

Tabla de contenido

Format d´entrega	2
Exercicis	3
Exercici 1	3
Normalització per la diferència	4
Escalat decimal	5
Normalització basada en la desviació estàndard: estandardització de valors	6
Exercici 2	7
Mètodes de selecció d´atributs	8
Mètodes d´extracció d´atributs	10
Exercici 3	13
Reemplaçar els valors desconeguts per una constant	13
Reemplaçar el valor desconegut amb la mitjana	15
Reemplaçar el valor desconegut amb el valor més frequent	16
Reemplaçar amb un valor aleàtori de la distribució de la variable	17
Exercici 4	18
Carrega i exàmen preliminar del conjunt de dades	18
Exploració i tractament de valors desconeguts	21
Discretizació d´atributs	22
Reducció de la dimensionalitat	24
Exploració visual de les dades (EDA)	25
Bibliografia	29



Format d'entrega

Aquest document s´ha realitzat mitjançant Markdown ¹ amb l´ajuda del entorn de desenvolupament RStudio² utilitzant les característiques que aquest ofereix per a la creació de documents R reproduibles.

La documentació generada en la realització de la pràctica es troba allotjada en **GitHub** al següent repositori:

https://github.com/rsanchezs/dataminig

En aquest repositori es poden trobar els següents fitxers:

- Aquest document en formats pdf i docx amb el nom rsanchezs_PAC2.
- Un document **R Markdown**³ que es pot utilitzar per a reproduir tots els exemples presentats a la PAC.
- El conjunt de dades utilitzades.

¹ https://es.wikipedia.org/wiki/Markdown

² https://www.rstudio.com/

³ https://rmarkdown.rstudio.com/



1. Nota: Propietat intel·lectual

Sovint és inevitable, al produir una obra multimèdia, fer ús de recursos creats per terceres persones. És per tant comprensible fer-lo en el marc d'una pràctica dels Estudis, sempre que això es documenti clarament i no suposi plagi en la pràctica.

Per tant, al presentar una pràctica que faci ús de recursos aliens, s'ha de presentar juntament amb ella un document en quin es detallin tots ells, especificant el nom de cada recurs, el seu autor, el lloc on es va obtenir i el seu estatus legal: si l'obra està protegida pel copyright o s'acull a alguna altra llicència d'ús (Creative Commons, llicència GNU, GPL ...).

L'estudiant haurà d'assegurar-se que la llicència no impedeix específicament el seu ús en el marc de la pràctica. En cas de no trobar la informació corresponent haurà d'assumir que l'obra està protegida per copyright.

Hauríeu de, a més, adjuntar els fitxers originals quan les obres utilitzades siguin digitals, i el seu codi font si correspon.

Exercicis

Exercici 1

Explica el concepte de transformació de valors i dona tres exemple on es vegi la seva utilitat.

Per **transformació de valors** entenem modificacions dins el tipus de valors que poden prendre tots o alguns del atributs.

Les operacions més habituals són la **normalització** i la **discretització** de dades. Existeixen varies tècniques per a la transformació de dades, passem a examinar tres de les més importants. Considerarem X com al valor original del atribut i X^* com al valor del atribut normalitzat.



Normalització per la diferència

La normalització per la diferència tracta de compensar l'efecte de la distància del valor que tractem respecte al màxim dels valors observats. Es a dir,

$$X^* = \frac{X - min(X)}{rango(X)} = \frac{X - min(X)}{max(x) - min(x)}$$

Exemple de normalització per la diferència

Per a il·lustrar aquesta tècnica utilitzarem el conjunt de dades cars ⁴del següent llibre *"Data Mining and Predictive Analytics"*⁵:

```
# Carregem les dades
library(readr)
cars <- read_csv("data/cars.txt")</pre>
```

Al següent fragment presentem un resum estadístic de la variable weightlbs:

```
# Resum estadístic variable `weight`
summary(cars$weightlbs)

## Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max.
## 1613 2246 2835 3005 3664 4997
```

Trobem els valors màxim i mínim de la variable weightlbs:

⁴ Conjunt de dades disponibles en http://www.dataminingconsultant.com

⁵ Daniel T. Larouse, Chantal D. Larouse: Data Mininig and Predictive Analytics.USA, John Wiley & Sons, 2015, ISBN 978-1-118-11619-7



```
# Trobem els valors mínim i màxim de la variable `weight`
valor_min <- min(cars$weightlbs)
valor_max <- max(cars$weightlbs)</pre>
```

