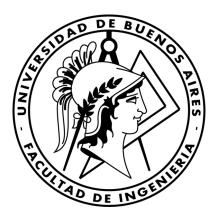
66.26 - Arquitecturas Paralelas Trabajo final

Arturi, Augusto(#97498) turitoh@gmail.com

Rozanec, Matias (#97404) rozanecm@gmail.com

Diciembre 2018



Facultad de Ingeniería, Universidad de Buenos Aires

Índice

1.	Introducción	3									
2.	Herramientas 2.1. Hardware 2.2. Software 2.2.1. Sistema Operativo 2.2.2. Software de resolución numérica 2.2.3. Software de paralelización 2.2.4. Software de medición de tiempo	4 4 6 6 6 6 6									
3.	Análisis preliminar 3.1. Hardware	8 8 8									
4.	Casos de estudio	10									
5 .	Preparación del entorno	11									
6.	Caso distribuido	11									
7.	7.1. Monocore	14 14 14 15									
8.	Análisis de las ejecuciones 8.1. PC #2 8.2. PC #3 8.2.1. Descomposición Jerarquica 8.2.2. Descomposición Scotch 8.2.3. Jerarquica vs Scotch 8.3. Comparación de bindings 8.3.1. 2 núcleos 8.3.2. 3 núcleos 8.3.3. 4 núcleos	16 18 18 19 20 21 21 22 23									
9.	Conclusiones	24									
10.Anexo 10.1. Mediciones											
		36									

1. Introducción

La Dinámica de Fluidos (CFD por sus siglas en inglés) se usa para simular el flujo de fluidos en aplicaciones industriales. A medida que los simuladores se vuelven más complejos, el poder de cálculo que se requiere aumenta significativamente. En casos en que el tiempo de cómputo puede llevar días o meses, aún cambios relativamente pequeños en la eficiencia de cálculo pueden representar grandes mejoras en el cómputo.

El código usado para correr las simulaciones es OpenFOAM, un paquete CFD open source. Este software es diseñado para correr en paralelo, pudiendo ser configurado para correr efectivamente en cualquier cantidad de cores distribuidos a lo largo de cualquier número de computadoras presentes en una misma red. Idealmente los casos que se puedan correr en paralelo serán divididos en partes iguales distribuidas en cuantas unidades de procesamiento haya disponibles. Si cada proceso es capaz de correr independientemente, entonces el speedup será (en teoría) linealmente proporcional al incremento del hardware de cómputo.

Debido a la naturaleza de los cálculos de CFD, OpenFOAM requiere un nivel significativo de comunicaciones inter-proceso para asegurar resultados consistentes en el dominio del caso. Esto significa que aunque el software sea en teoría infinitamente paralelizable, cada proceso adicional agrega costo comunicacional que reduce el speedup. Adicionalmente, a medida que el tamaño del hardware crece, varios cuellos de botella del sistema, como la latencia de la red, pueden obstaculizar posibles mejoras y llegar a un límite en que ya no convenga agregar más hardware. Estas limitaciones que se encuentran en la práctica hay que encararlas con especial cuidado, ya que es lo que define el nivel del grano con que se va a trabajar en la paralelización: de tener un problema no demasiado grande, es probable que recurrir a un grano fino, o sea, subdividir el problema en partes muy pequeñas, no termine rindiendo tan bien como se esperaba debido a que el costo comunicacional probablemente supere la ventaja de paralelizar el problema, quedando esta última muy disminuida o incluso anulada.

En el presente trabajo se realizaron varias mediciones que permiten apreciar el desempeño en varios escenarios.

2. Herramientas

2.1. Hardware

 $\mathbf{PC1}\,$ Intel Core i 5-7200U 2.5 GHz with Turbo Boost up to 3.1 Ghz

- 2 núcleos, 4 subprocesos.
- 2 canales de memoria
- 6 GB DDR4 memoria RAM 2400 MHz

```
Architecture: x86_64
```

CPU op-mode(s): 32-bit, 64-bit Byte Order: Little Endian

CPU(s): 4

On-line CPU(s) list: 0-3 Thread(s) per core: 2 Core(s) per socket: 2

Core(s) per socket: 2 Socket(s): 1

NUMA node(s): 1

Vendor ID: GenuineIntel

CPU family: 6 Model: 142

Model name: Intel(R) Core(TM) i5-7200U CPU @ 2.50GHz

Stepping: 9

CPU MHz: 601.260 CPU max MHz: 3100,0000 CPU min MHz: 400,0000 BogoMIPS: 5424.00

Virtualization: VT-x

L1d cache: 32K

L1i cache: 32K

L2 cache: 256K

L3 cache: 3072K

Cuadro 1: Información brindada por el comando 1scpu para la PC1.

PC2 AMD Ryzen 5 2400G 3.6GHz

4 nucleos, 8 subprocesos.

2 canales de memoria

 $16~\mathrm{GB}~\mathrm{DDR4}$ memoria RAM 2400 MHz

Architecture: x86_64 CPU op-mode(s): 32-bit, 64-bit Byte Order: Little Endian

CPU(s): 8 On-line CPU(s) list: 0-7 Thread(s) per core: 2 Core(s) per socket: 4

 $\begin{array}{cc} Socket(s) \colon & 1 \\ NUMA \ node(s) \colon & 1 \end{array}$

Vendor ID: AuthenticAMD

CPU family: 23 Model: 17

Model name: AMD Ryzen 5 2400G with Radeon Vega Graphics

Stepping: 0

CPU MHz: 1530.102
CPU max MHz: 3600,0000
CPU min MHz: 1600,0000
BogoMIPS: 7186.53
Virtualisation: AMD-V
L1d cache: 32K
L1i cache: 64K

L11 cache: 64K L2 cache: 512K L3 cache: 4096K

NUMA node0 CPU(s): 0-7

Cuadro 2: Información brindada por el comando 1scpu para la PC 2.

 $\mathbf{PC3}\,$ Intel Core i 5-5200U CPU @ 2.20GHz 3M Cache, up to 2.70 GHz

2 nucleos, 4 subprocesos.

2 canales de memoria

 $8~\mathrm{GB}~\mathrm{DDR4}$ memoria RAM 2400 MHz

```
Architecture:
                         x86-64
     CPU \text{ op-mode(s)}:
                         32-bit, 64-bit
          Byte Order:
                        Little Endian
              CPU(s):
                        4
  On-line CPU(s) list:
                        0 - 3
   Thread(s) per core:
                         2
                         2
   Core(s) per socket:
            Socket(s):
                         1
      NUMA \text{ node(s)}:
                         1
           Vendor ID:
                         GenuineIntel
          CPU family:
                         6
               Model:
         Model name:
                         Intel(R) Core(TM) i5-5200U CPU @ 2.20GHz
             Stepping:
           CPU MHz:
                         2271.156
      CPU max MHz:
                         2700.0000
      CPU min MHz:
                         500.0000
           BogoMIPS:
                         4390.10
        Virtualization:
                         VT-x
            L1d cache:
                         32K
            L1i cache:
                         32K
             L2 cache:
                         256K
             L3 cache:
                         3072K
NUMA node0 CPU(s):
                        0 - 3
```

Cuadro 3: Información brindada por el comando 1scpu para la PC 3.

