Vypočtěte, kolikrát je součet čísel 16 a 4 větší než druhá odmocnina ze součinu čísel 16 a 4.

2 Vypočtěte a výsledek zapište zlomkem v základním tvaru. 2.1

 $(-3)\cdot(\frac{3}{4}-\frac{5}{6})$ 

$$\frac{\frac{\sqrt{25}}{\sqrt{2 \cdot 2}}}{\frac{3 \cdot (3^2 - 2 \cdot 2)}{\sqrt{5^2 - 4^2}}} =$$

V záznamovém archu uveďte celý postup řešení.

3.1

Do rámečků doplňte taková čísla, aby platila rovnost:

$$(a + [?])^2 = a^2 + 18a + [?]$$

Upravte na co nejjednodušší tvar bez závorek:

$$2 - (n+2) \cdot (-n) + (3-n) \cdot (n+1) =$$

3.3 Upravte a výsledný výraz

$$x\cdot (18-x) + 9\cdot (16-2x) =$$

4 Řešte rovnici:

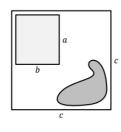
$$7 \cdot \left(\frac{4}{7} - \frac{x}{10}\right) - 5 \cdot \left(\frac{x}{25} - \frac{16}{5}\right) = \frac{1}{10}x$$

$$\frac{y - (y + 5) \cdot 0.1 = 0.9y + 0.5}{\text{VÝCHOZÍ TEXT A}}$$

# **OBRÁZEK K ÚLOZE 5**

Na obrázku je plánek pozemku, na kterém se nachází dům a rybníček Pozemek má tvar čtverce s délkou strany c=30 m.

Světle šedý obdélník představuje půdorys domu a tmavší obrazec představuje rybníček. Půdorys domu má **pětkrát menší obsah**, než je celková rozloha pozemku.



(CZVV)

5

5.1 Délka domu a je rovna polovině délky strany pozemku c. Určete šířku domu b

5.2 Rozloha rybníčku představuje 18 % celkové rozlohy pozemku

Vypočtěte v m<sup>2</sup> rozlohu volné části pozemku, na níž není ani dům, ani rybníček.

## VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 6

Zahradní sud má tvar rotačního válce. Dno sudu má obsah 1 500 cm<sup>2</sup>.

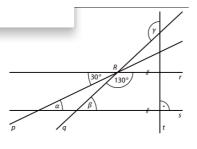
(CZVV)

6.1 Při dešti stoupla hladina vody v sudu o 10 mm. Vypočtěte, kolik litrů vody přibylo v sudu během

6.2 Při silném lijáku v sudu přibyly 3 litry vody. Vypočtěte, o kolik mm stoupla hladina vody v sudu během tohoto silného lijáku.

## VÝCHOZÍ TEXT A **OBRÁZEK K ÚLOZE 7**

V rovině leží přímky p, q, r, které se protínají v bodě R, a přímky s, t, pro které platí: s∥r, s⊥t.



(CZVV) 7 Vypočtěte ve stupních velikost úhlu

7.1  $\alpha$ , 7.2 β,

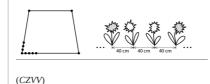
7.3 γ.

Velikosti úhlů neměřte, ale vypočtěte (obrázek je pouze ilustrativní).

#### VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 8

Záhon v parku má tvar čtyřúhelníku, jehož tři strany jsou stejně dlouhé. Každá z těchto tří stran je o čtvrtinu kratší, než je čtvrtá strana čtvřúhelníku

Po obvodu záhonu je ve stejných rozestupech vysázeno celkem 65 rostlin, z nichž je po jedné rostlině i v každém rohu záhonu. Rozestupy mezi rostlinami měří 40 cm



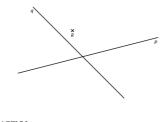
8.1 Vypočtěte v metrech obvod záhonu.

8.2 Určete, o kolik se liší počet rostlin na nejdelší straně záhonu od počtu rostlin na protější straně záhonu 8.3 Po obvodu záhonu se pravidelně střídají stejně početné skupinky červeně kvetoucích rostlin s dvojicemi bíle kvetoucích rostlin.

Určete nejmenší možný počet červeně kvetoucích rostlin po obvodu záhonu.

## VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 9

V rovině leží různoběžky p, q a bod R.



(CZVV)

9

9.1 Sestrojte osu většího úhlu, který svírají přímky p, q, a označte ji písmenem o.

Na přímkách p, q leží všechny čtyři vrcholy obdélníku KLMN. Bod R leží uvnitř strany MN tohoto obdélníku. Sestrojte vrcholy obdélníku KLMN, označte je písmeny a obdélník **narýsujte**. **V záznamovém archu** obtáhněte celou konstrukci propisovací tužkou (čáry i písmena).

## VÝCHOZÍ TEXT A **OBRÁZEK K ÚLOZE 10**

V rovině leží bod B a přímky p, q, které se protínají v bodě C.



## 10 Body B, C jsou vrcholy trojúhelníku ABC.

Na přímce p leží výška vc na stranu c a na přímce q leží těžnice tc na stranu c tohoto trojúhelníku. Sestrojte vrchol A trojúhelníku ABC, **označte** ho písmenem a trojúhelník narýsujte. V záznamovém archu obtáhněte celou konstrukci propisovací tužkou (čáry i písmena).

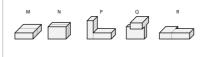
#### VÝCHOZÍ TEXT A **OBRÁZKY K ÚLOZE 11**

Základní kvádr má délky hran 1 cm, 2 cm a 3 cm.



Každé z následujících těles bylo slepeno ze dvou základních kvádrů.

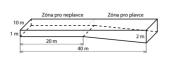
Čtyřboké hranoly jsou označeny písmeny M, N a další tělesa písmeny P, Q, R.



Rozhodněte o každém z následujících tvrzení (11.1-11.3), zda je pravdivé (A), či nikoli (N). 11.1 Součet délek všech hran jednoho základního kvádru je 24 cm. 11.2 Povrchy hranolů M a N se liší o 6 cm2. 11.3 Všechna tři tělesa P, Q, R mají stejný povrch.

## VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 12

Bazén má délku 40 metrů a šířku 10 metrů. Hloubka bazénu není všude stejná (viz obrázek). V celé zóně pro neplavce je hloubka 1 m. Zóna pro plavce má šikmé dno a hloubka bazénu se v ní postupně zvětší z 1 m na 2 m.



(CZVV)

## 19 Jaký je objem bazénu?

- [A] 500 m<sup>3</sup>
- [B] 550 m<sup>3</sup>
- [C] 600 m<sup>3</sup>
- [D] 650 m<sup>3</sup>
- [E] jiný objem

## VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 13

U Pelhřimova se letos pořádaly dětské tábory ve dvou termínech. Počet nabízených míst byl v obou termínech stejný. Sešlo se celkem 375 přihlášek. V prvním termínu počet přihlášek překročil počet

nabízených míst o pětinu, ve druhém termínu o 30

# 13 Kolik přihlášek celkem muselo být kvůli nedostatku míst odmítnuto?

- [A] 65 přihlášek
- [B] 75 přihlášek
- [C] 80 přihlášek
- [D] 85 přihlášek
- [E] jiný počet přihlášek

## VÝCHOZÍ TEXT A TABULKA K ÚLOZE 14

Test z matematiky psalo 20 žáků. Nejhorší známka byla 3. Počet jedniček a dvojek byl stejný. Aritmetický průměr známek všech žáků byl 1,8.

Známka         1         2         3         4         5           Počet žáků         ?         0         0						
Počet žáků ? 0 0	Známka	1	2	3	4	5
	Počet žáků	?			0	0

## 14 Kolik žáků dostalo z testu známku 1?

- [A] 5 žáků • [B] 6 žáků
- [C] 7 žáků
- [D] 8 žáků
- [E] 9 žáků
- 15 Přiřaďte ke každé úloze (15.1–15.3) odpovídající výsledek (A–F).

15.1 Při slavnostním zahájení soutěže nastoupilo na hřiště 10 družstev po 11 hráčích a všichni organizátoři soutěže. Dohromady tak nastoupilo 200 osob.

Kolik procent osob nastoupených na hřišti tvořili organizátoři?

15.2 Soutěže se účastnilo 20 tříčlenných družstev V každém z nich byl alespoň jeden muž a alespoň jedna žena. Družstev s jedním mužem bylo čtyřikrát více než družstev s jednou ženou. Kolik procent soutěžících tvořily ženy?

15.3 Na atletickém přeboru soutěžil každý atlet právě v jedné ze tří disciplín. V hodu oštěpe soutěžilo 12 atletů. Skokanů bylo o 40 % méně než běžců, ale o 50 % více než oštěpařů. Kolik procent všech soutěžících atletů tvořili běžci? • [E] 60 % • [F] více než 60 %

• [A] 40 %

• [B] 45 %

• [C] 50 %

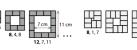
• [D] 55 %

VÝCHOZÍ TEXT A **OBRÁZEK K ÚLOZE 16** 

Vytváříme tmavé a světlé obrazce tvaru čtverce iako na obrázku.

Každý takový obrazec obsahuje jeden bílý čtverec obklopený pásem z několika shodných obdélníčků. Každý obdélníček má rozměry 2 cm a 3 cm.

Obdélníčky jsou buď tmavé (na obrázku vlevo), nebo světlé (na obrázku vpravo) a jsou natočeny tak, že pás z tmavých obdélníčků je vždy užší než pás ze světlých obdélníčků.



Obrazec se popisuje třemi čísly. První číslo udává počet obdélníčků v obrazci, další dvě čísla udávají v cm délku strany bílého čtverce v obrazci a délku strany celého obrazce.

(CZVV)

**16** 

16.1 Délka strany tmayého obrazce je 20 cm. Určete počet obdélníčků v obrazci.

16.2 Délka strany tmavého i světlého obrazce je 23 cm. Určete, o kolik se liší počet obdélníčků v těchto dvou obrazcích.

16.3 Tmavý i světlý obrazec mají stejný počet obdélníčků, ale délky stran bílých čtverců v těchto obrazcích se liší o 10 cm

Určete počet obdélníčků v tmavém obrazci.

Cena dětské vstupenky do muzea je rovna dvěma pětinám ceny vstupenky pro dospělého. Jeden dospělý se třemi dětmi zaplatil za vstupenky 330

Vypočtěte v korunách cenu jedné dětské vstupenky.

2 Vypočtěte druhou odmocninu ze součinu smíšených čísel a  $6\frac{1}{4}$  a  $2\frac{7}{9}$ .

Výsledek zapište zlomkem v základním tvaru.

3 Vypočtěte a výsledek zapište zlomkem v základním tvaru.

$$\left(\frac{11}{5} - \frac{11}{6}\right) : \left(-\frac{1}{3}\right) =$$

$$\frac{20 - \sqrt{4 \cdot 3^2}}{3 \cdot \sqrt{100 - 64}} : \frac{4 + 3}{4 \cdot 3} =$$

4.1 Upravte na co nejjednodušší tvar bez závorek:

$$x \cdot 3x - 2x \cdot 3 - (x-3)^2 =$$

4.2 Upravte a výsledný výraz rozložte na součin vytknutín

$$(2k)^2 - k\cdot (1+2k) =$$

4.3 Upravte na co nejjednodušší tvar bez závorek:

$$7a\cdot(a+3)+2\cdot(1-3a)\cdot(a+5)=$$

$$\frac{7}{12}x + 2\cdot\left(\frac{3}{8}x - 1\right) = -3\cdot\left(\frac{x}{9} + 1\right)$$

$$6x + y = 14$$
$$3x + 2y = 15$$

6 Číslo 231 lze rozložit na součin tří prvočísel  $a \cdot b \cdot c$ .

Určete

6.1 nejmenší z prvočísel a, b, c,

6.2 součet všech tří prvočísel a+b+c,

6.3 největší dvojciferné číslo, které je dělitelem čísla 231.

## VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 7

Farmář prodával saláty za jednotnou cenu za kus a v průběhu tří dnů všechny saláty prodal.

První den prodal třetinu všech salátů, druhý den prodal o třetinu méně salátů než první den a třetí den prodal zbytek salátů.

7.1 Za všechny prodané saláty utržil farmář celkem 5 400 korun

Vypočtěte, kolik korun utržil farmář za saláty prodané druhý den.

7.2 Počet všech salátů, které farmář prodal, označíme x. **Vyjádřete výrazem** s proměnnou *x*, kolik salátů prodal farmář druhý den

7.3 Třetí den prodal farmář 120 salátů. Určete počet všech salátů, které farmář prodal.

## VÝCHOZÍ TEXT A **OBRÁZEK K ÚLOZE 8**

Velký pravoúhlý lichoběžník, jehož rozměry jsou uvedeny na obrázku vlevo, jsme jednou úsečkou rozdělili na menší lichoběžník a rovnoběžník (obrázek vpravo).

Oba tyto nové útvary (menší lichoběžník a rovnoběžník) mají stejný obvod.





8.1 v cm<sup>2</sup> obsah velkého pravoúhlého lichoběžníku, 8.2 v cm obvod velkého pravoúhlého lichoběžníku,

8.3 v cm obvod rovnoběžníku.

## VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 9

V rovině leží body A, B, M.

8 Vypočtěte

(CZVV)

Body A, B jsou vrcholy rovnoramenného trojúhelníku ABC.

Bod M je uvnitř tohoto trojúhelníku a leží na těžnici tc na stranu AB.

(Bod M není těžištěm trojúhelníku ABC.)

Sestrojte vrchol C trojúhelníku ABC, označte ho písmenem a trojúhelník narýsujte. Naiděte všechna řešení.

## VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 10

V rovině leží body A, D, M.

(CZVV)

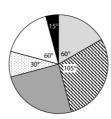
Body A, D jsou vrcholy rovnoběžníku ABCD. Na polopřímce *DM* leží jedna z úhlopříček tohoto rovnoběžníku.\ Druhá úhlopříčka rovnoběžníku ABCD má stejnou délku jako úsečka DM.

Sestrojte vrcholy B, C rovnoběžníku ABCD, označte je nísmeny

a rovnoběžník narýsujte.

## VÝCHOZÍ TEXT A **GRAF K ÚLOZE 11**

V zahradě se pěstuje 6 druhů rostlin. Diagram udává, jakou část osázené plochy zahrady zabírají jednotlivé druhy rostlin. V každé části zahrady se pěstuje pouze jeden druh rostlin. Magnolie zabírají plochu o rozloze 20 m2.



■Magnolie ☑ Jabloň ■ Růže □Hortenzie □Levandule ■ Bazalka

V některých výsečích diagramu je uvedena velikost úhlu, který příslušnou výseč vymezuje.

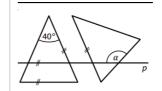
11 Rozhodněte o každém z následujících tvrzení (11.1-11.3), zda je pravdivé (A), či nikoli (N).

