

Федеральное государственное бюджетное  
образовательное учреждение высшего образования  
«Саратовский государственный технический университет  
имени Гагарина Ю.А.»

Институт прикладных информационных  
технологий и коммуникаций

Кафедра Информационная безопасность  
автоматизированных систем

Направление подготовки 10.03.01 Информационная безопасность

Расчётно-графическая работа  
по дисциплине «Языки программирования»

«Определение маршрута с учетом загрузки сети»

Выполнил: студент 1 курса  
учебной группы с-ИБС11  
очной формы обучения  
Иванова Юлия Сергеевна  
Проверил: ассистент каф. ИБС  
Романчук С. П.

Саратов 2020

Дан файл с описанием карты города. Каждая связь имеет два веса – максимальная пропускная способность дороги и ее текущий уровень загрузки в процентах. Возможный вариант структуры файла приведен ниже:

N – число вершин.

X1 Y1 // координаты вершины

X2 Y2

...

XN YN

M – число связей.

N1 K1 P1 V1 // какие вершины связаны, пропускная способность и  
загрузка

N2 K2 P2 V2

...

NM KM PM VM

С учетом пробок проложить наиболее быстрый маршрут из пункта А в пункт В.

Программа написана на С++ и включает в себя подсчёт графа, его сохранение, присвоение ребрам веса и поиск кратчайшего расстояния между А и В с помощью алгоритма Дейкстры. Более подробное решение рассмотрим далее.

## Содержание

1. Введение .....	стр.4
2. Теоретическая часть.....	стр.5
3. Практическая часть.....	стр.8
4. Заключение.....	стр.10
5. Приложения.....	стр.11
6. Литература.....	стр.16

## **Введение**

Благодаря своему широкому применению, теория о нахождении кратчайших путей в последнее время интенсивно развивается. Нахождение кратчайшего пути – актуальная задача и используется практически везде: при нахождении оптимального маршрута между двумя объектами на местности, также используется в системах автопилота, используется для нахождения оптимального маршрута, в компьютерных сетях и тд.

Тема работы: «Определение маршрута с учетом загрузки сети». Сеть представляет из себя граф с ребрами различного веса, в котором необходимо найти кратчайшее расстояние между двумя вершинами.

Целью работы является разработка программы для решения задач поиска кратчайшего пути между вершинами графа.

Задачи работы:

1. рассмотрение основных сведений о графах;
2. рассмотрение алгоритма Дейкстры для нахождения кратчайшего пути между 2 вершинами;
3. описать представление графов на ЭВМ;
4. разработка программного продукта на языке программирования C++, реализующий алгоритм Дейкстры поиска кратчайшего пути между вершинами графа.

## Теоретическая часть

Приложение написано на языке C++ и включает библиотеки `<iostream>`, `<fstream>`, `<vector>`, `<set>`.

`Iostream` является частью стандартной библиотеки C++ и управляет вводом-выводом и использует объекты `cin`, `cout`, `cerr` и `clog` для передачи информации и из стандартных потоков ввода, вывода, ошибок без буферизации и ошибок с буферизацией соответственно.

`Fstream` — заголовочный файл из стандартной библиотеки C++, включающий набор классов, методов и функций, которые предоставляют интерфейс для чтения/записи данных из/в файл. Функции, включенные в данный файл, позволяют производить чтение из файлов.

`Vector` — замена стандартному динамическому массиву, память для которого выделяется вручную, с помощью оператора `new`. Его использование позволяет избежать утечек памяти и облегчает работу. Класс `vector` обладает стандартным набором методов для доступа к элементам, добавления и удаления элементов, а также получения количества хранимых элементов.

`Set` реализует шаблоны классов контейнеров `std::set` и `std::multiset` — сортированные ассоциативные контейнеры или множества. По сути это контейнеры, которые содержат некоторое количество отсортированных элементов; при добавлении нового элемента в множество он сразу становится на свое место так, чтобы не нарушать порядка сортировки. Порядок ввода элементов в множество никак не влияет на порядок хранения в множестве. Автоматическая сортировка элементов в множествах накладывает определенные ограничения. Например, в множествах нельзя изменить значение какого-то элемента напрямую, так как это могло бы сломать сортировку.