2.2. Software

2.2.1. Sistema Operativo

En las PCs 1 y 3 se trabajó con el sistema operativo Ubuntu 16.04 LTS. La PC 2 en cambio está equipada con Ubuntu 18.04 LTS.

2.2.2. Software de resolución numérica

El software utilizado para la resolución de problemas numéricos es OpenFOAM, un software de código abierto desarrollado por OpenCFD Ltd. desde 2004. Éste es utilizado en muchas áreas de ciencia e ingeniería, tanto en ámbitos comerciales como educativos. OpenFOAM presenta una amplia gama de características que le permite resolver una amplísima gama de problemas de fluidos, incluyendo pero no limitándose a reacciones químicas, turbulencias, transferencia de calor, acústica, mecánica de sólidos y electromagnetismo entre otros.

2.2.3. Software de paralelización

Para poder correr el solver en paralelo, se hace uso de mpirun (Open MPI) versión 1.10.2.

2.2.4. Software de medición de tiempo

Debido a que el programa puede ser operado desde una terminal, las mediciones de las corridas se han podido realizar directamente mediante el comando time, obteniendo las siguientes mediciones:

Real: mide el tiempo desde que arrancó a correr el programa hasta que terminó. Este tiempo incluye los time slices que el procesador está ocupado con otros procesos no relacionados

con el programa de interés. Sin embargo, como esto siempre sucede en un sistema real¹, al haber hecho las mediciones corriendo solamente el software de interés sin otros procesos importantes de fondo, se puede considerar esta medición como buena.

User: mide tiempo en que la CPU está ocupada en modo usuario. Notar que este tiempo en teoría no podría ser mayor al tiempo Real, sin embargo esto no es cierto si se corre un proceso en varios procesadores: en tal caso, User indica el total de tiempo contemplando a todas las CPUs, por lo que se esperan tiempos mayores al Real.

Sys: mide tiempo en que la CPU está ocupada en modo kernel.

¹ Un sistema operativo siempre distribuye el tiempo de procesador de la mejor forma posible, y si bien puede haber tareas más importantes que otras, siempre habrá algunos procesos que requerirán algún tiempo de CPU, aunque el mismo sea mínimo, por lo que habrá ciclos de clock dedicados a tareas varias distintas a la medida.

3. Análisis preliminar

3.1. Hardware

Hay una variedad de factores de hardware que pueden afectar la eficiencia en el cálculo de CFD.

Velocidad de CPU/RAM: se listan la velocidad de cores y velocidad de RAM de las PC utilizadas para las simulaciones, notando que OpenFoam es una aplicación de alto consumo de memoria, por ende se espera una mejor perfomance en aquellas RAM con mayor frecuencia de clock.

Canales de memoria RAM: tanto la velocidad de la memoria RAM como el número de canales entre la CPU y la memoria compartida puede afectar la velocidad de una simulación CFD. Dado que los procesadores que se utilizan tienen 2 canales de memoria, cuando la cantidad de cores activos sea mayor a 2 y el canal de memoria esté saturado dado el límite de ancho de banda, algunos cores quedarán en idle hasta que se transfiera toda la información a memoria, este proceso puede enlentecer la simulación.

Turbo boost: la capacidad de overclockear el procesador con el fin de aumentar su frecuencia, es una opción que puede maximizar la performance a un alto riesgo de dañar el CPU. Otra forma es utilizar el turbo, capacidad que solo tienen los chips Intel, que es una función designada a operar solo cuando unos pocos cores del CPU están siendo utilizados y el calor excedente producido por la disipacion de energia puede ser distribuido a lo largo del mecanismo de cooling del chip. Teóricamente, si todos los cores están siendo utilizados simultáneamente, el turbo boost no se activa.

Hyper-threading: esta característica le permite a cada núcleo del CPU presentarse al sistema operativo como si fuesen dos, de los que uno será real y el otro virtual. Luego el SO puede asignar trabajos a los cores virtuales y asignarles trabajo cuando los cores reales están en idle (como por ejemplo esperando una lectura/escritura en memoria), de esta forma se maximiza la utilización del CPU. Sin embargo, OpenFoam es generalmente una aplicacion de uso intensivo de memoria: en raros casos durante una simulación CFD, la utilización de la CPU baja del 100 %, por lo tanto incrementar el número de procesos incrementará la comunicación, generando más overhead, en conclusión a priori se podría decir que este factor afectaría a cualquier beneficio de la utilización de cores virtuales, se espera demostrarlo en el presente trabajo.

3.2. Software

Binding and distribution: el método por el cual los procesos que se ejecutan son alocados y limitados en los cores, tienen un impacto muy significativo en la velocidad del paralelismo, la proximidad de los procesos en la arquitectura de hardware afecta la velocidad y eficiencia del proceso de intercomunicación. En una computadora de escritorio la asignación de los procesos es provista por el scheduler del sistema operativo en uso, el cual hará lo necesario para balancear la carga y ejecutar los procesos de la mejor manera posible, a su vez esta tarea podría implicar mover procesos entre distintos cores, siempre con la intención de mejorar la performance. Las aplicaciones CFD asignan los datos discretos a cada proceso en paralelo que es guardado en la memoria de cada núcleo, si por alguna razón el SO decide mover el proceso a un core el cual en memoria no tiene los datos necesarios, la información debe ser reescrita en la memoria de este para que el trabajo pueda continuar; esto produce un efecto perjudicial a la performance.

Sin embargo, OpenMPI provee algunas primitivas para que en su ejecución se eviten este tipo de reasignaciones antes de que el trabajo sea terminado mediante el binding de un proceso a un core particular.

Case size and decomposition: cuando una simulación es preparada para correr en paralelo, el dominio total es repartido en piezas del mismo tamaño, las cuales se asignan acorde a la cantidad de cores disponibles. Así como el número de procesos incrementa, cada pieza se torna más pequeña y el cálculo se completa más rápidamente, pero tal como se comentó anteriormente, incrementar el paralelismo implica incrementar las intercomunicaciones en orden de mantener el resultado esperado consistente. Como resultado, el número de procesos a paralelizar alcanza un máximo práctico, donde el speedup no se puede mejorar dado el aumento de tiempo en comunicación. Para un caso dado, este punto máximo es importante de encontrar para asegurar que los recursos computacionales no son desperdiciados en vano.

El método por el cual es descompuesto el dominio afecta el tamaño y la forma de cada pieza de este, así como también el orden en el que estas son numeradas, lo cual afecta a las posiciones relativas dentro del dominio (distancia dentro del procesador).

OpenFoam provee de 4 métodos de descomposición:

Simple: la descomposición es geométrica en la cual el dominio se divide en partes a partir de la dirección en los ejes x,y,z. Esta forma se suele utilizar en problemas en los cuales la naturaleza del problema es simétrico.

Jerárquica: es igual a la simple con la salvedad de que el usuario puede especificar el orden en el cual quiere se divida por eje, es decir, primero por el eje Y, luego X y finalmente Z por ejemplo.

Scotch: esta descomposición es un poco más interesante ya que no divide geométricamente por igual, por lo cual suele ser la más apropiada en problemas de la vida real. Esta forma intenta minimizar las comunicaciones entre los procesadores haciendo que los límites entre estos sean los menores posibles; más adelante se lo explicará con un ejemplo práctico. A su vez se pueden asignar pesos a los trabajos por procesador, característica útil en caso de tener a disposición chips de distinta frecuencia para realizar la simulación.

