

POLITECHNIKA WROCŁAWSKA

LABORATORIUM

INTELIGENCJA OBLICZENIOWA I JEJ ZASTOSOWANIA

---

# Algorytmy ewolucyjne i hybrydowe

---

*Authors:*

Rafał PIENIAŻEK  
Jakub POMYKAŁA

*Supervisor:*

dr hab. inż. Olgierd UNOLD,  
prof. PWr

29 maja 2018

# Spis treści

<b>1</b>	<b>Wstęp</b>	<b>4</b>
<b>2</b>	<b>Zastosowany algorytm optymalizacji</b>	<b>4</b>
2.1	Zastosowane narzędzia implementacji . . . . .	4
2.1.1	Język R . . . . .	4
2.1.2	Pakiet GA . . . . .	4
2.1.3	Pakiet globalOpts . . . . .	4
<b>3</b>	<b>Własne operatory krzyżowania i mutacji</b>	<b>5</b>
3.1	Funkcja wielomodalna - Funkcja Shuberta . . . . .	5
3.1.1	Wzór analityczny . . . . .	5
3.1.2	Wykres w ustalonym przedziale zmiennych . . . . .	5
3.1.3	Ekstremum globalne . . . . .	5
3.2	Zmiana funkcji mutowania . . . . .	7
3.3	Zmiana funkcji krzyżowania . . . . .	8
<b>4</b>	<b>Problem komiwojażera</b>	<b>11</b>
4.1	Opis problemu . . . . .	11
4.2	Instancja 1 - <i>bays29</i> . . . . .	11
4.2.1	Zmiana parametru krzyżowania . . . . .	12
4.2.2	Zmiana parametru liczby pokoleń . . . . .	13
4.2.3	Zmiana parametru rozmiaru populacji . . . . .	14
4.2.4	Jednoczesna zmiana krzyżowania i mutacji oraz rozmiaru populacji i liczby pokoleń . . . . .	15
4.3	Instancja 2 - <i>gr17</i> . . . . .	15
4.3.1	Zmiana parametru krzyżowania . . . . .	16
4.3.2	Zmiana parametru liczby pokoleń . . . . .	17
4.3.3	Zmiana parametru rozmiaru populacji . . . . .	18
4.3.4	Jednoczesna zmiana krzyżowania i mutacji oraz rozmiaru populacji i liczby pokoleń . . . . .	19
4.4	Instancja 3 - <i>gr120</i> . . . . .	20
4.4.1	Zmiana parametru krzyżowania . . . . .	21
4.4.2	Zmiana parametru liczby pokoleń . . . . .	22
4.4.3	Zmiana parametru rozmiaru populacji . . . . .	23
4.4.4	Jednoczesna zmiana krzyżowania i mutacji oraz rozmiaru populacji i liczby pokoleń . . . . .	24
4.5	Wnioski . . . . .	24
4.5.1	Zmiana parametru populacji . . . . .	24
4.5.2	Zmiana parametru krzyżowania . . . . .	24
4.5.3	Zmiana wartości liczby pokoleń . . . . .	24
4.5.4	Jednoczesna zmiana wartości krzyżowania i mutacji . . . . .	25
4.5.5	Jednoczesna zmiana rozmiaru populacji i liczby pokoleń . . . . .	25
<b>5</b>	<b>Hybrydowy algorytm genetyczny</b>	<b>26</b>
5.1	Zmiana parametru <i>pressel</i> . . . . .	26
5.2	Zmiana parametru <i>poptim</i> . . . . .	27
<b>6</b>	<b>Literatura</b>	<b>27</b>
<b>7</b>	<b>Kod źródłowy</b>	<b>29</b>

## Spis rysunków

1	Wzór analityczny funkcji Schuberta . . . . .	5
2	Wykres funkcji Schuberta . . . . .	5
3	Minimum globalne dla funkcji Schuberta . . . . .	5
4	Minimum globalne dla funkcji Schuberta . . . . .	6
5	Porównanie domyślnej funkcji (lewa strona) mutowania z własną (prawa strona) .	7
6	Porównanie domyślnej funkcji mutowania (lewa strona) z własną (prawa strona) - znajdzone ekstrema . . . . .	8
7	Porównanie domyślnej funkcji krzyżowania (lewa strona) z własną (prawa strona) .	9
8	Porównanie domyślnej funkcji krzyżowania (lewa strona) z własną (prawa strona) - znajdzone ekstrema . . . . .	9
9	Rozwiązanie dla domyślnych parametrów . . . . .	11
10	Porównanie wyników podczas zmiany parametru krzyżowania . . . . .	12
11	Porównanie wyników podczas zmiany parametru liczby pokoleń . . . . .	13
12	Porównanie wyników podczas zmiany parametru rozmiaru populacji . . . . .	14
13	Porównanie wyników podczas jednoczesnej zmiany parametrów . . . . .	15
14	Rozwiązanie dla domyślnych parametrów . . . . .	15
15	Porównanie wyników podczas zmiany parametru krzyżowania . . . . .	16
16	Porównanie wyników podczas zmiany parametru liczby pokoleń . . . . .	17
17	Porównanie wyników podczas zmiany parametru rozmiaru populacji . . . . .	18
18	Porównanie wyników podczas jednoczesnej zmiany parametrów . . . . .	19
19	Porównanie wyników podczas jednoczesnej zmiany parametrów . . . . .	19
20	Rozwiązanie dla domyślnych parametrów . . . . .	20
21	Porównanie wyników podczas zmiany parametru krzyżowania . . . . .	21
22	Porównanie wyników podczas zmiany parametru liczby pokoleń . . . . .	22
23	Porównanie wyników podczas zmiany parametru rozmiaru populacji . . . . .	23
24	Porównanie wyników podczas jednoczesnej zmiany parametrów . . . . .	24
25	Porównanie wyników podczas jednoczesnej zmiany parametrów . . . . .	24
26	Porównanie wyników podczas zmiany parametru nacisku . . . . .	26
27	Porównanie wyników podczas zmiany parametru prawdopodobieństwa . . . . .	27

# 1 Wstęp

Celem laboratorium było przeprowadzenie optymalizacji globalnej dla wybranych funkcji z pakietu `globalOptTests`.

## 2 Zastosowany algorytm optymalizacji

W laboratorium zastosowano algorytmy genetyczne będące klasą algorytmów ewolucyjnych. Algorytmy ewolucyjne stanowią kierunek sztucznej inteligencji, która wykorzystuje i symuluje ewolucję biologiczną. Wszystkie algorytmy tej klasy symulują podstawowe zachowania w teorii ewolucji biologicznej - procesy selekcji, mutacji i reprodukcji. Zachowanie jednostek zależy od środowiska. Zbiór jednostek nazywa się populacją. Taka populacja ewoluuje zgodnie z regułami selekcji zgodnie z funkcją celu przypisaną do środowiska. Propagowane do kolejnych pokoleń są tylko najbardziej dopasowane osobniki.

### 2.1 Zastosowane narzędzia implementacji

#### 2.1.1 Język R

R jest językiem programowania i środowiskiem programistycznym, używanym głównie do obliczeń statystycznych i wizualizacji danych, do sztucznej inteligencji a także do ekonomii i innych zagadnień wykorzystujących obliczenia numeryczne. Został stworzony przez Rossa Ihakę i Roberta Gentlemana na Uniwersytecie w Auckland w Nowej Zelandii.

#### 2.1.2 Pakiet GA

Pakiet GA zawiera zestaw funkcji ogólnego przeznaczenia do optymalizacji z wykorzystaniem algorytmów genetycznych. Dostępnych jest kilka operatorów genetycznych, których można łączyć w celu zbadania najlepszych ustawień dla bieżącego zadania.

#### 2.1.3 Pakiet `globalOpts`

Pakiet zawierający implementację funkcji przydatnych do przeprowadzania testów wydajnościowych algorytmów optymalizacji globalnej.

### 3 Własne operatory krzyżowania i mutacji

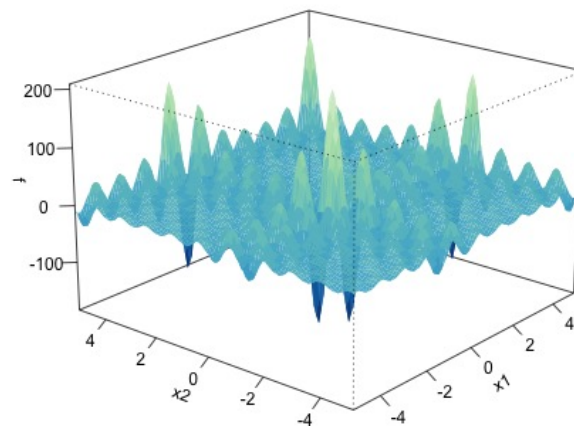
#### 3.1 Funkcja wielomodalna - Funkcja Shuberta

##### 3.1.1 Wzór analityczny

$$f(\mathbf{x}) = \left( \sum_{i=1}^5 i \cos((i+1)x_1 + i) \right) \left( \sum_{i=1}^5 i \cos((i+1)x_2 + i) \right)$$

Rysunek 1: Wzór analityczny funkcji Schuberta

##### 3.1.2 Wykres w ustalonym przedziale zmiennych

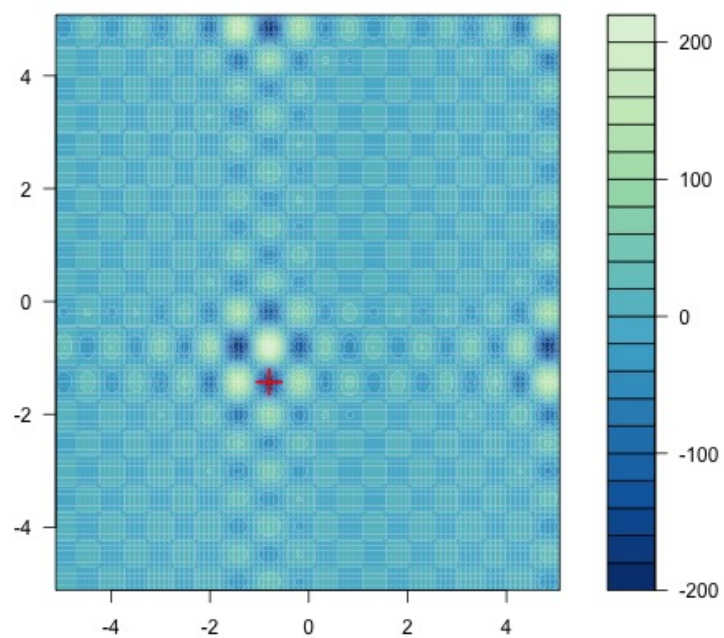


Rysunek 2: Wykres funkcji Schuberta

##### 3.1.3 Ekstremum globalne

$$f(\mathbf{x}^*) = -186.7309$$

Rysunek 3: Minimum globalne dla funkcji Schuberta



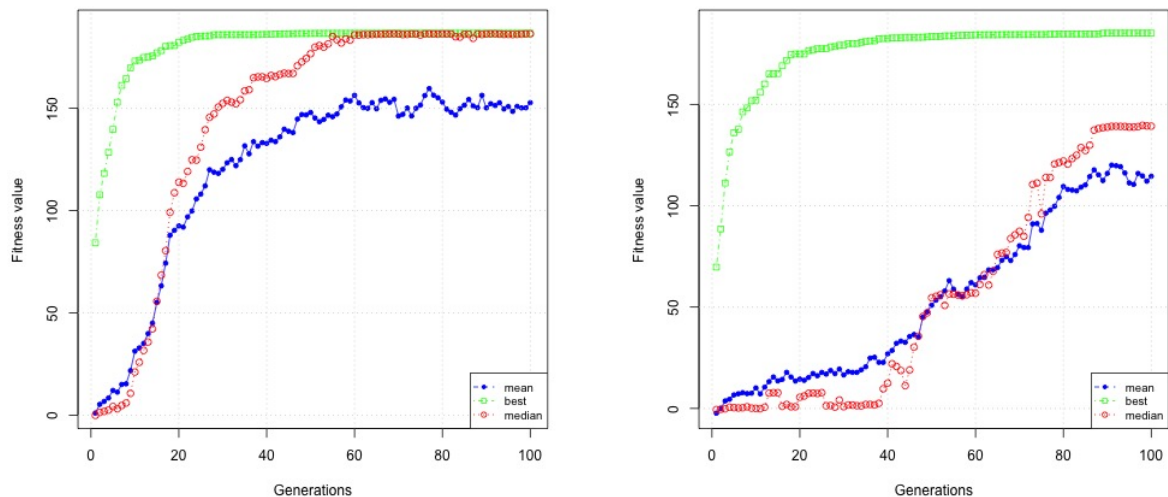
Rysunek 4: Minimum globalne dla funkcji Schuberta

