Formale Semantik o6. Quantifikation und Modelltheorie

Roland Schäfer

Institut für Germanistische Sprachwissenschaft Friedrich-Schiller-Universität Jena

Folien in Überarbeitung. Englische Teile (ab Woche 8) sind noch von 2007!

Stets aktuelle Fassungen: https://github.com/rsling/VL-Semantik

Inhalt

1 Von Prädikatenlogik zu natürlicher Sprache

2 Modelltheorie

Quantifikation in natürlicher Sprache

4 Aufgaben

Wie modelliert man natürliche Sprache als Prädikatenlogik?

Wie modelliert man natürliche Sprache als Prädikatenlogik? Wozu braucht man Quantorenbewegung (LF) in GB-Ansätzen?

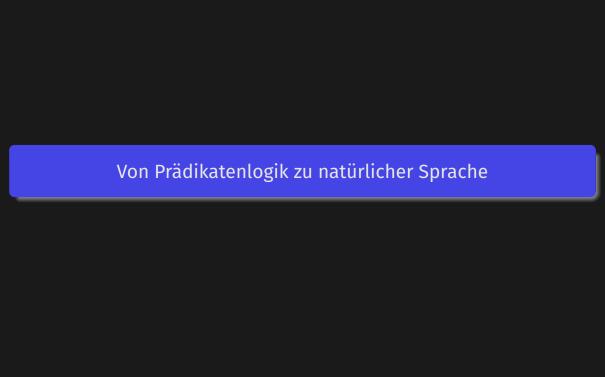
Wie modelliert man natürliche Sprache als Prädikatenlogik? Wozu braucht man Quantorenbewegung (LF) in GB-Ansätzen?

Wie sieht eine ausbuchstabierte Modelltheorie aus? Und wie werden Quantoren und Variablen modelltheoretisch interpretiert?

Wie modelliert man natürliche Sprache als Prädikatenlogik? Wozu braucht man Quantorenbewegung (LF) in GB-Ansätzen?

Wie sieht eine ausbuchstabierte Modelltheorie aus? Und wie werden Quantoren und Variablen modelltheoretisch interpretiert?

Text für heute: Chierchia & McConnell-Ginet (2000: Kapitel 3)



Semantik von Fragment F1

• Namen referieren auf spezifische Individuen

- Namen referieren auf spezifische Individuen
- intransitive Verben referieren auf Mengen von Individuen

- Namen referieren auf spezifische Individuen
- intransitive Verben referieren auf Mengen von Individuen
- mehrstellige Verben referieren auf Mengen von Tupeln von Individuen

- Namen referieren auf spezifische Individuen
- intransitive Verben referieren auf Mengen von Individuen
- mehrstellige Verben referieren auf Mengen von Tupeln von Individuen
- Sätze referieren auf Wahrheitswerte!

- Namen referieren auf spezifische Individuen
- intransitive Verben referieren auf Mengen von Individuen
- mehrstellige Verben referieren auf Mengen von Tupeln von Individuen
- Sätze referieren auf Wahrheitswerte!
- F2 | Integration von Erkenntnissen aus Prädikatenlogik

Wie situationsabhängige Namen

Wie situationsabhängige Namen

Wie situationsabhängige Namen

This is red.

Pronomen this | syntaktisch eine NP

Wie situationsabhängige Namen

- Pronomen this | syntaktisch eine NP
- ... und referiert auf ein spezifisches Objekt (wie Namen) keine Quantifikation bzw. Mengenreferenz

Wie situationsabhängige Namen

- Pronomen this | syntaktisch eine NP
- ... und referiert auf ein spezifisches Objekt (wie Namen) keine Quantifikation bzw. Mengenreferenz
- Aber nur in gegebener Situation interpretierbar Deixis, im Text auch Anaphorik

Wie situationsabhängige Namen

- Pronomen this | syntaktisch eine NP
- ... und referiert auf ein spezifisches Objekt (wie Namen) keine Quantifikation bzw. Mengenreferenz
- Aber nur in gegebener Situation interpretierbar Deixis, im Text auch Anaphorik
- Kein Äquivalent in klassischer Logik

Ähnlichkeit von Variablen und Pronominalausdrücken

• Rumpf einer quantifizierten Wff | Wff P(x) aus Wff $(\forall x)Px$

- Rumpf einer quantifizierten Wff | Wff P(x) aus Wff $(\forall x)Px$
- Ungebundenes x in P(x) ähnlich wie Pronominalbedeutung Externe Interpretationsvorschrift erforderlich

- Rumpf einer quantifizierten Wff | Wff P(x) aus Wff $(\forall x)Px$
- Ungebundenes x in P(x) ähnlich wie Pronominalbedeutung Externe Interpretationsvorschrift erforderlich
- Quantoren | Auswertungsalgorithmus
 Für alle möglichen belegungen von x, P(x)

- Rumpf einer quantifizierten Wff | Wff P(x) aus Wff $(\forall x)Px$
- Ungebundenes x in P(x) ähnlich wie Pronominalbedeutung Externe Interpretationsvorschrift erforderlich
- Quantoren | Auswertungsalgorithmus
 Für alle möglichen belegungen von x, P(x)
- Pronomina | Kontextuelle Auswertung Belegung für x im gegebenen Kontext

Als Vorüberlegung | Prädikatenlogik als Phrasenstrukturgrammatik

 $a \rightarrow const, var \mid Individuenausdrücke$

Als Vorüberlegung | Prädikatenlogik als Phrasenstrukturgrammatik

 $a \rightarrow const, var \mid$ Individuenausdrücke $conn \rightarrow \land, \lor, \rightarrow, \leftrightarrow \mid$ Funktoren

```
a \rightarrow const, var \mid Individuenausdrücke conn \rightarrow \land, \lor, \rightarrow, \leftrightarrow \mid Funktoren neg \rightarrow \neg \mid Negation
```

```
a \rightarrow const, var \mid Individuenausdrücke conn \rightarrow \land, \lor, \rightarrow, \leftrightarrow \mid Funktoren neg \rightarrow \neg \mid Negation Q \rightarrow \exists, \forall \mid nur zwei Quantoren
```

```
a \rightarrow const, var \mid Individuenausdrücke conn \rightarrow \land, \lor, \rightarrow, \leftrightarrow \mid Funktoren neg \rightarrow \neg \mid Negation Q \rightarrow \exists, \forall \mid nur zwei Quantoren pred^1 \rightarrow P, Q \mid einstellige Prädikate
```

```
a 	o const, var \mid Individuenausdrücke conn 	o \land, \lor, \to, \leftrightarrow \mid Funktoren neg 	o \neg \mid Negation Q 	o \exists, \forall \mid nur zwei Quantoren pred^1 	o P, Q \mid einstellige Prädikate pred^2 	o R \mid zweistellige Prädikate
```

Als Vorüberlegung | Prädikatenlogik als Phrasenstrukturgrammatik

```
a 	o const, var \mid Individuenausdrücke conn 	o \land, \lor, \to, \leftrightarrow \mid Funktoren neg 	o \neg \mid Negation Q 	o \exists, \forall \mid nur zwei Quantoren pred^1 	o P, Q \mid einstellige Prädikate pred^2 	o R \mid zweistellige Prädikate pred^3 	o S \mid dreistellige Prädikate
```

Als Vorüberlegung | Prädikatenlogik als Phrasenstrukturgrammatik

```
a 	o const, var \mid Individuenausdrücke conn 	o \land, \lor, \to, \leftrightarrow \mid Funktoren neg 	o \neg \mid Negation Q 	o \exists, \forall \mid nur zwei Quantoren pred^1 	o P, Q \mid einstellige Prädikate pred^2 	o R \mid zweistellige Prädikate pred^3 	o S \mid dreistellige Prädikate const 	o b, c \mid nur zwei Individenkonstanten
```

Als Vorüberlegung | Prädikatenlogik als Phrasenstrukturgrammatik

```
a \rightarrow const. var \mid Individuenausdrücke
conn \rightarrow \land, \lor, \rightarrow, \leftrightarrow \mid Funktoren
neq \rightarrow \neg \mid Negation
Q \rightarrow \exists, \forall \mid \text{nur zwei Quantoren}
pred^1 \rightarrow P, Q \mid einstellige Prädikate
pred^2 \rightarrow R | zweistellige Prädikate
pred^3 \rightarrow S \mid dreistellige Prädikate
const \rightarrow b, c \mid nur zwei Individenkonstanten
var \rightarrow x_1, x_2, \cdots x_n | beliebig viele Variablen
```

Als Vorüberlegung | Prädikatenlogik als Phrasenstrukturgrammatik

```
a \rightarrow const. var \mid Individuenausdrücke
conn \rightarrow \land, \lor, \rightarrow, \leftrightarrow \mid Funktoren
neq \rightarrow \neg \mid Negation
Q \rightarrow \exists, \forall \mid \text{nur zwei Quantoren}
pred^1 \rightarrow P, Q \mid einstellige Prädikate
pred^2 \rightarrow R | zweistellige Prädikate
pred^3 \rightarrow S \mid dreistellige Prädikate
const \rightarrow b, c \mid nur zwei Individenkonstanten
var \rightarrow x_1, x_2, \cdots x_n | beliebig viele Variablen
```

• Die Formalisierung ist äquivalent zur mengenbasierten von letzter Woche!

