Regresión lineal simple vs Polinomial

Rubén Pizarro Gurrola

2025-01-17

Objetivo

Construir y evaluar modelos de prediccion de regresión lieneal simple y polinomial entre la variable independiente estatura y el peso como variable dependiente de una persona.

Descripción

Regresión Lineal Simple: Relación lineal directa entre estatura y peso.

Regresión Polinómica: Modela relaciones no lineales.

La idea es construir modelos con un conjunto de entrenamiento, realizar predicciones sobre un conjunto de validación y evaluar el rendimiento utilizando el Root Mean Square Error (RMSE)

$$RMSE = \sqrt{\frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} (y_i - \hat{y}_i)^2}$$

- n: Número total de observaciones.
- y_i : Valor observado (real).
- \hat{y}_i : Valor predicho o predicciones del modelo.
- RMSE: Raíz cuadrada del promedio de los errores al cuadrado.

Cargar librerías

```
library(readr)
library(ggplot2)
library(dplyr)

# library(mosaic)
library(ggplot2) # Para gráficos
# library(cowplot) #Imágenes en el mismo renglón
# library("visualize")
```

Cargar funciones

Se cargan funciones preparadas pero antes se deben instalar estos paquetes en caso de que no se hayan instalado en el entorno R Studio:

- "dplyr": para procesar datos extraer, filtrar, ...
- "ggplot2": para gráficos

```
# install.packages("mosaic")
source("https://raw.githubusercontent.com/rpizarrog/Ciencia-de-los-Datos-Descriptivo-Predictivo/refs/he
Cargar datos
Datos de entrenamiento (train)
datos_entrenamiento <- read.csv("https://raw.githubusercontent.com/rpizarrog/Ciencia-de-los-Datos-Descr
Datos de validación (test)
datos_validacion <- read.csv("https://raw.githubusercontent.com/rpizarrog/Ciencia-de-los-Datos-Descript
Análisis descriptivo
print ("Datos de entrenamiento")
## [1] "Datos de entrenamiento"
summary(datos_entrenamiento)
##
      estatura
                        peso
         :150.3 Min. : 49.83
## Min.
## 1st Qu.:161.4 1st Qu.: 79.96
## Median: 174.8 Median: 87.88
## Mean :174.1 Mean
                         : 87.70
## 3rd Qu.:187.8
                   3rd Qu.: 96.09
## Max.
          :199.3
                   Max.
                          :118.43
str(datos_entrenamiento)
## 'data.frame':
                   160 obs. of 2 variables:
## $ estatura: num 156 195 184 173 166 ...
             : num 80.1 95.3 87.6 86.5 73.1 ...
print ("Datos de validación")
## [1] "Datos de validación"
summary(datos_validacion)
##
      estatura
                        peso
## Min.
          :150.3 Min. : 62.52
## 1st Qu.:161.8 1st Qu.: 80.03
## Median: 173.1 Median: 85.94
## Mean
         :174.6 Mean
                         : 88.09
## 3rd Qu.:187.0
                   3rd Qu.: 98.75
## Max.
                          :110.36
          :199.3
                   {\tt Max.}
str(datos_validacion)
## 'data.frame':
                   40 obs. of 2 variables:
## $ estatura: num 175 159 180 162 150 ...
## $ peso
             : num 80.8 98.6 79.5 78.8 76.3 ...
```

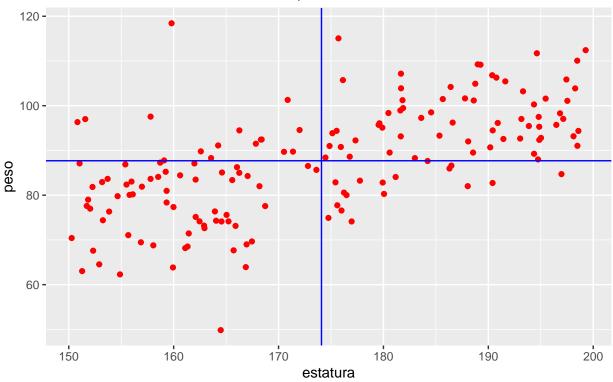
Dispersión de los datos

Se muestra la dispersión de los datos de entrenamiento con ggplot

f_diag.dispersion(datos_entrenamiento)

