# Formale Semantik o6. Quantifikation und Modelltheorie

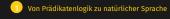
#### Roland Schäfer

Institut für Germanistische Sprachwissenschaft Friedrich-Schiller-Universität Jena

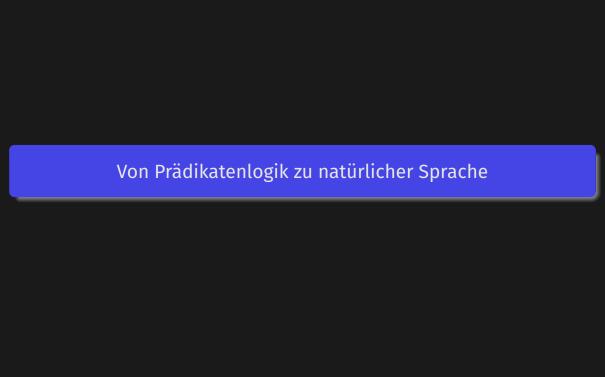
Folien in Überarbeitung. Englische Teile (ab Woche 7) sind noch von 2007!

Stets aktuelle Fassungen: https://github.com/rsling/VL-Semantik

## Inhalt







#### Semantik von Fragment F1

Namen referieren auf spezifische Individuen

- Namen referieren auf spezifische Individuen
- intransitive Verben referieren auf Mengen von Individuen

- Namen referieren auf spezifische Individuen
- intransitive Verben referieren auf Mengen von Individuen
- mehrstellige Verben referieren auf Mengen von Tupeln von Individuen

- Namen referieren auf spezifische Individuen
- intransitive Verben referieren auf Mengen von Individuen
- mehrstellige Verben referieren auf Mengen von Tupeln von Individuen
- Sätze referieren auf Wahrheitswerte!

- Namen referieren auf spezifische Individuen
- intransitive Verben referieren auf Mengen von Individuen
- mehrstellige Verben referieren auf Mengen von Tupeln von Individuen
- Sätze referieren auf Wahrheitswerte!
- F2 | Integration von Erkenntnissen aus Prädikatenlogik

#### Semantik von Fragment F1

- Namen referieren auf spezifische Individuen
- intransitive Verben referieren auf Mengen von Individuen
- mehrstellige Verben referieren auf Mengen von Tupeln von Individuen
- Sätze referieren auf Wahrheitswerte!
- F2 | Integration von Erkenntnissen aus Prädikatenlogik

Alles Wesentliche dieser Sitzung in Chierchia & McConnell-Ginet (2000: Kapitel 3)

Wie situationsabhängige Namen

Wie situationsabhängige Namen

Wie situationsabhängige Namen

This is red.

Pronomen this | syntaktisch eine NP

## Wie situationsabhängige Namen

- Pronomen this | syntaktisch eine NP
- ... und referiert auf ein spezifisches Objekt (wie Namen) keine Quantifikation bzw. Mengenreferenz

#### Wie situationsabhängige Namen

- Pronomen this | syntaktisch eine NP
- ... und referiert auf ein spezifisches Objekt (wie Namen) keine Quantifikation bzw. Mengenreferenz
- Aber nur in gegebener Situation interpretierbar Deixis, im Text auch Anaphorik

#### Wie situationsabhängige Namen

- Pronomen this | syntaktisch eine NP
- ... und referiert auf ein spezifisches Objekt (wie Namen) keine Quantifikation bzw. Mengenreferenz
- Aber nur in gegebener Situation interpretierbar Deixis, im Text auch Anaphorik
- Kein Äquivalent in klassischer Logik

Ähnlichkeit von Variablen und Pronominalausdrücken

• Rumpf einer quantifizierten Wff | Wff P(x) aus Wff  $(\forall x)Px$ 

- Rumpf einer quantifizierten Wff | Wff P(x) aus Wff  $(\forall x)Px$
- Ungebundenes x in P(x) ähnlich wie Pronominalbedeutung Externe Interpretationsvorschrift erforderlich