11.1 Jabloně zabírají o 15 m<sup>2</sup> větší plochu, než zabírají magnolie 11.2 Levandule a bazalka dohromady zabírají 1,5krát větší plochu než hortenzie. 11.3 Růže zabírají plochu menší než 30 m<sup>2</sup>.

## VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 12

V rovině leží dva shodné rovnoramenné trojúhelníky a přímka p rovnoběžná se základnou jednoho z nich. Druhý trojúhelník má právě jedno rameno rovnoběžné s ramenem prvního

trojúhelníku.



## 12 Jaká je velikost úhlu $\alpha$ ?

Velikosti úhlů neměřte, ale vypočtěte (obrázek je pouze

- [A] 160°
- [B] 140°
- [C] 130° • [D] 110°
- · [E] jiná velikost

## VÝCHOZÍ TEXT A **OBRÁZEK K ÚLOZE 13**

Ze shodných bílých a šedých krychliček byla sestavena krychle tak, že v každé řadě i v každém sloupci isou 4 krychličky.

Šedé krychličky byly umístěny vždy podél jedné ze dvou úhlopříček každé stěny krychle (viz obrázek). Všechny zbývající krychličky v krychli jsou bílé.



(CZVV)

# 13 Jaký je počet všech bílých

- [A] méně než 36
- [B] 36 • [C] 48
- [D] 54
- [E] 72
  - VÝCHOZÍ TEXT A **OBRÁZEK K ÚLOZE 14**

Na výrobu dortu byly použity dvě různé formy tvaru rotačního válce.

Poloměr podstavy první formy je 8 cm a poloměr podstavy druhé formy je o čtyrtinu menší. Výška obou forem je stejná, a to 5 cm.

Dvoupatrový dort je složen z většího a menšího korpusu.Každý korpus má stejný objem jako forma, v níž byl upečen.



## 14 Jaký je celkový objem obou korpusů dvoupatrového dortu?

- [A] 350π cm<sup>3</sup>
- [B]  $400\pi$  cm<sup>3</sup>
- [C] 450π cm<sup>3</sup>
- [D]  $500\pi$  cm<sup>3</sup>
- [E] 550π cm<sup>3</sup>

## VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 15

Na táboře bylo 80 dětí, 5 vedoucích a 4 instruktoři.

15.1 Vedoucí si všechny děti rozdělili do stejně početných oddílů. Každý vedoucí pak měl na starost jeden oddíl.

Kolik procent všech dětí měl na starost jeden

15.3) odpovídající výsledek (A-F).

vedoucí?

15 Přiřaďte ke každé úloze (15.1–

15.2 Na táboře bylo mladších dětí o

O kolik procent bylo starších dětí více než mladších?

15.3 Děti z tábora se vydaly do lesa na borůvky. Šla čtvrtina všech chlapců a polovina všech dívek, tedy chlapců šlo do lesa o 4 méně než dívek. Kolik procent všech dětí na táboře tvořily dívky?

- [A] 20 %
- [B] 25 %
- [C] 33 %
- [D] 40 %
- [E] 45 % • [F] 50 %

## VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 16

Mirek a Zuzka odříkávali čísla následujícím způsobem:\ Mirek postupně odříkával všechna po sobě jdoucí přirozená čísla od 1 do 1 000. Za každým druhým číslem udělal krátkou pauzu, během níž Zuzka řekla součet posledních dvou čísel, které vyslovil Mirek.

Na začátku tedy zazněla čísla: 1, 2, 3, 3, 4,\*\* 7\*\*, 5, 6, 11, ...

(Tučně zapsaná čísla vyslovila Zuzka, ostatní čísla Mirek.)

(CZVV)

## 16

16.1 Určete číslo, které zaznělo mezi čísly 24 a 25. 16.2 Jako 90. v pořadí bylo vysloveno číslo C, které později zaznělo ještě jednou.

Určete číslo, které bylo vysloveno bezprostředně

předtím, než podruhé zaznělo číslo C. 16.3 Určete největší číslo, které mezi prvními

150 vyslovenými čísly zaznělo dvakrát.

Určete, kolikrát více je 5 kilogramů než 0,25 gramů.

2 Druhá mocnina neznámého prvočísla je o 3 menší než jiné prvočíslo. O Určete větší z obou prvočísel.

[!NOTE] **Doporučení**: Úlohy **3.2, 4.3 a 5** řešte přímo **v** záznamovém archu.

3 Vypočtěte a výsledek zapište zlomkem v základním tvaru. 3.1

$$\frac{\sqrt{10^2 - 19}}{\sqrt{10^2}} =$$

3.2

$$\frac{\left(\frac{3}{5}\right)^2}{\frac{27}{34} \cdot \left(\frac{2}{3} - \frac{3^2}{5}\right)} =$$

[!NOTE] V záznamovém archu uveďte celý postur

4.1 Upravte a umocněte (výsledný výraz nesmí obsahovat závorky):

 $(4+8a-8)^2 =$ 

4.2 Upravte na co nejjednodušší tvar bez závorek:

$$(2-3x)\cdot 2 + (2x)^2 - x\cdot (-6) =$$

4.3 Upravte na co nejjednodušší tvar bez závorek:

$$(1-2n) \cdot (1-2n+4n) - 2n \cdot (1-3n) \cdot (1-2n)$$

[!NOTE] V záznamovém archu uveďte celý postup

## 5 Řešte rovnici:

V záznamovém archu uveďte v obou částech úlohy celý postup řešení (zkoušku nezapisujte).

$$5x + \frac{2}{15} + \frac{1}{15}x = \frac{2}{3}x - 3$$

 $4 - \frac{7 - 3y}{5} = 3 + \frac{7y - 4}{10}$ 

## VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 6

Do ložnice jsme přikoupili postel, noční stolek a skříň. Noční stolek byl o polovinu levnější než skříň, ale o třetinu dražší než postel.

(CZVV)

## 6 Cenu nočního stolku označíme n.

6.1 Vyjádřete výrazem s proměnnou n cenu skříně. 6.2 Vviádřete výrazem s proměnnou n cenu postele. 6.3 Za všechny tři kusy nábytku do ložnice jsme zaplatili celkem 9 000 korun.

Vypočtěte, kolik korun stál noční stolek.

## VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 7

Cyklista jel část své trasy po rovině, část klesal a zbytek trasy stoupal.

Po rovině ujel třetinu délky celé trasy, a to průměrnou rychlostí 30 km/h. Klesání bylo pětkrát kratší než celá trasa a cyklista ho siížděl průměrnou rychlostí o 40 % vyšší, než jel po rovině. Stoupání bylo na 14 km trasy a cyklista v něm měl průměrnou rychlost o polovinu nižší než při klesání

(CZVV)

## 7 Vypočtěte

7.1 v km/h průměrnou rychlost cyklisty při klesání,

7.2 v km délku celé cyklistovy trasy,

7.3 v minutách, jak dlouho cyklista na své trase stoupal.

## VÝCHOZÍ TEXT A **OBRÁZEK K ÚLOZE 8**

 $(1-2n)\cdot (1-2n+4n) - 2n\cdot (1-3n) + (3n - \text{Cel}\acute{1}) \stackrel{\text{Cel}\acute{1}}{=} \mathring{1}$ dlaždicemi tvaru čtverce se stranou délky 20 cm.

> Každá dlaždice je ozdobena čtvrtkruhem a malým kruhem jako na obrázku vlevo.

Dlaždice se pokládaly pravidelně ve čtveřicích jako na obrázku vpravo, přičemž se začalo v rohu chodby celou touto čtveřicí.





(CZVV)

8.1 Vypočtěte v cm<sup>2</sup> obsah jednoho malého kruhu. Výsledek zaokrouhlete na celé cm<sup>2</sup>.

8.2 Podlaha chodby má tvar obdélníku s rozměry 2 m a 3,2 m.

(Dlaždice jsou položeny těsně vedle sebe, šířku spár zanedbáváme.) Určete, o kolik se liší počet malých a velkých kruhů na podlaze chodby.

[!NOTE] **Doporučení** pro úlohy **9** a **10**: Rýsujte přímo do záznamového archu.

#### VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 9

V rovině leží body B, M a přímka q.

(CZVV)

Bod B je vrchol rovnoramenného trojúhelníku ABC se základnou AB.

Úsečka BM je jednou z výšek tohoto trojúhelníku a bod M leží na straně AC.

Na přímce q leží vrchol A trojúhelníku ABC.

Sestrojte vrcholy A, C trojúhelníku ABC, označte je písmeny a trojúhelník narýsujte.

[!NOTE] V záznamovém archu obtáhněte celou konstrukci propisovací tužkou (čáry i písmena).

## VÝCHOZÍ TEXT A **OBRÁZEK K ÚLOZE 10**

V rovině leží body A, S a přímka p.

(CZVV)

## 10

Bod A je vrchol obdélníku *ABCD*, jehož vrchol D leží na

Bod S je střed strany CD obdélníku ABCD. Sestrojte vrcholy B, C, D obdélníku ABCD, označte je písmeny a obdélník narýsujte. Najděte všechna řešení.

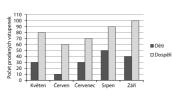
[!NOTE] V záznamovém archu obtáhněte celou konstrukci propisovací tužkou (čáry i písmena).

## VÝCHOZÍ TEXT A **GRAF K ÚLOZE 11**

Rodný dům slavného spisovatele je otevřen pouze v letní sezoně od května do září.

V pokladně zaznamenávají počet prodaných vstupenek dětským a dospělým návštěvníkům.

V grafu je uvedena návštěvnost v jedné sezoně.



(CZVV)

# Rozhodněte o každém z následujících tvrzení (11.1-

11.3), zda je pravdivé (A), či nikoli (N). 11.1 V prvních třech měsících sezony bylo mezi návštěvníky rodného domu třikrát více dospělých než dětí.

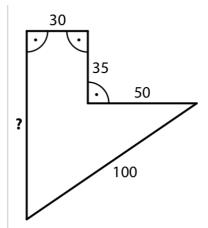
11.2 Za celou sezonu bylo dospělých návštěvníků rodného domu průměrně 80 za měsíc 11.3 Za celou sezonu tvořily děti 40

% všech návštěvníků rodného domu.

## VÝCHOZÍ TEXT A **OBRÁZEK K ÚLOZE 12**

Na hřišti je podle plánku vymezen uzavřený okruh, v němž na sebe navazuje 5 rovných úseků. Některé sousední úseky jsou na sebe kolmé (viz obrázek).

Jirka prošel celý okruh stejně dlouhými kroky a do plánku si zaznamenal jejich počet na prvních čtyřech úsecích.



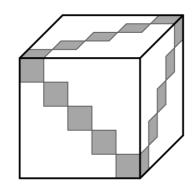
## 12 Kolika kroky prošel Jirka poslední úsek okruhu?

- · [A] méně než 85 kroky
- [B] 85 kroky
- [C] 90 kroky
- [D] 95 kroky
- [E] 100 kroky

## VÝCHOZÍ TEXT A **OBRÁZEK K ÚLOZE 13**

Na každé stěně krychle je vždy jedna úhlopříčka celá přelepena pěti shodnými šedými čtverci tak, že sousední čtverce mají právě jeden společný vrchol (viz obrázek).

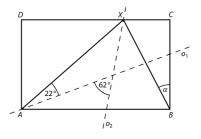
Nepolepená část každé stěny je bílá.\ Součet obsahů všech **bílých nepolepených** ploch na povrchu krychle je 480 cm<sup>2</sup>.



## 13 Jakou délku má hrana krychle?

- [A] méně než 10 cm
- [B] 10 cm
- [C] 12 cm
- [D] 15 cm
- [E] 20 cm
  - VÝCHOZÍ TEXT A **OBRÁZEK K ÚLOZE 14**

V obdélníku ABCD leží na straně CD bod X. Přímka o\_1 je osa úhlu *BAX* a přímka o\_2 je osa úhlu AXB. Velikosti některých úhlů jsou vyznačeny v obrázku.



(CZVV)

## **14** Jaká je velikost úhlu $\alpha$ ?

Velikosti úhlů neměřte, ale vypočtěte (obrázek je pouze ilustrativní).

- [A] 22°
- [B] 28°
- [C] 34°
- [D] 40°
- · [E] jiná velikost

## 15 Přiřaďte ke každé úloze (15.1– 15.3) odpovídající výsledek (A-F).

Prázdný kbelík se zcela naplní přesně 50 hrnky borůvek. Z plného kbelíku jsme odsypali 46 % borůvek.

#### Kolik hrnků borůvek zbývá v kbelíku?

Hrnčíři Petr, Radim, Slávek a Tomáš vyrobili dohromady 240 hrnků. Petr vyrobil o polovinu méně hrnků než

Slávek i Tomáš vyrobili každý o 25 % hrnků méně než

O kolik hrnků více vyrobil Tomáš než Petr?

Jitka s maminkou a habičkou trhaly na zahradě rybíz do stejně velkých hrnků. Maminka natrhala dvakrát více rybízu než Jitka.

Babička natrhala o polovinu více rybízu než Jitka. Přitom babička natrhala o 2 hrnky rybízu méně než maminka.

#### Kolik hrnků rybízu natrhaly všechny tři dohromady?

- [A] 18 hrnků
- [B] 20 hrnků
- [C] 21 hrnků • [D] 23 hrnků
- [E] 25 hrnků
- [F] více než 25 hrnků

## VÝCHOZÍ TEXT A **OBRÁZEK K ÚLOZE 16**

Vytváříme obrazce tvaru pravidelného šestiúhelníku složené z bílých a šedých shodných rovnostranných trojúhelníků.

První obrazec se skládá ze 3 bílých a 3 šedých trojúhelníků a každý další obrazec vznikne přidáním jednoho pásu trojúhelníků okolo předchozího obrazce (viz obrázek).





(CZVV)

**16** 

16.1 Vypočtěte, kolik trojúhelníků (bílých i šedých dohromady) obsahuje poslední přidaný pás 4. obrazce. 16.2 Vypočtěte, kolik šedých trojúhelníků obsahuje celý 6. obrazec 16.3 Určete, kolikátý obrazec má v posledním

přidaném pásu 225 šedých trojúhelníků.

Třímetrovou dárkovou stuhu jsme dvěma střihy rozdělili na tři díly různých délek. Nejprve isme odstřihli čtvrtinu stuhy na první dárek, potom jsme odstřihli dvě pětiny zbytku stuhy na druhý dárek a poslední díl jsme použili na třetí dárek.

(CZVV)

1 Vypočtěte, kolik cm stuhy jsme použili na třetí dárek.

Poměr dvou neznámých přirozených čísel je 4:5 a dvojnásobky těchto dvou čísel se liší o 6. **Určete menší z** obou neznámých čísel.

[!NOTE] Doporučení: Úlohy 3.2, 4.3 a 5 řešte přímo v záznamovém archu.

3 Vypočtěte a výsledek zapište zlomkem v základním tvaru. 3.1

$$\left(\frac{7}{5} - \frac{7}{4}\right) : \frac{2}{5} =$$

3.2

$$\frac{\left(1+\frac{1}{7}\right)^2 \cdot \frac{7}{4}}{\sqrt{25} - \frac{3^2}{5}}$$

[!NOTE] V záznamovém archu uveďte celý postup řešení.