Dispersión de estatura y peso

Media estatura = 174.0922, Media peso = 87.696



Construir modelos

- estatura es la variable independiente
- peso es la variable dependiente

Modelo regresión lineal simple

$$Y = a + b \cdot x$$

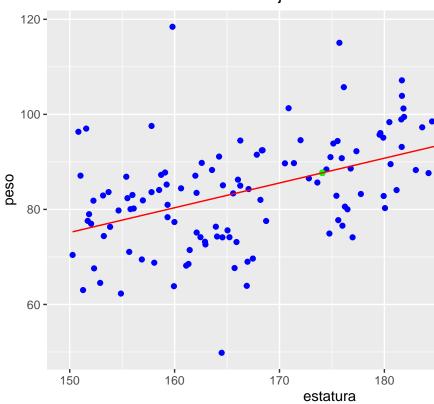
$$Y = \beta_0 + \beta_1 \cdot x$$

modelo_rls <- lm(data = datos_entrenamiento, formula = peso~estatura)
summary(modelo_rls)</pre>

```
##
## Call:
## lm(formula = peso ~ estatura, data = datos_entrenamiento)
##
## Residuals:
##
       Min
                1Q
                    Median
                                        Max
## -32.861 -7.320
                     0.649
                             5.956
                                    38.177
##
## Coefficients:
               Estimate Std. Error t value
                                                       Pr(>|t|)
##
```

```
0.739
## (Intercept) -2.99573
                          8.96807 -0.334
                          0.05133 10.149 < 0.0000000000000000 ***
## estatura
               0.52094
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
## Residual standard error: 9.545 on 158 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.3946, Adjusted R-squared: 0.3908
## F-statistic: 103 on 1 and 158 DF, p-value: < 0.00000000000000022
a <- modelo_rls$coefficients[1]</pre>
b <- modelo_rls$coefficients[2]</pre>
paste ("Valor de coeficiente a: ", a)
## [1] "Valor de coeficiente a: -2.99573486847959"
paste ("Valor de coeficiente b: ", b)
## [1] "Valor de coeficiente b: 0.520940716085568"
f_linea_tendencia_reg_lineal(datos_entrenamiento, modelo_rls)
```

Linea de tendencia sobre Conjunto de Datos



Linea de tendencia regresión lineal simple

```
predicciones <- predict(object = modelo_rls, datos_validacion)
predicciones</pre>
```

Hacer predicciones con regresión lineal simple y datos de validación

1 2 3 4 5 6 7 **8**

```
##
    88.00728
               79.92252
                          90.97012 81.33513
                                               75.32645
                                                          97.84434 100.85085
##
                                                                 14
           9
                     10
                                11
                                           12
                                                      13
                                                                            15
                                                                                       16
    91.95021
                                                                      96.43159
##
               92.40211
                          78.81603
                                     99.23090
                                                96.90253
                                                           84.48234
                                                                                85.21868
##
                                19
                                           20
                                                                 22
                                                                            23
                                                                                       24
           17
                     18
                                                      21
##
    77.45034
               78.91945
                          83.76429
                                     77.08720
                                                81.08241
                                                           83.06998
                                                                      76.48624
                                                                                 89.76498
##
                                27
                                                                 30
           25
                     26
                                           28
                                                      29
                                                                            31
                                                                                       32
               85.26926
##
    89.28100
                          83.24554
                                     96.04023
                                                86.27026
                                                           78.26751
                                                                      93.58856
                                                                                 86.39626
##
           33
                     34
                                35
                                            36
                                                      37
                                                                 38
                                                                            39
                                                                                       40
    99.15746
               94.13385
                          98.80301
                                     98.78479
                                               83.56385
                                                          93.45693
                                                                     77.49715
                                                                                95.23468
```

Evaluar las predicciones Vs reales Con las predicciones generadas, se pueden comparar contra los datos reales del conjunto de validación para determinar el *RMSE* y compararlo con otro modelo.