### 3.2 Zmiana funkcji mutowania

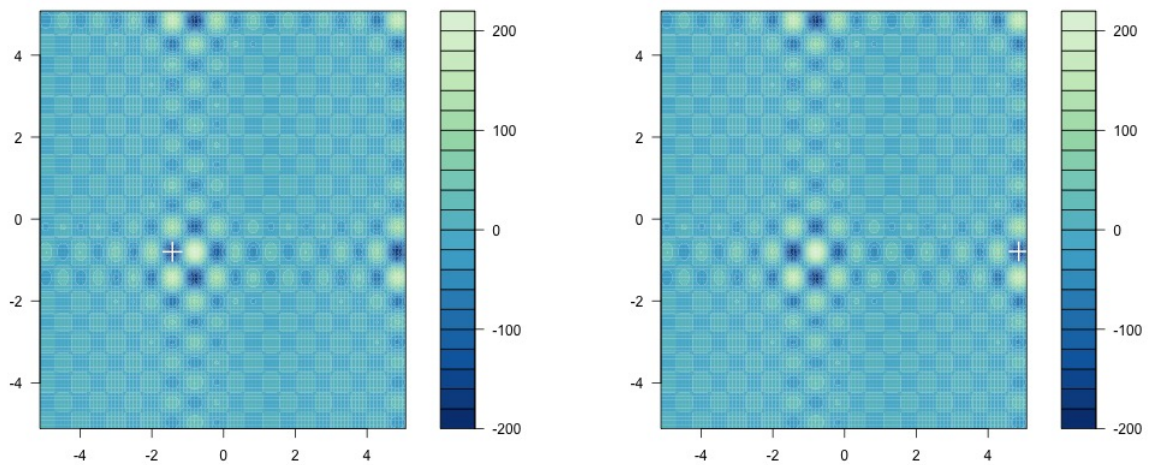
Poniżej przedstawiono własną propozycję implementacji funkcji mutowania.

```
customMutation <- function(object, parent)
{
  mod <- parent %% 2
  if(mod == 0){
    return (parent * 2)
  } else {
    return (parent / 2) + 1
  }
}
```

Na poniższych wykresach przedstawiono zestawienie rezultatów działania w przypadku domyślnej i własnej, zaimplementowanej funkcji mutacji. Wyniki dla funkcji domyślnej znajdują się po lewej stronie.



Rysunek 5: Porównanie domyślnej funkcji (lewa strona) mutowania z własną (prawa strona)



Rysunek 6: Porównanie domyślnej funkcji mutowania (lewa strona) z własną (prawa strona) - znalezione ekstrema

Zmiana funkcji mutującej nie wpłynęła znacząco na wyniki końcowe. Mimo, iż w początkowej fazie wynik funkcji zbiegał do ekstremum wolniej niż w przypadku funkcji domyślnej, po 100 pokoleniach wynik jest na podobnym poziomie w obu przypadkach. Finalnie jednak algorytm z własną funkcją mutującą nie znalazł ekstremum globalnego. Widoczne jest to na wykresie temperaturowym, na którym zaznaczono rozwiązanie znalezione przez algorytm.

W przypadku funkcji z własną funkcją mutowania można zauważyć spadek średniej i mediany wyników. Jest to spowodowane tym że dane zostają wyznaczone stochastycznie przez pakiet GA, a ich modyfikacja przez pomnożenie lub podzielenie przez stałą liczbę nie może poprawić ani pogorszyć wyniku w tym przypadku. Jakość znalezionych rozwiązań będzie mocno skorelowana z pierwotnie wyznaczonymi wartościami.

### 3.3 Zmiana funkcji krzyżowania

Poniżej przedstawiono własną propozycję implementacji funkcji krzyżowania.

```
customCrossover <- function(object , parents)
{
  parent_1 <- parents[[1]]
  parent_2 <- parents[[2]]
  wektor_1 <- c(parent_1, parent_2)
  fitness = testFunctionWrapper(parent_1, parent_2)

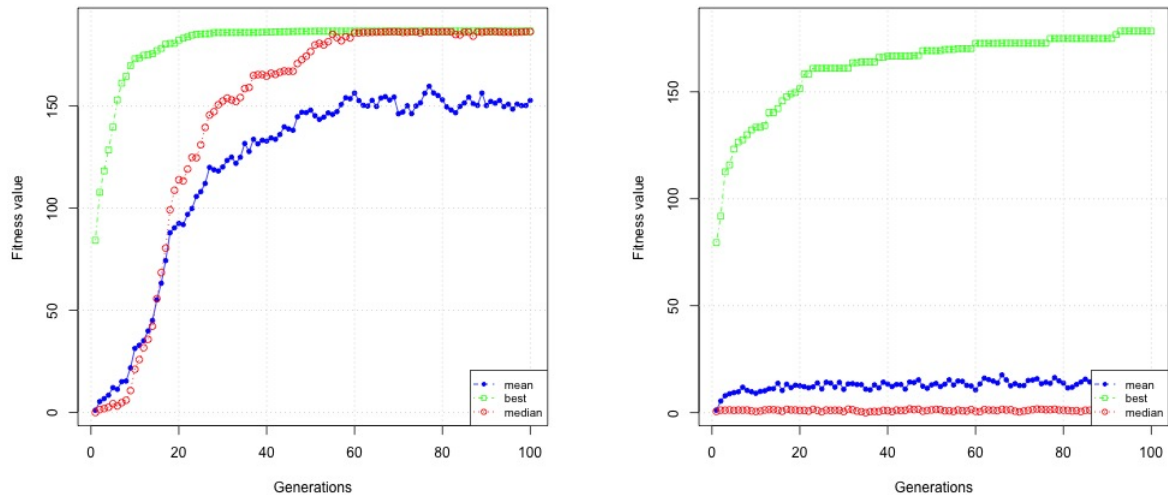
  tmp_parent_1 <- parents[[1]] + runif(1, -1, 1)
  tmp_parent_2 <- parents[[2]] + runif(1, 1, -1)
  tmp_wektor_1 <- c(tmp_parent_1, tmp_parent_2)
  tmp_fitness = testFunctionWrapper(tmp_parent_1, tmp_parent_2)

  if(tmp_fitness > fitness){
    return (list(children=matrix(tmp_wektor_1), fitness=tmp_fitness))
  }
  return (list(children=matrix(wektor_1), fitness=fitness))
}
```

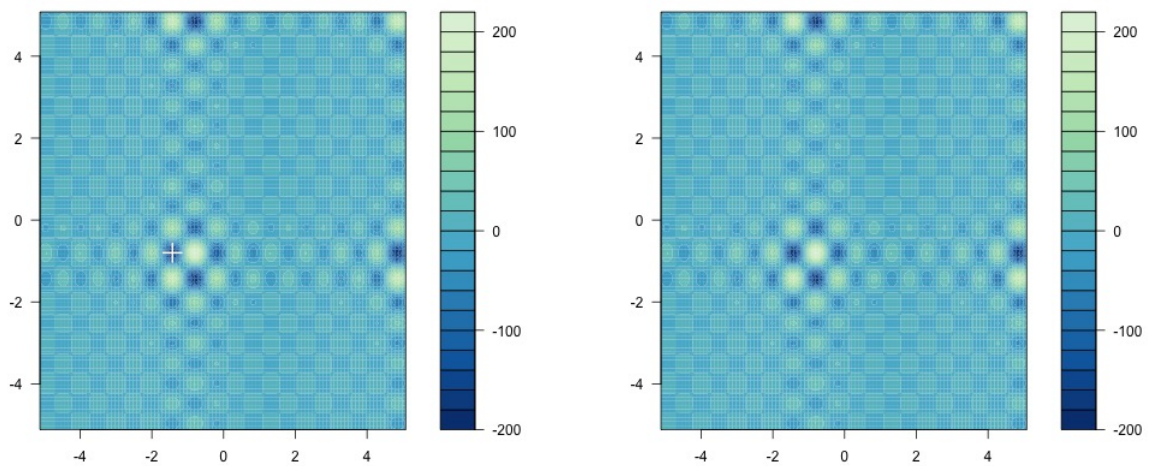


}

Na poniższych wykresach przedstawiono porównanie rezultatu działania algorytmu w przypadku zmiany funkcji krzyżowania z domyślnej na własną implementację.



Rysunek 7: Porównanie domyślnej funkcji krzyżowania (lewa strona) z własną (prawa strona)



Rysunek 8: Porównanie domyślnej funkcji krzyżowania (lewa strona) z własną (prawa strona) - znalezione ekstrema

W przypadku własnej funkcji krzyżującej algorytm nie znalazł ekstremum globalnego. Wartości średniej i mediany spadły znacząco w stosunku do domyślnej implementacji. Mediana jest praktycznie równa zero. Algorytm prawdopodobnie znalazł minimum lokalne i nie mógł odnaleźć

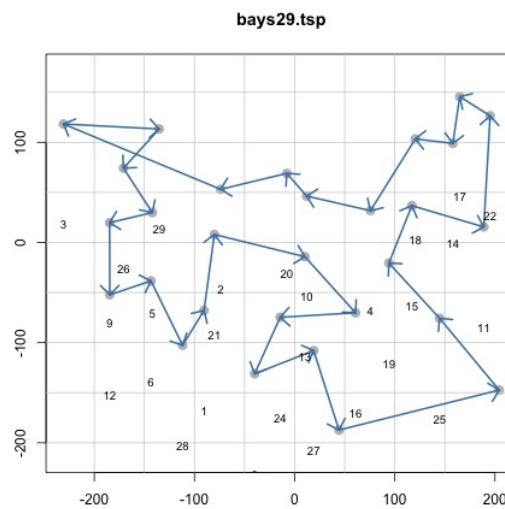
lepszich rozwiązań, mimo wybierania lepszej wartości *fitness*, ponieważ do każdego rodzica jest dodawana wartość losowa z przedziału  $[-1, 1]$ . Prawdopodobnie gdyby ten przedział był większy algorytm mógłby wylosować lepszego rodzica, który nie znajduje się w lokalnym minimum.

## 4 Problem komiwojażera

### 4.1 Opis problemu

Problem komiwojażera jest jednym z najsłynniejszych problemów informatyki i badań operacyjnych. Często nazywa się skrótem TSP, skrót nazwy angielskiej nazwy "podróżujący sprzedawca". Można go sformułować w następujący sposób: "Biorąc pod uwagę  $n$  miast wraz z odległością między każdą parą tych miast, znajdź najkrótszą trasę, która przebiega przez każde miasto dokładnie raz."