Wir nehmen eine Prädikatsnotation ohne Klammern | Px statt P(x) usw.

Wir nehmen eine Prädikatsnotation ohne Klammern | Px statt P(x) usw.

ullet wff o pred 1 $a_1 \ldots a_n$ | n-stellige Prädikate und ihre Argumente

Wir nehmen eine Prädikatsnotation ohne Klammern $\mid Px$ statt P(x) usw.

- $wff \rightarrow pred^1 a_1 \dots a_n \mid \text{n-stellige Prädikate und ihre Argumente}$
- ullet wff o neg wff | Applikation von Negation auf Wffs

Wir nehmen eine Prädikatsnotation ohne Klammern $\mid Px$ statt P(x) usw.

- $wff \rightarrow pred^1 a_1 \dots a_n \mid \text{n-stellige Prädikate und ihre Argumente}$
- $\textit{wff} \rightarrow \textit{neg wff} \mid \mathsf{Applikation} \ \mathsf{von} \ \mathsf{Negation} \ \mathsf{auf} \ \mathsf{Wffs}$
- ullet wff o wff conn wff | Applikation von anderen Funktoren auf Wffs

Wir nehmen eine Prädikatsnotation ohne Klammern | Px statt P(x) usw.

- $\textit{wff} \rightarrow \textit{pred}^1 \ a_1 \ldots \ a_n \mid \text{n-stellige Pr\"adikate und ihre Argumente}$
- $\textit{wff} \rightarrow \textit{neg wff} \mid \mathsf{Applikation} \ \mathsf{von} \ \mathsf{Negation} \ \mathsf{auf} \ \mathsf{Wffs}$
- wff → wff conn wff | Applikation von anderen Funktoren auf Wffs
- wff → Q var wff | Quantifikation

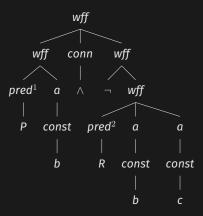
Eine Wff ohne Quantoren

Eine Wff ohne Quantoren

Zum Beispiel: Ben (b) paddelt (P) und (\land) Ben rudert (R) nicht (\neg) mit Chris (c). In PL: Pb $\land \neg$ Rbc

Eine Wff ohne Quantoren

Zum Beispiel: Ben (b) paddelt (P) und (\land) Ben rudert (R) nicht (\neg) mit Chris (c). In PL: Pb $\land \neg$ Rbc



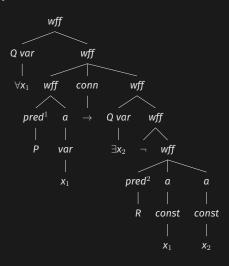
Eine Wff mit Quantoren

Eine Wff mit Quantoren

Zum Beispiel: Als Paddler hat man immer jemanden, mit dem man nicht rudert. In PL: $\forall x_1 [Px_1 \rightarrow \exists x_2 \neg Px_1x_2]$

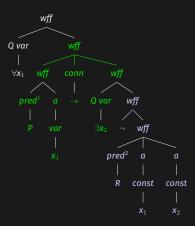
Eine Wff mit Quantoren

Zum Beispiel: Als Paddler hat man immer jemanden, mit dem man nicht rudert. In PL: $\forall x_1 [Px_1 \rightarrow \exists x_2 \neg Px_1x_2]$



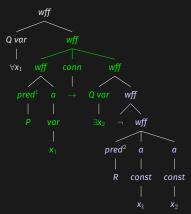
Skopus und c-Kommando

Skopus in konfigurationaler Logik-Syntax: c-Kommando Variablen als gebunden vom nächsten c-kommandierenden koindizierten Quantor



Skopus und c-Kommando

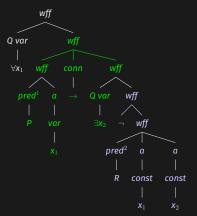
Skopus in konfigurationaler Logik-Syntax: c-Kommando Variablen als gebunden vom nächsten c-kommandierenden koindizierten Quantor



Skopus/c-Kommando-Domäne von $\exists x_2$

Skopus und c-Kommando

Skopus in konfigurationaler Logik-Syntax: c-Kommando Variablen als gebunden vom nächsten c-kommandierenden koindizierten Quantor



Skopus/c-Kommando-Domäne von $\exists x_2 \mid Skopus/c-Kommando-Domäne von \forall x_1 (zgl. derer von <math>\exists x_2)$



Ziel (zur Erinnerung) | T-Sätze der Form S aus L ist wahr in v gdw ...

ullet Modell ${\mathcal M}$ | zugängliches Diskursuniversum (bzw. dessen Beschreibung)

- Modell \mathcal{M} | zugängliches Diskursuniversum (bzw. dessen Beschreibung)
- Menge D_n | Zugängliche Individuen (domain) in \mathcal{M}_n

- Modell \mathcal{M} | zugängliches Diskursuniversum (bzw. dessen Beschreibung)
- Menge D_n | Zugängliche Individuen (domain) in \mathcal{M}_n
- Funktion V_n | Valuation Zuweisung von

- Modell \mathcal{M} | zugängliches Diskursuniversum (bzw. dessen Beschreibung)
- Menge D_n | Zugängliche Individuen (domain) in \mathcal{M}_n
- Funktion V_n | Valuation Zuweisung von
 - ▶ Namen zu Individuen in \mathcal{M}_n

- Modell \mathcal{M} | zugängliches Diskursuniversum (bzw. dessen Beschreibung)
- Menge D_n | Zugängliche Individuen (domain) in \mathcal{M}_n
- Funktion V_n | Valuation Zuweisung von
 - Namen zu Individuen in \mathcal{M}_n
 - Predikaten zu Tupeln von Individuen

- Modell \mathcal{M} | zugängliches Diskursuniversum (bzw. dessen Beschreibung)
- Menge D_n | Zugängliche Individuen (domain) in \mathcal{M}_n
- Funktion V_n | Valuation Zuweisung von
 - Namen zu Individuen in \mathcal{M}_n
 - Predikaten zu Tupeln von Individuen
- $\bullet \ \mathcal{M}_n = \langle D_n, V_n \rangle$

- Modell \mathcal{M} | zugängliches Diskursuniversum (bzw. dessen Beschreibung)
- Menge D_n | Zugängliche Individuen (domain) in \mathcal{M}_n
- Funktion V_n | Valuation Zuweisung von
 - Namen zu Individuen in \mathcal{M}_n
 - ▶ Predikaten zu Tupeln von Individuen
- $\mathcal{M}_n = \langle D_n, V_n \rangle$
- ullet Funktion g_n | Zuweisung von Variablen zu Individuen in \mathcal{M}_n

- Modell \mathcal{M} | zugängliches Diskursuniversum (bzw. dessen Beschreibung)
- Menge D_n | Zugängliche Individuen (domain) in \mathcal{M}_n
- Funktion V_n | Valuation Zuweisung von
 - Namen zu Individuen in \mathcal{M}_n
 - ▶ Predikaten zu Tupeln von Individuen
- $\mathcal{M}_n = \langle D_n, V_n \rangle$
- ullet Funktion g_n | Zuweisung von Variablen zu Individuen in \mathcal{M}_n
- Allgemeine Evaluation in $\mathcal{M}_n \mid \llbracket \alpha \rrbracket^{\mathcal{M}_n,g_n}$ Lies: Die Extension von Ausdruck α relativ zu \mathcal{M}_n und g_n

Feste und variable Denotation

V_n evaluiert statisch im Modell.
 Wenn das Modell einmal feststeht, evaluiert V_n jede Konstante stets gleich.