Классы в C++ — это абстракция описывающая методы, свойства, ещё не существующих объектов. Методы класса — это его функции. Свойства класса — его переменные. Также используются модификаторы `public` и `private`. Все функции и переменные, которые находятся после модификатора `public`,

становятся доступными из всех частей программы. Закрытые данные класса размещаются после модификатора доступа `private`.

Также в написании мы используем структуру. Структура - это совокупность переменных, объединенных одним именем, предоставляющая общепринятый способ совместного хранения информации. Объявление структуры приводит к образованию шаблона, используемого для создания объектов структуры. Переменные, образующие структуру, называются членами структуры. Обычно все члены структуры связаны друг с другом. Когда объявлена структурная переменная, компилятор автоматически выделяет необходимый участок памяти для размещения всех ее членов.

#### Графы. Алгоритм Дейкстры

граф - это математическая модель, представленная совокупностью множества вершин и связей между ними. Каждая пара вершин, имеющих связь, называется ребром графа.

Маршрут в графе - это чередующаяся последовательность вершин и рёбер, в которой любые два соседних элемента инцидентны. Если начальная и конечная вершины маршрута совпадают, то маршрут замкнут, иначе открыт. Маршрут называется цепью, если все его ребра различны, и простой цепью, если также различны и вершины.

Граф может как невзвешенный, так и взвешенный. Для первого типа все ребра графа соединяют вершины одинаковыми дугами. Для взвешенных графов каждая дуга имеет вес — числовое значение, которое характеризует ребро.

В данной задаче граф задан множеством точек на плоскости и множеством рёбер с различной загруженностью. Данный способ задания удобен для хранения графа в виде списков смежности — для каждой вершины хранить список всех её соседей вместе с весами рёбер.

Основной используемый алгоритм в программе — алгоритм Дейкстры. Алгоритм Дейкстры - алгоритм на графах, который находит кратчайшие пути от одной из вершин графа до всех остальных. Алгоритм работает только для графов без рёбер отрицательного веса. Алгоритм работает пошагово — на

каждом шаге он «посещает» одну вершину и пытается уменьшать метки. Работа алгоритма завершается, когда все вершины посещены. Метка самой вершины  $a$  полагается равной 0, метки остальных вершин — бесконечности. Это отражает то, что расстояния от  $a$  до других вершин пока неизвестны. Все вершины графа помечаются как непосещённые. Если все вершины посещены, алгоритм завершается. В противном случае, из ещё не посещённых вершин выбирается вершина  $u$ , имеющая минимальную метку. Мы рассматриваем всевозможные маршруты, в которых  $u$  является предпоследним пунктом. Вершины, в которые ведут рёбра из  $u$ , назовём соседями этой вершины. Для каждого соседа вершины  $u$ , кроме отмеченных как посещённые, рассмотрим новую длину пути, равную сумме значений текущей метки  $u$  и длины ребра, соединяющего  $u$  с этим соседом. Если полученное значение длины меньше значения метки соседа, заменим значение метки полученным значением длины. Рассмотрев всех соседей, пометим вершину  $u$  как посещённую и повторим шаг алгоритма.

## Практическая часть

Для решения поставленной задачи был реализован алгоритм, который находит кратчайшее расстояние между двумя вершинами в данном графе. Интерфейс программы реализован в виде консольного приложения на языке C++.

Основной класс, реализующий поставленную задачу — PathFinder. Конструктор класса принимает строку, в которой записан путь к текстовому файлу с заданным графом. Его структура описана в теме работы.

Для считывания входного графа используется библиотека `fstream`, которая открывает поток считывания данных из текстового файла. Сначала для каждой вершины в массиве сохраняется её координаты на числовой плоскости, все вершины нумеруются в порядке их вхождения во входном файле.

После считывания всех координат происходит считывание ребер графа. В задаче описывается лишь загруженность дорог, следовательно, вес рёбер мы должны вычислять сами, в зависимости от расстояния между вершинами. В ходе выполнения работы была выведена формула, которая наиболее подходит для подсчета веса ребра, соединяющего две вершины. Эта формула описана в функции `calc` и зависит от расстояния между двумя вершинами (вычисляется как расстояние на плоскости между двумя точками) и загруженностью дороги. Если загруженность дороги 100%, то вес ребра присваивается очень большому числу так, чтобы при работе программы — это ребро воспринималось, как отсутствие ребра между вершинами.