Finalment, trobem el valor normalitzat de la variable weightlbs:

```
# Valor normalitzat mitjançant la tècnica de la diferència
valors_norm_dif <- (cars$weightlbs - valor_min)/(valor_max - valor_
min)
head(valors_norm_dif)
## [1] 0.76713948 0.09219858 0.54255319 0.63475177 0.12943262 0.67
582742</pre>
```

Escalat decimal

La tècnica del **escalat decimal** ens garanteix que tots els valors normalitzats estiguin entre -1 i 1.

$$X_{decimal}^* = \frac{X}{10^d}$$

on d representa el nombre de dígits del valor de la dada amb el valor absolut més gran.

Exemple de normalització decimal

Per a explicar aquesta tècnica seguirem treballant amb el conjunt de dades cars de l'exemple anterior:

```
# Calculem el valor de decimals
max(abs(cars$weightlbs))
## [1] 4997
```



Un cop calculat el nombre de dígits (d), ens trobem amb condicions de transformar els valors de la variable weight:

```
# Valors transformats amb la tècnica decimal
valors_norm_dec <- cars$weightlbs/10^4
head(valors_norm_dec)
## [1] 0.4209 0.1925 0.3449 0.3761 0.2051 0.3900</pre>
```

Normalització basada en la desviació estàndard: estandardització de valors

El **mètode d'estandardització de valors** assegura que s'obtenen valors dins el rang escollit que tenen la propietat que la seva mitjana és zero i la seva desviació estàndard val 1.

Es a dir, l'estandardització consisteix en la diferència entre el valor de l'atribut i la seva mitjana, dividint aquesta diferència per la desviació estàndard dels valors de l'atribut. Es a dir:

$$Z-score = \frac{X - mean(X)}{SD(X)}$$

Exemple de normalització per estandardització

En primer lloc, ens caldrà calcular la mitjana i la desviació estàndard:

```
## Calculem la mitjana
m <- mean(cars$weightlbs)

## Calculem la desviació estandard
s <- sd(cars$weightlbs)</pre>
```



Finalment, apliquem la transformació mitjançant la formula presentada anteriorment:

```
# Estandardització de valors
valors_norm_z <- (cars$weightlbs - m)/s
head(valors_norm_z)
## [1] 1.4115004 -1.2672210 0.5201570 0.8860769 -1.1194457 1.0
490989
```

Exercici 2

Explica el concepte de reducció de nombre d'atributs i dona un exemple on es vegi la seva utilitat. De quines tècniques disposem per a comprovar que no estem perdent qualitat en aquests procés?

La reducció del nombre d'atributs consisteix a trobar un subconjunt dels atributs originals que permeti d'obtenir models de la mateixa qualitat que els que s'obtindrien utilitzant tots els atributs. Aquest problema s'anomena problema de la selecció òptima d'atributs.

Aquest problema pot tindre diferents enfocaments, com per exemple: escollir els millors atributsa partir d'un anàlisi preliminar, el.limanar atributs redundants o que aporten poca informació, o reduir la dimensionalitat de les dades generant nous atributs a partir dels existents. En tots aquests casos, la finalitat es reduir el cost computacional per a la creació de models.



Existeixen els següents mètodes per a tractar amb el problema de la selecció òptima d'atributs:

- Mètodes de selecció d'atributs
- Mètodes de reducció del nombre d'atributs

Tot seguit explicarem en que consisteixen cada un dels mètodes i presentarem algunes de les tècniques més importants per a la reducció d'atributs.

Mètodes de selecció d'atributs

La **selecció d'atributs** consisteix a escollir únicament atributs que són realment rellevants per a resoldre el problema, descartant aquells que no ens aporten informació rellevant per a resoldre el problema.

Depenent de si la selecció de característiques fa ús o no de la informació del mètode de classificació posterior, podem definir la següent taxonomia:

- Els **algoritmes filtre** (*filter*), on els atributs o conjunt d'atributs son evaluats de forma independent respecte del mètode de classificació que s'utilitzarà amb posterioritat.
- Els **algoritmes empotrats** (*wrapper*), on el mètode de selecció de característiques utilitza el classificador que usarà amb posterioritat.



A continuació passem a estudiar els diferents mètodes de selecció de característiques i els algoritmes utilitzats.