- V_n evaluiert statisch im Modell.
 Wenn das Modell einmal feststeht, evaluiert V_n jede Konstante stets gleich.
- Variablen (gebunden durch Quantoren) werden volatil interpretiert.

- V_n evaluiert statisch im Modell.
 Wenn das Modell einmal feststeht, evaluiert V_n jede Konstante stets gleich.
- Variablen (gebunden durch Quantoren) werden volatil interpretiert.
- Iteration durch Universum D_n durch g_n

- V_n evaluiert statisch im Modell.
 Wenn das Modell einmal feststeht, evaluiert V_n jede Konstante stets gleich.
- Variablen (gebunden durch Quantoren) werden volatil interpretiert.
- Iteration durch Universum D_n durch g_n
- Eine Modifikation der Belegung pro Iteration

Unterschied zwischen V_n und g_n

Feste und variable Denotation

- V_n evaluiert statisch im Modell.
 Wenn das Modell einmal feststeht, evaluiert V_n jede Konstante stets gleich.
- Variablen (gebunden durch Quantoren) werden volatil interpretiert.
- Iteration durch Universum D_n durch g_n
- Eine Modifikation der Belegung pro Iteration
 - Modifizierte assignment function $g_n[d_i/x_m]$ Lies: relativ zu g_n , wobei die Referenz von Variable x_m auf Individuum d_i gesetzt wird

 $\textbf{\textit{D}}_1 = \{\textit{Herr Webelhuth}, \textit{Frau Klenk}, \textit{Turm} - \textit{Mensa}\} \mid \textit{Individuen in } \mathcal{M}_1$

```
D_1 = \{ Herr \ Webelhuth, Frau \ Klenk, Turm - Mensa \} \mid Individuen in \ \mathcal{M}_1 \ V_1(P) = \{ Herr \ Webelhuth, Frau \ Klenk, Turm - Mensa \} \mid Prädikat P (z. B. ist ein physikalisches Objekt) in \ \mathcal{M}_1 \ V_1(P) = \{ Herr \ Webelhuth, Frau \ Klenk, Turm - Mensa \} \mid Prädikat P (z. B. ist ein physikalisches Objekt) in \ \mathcal{M}_1 \ V_1(P) = \{ Herr \ Webelhuth, Frau \ Klenk, Turm - Mensa \} \mid Prädikat P (z. B. ist ein physikalisches Objekt) in \ \mathcal{M}_1 \ V_2(P) = \{ Herr \ Webelhuth, Frau \ Klenk, Turm - Mensa \} \mid Prädikat P (z. B. ist ein physikalisches Objekt) in \ \mathcal{M}_2(P) = \{ Herr \ Webelhuth, Frau \ Klenk, Turm - Mensa \} \mid Prädikat P (z. B. ist ein physikalisches Objekt) in \ \mathcal{M}_2(P) = \{ Herr \ Webelhuth, Frau \ Klenk, Turm - Mensa \} \mid Prädikat P (z. B. ist ein physikalisches Objekt) in \ \mathcal{M}_2(P) = \{ Herr \ Webelhuth, Frau \ Klenk, Turm - Mensa \} \mid Prädikat P (z. B. ist ein physikalisches Objekt) in \ \mathcal{M}_2(P) = \{ Herr \ Webelhuth, Frau \ Klenk, Turm - Mensa \} \mid Prädikat P (z. B. ist ein physikalisches Objekt) in \ \mathcal{M}_2(P) = \{ Herr \ Webelhuth, Frau \ Klenk, Turm - Mensa \} \mid Prädikat P (z. B. ist ein physikalisches Objekt) in \ \mathcal{M}_2(P) = \{ Herr \ Webelhuth, Frau \ Klenk, Turm - Mensa \} \mid Prädikat P (z. B. ist ein physikalisches Objekt) in \ \mathcal{M}_2(P) = \{ Herr \ Webelhuth, Frau \ Klenk, Turm - Mensa \} \}
```

```
D_1 = \{\textit{Herr Webelhuth, Frau Klenk, Turm} - \textit{Mensa}\} \mid \textit{Individuen in } \mathcal{M}_1
V_1(P) = \{\textit{Herr Webelhuth, Frau Klenk, Turm} - \textit{Mensa}\} \mid \textit{Prädikat P (z. B. ist ein physikalisches Objekt) in } \mathcal{M}_1
Evaluiere \llbracket \forall x_1 P x_1 \rrbracket^{\mathcal{M}_1, g_1}
```

 $\llbracket \mathsf{Px}_1
Vert^{\mathcal{M}_1,g_1} = 1$

 $\begin{array}{l} D_1 = \{\textit{Herr Webelhuth}, \textit{Frau Klenk}, \textit{Turm} - \textit{Mensa}\} \mid \textit{Individuen in } \mathcal{M}_1 \\ V_1(\textit{P}) = \{\textit{Herr Webelhuth}, \textit{Frau Klenk}, \textit{Turm} - \textit{Mensa}\} \mid \textit{Prädikat P (z. B. ist ein physikalisches Objekt) in } \mathcal{M}_1 \\ \textit{Evaluiere } \left[\!\!\left[\forall x_1 \mathsf{P} x_1\right]\!\!\right]^{\mathcal{M}_1, g_1} \end{array}$

• Initiale Belegung $\llbracket x_1
rbracket^{\mathcal{M}_1,g_1} = \mathit{Herr Webelhuth}$ $g_1 = \begin{bmatrix} x_1 \to \mathit{Herr Webelhuth} \\ x_2 \to \mathit{Herr Webelhuth} \\ x_3 \to \mathit{Herr Webelhuth} \end{bmatrix}$

 $D_1 = \{\textit{Herr Webelhuth}, \textit{Frau Klenk}, \textit{Turm} - \textit{Mensa}\} \mid \textit{Individuen in } \mathcal{M}_1 \ V_1(P) = \{\textit{Herr Webelhuth}, \textit{Frau Klenk}, \textit{Turm} - \textit{Mensa}\} \mid \textit{Prädikat P (z. B. ist ein physikalisches Objekt) in } \mathcal{M}_1 \ \textit{Evaluiere } \left[\!\left[\forall x_1 P x_1\right]\!\right]^{\mathcal{M}_1, g_1}$

• Initiale Belegung $[x_1]^{\mathcal{M}_1,g_1} = Herr Webelhuth$

$$g_1 = \left[egin{array}{c} x_1
ightarrow ext{Herr Webelhuth} \ x_2
ightarrow ext{Herr Webelhuth} \ x_3
ightarrow ext{Herr Webelhuth} \end{array}
ight]$$

$$\llbracket \mathsf{Px}_1 \rrbracket^{\mathcal{M}_1, \mathsf{g}_1} = 1$$

• $[x_1]^{\mathcal{M}_1,g_1[Klenk/x_1]} = Frau Klenk$

$$g_1 = \left[egin{array}{l} x_1
ightarrow Frau Klenk \ x_2
ightarrow Herr Webelhuth \ x_3
ightarrow Herr Webelhuth \ \end{array}
ight]$$

$$[\![\mathsf{Px}_1]\!]^{\mathcal{M}_1,g_1[\mathit{Klenk}/\mathsf{x}_1]} = 1$$

 $D_1 = \{ Herr Webelhuth, Frau Klenk, Turm - Mensa \} \mid Individuen in <math>\mathcal{M}_1$ $V_1(P) = \{ Herr Webelhuth, Frau Klenk, Turm - Mensa \} \mid Prädikat P (z. B. ist ein physikalisches Objekt) in <math>\mathcal{M}_1$ Evaluiere $\llbracket \forall x_1 Px_1
rbracket^{\mathcal{M}_1, g_1}$

