Stage d'informatique MP2I

August 26, 2021

Présentation

Je m'appelle Quentin Fortier :

- ENS Lyon en informatique (2009-2013)
- Thèse en théorie des graphes (2013-2016)
- Professeur d'informatique en CPGE (2016-2020)
- Ingénieur en optimisation et data science (2020-2021)
- Professeur d'informatique en CPGE (2021-...)

Organisation du cours

Pour le cours (après le stage) nous allons utiliser Jupyter.

Organisation du cours

Pour le cours (après le stage) nous allons utiliser Jupyter.

- Site du cours : https://github.com/mp2i-fsm/mp2i-2021
- Amenez si possible vos PC portables en cours/TP/TD d'informatique pour tester les exemples/exercices
- Sinon, vous le ferez sur papier

Objectifs

Objectif du stage : (re)voir l'algorithmique de 1ère NSI et éventuellement Terminale NSI.

En 1ère :

- Recherche linéaire dans une liste

Objectifs

Objectif du stage : (re)voir l'algorithmique de 1ère NSI et éventuellement Terminale NSI.

En 1ère :

- Recherche linéaire dans une liste
- Recherche par dichotomie

Objectifs

Objectif du stage : (re)voir l'algorithmique de 1ère NSI et éventuellement Terminale NSI.

En 1ère :

- Recherche linéaire dans une liste
- Recherche par dichotomie
- k plus proches voisins

Objectifs

Objectif du stage : (re)voir l'algorithmique de 1ère NSI et éventuellement Terminale NSI.

En 1ère :

- Recherche linéaire dans une liste
- Recherche par dichotomie
- k plus proches voisins
- Algorithmes gloutons

Objectifs

Objectif du stage : (re)voir l'algorithmique de 1ère NSI et éventuellement Terminale NSI.

En 1ère :

- Recherche linéaire dans une liste
- Recherche par dichotomie
- k plus proches voisins
- Algorithmes gloutons
- Algorithmes de tri

Parcours séquentiel d'un tableau

Exercice

Écrire une fonction telle que :

- **Entrée** : une liste `L` et un élément `e`
- **Sortie** : `True` si `e` appartient à `L`, `False` sinon

Parcours séquentiel d'un tableau

Exercice

Écrire une fonction telle que :

- **Entrée** : une liste `L` et un élément `e`
- **Sortie** : `True` si `e` appartient à `L`, `False` sinon

```
def appartient(e, L):
    for i in range(len(L)):
        if L[i] == e:
            return True
    return False
```

Recherche du maximum

Exercice

Écrire une fonction permettant d'obtenir l'indice du maximum d'une liste.

Recherche du maximum

Exercice

Écrire une fonction permettant d'obtenir l'indice du maximum d'une liste.

```
def maximum(L):
    i_max = 0
    for i in range(len(L)):
        if L[i] > L[i_max]:
            i_max = i
    return i_max
```

Calcul de la somme

Exercice

Écrire une fonction permettant d'obtenir la somme des éléments d'une liste.

Calcul de la somme

Exercice

Écrire une fonction permettant d'obtenir la somme des éléments d'une liste.

```
def somme(L):
    s = 0
    for i in range(len(L)):
        s += L[i]
    return s
```

Recherche par dichotomie

Soit `L` une liste **triée**.
Pour savoir si `L` contient un élément `e`, on a vu qu'on peut parcourir tous les éléments un par un.

Question

Pouvez-vous trouver une méthode plus efficace ?

Recherche dichotomique

Question

Comment trouver efficacement un élément `e` dans une liste **triée** `L`?

Recherche dichotomique

Question

Comment trouver efficacement un élément `e` dans une liste **triée** `L`?

On peut comparer `e` avec le **milieu** `L[m]` de `L`:

- Si `e == L[m]`,

Recherche dichotomique

Question

Comment trouver efficacement un élément `e` dans une liste **triée** `L`?

On peut comparer `e` avec le **milieu** `L[m]` de `L`:

- Si `e == L[m]`, on a trouvé notre élément.
- Si `e > L[m]`,

Recherche dichotomique

Question

Comment trouver efficacement un élément `e` dans une liste **triée** `L`?