После считывания графа пользователю предоставляется ввести номера вершин, между которыми необходимо найти кратчайшее расстояние. Введённые данные проверяются, чтобы эти вершины присутствовали в исходном графе.

После проверки введенных данных начинается вычисление кратчайшего пути между вершинами. Для решения данной задачи используется алгоритм Дейкстры, описанный выше, но с небольшой модернизацией.



Поскольку в контейнере нам надо хранить вершины, упорядоченные по их величинам, то удобно в `set` помещать пары: первый элемент пары — расстояние, а второй — номер вершины. В результате в `set` будут храниться пары, автоматически упорядоченные по расстояниям. Изначально в него помещаем стартовую вершину `s` с её расстоянием. Основным циклом алгоритма является, пока в очереди есть хоть одна вершина. Из очереди извлекается вершина с наименьшим расстоянием, и затем из неё выполняются релаксации. Перед выполнением каждой успешной релаксации мы сначала удаляем из `set` старую пару, а затем, после выполнения релаксации, добавляем обратно новую пару с новым расстоянием.

Это оптимизация ускоряет решения, поскольку `set` позволяет хранить отсортированные данные и позволяет добавлять и извлекать элементы за логарифмическое время.

Результат работы функции нахождения кратчайшего пути помещается в структуру `path`, которая хранит в себе вершины начала и окончания пути, значение кратчайшего расстояния, а также сам путь.

Для восстановления пути при подсчете кратчайшего расстояния для каждой вершины сохраняется её предок — вершина, из которой мы посещаем текущую по кратчайшему пути. Для стартовой вершины данное значение равно `-1`. После работы алгоритма мы просто рекурсивно перебираем все вершины в пути, начиная с финальной, и сохраняем весь путь в массив. В результате в списке окажется весь путь в перевернутом формате, так как начинаем с последней вершины. Перевернув данный массив, мы получим путь от стартовой вершины до конечной.

Получив в основной программе структуру с ответом, мы выводим пользователю весь путь и повторяем все действия заново для новых вершин поиска.

## **Заключение**

Протестировав данный алгоритм задачи, мы создали интерфейс, интуитивно понятный для пользователя для подсчета кратчайшего пути из одной точки в другую с учетом таких факторов, как загруженность и пропускная способность.

## Приложение

### PathFinder.cpp

```
#include "PathFinder.h"

PathFinder::PathFinder()
{
    city.clear();
    roads.clear();
}

PathFinder::PathFinder(string path)
{
    city.clear();
    roads.clear();

    ifstream in(path);
    if (in.fail()) {
        throw exception("Файл не существует");
    }

    int n, m;
    in >> n;
    for (int i = 0; i < n; i++) {
        int x, y;
        in >> x >> y;
        city.push_back({ x, y });
        roads.push_back(vector<pair<int, double> >(0));
    }
    in >> m;
    for (int i = 0; i < m; i++) {
        int a, b, s, p;
        in >> a >> b >> s >> p;
        a--;
        b--;
        auto distance = calc(s, p, dist(city[a], city[b]));
        if (distance != 10000000000) {
            roads[a].push_back({ b, distance });
            roads[b].push_back({ a, distance });
        }
    }
    in.close();
}

PathFinder::path PathFinder::FindPath(int a, int b)
{
    a--;
    b--;
    const int INF = 10000000000;
    PathFinder::path result(a, b);
```

```

set<pair<double, int> > q;
vector<double> dist(city.size(), INF);
vector<int> p(city.size());
dist[a] = 0;
for (int i = 0; i < dist.size(); i++) {
    q.insert({ dist[i], i });
    p[i] = -1;
}

// Поиск пути наименьшего веса
while (q.size() > 0) {
    auto f = (*q.begin()).second;
    q.erase(*q.begin());
    for (int j = 0; j < roads[f].size(); j++) {
        int c = roads[f][j].first;
        if (dist[c] > dist[f] + roads[f][j].second) {
            q.erase({ dist[c], c });
            dist[c] = dist[f] + roads[f][j].second;
            q.insert({ dist[c], c });
            p[c] = f;
        }
    }
}

// Восстановление пути
if (dist[b] != INF) {
    result.time = -1;
    int t = b;
    while (p[t] != -1) {
        result.way.push_back(t);
        t = p[t];
    }
    result.way.push_back(a);
    result.time = dist[b];

    reverse(result.way.begin(), result.way.end());
}
else {
    result.time = dist[b];
}
return result;
}

bool PathFinder::exist(int x)
{
    return x <= city.size() && x > 0;
}

double PathFinder::calc(int s, int p, double dist)
{
    if (p == 100) {