4.1 Upravte na co nejjednodušší tvar bez závorek:

$$(y+1)^2+(y-1)\cdot 2y=$$

4.2 Upravte a výsledný výraz

$$k\cdot(k-9)+9\cdot(k-16)=$$

4.3 Upravte na co nejjednodušší tvar bez závorek:

$$(x-15)\cdot(2x-x)-(5x-8)\cdot(-3+1)-1=(CZVV)$$

[!NOTE] V záznamovém archu uveďte celý postup

## 5

[!NOTE] V záznamovém archu uveďte v obou částech úlohy celý postup řešení (zkoušku nezapisujte).

5.1 Řešte rovnici:

$$0.1x + 5 \cdot (0.04x - 3.2) = 4 - 0.7x$$

5.2 Řešte soustavu rovnic:

$$3x - (y+1) = 10$$
$$2x - 9 = y$$

## VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 6

Na odvoz beden ze skladu se používají dva různí roboti A. B.

Ve skladu bylo 95 beden

Bedny nejprve odvážel robot A, a to po 5 kusech. Jezdil v pravidelných intervalech a odvezl ze skladu za 2 hodiny celkem 50 heden

Pak pokračoval robot B, který vozil bedny jen po 3 kusech, avšak v kratších pravidelných intervalech. Odvezl tak ze skladu za 1,5 hodiny zbývajících 45 beden.

(CZVV)

6.1 Vyjádřete v základním tvaru poměr počtu beden odvezených ze skladu za 1 hodinu robotem A ku počtu beden odvezených za 1 hodinu robotem B. 6.2 Vyjádřete v základním tvaru poměr počtu jízd robota A za hodinu ku počtu jízd robota B za hodinu. 6.3 Vypočtěte, kolik beden by ze skladu odvezli za 36 minut oba roboti dohromady při společném provozu.

## VÝCHOZÍ TEXT A TABULKA K ÚLOZE 7

Do vědomostní soutěže se přihlásilo 10 soutěžících a všichni se zúčastnili 1. i 2. kola. V každém kole získali jednotliví soutěžící 8, 9,

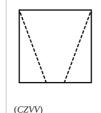
	8 bodů	9 bodů	10 bodů	Aritmetický průměr
1.kolo		5		
2.kolo				9,5

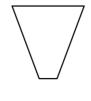
nebo 10 bodů. Některé údaje jsou v tabulce.

7.1 V 1. kole bylo soutěžících, kteří získali 8 bodů, o jednoho méně než těch, kteří získali 10 bodů. Určete průměrný bodový zisk všech soutěžících v 1. 7.2 Určete, kolik soutěžících mohlo ve 2. kole získat 9 bodů. Najděte všechna řešení.

## VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 8

Ze čtverce o straně délky 12 cm odstřihneme dva shodné trojúhelníky (viz obrázek vlevo). Vznikne tak rovnoramenný lichoběžník, jehož kratší základna má délku 2 cm.





8

8.1 Určete, o kolik cm2 je obsah čtverce větší než obsah lichoběžníku. 8.2 Vypočtěte v cm obvod lichoběžníku. [!NOTE] **Doporučení** pro úlohy **9** a **10**: Rýsujte přímo do záznamového archu

## VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 9

V rovině leží body A, A' a M.



9

Bod A je vrchol rovnostranného trojúhelníku ABC. Na přímce AM leží vrchol C tohoto trojúhelníku. Bod A' je vrchol trojúhelníku A'B'C, který je obrazem trojúhelníku ABC v osové souměrnosti s osou o.

Oba trojúhelníky mají pouze jeden společný bod, a to vrchol C.

9.1

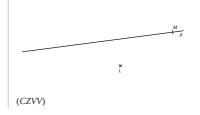
Sestrojte osu o a označte ji písmenem.

Sestrojte všechny chybějící vrcholy trojúhelníků ABC i A'B'C,označte je písmeny a oba trojúhelníky narýsujte.

[!NOTE] V záznamovém archu obtáhněte celou konstrukci propisovací tužkou (čáry i písmena).

## VÝCHOZÍ TEXT A **OBRÁZEK K ÚLOZE 10**

V rovině leží body L, M a přímka p procházející



**10** 

Body L, M jsou vrcholy rovnoběžníku KLMN. Na přímce p leží střed S souměrnosti tohoto rovnoběžníku

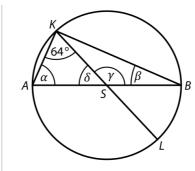
Délka strany *LM* je stejná jako délka úhlopříčky *LN*.

Sestrojte střed S a vrcholy K, N rovnoběžníku KLMN, označte je písmeny a rovnoběžník narýsujte. Najděte všechna řešení.

[!NOTE] V záznamovém archu obtáhněte celou konstrukci propisovací tužkou (čáry i písmena).

## VÝCHOZÍ TEXT A **OBRÁZEK K ÚLOZE 11**

Kružnice se středem S prochází body A, B, K, L. Úsečky AB a KL se protínají v bodě S. V obrázku jsou vyznačeny velikosti některých



(CZVV)

## Rozhodněte o každém z následujících tvrzení (11.1– 11.3), zda je pravdivé (A), či nikoli (N).

Velikosti úhlů neměřte, ale vypočtěte (obrázek je pouze

11.1 α>64° 11.2 α+β>90°

## VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 12

Povrch malé krychle je o 42 cm<sup>2</sup> menší než povrch

Součet délek všech hran malé krychle je 36 cm.

(CZVV)

## 12 O kolik $\mathrm{cm}^3$ se liší objem malé a velké krychle?

- [A] o 14 cm<sup>3</sup>
- [B] o 27 cm<sup>3</sup>
- [C] o 37 cm<sup>3</sup>
- [D] o 46 cm<sup>3</sup>
- [E] o jiný objem

## VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 13

Ve stanici Lichá Lhota stojí na každé ze tří kolejí ieden vlak.

Vlak na druhé koleji má o 3 vagony více než vlak na první koleji a dvakrát méně vagonů než vlak na třetí koleji

Všechny tři vlaky dohromady mají 41 vagonů.

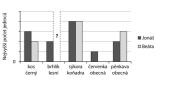
(CZVV)

## 13 O kolik vagonů více má vlak na třetí koleji než vlak na první koleji?

- [A] o 8 vagonů
- [B] o 10 vagonů
- [C] o 11 vagonů
- [D] o 13 vagonů
- [E] o 14 vagonů

#### VÝCHOZÍ TEXT A **GRAF K ÚLOZE 14**

Jonáš a Beáta se zapojili do programu Ptačí hodinka. Každý v okolí svého krmítka sledoval výskyt ptáků v průběhu jedné vybrané hodiny. U každého ptačího druhu zaznamenali do grafu vždy nejvyšší počet jedinců spatřených najednou.



Jonáš spatřil pět druhů ptáků, zatímco Beáta pouze čtyři z nich. Oba dohromady zaznamenali pěnkav o 6 méně než sýkor. Jonáš zaznamenal celkem o pětinu více ptačích jedinců než Beáta.

(CZVV)

## 14 Kolik jedinců brhlíka lesního zaznamenala Beáta?

- [A] 2 jedince
- [B] 3 jedince
- [C] 4 jedince
- [D] 5 jedinců • [E] více než 5 jedinců
- 15 Přiřaďte ke každé úloze (15.1–15.3) odpovídající výsledek (A–F).

15.1

Pan Zdeněk bydlí posledních pět osmin svého dosavadního života v Plzni, kam se přestěhoval, když mu bylo 27 let.

## Kolik let bydlí pan Zdeněk v Plzni?

Ze tří škol v obci je nejstarší základní škola, která je v provozu již 84 let.

Funguje tedy o 75 % delší dobu než gymnázium.

Kolik let funguje v obci lyceum?

Nejmladší školou je lyceum.

Součet věků dvojčat a jejich staršího bratra je 99 let. Každému z dvojčat je o 40 % méně let než jejich bratrovi.

Poměr doby fungování lycea a gymnázia je 2:3.

## Kolik let je každému z dvojčat?

- [A] 22 let
- [B] 27 let
- [C] 32 let
- [D] 45 let
- [E] 48 let
- [F] více než 48 let

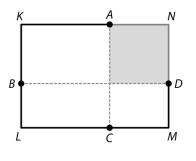
## VÝCHOZÍ TEXT A **OBRÁZEK K ÚLOZE 16**

Hřiště má tvar obdélníku KLMN

Po jeho obvodu vede soutěžní trasa se stanovišti A, B, C, D (viz obrázek).

Úsečky AC a BD jsou rovnoběžné se stranami hřiště a vyznačený šedý obrazec je čtverec.

Úsek AKB soutěžní trasy (ze stanoviště A přes vrchol K na stanoviště B) měří 45 m. Úsek BLC měří 39 m a poslední úsek CMD měří



(CZVV)

## 16 Vypočtěte v metrech

16.1 rozdíl mezi délkami úseček BK a BL. 16.2 délku kratší strany hřiště. 16.3 obvod hřiště

16.4 vzdálenost stanoviště D od vrcholu N.

\_\_\_\_ 1 Vypočtěte, o kolik cm² je plocha o obashu 0,2 m Vypočítejte: 2 Vypočítejte: 0,2 m<sup>2</sup> větší než plocha o obsahu 20 cm<sup>2</sup>.

 $(1,5^2-0,3^2) \div 6 =$ 

3 Vypočítejte a výsledek zapište zlomkem v základním tvaru.

Do záznamového archu uveďte u obou podúloh celý postupu řešení.

$$0,\!2-0,\!2\cdot\frac{5}{12}-\left(-\frac{7}{30}\right)=$$

$$\frac{\frac{1}{4} + \frac{1}{6}}{\frac{4}{9} - \frac{5}{6} \cdot \frac{2}{15}} =$$

4.1 Zjednodušte (výsledný výraz nesmí obsahovat závorky):

$$x^2 - (x-2y) \cdot (x+2y) =$$

4.2 Rozložte na součin podle vzorce:

$$(5n-8)\cdot(-3n)+(4n-3)^2=$$

4.3 Ziednodušte a výsledek rozložte na součin vytýkáním:

$$7 \cdot 3 + 10 \cdot (a^2 + 10) - a \cdot (a + 66) =$$

5 Řešte soustavu rovnic.

Do záznamového archu uveďte u obou podúloh celý postupu řešení.

Zkoušku nazapisujte.

$$\frac{1}{5}y + \frac{1}{2} = 2 \cdot \left(y + \frac{1}{4}\right)$$

 $3x + \frac{3}{4}y = 1$ 3.5y + 3x = 6.5

## VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 6

Zahradník sázel na záhon sazenice. Sazenice salátů zasadil o 4 více než sazenic okurek Na záhoně čtvrtinu sazenic salátů zlikvidovali slimáci a šestina sazenic okurek uschla.\ Všechny ostatní sazenice se ujaly. Na záhoně se tak ujal stejný počet sazenic salátů a okurek.

# 6 Určete,

kolik sazenic salátů zahradník zasadil,

kolik sazenic okurek se ujalo.

## VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 7

Stejné výrobky jsou po 12 kusech baleny do stejných krabic.

Na váhu se položily tři krabice, z nichž dvě byly plné, ale ve třetí krabici 5 výrobků chybělo. Tyto tři krabice i s výrobky vážily dohromady 2 kg.

Když se z váhy odebraly obě plné krabice, display váhy ukazoval 480g.

## 7 Vypočtěte, jaká je hmotnost v gramech

- 7.1 jedné plné krabice,
- 7.2 jednoho výrobku,
- 7.3 jedné prázdné krabice.

## VÝCHOZÍ TEXT A **OBRÁZEK K ÚLOZE 8**

Z rohů čtverce se stranou délky 27 cm se nejprve odstřihnou čtyři shodné trojúhelníky a poté se vykreslí ornament.

Ornament obsahuje jeden tmavý čtyřúhelník uprostřed, čtvři shodné bílé obdélníky a čtvři shodné bílé trojúhelníky, jejichž kratší strany mají délky 9 cm a 12 cm.





## 8 Vypočtěte

8.1 v cm obvod ornamentu (zakresleného vpravo), 8.2 v cm<sup>2</sup> celkový obsah bílých ploch ornamentu (zakresleného vpravo),

## VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 9

V rovině leží trojúhelník ABC, na jehož straně BC je umístěn bod A'.

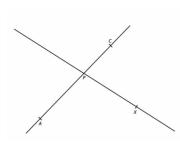


9 Bod A' je vrchol trojúhelníku A'B'C', který je obrazem trojúhelníku ABC ve středové souměrnosti se středem S. Sestroite a označte písmenem střed souměrnosti S. Sestrojte vrcholy B' a C' trojúhleníku A'B'C', označte je písmeny a trojúhelník narýsujte.

V záznamovém archu obtáhněte celou konstrukci propisovací tužkou (čáry i písmena).

## VÝCHOZÍ TEXT A **OBRÁZEK K ÚLOZE 10**

V rovině leží přímka AC a PX, které se protínají v bodě P.



Body A, C jsou vrcholy pravoúhlého lichoběžníku ABCD se základnami AB, CD a pravým úhlem při vrcholu D. Bod P je průsečík úhlopříček tohoto lichoběžníku. Vrchol D leží na přímce PX.

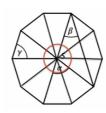
Sestrojte vrcholy B,D pravoúhlého lichoběžníku ABCD, označte je písmeny a lichoběžník narýsujte.

Najděte všechna řešení

V záznamovém archu obtáhněte celou konstrukci propisovací tužkou (čáry i písmena).

## VÝCHOZÍ TEXT A **OBRÁZEK K ÚLOZE 11**

V náčrtku pravidelného desitiúhelníku se středem S jsou vyznačeny úhly  $\alpha$ ,  $\beta$ ,  $\gamma$ .



11 Rozhodněte o každém z následujících tvrzení (11.1-11.3), zda je pravdivé (A), či nikoli (N). Úhly neměřte, náčrtek není přesný.

11.1  $\alpha = 72^{\circ}$ 

11.2  $\beta < 66^{\circ}$ 

11.3  $\gamma = \alpha$ 

## VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 12

Kytice byla svázána ze tří druhů květin: růží, chryzantém a static.

Růží a chryzantém dohromady je v kytici o 2 více než chryzantém a static dohromady. Počet růží ku počtu static je v poměru 5 : 4, počet static ku počtu chryzantémm v poměru 2:3.

V tabulce je u každého druhu květin uvedena cena za jeden kus. Cena celé kytice se získá jako součet cen jednotlivých květin, z nichž byla kytice svázána.