Manual: el usuario especifica directamente la locación del área que se le asigna a cada procesador. Sin embargo, en un ejemplo en el cual se tienen que asignar una alta cantidad (millones) de celdas el proceso puede ser tedioso o impráctico.

4. Casos de estudio

El software OpenFOAM incluye en su instalación una enorme cantidad de tutoriales a modo de ejemplo para los usuarios con el fin de demostrar la amplísima gama de problemas que se pueden resolver con el mismo. Debido a la complejidad de este tipo de problemas y por no ser el foco del presente trabajo, se decide trabajar con uno de los tutoriales que utiliza el compressibleInterFoam solver, que es un solver para dos fluidos compresibles no isotérmicos e immiscibles.

Entre las posibilidades de usar el caso 2D y el 3D, se decidió realizar pruebas con el 2D por un tema práctico: el caso 3D es computacionalmente muchísimo más complejo que el 2D, lo que extendería muchísimo el tiempo dedicado a correr el solver en sus distintas configuraciones posibles. Muy probablemente el estudio de los tiempo de ejecución y sus comparaciones serían más vistosos, pero dado el alcance del trabajo, se ha decidido que dicho límite es aceptable.

5. Preparación del entorno

El tutorial con el que se trabajó se encuentra en el directorio \$FOAM_RUN/tutorials/multiphase/compressibleInterFoam/laminar/depthCharge2D.

Para el trabajo se han realizado leves cambios en los archivos originales, los cuales se encuentran todos debidamente documentados y adjuntos en el apéndice del trabajo.

6. Caso distribuido

Para poder resolver el problema en paralelo aprovechando los varios núcleos presentes en una PC, es necesario preparar el dominio de acuerdo a la cantidad de procesadores disponibles o que se quieran utilizar.

Como primer paso, hay que correr el comando decomposePar, que subdivide el problema en n partes iguales. n se especifica en el archivo system/decomposeParaDict en la línea 17. Al ejecutar el comando, se obtiene una salida similar a la siguiente, que puede variar en función de n:

```
Decomposing mesh region0
   Create mesh
3
   Calculating distribution of cells
   Selecting decompositionMethod simple [4]
   Finished decomposition in 0 s
    Calculating original mesh data
   Distributing cells to processors
10
11
   Distributing faces to processors
   Distributing points to processors
13
    Constructing processor meshes
14
    Processor 0
15
             Number of cells = 3200
16
             Number of faces shared with processor 1 = 80
17
             Number of faces shared with processor 2 = 40
18
             Number of processor patches = 2
Number of processor faces = 120
Number of boundary faces = 6520
19
20
^{21}
22
23
   Processor 1
             Number of cells = 3200
24
             Number of faces shared with processor 0 = 80
25
             Number of faces shared with processor 3 = 40
26
             Number of processor patches = 2
Number of processor faces = 120
27
28
             Number of boundary faces = 6520
29
30
   Processor 2
31
             Number of cells = 3200
32
             Number of faces shared with processor 0 = 40
33
             Number of faces shared with processor 3 = 80
34
             Number of processor patches = 2
Number of processor faces = 120
             Number of boundary faces = 6520
   Processor 3
             Number of cells = 3200
40
             Number of faces shared with processor 1 = 40
41
             Number of faces shared with processor 2 = 80
42
             Number of processor patches = 2
             Number of processor faces = 120
Number of boundary faces = 6520
44
45
46
   Number of processor faces = 240
47
   Max number of cells = 3200 (0% above average 3200)
48
   Max number of processor patches = 2 (0% above average 2)
49
   Max number of faces between processors = 120 (0% above average 120)
50
51
   Time = 0
52
53
```

```
Processor 0: field transfer
Processor 1: field transfer
Processor 2: field transfer
Processor 3: field transfer
End
End
```

En la salida se puede ver cómo el total de celdas queda dividido en 4, ya que se tienen disponibles los 4 procesadores y a su vez cómo se comparte la información de las caras de la figura entre cada uno de los procesadores.

Además se han creado 4 directorios nuevos, cada uno representando a un core distinto.

La información a continuación es importante en el caso de querer analizar visualmente la información del problema y su respectiva subdivisión en subproblemas. Es una práctica muy recomendable.

A continuación se ejecutará el comando foamToVTK en cada uno de los directorios de los procesadores, lo cual creará un directorio VTK que contendrá información de los subdominios para ser analizada con paraView.

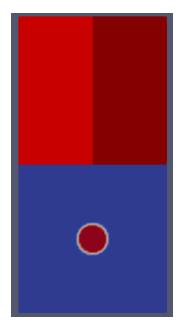


Figura 1: El problema elegido En esta imagen se puede apreciar la geometría del problema elegido: dos líquidos immiscibles en un recipiente, y una burbuja en la parte inferior del mismo.

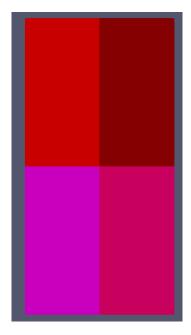


Figura 2: **Subdivisión del problema** En esta figura se puede cómo se asigna un núcleo para cada parte de la figura.

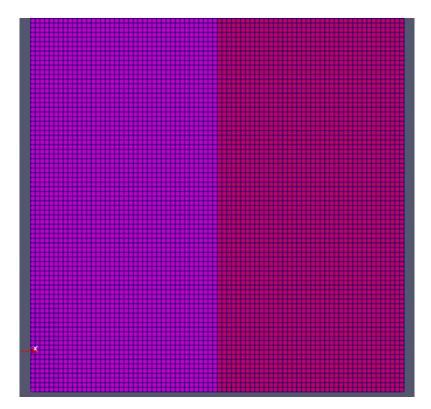


Figura 3: Detalle de la discretización En esta imagen se ve en detalle la discretización, cómo cada core se subdivide en 3200 celdas (eje y dividido en 40, el x en 30). Notar que para realizar las operaciones en el límite de las caras se necesita información de varios procesadores distintos: es importante no pasar por alto este detalle, ya que es la variable que juega en contra de la paralelización por traer consigo un costo comunicacional extra. En el hipotético caso de tener 3200 cores para resolver este problema, claramente la situación no escala, debido a que el costo comunicacional terminaría ocupando la mayor porción del tiempo.

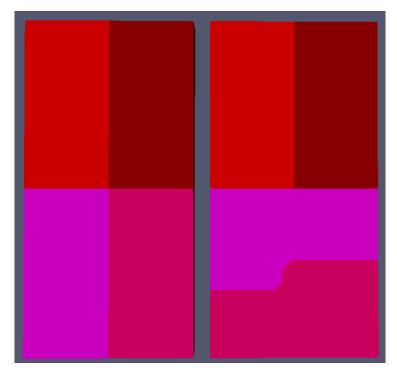


Figura 4: **Descomposición Jerárquica vs. Scotch** En esta descomposición se puede ver que existe una ligera modificación en cómo se asignan las caras y la distribución de celdas en cada uno de los cores. Este tipo de descomposición es ideal para usar cuando la geometría del problema no es simétrica como en el caso del ejemplo, donde le trata de asignar a cada core la misma cantidad de celdas y minimizar las caras entre estos en base a un algoritmo u estrategia.

7. Ejecución

7.1. Monocore

Para ejecutar el solver sin paralelismo, es suficiente con correr el comando ./Allrun. El mismo se encarga de crear la malla de discretización y de correr el solver.