- Rumpf einer quantifizierten Wff | Wff P(x) aus Wff  $(\forall x)Px$
- Ungebundenes x in P(x) ähnlich wie Pronominalbedeutung Externe Interpretationsvorschrift erforderlich
- Quantoren | Auswertungsalgorithmus Für alle möglichen belegungen von x, P(x)

- Rumpf einer quantifizierten Wff | Wff P(x) aus Wff  $(\forall x)Px$
- Ungebundenes x in P(x) ähnlich wie Pronominalbedeutung Externe Interpretationsvorschrift erforderlich
- Quantoren | Auswertungsalgorithmus
   Für alle möglichen belegungen von x, P(x)
- Pronomina | Kontextuelle Auswertung Belegung für x im gegebenen Kontext

Als Vorüberlegung | Prädikatenlogik als Phrasenstrukturgrammatik

a → const, var | Individuenausdrücke

Als Vorüberlegung | Prädikatenlogik als Phrasenstrukturgrammatik

 $a \rightarrow const, var \mid$  Individuenausdrücke  $conn \rightarrow \land, \lor, \rightarrow, \leftrightarrow \mid$  Funktoren

```
a \rightarrow const, var \mid Individuenausdrücke conn \rightarrow \land, \lor, \rightarrow, \leftrightarrow \mid Funktoren neg \rightarrow \neg \mid Negation
```

```
a \rightarrow const, var \mid Individuenausdrücke conn \rightarrow \land, \lor, \rightarrow, \leftrightarrow \mid Funktoren neg \rightarrow \neg \mid Negation Q \rightarrow \exists, \forall \mid nur zwei Quantor<u>en</u>
```

```
a \rightarrow const, var \mid Individuenausdrücke conn \rightarrow \land, \lor, \rightarrow, \leftrightarrow \mid Funktoren neg \rightarrow \neg \mid Negation Q \rightarrow \exists, \forall \mid nur zwei Quantoren pred^1 \rightarrow P, Q \mid einstellige Prädikate
```

```
a 	o const, var \mid Individuenausdrücke conn 	o \land, \lor, \to, \leftrightarrow \mid Funktoren neg 	o \neg \mid Negation Q 	o \exists, \forall \mid nur zwei Quantoren pred^1 	o P, Q \mid einstellige Prädikate pred^2 	o R \mid zweistellige Prädikate
```

```
a 	o const, var \mid Individuenausdrücke conn 	o \land, \lor, \to, \leftrightarrow \mid Funktoren neg 	o \neg \mid Negation Q 	o \exists, \forall \mid nur zwei Quantoren pred^1 	o P, Q \mid einstellige Prädikate pred^2 	o R \mid zweistellige Prädikate pred^3 	o S \mid dreistellige Prädikate
```

```
a 	o const, var \mid Individuenausdrücke conn 	o \land, \lor, \to, \leftrightarrow \mid Funktoren neg 	o \neg \mid Negation Q 	o \exists, \forall \mid nur zwei Quantoren pred^1 	o P, Q \mid einstellige Prädikate pred^2 	o R \mid zweistellige Prädikate pred^3 	o S \mid dreistellige Prädikate const 	o b, c \mid nur zwei Individenkonstanten
```

```
a \rightarrow const. var \mid Individuenausdrücke
conn \rightarrow \land, \lor, \rightarrow, \leftrightarrow \mid Funktoren
neq \rightarrow \neg \mid Negation
Q \rightarrow \exists, \forall \mid \text{nur zwei Quantoren}
pred^1 \rightarrow P, Q \mid einstellige Prädikate
pred^2 \rightarrow R | zweistellige Prädikate
pred^3 \rightarrow S \mid dreistellige Prädikate
const \rightarrow b, c \mid nur zwei Individenkonstanten
var \rightarrow x_1, x_2, \cdots x_n | beliebig viele Variablen
```

#### Als Vorüberlegung | Prädikatenlogik als Phrasenstrukturgrammatik

```
a \rightarrow const. var \mid Individuenausdrücke
conn \rightarrow \land, \lor, \rightarrow, \leftrightarrow \mid Funktoren
neq \rightarrow \neg \mid Negation
Q \rightarrow \exists, \forall \mid \text{nur zwei Quantoren}
pred^1 \rightarrow P, Q \mid einstellige Prädikate
pred^2 \rightarrow R | zweistellige Prädikate
pred^3 \rightarrow S \mid dreistellige Prädikate
const \rightarrow b, c \mid nur zwei Individenkonstanten
var \rightarrow x_1, x_2, \cdots x_n | beliebig viele Variablen
```

• Die Formalisierung ist äquivalent zur mengenbasierten von letzter Woche!

