعث می‌شود **scalability** که حافظه به صورت بهینه‌تری استفاده شود و از **bottleneck** جلوگیری می‌شود.

:Compression

در Sort-based Methods یکی از مشکلات اصلی این است که داده‌ها به صورت **(docid, {term: frequency})** به **Reducer** ارسال می‌شوند، که می‌تواند حجم زیادی از داده‌ها را در حافظه ایجاد کند. برای کاهش این حجم، از **compression** می‌توانیم استفاده کنیم. به عنوان مثال، می‌توانیم از **Unary compression** برای فشرده‌سازی شناسه‌های داکیومنت استفاده کنیم. در این روش به جای ذخیره‌سازی خود **docid**، یک مقدار فشرده‌تر مثل باقیمانده تقسیم بر ۱۰۰۰ را ذخیره می‌کنیم که حجم داده‌ها را کاهش می‌دهد.

باعث:

- **کاهش حجم داده‌ها:** با فشرده‌سازی داده‌ها، مقدار حافظه مورد نیاز برای ذخیره‌سازی داده‌ها در هر مرحله کاهش می‌یابد.
- **افزایش سرعت پردازش:** چون داده‌ها کوچکتر می‌شوند، سرعت پردازش و انتقال داده‌ها سریع‌تر می‌شود و از فشار اضافی بر حافظه جلوگیری می‌شود.

پاسخ بخش ب

در مرحله اول، برای هر docid داده‌ها به صورت

```
(compressed_docid, {term: frequency})
```

محاسبه می‌شوند و داده‌ها بر اساس docid مرتب می‌شوند.

```
class Mapper:  
  
    def map(self, docid, doc):  
        term_frequency = {}  
  
        for term in doc:  
            term_frequency[term] = term_frequency.get(term, 0) + 1  
        compressed_docid = self.compress(docid)  
  
        self.emit(compressed_docid, term_frequency)  
  
    def compress(self, docid):  
        return docid % 1000
```

در این مرحله، داده‌ها از فایل موقت خوانده می‌شوند و به صورت خارج از حافظه بر اساس term مرتب می‌شوند.

```
class LocalSorter:  
  
    def local_sort(self, postings_file_path: str) -> list:  
        sorted_postings = []  
  
        with open(postings_file_path, 'r') as f:  
            for line in f:
```

```

        term, freq = line.strip().split(":")
        sorted_postings.append((term, int(freq)))

sorted_postings.sort(key=lambda x: x[0])

return sorted_postings

```

در این مرحله، داده‌های مرتب شده از چندین **Mapper** با هم ترکیب می‌شوند. از **heap** برای ادغام داده‌ها استفاده می‌شود.

```

class MergeSorter:

    def merge_sorted_data(self, sorted_data_list):
        merged_data = []

        heap = []
        for data in sorted_data_list:
            heapq.heappush(heap, data)

        while heap:
            smallest_term = heapq.heappop(heap)
            merged_data.append(smallest_term)

        return merged_data

```

در این مرحله، داده‌ها به صورت مرتب‌شده بر اساس docid وارد **Reducer** می‌شوند و یک **Inverted Index** نهایی تولید می‌شود.

```

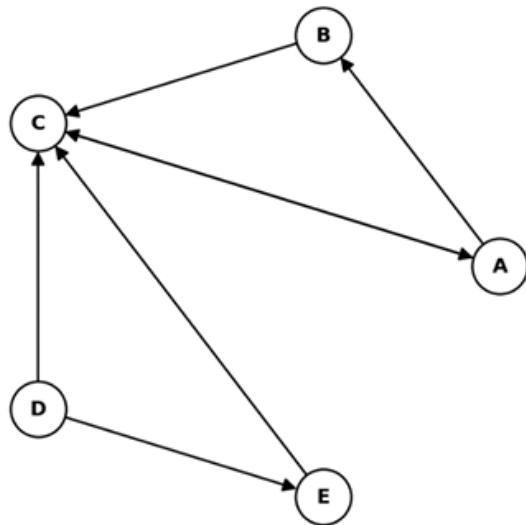
class Reducer:

    def reduce(self, term, postings):
        sorted_postings = sorted(postings, key=lambda x: x[0])
        self.emit(term, sorted_postings)

```

پاسخ سوال دوم

پاسخ بخش الف



TRANSITION MATRIX = M

	A	B	C	D	E
A	0	1	0	0	0
B	0	0	1	0	0
C	0	0	0	0	0
D	0	0	1 / 2	0	1 / 2
E	0	0	1	0	0

$$p(d_j) = \sum_{i=1}^N \left[\frac{1}{N} \alpha + (1 - \alpha) M_{ij} \right] p(d_i)$$

$$\vec{p} = (\alpha I + (1 - \alpha) M)^T \vec{p}$$

$$A = (1 - \alpha)M + \alpha I = 0.85 \times \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1/2 & 0 & 1/2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} + 0.15 \times \begin{bmatrix} 1/5 & 1/5 & 1/5 & 1/5 & 1/5 \\ 1/5 & 1/5 & 1/5 & 1/5 & 1/5 \\ 1/5 & 1/5 & 1/5 & 1/5 & 1/5 \\ 1/5 & 1/5 & 1/5 & 1/5 & 1/5 \\ 1/5 & 1/5 & 1/5 & 1/5 & 1/5 \end{bmatrix}$$