En primer lloc, explicarem breument els mètodes per a la selecció d'atributs individuals, coneguts com a **algoritmes univariants**:

- Selecció de màxima rellevància (*maxium relevance selection*), que utilitza el coeficient de correlació entre cada atribut.
- Selecció basada en la informació mútua, mesura la informació mútua entre variables aleatòries que modelen cada característica i les etiquetes de classificació.
- Mètodes basats en tests estadístics, apliquen tests estadístics de hipòtesi sobre les dades, com per exemple el **t-static** o el **chi-square**.

En segon lloc, trobem els mètodes de selecció de subconjunts d'atributs, coneguts com a **algoritmes multivariants**:

- Recerca exhaustiva (*exhaustive search*), consisteix en definir un espai de recerca i avaluar, mitjançant un funció de cost, totes les possibles combinacions. Només es aplicable a problemes de dimensionalitat reduïda.
- Selecció pas a pas (*stepwise selection*), consisteix en iterar per un algoritme en el que cada pas o be afegeix al conjunt d'atributs aquell atribut que augmenta el rendiment global del conjunt, o bé el.elimina aquell atribut que fa que el rendiment empitjori.
- Ramificació i poda (*branch and bound*), consisteix en aplicar la tècnica de recerca **branch and bound**.



Mètodes d'extracció d'atributs

La extracció d'atributs es tracta de calcular nous atributs a partir d'existents, amb l'objectiu de que els nous atributs resumeixin millor la informació que contenen, capturant la naturalesa de la estructura subjacent en les dades.

Anàlisi de Components Principals (PCA)

L'anàlisi de components principals (*Principal Component Analysis*, PCA) ens ajuda a solucionar problemes de reducció de dimensionalitat i extracció de característiques en les nostres dades de manera automàtica. El PCA es un algoritme molt conegut en l'àmbit de l'anàlisi de dades, i té moltes aplicacions diferents. Informalment, es pot definir com la tècnica que intenta aconseguir una representació d'un conjunt de dades a un espai de dimensionalitat més reduïda, minimitzant l'error quadràtic.

Exemple de Anàlisi de Components Principal (PCA)

Per a il.lustrar aquest exemple farem ús del dataset houses⁶:

```
# Realitzem la lectura de les dades
library(readr)
houses <- read_delim("data/houses.csv", ";",
    escape_double = FALSE, col_names = FALSE,
    trim_ws = TRUE, skip = 1)</pre>
```

A continuació preparem les dades per a realitzar l'ànalisi:

⁶ Conjunt de dades disponible en StatLib: http://lib.stat.cmu.edu/datasets/houses.zip



```
# Donem nom als atributs
names(houses) <- c("MVAL", "MINC", "HAGE", "ROOMS", "BEDRMS", "POPN" ,
"HHLDS", "LAT", "LONG")</pre>
```

A continuació normalitzem les dades amb el mètode d'estandardització de valors que hem tractat en el exercici 1:

```
# Estandarditzem les variables
houses$MVAL_Z <- (houses$MVAL - mean(houses$MVAL))/(sd(houses$MVAL))
houses$MINC_Z <- (houses$MINC - mean(houses$MINC))/(sd(houses$MINC))
houses$HAGE_Z <- (houses$HAGE - mean(houses$HAGE))/(sd(houses$HAGE))
houses$ROOMS_Z <- (houses$ROOMS - mean(houses$ROOMS))/(sd(houses$ROOMS))
houses$BEDRMS_Z <- (houses$BEDRMS - mean(houses$BEDRMS))/(sd(houses$BEDRMS))
houses$POPN_Z <- (houses$POPN - mean(houses$POPN))/(sd(houses$POPN))
houses$HHLDS_Z <- (houses$HHLDS - mean(houses$HHLDS))/(sd(houses$HHLDS))
houses$LAT_Z <- (houses$LAT - mean(houses$LAT))/(sd(houses$LAT))
houses$LONG_Z <- (houses$LONG - mean(houses$LONG))/(sd(houses$LONG))</pre>
```

Seleccionarem una mostra aleàtoria del 90% del conjunt de dades:

```
# Seleccionem aleatoriament el 90% de les dades per al joc de prov
es
dist_unif <- runif(dim(houses)[1], min = 0, max = 1)
test_houses <- houses[which(dist_unif < .1), ]
train_houses <- houses[which(dist_unif <= .1), ]</pre>
```