```

```

        return 10000000000;
    }
    if (p == 0) {
        return dist / s;
    }
    return (dist / s) * (p / 10);
}
// (Расстояние / [пропускная способность]) * ([загруженность] / 10)

double PathFinder::dist(pair<int, int> a, pair<int, int> b)
{
    return sqrt(double((a.first - b.first) * (a.first - b.first) + (a.second - b.second) * (a.second - b.second)));
}

```

Source.cpp

```

#include <iostream>

#include "PathFinder.h"

using namespace std;

int main(){
    setlocale(LC_ALL, "Russian");
    PathFinder solution;
    try {
        solution = PathFinder("data.txt");
    }
    catch (exception e){
        cout << e.what();
    }

    cout << "Данные успешно загружены\n";
    cout << "Для выхода из программы введите 0\n";

    for (;;) {
        cout << "Введите номера вершин, между которыми необходимо найти путь: \n";
        int a, b;
        cin >> a;
        if (a == 0) {
            return 0;
        }
        if (!solution.exist(a)) {
            printf("Вершины с номером %d в городе нет\n", a);
            continue;
        }
        cin >> b;
        if (!solution.exist(b)) {
            printf("Вершины с номером %d в городе нет\n", b);
            continue;
        }
    }
}

```

```

    }
    auto res = solution.FindPath(a, b);
    if (res.time != -1) {
        cout << "Кратчайший путь между вершинами с текущей загруженностью
дорог: \n";

        for (int i = 0; i < res.way.size(); i++) {
            cout << res.way[i] + 1;
            if (i != res.way.size() - 1) {
                cout << " -> ";
            }
            else {
                cout << "\n";
            }
        }
    }
    else {
        cout << "Между выбранными вершинами нет пути.\n";
    }
}
}

```

PathFinder.h

```

#pragma once
#include <iostream>
#include <fstream>
#include <vector>
#include <set>

```

```

using namespace std;

```

```

class PathFinder
{
public:
    // Структура для возвращения пути
    struct path{
        // Точки начала и конца маршрута
        int A, B;

        // Итоговое время (1000000000), если нет пути
        int time;

        // Вектор для хранения пути
        vector<int> way;

        path(int a, int b) {
            A = a;
            B = b;
            time = -1;
            way.clear();
        }
    };
};

```

```

    }

    // Возвращает ответ на задачу
    int getTime() {
        return time;
    }
};

PathFinder();
// Конструктор класса, который принимает название файла, в котором хранятся
данные
PathFinder(string path);

// Нахождение кратчайшего пути с помощью алгоритма Дейкстры
path FindPath(int a, int b);

// Есть ли город с данным номером в сети
bool exist(int x);
private:
    // Подсчет веса ребра
    double calc(int s, int p, double dist);

    // Подсчет дистанции между городами
    double dist(pair<int, int> a, pair<int, int> b);

    // Хранение координат вершин
    vector<pair<int, int> > city;

    // Список смежности вершин графа
    vector<vector<pair<int, double> > > roads;
};

```

Data.txt

```

6
1 1
1 2
2 3
3 4
4 5
5 6
8
1 2 10 50
1 3 10 90
2 3 10 10
2 5 10 9
3 5 10 0
3 4 10 9
5 6 10 9
4 5 10 9

```

## Литература

1. Герберт Шилдт. Полный справочник по C++ — 4-е изд. — М.: Вильямс, 2011.
2. Бьёрн Страуструп. Язык программирования C++ Пер. с англ. — 3-е изд.
3. [https://e-maxx.ru/algo/dijkstra\\_sparse](https://e-maxx.ru/algo/dijkstra_sparse)
4. Томас Х. Кормен, Чарльз И. Лейзерсон, Рональд Л. Ривест, Клиффорд Штайн. Алгоритмы: построение и анализ — 2-е изд.