datos_comparar <- data.frame(reales = datos_validacion\$peso, predicciones_rls = predicciones)
datos_comparar</pre>

```
##
         reales predicciones_rls
## 1
       80.81160
                         88.00728
                         79.92252
## 2
       98.55304
## 3
       79.47970
                         90.97012
## 4
       78.76413
                         81.33513
                         75.32645
## 5
       76.30898
## 6
       82.48510
                         97.84434
## 7
       80.99952
                        100.85085
       83.75690
                         92.79392
## 8
## 9
      102.71043
                         91.95021
       93.10031
                         92.40211
## 10
## 11
       73.66947
                         78.81603
## 12 107.86854
                         99.23090
## 13
       92.77989
                         96.90253
##
  14
       76.65798
                         84.48234
##
  15
       99.55987
                         96.43159
##
   16
       90.95184
                         85.21868
##
  17
       82.36279
                         77.45034
## 18
       78.41336
                         78.91945
## 19 104.71189
                         83.76429
## 20 100.01035
                         77.08720
## 21
       82.68898
                         81.08241
       80.15217
                         83.06998
## 22
## 23
       67.99702
                         76.48624
##
  24
       85.68692
                         89.76498
## 25
       86.19922
                         89.28100
##
  26
       94.25695
                         85.26926
## 27
       62.52313
                         83.24554
##
  28
       95.87367
                         96.04023
##
  29
       79.67553
                         86.27026
##
       99.32697
                         78.26751
  30
##
   31 100.57266
                         93.58856
##
  32
       76.90348
                         86.39626
  33 103.18472
                         99.15746
## 34
       82.44773
                         94.13385
  35 105.17958
                         98.80301
## 36 110.35827
                         98.78479
## 37
       88.96325
                         83.56385
## 38
       86.34848
                         93.45693
```

```
## 39 84.07677 77.49715
## 40 87.12872 95.23468
```

```
# Cálculo manual del RMSE
rmse <- sqrt(mean((datos_comparar$reales - datos_comparar$predicciones_rls)^2))
# Imprimir resultado
paste ("RMSE:", rmse)</pre>
```

Determinar RMSE

[1] "RMSE: 10.4145276539336"

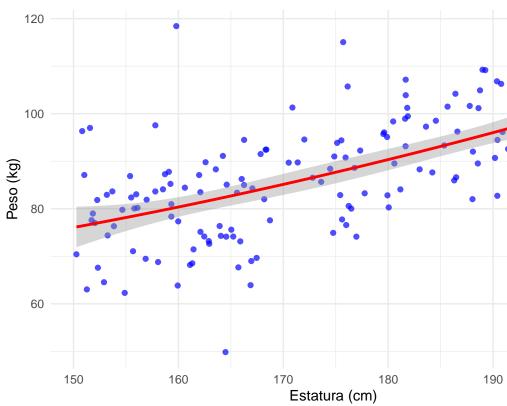
Significa que las predicciones se alejan aproximadamente 10.41 del valor real, este valor hay que compararlo contra otro modelo entre mas cercano a cero el modelo es mejor o predice de mejor manera.

Modelo polinomial segundo nivel

$$Y = \beta_0 + \beta_1 X + \beta_2 X^2 \dots \beta_n X^n$$

```
nivel <- 2
f_polinomial_curva(datos_entrenamiento, nivel)</pre>
```





Visualizar curva de tendencia

```
# Ajustar modelo polinómico de grado 2
modelo_polinomico_2 <- lm(peso ~ poly(estatura, nivel, raw = TRUE), data = datos_entrenamiento)
```

```
# Resumen del modelo
summary(modelo_polinomico_2)
##
## Call:
## lm(formula = peso ~ poly(estatura, nivel, raw = TRUE), data = datos_entrenamiento)
##
## Residuals:
##
       Min
                1Q
                    Median
                                 3Q
                                        Max
                     0.558
                                     38.155
##
  -32.614 -7.172
                              5.991
## Coefficients:
##
                                         Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept)
                                        65.712726 126.360350
                                                                0.520
                                                                          0.604
                                                                          0.852
## poly(estatura, nivel, raw = TRUE)1
                                        -0.270605
                                                     1.452940
                                                               -0.186
## poly(estatura, nivel, raw = TRUE)2
                                         0.002264
                                                     0.004152
                                                                0.545
                                                                          0.586
## Residual standard error: 9.567 on 157 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.3958, Adjusted R-squared: 0.3881
## F-statistic: 51.42 on 2 and 157 DF, p-value: < 0.00000000000000022
predicciones <- predict(object = modelo_polinomico_2, datos_validacion)</pre>
predicciones
Hacer predicciones con regresión polinómico y datos de validación
                      2
                                3
                                                     5
                                                                          7
           1
                                          4
                                                               6
##
    87.51684
              79.98817
                        90.54889
                                  81.22500
                                             76.19438
                                                        98.14775 101.71898
                                                                             92.48812
           9
                    10
                               11
                                         12
                                                    13
                                                              14
                                                                         15
                                                                                   16
##
    91.58412
              92.06684
                        79.04262
                                   99.77602
                                             97.06006
                                                        84.10029
                                                                  96.52172
                                                                             84.79686
```