7.2. Multicore

Para la resolución con paralelismo se hace uso del MPI (Message Passing Interface) mediante el comando mpirun. Al mismo se le pasan flags indicando cantidad de procesadores y tipo de binding, tema que se cubrirá a continuación. Por un tema de prolijidad se sugiere redireccionar la salida del programa a un archivo log.

```
mpirun -np 4 compressibleInterFoam -parallel > log.6626
```

Listing 1: Ejemplo de comando a ejecutar para resolver con paralelismo.

Al estar ejecutándose la simulación se puede ver el uso de c
pu mediante comandos como top o htop: de acuerdo a la cantidad de procesadores que se haya decidido utilizar, se observa un uso cercano o igual al $100\,\%$ en las c
pus en uso.

PID USER	PR	NI	VIRT	RES	SHR S	%CPU %	%MEM	TIME+ COMMAND
13224 acer	20	0	593904	91360	77764 R	97,7	1,5	1:16.46 compressibleInt
13226 acer	20	0	593968	93576	79988 R	97,7	1,6	1:16.11 compressibleInt
13225 acer	20	0	593968	90924	77336 R	96,0	1,5	1:17.81 compressibleInt
13223 acer	20	0	594000	93456	79760 R	92.0	1,6	1:15.21 compressibleInt

Figura 5: Detalle de ejecución de top

7.2.1. Bindings

El binding se setea mediante el flag --bind-to. Por defecto se hace --bind-to core, lo que asegura que un mismo proceso se corra siempre en el mismo procesador. Esto es positivo, ya que si el proceso se va cambiando de procesador, se pierde toda la información que el procesador haya guardado en sus registros o cache. Para desactivar esto, se usa --bind-to none.

El flag **--bycore** asegura que procesos secuenciales de MPI corran en procesadores adyacentes. Lo esperado es que el binding incremente la performance, previniendo al sistema operativo mover procesos de un core a otro con el fin de balancear la carga.

8. Análisis de las ejecuciones

En esta sección se realizará un análisis basado en gráficos que permitan apreciar los distintos speedups obtenidos con las distintas configuraciones.

Para el análisis se usará el tiempo real, ya que si bien contempla también tiempos no usados exclusivamente para el procesamiento, se la considera una medida más real debido al tiempo que se usa para comunicación.

Los speedup fueron calculados tomando como tiempo viejo el tiempo necesario para correr el solver en un único núcleo, ya que es el único caso que no hace uso del paralelismo y se quiere ver cómo se puede mejorar a partir de ese caso paralelizando el problema.

8.1. PC #2

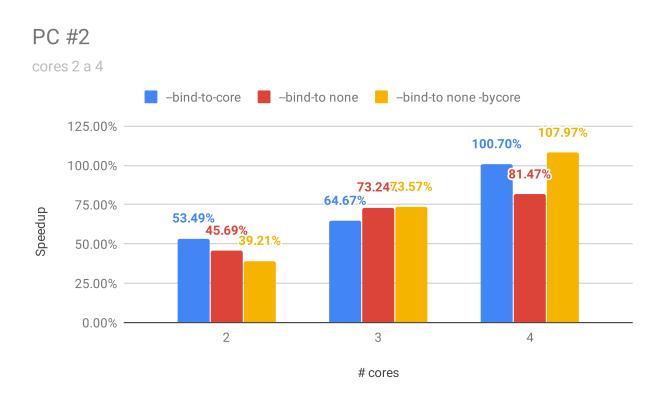


Figura 6: Speedups de PC 2: cantidad de núcleos entre 2 y 4.

En esta PC se puede observar que ya usando dos núcleos se obtiene un speedup de 53% en el mejor de los casos. Este speedup que supera el 50% es muy bueno considerando que duplicando la cantidad de núcleos el óptimo teórico tiene un tope de 100%, el cual se sabe que es inalcanzable en la práctica. Notar de todas formas que hay un 14% de diferencia con el speedup obtenido en el peor caso. Si bien un speedup de 39% es de todas formas muy bueno, es evidente ya desde el principio que los distintos tipos de binding juegan un papel clave en el manejo de la paralelización.

En el caso de la corrida con 3 núcleos se observa que el mejor speedup fue alcanzado por dos de las tres técnicas de binding, logrando un speedup de 73 %. En este caso la diferencia con el peor speedup logrado es mucho menor, de tan solo 9 %. Sigue siendo, de todas formas, una diferencia significativa. A diferencia del caso anterior, se observa que se logra un cuarto del speedup óptimo teórico (300 %).

Fue necesario ocupar 4 núcleos para alcanzar un speedup del 100 %. La relación entre el óptimo teórico y el mejor real es igual al caso anterior: se logra solamente un cuarto del máximo teórico

(400%). Además se puede ver nuevamente que el binding juega un papel no menor, ya que la diferencia entre mejor y peor caso utilizando 4 núcleos es del 27%.

Como la PC en análisis cuenta con 8 subprocesos pero solamente 4 núcleos, será interesante ver los resultados de las mediciones subsiguientes. ¿Seguirá aumentando el speedup, o fue el máximo posible ya alcanzado?

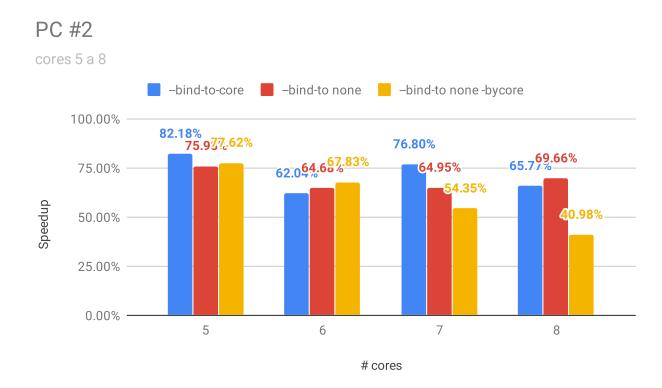


Figura 7: Speedups de PC 2: cantidad de núcleos entre 5 y 8.

A primera vista se puede ver que los speedups obtenidos son todos inferiores al mejor speedup obtenido con hasta 4 núcleos.

En los casos de 5 y 6 núcleos casi no hay diferencia entre los distintos tipos de binding, mientras que en el caso de 7 u 8 núcleos, dependiendo del tipo de binding se puede obtener hasta un 21% o 29% de diferencia respectivamente (!).

En el caso de los 5 núcleos se observa un speedup de entre el 76 % y 82 %.

En el caso de los 6 núcleos el speedup fue menor: en el mejor caso se alcanzó el 67% (peor caso: 62%).

Con 7 núcleos la variedad de resultados desorienta bastante: en el mejor de los casos, el speedup es casi igual al peor caso de los 5 núcleos (!).

En la corrida con 8 núcleos en el mejor de los casos se llega a empatar el speedup con 6 núcleos, mientras que en el peor caso el speedup es más parecido al speedup obtenido con solamente 2 núcleos que a cualquier otra cosa. Alarmante.

De todas estas mediciones con 5 o más núcleos, se pueden rescatar las siguientes observaciones contraintuitivas: en primer lugar, el máximo speedup fue logrado con 5 núcleos, que es la menor cantidad de la muestra observada. Por otro lado, este speedup es muy similar al speedup obtenido con 3 núcleos, lo que significa que todos los speedups con 5 o más están muy por detrás del speedup obtenido con 4 núcleos.