Per a realitzar el PCA utilitzarem el paquet psych⁷:

A continuació es mostren els resultats de l'ànalisi PCA:

```
# Resultas PCA
# Valors propis (eigen)
pca analysis$values
## [1] 3.86450242 1.74531620 0.98446438 0.89384311 0.28371680 0.14
378879
## [7] 0.06629445 0.01807386
# Mostrem la matriu amb les variàncies
pca analysis$loadings
##
## Loadings:
## PC1
              PC2 PC3 PC4 PC5 PC6 PC7 PC8
## MVAL_Z
## MTNC Z
               0.907 0.207 -0.349
## MINC Z
               0.907 0.219 0.336
## HAGE_Z -0.424 -0.329 0.833 0.135
## ROOMS Z 0.956
                                       -0.174 -0.178
## BEDRMS_Z 0.969
                           0.115
                                       -0.127
## POPN Z 0.932 -0.104
                                 0.123 0.302
## HHLDS Z 0.973
                            0.130
                                              0.136
## LAT Z -0.261 0.902 0.333
```

⁷ Podem consultar la documentació en https://cran.r-project.org/web/packages/psych/index.html



```
##
## PC1 PC2 PC3 PC4 PC5 PC6 PC7 PC8
## SS loadings 3.865 1.745 0.984 0.894 0.284 0.144 0.066 0.018
## Proportion Var 0.483 0.218 0.123 0.112 0.035 0.018 0.008 0.002
## Cumulative Var 0.483 0.701 0.824 0.936 0.971 0.989 0.998 1.000
```

Exercici 3

De quines tècniques disposem per resoldre el problema de la possible falta de valors d'un atributs? Dona almenys un exemple de cada tècnica.

Algunes de les opcions disponibles són les següents:

- 1. Reemplaçar els valors desconeguts per una constant, especificada per l'analista.
- 2. Reemplaçar el valor desconegut amb la mitjana (per a variables numèriques) o la moda (per a variables categòriques).
- 3. Reemplaçar els valors desconeguts amb un valor generat aleatòriament de la distribució de la variable.

Reemplaçar els valors desconeguts per una constant

En els següents exemples utilitzarem el *dataset* cars que ja hem utilitzat en apartats anteriors:

```
# Importem les dades
library(readr)
cars <- read_csv("data/cars.txt")</pre>
```



Realitzem un primer contacte amb el joc de dades, visualitzant la seva estructura i els 6 primers registres:

```
# Realitzem un exàmen preliminar del conjunt de dades
str(cars)
head(cars)
```

Per tal de simplificar l'exemple i millorar la llegibilitat del document només treballarem amb quatre variables:

```
# Seleccionem les variables mpg, cubicinches, hp i brand
my_{cars} < -cars[, c(1, 3, 4, 8)]
head(my cars)
## # A tibble: 6 x 4
      mpg cubicinches hp brand
    <dbl>
##
               <int> <int> <chr>
## 1 14.0
                 350 165 US.
## 2 31.9
                  89
                       71 Europe.
## 3 17.0
                 302
                       140 US.
## 4 15.0
                 400 150 US.
## 5 30.5
                  98
                       63 US.
## 6 23.0
                 350 125 US.
```

Per tal de demostrar les diferents tècniques farem que el *dataframe* my_cars tingui valors desconeguts:

```
# Fem certs valors desconeguts
my cars [2, 2] \leftarrow NA
my cars [4, 4] \leftarrow NA
head(my_cars)
## # A tibble: 6 x 4
       mpg cubicinches
                         hp brand
##
                 <int> <int> <chr>
   <dbl>
## 1 14.0
                   350 165 US.
## 2 31.9
                    NA
                         71 Europe.
                         140 US.
## 3 17.0
                   302
                   400 150 <NA>
## 4 15.0
```



```
## 5 30.5 98 63 US.
## 6 23.0 350 125 US.
```

Tot seguit, es mostra com reemplaçar els valors desconeguts amb constants:

```
# Amb l'ajuda de un test lògic descobrim els valors desconeguts
missing values cubicinches <- is.na(my cars$cubicinches)</pre>
missing values brand <- is.na(my cars$brand)</pre>
# Reemplacem els valors desconeguts amb constants
my cars$cubicinches[missing values cubicinches] <- 0
my_cars$brand[missing_values_brand] <- "Valor desconegut"</pre>
head(my_cars)
## # A tibble: 6 x 4
       mpg cubicinches hp brand
##
    <dbl>
                <dbl> <int> <chr>
## 1 14.0
                 350
                        165 US.
## 2 31.9
                 0
                         71 Europe.
## 3 17.0
                 302
                        140 US.
## 4 15.0
                 400
                         150 Valor desconegut
## 5 30.5
                 98.0
                         63 US.
## 6 23.0
                 350
                         125 US.
```