تکرار اول

$$\begin{bmatrix} P^1(A) \\ P^1(B) \\ P^1(C) \\ P^1(D) \\ P^1(E) \end{bmatrix} = a^T \times \begin{bmatrix} P^0(A) \\ P^0(B) \\ P^0(C) \\ P^0(D) \\ P^0(E) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0.3 & 0.3 & 0.3 & 0.3 & 0.3 \\ 0.88 & 0.3 & 0.3 & 0.3 & 0.3 \\ 0.3 & 0.88 & 0.3 & 0.455 & 0.3 \\ 0.3 & 0.3 & 0.3 & 0.3 & 0.3 \\ 0.3 & 0.3 & 0.3 & 0.455 & 0.3 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 1/5 \\ 1/5 \\ 1/5 \\ 1/5 \\ 1/5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0.3 \\ 0.416 \\ 0.447 \\ 0.3 \\ 0.331 \end{bmatrix}$$

تکرار دو

$$\begin{bmatrix} P^2(A) \\ P^2(B) \\ P^2(C) \\ P^2(D) \\ P^2(E) \end{bmatrix} = a^T \times \begin{bmatrix} P^1(A) \\ P^1(B) \\ P^1(C) \\ P^1(D) \\ P^1(E) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0.3 & 0.3 & 0.3 & 0.3 & 0.3 \\ 0.88 & 0.3 & 0.3 & 0.3 & 0.3 \\ 0.3 & 0.88 & 0.3 & 0.455 & 0.3 \\ 0.3 & 0.3 & 0.3 & 0.3 & 0.3 \\ 0.3 & 0.3 & 0.3 & 0.455 & 0.3 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 0.3 \\ 0.416 \\ 0.447 \\ 0.3 \\ 0.331 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0.54 \\ 0.71 \\ 0.83 \\ 0.54 \\ 0.58 \end{bmatrix}$$

پاسخ بخش ب

$$A = (1 - \alpha)M + \alpha I = 1 \times \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1/2 & 0 & 1/2 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} + 0 \times \begin{bmatrix} 1/5 & 1/5 & 1/5 & 1/5 & 1/5 \\ 1/5 & 1/5 & 1/5 & 1/5 & 1/5 \\ 1/5 & 1/5 & 1/5 & 1/5 & 1/5 \\ 1/5 & 1/5 & 1/5 & 1/5 & 1/5 \\ 1/5 & 1/5 & 1/5 & 1/5 & 1/5 \end{bmatrix}$$

تکرار اول

$$\begin{bmatrix} P^1(A) \\ P^1(B) \\ P^1(C) \\ P^1(D) \\ P^1(E) \end{bmatrix} = a^T \times \begin{bmatrix} P^0(A) \\ P^0(B) \\ P^0(C) \\ P^0(D) \\ P^0(E) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0.5 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0.5 & 0 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 1/5 \\ 1/5 \\ 1/5 \\ 1/5 \\ 1/5 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0.2 \\ 0.3 \\ 0 \\ 0.1 \end{bmatrix}$$

تکر ا ر د و م

$$\begin{bmatrix} P^2(A) \\ P^2(B) \\ P^2(C) \\ P^2(D) \\ P^2(E) \end{bmatrix} = a^T \times \begin{bmatrix} P^1(A) \\ P^1(B) \\ P^1(C) \\ P^1(D) \\ P^1(E) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0.5 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0.5 & 0 \end{bmatrix} \times \begin{bmatrix} 0 \\ 0.2 \\ 0.3 \\ 0 \\ 0.1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 0.2 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}$$

پا سخ بخش ج

ADJACENCY MATRIX = A

	A	B	C	D	E
A	0	1	0	0	0
B	0	0	1	0	0
C	0	0	0	0	0
D	0	0	1	0	1
E	0	0	1	0	0

$$h(d_i) = \sum_{d_j \in \text{OUT}(d_i)} a(d_j)$$

$$a(d_i) = \sum_{d_j \in \text{IN}(d_i)} h(d_j)$$

تکر ا ر ا ول

$$\begin{bmatrix} a(A) \\ a(B) \\ a(C) \\ a(D) \\ a(E) \end{bmatrix} = \sum_{d_j \in \text{IN}(d_i)} \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 1 & 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 3 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} \xrightarrow{\text{normalize}} \begin{bmatrix} 1/6 \\ 1/6 \\ 1/2 \\ 0 \\ 1/6 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} \mathbf{h}(A) \\ \mathbf{h}(B) \\ \mathbf{h}(C) \\ \mathbf{h}(D) \\ \mathbf{h}(E) \end{bmatrix} = \sum_{d_j \in \text{OUT}(d_i)} \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 2 \end{bmatrix} \xrightarrow{\text{normalize}} \begin{bmatrix} 1/6 \\ 1/6 \\ 1/6 \\ 1/6 \\ 1/3 \end{bmatrix}$$