Druh květiny	Cena za kus	Počet kusů v kytici
Růže	54 korun	
Chryzantéma	40 korun	
Statice	35 korun	

## 12 Kolik korun bude stát celá kytice?

- [A] 1090 korun
- [B] 1252 korun
- [C] 1280 korun • [D] 1300 korun
- [E] jinou částku

## VÝCHOZÍ TEXT A **OBRÁZEK K ÚLOZE 13**

Na čtvrtku papíru narýsujeme rovné čáry, které jsou rovnoběžné s jedním nebo s druhým okrajem čtvrty. Čáry jsou nakresleny přes celou čtvrtku a rozdělují ji na několik částí.



Např. na obrázku rozděluje 6 rovných čar čtvrtku na 15 částí.

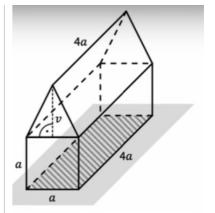
## 13 Jaký je <u>nejmenší</u> počet rovných čar, které rozdělí čtvrtku na 40 částí?

- [A] 11
- [B] 12
- [C] 13
- [D] 14
- [E] větší než 14

## VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 14

Dřevěný domeček se skládá ze dvou kolmých hranolů a stojí na vodorovné podložce. Plocha, kterou se domeček dotýká podložky, má obsah 16 cm<sup>2</sup>

V obrázku jsou označeny některé rozměry hranolů. Platí v = a.



## 14 Jaký je objem domečku?

- [A] 42 cm<sup>3</sup>
- [B] 48 cm<sup>3</sup>
- [C] 56 cm<sup>3</sup>
- [D] 64 cm<sup>3</sup> • [E] jiný objem

## 15 Přiřaďte ke každé úloze (15.1-15.3) odpovídající výsledek (A-F). 15.1 Tři pětiny objemu nádoby jsou zaplněny

vodou. Celou nádobu zaplníme po dolití dalších 14 litrů vody. (Nádoba nepřeteče.) Jaký je objem nádoby?

15.2 Voda v v nádobě vyplňuje 55 % jejího objemu. Když z nádoby odebereme 12 litrů vody, bude zaplněna přesně čtvrtina objemu nádoby. Jaký je objem nádoby?

V každé ze tří stejných nádob je nalito jíné množství vody. V první nádobě vyplňuje voda 30 % jejího objemu a ve druhé nádobě 40 % objemu. Ve třetí nádobě je 19 litrů vody. Kdybychom vodu ze všech nádob rozdělili rovnoměrně, voda by v každé nádobě vyplnila dvě pětiny jejího objemu.

#### Jaký je objem jedné nádoby?

- [A] 30 litrů
- [B] 33 litrů
- [C] 35 litrů
- [D] 38 litrů [E] 40 litrů
- [F] jiný objem

# Pro každou dvojici obdélníků sestavených ze

stejného počtu čtverečků platí:

· Vyšší z obou obdélníků má vždy o jednu řadu čtverečků více než nižší obdélník

VÝCHOZÍ TEXT A

**OBRÁZEK K ÚLOZE 16** 

- Vyšší obdélník vznikne z nižšího obdélníku přesunutím několika sloupců do horní řady.
- Počet přesunutých sloupců je vždy o 1 menší, než je počet řad v nižším obdélníku. Tedy z obdélníku se 2 řadami se přemístí 1 sloupec, z obdélníku se 3 řadami 2 sloupce, atd.

## **16**

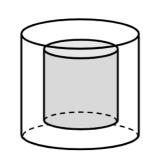
V jedné dvojici obdélníků má nižší obdélník 21 řad. V této dvojici určete počet sloupců ve vyšším obdélníku.

V jiné dvojici obdélníků má vyšší obdélník 110 sloupců. V této dvojici určete počet řad v nižším obdélníku.

Pět švadlen, které šíjí oblečení, pracují stejným tempem. Tyto vadleny splní danou zakázku za 24 hodin.
Za jakou dobo splní o polovinu větší zakázku čtyři
švadleny?

## VÝCHOZÍ TEXT A **OBRÁZEK K ÚLOZE 2**

Skleněné těžítko má tvar rotačního válce s plolměrem podstavy 10 cm a výškou 12 cm. Vnější část těžítka je z čirého skla, uvnitř je část z modrého skla, která má také tavr rotačního válce, a to s poloměrem podstavy 5 cm a výškou 8 cm.



## 7 Vypočítejte objem čirého skla v těžítku.

Výsledek zaokrouhlete na desítky cm<sup>3</sup>. Pro výpočet použijte zaokrouhlenou hodnotu čísla  $\pi$  z tabulky na začátku testového sešitu

3 Vypočítejte a výsledek zapište zlomkem v základním tvaru.

Do záznamového archu uveďte u obou podúloh  $\operatorname{cel} \acute{\mathbf{y}}$ postupu řešení.

$$\left(2\div\frac{3}{2}\right)\div\frac{1}{2}+\left(\frac{5}{6}\div\frac{3}{4}\right)\div\frac{2}{3}$$

# 4 Proveďte úpravu výrazů.

4.1 Zjednodušte (výsledný výraz nesmí obsahovat závorky):

$$\left(a-\frac{a}{4}\right)^2=$$

4.2 Rozložte na součin podle vzorce:

$$9a^2 - 16 =$$

4.3 Zjednodušte a výsledek rozložte na součin vytýkáním

$$(c-5) \cdot (2-3c) - (c-2c) \cdot 3c - c \cdot 7 =$$

Do záznamového archu uveďte u podúlohy 4.3 celý

## 5 Řešte rovnice.

Do záznamového archu uveďte u obou podúloh celý postupu řešení. Zkoušku nazapisujte.

3.2

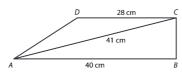
$$-2\cdot (x+4) - 3\cdot (x+1)^2 = x\cdot (2-3x)$$

$$6 - \frac{3-2y}{5} \cdot 2 = 4y$$

## VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 6

Pravoúhlý lichoběžník ABCD se základnami AB a CD má pravý úhel při vrcholu B.

Základna AB má délku 40 cm, základna CD délku 28 cm a úhlopříčka AC délku 41 cm.



6.1 Vypočítejte obsah lichoběžníku ABCD.

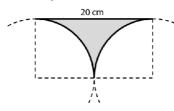
Výsledek uveďte v cm<sup>2</sup>.

6.2 Vypočítejte délku ramene AD. Výsledek uveďte v cm.

7 Žáci třídy 8.B se dělí na dvě skupiny podle toho, zda chodí na němčinu nebo angličtinu. V obou skupinách je stejný počet žáků. Ve třídě je 14 chlapců a 5 z nich chodí na angličtinu. Na němčinu chodí 4 dívky. 7.1 Kolik dívek celkem chodí na angličtinu? 7.2 Kolik má třída 8.B celkem žáků?

## VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 8

Šedý obrazec je ohraničen úsečkou délky 20 cm a dvěma schodnými čtvrtkružnicemi.



V podúlohách 8.1 a 8.2 pro výpočet použijte zaokrouhlenou hodnotu čísla  $\pi$  z tabulky na začátku testového sešitu

8.1 Výpočítejte obsah šedého obrazce.

Výsledek uveď te v cm<sup>2</sup> a zaokrouhlete ho na celé cm<sup>2</sup>.

8.2 Výpočítejte obvod šedého obrazce.

Výsledek uveďte v cm a zaokrouhlete ho na celé cm.

## VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 9

V rovině leží body C a S. Bod C je vrchol rovnostranného trojúhelníku ABC. Bod S je středem strany AB.

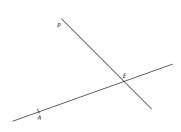


9 Sestrojte vrcholy A,B rovnostranného trojúhelníku ABC a trojúhleník narýsujte.

V záznamovém archu obtáhněte celou konstrukci propisovací tužkou (všechny čáry, kružnice nebo jejich části i písmena).

## VÝCHOZÍ TEXT A **OBRÁZEK K ÚLOZE 10**

V rovině leží přímka AE a přímka p procházející bodem E. Bod A je vrchol obdelníku ABCD. Vrchol B leží na přímce AE a vrchol C na přímce p. Úhlopříčka BD obdelníku ABCD má stejnou délku jako úsečka AE.



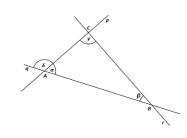
#### 10 Sestrojte vrcholy B,C,D obdelníku ABCD, označte je písmeny a obdelník narýsujte.

V záznamovém archu obtáhněte celou konstrukci propisovací tužkou (všechny čáry, kružnice nebo jejich části i písmena).

## VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 11

V rovině leží přímky p, q a r, jejichž průsečíky tvoří vrcholy trojúhelníku ABC.

Jsou dány úhly \beta = 23° a \delta = 107°.



## 11 Jaká je velikost rozdílu úhlů $\gamma-\alpha$ ? Velikost úhlů neměřte, ale vypočítejte (obrázek je

• [A] 10°

ilustrační).

- [B] 11°
- [C] 12° • [D] 13°
- [E] jiná velikost

## VÝCHOZÍ TEXT A **OBRÁZEK K ÚLOZE 12**

Obrazec je možné rozstříhat na 7 shodných rovnoramenných trojúhelníků.

Obvod jednoho takového trojúhelníku je 30 cm.





## 12 Jaký je obvod obrazce?

- [A] 55 cm
- [B] 60 cm
- [C] 66 cm • [D] 72 cm
- [E] 90 cm

## VÝCHOZÍ TEXT A **OBRÁZEK K ÚLOZE 13**

Máme shodné čtverce A a B. Čtverec A je rozdělen na dva shodné obdélníky, čtverec B na pět shodných obdélníků. Obvod jednoho ze dvou obdélníků ve čtverci A je o 6 cm větší než obvod jednoho z pěti obdélníků ve čtverci B.





## 13 Jaký je obvod jednoho ze čtverců A nebo B?

- [A] 40 cm
- [B] 72 cm
- [C] 80 cm
- [D] 96 cm
- [E] 128 cm

14 Vynásobíme-li neznámé číslo dvěma a odečteme-li od výsledku 135, získáme polovinu hodnoty neznámého čísla. Jaká je hodnota neznámého čísla?





• [D] 90 • [E] jiný výsledek

• [A] 270

• [B] 170

• [C] 135

- 15 Půdorys domu má tvar obdélníku. Šířka domu je 10 metrů. V plánu je tato šířka vyznačena úsečkou o délce 10 cm. Délka domu je v plánu zakreslena jako úsečka o délce 2 dm. Rozhodněte o každém z následujích tvrzení (15.1-
- 15.1 Měřítko plánu je 1:1 000. 15.2 Skutečná délka domu je 20m. 15.3 Obsah obdélníku na plánu a obsah

15.3), zda je pravdivé (A), či nikoliv (N).

půdorysu domu jsou v poměru 1:100. Přiřaď te ke každé úloze (16.1-16.3) odpovídající výsledek (A-F).

16.1 Pan Novák si vypůjčil 20 000 Kč na jeden rok. Po roce vrátí věřiteli vypůjčenou částku, a navíc mu zaplatí úrok ve výši 13,5% z vypůjčené částky.

Kolik korun celkem věřiteli vrátí?

16.2 Paní Dlouhá na začátku roku vložila do banky 1 000 000 Kč s roční úrokovou sazbou 2,5%. Výnosy z úroků jsou zdaněny srážkovou daní.

Kolik korun získá paní Dlouhá navíc ke svému vkladu za jeden rok, bude-li jí odečtena daň z úroků

16.3 Kolo v obchodě stálo 20 000 Kč. Nejdříve bylo zlevněno o 10% z původní ceny, po

měsíci bylo zdraženo o 10% z nové ceny. Jaká byla výsledná cena kola po zlevenění i zdražení?

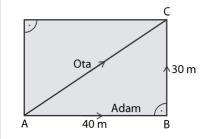
- [A] 22 700 Kč
- [B] 21 350 Kč
- [C] 21 250 Kč
- [D] 20 000 Kč • [E] 19 800 Kč
- [F] jiný výsledek

Josef má délku kroku 75 cm,  $_{\mathbf{m}}$  1 Naďa má krok dlouhý 60 cm. Josef i Naďa každý ušli 10 000 kroků.

O kolik kilometrů ušel Josef více než Naďa O kolik kilometrů ušel Josef více než Naďa?

## VÝCHOZÍ TEXT A **OBRÁZEK K ÚLOZE 2**

Adam a Ota jsou z místa A do místa C. Každý jde jinou cestou tak, jak je vyznačeno na obrázku. Adam jde z místa A do místa C po rovných silnicích přes místo B. Ota jde zkratkou přímo z A



- 2 O kolik procent je Adamova cesta delší než cesta, kterou jde Ota?
- 3 Vypočítejte a výsledek zapište zlomkem v základním tvaru. Do záznamového archu uveďte u obou podúloh celý

postupu řešení. 3.1

$$\left(\frac{3}{4}+\frac{4}{3}\right)\cdot\left(\frac{2}{3}-\frac{6}{5}\right)$$

$$\frac{\frac{5}{9} - \frac{3}{2} \div \frac{3}{5}}{\frac{2}{3} + \frac{1}{6} - \frac{7}{12}}$$

4.1 Umocněte

$$(-3-2x)^2 =$$

4.2 Upravte a rozložte na součin podle vzorce:

$$6400 - (x^2 - 3600) =$$

4.3 Zjednodušte a výsledek rozložte na součin vytýkáním

$$(3x+1)^2 - x \cdot 7x - (2x-5) \cdot (x+4) =$$

Do záznamového archu uveďte u podúlohy 4.3 celý postupu řešení.

## 5 Řešte rovnice.

Do záznamového archu uveďte u obou podúloh celý postupu řešení.

Zkoušku nazapisujte.

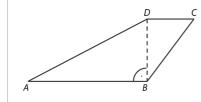
$$1, 6 \div 2 - \frac{x}{2} = 3 \cdot 0, 7x + 3, 4$$

5.2

$$\frac{5-2y}{3} + \frac{y}{9} = \frac{3-y}{6}$$

### VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 6

Čtyřúhelník ABCD je takový lichoběžník se základnami AB a CD, že úsečka BD je jeho výška. Pro délky stran platí |AD| = 17cm, |BD| = 18cm, obsah trojúhelníku BCD je S = 24 cm<sup>2</sup>.



6.1 Vypočítejte obsah lichoběžníku ABCD. Výsledek uveďte v cm2.

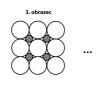
6.2 Vypočítejte obvod lichoběžníku ABCD. Výsledek uveďte v cm.

7 Petr sbírá modely aut. Druhý rok nasbíral o polovinu počtu modelů aut více, než které nasbíral první rok. Třetí rok nasbíral 72 modelů. Počet modelů, které Petr nasbíral v prvním roce, označte x. 7.1 V závislosti na veličině x vyjádřete, kolik modelů nasbíral Petr během druhého roku. 7.2 Vypočítejte, kolik modelů nasbíral Petr během prvního roku, pokud za tři roky nasbíral 217 modelů.

#### VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 8

Obrazce jsou tvořeny z velkých bílých a malých tmavých kruhů podle určitého pravidla. První obrazec tvoří jeden velký bílý kruh. Druný obrazec tvoří čtyři bílé kruhy, jejichž středy tvoří vrcholy čtverce, a jeden tmavý kruh uprostřed. Každé dva sousední kruhy mají společný právě jeden bod. Třetí obrazec je sestaven za dodržení pravidla vytváření obrazců tak, že je tvoří devět bílých kruhů a čtyři kruhy tmavé. Daným způsobem sestavujeme další obrazce.





8.1 Kolik velkých bílých kruhů obsahuje osmý obrazec? 8.2 Kolikátý obrazec obsahuje 361 malých tmavých kruhů?

## VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 9

V rovnině jsou dány body A,B a O. Body A,B jsou vrcholy kosočtverce ABCD. Vrchol C kosočtverce leží na přímce OA.

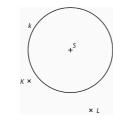
**q** Sestrojte kosočtverec ABCD.

V záznamovém archu obtáhněte celou konstrukci propisovací tužkou (všechny čáry, kružnice nebo jejich části i písmena).

## VÝCHOZÍ TEXT A **OBRÁZEK K ÚLOZE 10**

V rovině je dána kružnice k se středem S a body

Body K,L jsou vrcholy rovnoramenného trojúhelníku KLM se základnou LM.



10 Sestrojte rovnoramenný trojúhelník KLM, leží-li bod M na kružnici k. Nalezněte všechna řešení.

V záznamovém archu obtáhněte celou konstrukci propisovací tužkou (všechny čáry, kružnice nebo jejich části i písmena).

11 Hračka stála 250 korun. Nejdříve byla zdražena o 40 % oproti původní ceně, po měsíci pak byla zlevněna o 40 % z nové ceny. Kolik stála hračka po této dvojí úpravě cen?

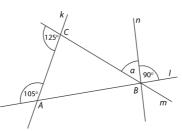
- [A] 220 Kč
- [B] 210 Kč
- [C] 230 Kč
- [D] 250 Kč
- [E] 280 Kč

12 Pekař na trhu prodával malé a velké koláčky. Velký koláček byl o polovinu dražší než malý koláček a stál 30 Kč. Velké koláčky prodal pekař všechny a utržil za ně 3 000 Kč. Desitinu malých koláčků neprodal a za prodané malé koláčky utržil 3 600 Kč. Kolik pekař původně přivezl na trhu malých koláčků?

- [A] 100
- [B] 180
- [C] 200
- [D] 240
- [E] jiný počet

## VÝCHOZÍ TEXT A **OBRÁZEK K ÚLOZE 13**

V rovině leží přímky k,l,m a n. Průsečíky přímek k.l a m tvoří vrcholy trojúhelníku ABC. Bodem B prochází také přímka n.



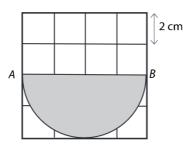
## 13 Jaká je velikost úhlů $\alpha$ ?

Velikost úhlů neměřte, ale vypočítejte (obrázek je

- [A] 55°
- [B] 50°
- [C] 45° • [D] 40°
- [E] 35°

## VÝCHOZÍ TEXT A **OBRÁZEK K ÚLOZE 14**

Ve čtvercové síti je zakreslen šedý obrazec půlkruh s průměrem AB. Body A a B leží v mřížových bodech. Délka strany čtverce ve čtvercové síti je 2 cm.



## 14 Jaký je obsah šedé části?

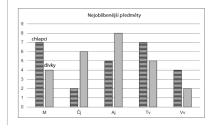
Pro výpočet použijte zaokrouhlenou hodnotu čísla  $\pi$  z tabulky na začátku testového sešitu.

- [A] 20,28 cm<sup>2</sup>
- [B] 22,56 cm<sup>2</sup>
- [C] 24,56 cm<sup>2</sup>
- [D] 25,12 cm<sup>2</sup> • [E] 30,24 cm<sup>2</sup>

- [A] 15 %
  - [C] 25 %
  - [D] 30 %

## VÝCHOZÍ TEXT A **OBRÁZEK K ÚLOZE 15**

Žáci 9. ročníku mezi sebou provedli statistický průzkum. Každý žák volil svou nejoblíbenější předmět, přičemž každý si zvolil právě jeden. Výsledky jsou zaznamenány v grafu.



Rozhodněte o každém z následujích tvrzení (15.1-15.3), zda je pravdivé (A), či nikoliv (N).

15.1 V 9.ročníku je stejný počet dívek jako chlapců. 15.2 Český jazyk volilo více než

16 % všech žáků 9. ročníku.

15.3 Počet chlapců, kteří volili matematiku, je o 75 % větší než počet děvčat, která volila také matematiku.

Přiřaďte ke každé úloze (16.1-16.3) odpovídající výsledek (A-F). 16.1 Lyžařský pobyt stál celkem 7 000 Kč. Cena zarhnovala dopravu, ubytování a lístek na vlek. Doprava tvořila desitinu celkové ceny, 60 % ceny stálo ubytování.

Kolik procent ceny pobytu tvořila cena lístku na vlek?

16.2 Cena učebnice matematiky se snížila na částku 1 500 Kč z původních 2 000 Kč. Kolik procent činila sleva?

16.3 Petr přivezl nemocnému kamarádovi dárek ze zahraničních zájezdu za 40 EUR. Celkem měl vyměněno 200 EUR.

Kolik procent z vyměněných EUR tvořila cena dárku?

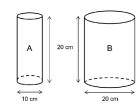
- [B] 20 %
- [E] 40 %
- [F] jiný výsledek

Města Jihlava a Třebíč mají dohromady 86 200 obyvatel. Jihlava má o 16 000 obyvatel více.

Kolik obyvatel má Třebíč?

## VÝCHOZÍ TEXT A **OBRÁZEK K ÚLOZE 2**

Dvě válcové nádoby A a B mají stejnou výšku v = 20 cm. Nádoba A má průměr podstavy d1 = 10 cm, nádoba B má průměr podstavy d2 = 20 cm. Nádoba A je naplněna až po okraj vodou, nádoba B je prázdná.



## 2 Do jaké výšky bude sahat voda v nádobě B, pokud všechnu vodu z nádoby A přelijeme do nádoby B?

Pro výpočet použijte zaokrouhlenou hodnotu čísla  $\pi$  z tabulky na začátku testového sešitu.

3 Vypočítejte a výsledek zapište zlomkem v základním tvaru.

Do záznamového archu uveďte u obou podúloh celý postup řešení.

$$rac{rac{7}{5}+3,3-rac{1}{2}}{rac{1}{15}+rac{1}{3}}=$$

$$\left(\frac{1}{2} + \frac{1}{3} : \frac{5}{6}\right) - \frac{7}{2} + \frac{3}{5} : \frac{3}{2} - 1 :$$

## 4 Proveďte úpravu výrazů.

4.1 Umocněte a zjednodušte.

Výsledek zapište zlomkem v základním tvaru.

$$\left(\frac{b}{3} - 3b\right)^2 =$$

4.2 Upravte a výsledný výraz

$$5 - (1 - x^2) - x \cdot 2x =$$

4.3 Zjednodušte (výsledný výraz nesmí obsahovat závorky):

$$(c-7)\cdot(c-7)-(c-5)\cdot3c+c\cdot(c+c)=$$

Do záznamového archu uveďte u podúlohy 4.3 celý

## 5 Řešte rovnice.

Do záznamového archu uveďte u obou podúloh celý postup řešení. Zkoušku nezapisujte.

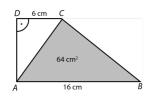
$$\left(x+rac{1}{2}x
ight)
ight)\cdot 2=\left(x+rac{1}{6}x
ight)\cdot 2+6$$

$$\frac{1}{2} \cdot (x+2) - (x-2)^2 = 6 - x^2$$

## VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 6

Pravoúhlý lichoběžník ABCD se základnami AB a CD a s pravým úhlem při vrcholu D je úhlopříčkou AC rozdělen na dva trojúhelníky ABC a ACD.

Pro délky stran platí: |AB| = 16 cm, |CD| = 6 cm. Obsah trojúhelníku ABC je 64 cm2.

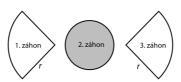


6.1 Vypočítejte výšku lichoběžníku ABCD. Výsledek uveďte v cm.

6.2 Vypočítejte obsah lichoběžníku ABCD. Výsledek uveďte v cm<sup>2</sup>.

## VÝCHOZÍ TEXT A **OBRÁZEK K ÚLOZE 7**

V parku jsou 3 okrasné záhony. První a třetí záhon o stejné velikosti mají tvar čtvrtkruhu, druhý záhon má tvar kruhu. Každý ze tří záhonů má obsah 314

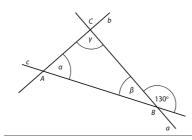


V podúlohách 7.1 a 7.2 pro výpočet použijte zaokrouhlenou hodnotu čísla  $\pi$  z tabulky na začátku

- 7.1 Vypočítejte obvod druhého (kruhového) záhonu. Výsledek uveďte v celých metrech.
- 7.2 Vypočítejte poloměr r jednoho
- Výsledek uveďte v celých metrech.

## VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 8

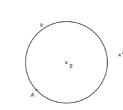
Trojúhelník ABC je vymezen třemi různoběžkami a, b, c. Přímky a a c svírají úhel 130° a velikosti úhlů α a γ jsou v poměru 2:3.



8.1 Vypočítejte velikost vnitřního úhlu v při vrcholu C. 8.2 Vypočítejte rozdíl  $\alpha - \beta$  vnitřních úhlů  $\alpha$  a  $\beta$ . Velikosti úhlů neměřte, ale vypočítejte (obrázek je ilustrační).

## VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 9

SV rovině leží bod E a kružnice k se středem S, která prochází bodem A. Bod A je vrchol pravoúhlého lichoběžníku ABCD se základnami *AB* a *CD* a pravým úhlem při vrcholu A. Vrcholy C a D tohoto lichoběžníku leží na kružnici k, bod E je střed ramene BC



9 Sestrojte zbývající vrcholy B, C a D lichoběžníku ABCD, označte je písmeny a lichoběžník narýsujte. V záznamovém archu obtáhněte celou konstrukci propisovací tužkou (všechny čáry, kružnice nebo jejich

#### VÝCHOZÍ TEXT A **OBRÁZEK K ÚLOZE 10**

V rovině je dána přímka o a body A a S, které neleží na přímce o. Bod A je vrchol rovnoramenného lichoběžníku ABCD, bod S je střed strany BC. Přímka o je osa souměrnosti lichoběžníku.

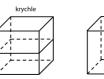


## 10 Sestrojte lichoběžník ABCD.

V záznamovém archu obtáhněte celou konstrukci propisovací tužkou (všechny čáry, kružnice nebo jejich části i písmena).

## VÝCHOZÍ TEXT A **OBRÁZEK K ÚLOZE 11**

Krychle má délku hrany 3 dm. Krychli rozdělíme vodorovným řezem na dva shodné hranoly a vytvoříme nové těleso.



# O kolik dm<sup>2</sup> se zvětší povrch nového

- [A] o 4,5 dm<sup>2</sup>
- [B] o 9 dm<sup>2</sup>
- [C] o 18 dm<sup>2</sup> · [D] oba povrchy jsou stejné
- [E] jiný výsledek
- 12 Dva sourozenci Eva a Michal šetří společně na dárek pro rodiče. Eva našetřila 40 % potřebné částky, Michal o 24 korun více než Eva. Sourozencům zbývá našetřit 72 korun. Kolik korun stojí dárek?
- [A] 96 Kč
- [B] 120 Kč
- [C] 480 Kč
- [D] 1 920 Kč
- [E] jiný výsledek

\*\*Jaká je kapacita sálu? \*\*

13 V divadle bylo těsně před začátkem představení v sále obsazeno 70 % sedadel. Po začátku představení přišlo se zpožděním ještě 11 lidí a obsazenost sálu se tím zvýšila na 75 %.

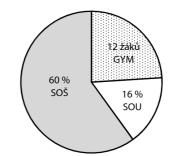
- [A] méně než 200 • [B] 200

  - [C] 210 • [D] 220
  - [E] více než 220
  - 14 Tři kamarádi Petr, Cyril a Honza čtou komiksy. Petr přečetl o 3 komiksy více než Cyril, Honza přečetl o osminu komiksů více než Cyril. Petr a Honza přečetli stejný počet komiksů. Kolik komiksů přečetl Petr?
  - [A] 22
  - [B] 24
  - [C] 25
  - [D] 26 • [E] 27

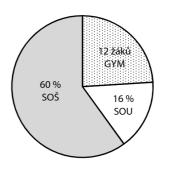
## VÝCHOZÍ TEXT A **OBRÁZEK K ÚLOZE 15**

Všichni žáci 9. A a 9. B odpověděli v průzkumu, jakou střední školu chtějí studovat. Žáci chtějí na gymnázia (GYM), střední odborné školy (SOŠ) nebo střední odborná učiliště (SOU). Ti, kteří chtějí na střední odbornou školu, uvedli také obor zaměření – humanitní, technický či umělecký. Výsledky průzkumu jsou zaznamenány v grafech. Na gymnázia chce jít studovat 12 žáků. Nejmenší zájem je o odborná učiliště, kam chce jít 16 % žáků. Největší zájem je o střední odborné školy, na kterých chtějí studovat všichni, kteří nechtějí jít na gymnázia ani na odborná učiliště. Na uměleckou střední školu chtějí 3 žáci, 15 žáků na technicky zaměřenou střední školu, ostatní, kteří chtějí na střední odborné školy, by si vybrali humanitní obor.

Zájem o gymnázia, SOŠ a SOU



SOŠ podle zaměření



15 Rozhodněte o každém z následujících tvrzení (15.1-15.3), zda je pravdivé (A), či nikoli (N). 15.1 Na uměleckou střední školu chce jít 6 % všech žáků. 15.2 V 9. A a 9. B je celkem více než 50 žáků.

15.3 Na gymnázia a na humanitní střední

školy se chce hlásit stejný počet žáků. Deset zedníků dokončí stavbu budovy za 20 dní. Všichni zedníci jsou stejně výkonní a pracují rovnoměrným tempem. Přiřaďte ke každé úloze (16.1–16.3) odpovídající výsledek (A-F).

16.1 Za kolik dní dokončí stavbu budovy 4 zedníci? 16.2 Kolik zedníků dokončí stavbu budovy za 5 dní? 16.3 Kolik dní bude trvat dokončení stavby budovy, jestliže na první polovině stavby pracuje 8 zedníků a současně na druhé polovině stavby pracuje 10 zedníků?

- [A] 10
- [B] 12,5
- [C] 22,5 • [D] 40
- [E] 50
- [F] 52,5

Adam a Naďa šli spolu z Heraltic do Hvězdoňovic trasou dlouhou 2,7 km. Adam má délku každého kroku 75 cm, Naďa má každý krok dlouhý 60 cm.
O kolik kroků udělala Naďa více?