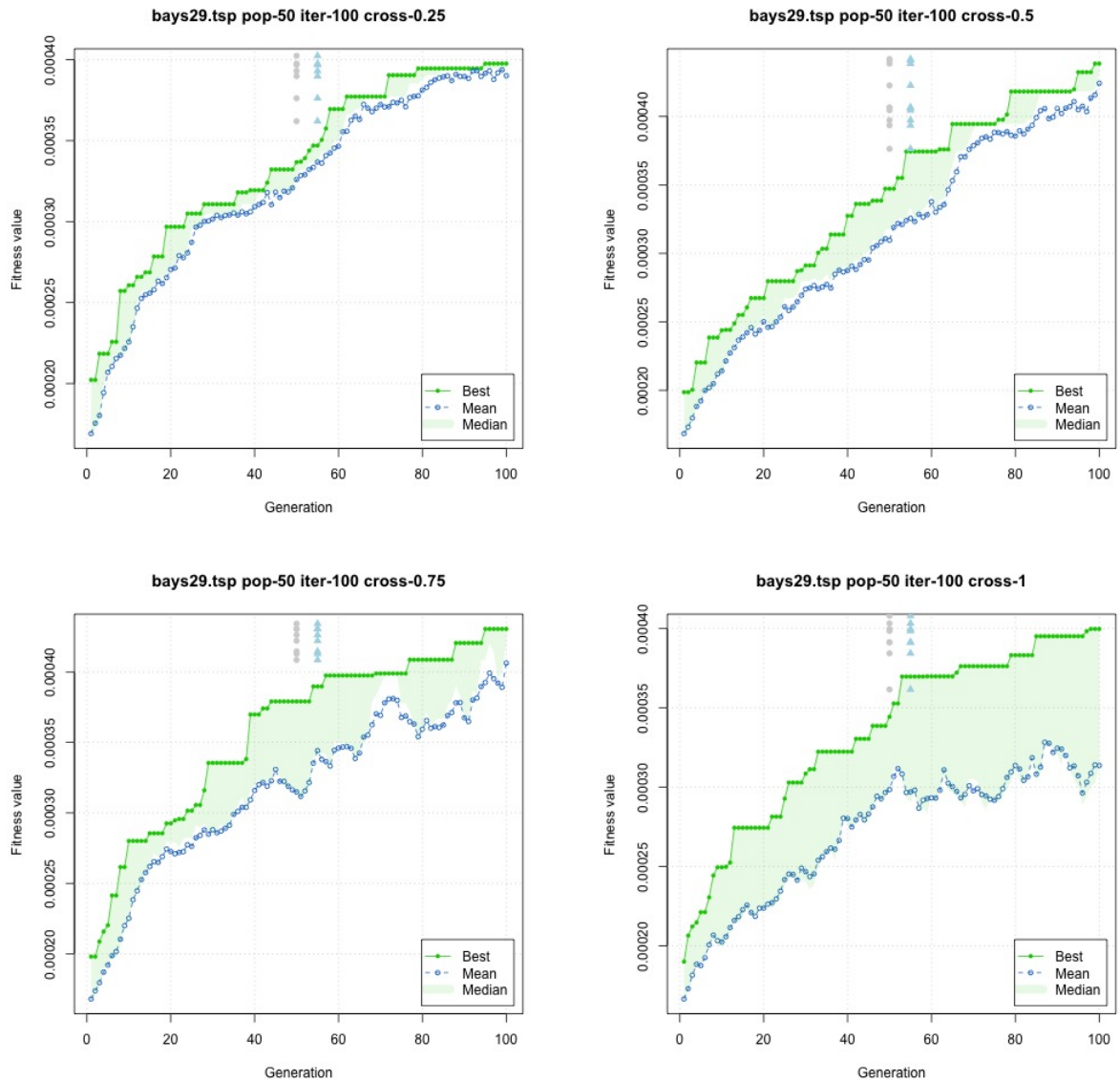
### 4.2 Instancja 1 - *bays29*



Rysunek 9: Rozwiązanie dla domyślnych parametrów

#### 4.2.1 Zmiana parametru krzyżowania

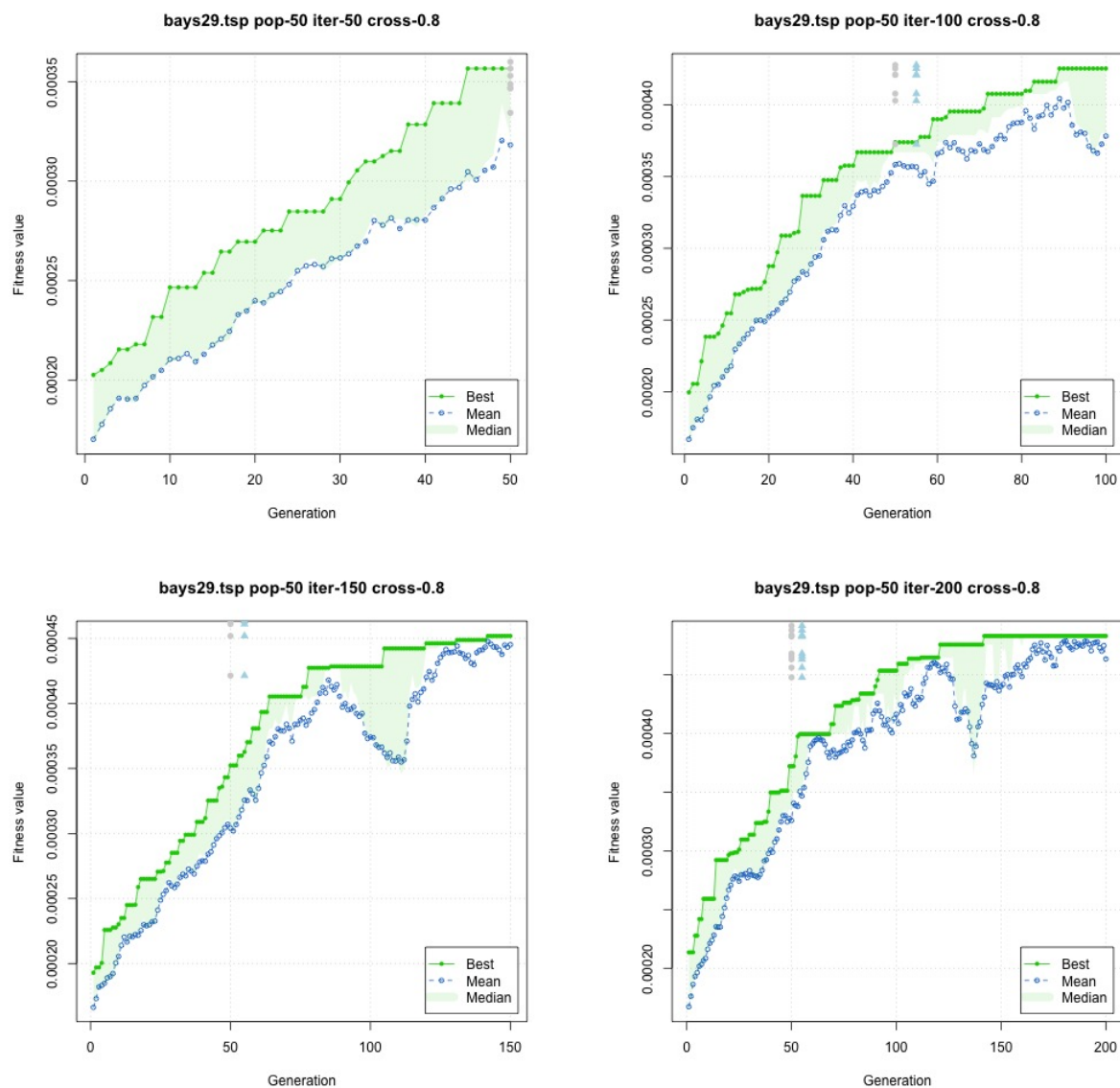
Zwiększanie parametru krzyżowania zmniejsza wartość średniej i mediany, oznacza to, że średnie wyniki w populacji są coraz gorsze. Algorytm znalazł najlepsze rozwiązanie dla wartości parametru 0.5.



Rysunek 10: Porównanie wyników podczas zmiany parametru krzyżowania

#### 4.2.2 Zmiana parametru liczby pokoleń

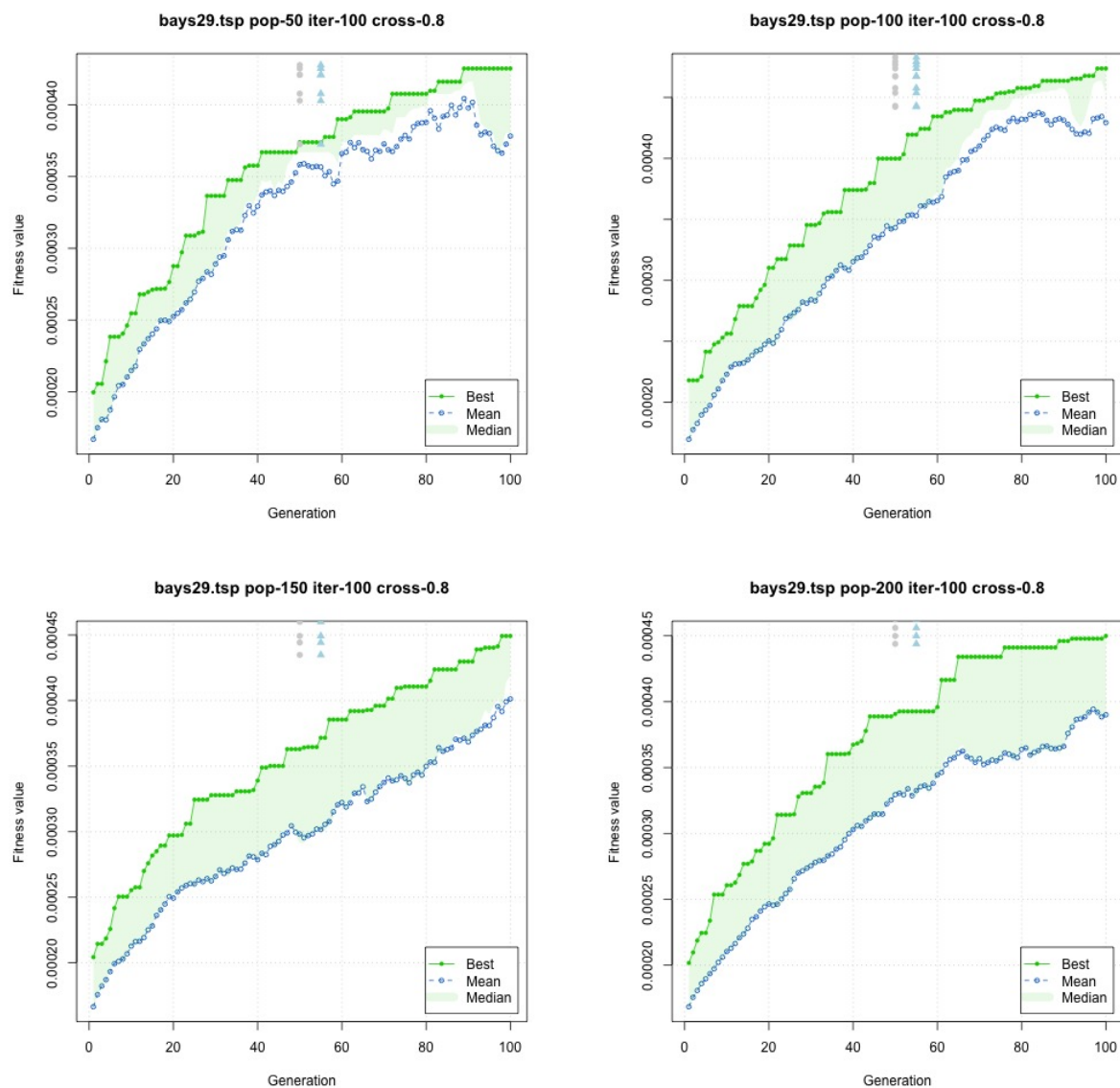
Zwiększanie parametru liczby pokoleń zwiększa wartość znajdowanego rozwiązania. Poziom wartości średniej i mediany są bliskie najlepszemu rozwiązaniu.



Rysunek 11: Porównanie wyników podczas zmiany parametru liczby pokoleń

### 4.2.3 Zmiana parametru rozmiaru populacji

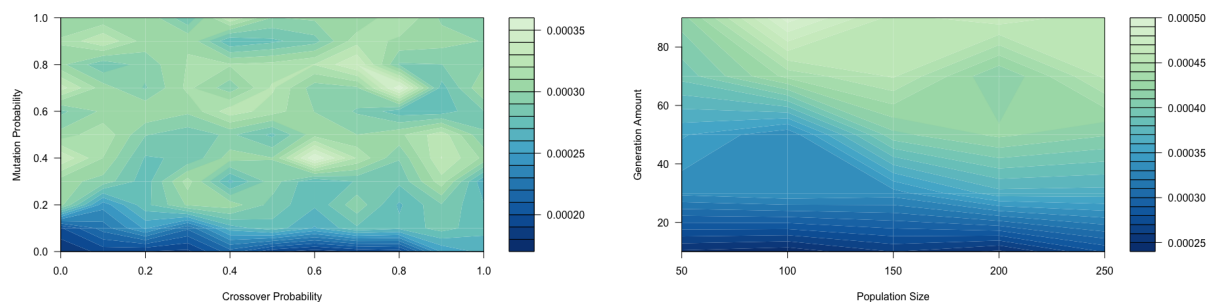
Wraz ze wzrostem ilości osobników w pokoleniu algorytm znajduje coraz lepsze rozwiązania. Wartość średniej i mediany maleje wraz ze wzrostem rozmiaru populacji.