تکرار دوم

$$\begin{bmatrix} \mathbf{a}(A) \\ \mathbf{a}(B) \\ \mathbf{a}(C) \\ \mathbf{a}(D) \\ \mathbf{a}(E) \end{bmatrix} = \sum_{d_j \in \text{IN}(d_i)} \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1/6 & 0 & 0 \\ 1/6 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 1/6 & 1/6 & 0 & 1/6 & 1/3 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1/3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1/6 \\ 1/6 \\ 5/6 \\ 0 \\ 1/3 \end{bmatrix} \xrightarrow{\text{normalize}} \begin{bmatrix} 1/9 \\ 1/9 \\ 5/9 \\ 0 \\ 2/9 \end{bmatrix}$$

$$\begin{bmatrix} \mathbf{h}(A) \\ \mathbf{h}(B) \\ \mathbf{h}(C) \\ \mathbf{h}(D) \\ \mathbf{h}(E) \end{bmatrix} = \sum_{d_j \in \text{OUT}(d_i)} \begin{bmatrix} 0 & 1/6 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1/2 & 0 & 0 \\ 1/6 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1/2 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1/2 & 0 & 1/6 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 1/6 \\ 1/2 \\ 1/6 \\ 1/2 \\ 4/6 \end{bmatrix} \xrightarrow{\text{normalize}} \begin{bmatrix} 1/12 \\ 1/4 \\ 1/12 \\ 1/4 \\ 1/3 \end{bmatrix}$$

پاسخ بخش د

نتایج حالت 0.15

- بعد از دو تکرار، همه گره‌ها از جمله D و E مقدار غیر صفر داشتن :

$$D \approx 0.54 \quad 0$$

$$E \approx 0.58 \quad 0$$

وجود **DAMPING FACTOR** باعث شد که احتمال‌ها به صورت تصادفی در کل گراف پخش بشن (TELEPORTATION). این ویژگی جلوی گیر افتادن در مؤلفه‌های بسته رو گرفت و به گره‌های حاشیه‌ای مثل D و E هم سهمی دارد.

نتایج حالت 0

- بعد از دو تکرار، مقدار **PAGERANK** برای گره‌های D و E برابر صفر شد.

- دلیلش اینه که وقتی وجود نداره، **DAMPING FACTOR** احتمال ها فقط بر اساس لینک ها حرکت می‌کنند. در این حالت، چون گراف دارای مسیرهای گیرنده (SINK) هست، رتبه ها به سمت گره C جذب می‌شون و اونجا باقی می‌مونن.
- نتیجه: گره های ضعیفتر مثل D و E کاملاً حذف می‌شون و هیچ سهمی از رتبه نمی‌گیرن.

پس، **DAMPING FACTOR** مثل یک نجات‌دهنده برای گره های ضعیف عمل می‌کنند. بدونش، گره هایی مثل D و E هیچ شانسی برای دیده شدن ندارن و کل رتبه به سمت گره های قوی‌تر میره. با وجودش، حتی گره های حاشیه‌ای هم سهمی پیدا می‌کنند و الگوریتم به یک حالت پایدار و منصفانه می‌رسد.

پاسخ بخش ۵

با توجه به خروجی‌ها، در بخش الف الگوریتم مقادیر نهایی این‌طورند: $PAGERANK$ $E=0.58$ ، $D=0.54$ ، $C=0.83$ ، $B=0.71$ ، $A=0.54$ و در بخش ج الگوریتم **HITS** برای **AUTHORITY** داریم:

$$E=2/9. , D=0 , C=5/9 , B=1/9 , A=1/9$$

گره C هم بالاترین **PAGERANK** را دارد (۰.۸۳) و هم بالاترین **AUTHORITY** را در (۵/۹) **HITS** دارد. بنابراین گره برتر در هر دو معیار یکی است.

این هم خوانی از نظر مفهومی هم منطقی است. در الگوریتم **HITS**، گره C چون توسط چند هاب معتبر لینک شده، بیشترین اعتیار یا AUTHORITY را کسب می‌کند. از طرف دیگر در **PAGERANK**، جریان احتمال در شبکه به سمت گره هایی می‌رود که بیشترین لینک ورودی را دارند و در این گراف، C مقصد اصلی بسیاری از لینک‌هاست. علاوه بر این، وجود **DAMPING FACTOR** باعث می‌شود که حتی در صورت وجود مسیرهای بسته، احتمال ها دوباره به سمت گره های مهم مثل C برگردند.

