## Wstęp do programowania

## Pracownia 10

Data publikacji: 16.12.2022

**Uwaga**: W ostatnim tygodniu zajęć w 2022 roku nie będzie wprawek, natomiast na pierwszych zajęciach 2023 – już będą.

Premia za tę listę wynosi 0.5, przyznawana jest osobom, które zdobyły co najmniej 2p za zadania z tej listy. Maksimum wynosi 4p. (tradycyjnie, dwa pierwsze zadania są łatwe).

**Zadanie 1.(1pkt)** Szyfrowanie metodą Cezara polega na tym, że każdą literę danego słowa zamienia się na literę przesuniętą o k pozycji (zgodnie z porządkiem alfabetycznym, w którym po ostatniej literze (ż) następuje litera pierwsza (a)). W szyfrze Cezara kluczem umożliwiającym szyfrowanie (i odszyfrowanie) jest liczba k.

Napisz funkcję ceasar(s,k), która dla danego słowa s i klucza k znajduje wartość szyfrogramu. Pamiętaj, by używać polskiego alfabetu (aąbcćdeęfghijklłmnńoóprsśtuwyzźż). Zastanów się, jak można byłoby tu wykorzystać słowniki i funkcję zip do utworzenia zwięźlejszego i eleganckiego kodu.

Zadanie 2.(1pkt) Parę słów nazwiemy parą cesarską (a występujące w niej słowa cesarskimi), jeżeli są one wzajemnie swoimi szyfrogramami w szyfrze Cezara (tzn. każde z nich otrzymujemy z drugiego za pomocą odpowiedniego przesunięcia wszystkich liter; oczywiście przesunięcie powinno być nietrywialne, czyli nie może być identycznością). Napisz program, który znajduje najdłuższe polskie słowo cesarskie (jeżeli więcej niż jedno osiąga maksymalną długość powinieneś wypisać je wszystkie).

**Zadanie 3.(1pkt)** Łamigłówką arytmetyczną jest zadanie, w którym należy literom przyporządkować (różne) cyfry w ten sposób, by będące treścią zadania dodawianie było prawdziwe. Przykładowe zadania to:

SEND	CIACHO
+ MORE	+ CIACHO
MONEY	NADWAGA

Napisz program, który rozwiązuje łamigłówki arytmetyczne. W programie powinna być funkcja, której argumentem jest napis przedstawiający zagadkę (przykładowo "send + more = money", a wynikiem słownik kodujący (jakieś) rozwiązanie. Gdy rozwiązanie nie istnieje, funkcja powinna zwracać pusty słownik (ew. wartość None).

**Zadanie 4.(1pkt)** Napisz dwie funkcje wykorzystujące rekurencję (lub jedną za połowę punktów). W obu definicjach powinieneś skorzystać z mechanizmu *list comprehension*, postaraj się, by definicje były możliwie jak najbardziej zwięzłe.

a) Napisz rekurencyjną funkcję, która generuje zbiór wszystkich sum podzbiorów listy liczb L (czyli jeżeli L była równa [1,2,3,100], to funkcja powinna zwrócić zbiór

```
set([0,1,2,3,4,5,6, 100, 101, 102, 103, 104, 105, 106])
```

b) Napisz rekurencyjną funkcję, która generuje wszystkie ciągi niemalejące o długości N, zawierające liczby od A do B.

Zadanie 5. $(1pkt)(\star)$  Napisz funkcję, która dla zbioru elementów zwraca listę wszystkich relacji równoważności<sup>2</sup> określonych na tych elementach. Relacje równoważności będziemy wyrażać, jako listę zbiorów (klas abstrakcji tej relacji). Zadbaj o to, by w wyniku nie powtarzały się żadne relacje. Twoja funkcja dla zbioru  $\{1,2\}$  powinna zwrócić listę: [ $\{1\}$ ,  $\{2\}$ ], [ $\{1,2\}$ ]] (lub inną, w której kolejność elementów w którejś liście jest różna)

**Zadanie 6.(1pkt)**( $\star$ ) Jesteś pisarzem literatury fantastycznej (raczej użytkowej, niż artystycznej, szczerze mówiąc). Całkiem dobrze sobie z tym radzisz, ale masz kłopot z wymyślaniem imion dla bohaterów. To zadanie ma być użytecznym narzędziem rozwiązującym taki problem, czyli wspomagającym twórczy proces wymyślania imion (nazwisk) dla tego typu literatury. Należy rozwiązać je w następujący sposób:

- Imię będziemy losować znak po znaku.
- Jak zobaczysz, wygodnie przyjąć, że każde imię zaczyna się od pary znaków ^^ a kończy znakiem \$ (oczywiście można tu wybrać inne oznaczenia, nie powinieneś również tych dziwnych znaków pokazywać użytkownikowi)
- Imię powinno mieć pewną długość minimalną, przykładowo 4 znaki, powinieneś też określić długość maksymalną.

 $<sup>^1\</sup>mathrm{W}$ pewnej poprzedniej edycji tego przedmiotu było zadanie, w którym należało odszyfrować listy do Świętego Mikołaja zaszyfrowane szyfrem Cezara z nieznanym k (cały list z jednym k). Okazuje się, że istnieją szyfrogramy, składające się z kilku wyrazów, które da się zinterpretować jako życzenia, które można odczytać na więcej niż 1 sposób. Czy umiesz jakieś wskazać?

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>Równoważnie można myśleć o podziałach tego zbioru, czyli o listach rozłącznych zbiorów dających w sumie zbiór początkowy

- Prawdopodobieństwo wylosowania znaku na pozycji i powinno zależeć od znaków i-1 oraz i-2.
- Prawdopodobieństwa te powinieneś szacować przeglądając plik z rzeczywistymi imionami (podany na kno, możesz skorzystać z innego na przykład jednoznacznie słowiańskiego, jeżeli uda Ci się taki odnaleźć). Przykładowo, gdyby jedynymi imionami były Paweł i Ewelina, wówczas dla znaków we możliwe byłyby tylko dwie kontynuacje, mianowicie ż oraz 1, każda z prawdopodobieństwem ½.

Twój program powinien wczytać listę imion, oszacować na jej podstawie prawdopodobieństwo losowania znaków, następnie wylosować kilkanaście imion zgodnych z powyżej naszkicowanymi zasadami. Jeżeli nie do końca wiesz, jak się zabrać za to zadanie, śmiało pytaj prowadzącego na zajęciach lub na wykładzie. W przypadku wspomnianych dwóch imion, oprócz nich moglibyśmy wylosować imiona Pawelina i Ewel