Rysunek 12: Porównanie wyników podczas zmiany parametru rozmiaru populacji

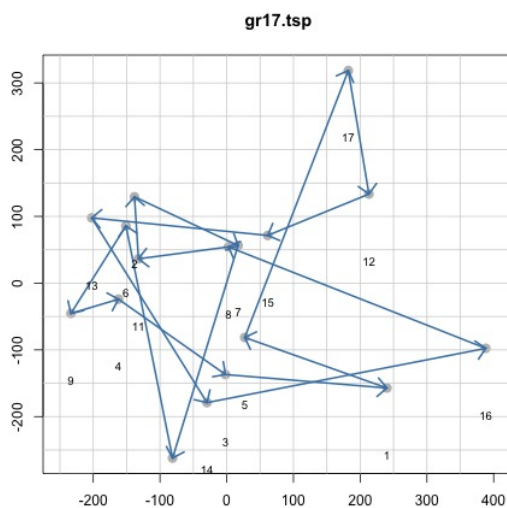
#### 4.2.4 Jednoczesna zmiana krzyżowania i mutacji oraz rozmiaru populacji i liczby pokoleń

Algorytm uzyskał najlepszy wynik gdy populacja wynosiła 100, a liczba pokoleń 80. Analiza wykresu temperaturowego jednoczesnej zmiany mutowania i krzyżowania nie pozwala wysunąć jednoznacznych wniosków. Można wydzielić dwa obszary parametrów dla których algorytm znalazł lepsze rozwiązanie: krzyżowanie 0.6 i mutacja 0.4 oraz krzyżowanie 0.8 i mutacja 0.75



Rysunek 13: Porównanie wyników podczas jednoczesnej zmiany parametrów

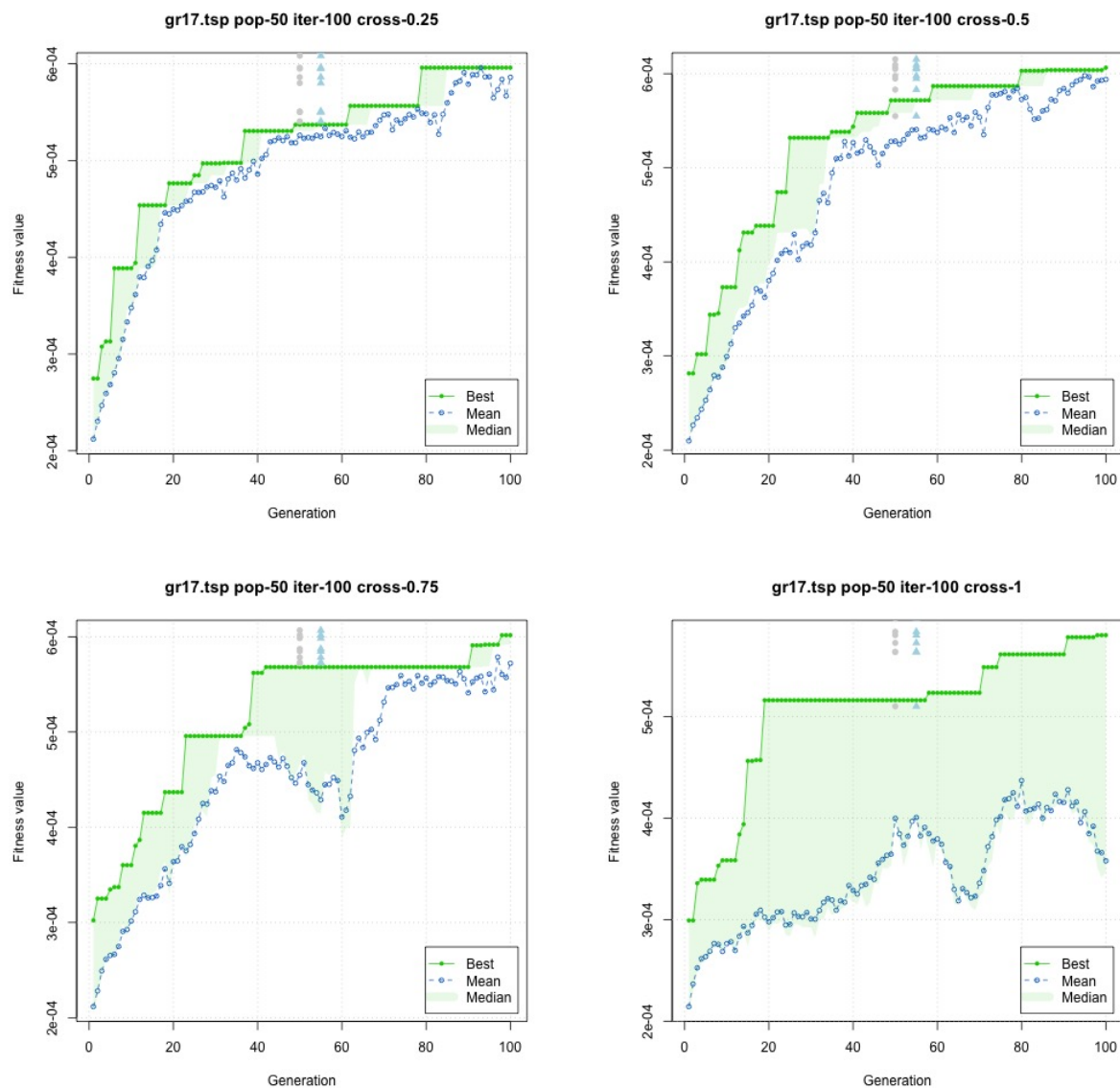
#### 4.3 Instancja 2 - *gr17*



Rysunek 14: Rozwiązanie dla domyślnych parametrów

### 4.3.1 Zmiana parametru krzyżowania

Średnie wartości są zbliżone do najlepszego rozwiązania dla najmniejszych wartości parametru krzyżowania. Wzrost tego parametru skutkuje zmniejszeniem średniej wyników w każdej populacji.

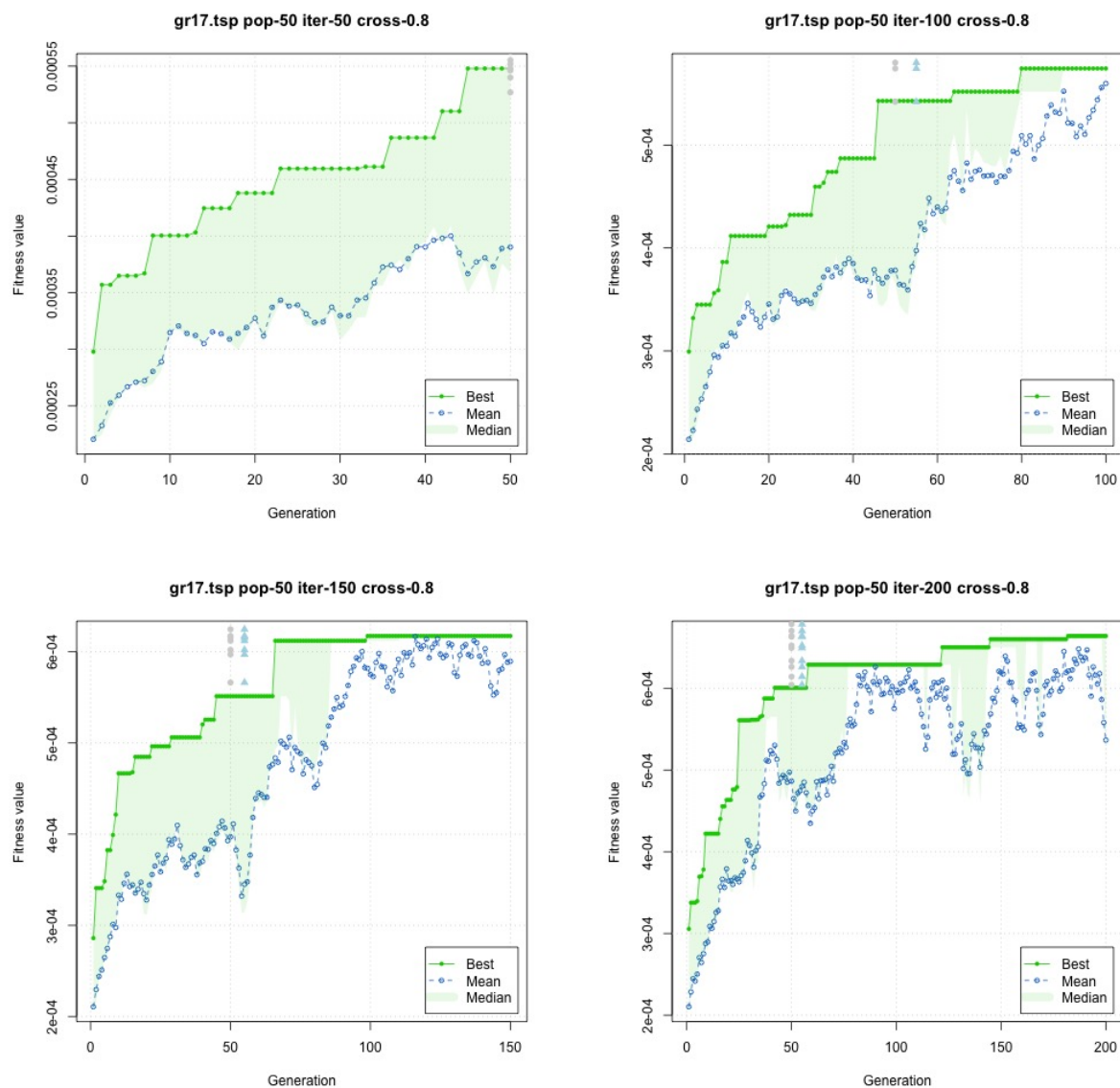


Rysunek 15: Porównanie wyników podczas zmiany parametru krzyżowania



### 4.3.2 Zmiana parametru liczby pokoleń

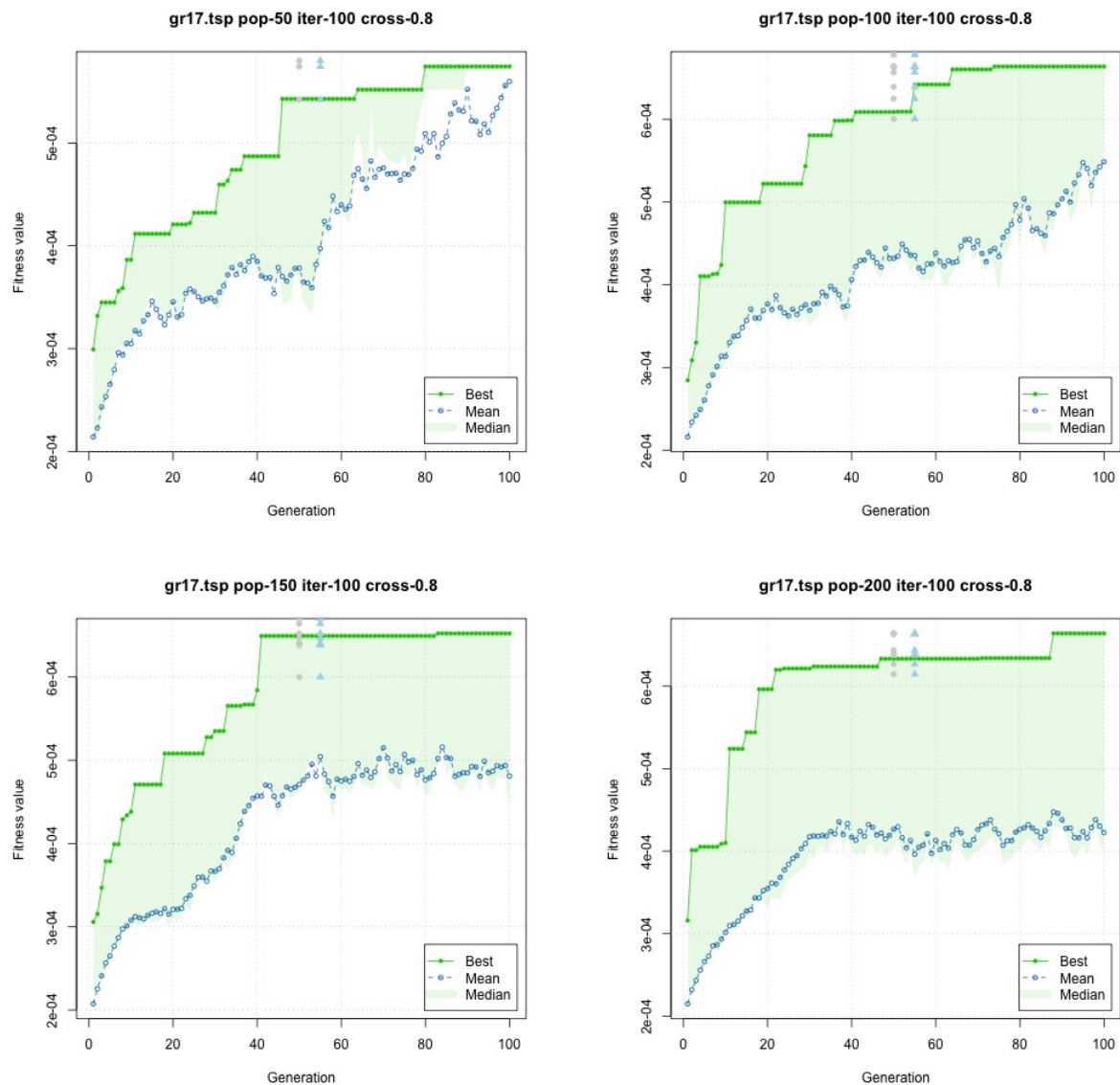
Wzrost parametru liczby pokoleń jest jednoznaczny ze wzrostem wartości najlepszego rozwiązania. Zmniejsza się również wartość średnia i mediana.