- 2 Reproduktory byly před Vánocemi zlevněny z původní ceny o 150 korun, což bylo 15 % původní ceny. Po Vánocích je prodejce zlevnil ještě o 200 korun z nové ceny. O kolik procent byla konečná cena nižší než cena původní?
- 3 Vypočítejte a výsledek zapište zlomkem v základním tvaru. Do záznamového archu uveďte u obou podúloh celý postup řešení.

3.1

3.2

$$\frac{1}{6} + \frac{1}{3} \cdot \left(\frac{2}{5} - 1\right)$$

4.1 Upravte a rozložte na součin vytknutím:

$$a\cdot (-a)-2^2\cdot 3a+6a^2=$$

4.2 Umocněte a zjednodušte:

$$\left(\frac{1}{3}-4b\right)^2=$$

4.3 Upravte výraz tak, aby neobsahoval závorky, a zjednodušte

$$(2x+3)^2 - x \cdot 6 - 4 \cdot (x-1)^2 =$$

Do záznamového archu uveďte u podúlohy 4.3 celý postup řešení.

## 5 Řešte rovnice.

Do záznamového archu uveďte u obou podúloh celý postup řešení. Zkoušku nezapisujte.

 $x - \frac{x-2}{2} = \frac{2x}{3} - 2$ 

$$2 \cdot (3x - 2, 5) = -5 + 3 \cdot (3x - 2)$$

6 Ve vnitrostátním rychlíku jsou řazeny vagóny 1. a 2. třídy. Vagónů 2. třídy je dvakrát více než vagónů 1. třídy. V každém vagónu je 10 kupé (oddílů pro cestující). Ve vagónech 1. třídy je v každém kupé šest míst k sezení, ve vagónech 2. třídy osm míst k sezení. Ve všech kupé rychlíku je dohromady 440 míst k sezení.

6.1 Kolik vagónů 2. třídy je součástí rychlíku? 6.2 Kolik míst k sezení je dohromady ve vagónech 1. třídy?

## VÝCHOZÍ TEXT A TABULKA K ÚLOZE 7

V restauraci nabízejí tři různá obědová menu (polévku, hlavní jídlo a nápoj) označená písmeny A, B a C. Do restaurace přijely tři skupiny turistů po dvaceti lidech. V tabulce jsou uvedeny obědy, které si jednotlivé skupiny objednaly, a kolik za ně

	Počet obědů	Počet obědů	Počet obědů	Celková cena za obědy
	Α	В	С	
skupina 1	20	0	0	4 000 Kč
skupina 2	10	10	0	4 800 Kč
skupina 3	5	5	10	5 400 Kč

# 7.1 Jaká byla cena oběda B?

VÝCHOZÍ TEXT A

**GRAFY K ÚLOZE 8** 

Kratochvílové v pracovní den. Ve druhém grafu je

□ zaměstnání

denní povinnosti

■TV

sport

■ četba

■ spánek

■ volný čas

V prvním grafu je uvedeno průměrné časové

zaznamenáno rozložení jejího volného času v

rozložení všech denních činností paní

7.2 Jaká byla cena oběda C?

pracovní den.

Volný čas

25 %

8 Vypočítejte:

8.1 Kolik hodin denně paní

Kratochvílová tráví v zaměstnání?

Výsledek zaokrouhlete na celé minuty.

8.2 Kolik minut denně paní Kratochvílová sportuje?

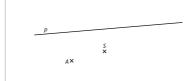
35%

Denní činnosti (24 hodin)

V rovině je dána přímka p a body A a S, které neleží na přímce p. Bod A je vrchol obdélníku ABCD, bod S je střed obdélníku (průsečík úhlopříček). Vrchol D obdélníku leží na přímce p.

VÝCHOZÍ TEXT A

OBRÁZEK K ÚLOZE 9



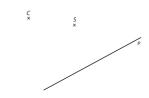
9 Sestrojte obdélník ABCD.

Nalezněte všechna řešení

V záznamovém archu obtáhněte celou konstrukci propisovací tužkou (všechny čáry, kružnice nebo jejich části i písmena).

## VÝCHOZÍ TEXT A **OBRÁZEK K ÚLOZE 10**

V rovině leží body C, S a přímka p. Bod C je vrchol pravoúhlého trojúhelníku ABC. Bod S je střed strany BC tohoto trojúhelníku. Strana AB tohoto trojúhelníku je rovnoběžná s přímkou p.



10 Sestrojte pravoúhlý trojúhelník ABC. Naiděte všechna řešení.

V záznamovém archu obtáhněte celou konstrukci propisovací tužkou (všechny čáry, kružnice nebo jejich

11 V obchodě prodávají dámská a pánská trička. Ráno před začátkem otevírací doby tvořila dámská trička 60 % z celkového naskladněného množství triček, zbytek byla trička pánská. Přes den se prodalo 45 dámských triček, což je čtvrtina všech dámských triček, která byla v obchodě naskladněna ten den ráno. Pánských triček se ze všech naskladněných pánských triček prodala polovina.

Kolik zůstalo na konci dne v obchodě triček (dámských i pánských dohromady)?

- [A] méně než 200
- [B] 200
- [C] 210
- [D] 220
- [E] více než 220

12 Petr přečetl již 1 050 stran knižní série, do konce mu zbývá přečíst ještě 450 stran.

Kolik procent stran knižní série Petrovi zbývá dočíst?

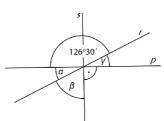
- [A] 27 %
- [B] 30 %
- [C] 33 %
- [D] 40 % • [E] 43 %
- Maminka oškrabe 6 kg brambor za 2 hodiny a 24 minut. Babička oškrabe 2 kg brambor za 1 hodinu a 20 minut. Maminka i babička škrabou brambory stálým tempem.

Za kolik minut oškrabou maminka a babička 1 kg brambor, pokud škrabou obě dohromady?

- [A] za 64 minut
- [B] za 32 minut
- [C] za 15 minut
- [D] za 12 minut
- · [E] jiný výsledek

## VÝCHOZÍ TEXT A **OBRÁZEK K ÚLOZE 14**

Přímky p, r a s se protínají v jednom bodě.



14 Jaký je součet úhlů  $\alpha + \beta + \gamma$ ?

Velikosti úhlů neměřte, ale vypočítejte (obrázek je ilustrační)

- [A] 126° 30′
- [B] 133° 30′
- [C] 143° 30′ • [D] 180°
- [E] jiný výsledek

15 V obchodě mají dva druhy jablek. Kilogram jednoho druhu (dražších) jablek stojí 30 Kč, kilogram druhého druhu (levnějších) jablek stojí 25 Kč. Paní Vitamínová koupila x kilogramů jablek, kde x je celé číslo, a zaplatila 330 Kč.

Rozhodněte o každém z následujících tvrzení (15.1-15.3), zda je pravdivé (A), či nikoli (N).

15.1 Pokud paní Vitamínová koupila 12 kg jablek, koupila stejná množství obou druhů jablek. 15.2 Paní Vitamínová mohla koupit jen levnější druh jablek. 15.3 Pokud chce paní Vitamínová koupit co nejvíce kilogramů jablek, musí koupit právě jeden kilogram drahých jablek.

Přiřaď te ke každé podúloze (16.1– 16.3) odpovídající výsledek (A-F). 16.1 Zvětšíme-li neznámé číslo

o 4 %, dostaneme číslo 780. Jaké je toto neznámé číslo?

16.2 O kolik procent musíme zvětšit  $\frac{1}{8}$ , abychom dostali  $\frac{1}{2}$ ?

16.3 Máme dvě čerpadla. Jejich výkony jsou v poměru 3:7. Méně výkonné čerpadlo vyčerpá 150 litrů vody za dvě hodiny. Kolik litrů vody vyčerpá výkonnější čerpadlo za 5 hodin?

- [A] 300
- [B] 400
- [C] 720
- [D] 750
- [E] 875
- [F] jiný výsledek

Celý film trvá 1 hodinu. Doba, která ještě zbývá do konce filmu, je polovinou doby, která již uplynula od začátku filmu.

## 1 Vypočtěte, kolik minut zbývá do konce filmu.

Vnitřní objem sudu je 15krát větší než objem kbelíku Objem kbelíku je 5krát větší než objem konvičky. Ze sudu plného vody jsme třetinu vody odebrali, takže v něm zbylo 60 litrů vody.

#### Vypočtěte v litrech objem konvičky.

Kvádr je možné beze zbytku rozřezat na 200 krychlí, z nichž každá má objem 8 dm<sup>3</sup>.

Vypočtěte, na kolik krychliček o objemu 1 cm3 lze tento kvádr beze zbytku rozřezat.

3 Vypočtěte a výsledek zapište zlomkem v základním tvaru. 3.1

$$\frac{5}{9} - \frac{5}{9} : 5 =$$

3.2

$$\frac{4-7}{8} \cdot \frac{16}{21}$$

3.3

$$\frac{\frac{3}{5}:\left(\frac{2}{5}+\frac{1}{2}\right)}{\frac{7}{2}+\frac{7}{12}}$$

4.1 Upravte a rozložte na součin vytknutím:

$$2\cdot(x^2-x)+x=$$

4.2 Umocněte a zjednodušte (výsledný výraz nesmí obsahovat závorky):

$$(\frac{2}{3}a - 3)^2 =$$

4.3 Zjednodušte (výsledný výraz nesmí obsahovat závorky):

$$3n \cdot (2 - n + 2n) + (2n + 1) \cdot (7 - n) =$$

## 5 Řešte rovnici:

$$0,5x+2\cdot(x+2,5)=2,5\cdot(x+3)$$

$$\frac{y+10}{15} + \frac{2y}{5} = 1 - \frac{5-y}{3}$$

## VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 6

Pravoúhlý lichoběžník ABCD se základnami AB, CD má pravý úhel při vrcholu C.

Některé rozměry lichoběžníku jsou uvedeny v obrázku.



## 6 Vypočtěte v cm<sup>2</sup>

6.1 obsah trojúhelníku ABD, 6.2 obsah lichoběžníku ABCD.

## VÝCHOZÍ TEXT A **GRAF K ÚLOZE 7**

Pouze pro žáky 8. a 9. tříd byly otevřeny tři kroužky – hudební, šachový a robotický. Každý žák může být jen v jednom z těchto tří kroužků.

Graf znázorňuje počty žáků v jednotlivých kroužcích, jeden údaj a čísla na svislé ose chybí.

V hudebním kroužku je celkem o 6 žáků méně než v šachovém.

Ve všech třech kroužcích dohromady je poměr počtu žáků 8. tříd ku počtu žáků 9. tříd 2:3.

## 7 Určete,

7.1 o kolik procent více je v hudebním kroužku žáků 8. tříd než žáků 9. tříd, 7.2 kolik žáků 9. tříd je v šachovém kroužku, 7.3 jaký je v robotickém kroužku poměr počtu žáků 8. tříd ku počtu žáků 9. tříd.

## VÝCHOZÍ TEXT A **OBRÁZEK K ÚLOZE 8**

Čtvercový pozemek má stejný obvod jako obdélníkový pozemek. Obdélníkový pozemek má jednu stranu o 25 % kratší než čtvercový pozemek a druhou stranu o 10 m delší než čtvercový



## 8 Délku strany čtvercového pozemku označíme a.

8.1 Vyjádřete výrazem s proměnnou a délku kratší strany obdélníkového pozemku. 8.2 Vypočtěte v metrech délku a strany čtvercového pozemku 8.3 Vypočtěte, o kolik m^2se liší obsahy obdélníkového a čtvercového pozemku.

## VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 9

V rovině leží body A, C, M.

Body A. C isou vrcholy obdélníku ABCD. Bod M leží na úhlopříčce BD tohoto obdélníku./ Sestrojte vrcholy B, D obdélníku ABCD, označte je písmeny a obdélník narýsujte.

V záznamovém archu obtáhněte celou konstrukci propisovací tužkou (čáry i písmena).

## VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 10

V rovině leží body A, P a kružnice k se středem S.



Bod A je vrchol rovnoramenného trojúhelníku ABC, jehož základna leží na přímce AP. Vrcholy B, C tohoto trojúhelníku leží na kružnici k.

Sestrojte vrcholy B, C trojúhelníku ABC, označte je písmeny a trojúhelník narýsujte. Najděte všechna řešení

V záznamovém archu obtáhněte celou konstrukci propisovací tužkou (čáry i písmena).

## VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 11

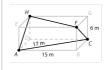
Každých 3,5 cm na turistické mapě rovinaté oblasti je ve skutečnosti 700 m.

Délka vycházkové trasy je přesně 6 km, což je trojnásobek délky přímé trasy. (Uvažované trasy nemají žádné převýšení.)

#### 11 Rozhodněte o každém z následujících tvrzení (11.1-11.3), zda je pravdivé (A), či nikoli (N). 11.1 Trasa, která na maně měří 49 mm, je ve skutečnosti delší než 1 km. 11.2 Na mapě je vycházková trasa o 20 cm delší než přímá trasa. 11.3 Měřítko turistické mapy je 1 : 200 000.

## VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 12

Vnitřní prostor haly má tvar kvádru ABCDEFGH, jehož výška je 6 m a délka 15 m. Uvnitř haly je na podlaze, stropě a dvou stěnách vyznačena uzavřená lomená čára ACFHA. Úhlopříčka vyznačená na podlaze haly měří 17 m a tvoří úsek AC této lomené čáry.



## 12 Jaká je délka lomené čáry ACFHA?

- [A] 46 m • [B] 50 m
- [C] 54 m
- [D] 68 m
- [E] jiná délka

## VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 13

Obsah pláště rotačního válce je třikrát větší než obsah jedné podstavy tohoto válce. Poloměr podstavy válce je 10 cm.

## 13 Jaký je povrch válce?

Výsledek je zaokrouhlen na desítky cm^2

- [A] menší než 930 cm2
- [B] 940 cm2
- [C] 1260 cm2
- [D] 1570 cm2
- [E] větší než 1580 cm2

## VÝCHOZÍ TEXT A **OBRÁZEK K ÚLOZE 14**

V rovině leží čtyři přímky, z nichž dvě jsou rovnoběžné.

- 14 Jaká je velikost úhlu β? Velikosti úhlů neměřte, ale vypočtěte.
- [A] 100°
- [B] 108°
- [C] 116°
- [D] 120° • [E] jiná velikost
- 15 Přiřaďte ke každé úloze (15.1– 15.3) odpovídající výsledek (A-F). 15.1 V roce 2020 firma vyrobila 250 výrobků.Jak

v roce 2021, tak v roce 2022 vyrobila firma vždy o 20 % výrobků více nežv předchozím roce.

Kolik výrobků vyrobila firma v roce 2022?

15.2 Roman i Jana jezdili během dovolené na kole.Roman ujel 400 km, což bylo o čtvrtinu více, než ujela Jana.

Kolik km ujela na kole během dovolené Jana?

15.3 Firma během krize propouštěla zaměstnance,takže jich měla na konci krize o 40 % méně než před krizí.Když firma po odeznění krize přijala 42 nových zaměstnanců, měla jich o 25 % více než na konci krize.

Kolik zaměstnanců měla firma před krizí?