• Initiale Belegung $\llbracket x_1
rbracket^{\mathcal{M}_1,g_1} =$ Herr Webelhuth

$$g_1 = \left[egin{array}{c} x_1
ightarrow ext{Herr Webelhuth} \ x_2
ightarrow ext{Herr Webelhuth} \ x_3
ightarrow ext{Herr Webelhuth} \end{array}
ight]$$

$$\llbracket \mathbf{P} \mathbf{x}_1 \rrbracket^{\mathcal{M}_1, \mathbf{g}_1} = 1$$

 $lacksquare \llbracket \mathsf{x}_1
bracket^{\mathcal{M}_1,g_1[\mathsf{Klenk}/\mathsf{x}_1]} = \mathsf{Fr}$ au Klenk

$$g_1 = \left[egin{array}{l} x_1
ightarrow ext{Frau Klenk} \ x_2
ightarrow ext{Herr Webelhuth} \ x_3
ightarrow ext{Herr Webelhuth} \end{array}
ight]$$

$$\llbracket Px_1
bracket^{\mathcal{M}_1,g_1[Klenk/x_1]} = 1$$

 $\begin{bmatrix} x_1 \end{bmatrix}^{\mathcal{M}_1,g_1[\mathsf{Turm}-\mathsf{Mensa}/X_1]} = \mathsf{Turm}-\mathsf{Mensa}$ $g_1 = \begin{bmatrix} x_1 \to \mathsf{Turm}-\mathsf{Mensa} \\ x_2 \to \mathsf{Herr} \ \mathsf{Webelbuth} \\ x_3 \to \mathsf{Herr} \ \mathsf{Webelbuth} \end{bmatrix}$

$$\llbracket \mathsf{Px}_1
bracket^{\mathcal{M}_1,g_1[\mathsf{Mensa}/\mathsf{x}_1]} = 1$$

 $\begin{array}{l} D_1 = \{\textit{Herr Webelhuth}, \textit{Frau Klenk}, \textit{Turm} - \textit{Mensa}\} \mid \textit{Individuen in } \mathcal{M}_1 \\ V_1(P) = \{\textit{Herr Webelhuth}, \textit{Frau Klenk}, \textit{Turm} - \textit{Mensa}\} \mid \textit{Prädikat } P (z. B. \textit{ist ein physikalisches Objekt}) \textit{ in } \mathcal{M}_1 \\ \textit{Evaluiere } \llbracket \forall x_1 Px_1 \rrbracket^{\mathcal{M}_1, g_1} = 1 \textit{ weil keiner Belegung } \llbracket \textit{Px}_1 \rrbracket^{\mathcal{M}_1, g_1} = 0 \end{array}$

ullet Initiale Belegung $\llbracket x_1
rbracket{ x_1
rbracket}^{\mathcal{M}_1,g_1} = \mathsf{Herr}$ Webelhuth

$$g_1 = \left[egin{array}{c} x_1
ightarrow ext{Herr Webelhuth} \ x_2
ightarrow ext{Herr Webelhuth} \ x_3
ightarrow ext{Herr Webelhuth} \end{array}
ight]$$

$$\llbracket \mathbf{P} \mathbf{x}_1 \rrbracket^{\mathcal{M}_1, \mathbf{g}_1} = 1$$

• $[x_1]_{\underline{}}^{\mathcal{M}_1,g_1[Klenk/x_1]} = Frau Klenk$

$$g_1 = \left[egin{array}{l} x_1
ightarrow ext{Frau Klenk} \ x_2
ightarrow ext{Herr Webelhuth} \ x_3
ightarrow ext{Herr Webelhuth} \end{array}
ight]$$

$$\llbracket \mathsf{P} \mathsf{x}_1 \rrbracket^{\mathcal{M}_1, g_1[\mathsf{Klenk}/\mathsf{x}_1]} = 1$$

ullet $[\![x_1]\!]^{\mathcal{M}_1,g_1[\mathsf{Turm}-\mathsf{Mensa}/\mathsf{X}_1]}=\mathsf{Turm}-\mathsf{Mensa}$

$$g_1 = \left[egin{array}{l} x_1
ightarrow Turm - Mensa \ x_2
ightarrow ext{Herr Webelhuth} \ x_3
ightarrow ext{Herr Webelhuth} \end{array}
ight]$$

$$\llbracket \mathsf{Px}_1 \rrbracket^{\mathcal{M}_1, g_1[\mathsf{Mensa}/\mathsf{x}_1]} = 1$$

 $\textbf{D}_1 = \{\textit{Herr Webelhuth}, \textit{Frau Klenk}, \textit{Turm} - \textit{Mensa}\} \mid \textit{Individuen in } \mathcal{M}_1$

```
\begin{array}{l} D_1 = \{\textit{Herr Webelhuth}, \textit{Frau Klenk}, \textit{Turm} - \textit{Mensa}\} \mid \textit{Individuen in } \mathcal{M}_1 \\ V_1(Q) = \{\langle \textit{Webelhuth}, \textit{Klenk} \rangle, \langle \textit{Webelhuth}, \textit{Mensa} \rangle, \langle \textit{Klenk}, \textit{Webelhuth} \rangle \} \mid \textit{Prädikat Q (z. B. x besucht y) in } \mathcal{M}_1 \\ \end{array}
```

```
D_1 = \{\textit{Herr Webelhuth}, \textit{Frau Klenk}, \textit{Turm} - \textit{Mensa}\} \mid \textit{Individuen in } \mathcal{M}_1 \\ V_1(Q) = \{\langle \textit{Webelhuth}, \textit{Klenk} \rangle, \langle \textit{Webelhuth}, \textit{Mensa} \rangle, \langle \textit{Klenk}, \textit{Webelhuth} \rangle\} \mid \textit{Prädikat Q (z. B. x besucht y) in } \mathcal{M}_1 \\ \textit{Evaluiere } \llbracket \forall x_1 \exists x_2 Qx_1 x_2 \rrbracket^{\mathcal{M}_1, g_1}
```

 $\begin{array}{l} D_1 = \{\textit{Herr Webelhuth}, \textit{Frau Klenk}, \textit{Turm} - \textit{Mensa}\} \mid \textit{Individuen in } \mathcal{M}_1 \\ V_1(Q) = \{\langle \textit{Webelhuth}, \textit{Klenk} \rangle, \langle \textit{Webelhuth}, \textit{Mensa} \rangle, \langle \textit{Klenk}, \textit{Webelhuth} \rangle\} \mid \textit{Prädikat Q (z. B. x besucht y) in } \mathcal{M}_1 \\ \textit{Evaluiere } \left[\forall x_1 \exists x_2 Qx_1 x_2 \right]^{\mathcal{M}_1, g_1} \end{array}$

$$g_1 = \left[egin{array}{l} \mathsf{x}_1
ightarrow \mathsf{Frau} \; \mathsf{Klenk} \ \mathsf{x}_2
ightarrow \mathsf{Turm} - \mathsf{Mensa} \ \mathsf{x}_3
ightarrow \mathsf{Herr} \; \mathsf{Webelhuth} \end{array}
ight]$$

 $\begin{array}{l} D_1 = \{\textit{Herr Webelhuth}, \textit{Frau Klenk}, \textit{Turm} - \textit{Mensa}\} \mid \textit{Individuen in } \mathcal{M}_1 \\ V_1(Q) = \{\langle \textit{Webelhuth}, \textit{Klenk} \rangle, \langle \textit{Webelhuth}, \textit{Mensa} \rangle, \langle \textit{Klenk}, \textit{Webelhuth} \rangle\} \mid \textit{Prädikat } Q \text{ (z. B. } \textit{x besucht } \textit{y) in } \mathcal{M}_1 \\ \textit{Evaluiere } \left[\!\!\left[\forall x_1 \exists x_2 Q x_1 x_2\right]\!\!\right]^{\mathcal{M}_1, g_1} \end{array}$

ullet Initiale Belegung $\llbracket x_1
rbracket^{\mathcal{M}_1,g_1} = \mathit{Frau}$ Klenk

$$g_1 = \left[egin{array}{l} x_1
ightarrow ext{Frau Klenk} \ x_2
ightarrow ext{Turm} - ext{Mensa} \ x_3
ightarrow ext{Herr Webelhuth} \end{array}
ight]$$