17 18 19 20 21 22 23 77.90373 77.60613 ## 79.13014 83.42973 81.00129 82.78952 77.11847 89.29793 ## 25 26 27 28 29 30 31 32 ## 88.80236 84.84504 82.95064 96.07717 85.80733 78.58146 93.35041 85.92964 ## 34 35 36 37 38 39 40 33

33 34 35 36 37 38 39 40 ## 99.68897 93.94821 99.27011 99.24864 83.24409 93.20685 77.94226 95.17017

Evaluar las predicciones Vs reales Con las predicciones generadas, se pueden comparar contra los datos reales del conjunto de validación para determinar el RMSE y compararlo con otro modelo.

datos_comparar\$predicciones_poly2 <-predicciones
datos_comparar</pre>

```
##
         reales predicciones_rls predicciones_poly2
## 1
       80.81160
                         88.00728
                                             87.51684
## 2
       98.55304
                         79.92252
                                             79.98817
       79.47970
                         90.97012
                                             90.54889
## 3
## 4
       78.76413
                         81.33513
                                             81.22500
## 5
       76.30898
                         75.32645
                                             76.19438
## 6
       82.48510
                         97.84434
                                             98.14775
## 7
       80.99952
                        100.85085
                                            101.71898
## 8
                         92.79392
                                             92.48812
       83.75690
## 9
      102.71043
                         91.95021
                                             91.58412
## 10 93.10031
                         92.40211
                                             92.06684
```

```
## 12 107.86854
                        99.23090
                                           99.77602
## 13 92.77989
                        96.90253
                                           97.06006
## 14 76.65798
                        84.48234
                                           84.10029
## 15
       99.55987
                        96.43159
                                           96.52172
## 16 90.95184
                        85.21868
                                           84.79686
## 17 82.36279
                        77.45034
                                           77.90373
## 18 78.41336
                        78.91945
                                           79.13014
## 19 104.71189
                        83.76429
                                           83.42973
## 20 100.01035
                        77.08720
                                           77.60613
## 21 82.68898
                        81.08241
                                           81.00129
## 22 80.15217
                        83.06998
                                           82.78952
## 23 67.99702
                        76.48624
                                           77.11847
## 24 85.68692
                                           89.29793
                        89.76498
## 25 86.19922
                        89.28100
                                           88.80236
## 26 94.25695
                        85.26926
                                           84.84504
## 27 62.52313
                        83.24554
                                           82.95064
## 28 95.87367
                        96.04023
                                           96.07717
## 29 79.67553
                        86.27026
                                           85.80733
## 30 99.32697
                        78.26751
                                           78.58146
## 31 100.57266
                        93.58856
                                           93.35041
## 32 76.90348
                        86.39626
                                           85.92964
## 33 103.18472
                        99.15746
                                           99.68897
## 34 82.44773
                        94.13385
                                           93.94821
## 35 105.17958
                        98.80301
                                           99.27011
## 36 110.35827
                        98.78479
                                           99.24864
## 37 88.96325
                        83.56385
                                           83.24409
## 38 86.34848
                        93.45693
                                           93.20685
## 39 84.07677
                        77.49715
                                           77.94226
## 40 87.12872
                        95.23468
                                           95.17017
# Cálculo manual del RMSE
rmse <- sqrt(mean((datos_comparar$reales - datos_comparar$predicciones_poly2)^2))</pre>
# Imprimir resultado
```

79.04262

Determinar RMSE

paste ("RMSE:", rmse)

