

1 Vypočtěte druhou mocninu součtu prvního, druhého a třetího nejmenšího prvočísla.

2 Vypočtěte:

$$-5 \cdot 5 + (-12)^2 - 13^2 =$$

$$\sqrt{1 - 0,8^2} : 6 =$$

3 Vypočtěte a výsledek zapишte zlomkem v základním tvaru:

$$\frac{5}{24} + \frac{5}{24} \cdot \frac{7}{3} =$$

$$\left(\frac{125}{21} - \frac{7}{25} - 9 \right) : 4 = \frac{11}{11} =$$

4

4.1 Upravte a rozložte na součin vytíknutí:

$$3y \cdot (x + 3y) - y =$$

4.2 Upravte a rozložte na součin užitím vzorce:

$$n \cdot (9n - 1) + n - 4 =$$

4.3 Upravte na co nejjednodušší tvar bez závorek:

$$4 \cdot (2x \cdot x - x) - 3 + (2x + 1)(3 - 4x) =$$

5 V záznamovém archu uvedete všechny obou částečné úlohy celý postup řešení (zkoušku nezapisujte).

5.1 Řešte rovnici:

$$3 \cdot \left(4 - \frac{3}{4}x\right) + x = 1 - \frac{5}{4}x$$

5.2 Řešte soustavu rovnic:

$$2x - y = 7$$

$$x - 2y = 11$$

VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 6

Klára si v remeslné pekárně koupila několik tukových rohlíků a několik celozrnných housek. Dvě celozrnné housky stojí o 6 korun více než tři tukové rohlíky.

6 Cenu jedné celozrnné housky v korunách označime h .

6.1 Vyjádřete výrazem s proměnnou h , kolik korun stojí tři tukové rohlíky.

6.2 Vyjádřete výrazem s proměnnou h , kolik korun stojí jeden tukový rohlík.

6.3 Klára zaplatila za 6 tukových rohlíků a 6 celozrnných housek celkem 78 korun.

Vypočtěte, kolik korun stojí jedna celozrnná houska.

VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 7

Naši zakázkou vyrábí několik automatů.

Automaty vždy pracují společně stalým a navzájem stejným tempem.

Kdyby pracovalo 12 automatů, vyrábí naši zakázkou přesně za 60 hodin.

7 Vypočtěte, za kolik hodin vyrábí naši zakázkou 20 automatů.

7.2 Vyjádřete zlomkem v základním tvaru, jakou část naši zakázkou vyrábí 5 automatů za 24 hodin.

7.3 Čtvrtinu naši zakázkou vyrábilo 15 automatů, zbytek zakázkou dokončilo 18 automatů.

Vypočtěte, kolik hodin trvala výroba celé naši zakázkou.

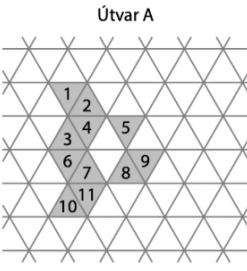
VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 8

Trojúhelnková síť se skládá z rovnoramenných trojúhelníků. V této síti jsou z tmavých trojúhelníků složeny tři útvary A, B, C.

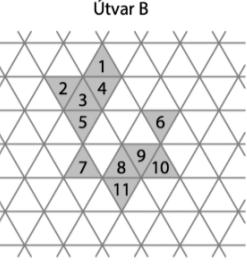
V každém útvaru bud' přesuneme, nebo odebereme vždy pouze jeden tmavý trojúhelník tak, aby vznikl osově souměrný nebo středově souměrný útvár.

V jednotlivých útvarech jsme každý tmavý trojúhelník označili číslem.

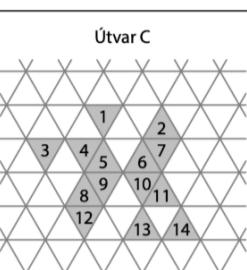
Např. z útvaru A vznikne osově souměrný útvár odebráním trojúhelníku 9.



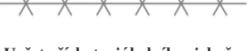
Útvar A



Útvar B



Útvar C



8 Určete číslo trojúhelníku, jehož

8.1 vznikne z útvaru B osově souměrný útvár,

8.2 přesunutím vznikne z útvaru C středově souměrný útvár.

Najděte všechna řešení.

VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 9

V rovině leží bod E a přímka p .



9

Bod E je vrchol pravidelného šestiúhelníku ABCDEF.

Na přímce p leží vrcholy D, F tohoto šestiúhelníku.

Sestrojte vrcholy A,B,C,D,F pravidelného šestiúhelníku ABCDEF, označte je písmeny a šestiúhelník narýsujte.

VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 10

V rovině leží body A,B,M.



10

Úsečka AB je strana rovnoběžníku ABCD. Na přímce BM leží vrchol D tohoto rovnoběžníku. Uhlopříčka AC rovnoběžníku ABCD má délku 6 cm.