 $D_1 = \{\textit{Herr Webelhuth}, \textit{Frau Klenk}, \textit{Turm} - \textit{Mensa}\} \mid \textit{Individuen in } \mathcal{M}_1 \ V_1(Q) = \{\langle \textit{Webelhuth}, \textit{Klenk} \rangle, \langle \textit{Webelhuth}, \textit{Mensa} \rangle, \langle \textit{Klenk}, \textit{Webelhuth} \rangle\} \mid \textit{Prädikat } Q \text{ (z. B. } x \text{ besucht } y) \text{ in } \mathcal{M}_1 \ \text{Evaluiere } [\![\forall x_1 \exists x_2 Qx_1 x_2]\!]^{\mathcal{M}_1 \cdot g_1}$

- Initiale Belegung $\llbracket x_1
 rbracket^{\mathcal{M}_1,g_1} = \mathit{Frau}$ Klenk
 - $\qquad \qquad \llbracket Qx_1x_2 \rrbracket^{\mathcal{M}_1,g_1} = 0$

$$g_1 = \left[egin{array}{l} x_1
ightarrow ext{Frau Klenk} \ x_2
ightarrow ext{Turm} - ext{Mensa} \ x_3
ightarrow ext{Herr Webelhuth} \end{array}
ight]$$

 $\begin{array}{l} D_1 = \{\textit{Herr Webelhuth}, \textit{Frau Klenk}, \textit{Turm} - \textit{Mensa}\} \mid \textit{Individuen in } \mathcal{M}_1 \\ V_1(Q) = \{\langle \textit{Webelhuth}, \textit{Klenk} \rangle, \langle \textit{Webelhuth}, \textit{Mensa} \rangle, \langle \textit{Klenk}, \textit{Webelhuth} \rangle\} \mid \textit{Prädikat } Q \text{ (z. B. } \textit{x besucht } \textit{y) in } \mathcal{M}_1 \\ \textit{Evaluiere } \left[\!\!\left[\forall x_1 \exists x_2 Qx_1 x_2\right]\!\!\right]^{\mathcal{M}_1, g_1} \end{array}$

- Initiale Belegung $[x_1]^{\mathcal{M}_1,g_1} = Frau$ Klenk
 - $\qquad \qquad \mathbb{Q}\mathsf{x}_1\mathsf{x}_2 \mathbb{I}^{\mathcal{M}_1,g_1} = 0$

$$g_1 = \left[egin{array}{l} x_1
ightarrow {\it Frau Klenk} \ x_2
ightarrow {\it Frau Klenk} \ x_3
ightarrow {\it Herr Webelhuth} \end{array}
ight]$$

 $\begin{array}{l} D_1 = \{\textit{Herr Webelhuth}, \textit{Frau Klenk}, \textit{Turm} - \textit{Mensa}\} \mid \textit{Individuen in } \mathcal{M}_1 \\ V_1(Q) = \{\langle \textit{Webelhuth}, \textit{Klenk} \rangle, \langle \textit{Webelhuth}, \textit{Mensa} \rangle, \langle \textit{Klenk}, \textit{Webelhuth} \rangle\} \mid \textit{Prädikat } Q \text{ (z. B. } \textit{x besucht y) in } \mathcal{M}_1 \\ \textit{Evaluiere } \llbracket \forall x_1 \exists x_2 Q x_1 x_2 \rrbracket^{\mathcal{M}_1, g_1} \end{array}$

- Initiale Belegung $[x_1]^{\mathcal{M}_1,g_1} = \overline{Frau\ Klenk}$

$$g_1 = \left[egin{array}{l} x_1
ightarrow {\it Frau Klenk} \ x_2
ightarrow {\it Herr Webelhuth} \ x_3
ightarrow {\it Herr Webelhuth} \ \end{array}
ight]$$

 $D_1 = \{\textit{Herr Webelhuth}, \textit{Frau Klenk}, \textit{Turm} - \textit{Mensa}\} \mid \textit{Individuen in } \mathcal{M}_1 \ V_1(Q) = \{\langle \textit{Webelhuth}, \textit{Klenk} \rangle, \langle \textit{Webelhuth}, \textit{Mensa} \rangle, \langle \textit{Klenk}, \textit{Webelhuth} \rangle\} \mid \textit{Prädikat } Q \text{ (z. B. } x \text{ } besucht \text{ } y) \text{ in } \mathcal{M}_1 \ \text{Evaluiere } [\![\forall x_1 \exists x_2 Qx_1 x_2]\!]^{\mathcal{M}_1, g_1}$

- Initiale Belegung $[x_1]^{\mathcal{M}_1,g_1} = Frau$ Klenk

 - \blacksquare $\llbracket Qx_1x_2 \rrbracket^{\mathcal{M}_1,g_1} \llbracket Webelhuth/x_2 \rrbracket = 1$
- $[x_1]^{\mathcal{M}_1,g_1[\mathsf{Turm}-\mathsf{Mensa}/x_1]} = \mathsf{Turm}-\mathsf{Mensa}$

$$g_1 = \left[egin{array}{l} x_1
ightarrow ext{Frau Klenk} \ x_2
ightarrow ext{Turm} - ext{Mensa} \ x_3
ightarrow ext{Herr Webelhuth} \end{array}
ight]$$

 $\begin{array}{l} D_1 = \{\textit{Herr Webelhuth}, \textit{Frau Klenk}, \textit{Turm} - \textit{Mensa}\} \mid \textit{Individuen in } \mathcal{M}_1 \\ V_1(Q) = \{\langle \textit{Webelhuth}, \textit{Klenk} \rangle, \langle \textit{Webelhuth}, \textit{Mensa} \rangle, \langle \textit{Klenk}, \textit{Webelhuth} \rangle \} \mid \textit{Prädikat } Q \text{ (z. B. } x \text{ } besucht \text{ } y) \text{ in } \mathcal{M}_1 \\ \textit{Evaluiere } \left[\!\!\left[\forall x_1 \exists x_2 Q x_1 x_2 \right]\!\!\right]^{\mathcal{M}_1, g_1} \end{array}$

- Initiale Belegung $[x_1]^{\mathcal{M}_1,g_1} = Frau$ Klenk
- $[x_1]^{\mathcal{M}_1,g_1[\mathsf{Turm}-\mathsf{Mensa}/x_1]}=\mathsf{Turm}-\mathsf{Mensa}$
 - $\qquad \qquad \blacksquare \left[\mathbf{Q} \mathbf{x}_1 \mathbf{x}_2 \right]^{\mathcal{M}_1, g_1[\mathit{Turm-Mensa}/\mathbf{x}_1]} = 0$

$$g_1 = \left[egin{array}{l} x_1
ightarrow ext{Turm} - ext{Mensa} \ x_2
ightarrow ext{Turm} - ext{Mensa} \ x_3
ightarrow ext{Herr Webelhuth} \end{array}
ight]$$

 $\begin{array}{l} D_1 = \{\textit{Herr Webelhuth}, \textit{Frau Klenk}, \textit{Turm} - \textit{Mensa}\} \mid \textit{Individuen in } \mathcal{M}_1 \\ V_1(Q) = \{\langle \textit{Webelhuth}, \textit{Klenk} \rangle, \langle \textit{Webelhuth}, \textit{Mensa} \rangle, \langle \textit{Klenk}, \textit{Webelhuth} \rangle \} \mid \textit{Prädikat } Q \text{ (z. B. } \textit{x besucht y) in } \mathcal{M}_1 \\ \textit{Evaluiere } \left[\forall x_1 \exists x_2 Qx_1x_2 \right]^{\mathcal{M}_1,g_1} \end{array}$

- Initiale Belegung $[x_1]^{\mathcal{M}_1,g_1} = Frau$ Klenk
- $[x_1]^{\mathcal{M}_1,g_1[\mathsf{Turm}-\mathsf{Mensa}/x_1]}=\mathsf{Turm}-\mathsf{Mensa}$