11 73.66947

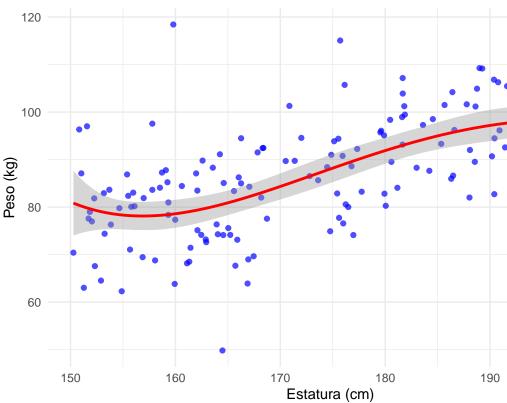
78.81603

```
## [1] "RMSE: 10.3556596265271"
```

Modelo polinomial cuarto nivel

```
nivel <- 4
f_polinomial_curva(datos_entrenamiento, nivel)</pre>
```





```
Visualizar curva de tendencia
# Ajustar modelo polinómico de grado 4
modelo_polinomico_4 <- lm(peso ~ poly(estatura, nivel, raw = TRUE), data = datos_entrenamiento)
# Resumen del modelo
summary(modelo_polinomico_4)
##
## Call:
## lm(formula = peso ~ poly(estatura, nivel, raw = TRUE), data = datos_entrenamiento)
##
## Residuals:
##
       Min
                1Q Median
                                3Q
                                       Max
## -30.769 -6.644
                     0.093
                             5.787 39.882
##
## Coefficients:
##
                                            Estimate
                                                          Std. Error t value
## (Intercept)
                                      12755.07976621 24557.89579943
                                                                       0.519
## poly(estatura, nivel, raw = TRUE)1
                                                       567.04711610 -0.480
                                      -272.42770496
## poly(estatura, nivel, raw = TRUE)2
                                          2.17170279
                                                         4.89709441
                                                                       0.443
## poly(estatura, nivel, raw = TRUE)3
                                         -0.00761185
                                                          0.01874721 -0.406
## poly(estatura, nivel, raw = TRUE)4
                                          0.00000991
                                                          0.00002684
                                                                       0.369
                                      Pr(>|t|)
##
## (Intercept)
                                         0.604
## poly(estatura, nivel, raw = TRUE)1
                                         0.632
## poly(estatura, nivel, raw = TRUE)2
                                         0.658
## poly(estatura, nivel, raw = TRUE)3
                                         0.685
## poly(estatura, nivel, raw = TRUE)4
                                         0.713
```

```
##
## Residual standard error: 9.486 on 155 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.4135, Adjusted R-squared: 0.3984
## F-statistic: 27.32 on 4 and 155 DF, p-value: < 0.00000000000000022</pre>
```

Hacer predicciones con regresión polinómico y datos de validación

```
predicciones <- predict(object = modelo_polinomico_4, datos_validacion)</pre>
predicciones
##
                                               5
                                                                            8
## 87.96135 78.38961 92.14898 79.28068 80.77518 98.14685 98.59845 94.35672
                  10
                           11
                                     12
                                              13
                                                        14
                                                                 15
          9
## 93.38117 93.91418 78.12981 98.51748 97.72883 82.82597 97.46879 83.84975
         17
                  18
                            19
                                     20
                                              21
                                                        22
                                                                 23
## 78.46456 78.13545 81.88036 78.69338 79.08117 81.03019 79.21530 90.51245
##
         25
                  26
                            27
                                     28
                                              29
                                                        30
                                                                 31
## 89.82522 83.92169 81.23839 97.22689 85.37608 78.16989 95.19485 85.56228
                  34
                            35
                                     36
                                              37
                                                        38
                                                                 39
## 98.50502 95.72130 98.43372 98.42956 81.62780 95.06172 78.43960 96.65605
```

Evaluar las predicciones Vs reales

Con las predicciones generadas, se pueden comparar contra los datos reales del conjunto de validación para determinar el RMSE y compararlo con otro modelo.

```
datos_comparar$predicciones_poly4 <- predicciones
datos_comparar</pre>
```