8.2. PC #3

8.2.1. Descomposicion Jerarquica

PC #3 Descomposición Jerárquica

-bind-to-core -bind-to none -bycore 100.00% 82,2483.10% **74.39**% 70.20% 68.09% 63.71% 75.00% 46.46% Speedup 50.00% 30.98% 25.00% 0.00% 2 3 4

cores

Figura 8: Speedups de PC 3 con descomposición jerárquica

Con esta pc se puede ver que utilizando la descomposición jerárquica, ya usando solamente 2 núcleos se obtiene un excelente speedup, un poco mejor al $80\,\%$, que es el $80\,\%$ del óptimo teórico posible: llama la atención, ya que no es común acercarse tanto al óptimo teórico. Notar, de todas formas, que si bien con dos tipos de binding se obtienen excelentes resultados, al usar bind to none by core, el speedup es muchísimo menor: solamente es del $30\,\%$, teniendo un $50\,\%$ de diferencia con los otros dos tipos de binding (!). Indudablemente no es un detalle menor.

Con 3 núcleos se observa un desempeño relativamente parejo entre los tres tipos de bindings, habiendo solamente un 7% de diferencia entre los casos extremos. Sorprende un poco que el speedup no sólo no haya mejorado con respecto al caso de los dos núcleos, sino que ha empeorado alrededor del 10%.

En el caso de los 4 núcleos, los resultados son un tanto variables: en el mejor de los casos se obtiene un speedup del $75\,\%$, mientras que en el peor de los casos el speedup obtenido es de $46\,\%$, lo que hace una diferencia de $30\,\%$ entre los extremos. Nuevamente se observa que el speedup no supera al del caso de los 2 núcleos, y además es bastante parecido al obtenido con 3 núcleos.

Indudablemente, la descomposición jerárquica ha sorprendido un poco con los resultados obtenidos.

8.2.2. Descomposición Scotch

PC #3

Descomposición Scotch

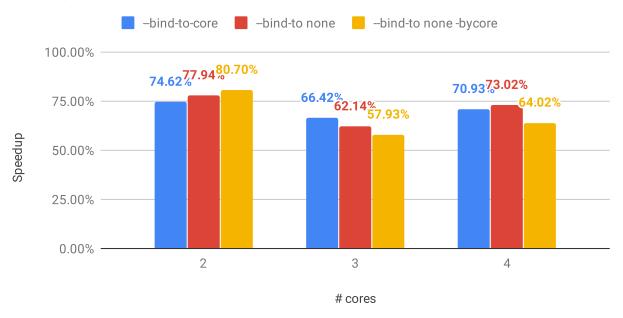


Figura 9: Speedups de PC 3 con descomposición scotch

En el caso de la descomposición scotch con dos núcleos se midió un speedup de entre $75\,\%$ y $80\,\%$. Nuevamente, como se comentó en el caso de la descomposición jerárquica, dicho speedup es excelente considerando que el máximo teórico es del $100\,$

Lamentablemente el speedup no sigue creciendo a medida que se agregan más núcleos: viendo los gráficos de 3 y 4 núcleos se puede ver que en ninguno de los casos se alcanza, con ninguno de los tres bindings posibles, el peor de los speedups obtenidos con solamente 2 núcleos.

8.2.3. Jerarquica vs Scotch

Descomposición jerárquica vs scotch

Óptimo speedup para cada caso

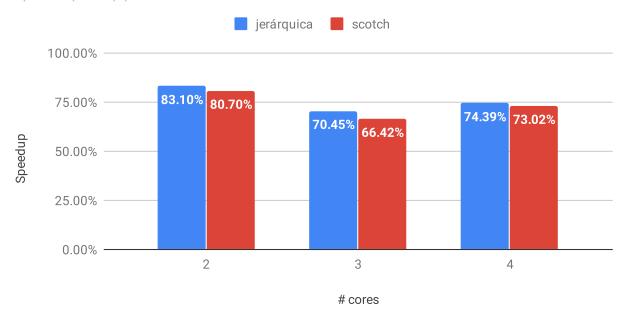


Figura 10: Speedups de PC 2 con descomposición jerárquica y scotch

Si bien se pueden observar pequeñas diferencias que en los tres casos favorecen a la descomposición Jerárquica, estas diferencias no son mayores. De todas formas toda la evidencia indica que es mejor trabajar con descomposición Jerárquica.

8.3. Comparación de bindings

8.3.1. 2 núcleos

Comparación de bindings

Descomposición jerárquica con 2 núcleos

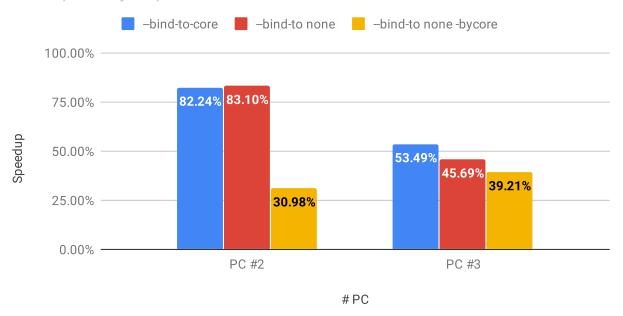


Figura 11: Comparación de bindings con 2 núcleos

En el caso de computar la solución con dos núcleos, se ve que en ambas máquinas el --bind-to none -bycore es el que da peores resultados. Se puede suponer que esto sucede porque si bien el flag -bycore asegura que los procesos son asignados a núcleos adyacentes, como no se asegura que los mismos vuelvan al mismo procesador en que estaban previamente, termina siendo una combinación fatal: por un lado debe cumplir la condición impuesta por el bycore, pero sin obtener nada a cambio, ya que tranquilamente puede terminar estando en otro procesador.

8.3.2. 3 núcleos

Comparación de bindings

Descomposición jerárquica con 3 núcleos

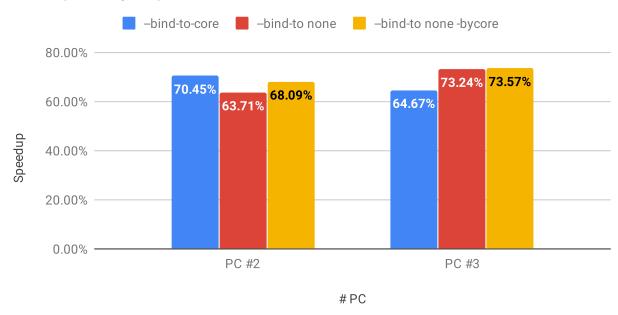


Figura 12: Comparación de bindings con 3 núcleos

En este caso se puede ver que ninguna de las tres configuraciones de flags castiga sistemáticamente el speedup.

Una posible explicación es la siguiente: todo proceso es desalojado del procesador cada tanto, luego si de 4 posibles núcleos los ocupados con el solver son solamente 2, entonces cada vez que un proceso vuelve al procesador puede volver a uno de 3 restantes (considerando que hay uno solo ocupado dado que se considera que la única tarea grande corriendo en el momento es el solver en el otro núcleo), habiendo una probabilidad igual a 0.33 de volver al mismo núcleo de antes (considerando que el otro solver no fue desalojado mientras). Si, en cambio, se corre el solver en 3 núcleos, realizando un razonamiento análogo se llega a que la probabilidad de volver al mismo núcleo es de 0.5, significativamente mayor. Si bien los números distan de ser correctos por la inmensidad de cuestiones que están involucradas y que son incontrolables e inmedibles, en líneas generales se lo puede considerar útil y representativo.