On peut comparer `e` avec le **milieu** `L[m]` de `L`:

- Si `e == L[m]`, on a trouvé notre élément.
- Si `e > L[m]`, il faut chercher `e` dans la partie droite de `L`
- Si `e < L[m]`,

Recherche dichotomique

Question

Comment trouver efficacement un élément `e` dans une liste **triée** `L`?

On peut comparer `e` avec le **milieu** `L[m]` de `L`:

- Si `e == L[m]`, on a trouvé notre élément.
- Si `e > L[m]`, il faut chercher `e` dans la partie droite de `L`
- Si `e < L[m]`, il faut chercher `e` dans la partie gauche de `L`

Recherche dichotomique

Exemple : on veut savoir si 14 appartient à la liste :

$$L = [-2, 1, 2, 4, 6, 7, 8, 9, 11, 12, 14, 15, 18, 22, 54]$$

Nombre d'itérations en regardant les éléments un par un :

Recherche dichotomique

Exemple : on veut savoir si 14 appartient à la liste :

$$L = [-2, 1, 2, 4, 6, 7, 8, 9, 11, 12, 14, 15, 18, 22, 54]$$

Nombre d'itérations en regardant les éléments un par un : 11.

Recherche dichotomique

Avec la recherche dichotomique :

$$[-2, 1, 2, 4, 6, 7, 8, \underline{\mathbf{9}}, 11, 12, 14, 15, 18, 22, 54]$$

$$9 < 14$$

Recherche dichotomique

Avec la recherche dichotomique :

$$[\text{-}2,\ 1,\ 2,\ 4,\ 6,\ 7,\ 8,\ 9,\ \boxed{11,\ 12,\ 14,\ 15,\ 18,\ 22,\ 54}\ ]$$

$$9 < 14$$

Recherche dichotomique

Avec la recherche dichotomique :

$$[\text{-2, 1, 2, 4, 6, 7, 8, 9, } \boxed{\text{11, 12, 14, } \underline{\mathbf{15}}\text{, 18, 22, 54}}]$$

$$14 < 15$$

Recherche dichotomique

Avec la recherche dichotomique :

$$[\text{-}2,\ 1,\ 2,\ 4,\ 6,\ 7,\ 8,\ 9,\ \boxed{11,\ \underline{\mathbf{12}},\ 14},\ 15,\ 18,\ 22,\ 54]$$

$$12 < 14$$

Recherche dichotomique

Avec la recherche dichotomique :

[-2, 1, 2, 4, 6, 7, 8, 9, 11, 12, $\boxed{\underline{\mathbf{14}}}$, 15, 18, 22, 54]

14 trouvé!

Recherche dichotomique

Avec la recherche dichotomique :

[-2, 1, 2, 4, 6, 7, 8, 9, 11, 12, $\boxed{\underline{\mathbf{14}}}$, 15, 18, 22, 54]

14 trouvé!

On a fait seulement 4 itérations.

Recherche par dichotomie

```
def appartient_dichotomie(e, L):
    i = 0
    j = len(L) - 1
    while i <= j:
        m = (i + j) // 2  # milieu
        if L[m] == e:
            return True  # on a trouvé e
        elif L[m] < e:
            i = m + 1  # chercher à droite de m
        else :
            j = m - 1  # chercher à gauche de m
    return False # aucun élément ne peut être égal à e
```

k plus proches voisins

L'algorithme KNN (k plus proches voisins) est un exemple d'algorithme de classification supervisée en apprentissage automatique (machine learning).

k plus proches voisins

L'algorithme KNN (k plus proches voisins) est un exemple d'algorithme de classification supervisée en apprentissage automatique (machine learning).
Il sert à séparer des données (qui peuvent être des points dans l'espace par exemple) en k groupes, chaque groupe étant similaire.

k plus proches voisins

L'algorithme KNN (k plus proches voisins) est un exemple d'algorithme de classification supervisée en apprentissage automatique (machine learning).
Il sert à séparer des données (qui peuvent être des points dans l'espace par exemple) en k groupes, chaque groupe étant similaire.