##		reales	<pre>predicciones_rls</pre>	<pre>predicciones_poly2</pre>	<pre>predicciones_poly4</pre>
##	1	80.81160	88.00728	87.51684	87.96135
##	2	98.55304	79.92252	79.98817	78.38961
##	3	79.47970	90.97012	90.54889	92.14898
##	4	78.76413	81.33513	81.22500	79.28068
##	5	76.30898	75.32645	76.19438	80.77518
##	6	82.48510	97.84434	98.14775	98.14685
##	7	80.99952	100.85085	101.71898	98.59845
##	8	83.75690	92.79392	92.48812	94.35672
##	9	102.71043	91.95021	91.58412	93.38117
##	10	93.10031	92.40211	92.06684	93.91418
##	11	73.66947	78.81603	79.04262	78.12981
##	12	107.86854	99.23090	99.77602	98.51748
##	13	92.77989	96.90253	97.06006	97.72883
##	14	76.65798	84.48234	84.10029	82.82597
##	15	99.55987	96.43159	96.52172	97.46879
##	16	90.95184	85.21868	84.79686	83.84975
##	17	82.36279	77.45034	77.90373	78.46456
##	18	78.41336	78.91945	79.13014	78.13545
##	19	104.71189	83.76429	83.42973	81.88036
##	20	100.01035	77.08720	77.60613	78.69338
##	21	82.68898	81.08241	81.00129	79.08117
##	22	80.15217	83.06998	82.78952	81.03019
##	23	67.99702	76.48624	77.11847	79.21530
##	24	85.68692	89.76498	89.29793	90.51245
##	25	86.19922	89.28100	88.80236	89.82522

```
## 26
      94.25695
                         85.26926
                                             84.84504
                                                                  83.92169
## 27
                         83.24554
                                             82.95064
                                                                  81.23839
       62.52313
## 28
       95.87367
                         96.04023
                                             96.07717
                                                                  97.22689
## 29
       79.67553
                         86.27026
                                             85.80733
                                                                  85.37608
##
  30
       99.32697
                         78.26751
                                             78.58146
                                                                  78.16989
## 31 100.57266
                         93.58856
                                                                  95.19485
                                             93.35041
       76.90348
                         86.39626
                                             85.92964
                                                                  85.56228
## 32
## 33 103.18472
                         99.15746
                                             99.68897
                                                                  98.50502
## 34
       82.44773
                         94.13385
                                             93.94821
                                                                  95.72130
                                                                  98.43372
## 35 105.17958
                         98.80301
                                             99.27011
## 36 110.35827
                         98.78479
                                             99.24864
                                                                  98.42956
       88.96325
                         83.56385
                                             83.24409
                                                                  81.62780
## 37
## 38
       86.34848
                         93.45693
                                             93.20685
                                                                  95.06172
## 39
       84.07677
                         77.49715
                                             77.94226
                                                                  78.43960
## 40 87.12872
                         95.23468
                                             95.17017
                                                                  96.65605
```

Determinar RMSE

```
# Cálculo manual del RMSE
rmse <- sqrt(mean((datos_comparar$reales - datos_comparar$predicciones_poly4)^2))
# Imprimir resultado
paste ("RMSE:", rmse)</pre>
```

[1] "RMSE: 10.5667927983238"

Interpretación

Se construyeron modelos de regresión lineal simple y polnómico de segundo y cuarto nivel para hacer predicciones del peso de una persona en función de la estatura.

El modelo de regresión lineal simple tiene un valor aproximado de RMSE 10.41 que significa que las prediciones se desvían en promedio ese valor con respecto a los valores reales.

El modelo de polinomial de segundo nivel tiene un valor aproximado de RMSE 10.35 que sifgnifica que las prediciones se desvían en promedio ese valor con respecto a los valores reales.

El modelo de polinomial de cuarto nivel tiene un valor aproximado de RMSE 10.56 que significa que las prediciones se desvían en promedio ese valor con respecto a los valores reales.

Al final en términos de quién es mejor haciendo predicciones para estos datos es el modelo polinomial de segundo nivel.

Los valores R Square y Multiple R Square para los tres modelos andan aproximadamente en 39% y 40% siendo el de mejor rendimiento el modelo de **cuarto nivel**.

- Lineal Simple: Multiple R-squared: 0.3946, Adjusted R-squared: 0.3908
- Polinomial segundo nivel: Multiple R-squared: 0.3958, Adjusted R-squared: 0.3881
- Polinomial cuarto nivel: Multiple R-squared: 0.4135, Adjusted R-squared: 0.3984

¿que rendimiento tiene el modelo polinómico de otro nivel?