8.3.3. 4 núcleos

Comparación de bindings

Descomposición jerárquica con 4 núcleos

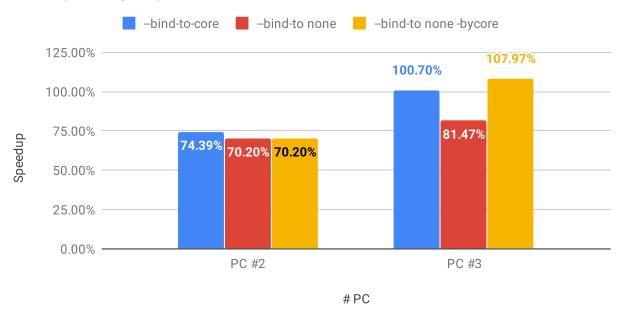


Figura 13: Comparación de bindings con 4 núcleos

Esta figura respalda en cierta forma el análisis realizado en el caso de los 3 núcleos con respecto a la configuración de flags --gind-to none -bycore, de hecho en una de las máquinas fue esta configuración justamente la que dio el speedup óptimo con bastante margen.

9. Conclusiones

A partir de las mediciones se puede ver que no siempre se cumple que al agregar más procesadores aumenta el speedup. Esto tiene que ver con cuestiones planteadas al principio del trabajo: el costo comunicacional consume tiempo, y si bien es subconscientemente subestimado debido a que el enfoque está en la parte computacional, termina siendo evidente que no es un tema menor.

Si bien en la PC 2 se pudo observar un speedup creciente a medida que se iba aumentando la cantidad de núcleos reales, no sucedió lo mismo con la PC 3, donde si bien no se esperaban valores exagerados e irreales que se acerquen demasiado al speedup óptimo teórico, sí se esperaba que aumente por lo menos un poco al agregar más núcleos para el cómputo.

10. Anexo

10.1. Mediciones

La hoja de datos con las mediciones junto a los gráficos correspondientes están disponibles para una mejor apreciación en este link 2 .

10.2. Código del caso

```
2
                                      OpenFOAM: The Open Source CFD Toolbox
3
                  0 peration
                                                  v1806
                                      Version:
4
                                                  www.OpenFOAM.com
                   A nd
                                      Web:
                  M anipulation
6
   FoamFile
9
                      2.0;
10
        version
                      ascii;
11
        format
                      volScalarField;
12
        class
13
        object
                      alpha.water;
14
15
                      [0 0 0 0 0 0 0];
17
   dimensions
    internalField
                      uniform 0;
20
    boundaryField
        walls
23
24
25
             type
                               zeroGradient;
26
27
        defaultFaces
28
29
                               empty;
             type
30
31
32
33
34
```

Listing 2: 0.orig/alpha.water

```
2
                  F ield
                                      OpenFOAM: The Open Source CFD Toolbox
3
                  O peration
                                      Version:
                                                 v1806
4
                  A nd
                                                  www.OpenFOAM.com
                                      Web:
5
                  M anipulation
6
    FoamFile
9
                      2.0;
ascii;
10
        version
        format.
11
                      volScalarField;
12
        class
13
        object
14
15
16
17
   dimensions
                      [1 -1 -2 0 0 0 0];
                      uniform 1e5;
19
    internalField
   boundaryField
        walls
23
```

 $^{^2} https://docs.google.com/spreadsheets/d/e/2PACX-1vQOSLYH4y81OxVleLZk2YwzFhrl4-AzE2-IUF04Y9lkk0pP6SZe1VFkkFW7r9lDK-Qo8OkGUuwHFlOE/pubhtml$

```
calculated;
      type
25
      value
                uniform 1e5;
26
27
28
    defaultFaces
29
30
31
      type
                empty;
32
  }
33
```

Listing 3: 0.orig/p

```
_rgh
     |_rgh
2
3
                  F
                                      OpenFOAM: The Open Source CFD Toolbox
                    ield
4
                                      Version: v1806
                  {\tt 0} peration
5
                                                 www.OpenFOAM.com
6
                  A nd
                                      Web:
                  M anipulation
7
   FoamFile
9
10
11
        version
                      2.0;
12
        format
                      ascii;
                      volScalarField;
13
        class
14
        object
                      p;
15
    // * * * * *
16
17
   dimensions
                      [1 -1 -2 0 0 0 0];
19
    internalField
                      uniform 1e5;
20
21
    boundaryField
22
23
        walls
24
25
                               calculated;
             tvpe
26
                               uniform 1e5;
             value
27
28
29
        defaultFaces
30
31
             type
                               empty;
32
33
   }
34
35
36
```

Listing 4: 0.orig/p_rgh

```
-----*- C++ -*-----
2
3
                F ield
                                  OpenFOAM: The Open Source CFD Toolbox
                                  Version: v1806
4
                0 peration
                And
                                  Web:
                                           www.OpenFOAM.com
                M anipulation
   {\tt FoamFile}
       version
                   2.0;
10
       format
                   ascii;
11
       class
                   volScalarField;
12
       object
                   Т;
13
14
15
16
                   [0 0 0 1 0 0 0];
   dimensions
17
18
   \verb|internalField|
                   uniform 300;
19
20
   {\tt boundaryField}
21
22
```

```
walls
23
24
25
              type
                                   zeroGradient;
26
27
         defaultFaces
28
29
30
                                   empty;
31
    }
32
33
```

Listing 5: 0.orig/T

```
---*- C++
2
                   F ield
                                       OpenFOAM: The Open Source CFD Toolbox
3
                                       Version: v1806
                   O peration
                                                   www.OpenFOAM.com
5
                   A nd
                                       Web:
                   M anipulation
6
   FoamFile
9
         version
                      2.0;
10
11
        format
                      ascii;
        class
                      volVectorField;
12
        object
                      U;
13
14
15
16
17
    dimensions
                      [0 1 -1 0 0 0 0];
18
    internalField
                      uniform (0 0 0);
19
20
    boundaryField
21
22
        walls
23
24
                                fixedValue;
uniform (0 0 0);
25
             type
26
             value
27
        defaultFaces
28
29
                                empty;
30
             type
        }
31
   }
32
33
34
```

Listing 6: 0.orig/U

```
----*- C++ -*-----
1
2
                                     OpenFOAM: The Open Source CFD Toolbox
                  F ield
3
                                     Version: v1806
                  {\tt O} peration
4
                                                www.OpenFOAM.com
                  A nd
                                     Web:
5
6
                  {\tt M} anipulation
7
   {\tt FoamFile}
9
                     2.0;
10
        version
11
        {\tt format}
                     ascii;
                     uniformDimensionedVectorField;
12
        class
        location
                     "constant";
14
        object
                     g;
15
16
17
                      [0 1 -2 0 0 0 0];
   dimensions
18
19
   value
                      (0 -9.81 0);
20
```