Reemplaçar el valor desconegut amb la mitjana

A continuació es mostra un exemple de com reemplaçar valors desconeguts amb la mitjana:



```
## 3 17.0 302 140 US.

## 4 15.0 400 150 <NA>

## 5 30.5 98.0 63 US.

## 6 23.0 350 125 US.
```

Reemplaçar el valor desconegut amb el valor més frequent

A diferència de altres mesures estadístiques, R no proporciona una funció definida per al càlcul de la moda. Es per això, que crearem una funció per a calcular el valor més freqüent en un conjunt de dades. Aquesta funció pren com a argument un vector i retorna el valor més freqüent:

```
# Funció per al càlcul de la moda
getmode <- function(v) {</pre>
   uniqv <- unique(v)
   uniqv[which.max(tabulate(match(v, uniqv)))]
}
# Trobem el valor més frequent
moda <- getmode(my_cars$brand)</pre>
moda
## [1] "US."
# Reemplacem els valors desconeguts amb la moda
my cars$brand[missing values brand] <- moda</pre>
head(my cars)
## # A tibble: 6 x 4
     mpg cubicinches
##
                         hp brand
##
     <dbl>
                 <dbl> <int> <chr>
## 1 14.0
                 350 165 US.
## 2 31.9
                 202
                         71 Europe.
## 3 17.0
                 302
                         140 US.
## 4 15.0
                 400
                         150 US.
## 5 30.5
                 98.0
                         63 US.
## 6 23.0
                       125 US.
                 350
```



Reemplaçar amb un valor aleàtori de la distribució de la variable

Per últim, a continuació es mostra un exemple de com reemplaçar amb un valor aleatori de la distribució de la variable:

```
# Generem observacions aleàtories
random cubinches obs <- sample(na.omit(my cars$cubicinches), 1)
random brand obs <- sample(na.omit(my cars$brand), 1)</pre>
random cubinches obs
## [1] 260
random_brand_obs
## [1] "US."
# Reemplacem els valors desconeguts amb les observacions aleàtorie
my cars$cubicinches[missing values cubicinches] <- random cubinches</pre>
my_cars$brand[missing_values_brand] <- random_brand_obs</pre>
head(my cars)
## # A tibble: 6 x 4
     mpg cubicinches hp brand
## <dbl>
                <dbl> <int> <chr>
## 1 14.0
                350 165 US.
## 2 31.9
                260
                        71 Europe.
## 3 17.0
                        140 US.
## 4 15.0
                400
                        150 US.
## 5 30.5
                 98.0
                        63 US.
## 6 23.0
                350 125 US.
```



Exercici 4

A partir del joc de dades disponible en el següent enllaç: http://archive.ics.uci.edu/ml/datasets/Adult realitza un estudi similar al que se ha realitzat amb el joc de dades "Titanic". Explica el procés que has seguit, quin coneixement has extret, quins objectius t'havies fixat i quins passos i tècniques has emprat.

Carrega i exàmen preliminar del conjunt de dades

En primer lloc, instal.larem el paquet readr⁸ que forma part del ecosistema tidyverse⁹ i que ens permetrà llegir les dades:

```
# La forma més sencilla de instal.lar readr es instal.lar tidyvers
e
##install.packages("tidyverse")

# Alternativament, podem instal.lar només readr
##install.packages("readr")
```

⁸ Paquet per a la lectura de dades amb format rectangular: https://readr.tidyverse.org/

⁹ La notació paquet::funció és la forma explicita de cridar una funció. Amb la funció dplyr::mutate_if() haguéssim pogut canviar totes les columnes.



Un cop instal.lat el paquet el carregarem a la sessió R mitjançant la següent línia de codi:

```
# Carrega de readr
##library(readr)

# Alternativament, com que forma part de tidyverse
library(tidyverse)
```

Observem que, hem fet ús de la segona opció que carrega tots els paquets de tidyverse, ja que utilitzarem per a la realització de la pràctica altres paquets, com per exemple: dplyr (per a la transformació de dades), tibble (per a un tractament més refinat de data.frames), ggplot2 (per a la visualització de les dades), etc.