Wir nehmen eine Prädikatsnotation ohne Klammern | Px statt P(x) usw.

Wir nehmen eine Prädikatsnotation ohne Klammern | Px statt P(x) usw.

•  $\textit{wff} \rightarrow \textit{pred}^1 \ a_1 \ldots \ a_n \mid \text{n-stellige Prädikate und ihre Argumente}$ 

Wir nehmen eine Prädikatsnotation ohne Klammern | Px statt P(x) usw.

- $wff \rightarrow pred^1 a_1 \dots a_n \mid \text{n-stellige Prädikate und ihre Argumente}$
- ullet wff o neg wff | Applikation von Negation auf Wffs

Wir nehmen eine Prädikatsnotation ohne Klammern  $\mid Px$  statt P(x) usw.

- $wff \rightarrow pred^1 a_1 \dots a_n \mid \text{n-stellige Prädikate und ihre Argumente}$
- $\textit{wff} \rightarrow \textit{neg wff} \mid \mathsf{Applikation} \ \mathsf{von} \ \mathsf{Negation} \ \mathsf{auf} \ \mathsf{Wffs}$
- ullet wff o wff conn wff | Applikation von anderen Funktoren auf Wffs

Wir nehmen eine Prädikatsnotation ohne Klammern  $\mid Px$  statt P(x) usw.

- $\textit{wff} \rightarrow \textit{pred}^1 \ a_1 \ldots \ a_n \mid \text{n-stellige Pr\"adikate und ihre Argumente}$
- $\textit{wff} \rightarrow \textit{neg wff} \mid \mathsf{Applikation} \ \mathsf{von} \ \mathsf{Negation} \ \mathsf{auf} \ \mathsf{Wffs}$
- wff → wff conn wff | Applikation von anderen Funktoren auf Wffs
- wff → Q var wff | Quantifikation

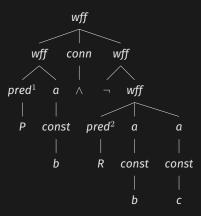
### Eine Wff ohne Quantoren

#### Eine Wff ohne Quantoren

Zum Beispiel: Ben (b) paddelt (P) und ( $\land$ ) Ben rudert (R) nicht ( $\neg$ ) mit Chris (c). In PL: Pb  $\land \neg$ Rbc

#### **Eine Wff ohne Quantoren**

Zum Beispiel: Ben (b) paddelt (P) und ( $\land$ ) Ben rudert (R) nicht ( $\neg$ ) mit Chris (c). In PL: Pb  $\land \neg$ Rbc



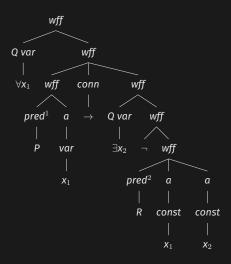
## Eine Wff mit Quantoren

#### Eine Wff mit Quantoren

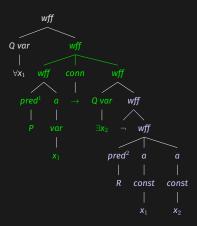
Zum Beispiel: Als Paddler hat man immer jemanden, mit dem man nicht rudert. In PL:  $\forall x_1 [Px_1 \rightarrow \exists x_2 \neg Px_1x_2]$ 

#### Eine Wff mit Quantoren

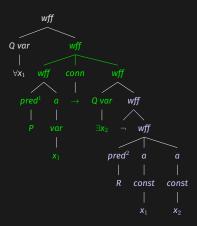
Zum Beispiel: Als Paddler hat man immer jemanden, mit dem man nicht rudert. In PL:  $\forall x_1 [Px_1 \rightarrow \exists x_2 \neg Px_1x_2]$ 