در واقع، این نتیجه نشان می‌دهد که گره C نه تنها از دیدگاه محلی (LOCAL) و رابطه‌ی مستقیم با هاب‌ها در **HITS** مهم است، بلکه از دیدگاه جهانی (GLOBAL) و توزیع احتمال در کل شبکه در **PAGERANK** هم اهمیت بالایی دارد. پس به این نتیجه میتوانیم برسیم که C در ساختار این گراف نقش کلیدی و مرکزی دارد و طبیعی است که در هر دو روش رتبه‌ی بالاتری نسبت به سایر گره ها بگیرد.

پاسخ سوال سوم

ورودی اول :

$$\begin{bmatrix} (A) \\ (B) \\ (C) \\ (D) \\ (E) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 0.54 \\ 0.71 \\ 0.83 \\ 0.54 \\ 0.58 \end{bmatrix}$$

ورودی دوم :

A	search retrieval HITS
B	web search graph
C	HITS algorithm graph retrieval
D	web link analysis
E	link graph search

: MapReduce Pseudocode

Map Function

تولید (word, (docID, position)) برای همه کلمات

```
MAP(docID, text):
    words = text.split()
    for position, word in enumerate(words):
        EMIT(word, (docID, [position]))
```

Shuffle & Sort

- MapReduce بطور خودکار خروجی Map را بر اساس key (کلمه) گروه‌بندی می‌کند.
- پس از گروه‌بندی، برای هر کلمه داریم لیست (docID, [positions])

Reduce Function

```
REDUCE(word, list_of_doc_positions):
    doc_positions_with_pagerank = []

    for (docID, positions) in list_of_doc_positions:
        pagerank = lookup_pagerank(docID)
        doc_positions_with_pagerank.append((docID, pagerank, positions))

    sorted_docs = sort(doc_positions_with_pagerank, key=pagerank, descending=True)
    EMIT(word, sorted_docs)
```

گام ۱ : ساخت **Positional Index**

ابتدا موقعیت کلمات در هر سند را مشخص می‌کنیم :

Doc	متن	Positional Index
A	search retrieval HITS	search:[0], retrieval:[1], HITS:[2]
B	web search graph	web:[0], search:[1], graph:[2]
C	HITS algorithm graph retrieval	HITS:[0], algorithm:[1], graph:[2], retrieval:[3]
D	web link analysis	web:[0], link:[1], analysis:[2]
E	link graph search	link:[0], graph:[1], search:[2]

map output : ۲ گام

```
<search, (A, [0])>  
<retrieval, (A, [1])>  
<HITS, (A, [2])>  
  
<web, (B, [0])>  
<search, (B, [1])>  
<graph, (B, [2])>  
  
<HITS, (C, [0])>  
<algorithm, (C, [1])>  
<graph, (C, [2])>  
<retrieval, (C, [3])>  
  
<web, (D, [0])>  
<link, (D, [1])>  
<analysis, (D, [2])>  
  
<link, (E, [0])>  
<graph, (E, [1])>  
<analysis, (E, [2])>
```

INTERNAL GROUPING : ۴ ﭺ

```
<algorithm, (C, 0.83,[1])>  
<algorithm, (D, 0.54,[2])>  
<algorithm, (E, 0.58,[2])>  
  
<graph, (B, 0.71,[2])>  
<graph, (C, 0.83,[2])>  
<graph, (E, 0.58,[1])>  
  
<HITS, (A, 0.54,[2])>  
<HITS, (C, 0.83,[0])>  
  
<link, (D, 0.54,[1])>  
<link, (E, 0.58,[0])>  
  
<retrieval, (A, 0.54,[1])>  
<retrieval, (C, 0.83,[3])>  
  
<search, (A, 0.54,[0])>  
<search, (B, 0.71,[1])>  
  
<web, (B, 0.71,[0])>  
<web, (D, 0.54,[0])>
```

REDUCE OUTPUT: ۴ ﭺ

```
<algorithm, [(C, 0.83,[1]), (E, 0.58,[2]), (D, 0.54,[2])]>  
  
<graph, [(C, 0.83,[2]), (B, 0.71,[2]), (E, 0.58,[1])]>  
  
<HITS, [(C, 0.83,[0]), (A, 0.54,[2])]>  
  
<link, [(E, 0.58,[0]), (D, 0.54,[1])]>  
  
<retrieval, [(C, 0.83,[3]), (A, 0.54,[1])]>  
  
<search, [(B, 0.71,[1]), (A, 0.54,[0])]>  
  
<web, [(B, 0.71,[0]), (D, 0.54,[0])]>
```