Un cop carregat el paquet a la sessió R, ja podem fer ús de les funcions. Per a importar les dades des de l'adreça utilitzarem la funció read_csv():

```
# Llegim les dades
adult <- read_csv("http://archive.ics.uci.edu/ml/machine-learning-datab
ases/adult/adult.data")</pre>
```

Convertim el conjunt de dades adult que és del tipus data.frame a tibble:



```
Male
        0
## 3
        53 Priva~ 234721 11th
                                 7 Marri~ Handl~ Husb~ Black
Male
        0
## 4
        28 Priva~ 338409 Bache~
                                 13 Marri~ Prof-~ Wife Black
Fema~
        0
## 5
        37 Priva~ 284582 Maste~
                                 14 Marri~ Exec-~ Wife White
Fema~
        0
## 6 49 Priva~ 160187 9th
                                 5 Marri~ Other~ Not-~ Black
Fema~
        0
## 7
        52 Self-~ 209642 HS-gr~
                                 9 Marri~ Exec-~ Husb~ White
Male
        0
## 8 31 Priva~ 45781 Maste~
                                 14 Never~ Prof-~ Not-~ White
Fema~ 14084
## 9 42 Priva~ 159449 Bache~
                                 13 Marri~ Exec-~ Husb~ White
Male
      5178
## 10 37 Priva~ 280464 Some-~
                                 10 Marri~ Exec-~ Husb~ Black
Male
## # ... with 32,550 more rows, and 4 more variables: `0` <int>, `
40` <int>,
## # `United-States` <chr>, `<=50K` <chr>
```

Podem adonar-nos que, el conjunt de dades esta format per 32.560 observacions i 15 variables. A més, amb l'ajuda de tibble també podem observar el tipus per a cada columna.

Com que el nom de les columnes es poc descriptiu per alguns dels atributs, personalitzarem els noms mitjançant la següent línia de codi:

```
# Noms dels atributs
names(adult) <- c("age","workclass","fnlwgt","education","education-num
","marital-status","occupation","relationship","race","sex","capital-gai
n","capital-loss","hour-per-week","native-country","income")</pre>
```

Podem comprovar el nom de les columnes mitjançant la funció colnames:

```
# Comprovem es nom de les columnes
colnames(adult)
```



```
## [1] "age" "workclass" "fnlwgt" "educat
ion"
## [5] "education-num" "marital-status" "occupation" "relati
onship"
## [9] "race" "sex" "capital-gain" "capita
l-loss"
## [13] "hour-per-week" "native-country" "income"
```

Exploració i tractament de valors desconeguts

En tercer lloc, ens caldria comprovar que el nostre conjunt de dades no conté valors desconeguts:

```
# Estadístiques de valors buits.
sapply(adult, function(x) sum(is.na(x)))
                 workclass
                               fnlwgt education ed
            age
ucation-num
                                        0
##
                                                      0
## marital-status occupation relationship
                                                  race
sex
##
              0
                          0
                                                      0
0
## capital-gain capital-loss hour-per-week native-country
income
                          0
0
# Alternativament
colSums(is.na(adult))
            age workclass fnlwgt education ed
##
ucation-num
                           0
                                       0
                                                      0
## marital-status occupation relationship
                                                  race
##
              0
                           0
                                        0
                                                      0
```



```
## capital-gain capital-loss hour-per-week native-country
income
## 0 0 0 0
0
```

Passem a analitzar la variable workclass que representa la industria en que una persona està treballant:

Com es pot observar la variable workclass conté el caràcter ? per a representar valors desconeguts. Amb l'objectiu de fer aquest grup més descriptiu podríem canviar aquests valors per la constant Unknown:

```
# Amb l´ajuda de un test lògic descobrim els valors desconeguts
missing_values_workclass <- adult$workclass == "?"
# Reemplacem els valors desconeguts amb la constant
adult$workclass[missing_values_workclass] <- "Unknown"</pre>
```

Discretizació d'atributs

El següent pas seria discretitzar els atributs del nostre conjunt de dades en el cas de que fos necessari. Per a descobrir quines dades podrien ser discretitzades farem ús de la funció apply() que aplicarà la composició de les funcions lenght(unique()) a cada columna retornant el nombre de observacions diferents per a cada variable:

```
# Per a quines variables tindria sentit un procés de discretitzaci
ó?
apply(adult,2, function(x) length(unique(x)))
```