## VÝCHOZÍ TEXT A **OBRÁZEK K ÚLOZE 16**

Prvním obrazcem je bílý rovnostranný trojúhelník. Každý další obrazec vznikne z předchozího obrazce dle následujících pravidel:

- 1. Nejprve každý bílý trojúhelník v obrazci rozdělíme na 4 shodné rovnostranné trojúhelníky
- 2. Poté v každé takto vzniklé čtveřici bílých trojúhelníků obarvíme vnitřní trojúhelník na





• [A] 280

• [B] 300

• [C] 320

• [D] 350

• [E] 360

· [F] jiný počet

16.1 Určete, kolik bílých trojúhelníků obsahuje pátý obrazec. 16.2 Šestý obrazec obsahuje 121 šedých trojúhelníků.Určete, kolik šedých trojúhelníků obsahuje sedmý obrazec. 16.3 Počet šedých trojúhelníků v posledním a v předposledním obrazci se liší o 6 561.Určete, kolik bílých trojúhelníků obsahuje poslední obrazec

Třídenní lyžařská permanentka je o 150 % dražší než jednodenní permanentka. Jednodenní permanentka stojí 600 korun. (*CZVV*)

## 2 Vypočtěte,

2.1 kolikrát více se zaplatí za třídenní permanentku než za jednodenní permanentku, 2.2 o kolik korun jsou 3 jednodenní permanentky dražší než 1 třídenní permanentka. Doporučení: Úlohy 3.3, 4.3 a 5 řešte přímo v záznamovém archu.

# 3 Vypočtěte a výsledek zapište zlomkem v základním tvaru.

3.1

$$\frac{1}{3} \cdot \frac{1}{2} - \frac{8}{9} =$$

3.2

$$\left(2-\frac{5}{6}\right):\frac{5}{3}=$$

$$\frac{\frac{3}{3} + \frac{7}{7}}{\left(\frac{9}{14} + \frac{3}{2}\right) \cdot 2} =$$

V záznamovém archu uveď te pouze v úloze 3.3 celý postup řešení.

## 4

4.1 Upravte a rozložte na součin vytknutím:

$$x\cdot (y-3) + 3\cdot (x-2y) =$$

4.2 Určete pomocí vzorce nejjednodušší výraz, kterým je třeba vynásobit výraz 3a − 2², abychom získali výraz 9a^2-16.
 4.3 Zjednodušte (výsledný výraz nesmí obsahovat závorky):

 $(3n+2)^2-n\cdot(3n+4)+(2n-n)\cdot n =$ 

V záznamovém archu uveď te pouze v úloze 4.3 celý postup řešení.

Řešte rovnici:

$$2 + 0.5 \cdot (x - 3) = 0.4 \cdot (1.5x + 2)$$

 $3 \cdot \frac{2y-1}{6} = \frac{3y+2}{8} + \frac{3}{4} \cdot \frac{y-1}{6}$ 

V záznamovém archu uveď te v obou částech úlohy celý postup řešení (zkoušku nezapisujte).

## VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 6

V chatě za polárním kruhem jsou připraveny zásoby masa pro 12člennou expedici přesně na 30 dní. Každý člen expedice spotřebuje za den z připravených zásob stejné množství masa.

(CZVV)

6

6.1 Vypočtěte, za kolik dní by 12členná expedice spotřebovala pět šestin připravených zásob masa.
6.2 Vypočtěte, kolikačlenná expedice by všechny připravené zásoby masa spotřebovala za 45 dní.
6.3

Dvě expedice společně spotřebovaly všechny připravené zásoby masa.

První expedice pobývala na chatě 4 dny.

Druhá expedice měla dvakrát více členů než první a
pobývala na chatě 8 dní.

Vypočtěte, kolik členů měla první expedice.

#### VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 7

Ondrovi trvá cesta do práce autobusem dvakrát déle než rychlíkem.

Osobním vlakem mu trvá cesta do práce o čtvrtinu déle než autobusem. (*CZVV*)

# 7 Dobu Ondrovy cesty do práce autobusem označíme *x*.

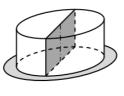
7.1 Vyjádřete výrazem s proměnnou x, jak dlouho trvá Ondrovi cesta do práce rychlíkem.7.2 Vyjádřete výrazem s proměnnou x, jak dlouho trvá Ondrovi cesta do práce osobním vlakem.

7.3 Cesta do práce trvá Ondrovi rychlíkem o 15 minut méně než osobním vlakem.

Vypočtěte, kolik minut trvá Ondrovi cesta do práce autobusem.

## VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 8

Dort tvaru rotačního válce leží na kruhovém tácu. (Průměr podstavy dortu je větší než výška dortu, ale menší než průměr tácu.) Dort jsme rozdělili svislým řezem na dvě stejné poloviny.



(CZVV)

8

8.1 Tác má tvar kruhu o průměru d a obsahu  $\pi$ ·144 cm<sup>2</sup>.

Vypočtěte v cm průměr d tácu.

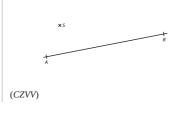
 $8.2~{\rm Plocha}$ řezu dortu má obsah 200 cm $^2$  a tvoří ji obdélník, který lze rozdělit na dva čtverce.

**Vypočtěte v cm<sup>3</sup> objem celého dortu.** Výsledek zaokrouhlete na desítky cm<sup>3</sup>.

**Doporučení** pro úlohy **9** a **10**: Rýsujte přímo **do** záznamového archu.

## VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 9

V rovině leží úsečka AB a bod S.



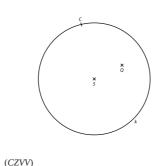
9

Úsečka *AB* je základna **rovnoramenného** lichoběžníku *ABCD*.

Bod S je střed ramene AD tohoto lichoběžníku. Sestrojte

## VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 10

V rovině leží body C, Q a kružnice k se středem S, která prochází bodem C.



10

 $\operatorname{Bod} {\mathsf C}$  je vrchol trojúhelníku ABCs pravým úhlem při vrcholu  ${\mathsf C}.$ 

Na kružnici k leží také zbývající dva vrcholy A, B tohoto trojúhelníku  $\ensuremath{\mathbf{1}}$ 

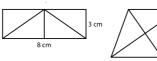
a bodem Q prochází jedna jeho strana.

Sestrojte vrcholy A, B trojúhelníku *ABC*, označte je písmeny a trojúhelník narýsujte. Najděte všechna řešení.

V záznamovém archu obtáhněte celou konstrukci propisovací tužkou (čáry i písmena).

## VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 11

Obdélník se stranami délek 8 cm a 3 cm se skládá ze čtyř shodných trojúhelníků (viz obrázek). Přemístěním trojúhelníků vznikl kosočtverec.



vrcholy C, D lichoběžníku ABCD, **označte** je písmeny a (CZVV)

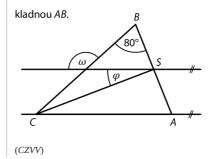
11 Rozhodněte o každém z
následujících tvrzení (11.1–
11.3), zda je pravdivé (A), či nikoli (N).
11.1 Obsah kosočtverce je větší než obsah obdélníku.
11.2 Strana kosočtverce měří 5 cm.

## VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 12

V rovině leží rovnoramenný trojúhelník *ABC* se základnou *AB*.

Rod S je střed základny *AB* a prochází jím

Bod S je střed základny *AB* a prochází jím rovnoběžka s přímkou *AC*.



**12** Jaký je součet  $\varphi + \omega$ ?

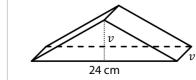
Velikosti úhlů neměřte, ale vypočtěte.

- [A] 150°
- [B] 155°
- [C] 160°
- [D] 165°
- [E] 170°

## VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 13

Trojboký hranol je položen na jedné boční stěně.

Podstavu hranolu tvoří rovnoramenný trojúhelník, který má základnu délky 24 cm a obsah 60 cm2. Velikost v výšky na základnu tohoto trojúhelníku je stejná jako délka nejkratší hrany hranolu.



(CZVV)

## 13 Jaký je objem trojbokého hranolu?

- [A] 150 cm<sup>3</sup>
- [B] 200 cm<sup>3</sup>
- [C] 300 cm<sup>3</sup>
- [D] 370 cm<sup>3</sup>
- [E] jiný objem

## VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 14

Košíkář prodal během prvních dvou dnů velikonočních trhů všechny upletené pomlázky. První den prodal pětinu všech upletených pomlázek.

Druhý den prodal o 180 pomlázek více než první den.

(CZVV)

# Kolik pomlázek prodal košíkář první den velikonočních trhů?

- [A] 60 pomlázek
- [B] 45 pomlázek
- [C] 36 pomlázek

turistickou známku?

- [D] 30 pomlázek
- [E] jiný počet pomlázek

# 15 Přiřaďte ke každé úloze (15.1–15.3) odpovídající výsledek (A–F).

15.1 Letos má skautský oddíl 60 členů, což je o 20 členů více než loni.

O kolik procent má letos skautský oddíl více členů než loni?

15.2 Během výletu Jakub utratil tři pětiny kapesného. Tři čtvrtiny z této utracené částky použil k nákupu turistické známky. Kolik procent z kapesného utratil Jakub za 15.3 Na třídenním festivalu se první a druhý den prodal stejný počet vstupenek. Třetí den se prodalo o třetinu více vstupenek než druhý den. Kolik procent všech vstupenek prodaných během festivalu se prodalo třetí den?

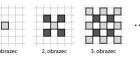
- [A] méně než 40 %
  - [B] 40 %
  - [C] 45 %
  - [D] 50 % • [E] 55 %
  - [F] více než 55 %

## VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 16

Vybarvováním některých prázdných polí čtvercové sítě postupně vytváříme obrazce.

Prvním obrazcem je jedno světle vybarvené pole čtvercové sítě.

Každý další obrazec vytvoříme z předchozího obrazce tak, že vybarvíme všechna prázdná pole, která mají s předchozím obrazcem společné pouze vrcholy. Tato nově vybarvená pole jsou u sudých obrazců tmavá a u lichých obrazců světlá.



Druhý obrazec jsme vytvořili z prvního obrazec vybarvením 4 dalších polí tmavou barvou. Třetí obrazec má celkem 13 polí (9 světlých a 4 tmavé) a vytvořili jsme jej z druhého obrazce vybarvením 8 dalších polí světlou barvou.

(CZVV)

## 16 Určete,

16.1 vybarvením kolika dalších polí jsme z 8. obrazce vytvořili 9. obrazec, 16.2 o kolik se liší počet tmavých a světlých polí v 10. obrazci, 16.3 kolik světlých polí může mít obrazec, který má 400 tmavých polí. Najděte všechna řešení.

1

Vypočtěte, kolikrát je součet čísel 0,2 a 0,5 větší než jejich součin. SO 2 Vypočtěte:

$$4 + 6 \div 2 - 5 \cdot (-3 + 5) =$$

2.2

$$\sqrt{1,3^2-1,2^2} =$$

3 Vypočtěte a výsledek zapište zlomkem v základním tvaru.

$$3\cdot\frac{2}{7}-\frac{2}{7}=$$

$$1 - \frac{14}{5} \div 2 =$$

3.3

3.2

$$\frac{\frac{3}{4} + \frac{4}{3}}{\frac{5}{7} \cdot \frac{14}{3}} =$$

4.1 Rozložte na součin podle vzorce:

$$4a^2 - 9 =$$

4.2 Zjednodušte (výsledný výraz nesmí obsahovat závorky):

$$(2x-1)\cdot \frac{1}{2} - x =$$

4.3 Zjednodušte (výsledný výraz nesmí obsahovat závorky):

$$(4n-3)^2 - 4n \cdot (4n-3) =$$

5 Řešte rovnici:

$$0, 3 \cdot (2x+1) = 0, 2x-0, 7$$

$$y + \frac{5y}{6} = \frac{2y-1}{4} + \frac{y+1}{2}$$

## VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 6

Vítek, Rudolf a Ondra jeli společně autem k moři. Každý z nich odřídil část trasy.

Vítek odřídil třetinu celé trasy, Rudolf odřídil o 60 km méně než Vítek a Ondra odřídil zbývající dvě pětiny celé trasy.

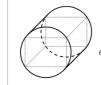
(CZVV)

## 6 Celá trasa měřila x km.

6.1 Vvjádřete výrazem s proměnnou x, kolik km trasy odřídil Rudolf. 6.2 Vypočtěte, kolik km měřila celá trasa.

## VÝCHOZÍ TEXT A **OBRÁZEK K ÚLOZE 7**

Rotační válec má výšku 12 cm. Odstraněním čtyř částí vytvoříme z tohoto válce kvádr s rozměry 8 cm, 6 cm a 12 cm. Všechny hrany kvádru leží na povrchu válce.



(CZVV)

## 7 Vypočtěte

7.1 v cm poloměr podstavy válce,

7.2 v cm<sup>3</sup> objem válce. Výsledek zaokrouhlete na desítky cm<sup>3</sup>.

## VÝCHOZÍ TEXT A TABULKA K ÚLOZE 8

V obchodě s oříšky prodávají různé směsi. Jejich cena závisí pouze na hmotnosti a ceně použitých surovin. Tabulka udává ceny za 1 kg jednotlivých surovin.

Surovina	Cena za 1 kg
Arašídy	80 korun
<ešu< td=""><td>280 korun</td></ešu<>	280 korun
Mandle	200 korun

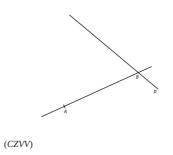
(Např. 200gramové balení směsi obsahující 50 gramů kešu a 150 gramů mandlí stojí 44 korun, tedy 1 kg této směsi stojí 220 korun.)

8.1 Dvoukilogramové balení směsi arašídů a mandlí obsahuje 800 gramů arašídů a 1 200 gramů mandlí. Vypočtěte, kolik korun stojí <u>jeden</u> kilogram této

8.2 Jiná směs obsahuje pouze arašídy a kešu, přičemž 1 kg této směsi stojí 200 korun. Velké balení této směsi obsahuje 500 gramů arašídů. Vypočtěte, kolik gramů kešu obsahuje velké balení této směsi.

## VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 9

V rovině leží přímka AB a přímka p procházející bodem B.

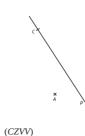


Úsečka AB je strana **pravoúhlého** lichoběžníku ABCD. Vrchol C tohoto lichoběžníku leží na přímce p, úhlopříčka AC má stejnou délku jako strana AB lichoběžníku ABCD. Sestrojte vrcholy C, D lichoběžníku ABCD, označte je písmeny a lichoběžník narýsujte.

Najděte všechna řešení.

## VÝCHOZÍ TEXT A **OBRÁZEK K ÚLOZE 10**

V rovině leží body A, C a přímka p procházející bodem C.



**10** 

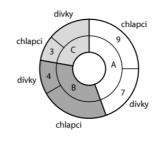
Úsečka AC je základna **rovnoramenného** trojúhelníku

Na přímce p leží jedna ze tří výšek tohoto trojúhelníku.