Rysunek 16: Porównanie wyników podczas zmiany parametru liczby pokoleń

### 4.3.3 Zmiana parametru rozmiaru populacji

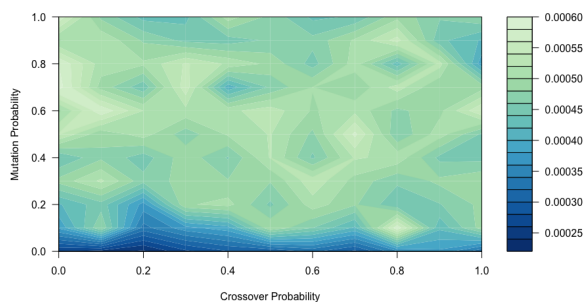
Wartość znajdowanego rozwiązania jest na stałym poziomie niezależnie od ilości osobników. Zmniejsza się jednak średnia wartość dla każdego pokolenia.



Rysunek 17: Porównanie wyników podczas zmiany parametru rozmiaru populacji

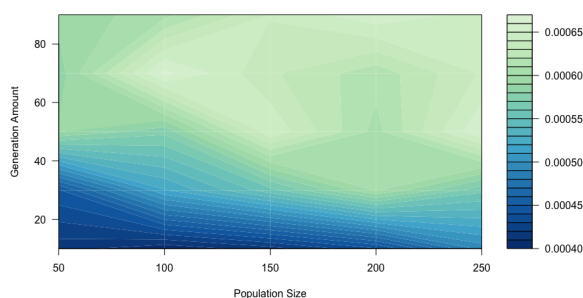
#### 4.3.4 Jednoczesna zmiana krzyżowania i mutacji oraz rozmiaru populacji i liczby pokoleń

Dla tej instancji nie znaleziono korelacji między jednoczesną zmianą wartości krzyżowania i mutacji a polepszeniem uzyskiwanego wyniku. Najlepszy wynik uzyskano dla wartości krzyżowania 0.8 i mutacji 0.1.



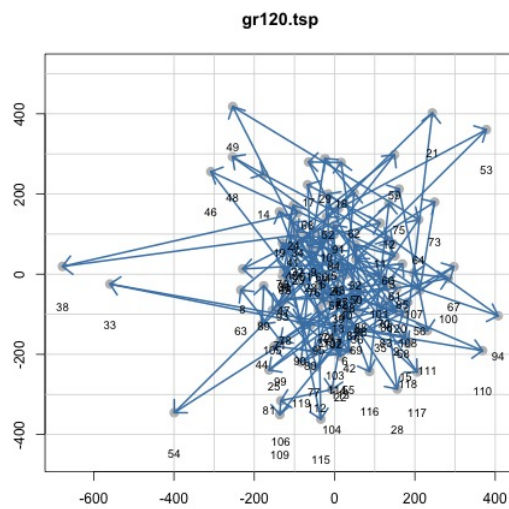
Rysunek 18: Porównanie wyników podczas jednoczesnej zmiany parametrów

Dla jednoczesnej zmiany rozmiaru populacji i liczby iteracji najlepszy wynik uzyskano dla 100 osobników i 75 pokoleń.



Rysunek 19: Porównanie wyników podczas jednoczesnej zmiany parametrów

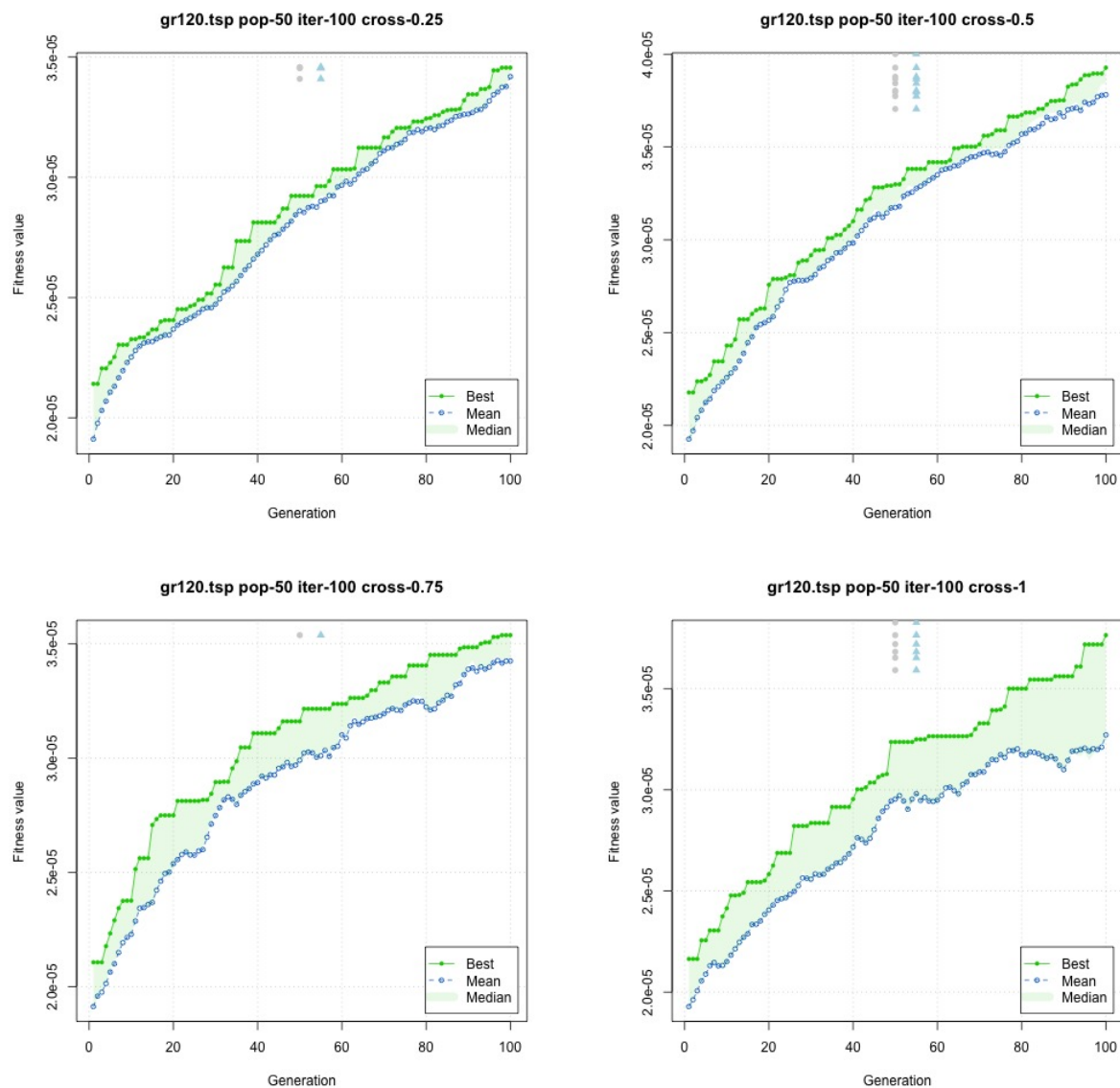
#### 4.4 Instancja 3 - *gr120*



Rysunek 20: Rozwiązanie dla domyślnych parametrów

#### 4.4.1 Zmiana parametru krzyżowania

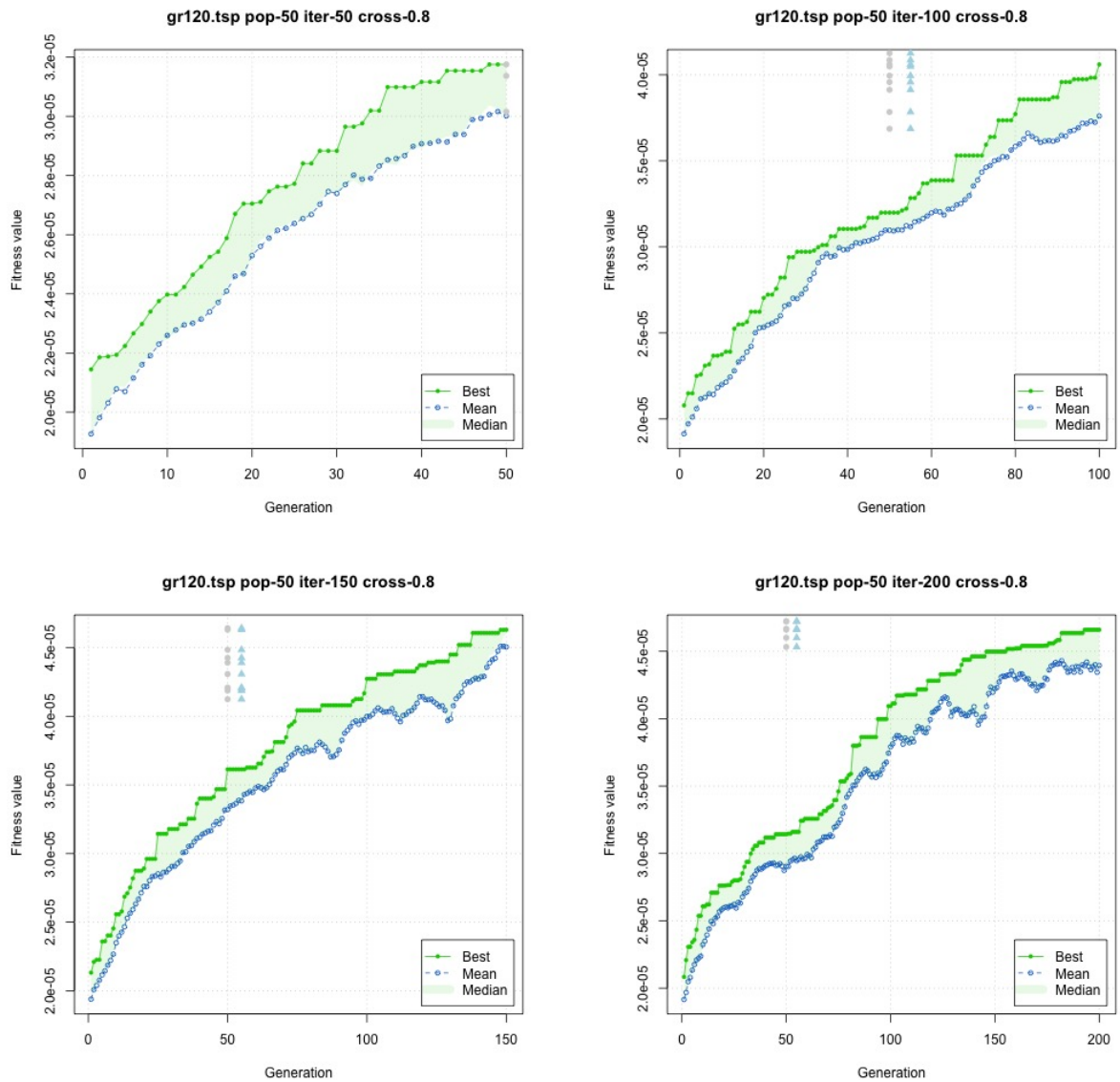
Średnie wartości są zbliżone do najlepszego rozwiązania dla najmniejszych wartości parametru krzyżowania. Wzrost tego parametru skutkuje zmniejszeniem średniej wyników w każdej populacji.