 - $ig| \left[\mathsf{Q} \mathsf{x}_1 \mathsf{x}_2
 ight]^{\mathcal{M}_1, g_1[\mathsf{Turm} \mathsf{Mensa}/\mathsf{x}_1, \mathsf{Klenk}/\mathsf{x}_2]} = 0$

$$g_1 = \left[egin{array}{l} x_1
ightarrow ext{Turm} - ext{Mensa} \ x_2
ightarrow ext{Frau Klenk} \ x_3
ightarrow ext{Herr Webelhuth} \end{array}
ight]$$

 $\begin{array}{l} D_1 = \{\textit{Herr Webelhuth}, \textit{Frau Klenk}, \textit{Turm} - \textit{Mensa}\} \mid \textit{Individuen in } \mathcal{M}_1 \\ V_1(Q) = \{\langle \textit{Webelhuth}, \textit{Klenk} \rangle, \langle \textit{Webelhuth}, \textit{Mensa} \rangle, \langle \textit{Klenk}, \textit{Webelhuth} \rangle \} \mid \textit{Prädikat } Q \text{ (z. B. } x \text{ } besucht \text{ } y) \text{ in } \mathcal{M}_1 \\ \textit{Evaluiere } \left[\!\!\left[\forall x_1 \exists x_2 Q x_1 x_2 \right]\!\!\right]^{\mathcal{M}_1, g_1} \end{array}$

- Initiale Belegung $[x_1]^{\mathcal{M}_1,g_1} = Frau$ Klenk
 - $\qquad \qquad \blacksquare Qx_1x_2 \blacksquare^{\mathcal{M}_1,g_1} = 0$
- $[x_1]^{\mathcal{M}_1,g_1[\mathsf{Turm}-\mathsf{Mensa}/x_1]} = \mathsf{Tur}\underline{m} \mathsf{Mensa}$

$$g_1 = \left[egin{array}{ll} x_1
ightarrow ext{Turm} - ext{Mensa} \ x_2
ightarrow ext{Herr Webelhuth} \ x_3
ightarrow ext{Herr Webelhuth} \end{array}
ight]$$

 $\begin{array}{l} D_1 = \{\textit{Herr Webelhuth}, \textit{Frau Klenk}, \textit{Turm} - \textit{Mensa}\} \mid \textit{Individuen in } \mathcal{M}_1 \\ V_1(Q) = \{\langle \textit{Webelhuth}, \textit{Klenk} \rangle, \langle \textit{Webelhuth}, \textit{Mensa} \rangle, \langle \textit{Klenk}, \textit{Webelhuth} \rangle \} \mid \textit{Prädikat } Q \text{ (z. B. } \textit{x besucht y) in } \mathcal{M}_1 \\ \textit{Evaluiere } \left[\forall x_1 \exists x_2 Qx_1x_2 \right]^{\mathcal{M}_1,g_1} \end{array}$

- Initiale Belegung $\llbracket x_1
 rbracket^{\mathcal{M}_1,g_1} = \mathit{Frau}\;\mathit{Klenk}$
 - $| [Qx_1x_2]^{\mathcal{M}_1,g_1} = 0$
- $[x_1]^{\mathcal{M}_1,g_1[\mathsf{Turm}-\mathsf{Mensa}/x_1]} = \mathsf{Turm}-\mathsf{Mensa}$
- $[x_1]^{\mathcal{M}_1,g_1[Webelhuth/x_1]}$ = Herr Webelhuth

$$g_1 = \left[egin{array}{l} x_1
ightarrow ext{Frau Klenk} \ x_2
ightarrow ext{Turm} - ext{Mensa} \ x_3
ightarrow ext{Herr Webelhuth} \end{array}
ight]$$

 $\begin{array}{l} D_1 = \{\textit{Herr Webelhuth}, \textit{Frau Klenk}, \textit{Turm} - \textit{Mensa}\} \mid \textit{Individuen in } \mathcal{M}_1 \\ V_1(Q) = \{\langle \textit{Webelhuth}, \textit{Klenk} \rangle, \langle \textit{Webelhuth}, \textit{Mensa} \rangle, \langle \textit{Klenk}, \textit{Webelhuth} \rangle\} \mid \textit{Prädikat } Q \text{ (z. B. } \textit{x besucht y) in } \mathcal{M}_1 \\ \textit{Evaluiere } \left[\!\!\left[\forall x_1 \exists x_2 Q x_1 x_2\right]\!\!\right]^{\mathcal{M}_1, g_1} \end{array}$

- Initiale Belegung $\llbracket x_1
 rbracket^{\mathcal{M}_1,g_1} =$ Frau Klenk
- $[x_1]^{\mathcal{M}_1,g_1[\mathsf{Turm}-\mathsf{Mensa}/x_1]} = \mathsf{Turm} \mathsf{Mensa}$
- $[x_1]^{\mathcal{M}_1,g_1[Webelhuth/x_1]}$ = Herr Webelhuth
 - $\qquad \qquad \llbracket \mathbf{Q} \mathbf{x}_1 \mathbf{x}_2 \rrbracket^{\mathcal{M}_1, g_1[Webelhuth/x_1]} = 1$

$$g_1 = \left[egin{array}{l} x_1
ightarrow ext{Herr Webelhuth} \ x_2
ightarrow ext{Turm} - ext{Mensa} \ x_3
ightarrow ext{Herr Webelhuth} \end{array}
ight]$$

 $\begin{array}{l} D_1 = \{\textit{Herr Webelhuth}, \textit{Frau Klenk}, \textit{Turm} - \textit{Mensa}\} \mid \textit{Individuen in } \mathcal{M}_1 \\ V_1(Q) = \{\langle \textit{Webelhuth}, \textit{Klenk} \rangle, \langle \textit{Webelhuth}, \textit{Mensa} \rangle, \langle \textit{Klenk}, \textit{Webelhuth} \rangle \} \mid \textit{Prädikat } Q \text{ (z. B. } \textit{x besucht y) in } \mathcal{M}_1 \\ \textit{Evaluiere } \left[\forall x_1 \exists x_2 Qx_1x_2 \right]^{\mathcal{M}_1,g_1} \end{array}$

- Initiale Belegung $[x_1]^{\mathcal{M}_1,g_1} = Frau$ Klenk
- $[x_1]^{\mathcal{M}_1,g_1[\mathsf{Turm}-\mathsf{Mensa}/\mathsf{x}_1]} = \mathsf{Turm}-\mathsf{Mensa}$
- $[x_1]^{\mathcal{M}_1,g_1[Webelhuth/x_1]}$ = Herr Webelhuth

$$g_1 = \left[egin{array}{l} x_1
ightarrow ext{Herr Webelhuth} \ x_2
ightarrow ext{Frau Klenk} \ x_3
ightarrow ext{Herr Webelhuth} \end{array}
ight]$$

 $\begin{array}{l} D_1 = \{\textit{Herr Webelhuth}, \textit{Frau Klenk}, \textit{Turm} - \textit{Mensa}\} \mid \textit{Individuen in } \mathcal{M}_1 \\ V_1(Q) = \{\langle \textit{Webelhuth}, \textit{Klenk} \rangle, \langle \textit{Webelhuth}, \textit{Mensa} \rangle, \langle \textit{Klenk}, \textit{Webelhuth} \rangle \} \mid \textit{Prädikat } Q \text{ (z. B. } \textit{x besucht y) in } \mathcal{M}_1 \\ \textit{Evaluiere } \left[\forall x_1 \exists x_2 Qx_1x_2 \right]^{\mathcal{M}_1,g_1} \end{array}$

- Initiale Belegung $[x_1]^{\mathcal{M}_1,g_1} = Frau$ Klenk
 - $| [Qx_1x_2]^{\mathcal{M}_1,g_1} = 0$
- $[x_1]^{\mathcal{M}_1,g_1[\mathsf{Turm}-\mathsf{Mensa}/\mathsf{x}_1]} = \mathsf{Turm}-\mathsf{Mensa}$