Listing 7: constant/g

```
----*- C++ -*-----
2
                 {\tt F} ield
                                    OpenFOAM: The Open Source CFD Toolbox
3
                                    Version: v1806
                 O peration
                                               www.OpenFOAM.com
                 A nd
                                    Web:
                 M anipulation
   FoamFile
9
        version
                     2.0;
10
        format
                     ascii;
11
        class
                     dictionary;
12
        location
                     "constant";
13
                     thermophysicalProperties;
        object
14
15
   // * * * * * * * * *
16
17
   phases (water air);
18
19
   pMin
                10000;
20
^{21}
   sigma
22
23
                constant:
24
        type
                0.07;
        sigma
25
   }
26
27
28
```

Listing 8: constant/thermophysicalProperties

```
----*- C++ -*-----
2
                 F ield
                                    OpenFOAM: The Open Source CFD Toolbox
3
                                    Version: v1806
4
                 O peration
                                               www.OpenFOAM.com
5
                 A nd
                                    Web:
                 M anipulation
6
7
   FoamFile
8
9
10
        version
                    2.0;
11
        format
                     ascii;
        class
                     dictionary;
13
        location
                     "constant"
        object
                     thermophysicalProperties;
15
16
17
    thermoType
18
19
                         heRhoThermo;
20
        type
        mixture
                         pureMixture;
21
        transport
                         const;
22
        thermo
                         hConst;
23
        equationOfState perfectGas;
24
        specie
25
                         specie;
                         sensibleInternalEnergy;
        energy
26
   }
27
28
29
   mixture
30
        specie
31
32
            molWeight
                         28.9;
33
34
        thermodynamics
35
36
                         1007;
37
            Ηf
38
                         0;
39
        }
40
        transport
41
42
                         1.84e-05;
            Pr
                         0.7;
43
44
        }
45 }
```

Listing 9: constant/thermophysicalProperties.air

```
/*----*C++ -*-----*
3
                  F
                    ield
                                     OpenFOAM: The Open Source CFD Toolbox
                  O peration
                                     Version: v1806
4
                  And
                                     Web:
                                                www.OpenFOAM.com
5
                  M anipulation
6
   FoamFile
8
9
        version
                     2.0;
10
        format
                     ascii;
11
                     dictionary;
"constant";
        class
12
        location
13
                     thermophysicalProperties;
        object
14
15
   //
16
17
   thermoType
18
19
                          heRhoThermo;
20
                          pureMixture;
21
        mixture
22
        properties
                          liquid;
                          sensibleInternalEnergy;
23
        energy
   }
24
25
26
   mixture
27
        H20;
28
29
   }
30
   */
31
32
    thermoType
33
34
                          heRhoThermo;
35
        type
36
        mixture
                          pureMixture;
        transport
                          const;
37
                          hConst;
        thermo
38
        equationOfState perfectFluid;
39
        specie
                          specie;
40
        energy
                          sensibleInternalEnergy;
41
   }
42
43
   mixture
44
45
        specie
46
47
            molWeight
                          18.0;
48
49
        equationOfState
50
51
                          3000;
            R.
52
53
            {\tt rho0}
                          1027;
54
        }
        thermodynamics
55
56
57
                          4195;
            Ηf
                          0;
59
        transport
60
61
62
                          3.645e-4;
            Pr
                          2.289;
63
        }
64
   }
65
66
67
68
69
```

Listing 10: constant/thermophysicalProperties.water

```
----*- C++ -*-----
2
     \\
                F ield
                                 OpenFOAM: The Open Source CFD Toolbox
3
                                 Version: v1806
                O peration
                                           www.OpenFOAM.com
                A nd
                                 Web:
                M anipulation
   FoamFile
9
       version
                   2.0;
10
       format
                   ascii;
11
       class
                   dictionary;
12
       location
                   "constant";
13
                   turbulenceProperties;
       object
14
15
   // * * * * * * * * * * *
16
17
   simulationType laminar;
18
19
20
21
```

Listing 11: constant/turbulenceProperties

```
-----*- C++ -*-----
1
2
                                          OpenFOAM: The Open Source CFD Toolbox
                    F ield
3
                                          Version: v1806
                    {\tt 0} peration
4
                     And
                                                     www.OpenFOAM.com
                                          Web:
5
                    M anipulation
 6
7
    FoamFile
 8
9
                        2.0;
         version
10
11
         format
                        ascii;
12
         class
                        dictionary;
                        blockMeshDict;
13
         object
14
    // * * * * * *
15
16
17
    scale 1;
18
19
    vertices
                        // 8 vertices
20
         (0 0 -0.1)
21
         (1 0 -0.1)
(1 2 -0.1)
(0 2 -0.1)
22
23
24
         (0 0 0.1)
25
26
         (1 \ 0 \ 0.1)
         (1 2 0.1)
(0 2 0.1)
27
28
    );
29
30
                        // 1 bloque, // (80 160 1) es la cantidad de celdas por dimension. // en z hay una sola por ser un caso 2d.
    blocks
31
32
33
34
         hex (0 1 2 3 4 5 6 7) (80 160 1) simpleGrading (1 1 1)
35
    );
36
37
    patches
                     // limites de las paredes
38
39
40
         wall walls
41
              (3 7 6 2)
(0 4 7 3)
42
43
44
              (2 6 5 1)
45
              (1540)
         )
46
47
         empty frontAndBack
              (0 3 2 1)
(4 5 6 7)
49
52 );
```

Listing 12: system/blockMeshDict

```
2
                                       OpenFOAM: The Open Source CFD Toolbox
                   F ield
3
                                       Version: v1806
                   {\tt O} peration
4
                                                  www.OpenFOAM.com
                   A nd
                                       Web:
5
                   {\tt M} \  \, {\tt anipulation} \\
6
7
    {\tt FoamFile}
9
                      2.0;
        version
10
11
        format
                      ascii;
12
        class
                      dictionary;
        location
13
                      "system";
14
        object
                       controlDict;
16
17
18
    application
                      compressibleInterFoam;
19
    startFrom
                      latestTime;
20
    startTime
22
23
    stopAt
                      endTime;
24
25
    endTime
                      0.5;
26
27
    deltaT
                      0.0001;
28
29
    writeControl
                      adjustableRunTime;
30
31
                      0.01;
    writeInterval
32
33
    purgeWrite
                      0;
34
35
    writeFormat
36
                      binary;
37
    writePrecision 8;
38
39
40
    writeCompression off;
41
42
    timeFormat
                      general;
43
    timePrecision
                      10;
    runTimeModifiable yes;
47
    adjustTimeStep yes;
48
49
                      0.25;
50
51
    maxAlphaCo
                      1;
    maxDeltaT
52
53
54
55
```

Listing 13: system/controlDict

```
----*- C++ -*-----
1
2
                F ield
                                  OpenFOAM: The Open Source CFD Toolbox
3
                                  Version: v1806
                O peration
4
                                            www.OpenFOAM.com
                And
                                  Web:
5
                M anipulation
6
7
   FoamFile
9
       version
                   2.0;
10
       format
                   ascii:
11
                   dictionary;
decomposeParDict;
       class
12
       object
```

```
15
16
  numberOfSubdomains 4;
                           // cantidad de cores a utilizar
17
18
                           // especifica metodo de paralizacion
  method
                 scotch;
20
   coeffs
21
22
                 (1 4 1);
                           // la multiplicacion de los tres numeros debe
24
                           // coincidir con el numberOfSubdomains.
                  0.001; // default=0.001
      //delta
      //order
                  xyz;
                        // default=xzy
26
  }
28
  distributed
29
30
                 ();
31
  roots
32
33
   34
```