Rysunek 21: Porównanie wyników podczas zmiany parametru krzyżowania

#### 4.4.2 Zmiana parametru liczby pokoleń

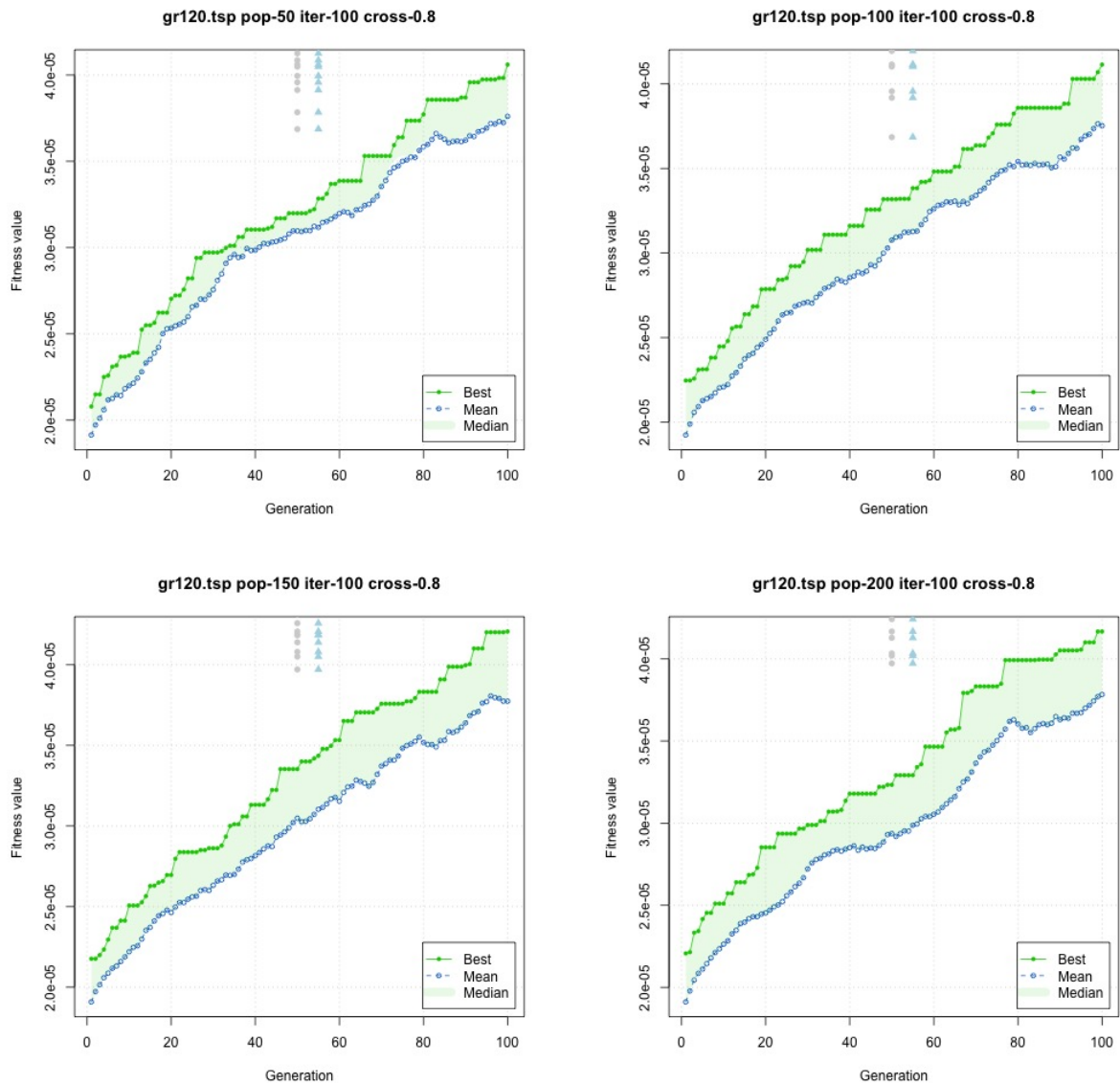
Wzrost parametru liczby pokoleń jest jednoznaczny ze wzrostem wartości najlepszego rozwiązania. Zmniejsza się również wartość średnia i mediana.



Rysunek 22: Porównanie wyników podczas zmiany parametru liczby pokoleń

#### 4.4.3 Zmiana parametru rozmiaru populacji

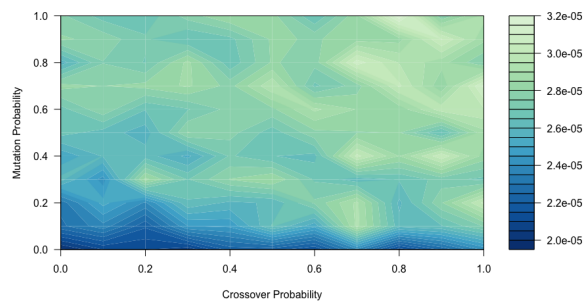
Wartość znajdowanego rozwiązania jest na stałym poziomie niezależnie od ilości osobników. Zmniejsza się jednak średnia wartość dla każdego pokolenia.



Rysunek 23: Porównanie wyników podczas zmiany parametru rozmiaru populacji

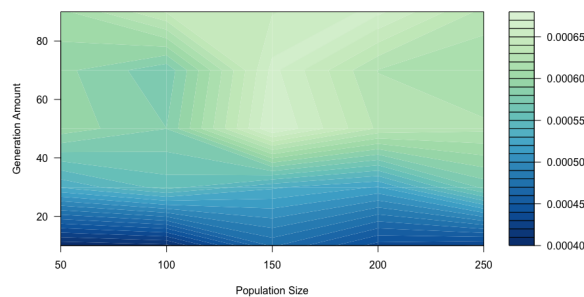
#### 4.4.4 Jednoczesna zmiana krzyżowania i mutacji oraz rozmiaru populacji i liczby pokoleń

Dla tej instancji nie znaleziono korelacji między jednoczesną zmianą wartości krzyżowania i mutacji a polepszeniem uzyskiwanego wyniku.



Rysunek 24: Porównanie wyników podczas jednoczesnej zmiany parametrów

Dla jednoczesnej zmiany rozmiaru populacji i liczby iteracji najlepszy wynik uzyskano dla 150 osobników i 50 pokoleń.



Rysunek 25: Porównanie wyników podczas jednoczesnej zmiany parametrów

## 4.5 Wnioski

### 4.5.1 Zmiana parametru populacji

Zwiększenie rozmiaru populacji daje większą szansę znalezienia optymalnego rozwiązania po przez zagęszczenie przeszukiwań na danej powierzchni.

### 4.5.2 Zmiana parametru krzyżowania

Zwiększenie parametru krzyżowania powoduje zwiększenie ilości osobników z gorszymi wynikami. Jest to powód dla którego zwiększyła się wartość wariancji dla wartości średniej.

### 4.5.3 Zmiana wartości liczby pokoleń

Zwiększenie parametru liczby pokoleń wpływają na jakość znajdowanych rozwiązań ponieważ algorytm ma więcej możliwości na znalezienie bardziej optymalnego rozwiązania.



#### **4.5.4 Jednoczesna zmiana wartości krzyżowania i mutacji**

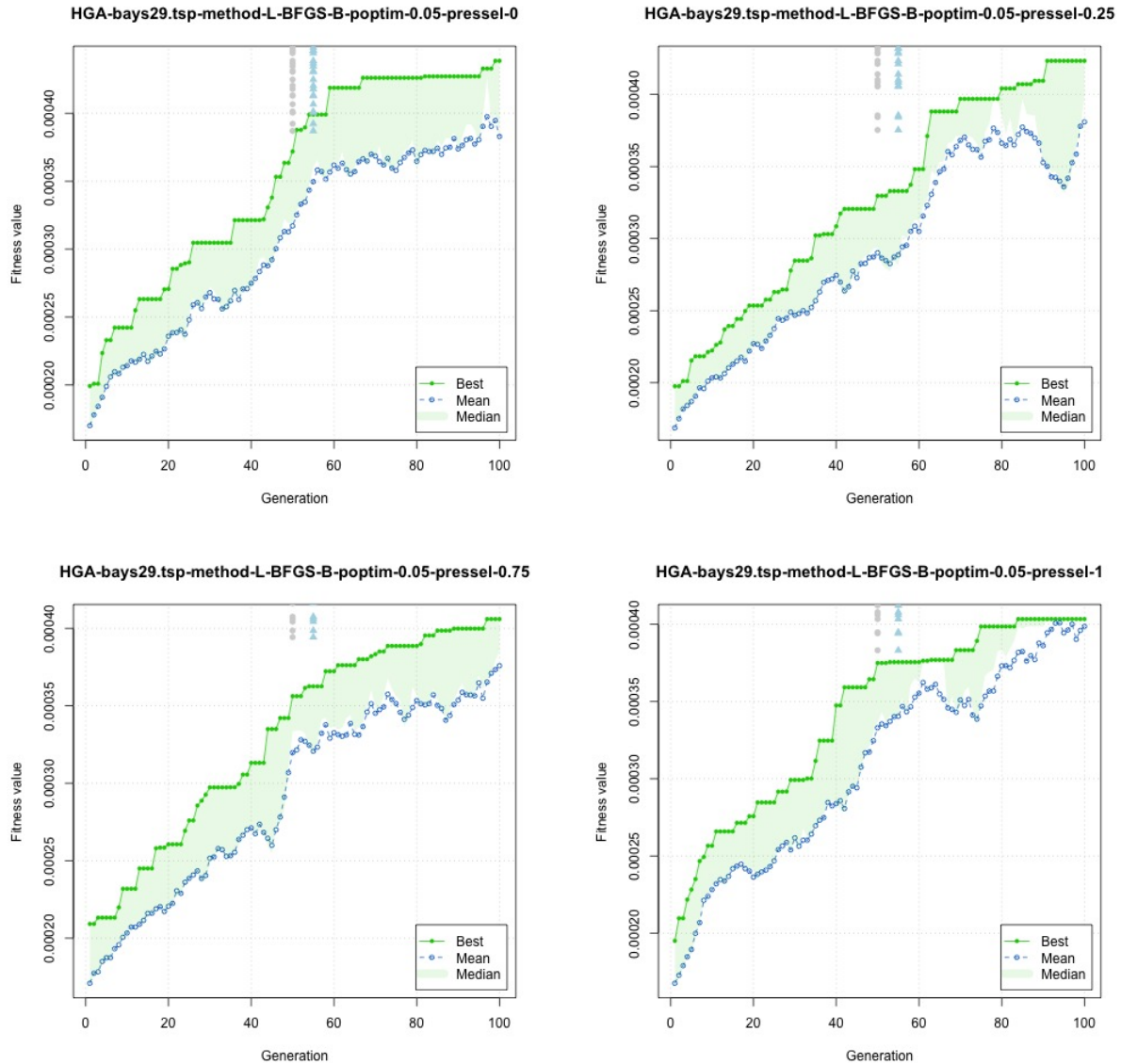
Temperaturowy wykres funkcji krzyżowania i mutacji ma charakter multimodalny. Zerowa wartość parametru mutacji powoduje generowanie wyników nieoptymalnych, nie zależnie od parametru prawdopodobieństwa krzyżowania. Z pomocą wygenerowanych wykresów można znaleźć miejsca w których parametry krzyżowania i mutacji są optymalne dla danej instancji.

#### **4.5.5 Jednoczesna zmiana rozmiaru populacji i liczby pokoleń**

Wyniki pokazują że w każdym przypadku liczba iteracji miała większy wpływ na poprawę wyników niż liczba osobników populacji.