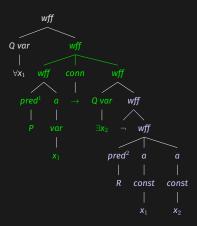
Skopus in konfigurationaler Logik-Syntax: c-Kommando Variablen als gebunden vom nächsten c-kommandierenden koindizierten Quantor



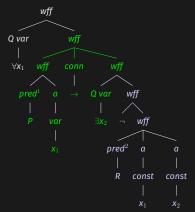
Skopus in konfigurationaler Logik-Syntax: c-Kommando Variablen als gebunden vom nächsten c-kommandierenden koindizierten Quantor



Skopus in konfigurationaler Logik-Syntax: c-Kommando Variablen als gebunden vom nächsten c-kommandierenden koindizierten Quantor



Skopus in konfigurationaler Logik-Syntax: c-Kommando Variablen als gebunden vom nächsten c-kommandierenden koindizierten Quantor



Skopus/c-Kommando-Domäne von  $\exists x_2 \mid Skopus/c-Kommando-Domäne von \forall x_1 (zgl. derer von <math>\exists x_2)$ 



Ziel (zur Erinnerung) | T-Sätze der Form S aus L ist wahr in v gdw ...

ullet Modell  ${\mathcal M}$  | zugängliches Diskursuniversum (bzw. dessen Beschreibung)

- Modell  $\mathcal{M}$  | zugängliches Diskursuniversum (bzw. dessen Beschreibung)
- ullet Menge  ${\it D_n}$  | Zugängliche Individuen ( $\it domain$ ) in  ${\it \mathcal{M}_n}$

- Modell  $\mathcal{M}$  | zugängliches Diskursuniversum (bzw. dessen Beschreibung)
- Menge  $D_n$  | Zugängliche Individuen (domain) in  $\mathcal{M}_n$
- Funktion V<sub>n</sub> | Valuation Zuweisung von

- ullet Modell  ${\mathcal M}$  | zugängliches Diskursuniversum (bzw. dessen Beschreibung)
- Menge  $D_n$  | Zugängliche Individuen (domain) in  $\mathcal{M}_n$
- Funktion V<sub>n</sub> | Valuation Zuweisung von
  - Namen zu Individuen in  $\mathcal{M}_n$

- Modell  $\mathcal{M}$  | zugängliches Diskursuniversum (bzw. dessen Beschreibung)
- Menge  $D_n$  | Zugängliche Individuen (domain) in  $\mathcal{M}_n$
- Funktion V<sub>n</sub> | Valuation Zuweisung von
  - Namen zu Individuen in  $\mathcal{M}_n$
  - Predikaten zu Tupeln von Individuen

- Modell  $\mathcal{M}$  | zugängliches Diskursuniversum (bzw. dessen Beschreibung)
- Menge  $D_n$  | Zugängliche Individuen (domain) in  $\mathcal{M}_n$
- Funktion V<sub>n</sub> | Valuation Zuweisung von
  - Namen zu Individuen in  $\mathcal{M}_n$
  - Predikaten zu Tupeln von Individuen
- $\bullet \ \mathcal{M}_n = \langle D_n, V_n \rangle$

- Modell  $\mathcal{M}$  | zugängliches Diskursuniversum (bzw. dessen Beschreibung)
- Menge  $D_n$  | Zugängliche Individuen (domain) in  $\mathcal{M}_n$
- Funktion V<sub>n</sub> | Valuation Zuweisung von
  - Namen zu Individuen in  $\mathcal{M}_n$
  - ▶ Predikaten zu Tupeln von Individuen
- $\mathcal{M}_n = \langle D_n, V_n \rangle$
- ullet Funktion  $g_n$  | Zuweisung von Variablen zu Individuen in  $\mathcal{M}_n$