 - $\qquad \qquad \mathbb{Q} \mathbf{X}_1 \mathbf{X}_2 \mathbf{y}_1 \mathcal{M}_1, \mathbf{g}_1 [\mathsf{Turm-Mensa/x}_1, \mathsf{Webelhuth/x}_2] = 0 \\ \mathbf{Abbruch!}$
- $[x_1]^{\mathcal{M}_1,g_1[Webelhuth/x_1]}$ = Herr Webelhuth

$$g_1 = \left[egin{array}{l} x_1
ightarrow {\it Herr Webelhuth} \ x_2
ightarrow {\it Herr Webelhuth} \ x_3
ightarrow {\it Herr Webelhuth} \end{array}
ight.$$

 $\begin{array}{l} D_1 = \{\textit{Herr Webelhuth}, \textit{Frau Klenk}, \textit{Turm} - \textit{Mensa}\} \mid \textit{Individuen in } \mathcal{M}_1 \\ V_1(Q) = \{\langle \textit{Webelhuth}, \textit{Klenk} \rangle, \langle \textit{Webelhuth}, \textit{Mensa} \rangle, \langle \textit{Klenk}, \textit{Webelhuth} \rangle\} \mid \textit{Prädikat } Q \text{ (z. B. } x \text{ } besucht \text{ } y) \text{ in } \mathcal{M}_1 \\ \textit{Evaluiere } \llbracket \forall x_1 \exists x_2 Q x_1 x_2 \rrbracket^{\mathcal{M}_1, g_1} = 0 \text{ weil nicht für jede Belegung von } x_1 \text{ mindestens einmal } 1 \\ \end{array}$

- Initiale Belegung $[x_1]^{\mathcal{M}_1,g_1} = \overline{Frau\ Klenk}$
- $[x_1]^{\mathcal{M}_1,g_1[\mathsf{Turm}-\mathsf{Mensa}/\mathsf{x}_1]} = \mathsf{Turm}-\mathsf{Mensa}$

 - $\boxed{ \boxed{ Qx_1x_2}^{\mathcal{M}_1,g_1} [\mathsf{Turm}-\mathsf{Mensa}/\mathsf{x}_1,\mathsf{Klenk}/\mathsf{x}_2] } = 0$
- $[x_1]^{\mathcal{M}_1,g_1[Webelhuth/x_1]}$ = Herr Webelhuth

$$g_1 = \left[egin{array}{l} x_1
ightarrow ext{Frau Klenk} \ x_2
ightarrow ext{Turm} - ext{Mensa} \ x_3
ightarrow ext{Herr Webelhuth} \end{array}
ight]$$



Wie quantifiziert meist?

ullet Kleineres Problem $| \exists$ sowohl mindestens ein als auch einige

- Kleineres Problem $\mid \exists$ sowohl mindestens ein als auch einige
- Grundsätzliches Problem | meist (und andere)

- Kleineres Problem $\mid \exists$ sowohl mindestens ein als auch einige
- Grundsätzliches Problem | meist (und andere)
 Die meisten Patienten sind zufrieden.

- Kleineres Problem $\mid \exists$ sowohl mindestens ein als auch einige
- Grundsätzliches Problem | meist (und andere)
 Die meisten Patienten sind zufrieden.
 - ▶ Hypothetischer Quantor W | $WxPx \rightarrow Zx$ Für die meisten Objekte gilt, dass sie zufrieden sind, wenn sie Patienten sind.

- Kleineres Problem $\mid \exists$ sowohl mindestens ein als auch einige
- Grundsätzliches Problem | meist (und andere)
 Die meisten Patienten sind zufrieden.
 - ► Hypothetischer Quantor W | $WxPx \rightarrow Zx$ Für die meisten Objekte gilt, dass sie zufrieden sind, wenn sie Patienten sind.
 - ► Falsche Interpretation | Domäne = $[P]^{\mathcal{M}_1}\{x : x \text{ ist Patient}\}$, nicht D_1

- Kleineres Problem $\mid \exists$ sowohl mindestens ein als auch einige
- Grundsätzliches Problem | meist (und andere)

 Die meisten Patienten sind zufrieden.
 - ► Hypothetischer Quantor W | $WxPx \rightarrow Zx$ Für die meisten Objekte gilt, dass sie zufrieden sind, wen<u>n sie Patienten sind.</u>
 - ► Falsche Interpretation | Domäne = $[P]^{\mathcal{M}_1}\{x : x \text{ ist Patient}\}$, nicht D_1
- Korrekte Lösung | Generalisierte Quantoren (am Ende des Seminars)

In PL ist Skopus klar geregelt, in natürlicher Sprache nicht.

• c-Kommando für Skopus nicht adäquat

- c-Kommando für Skopus nicht adäquat
- Natürliche Sprache ohne pränexe Normalform (PNF), Quantor in situ

- c-Kommando für Skopus nicht adäquat
- Natürliche Sprache ohne pränexe Normalform (PNF), Quantor in situ
- Außerdem Ambiguität = mehrere Lesarten

- c-Kommando für Skopus nicht adäquat
- Natürliche Sprache ohne pränexe Normalform (PNF), Quantor in situ
- Außerdem Ambiguität = mehrere Lesarten
 - Everybody loves somebody. (ELS)

- c-Kommando für Skopus nicht adäquat
- Natürliche Sprache ohne pränexe Normalform (PNF), Quantor in situ
- Außerdem Ambiguität = mehrere Lesarten
 - Everybody loves somebody. (ELS)
 - $\forall x_1 \exists x_2 L x_1 x_2$

- c-Kommando für Skopus nicht adäquat
- Natürliche Sprache ohne pränexe Normalform (PNF), Quantor in situ
- Außerdem Ambiguität = mehrere Lesarten
 - Everybody loves somebody. (ELS)
 - $\rightarrow \forall x_1 \exists x_2 L x_1 x_2$
 - $ightharpoonup \exists x_2 \forall x_1 L x_1 x_2$

- c-Kommando für Skopus nicht adäquat
- Natürliche Sprache ohne pränexe Normalform (PNF), Quantor in situ
- Außerdem Ambiguität = mehrere Lesarten
 - Everybody loves somebody. (ELS)
 - $\rightarrow \forall x_1 \exists x_2 L x_1 x_2$
 - $ightharpoonup \exists x_2 \forall x_1 L x_1 x_2$
- Für eine strukturelle Modellierung (c-Kommando) | LF-Bewegung

- c-Kommando für Skopus nicht adäquat
- Natürliche Sprache ohne pränexe Normalform (PNF), Quantor in situ
- Außerdem Ambiguität = mehrere Lesarten
 - Everybody loves somebody. (ELS)
 - $\rightarrow \forall x_1 \exists x_2 L x_1 x_2$
 - $\rightarrow \exists x_2 \forall x_1 L x_1 x_2$
- Für eine strukturelle Modellierung (c-Kommando) | LF-Bewegung
- Beispiele für andere Lösungen, mehr in Montagues lf-Tradition

- c-Kommando für Skopus nicht adäquat
- Natürliche Sprache ohne pränexe Normalform (PNF), Quantor in situ
- Außerdem Ambiguität = mehrere Lesarten
 - Everybody loves somebody. (ELS)
 - $\rightarrow \forall x_1 \exists x_2 L x_1 x_2$
 - $\rightarrow \exists x_2 \forall x_1 L x_1 x_2$
- Für eine strukturelle Modellierung (c-Kommando) | LF-Bewegung
- Beispiele für andere Lösungen, mehr in Montagues lf-Tradition
 - Cooper Storage (implementiert in HPSG)

- c-Kommando für Skopus nicht adäquat
- Natürliche Sprache ohne pränexe Normalform (PNF), Quantor in situ
- Außerdem Ambiguität = mehrere Lesarten
 - Everybody loves somebody. (ELS)
 - $\rightarrow \forall x_1 \exists x_2 L x_1 x_2$
 - $\rightarrow \exists x_2 \forall x_1 L x_1 x_2$
- Für eine strukturelle Modellierung (c-Kommando) | LF-Bewegung
- Beispiele für andere Lösungen, mehr in Montagues If-Tradition
 - Cooper Storage (implementiert in HPSG)
 - Unterspezifikation (implementiert in HPSG; kognitiv recht plausibel)