##	age	workclass	fnlwgt	education	ed			
ucati	ucation-num							
##	73	9	21647	16				
16								
## ma	rital-status	occupation	relationship	race				
sex								
##	7	15	6	5				
2								
##	capital-gain	capital-loss	hour-per-week	native-country				
incom	е							
##	119	92	94	42				
2								

Segons els resultats podríem discretitzar aquelles variables amb poques classes i canviar el seu tipus a factor, que és la manera que té R de tractar amb les variables de tipus categòric.

```
# Discretitzem les variables amb poques classes
cols <- c('workclass', 'education', 'marital-status', 'relationship', '</pre>
race',
         'sex', 'income')
adult <- mutate at(adult, cols, as.factor)
adult
## # A tibble: 32,560 x 15
      age workc~ fnlwgt educa~ `educ~ `marit~ occu~ rela~ race
sex
     `cap~
##
    <int> <fctr> <int> <fctr> <int> <fctr> <fctr>
<fct> <int>
## 1 50 Self-~ 83311 Bache~ 13 Marrie~ Exec~ Husb~ White
Male
        0
       38 Priva~ 215646 HS-gr~ 9 Divorc~ Hand~ Not-~ White
## 2
Male
## 3 53 Priva~ 234721 11th 7 Marrie~ Hand~ Husb~ Black
Male
        0
## 4 28 Priva~ 338409 Bache~
                                 13 Marrie~ Prof~ Wife Black
Fema~
        0
## 5
        37 Priva~ 284582 Maste~
                                 14 Marrie~ Exec~ Wife White
Fema~
        49 Priva~ 160187 9th 5 Marrie~ Othe~ Not-~ Black
```



```
Fema~ 0
## 7
        52 Self-~ 209642 HS-gr~ 9 Marrie~ Exec~ Husb~ White
Male
       31 Priva~ 45781 Maste~
                                 14 Never-~ Prof~ Not-~ White
## 8
Fema~ 14084
## 9 42 Priva~ 159449 Bache~ 13 Marrie~ Exec~ Husb~ White
Male 5178
## 10 37 Priva~ 280464 Some-~ 10 Marrie~ Exec~ Husb~ Black
Male
        0
## # ... with 32,550 more rows, and 4 more variables: `capital-los
s` <int>.
## # `hour-per-week` <int>, `native-country` <chr>, income <fctr</pre>
```

Fixe-mos amb el codi anterior que hem fet ús de la funció dplyr::mutate_at¹⁰ per a convertir les columnes de tipus character al tipus factor.

Reducció de la dimensionalitat

Per a la simplificació de l'anàlisi les següents variables són descartades:

```
# Reducció del nombre d´atributs
adult$fnlwgt <- NULL
adult$education <- NULL
adult$relationship <- NULL</pre>
```

Els motius són els següents:

• El atribut fnlwgt no és prou descriptiu per si mateix i no disposem de documentació del conjunt de dades.

¹⁰ La notació paquet::funció és la forma explicita de cridar una funció. Amb la funció dplyr::mutate_if() haguéssim pogut canviar totes les columnes.



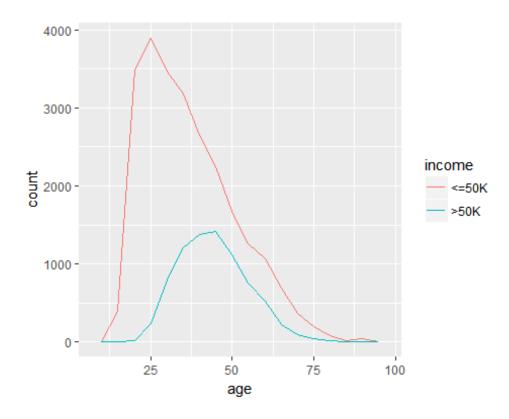
- El atribut education pot ser el.limitat, ja que es pot conèixer pel nombre d'anys de formació acadèmica. En el conjunt de dades representat per la variable education-num.
- El atribut relationship pot ser el.limiat, degut a que es pot estimar a partir del gènere i l'estat civil. En el conjunt de dades representat per marital-status i sex, respectivament.