Listing 14: system/decomposeParDict

```
-----*- C++ -*-----*
1
2
                     ield
                                       OpenFOAM: The Open Source CFD Toolbox
3
                   O peration
                                       Version: v1806
4
                   And
                                      Web:
                                                  www.OpenFOAM.com
5
                   M anipulation
 6
7
    FoamFile
 8
9
        version
                      2.0;
10
                      ascii;
        format
11
                      dictionary;
        class
12
13
        location
                      "system";
                      fvSchemes;
14
        object
15
    // * * * * * * *
16
17
    ddtSchemes
18
19
20
         default
                           Euler;
21
    }
22
    gradSchemes
24
         default
                           Gauss linear;
    }
27
28
    divSchemes
29
        div(phi,alpha) Gauss vanLeer;
30
        div(phirb, alpha) Gauss linear;
31
32
        div(rhoPhi,U)
                          Gauss upwind;
33
        div(rhoPhi,T)
div(rhoPhi,K)
                          Gauss upwind;
Gauss upwind;
34
35
        div(phi,p)
div(phi,k)
                           Gauss upwind;
Gauss upwind;
36
37
38
        div(((rho*nuEff)*dev2(T(grad(U))))) Gauss linear;
39
    }
40
41
    laplacianSchemes
42
43
                           Gauss linear uncorrected;
         default
44
    }
45
46
47
    \verb|interpolationSchemes||
48
49
         default
                           linear;
    }
50
51
    snGradSchemes
```

Listing 15: system/fvSchemes

```
-----*- C++ -*------
1
2
                F ield
                                | OpenFOAM: The Open Source CFD Toolbox
3
                                  Version: v1806
                0 peration
4
                                            www.OpenFOAM.com
                And
                                | Web:
5
6
                M anipulation
7
   {\tt FoamFile}
9
                  2.0;
10
       version
       format
                   ascii;
       class
                    dictionary;
       location
                   "system";
       object
                   fvSolution;
14
15
16
   17
   solvers
18
19
       "alpha.water.*"
20
21
           nAlphaCorr
22
           nAlphaSubCycles 2;
23
           cAlpha
24
25
           MULESCorr
26
                            no;
           nLimiterIter
27
                            5;
28
                            smoothSolver:
           solver
29
30
           smoother
                            symGaussSeidel;
           tolerance
31
                            1e-8;
                            0;
           relTol
32
       }
33
34
        ".*(rho|rhoFinal)"
35
36
                            diagonal;
37
           solver
       }
38
39
       "pcorr.*"
41
           solver
                            PCG;
43
           preconditioner
44
               preconditioner GAMG;
tolerance 1e-05;
45
46
               relTol
47
                               DICGaussSeidel;
               smoother
48
49
                            1e-05;
           tolerance
50
           relTol
51
                            100;
           maxIter
52
       }
53
54
       p_rgh
{
55
56
           solver
                            GAMG;
57
                            1e-07;
           tolerance
58
                            0.01;
59
           relTol
                            DIC:
60
           smoother
       }
61
62
       p_rghFinal
{
63
64
           solver
                            PCG;
65
           preconditioner
66
67
                preconditioner GAMG;
                tolerance
                               1e-07;
               relTol
                                0;
```

```
nVcycles
                                 2;
DICGaussSeidel;
71
                 smoother
72
73
                 nPreSweeps
                                  2;
             }
74
                             1e-07;
75
             tolerance
                             0;
20;
76
             relTol
77
             maxIter
        }
78
79
        U
             solver
                              smoothSolver;
82
             smoother
                              GaussSeidel;
83
             tolerance
                             1e-06;
85
             relTol
                              0;
            nSweeps
86
87
88
        "(T|k|B|nuTilda).*"
89
90
                             smoothSolver;
             solver
91
             smoother
                             symGaussSeidel;
92
             tolerance
                             1e-08;
93
            relTol
                              0:
94
95
    }
96
97
    PIMPLE
98
99
        momentumPredictor no;
100
101
        transonic
                        no;
        nOuterCorrectors 1;
nCorrectors 2;
102
103
104
        nNonOrthogonalCorrectors 0;
    }
105
106
107
    // ******************************//
```

Listing 16: system/fvSolution

```
/*----*
2
               F ield
                              OpenFOAM: The Open Source CFD Toolbox
4
               O peration
                               Version: v1806
               And
                             | Web:
                                        www.OpenFOAM.com
               M anipulation |
   FoamFile
       version
                 2.0;
10
11
       format
                  ascii;
                  dictionary;
12
       location
                  "system";
13
                 setFieldsDict;
       object
14
15
   16
17
   defaultFieldValues
18
19
       volScalarFieldValue alpha.water 1
20
       volScalarFieldValue p_rgh 1e5
21
       volScalarFieldValue p 1e5
volScalarFieldValue T 300
22
23
   );
24
25
   regions
26
27
       sphereToCell
28
29
          centre (0.5 \ 0.5 \ 0);
30
          radius 0.1;
31
32
          fieldValues
33
34
              {\tt volScalarFieldValue\ alpha.water\ 0}
              volScalarFieldValue p_rgh 1e6
              volScalarFieldValue p 1e6
```

```
volScalarFieldValue T 578
37
38
39
         boxToCell
40
41
              box (-10 1 -1) (10 10 1);
42
              {\tt fieldValues}
43
44
45
                   {\tt volScalarFieldValue\ alpha.water\ 0}
46
47
    );
48
49
```

Listing 17: system/setFieldsDict

```
#!/bin/sh
cd ${0%/*} || exit 1  # Run from this directory

. $WM_PROJECT_DIR/bin/tools/RunFunctions # Tutorial run functions

runApplication blockMesh
restoreODir
runApplication setFields
#runApplication $(getApplication)
```

Listing 18: Allrun

Listing 19: Allclean

Referencias

- [1] Why would be sometimes running CFD in parallel processing with 600 CPUs is faster than 800 CPUs even though it has more processors?
 - https://www.researchgate.net/post/Why_would_be_sometimes_running_CFD_in_parallel_processing_with_600_CPUs_is_faster_than_800_CPUs_even_though_it_has_more_processors2
- [2] What do 'real', 'user' and 'sys' mean in the output of time(1)?

 https://stackoverflow.com/questions/556405/what-do-real-user-and-sys-mean-in-the-output-of-time(1).
- [3] William Gropp. Parallel compuring and domain decomposition. http://ftp.mcs.anl.gov/pub/tech_reports/reports/P257.pdf
- [4] Para view: https://www.paraview.org/.
- [5] OpenFOAM: https://www.openfoam.com/.
- [6] MPI FAQ: General run-time tuning: https://www.open-mpi.org/faq/?category=tuning#using-paffinity-v1.4.
- [7] mpirun(1) man page (version 1.5.5): https://www.open-mpi.org/doc/v1.5/man1/mpirun.
 1.
- [8] Tomasso Lucchini: Running OpenFOAM in parallel http://web.student.chalmers.se/groups/ofw5/Basic_Training/runningInParallelLucchini.pdf
- [9] https://www.cfd-online.com/Forums
- [10] Keough, Shannon: Optimising the Parallelisation of OpenFOAM Simulations. https://apps.dtic.mil/docs/citations/ADA612337