10.1 Sestrojte osu souměrnosti trojúhelníku ABC a označte ji písmenem o. 10.2 Sestroite vrchol B trojúhelníku ABC, označte ho písmenem a trojúhelník narýsujte.

## VÝCHOZÍ TEXT A **GRAF K ÚLOZE 11**

Na táboře je každé dítě zařazeno do jednoho ze tří oddílů A, B a C. V oddíle A je dvakrát více dětí než v oddíle C. Poměr počtu dětí v oddíle A ku počtu dětí v oddíle B je 4:3. Graf udává počty chlapců a dívek v jednotlivých oddílech, dva údaje však chybí.



(CZVV)

#### Lokomotiva je o čtvrtinu kratší než jeden vagon a její délka tvoří jednu sedmnáctinu délky celé vlakové soupravy.

vagony a jedna lokomotiva.

11.1 V oddíle C je 5 dívek.

Rozhodněte o každém z

následujících tvrzení (11.1–

11.3), zda je pravdivé (A), či nikoli (N).

11.2 V oddíle B je chlapců o polovinu více než dívek.

11.3 Na táboře je dívek o pětinu méně než chlapců.

Ve vlakové soupravě jsou pouze stejně dlouhé

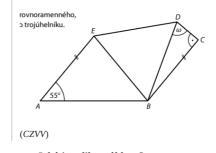
VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 12

- 12 Kolik vagonů je celkem ve vlakové soupravě?
- [A] 10 vagonů • [B] 11 vagonů
- [C] 12 vagonů
- [D] 13 vagonů
- [E] jiný počet vagonů

## VÝCHOZÍ TEXT A **OBRÁZEK K ÚLOZE 13**

Pětiúhelník ABCDE se skládá z rovnoramenného, rovnostranného a pravoúhlého trojúhelníku. Základnou rovnoramenného Trojúhelníku je strana

Strany BC a AE pětiúhelníku jsou rovnoběžné.



# 13 Jaká je velikost úhlu ω?

Velikosti úhlů neměřte, ale vypočtěte.

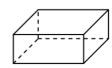
• [A] 65°

- [B] 70°
- [C] 75°
- [D] 80°
- [E] jiná velikost

## VÝCHOZÍ TEXT A **OBRÁZEK K ÚLOZE 14**

Povrch pravidelného čtyřbokého hranolu je 144

Obsah pláště tohoto hranolu je dvakrát větší než obsah jedné jeho čtvercové podstavy. (Plášť tohoto hranolu tvoří čtyři shodné boční stěny.)



## 14 Jaký je objem hranolu?

- [A] 72 cm<sup>3</sup>
- [B] 108 cm<sup>3</sup>
- [C] 144 cm<sup>3</sup>
- [D] 216 cm<sup>3</sup> • [E] jiný objem

15 Přiřaďte ke každé úloze (15.1– 15.3) odpovídající výsledek (A-F).

15.1 Encyklopedie má o 25 % více stran než atlas, který má 200 stran. Kolik stran má encyklopedie?

15.2 Róza čte knihu, která má 500 stran. Počet stran, které Róza již přečetla, je o 50 % větší než počet stran, které dosud nepřečetla. Kolik stran knihy Róza dosud nepřečetla?

V knihovně jsou některé knihy psané německy, jiné anglicky a ostatní česky.

Německy psaných je 30 knih, což je 10 % všech knih v knihovně. Anglicky psané knihy tvoří pětinu všech knih v knihovně.

#### Kolik je v knihovně česky psaných knih?

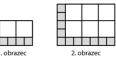
- [A] méně než 210
- [B] 210
- [C] 220
- [D] 240
- [E] 250
- [F] jiný počet

## VÝCHOZÍ TEXT A **OBRÁZEK K ÚLOZE 16**

Každý obrazec tvaru obdélníku je složen z malých šedých čtverečků a větších bílých čtverečků. Všechny šedé čtverečky jsou stejné a jsou poskládány do spodní řady a do levého sloupce. Zbytek obrazce tvoří bílé čtverečky. Každý bílý čtvereček má dvakrát delší stranu než šedý.

První obrazec má ve spodní řadě 5 šedých čtverečků a v levém sloupci 3 šedé čtverečky. Skládá se celkem z 9 čtverečků (bílých i šedých

Každý další obrazec má oproti předchozímu vždy o 2 šedé čtverečky více jak ve spodní řadě, tak i v levém sloupci.



(CZVV)

16

16.1 Obrazec má ve spodní řadě 41 šedých čtverečků. Určete počet bílých čtverečků v obrazci.

16.2 V obrazci je 90 bílých čtverečků. Určete počet šedých čtverečků v obrazci.

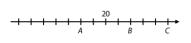
16.3 Počet všech čtverečků (bílých i šedých dohromady) osledním a v předposledním obrazci se liší o 106. Určete počet šedých čtverečků v posledním obrazci.

#### VÝCHOZÍ TEXT A **OBRÁZEK K ÚLOZE 2**

Na číselné ose je vyznačeno 13 bodů, které oddělují 12 stejných dílků.

V jednom z těchto bodů je číslo 20 a body A, B, C představují tři kladná čísla.

Číslo v bodě C je součtem čísla v bodě A a čísla v



## 2 Určete číslo v bodě

2.1 C,

Doporučení: Úlohy 3.3, 4.3 a 5 řešte přímo v záznamovém archu

3 Vypočtěte a výsledek zapište zlomkem v základním tvaru. 3.1

$$\frac{\frac{2}{3}-1}{\frac{8}{9}} =$$

$$2 \cdot \frac{1}{6} - \frac{3}{9} \cdot 4 =$$

3.3

3.2

$$\frac{\frac{6}{7} - \frac{9}{14}}{\frac{8}{7} + \frac{6}{7} \div \frac{3}{2}}$$

**V záznamovém archu** uveďte pouze v úloze 3.3 celý postup řešení.

4.1 Umocněte a zjednodušte (výsledný výraz nesmí obsahovat závorky):

$$(0,3x+0,5)^2 =$$

4.2 Rozložte na součin podle vzorce:

$$49 - (-4a)^2 =$$

4.3 Zjednodušte (výsledný výraz nesmí obsahovat závorky):

$$n\cdot (2n-1)-(-2n-n)\cdot (3n+2)+(1-n)$$

V záznamovém archu uveďte pouze v úloze 4.3 celý

## 5 Řešte rovnici:

5.1

$$\frac{2-x}{2} + 2x = 2,5x - 3$$

$$3 \cdot \frac{y+1}{2} - \frac{y}{3} = \frac{3}{2} \cdot \frac{2y-3}{3} + \frac{3}{2}$$

V záznamovém archu uveďte v obou částech úlohy celý postup řešení (zkoušku nezapisujte).

## VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 6

V pátek, v sobotu a v neděli se na mýtině vysazovaly stromy.

V sobotu bylo vysázeno o třetinu více stromů než v

V neděli bylo vysázeno dokonce o 60 % více stromů než v pátek.

(CZVV)

## 6 Počet stromů vysázených v pátek označíme p.

6.1 Vyjádřete výrazem s proměnnou p počet stromů vysázených v sobotu. 6.2 Vyjádřete výrazem s proměnnou p počet stromů vysázených v neděli. 6.3 V pátek bylo vysázeno o 290 stromů méně

než v obou zbývajících dnech dohromady.

Vypočtěte, kolik stromů bylo vysázeno v pátek

## VÝCHOZÍ TEXT K ÚLOZE 7

Na parkovišti je přesně 105 parkovacích míst pro osobní auta.

Zaparkuje-li na parkovišti autobus, obsadí vždy 4 parkovací místa pro osobní auta.

(Parkoviště tedy zcela zaplní např. 101 osobních aut a jeden autobus.)

(CZVV)

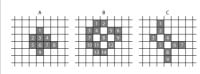
7.1 Na zcela zaplněném parkovišti je počet Vypočtěte, kolik je na parkovišti osobních aut.

7.2 Na zcela zaplněném parkovišti je osobních aut o čtvrtinu více než autobusů Vypočtěte, kolik je na parkovišti autobusů.

## VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 8

Ve čtvercové síti jsou z tmavých čtverců složeny tři útvarv A. B. C.

Z každého útvaru vytvoříme odebráním **jediného** tmavého čtverce nový útvar, který je osově souměrný podle některé osy (svislé, vodorovné



V jednotlivých útvarech jsme každý tmavý čtverec označili číslem.

Z útvaru A lze vytvořit osově souměrný útvar huď odebráním čtverce 2, nebo odebráním čtverce 8.

(CZVV)

## 8 Určete číslo čtverce, jehož odebráním vytvoříme osově souměrný útvar

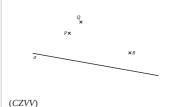
8.1 z útvaru B, 8.2 z útvaru C.

V každé části úlohy najděte obě řešení.

Doporučení pro úlohy 9 a 10: Rýsujte přímo do záznamového archu.

## VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 9

V rovině leží body P, Q, R a přímka a.



Na přímce a leží strana AB čtverce ABCD Dva ze tří bodů P, Q, R leží uvnitř dvou různých stran tohoto čtverce

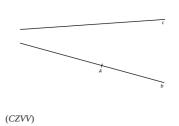
a třetí bod leží vně čtverce ABCD. Sestrojte všechny vrcholy čtverce ABCD, označte je písmeny a čtverec

Najděte všechna řešení

V záznamovém archu obtáhněte celou konstrukci propisovací tužkou (čáry i písmena).

## VÝCHOZÍ TEXT A **OBRÁZEK K ÚLOZE 10**

V rovině leží přímky b, c a na přímce b leží bod A.



**10** 

Bod A je vrchol trojúhelníku ABC s pravým úhlem při vrcholu A

Na přímce b leží vrchol B a na přímce c leží vrchol C tohoto trojúhelníku.

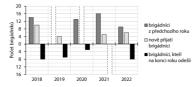
Velikost vnitřního úhlu trojúhelníku ABC při vrcholu C je 40°. **Sestrojte** vrcholy B, C trojúhelníku *ABC*, označte je písmeny a trojúhelník narýsujte. Najděte všechna řešení

V záznamovém archu obtáhněte celou konstrukci propisovací tužkou (čáry i písmena).

## VÝCHOZÍ TEXT A **GRAF K ÚLOZE 11**

Každý rok pracují v parku jednak brigádníci, kteří tam pracovali v předchozím roce, jednak nově přijatí brigádníci. Na konci každého roku někteří ze všech těchto brigádníků z parku odcházejí a další rok v něm nepracují.

V grafu jsou znázorněny počty brigádníků v letech 2018 až 2022, tři údaje však chybí.



Např. v roce 2022 pracovalo v parku 9 brigádníků, kteří tam pracovali i v roce 2021, a 6 nově přijatých brigádníků. Z těchto 15 brigádníků jich 8 na konci roku 2022 odešlo.

#### Rozhodněte o každém z následujících tvrzení (11.1-11.3), zda je pravdivé (A), či nikoli (N). 11.1 V roce 2019 pracovalo v parku 16 brigádníků, kteří tam pracovali i v roce 2018. 11.2 V roce 2020 pracovalo v parku méně než 7 nově přijatých brigádníků. 11.3 Na konci roku 2021 z parku odešlo více než 12 brigádníků.

## VÝCHOZÍ TEXT A OBRÁZEK K ÚLOZE 12

Velký obdélník lze rozdělit na dva shodné menší obdélníky nebo na dva čtverce.

Obvod jednoho z menších obdélníků je 30 cm.



(CZVV)

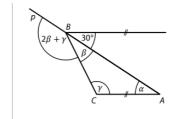
## 12 Jaký je obvod velkého obdélníku?

- [A] menší než 36 cm
- [B] 36 cm
- [C] 40 cm
- [D] 60 cm
- [E] větší než 60 cm

## VÝCHOZÍ TEXT A **OBRÁZEK K ÚLOZE 13**

Přímka p prochází vrcholy A, B trojúhelníku ABC, jehož vnitřní úhly mají velikosti  $\alpha$ ,  $\beta$ ,  $\gamma$ .

Bodem B prochází rovnoběžka se stranou AC.



(CZVV)

## 13 Jaká je velikost úhlu γ?

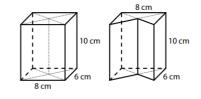
Velikosti úhlů neměřte, ale vypočtěte

- [A] 115° • [B] 120°
- [C] 135° • [D] 140°
- [E] 150°

## VÝCHOZÍ TEXT A **OBRÁZEK K ÚLOZE 14**

Kvádr s podstavou o rozměrech 6 cm a 8 cm a výškou 10 cm lze dvěma svislými úhlopříčnými řezy rozdělit na čtyři trojboké hranoly s výškou 10

Odebráním jednoho z trojbokých hranolů vznikne z kvádru pětiboký hranol jako na obrázku vpravo.



(CZVV)

#### 14 O kolik cm<sup>2</sup> se liší povrch pětibokého hranolu a povrch původního kvádru?

- [A] o 4 cm<sup>2</sup>
- [B] o 16 cm<sup>2</sup>
- [C] o 24 cm<sup>2</sup>
- [D] o 30 cm<sup>2</sup>
- [E] o jiný počet cm<sup>2</sup>

15 Přiřaďte ke každé úloze (15.1–15.3) odpovídající výsledek (A–F). 15.1 Letos se na gymnázium přihlásilo 420 uchazečů, což je o 40 % více, než se jich přihlásilo loni. Kolik uchazečů se na gymnázium přihlásilo loni?

Kolik žáků se zúčastnilo on-line kurzu matematiky?

15.2 On-line kurzu českého jazyka se zúčastnilo 180 žáků, což je o 25 % méně, než

se jich zúčastnilo on-line kurzu matematiky.

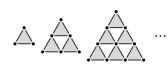
15.3 Včera navštívilo plavecký bazén celkem 680 dospělých, mezi nimiž bylo mužů o 30 % méně než žen. Kolik mužů včera navštívilo plavecký bazén?

- [A] méně než 240
- [B] 240
- [C] 260
- [D] 280 • [E] 300
- [F] více než 300

## VÝCHOZÍ TEXT A **OBRÁZEK K ÚLOZE 16**

Obrazce tvaru trojúhelníku se sestavují skládáním šedých trojúhelníků do pater (viz obrázek).

Šedé trojúhelníky mají ve vrcholech puntíky a na stranách stejně dlouhé úsečky. V prvním obrazci je pouze jeden šedý trojúhelník a každý další obrazec má o jedno patro šedých trojúhelníků více než předchozí obrazec.



Patra	1	2	3
Šedé trojúhelníky	1	3	6
Puntíky	3	6	10
Úsečky	3	9	18

**16** 

(CZVV)

předposledním obrazci.

16.1 Určete počet úseček v obrazci, který má 5 pater. 16.2 Počet úseček v posledním a v předposledním obrazci se liší o 96. Určete, o kolik se liší počet **puntíků** v posledním a

16.3 V jednom obrazci je 300 puntíků. Určete počet **úseček** v <u>následujícím</u> obrazci.