## 5 Hybrydowy algorytm genetyczny

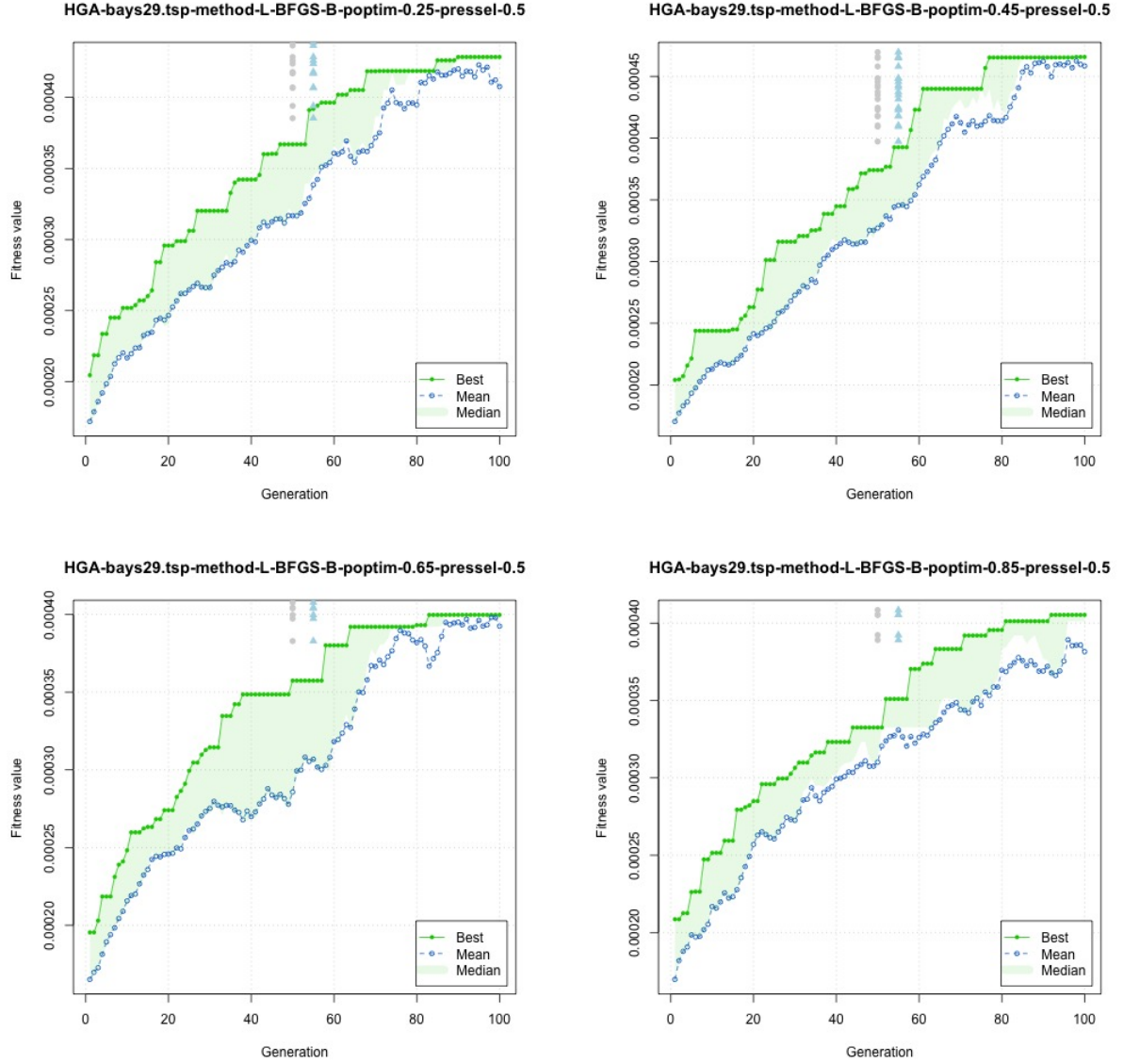
### 5.1 Zmiana parametru *pressel*



Rysunek 26: Porównanie wyników podczas zmiany parametru nacisku

Mniejsze wartości parametru *pressel* mają tendencję do przypisywania równych prawdopodobieństw wszystkim rozwiązaniom, a większe wartości mają tendencję do przypisywania większych wartości tym rozwiązaniom o lepszej wartości dopasowania. Gdy parametr *pressel* ma wartość 0, to wszystkim minimom lokalnym przyporządkowano to samo prawdopodobieństwo. Większe prawdopodobieństwa są przypisywane do większych wartości *fitness*, gdy wzrasta wartość parametru *pressel*.

## 5.2 Zmiana parametru *poptim*



Rysunek 27: Porównanie wyników podczas zmiany parametru prawdopodobieństwa

W implementacji dostępnej w pakiecie GA, wyszukiwanie lokalne jest stosowane stochastycznie podczas iteracji GA z prawdopodobieństwem *poptim* od 0 do 1. Tendencje wykresów zmiany wykresów parametru *pressel* są analogiczne do zmian parametru *poptim*. Większe wartości parametru *poptim* algorytm szybciej znajduje rozwiązania optymalne.

## 6 Literatura

1. Artur Suchwałko, "Wprowadzenie do R dla programistów innych języków", <https://cran.r-project.org/doc/contrib/R-dla-programistow-innych-jezykow.pdf>, 2014-02-23
2. Luca Scrucca, "On some extensions to GA package: hybrid optimisation, parallelisation and islands evolution", <https://arxiv.org/pdf/1605.01931.pdf>, 2016-05-09
3. dr inż. Julian Sienkiewicz, "Pakiet R w analizie układów złożonych", <http://www.if.pw.edu.pl/~julas/CSAR/csar11.html>, 2017
4. W. N. Venables, D. M. Smith, R Core Team, "An Introduction to R", <https://cran.r-project.org/doc/manuals/r-release/R-intro.pdf>, 2018-04-23
5. Luca Scrucca, "Package 'GA'", <ftp://cran.r-project.org/pub/R/web/packages/GA/GA.pdf>, 2016-09-29
6. Katharine Mullen, "Package 'globalOptTests'", <https://cran.r-project.org/web/packages/globalOptTests/globalOptTests.pdf>, 2015-02-15
7. Abdal-Rahman Hedar, "Global Optimization Test Problems", [http://www-optima.amp.i.kyoto-u.ac.jp/member/student/hedar/Hedar\\_files/TestG0.htm](http://www-optima.amp.i.kyoto-u.ac.jp/member/student/hedar/Hedar_files/TestG0.htm), dostęp online: 2018-05-04

## 7 Kod źródłowy

```
#https://cran.r-project.org/web/packages/GA/vignettes/GA.html
#install.packages("GA");# do instalacji biblioteki GA
#install.packages("globalOptTests")
library(GA)
library(globalOptTests)

#miejsce zapisu wykresow
path = '/Users/evelan/Desktop/ga.nosync/'

#uzyte funkcji
fnNames = c("Schubert")

# liczba przebiegow
testInstances = 20

#domyslne parametry
defaultPopSize = 50
defaultCrossover = 0.8
defaultMutation = 0.1
defaultElitePopulation = 0.05
defaultIterationSize = 100

populationSizes = seq(50, 250, by = 50)
iterSizes = seq(50, 250, by = 50)
crossoverSizes = seq(0, 1.0, by = 0.25)
mutationSizes = seq(0, 1.0, by = 0.25)
elitePopulationSizes = seq(0, 1.0, by = 0.25)

#rysowanie wykresu temperaturowego ze znalezionym rozwiazaniem
showFunctionContourWithResult <- function(x1, x2, f, GA) {
  filled.contour(x1,
                 x2,
                 f,
                 color.palette = bl2gr.colors,
                 plot.axes = {
                   axis(1)
                   axis(2)

                   points(
                     GA@solution[, 1],
                     GA@solution[, 2],
                     pch = 3,
                     cex = 2,
                     col = "white",
                     lwd = 2
                   )
                 })
}

#generacja kodu latex do wstawienia wykresow
getPlotName <- function(...) {
  sprintf(
    "\\clearpage\\begin{figure}[!htbp]"
  )
}
```

```

.....\\centering
.....\\mbox{
.....\\subfigure{
.....\\includegraphics[width=3in]{\\inc/results/%s}\\quad
.....}
.....\\subfigure{
.....\\includegraphics[width=3in]{\\inc/results/%s}\\quad
.....}
.....}
.....\\caption{%s \\p%s \\i%s \\c%s \\m%s \\e%s}
.....\\end{figure}" , ... )
}

```

*#minimalizacja GA oraz zapis wykresow*

```
calculateGA <-
```

```

  function(functionName ,
            popSize ,
            iterationSize ,
            elitsimPercentage ,
            pcrossover ,
            pmutation) {

```

*#wrapper funkcji*

```

testFunctionWrapper <- function(x1, x2)
{
  goTest(par = c(x1, x2) , fnName = functionName)
}

```

```

customMutation <- function(object , parent)
{
  mod <- parent %% 2
  if(mod == 0){
    return (parent * 2)
  } else {
    return (parent / 2) + 1
  }
}

```

```

customCrossover <- function(object , parents)
{
  parent_1 <- parents[[1]]
  parent_2 <- parents[[2]]
  wektor_1 <- c(parent_1, parent_2)
  fitness = testFunctionWrapper(parent_1, parent_2)

  tmp_parent_1 <- parents[[1]] + runif(1, -1, 1)
  tmp_parent_2 <- parents[[2]] + runif(1, 1, -1)
  tmp-wektor_1 <- c(parent_1, parent_2)
  tmp-fitness = testFunctionWrapper(parent_1, parent_2)

  if(tmp-fitness > fitness){
    return (list(children=matrix(tmp-wektor_1), fitness=tmp-fitness))
  }
  return (list(children=matrix(wektor_1), fitness=fitness))
}

```

*#rozpatrywana przestrzen*

```

x1 <- x2 <- seq(-5.12, 5.12, by = 0.1)
f <- outer(x1, x2, Vectorize(testFunctionWrapper))

#obliczenie liczby populacji elitarniej
elitsim = round(popSize * elitsimPercentage)

#6 wartosci (kolumn) x liczba iteracji (wiersze)
tmpGASummary <- matrix(0, iterationSize, 6)

#ilosc uruchomien testu
for (test in 1:testInstances) {
  #minimizacja GA:
  GA <- ga(
    type = "real-valued",
    fitness = function(x)
      - Vectorize(testFunctionWrapper(x[1], x[2])),
    # uwaga na minusa, bo szukamy glob. minimum
    min = c(-5.12, -5.12),
    #mutation = customMutation,
    crossover = customCrossover,
    #rozpatrywana przestrzen
    max = c(5.12, 5.12),
    maxiter = iterationSize,
    run = iterationSize,
    monitor = FALSE #wylaczenie logowania
  )
  #sumowanie rozwiazan
  tmpGASummary <- GA@summary + tmpGASummary
}
#wyznaczenie sredniej arytmetycznej rozwiazan
tmpGASummary <- tmpGASummary / testInstances

#nazwa pliku z użytymi parametrami
name <- sprintf(
  "%s-p%03d-i%03d-c%.2f-m%.2f-e%.2f",
  functionName,
  popSize,
  iterationSize,
  pcrossover,
  pmutation,
  elitsimPercentage
)

#nazwa wykresu
filenamePlot = sprintf("generations-%s.jpg", name)
max <- tmpGASummary[, 1]
mean <- tmpGASummary[, 2]
median <- tmpGASummary[, 4]
min <- tmpGASummary[, 6]

#zapis wykresu
jpeg(file = sprintf("%s%s", path, filenamePlot))

#zakres y dla rysowanego wykresu
minPlot <- min(mean) * 0.98
maxPlot <- max(max) * 1.02

```

```

#rysowanie wykresu z zaznaczonymi wartościami:
# srednia arytmetyczna rozwiazan ,
# mediana rozwiazan ,
# najlepszym rozwiazaniem
#dla kazdej generacji
plot(
  mean,
  type = "o",
  col = "blue",
  pch = 20,
  ly = 2,
  ann = FALSE,
  ylim = c(minPlot, maxPlot)
)
lines(
  max,
  type = "o",
  col = "green",
  pch = 22,
  lty = 4
)
lines(
  median,
  type = "o",
  col = "red",
  pch = 21,
  lty = 3
)
title(xlab = "Generations")
title(ylab = "Fitness_value")
grid()
legend(
  "bottomright",
  c("mean", "best", "median"),
  cex = 0.8,
  col = c("blue", "green", "red"),
  pch = c(20, 22, 21),
  lty = c(2, 4, 3)
)
dev.off()

#zapis wykresu temperaturowego oraz zaznaczenie znalezionej wartosci
fileNameContour = sprintf("result-%s.jpg", name)
jpeg(file = sprintf("%s%s", path, fileNameContour))
showFunctionContourWithResult(x1, x2, f, GA)
dev.off()

plotTitle <- "Test_optymalizacji_GA"
line = getPlotName(
  filenamePlot,
  fileNameContour,
  plotTitle,
  functionName,
  popSize,
  iterationSize,