Exploració visual de les dades (EDA)

La primera variable de l'anàlisi és age que es tracta d'una variable continua. Podríem realitzar els següents histogrames que analitzen la correlació entre aquesta variable i la variable categòrica income:

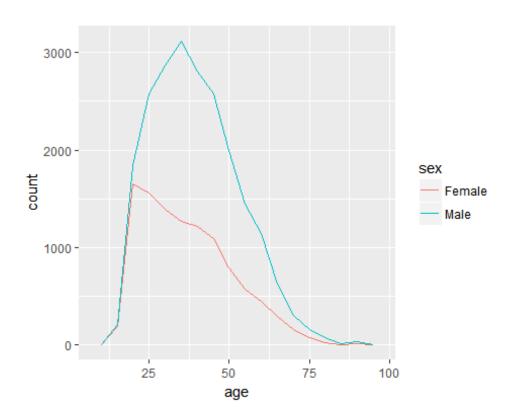
```
# Histograma de la edat per grup d'ingresos
ggplot(data = adult, mapping = aes(x = age)) +
   geom_freqpoly(mapping = aes(color = income), binwidth = 5)
```





```
# Histograma de la edat per grup de gènere
ggplot(data = adult, mapping = aes(x = age)) +
  geom_freqpoly(mapping = aes(color = sex), binwidth = 5)
```





El primer histograma ens indica que la majoria d'observacions reben una retribució per baix de 50.000\$ a l'any. A més, aquells que reben una remuneració de més de 50.000 es troben a la mitat de la seva carrera professional.

Per altra banda, en el segon histograma el pot apreciar que les dones de qualsevol edat reben menys ingressos que els homes. També es pot observar que aquesta diferencia augmenta a mesura que són més grans.

Passem a analitzar la variable workclass que representa la industria en que una persona està treballant:

<pre>summary(adult\$workclass)</pre>								
##	Federal-gov	Local-gov	Never-worked	Pri				
vate ## 2696	960	2093	7	2				



```
## Self-emp-inc Self-emp-not-inc State-gov Unk
nown
## 1116 2541 1297
1836
## Without-pay
## 14
```

Podem observar que existeixen dos grups petits, Never-worked i Without-pay. Podríem combinar aquests grups amb Unknowm. A més, aquells que treballen per al govern estan distribuïts als grups *federal*, *state* i *local*. Per a facilitar el anàlisi, agruparem aquestes classes en una sola que anomenarem Government.

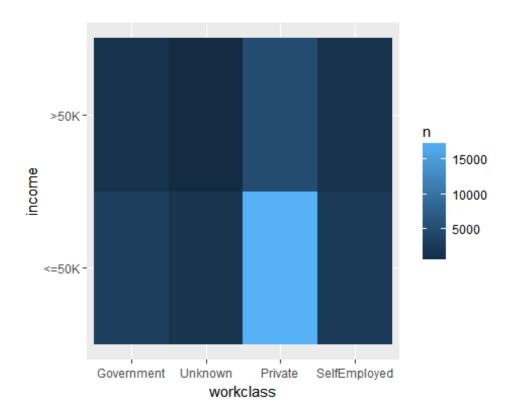
Per últim, aquells que són autonoms estàn distribuïts en *incorporated* i *not incorporated* i els combinarem en una variable amb el nom Self-Employed.

Per altra banda, cal anomenar que farem ús del paquet forcats que ens ajudarà a combinar les variables:

Un cop reduït el nombre de classes ja podem comparar les variables workclass i income:

```
# Gràfic workclass vs income
adult %>%
  count(workclass, income) %>%
    ggplot(mapping = aes(x = workclass, y = income)) +
    geom_tile(mapping = aes(fill = n))
```





Bibliografia

[1] Daniel T. Larouse, Chantal D. Larouse: Data Mininig and Predictive Analytics.USA, John Wiley & Sons, 2015, ISBN 978-1-118-11619-7

[2] Jordi Gironés Roig, Jordi Casas Roma, Julià Minguillón Alfonso, Ramon Caihuelas Quiles: Minería de Datos: Modelos y Algoritmos. Barcelona, Editorial UOC, 2017, ISBN: 978-84-9116-904-8.

[3] Jiawe Han, Michellie Chamber & Jian Pei: Data mining: concepts and techniques. 3° Edition. USA, Editorial Elsevier, 2012, ISBN 978-0-12-381479-1