Pour utiliser KNN on a besoin :

- de données initiales pour lesquelles on connaît les groupes
- d'une notion de distance entre deux données

k plus proches voisins

Il fonctionne en deux temps :

1. **Entraînement** : on utilise des données dont on connaît déjà la classe.

k plus proches voisins

Il fonctionne en deux temps :

1. **Entraînement** : on utilise des données dont on connaît déjà la classe.
2. **Prédiction** : étant donnée une nouvelle donnée, on lui associe la classe majoritaire parmi ses k plus proches voisins.

Démo avec p5.js

Démo avec Jupyter

Algorithmes gloutons

La stratégie d'un **algorithme glouton** est d'effectuer à chaque étape l'action qui semble la plus intéressante localement (sans regarder ce qui va se passer plus tard).

Algorithmes gloutons

La stratégie d'un **algorithme glouton** est d'effectuer à chaque étape l'action qui semble la plus intéressante localement (sans regarder ce qui va se passer plus tard).

Problème du sac à dos

On considère un sac à dos de capacité 10kg et les objets suivants :

poids (kg)	2	2	2	3	5	5	8
valeur (€)	1	1	1	7	10	10	13

Quelle est la valeur maximum que l'on peut mettre dans le sac ?

Algorithmes gloutons

Problème du sac à dos

On considère un sac à dos de capacité 10kg et les objets suivants :

poids (kg)	2	2	2	3	5	5	8
valeur (€)	1	1	1	7	10	10	13

Quelle est la valeur maximum que l'on peut mettre dans le sac ?

Algorithme glouton n°1 : ajouter les éléments dans l'ordre croissant de poids, tant que c'est possible

Algorithmes gloutons

Problème du sac à dos

On considère un sac à dos de capacité 10kg et les objets suivants :

poids (kg)	2	2	2	3	5	5	8
valeur (€)	1	1	1	7	10	10	13

Quelle est la valeur maximum que l'on peut mettre dans le sac ?

Algorithme glouton n°2 : ajouter les éléments dans l'ordre décroissant de valeur, tant que c'est possible

Algorithmes gloutons

Problème du sac à dos

On considère un sac à dos de capacité 10kg et les objets suivants :

poids (kg)	2	2	2	3	5	5	8
valeur (€)	1	1	1	7	10	10	13
valeur/poids	0.5	0.5	0.5	2.3	2	2	1.6

Quelle est la valeur maximum que l'on peut mettre dans le sac ?

Algorithme glouton n°3 : ajouter les éléments dans l'ordre décroissant de valeur/poids, tant que c'est possible

Algorithmes gloutons

1. Un algorithme glouton peut donner la solution optimale : arbre couvrant de poids minimum, problème fractionnaire du sac à dos...

Algorithmes gloutons

1. Un algorithme glouton peut donner la solution optimale : arbre couvrant de poids minimum, problème fractionnaire du sac à dos...
2. Même si l'algorithme glouton n'est pas optimal, il peut être intéressant pour donner une approximation de l'optimum.

Algorithmes de tris

Deux tris en 1ère NSI :

- Tri par insertion

Algorithmes de tris

Deux tris en 1ère NSI :

- Tri par insertion
- Tri par sélection

Tri par sélection

1. Chercher le minimum

Tri par sélection

1. Chercher le minimum
2. Le mettre à l'indice 0

Tri par sélection

1. Chercher le minimum
2. Le mettre à l'indice 0
3. Chercher le 2ème élément le plus petit

Tri par sélection

1. Chercher le minimum
2. Le mettre à l'indice 0
3. Chercher le 2ème élément le plus petit
4. Le mettre à l'indice 1
5. ...

Tri par sélection

```
def tri_selection(L):
    for i in range(len(L)): # cherche le ième minimum
        i_mini = i
        for k in range(i, len(L)):
            if L[k] < L[i_mini]:
                i_mini = k
        L[i], L[i_mini] = L[i_mini], L[i]  # échange
```