## DERIVAÇÕES MAIS À ESQUERDA E MAIS À DIREITA.

Se, em cada passo de uma derivação, uma produção é aplicada á variável mais à esquerda, então a derivação é dita ser à esquerda e a simbolizaremos por  $\Rightarrow$ . Similarmente quando a variação mais à direita é trocada em cada passo, é dita ser mais à direita e simbolizaremos por  $\Rightarrow$ .

Se W está em L(G) p/ uma GLC G então W tem no mínimo uma árvore de derivação e correspondendo a uma árvore de derivação particular, W tem uma única derivação mais à esquerda e uma única derivação mais à direita.

Uma gramática que produz mais de uma árvore de derivação para a mesma sentença é dita ser ambígua, ou, uma gramática ambígua é aquela que produz mais que uma derivação mais à esquerda ou mais à á direita para a mesma sentença.

Seja a gramática  $E \rightarrow E+E \mid E*E \mid id$ 

Exemplo: Id +id \*id

$$\mathsf{E} \ \underset{\mathit{lm}}{\Rightarrow} \ \underline{\mathbf{E}} + \mathsf{E} \ \underset{\mathit{lm}}{\Rightarrow} \ \mathsf{id} + \underline{\mathbf{E}} \underset{\mathit{lm}}{\Rightarrow} \ \mathsf{id} + \underline{\mathbf{E}} ^{\star} \mathsf{E} \underset{\mathit{lm}}{\Rightarrow} \ \mathsf{id} + \mathsf{id} \star \underline{\mathbf{E}} \underset{\mathit{lm}}{\Rightarrow} \ \mathsf{id} + \mathsf{id} \star \mathsf{id}$$

$$\mathsf{E} \underset{\mathit{rm}}{\Rightarrow} \mathsf{E} + \underline{\mathsf{E}} \underset{\mathit{rm}}{\Rightarrow} \mathsf{E} + \mathsf{E} \star \underline{\mathsf{E}} \underset{\mathit{rm}}{\Rightarrow} \mathsf{E} + \underline{\mathsf{E}} \star \mathsf{id} \underset{\mathit{rm}}{\Rightarrow} \underline{\mathsf{E}} + \mathsf{id} \star \mathsf{id} \underset{\mathit{rm}}{\Rightarrow} \mathsf{id} + \mathsf{id} \star \mathsf{id}$$

E se começarmos com E  $\rightarrow$  E<sub>\*</sub>E?

$$\mathsf{E} \underset{\mathit{rm}}{\Rightarrow} \mathsf{E} \underline{+} \underline{\underline{\mathsf{E}}} \underset{\mathit{rm}}{\Rightarrow} \underline{\underline{\mathsf{E}}} \underline{+} \mathrm{id} \underset{\mathit{rm}}{\Rightarrow} \mathsf{E} \underline{+} \underline{\underline{\mathsf{E}}} \underline{+} \mathrm{id} \underset{\mathit{rm}}{\Rightarrow} \mathsf{E} \underline{+} \mathrm{id} \underline{+} \mathrm{id} \underset{\mathit{rm}}{\Rightarrow} \mathrm{id} \underline{+} \mathrm{id} \underline{+} \mathrm{id}$$

Perceba que para uma mesma sentença foram criadas duas árvores ou sequências de derivação.

É portanto uma gramática ambígua.

Se uma gramática não for ambígua não importa o modo de derivação.