```



```

    pcrossover ,
    pmutation ,
    elitsimPercentage
  )

  #zapis kodu latex do wygenerowanych wykresow
  write(line ,
        file = sprintf("%s_latex.txt", path),
        append = TRUE)
}

#uruchomienie testow dla roznych parametrow dla danej funkcji z argumentu
invokeTestsWithFunction <- function(functionName) {
  #zmiana wartosci populacji elitarniej

  calculateGA(
    functionName ,
    defaultPopSize ,
    defaultIterationSize ,
    defaultElitePopulation ,
    defaultCrossover ,
    defaultMutation
  )
}

#START
for (fnName in fnNames) {
  print(sprintf("testing_with_function_%s", fnName))
  invokeTestsWithFunction(fnName)
  print(sprintf("tests_end_for_function_%s", fnName))
}

#https://cran.r-project.org/web/packages/GA/vignettes/GA.html
#install.packages("GA");# do instalacji biblioteki GA
#install.packages("globalOptTests")
#install.packages("TSP")
library(GA)
library(globalOptTests)
library(TSP)
library(igraph)

#domyslne wartosci GA
defaultPopSize = 50
defaultIterationSize = 100
defaultCrossover = 0.8
defaultMutation = 0.1

#domyslne wartosci HGA
defaultMethod <- "L-BFGS-B";
defaultPoptim <- 0.05
defaultPressel <- 0.5

#badane parametry HGA
poptims = seq(0.05, 1, 0.2)
pressels = seq(0, 1, 0.25)

```

```

#badane parametry GA
populationSizes = seq(50, 250, by = 50)
iterSizes = seq(50, 250, by = 50)
crossoverSizes = seq(0, 1.0, by = 0.25)
mutationSizes = seq(0, 1.0, by = 0.25)

#ilosc przebiegow
testInstances = 1

#sciezka zapisu
path = "~/Desktop/ga.nosync/"

# obliczenie calkowitej dlugosci
tourLength <- function(tour, distMatrix) {
  tour <- c(tour, tour[1])
  route <- embed(tour, 2)[, 2:1]
  sum(distMatrix[route])
}

# odwrotnosc calkowitej odlegloeci
tpsFitness <- function(tour, ...) 1 / tourLength(tour, ...)

#funkcja obliczajaca GA i zapisujaca wykresy
calculateGA <- function(fileName, popSize, iterationSize, crossover, mutation) {
  #wczytanie pliku *.tsp
  drill <- read_TSPLIB(sprintf("~/Documents/%s", fileName))

  #konwersja pliku do postaci macierzowej
  D <- as.matrix(drill)

  #przygotowanie macierzy wyjsciowej (do obliczania wartosci srednich)
  fitnessMat <- matrix(0, testInstances, 2)

  # 2-d coordinates
  mds <- cmdscale(D)
  x <- mds[, 1]
  y <- -mds[, 2]
  n <- length(x)

  #petla odpowiedzialna za ilosc przebiegow funkcji GA
  for (instanceIndex in seq(1, testInstances)) {
    GA.rep <-
      ga(
        type = "permutation",
        fitness = tpsFitness,
        distMatrix = D,
        min = 1,
        max = nrow(D),
        popSize = popSize,
        keepBest = TRUE,
        pmutation = mutation,
        pcrossover = crossover,
        maxiter = iterationSize,
        run = iterationSize,
        monitor = FALSE
      )
  }
}

```

```

    )

    #dodawanie rozwiazan do macierzy wynikowej
    fitnessMat[instanceIndex, 1] <- GA.rep@summary[GA.rep@iter]
    fitnessMat[instanceIndex, 2] <- GA.rep@summary[GA.rep@iter]
  }

  #generowanie nazwy pliku/wykresu
  name = sprintf("%s-pop-%s-iter-%s-cross-%s", fileName, popSize, iterationSize, crossover, 1)

  #zapis wykresu
  jpeg(file = sprintf("%s%s.jpg", path, name))
  plotName = sprintf("%s%s.jpg", path, fileName)

  #generowane wykresu
  plot(GA.rep, main = name)
  points(rep(50, testInstances), fitnessMat[, 1], pch = 16, col = "lightgrey")
  points(rep(55, testInstances), fitnessMat[, 2], pch = 17, col = "lightblue")
  dev.off()
}

#funkcja obliczajaca HGA i zapisujaca wykresy
calculateHGA <- function(fileName, method, poptim, pressel) {
  drill <- read_TSPLIB(sprintf("~/Documents/%s", fileName))
  D <- as.matrix(drill)
  fitnessMat <- matrix(0, testInstances, 2)

  for (instanceIndex in seq(1, testInstances)) {

    optimArgs = list(method = defaultMethod,
                     poptim = poptim,
                     pressel = pressel,
                     control = list(fnscale = -1, maxit = 100))

    # run a HGA algorithm
    GA.rep <-
      ga(
        type = "permutation",
        fitness = tpsFitness,
        distMatrix = D,
        min = 1,
        max = nrow(D),
        monitor = FALSE,
        optimArgs = optimArgs
      )

    fitnessMat[instanceIndex, 1] <- GA.rep@summary[GA.rep@iter]
    fitnessMat[instanceIndex, 2] <- GA.rep@summary[GA.rep@iter]
  }

  #generowanie nazwy pliku/wykresu
  name = sprintf("hga-%s-method-%s-poptim-%s-pressel-%s", fileName, method, poptim, pressel)

```

```

#zapis wykresu
jpeg(file = sprintf("%s%s.jpg", path, name))

#generowane wykresu
plot(GA.rep, main = name)
points(rep(50, testInstances), fitnessMat[, 1], pch = 16, col = "lightgrey")
points(rep(55, testInstances), fitnessMat[, 2], pch = 17, col = "lightblue")
dev.off()
}

#funkcja uruchamiajace GA dla roznych parametrow
invoke <- function(fileName) {

  #zmiana wartosci krzyzowania
  for (pcrossover in crossoverSizes) {
    calculateGA(
      fileName,
      defaultPopSize,
      defaultIterationSize,
      pcrossover,
      defaultMutation
    )
  }

  #zmiana wartosci liczby iteracji
  for (iterationSize in iterSizes) {
    calculateGA(
      fileName,
      defaultPopSize,
      iterationSize,
      defaultCrossover,
      defaultMutation
    )
  }

  #zmiana liczby popopulacji
  for (popSize in populationSizes) {
    calculateGA(
      fileName,
      popSize,
      defaultIterationSize,
      defaultCrossover,
      defaultMutation
    )
  }
}

#funkcja uruchamiajace HGA dla roznych parametrow
invokeHGA <- function(fileName) {

  #zmiana wartosci prawdopodobienstwa przeszukiwania lokalnego
  for (poptim in poptims) {
    calculateHGA(
      fileName,
      defaultMethod,
      poptim,

```

```

        defaultPressel
    )
}

#zmiana wartosci selective pressure
for (pressel in pressels) {
    calculateHGA(
        fileName,
        defaultMethod,
        defaultPoptim,
        pressel
    )
}
}

invokeHGA('bays29.tsp')
invoke('bays29.tsp')
invoke('gr17.tsp')
invoke('gr120.tsp')

#https://cran.r-project.org/web/packages/GA/vignettes/GA.html
#install.packages("GA");# do instalacji biblioteki GA
#install.packages("globalOptTests")
#install.packages("TSP")
library(GA)
library(globalOptTests)
library(TSP)

drill <- read_TSPLIB("~/Documents/gr120.tsp")
D <- as.matrix(drill)

# given a tour, calculate the total distance
tourLength <- function(tour, distMatrix) {
    tour <- c(tour, tour[1])
    route <- embed(tour, 2)[, 2:1]
    sum(distMatrix[route])
}

# inverse of the total distance is the fitness
tpsFitness <- function(tour, ...) 1/tourLength(tour, ...)

#####
## crossover/mutation
crossoverSizes = seq(0, 1.0, by = 0.1)
mutationSizes = seq(0, 1.0, by = 0.1)
crossoverSizesLength <- length(crossoverSizes)
mutationSizesLength <- length(mutationSizes)

tempMat <- matrix(0, crossoverSizesLength, mutationSizesLength)

for(crossover in seq(1,crossoverSizesLength )){
    for(mutation in seq(1,mutationSizesLength )){
        B <- 10
        fitnessMat <- matrix(0, B, 2)
        for (b in seq(1, B)) {
            # run a GA algorithm

```

```

GA.rep <- ga(type = "permutation", fitness = tpsFitness, distMatrix = D,
            min = 1, max = nrow(D), popSize = 10, maxiter = 50, run = 100,
            keepBest=TRUE,
            pmutation = mutationSizes[mutation],
            pcrossover = crossoverSizes[crossover],
            monitor = NULL)

fitnessMat[b, 1] <- GA.rep@summary[GA.rep@iter]
fitnessMat[b, 2] <- GA.rep@summary[GA.rep@iter]
}

tempMat[crossover, mutation] <- GA.rep@fitnessValue
}

filled.contour(crossoverSizes,
              mutationSizes,
              tempMat,
              color.palette = bl2gr.colors,
              xlab="Crossover_Probability",
              ylab="Mutation_Probability",
              plot.axes = {
                axis(1)
                axis(2)
              })

plot(GA.rep, main = "Best_and_Avg_at_50th_iteration_over_100_simulations")
points(rep(50, B), fitnessMat[, 1], pch = 16, col = "lightgrey")
points(rep(55, B), fitnessMat[, 2], pch = 17, col = "lightblue")

#https://cran.r-project.org/web/packages/GA/vignettes/GA.html
#install.packages("GA");# do instalacji biblioteki GA
#install.packages("globalOptTests")
#install.packages("TSP")
library(GA)
library(globalOptTests)
library(TSP)

drill <- read_TSPLIB("~/Documents/gr17.tsp")
D <- as.matrix(drill)

# given a tour, calculate the total distance
tourLength <- function(tour, distMatrix) {
  tour <- c(tour, tour[1])
  route <- embed(tour, 2)[, 2:1]
  sum(distMatrix[route])
}

# inverse of the total distance is the fitness
tpsFitness <- function(tour, ...) 1/tourLength(tour, ...)

#####
## pop size / iteration

populationSizes = seq(50, 250, by = 50)

```

```

iterationSizes = seq(10, 100, by = 20)

populationSizesLength <- length(populationSizes)
iterationSizesLength <- length(iterationSizes)

tempMat <- matrix(0, populationSizesLength, iterationSizesLength)

for(population in seq(1,populationSizesLength )){
  for(iteration in seq(1,iterationSizesLength )){
    B <- 10
    fitnessMat <- matrix(0, B, 2)
    for (b in seq(1, B)) {
      # run a GA algorithm
      GA.rep <- ga(type = "permutation", fitness = tpsFitness, distMatrix = D,
                  min = 1, max = nrow(D), run = 100,
                  keepBest=TRUE,
                  popSize = populationSizes[population],
                  maxiter = iterationSizes[iteration],
                  monitor = NULL)

      fitnessMat[b, 1] <- GA.rep@summary[GA.rep@iter]
      fitnessMat[b, 2] <- GA.rep@summary[GA.rep@iter]
    }

    tempMat[population, iteration] <- GA.rep@fitnessValue
  }
}

filled.contour(populationSizes,
               iterationSizes,
               tempMat,
               color.palette = bl2gr.colors,
               xlab="Population Size",
               ylab="Generation Amount",
               plot.axes = {
                 axis(1)
                 axis(2)
               })

plot(GA.rep, main = "Best and Avg at 50th iteration over 100 simulations")
points(rep(50, B), fitnessMat[, 1], pch = 16, col = "lightgrey")
points(rep(55, B), fitnessMat[, 2], pch = 17, col = "lightblue")

```