- ullet Modell  ${\mathcal M}$  | zugängliches Diskursuniversum (bzw. dessen Beschreibung)
- Menge  $D_n$  | Zugängliche Individuen (domain) in  $\mathcal{M}_n$
- Funktion  $V_n$  | Valuation Zuweisung von
  - Namen zu Individuen in  $\mathcal{M}_n$
  - ▶ Predikaten zu Tupeln von Individuen
- $\mathcal{M}_n = \langle D_n, V_n \rangle$
- ullet Funktion  $g_n$  | Zuweisung von Variablen zu Individuen in  $\mathcal{M}_n$
- Allgemeine Evaluation in  $\mathcal{M}_n \mid \llbracket \alpha \rrbracket^{\mathcal{M}_n,g_n}$ Lies: Die Extension von Ausdruck  $\alpha$  relativ zu  $\mathcal{M}_n$  und  $g_n$

#### Feste und variable Denotation

V<sub>n</sub> evaluiert statisch im Modell.
 Wenn das Modell einmal feststeht, evaluiert V<sub>n</sub> jede Konstante stets gleich.

- V<sub>n</sub> evaluiert statisch im Modell.
   Wenn das Modell einmal feststeht, evaluiert V<sub>n</sub> jede Konstante stets gleich.
- Variablen (gebunden durch Quantoren) werden volatil interpretiert.

- V<sub>n</sub> evaluiert statisch im Modell.
   Wenn das Modell einmal feststeht, evaluiert V<sub>n</sub> jede Konstante stets gleich.
- Variablen (gebunden durch Quantoren) werden volatil interpretiert.
- Iteration durch Universum  $D_n$  durch  $g_n$

- V<sub>n</sub> evaluiert statisch im Modell.
   Wenn das Modell einmal feststeht, evaluiert V<sub>n</sub> jede Konstante stets gleich.
- Variablen (gebunden durch Quantoren) werden volatil interpretiert.
- Iteration durch Universum  $D_n$  durch  $g_n$
- Eine Modifikation der Belegung pro Iteration

- V<sub>n</sub> evaluiert statisch im Modell.
   Wenn das Modell einmal feststeht, evaluiert V<sub>n</sub> jede Konstante stets gleich.
- Variablen (gebunden durch Quantoren) werden volatil interpretiert.
- Iteration durch Universum  $D_n$  durch  $g_n$
- Eine Modifikation der Belegung pro Iteration
  - Modifizierte assignment function  $g_n[d_i/x_m]$ Lies: relativ zu  $g_n$ , wobei die Referenz von Variable  $x_m$  auf Individuum  $d_i$  gesetzt wird

#### **Evaluation von Variablen**

#### **Evaluation von Variablen**

 $\textbf{D}_1 = \{\textit{Herr Webelhuth}, \textit{Frau Klenk}, \textit{Turm} - \textit{Mensa}\} \mid \textit{Individuen in } \mathcal{M}_1$ 

```
D_1 = \{ Herr Webelhuth, Frau Klenk, Turm - Mensa \} \mid Individuen in <math>\mathcal{M}_1 V_1(P) = \{ Herr Webelhuth, Frau Klenk, Turm - Mensa \} \mid Prädikat P (z. B. ist ein physikalisches Objekt) in <math>\mathcal{M}_1
```

```
D_1 = \{ Herr Webelhuth, Frau Klenk, Turm - Mensa \} \mid Individuen in <math>\mathcal{M}_1

V_1(P) = \{ Herr Webelhuth, Frau Klenk, Turm - Mensa \} \mid Prädikat P (z. B. ist ein physikalisches Objekt) in <math>\mathcal{M}_1

Evaluiere \llbracket \forall x_1 Px_1 \rrbracket^{\mathcal{M}_1, g_1}
```

 $D_1 = \{\textit{Herr Webelhuth}, \textit{Frau Klenk}, \textit{Turm} - \textit{Mensa}\} \mid \textit{Individuen in } \mathcal{M}_1$   $V_1(P) = \{\textit{Herr Webelhuth}, \textit{Frau Klenk}, \textit{Turm} - \textit{Mensa}\} \mid \textit{Prädikat P (z. B. ist ein physikalisches Objekt) in } \mathcal{M}_1$ Evaluiere  $\|\forall x_1 P x_1\|^{\mathcal{M}_1, g_1}$ 