- c-Kommando für Skopus nicht adäquat
- Natürliche Sprache ohne pränexe Normalform (PNF), Quantor in situ
- Außerdem Ambiguität = mehrere Lesarten
 - Everybody loves somebody. (ELS)
 - $\rightarrow \forall x_1 \exists x_2 L x_1 x_2$
 - $\rightarrow \exists x_2 \forall x_1 L x_1 x_2$
- Für eine strukturelle Modellierung (c-Kommando) | LF-Bewegung
- Beispiele für andere Lösungen, mehr in Montagues If-Tradition
 - Cooper Storage (implementiert in HPSG)
 - Unterspezifikation (implementiert in HPSG; kognitiv recht plausibel)
 - ► Hypothetische Beweise (implementiert in Kategorialgrammatik)

$$[s X NP Y] \implies [s' NP_i [s X t_i Y]]$$

Relevante syntaktische Erweiterung zu F_1 | Quantifier Raising (QR) Rule

$$[s X NP Y] \implies [s' NP_i [s X t_i Y]]$$

Phrasenstruktur als Input und Output (= Skopus in Syntax, LF als Syntax)

$$[s X NP Y] \implies [s' NP_i [s X t_i Y]]$$

- Phrasenstruktur als Input und Output (= Skopus in Syntax, LF als Syntax)
- Koindizierung und Linksadjunktion an S beide Teil einer Regel

$$[s X NP Y] \implies [s' NP_i [s X t_i Y]]$$

- Phrasenstruktur als Input und Output (= Skopus in Syntax, LF als Syntax)
- Koindizierung und Linksadjunktion an S beide Teil einer Regel
- Kein wesentlicher Unterschied, falls CP oder IP statt S

$$[s X NP Y] \implies [s' NP_i [s X t_i Y]]$$

- Phrasenstruktur als Input und Output (= Skopus in Syntax, LF als Syntax)
- Koindizierung und Linksadjunktion an S beide Teil einer Regel
- Kein wesentlicher Unterschied, falls CP oder IP statt S
- Außerdem | Det o every, some and NP o Det N^{count}

$$[s X NP Y] \implies [s' NP_i [s X t_i Y]]$$

- Phrasenstruktur als Input und Output (= Skopus in Syntax, LF als Syntax)
- Koindizierung und Linksadjunktion an S beide Teil einer Regel
- Kein wesentlicher Unterschied, falls CP oder IP statt S
- Außerdem | Det \rightarrow every, some and NP \rightarrow Det N^{count}
- Syntax-Problem | Völlig unnötig eine kontextsensitive Regel

$$[s X NP Y] \implies [s' NP_i [s X t_i Y]]$$

- Phrasenstruktur als Input und Output (= Skopus in Syntax, LF als Syntax)
- Koindizierung und Linksadjunktion an S beide Teil einer Regel
- Kein wesentlicher Unterschied, falls CP oder IP statt S
- Außerdem | Det o every, some and NP o Det N^{count}
- Syntax-Problem | Völlig unnötig eine kontextsensitive Regel
- Semantik-Probleme bei Chierchia

$$[s X NP Y] \implies [s' NP_i [s X t_i Y]]$$

- Phrasenstruktur als Input und Output (= Skopus in Syntax, LF als Syntax)
- Koindizierung und Linksadjunktion an S beide Teil einer Regel
- Kein wesentlicher Unterschied, falls CP oder IP statt S
- Außerdem | Det \rightarrow every, some and NP \rightarrow Det N^{count}
- Syntax-Problem | Völlig unnötig eine kontextsensitive Regel
- Semantik-Probleme bei Chierchia
 - Einführung syntaktischer Typen wird skizzenhaft (s. Montague)

$$[s X NP Y] \implies [s' NP_i [s X t_i Y]]$$

- Phrasenstruktur als Input und Output (= Skopus in Syntax, LF als Syntax)
- Koindizierung und Linksadjunktion an S beide Teil einer Regel
- Kein wesentlicher Unterschied, falls CP oder IP statt S
- Außerdem | Det \rightarrow every, some and NP \rightarrow Det N^{count}
- Syntax-Problem | Völlig unnötig eine kontextsensitive Regel
- Semantik-Probleme bei Chierchia
 - ► Einführung syntaktischer Typen wird skizzenhaft (s. Montague)
 - Definition zulässiger Modelle unterschlagen (s. Montague)

Semantik für QR mit every

Semantik für QR mit every

Semantik für QR mit every

$$\left[\!\!\left[\left[\text{every } \beta \right]_{i} \; \mathsf{S} \right] \right]^{\mathcal{M},g} = 1 \text{ iff for all } \mathsf{d} \in \mathsf{D} : \\ \text{if } \mathsf{d} \in \left[\!\!\left[\beta \right]\!\!\right]^{\mathcal{M},g} \text{ then } \left[\!\!\left[\mathsf{S} \right]\!\!\right]^{\mathcal{M},g[u/t_{i}]}$$

A sentence containing the trace t_i with an adjoined NP_i (which consists of every plus the common noun β) extend to 1 iff for each individual d in the universe D which is in the set referred to by the common noun β , S denotes 1 with d assigned to the pronominal trace t_i . g is modified iteratively to check that.

Semantik für QR-Regel mit some

Semantik für QR-Regel mit some

$$\left[\left[\left[a \beta \right]_{i} S \right] \right]^{\mathcal{M},g} = 1 \text{ iff for some } u \in U :$$

$$u \in \left[\beta \right]^{\mathcal{M},g} \text{ and } \left[S \right]^{\mathcal{M},g\left[u/t_{i} \right]}$$

Semantik für QR-Regel mit some

$$\begin{bmatrix} [[a \beta]_i S] \end{bmatrix}^{\mathcal{M},g} = 1 \text{ iff for some } u \in U : \\ u \in [\beta]^{\mathcal{M},g} \text{ and } [S]^{\mathcal{M},g[u/t_i]}$$

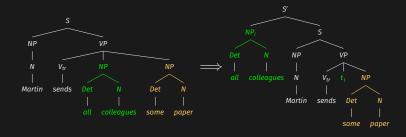
Die Interpretation erfolgt nach ähnlichem Schema.

Martin sends all colleagues some paper.

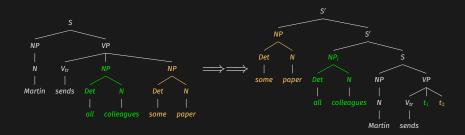
Martin sends all colleagues some paper.

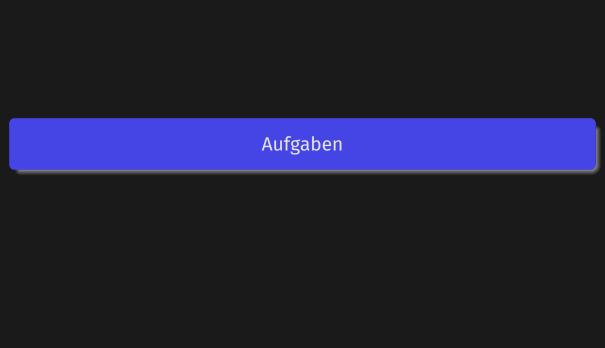


Martin sends all colleagues some paper.



Martin sends all colleagues some paper.





Aufgaben I

Unvollstandig

Literatur I

Chierchia, Gennaro & Sally McConnell-Ginet. 2000. Meaning and grammar: An introduction to semantics.

2. Aufl. Cambridge, MA: MIT Press.

Autor

Kontakt

Prof. Dr. Roland Schäfer Institut für Germanistische Sprachwissenschaft Friedrich-Schiller-Universität Jena Fürstengraben 30 07743 Jena

https://rolandschaefer.netroland.schaefer@uni-jena.de

Lizenz

Creative Commons BY-SA-3.0-DE

Dieses Werk ist unter einer Creative Commons Lizenz vom Typ Namensnennung - Weitergabe unter gleichen Bedingungen 3.0 Deutschland zugänglich. Um eine Kopie dieser Lizenz einzusehen, konsultieren Sie

http://creativecommons.org/licenses/by-sa/3.0/de/ oder wenden Sie sich brieflich an Creative Commons, Postfach 1866, Mountain View, California, 94042, USA.