10.1 Sestrojte střed S rovnoběžníku ABCD a označte ho písmenem.

10.2 Sestrojte vrcholy C, D rovnoběžníku ABCD, označte je písmeny a rovnoběžník narýsujte.

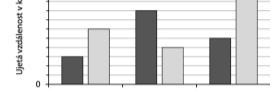
Najděte všechna řešení.

VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 11

Graf udává délky tréninkových tras tří cyklistů během dvou víkendových dní.

Za celý víkend ujel Adam o 45 km méně než Ben.

(Všechny díly zobrazené na svíslé ose jsou stejně.)



11 Rozhodněte o každém z následujících tvrzení (11.1–11.3), zda je pravdivé (A), či nikoli (N).

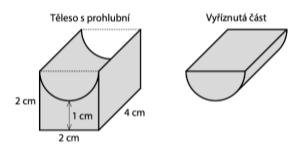
11.1 Vzdálenost, které za celý víkend ujeli Adam, Ben a Cyril (v tomto pořadí), jsou v poměru 3:4:5.

11.2 V neděli ujel Cyril o 40 % delší trasu než Adam.

11.3 Ben ujel v sobotu méně než 100 km.

VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 12

V kvádru o rozměrech 2 cm, 4 cm a 2 cm byla vytvořena prohlubeň vyříznutím poloviny válce s podstavou o poloměru 1 cm (viz obrázek).



VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 13

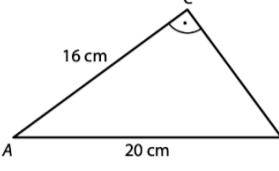
12 Jaký je objem tělesa s prohlubní?

Ve výpočtu je použita zaokrouhlená hodnota čísla $\pi=3,14$.

- [A] $3,44 \text{ cm}^3$
- [B] $9,72 \text{ cm}^3$
- [C] $10,72 \text{ cm}^3$
- [D] $12,56 \text{ cm}^3$
- [E] jiný objem

VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 13

V pravoúhlém trojúhelníku ABC má odvěsna AC délku 16 cm a přepona AB délku 20 cm.

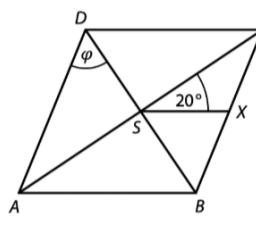


13 Jaký je obsah trojúhelníku ABC?

- [A] 96 cm^2
- [B] 104 cm^2
- [C] 112 cm^2
- [D] 120 cm^2
- [E] více než 120 cm^2

VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 14

Je dán kosočtverec ABCD se středem S. Bod X je střed strany BC tohoto kosočtverce. Velikost úhlu CSX je 20° .



14 Jaká je velikost φ úhlu ABD?

Velikost úhlů neměří, ale vypočte (obrázek je pouze ilustrativní).

- [A] méně než 40°
- [B] 40°
- [C] 50°
- [D] 60°
- [E] 70°

15 Přířadte ke každé úloze (15.1–15.3) odpovídající výsledek (A–F).

15.1 Stejně sýry se prodávají v menších baleních po dvou sýrech a ve větších baleních po třech sýrech. Menší balení stojí 100 korun, větší balení 123 korun.

O kolik procent je jeden sýr ve větším balení levnější než jeden sýr v menším balení?

15.2 V půjčovně se za půjčení každé lodě platí jednotná cena za každý den. Sportovní klub vybral peníze na půjčení 10 lodí na 5 dní. Z vybraných peněz klub dosud utratil jen část, a to za půjčení 2 lodí na 4 dny.

Kolik procent vybraných peněz klub dosud utratil?

15.3 Vítěk šetří na nákup lyží. Naštěcené peníze mu nyní vystačí bud' na 92 % ceny loňského modelu lyží nebo 80 % ceny letošního modelu lyží. Loňský model lyží stojí 10 tisíc korun.

O kolik procent je letošní model lyží dražší než loňský?

- [A] méně než 15 %
- [B] 15 %
- [C] 16 %
- [D] 18 %
- [E] 19 %
- [F] více než 19 %

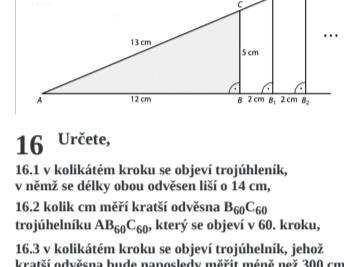
VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 16

Na začátku promítání je na plátně zobrazen sedějící pravidelný trojúhelník ABC (viz obrázek).

Dále se na plátně v každém kroku objeví nový větší pravidelný trojúhelník s vrcholem A a přeponou ležící na polopřímce AB a je vždy o 2 cm delší než v předešlém trojúhelníku.

V 1. kroku se tak objeví trojúhelník AB₁C₁, ve 2. kroku trojúhelník AB₂C₂ atd.

Poměr délek obou odvěsen bude ve všech trojúhelnících stejný.



16 Určete,