• Initiale Belegung  $[x_1]^{\mathcal{M}_1,g_1}=$  Herr Webelhuth

$$g_1 = \begin{bmatrix} x_1 \rightarrow \text{Herr We belluth} \\ x_2 \rightarrow \text{Herr We belluth} \\ x_3 \rightarrow \text{Herr We belluth} \end{bmatrix}$$
$$\llbracket \textbf{P} \textbf{X}_1 \rrbracket^{\mathcal{M}1, \textbf{9}1} = 1$$

 $D_1 = \{\text{Herr Webelhuth, Frau Klenk, Turm} - \text{Mensa}\} \mid \text{Individuen in } \mathcal{M}_1$   $V_1(P) = \{\text{Herr Webelhuth, Frau Klenk, Turm} - \text{Mensa}\} \mid \text{Prädikat } P \text{ (z. B. } ist ein physikalisches Objekt) in } \mathcal{M}_1$ Evaluiere  $[\![\forall x_1 Px_1]\!]^{\mathcal{M}_1, g_1}$ 

- Initiale Belegung  $\llbracket x_1 
  rbracket^{\mathcal{M}_1,g_1} = \mathit{Herr Webelhuth}$   $g_1 = \begin{bmatrix} x_1 \to \mathit{Herr Webelhuth} \\ x_2 \to \mathit{Herr Webelhuth} \\ x_3 \to \mathit{Herr Webelhuth} \end{bmatrix}$   $\llbracket \mathit{P}x_1 
  rbracket^{\mathcal{M}_1,g_1} = 1$
- $$\begin{split} \bullet & & \left[ \left[ \mathbf{X}_1 \right] \right]^{\mathcal{M}_1,g_1[\mathit{Klenk}/x_1]} = \mathit{Frau Klenk} \\ & g_1 = \left[ \begin{array}{c} \mathbf{x}_1 \rightarrow \mathit{Frau Klenk} \\ \mathbf{x}_2 \rightarrow \mathit{Herr Webelhuth} \\ \mathbf{x}_3 \rightarrow \mathit{Herr Webelhuth} \end{array} \right] \\ & & \left[ \left[ \mathbf{P} \mathbf{X}_1 \right]^{\mathcal{M}_1,g_1[\mathit{Klenk}/x_1]} = 1 \end{split}$$

 $D_1 = \{ \text{Herr Webelhuth, Frau Klenk, Turm} - \text{Mensa} \} \mid \text{Individuen in } \mathcal{M}_1$   $V_1(P) = \{ \text{Herr Webelhuth, Frau Klenk, Turm} - \text{Mensa} \} \mid \text{Prädikat P (z. B. } \text{ist ein physikalisches Objekt) in } \mathcal{M}_1$ Evaluiere  $\llbracket \forall x_1 Px_1 
\rrbracket^{\mathcal{M}_1, g_1}$ 

- Initiale Belegung  $[\![x_1]\!]^{\mathcal{M}_1,g_1}=$  Herr Webelhuth  $g_1=\begin{bmatrix}x_1 \to \text{Herr Webelhuth}\\x_2 \to \text{Herr Webelhuth}\\x_3 \to \text{Herr Webelhuth}\end{bmatrix}$ 
  - $\llbracket \mathsf{Px}_1 \rrbracket^{\mathcal{M}_1, \mathsf{g}_1} = 1$
- $$\begin{split} \bullet \quad & [\![ \mathbf{X}_1 ]\!]^{\mathcal{M}_1,g_1[\mathsf{Klenk}/\mathsf{X}_1]} = \mathsf{Frau} \; \mathsf{Klenk} \\ & g_1 = \left[ \begin{array}{c} \mathsf{X}_1 \to \mathsf{Frau} \; \mathsf{Klenk} \\ \mathsf{X}_2 \to \mathsf{Herr} \; \mathsf{Webelhuth} \\ \mathsf{X}_3 \to \mathsf{Herr} \; \mathsf{Webelhuth} \end{array} \right] \\ & [\![ \mathsf{PX}_1 ]\!]^{\mathcal{M}_1,g_1[\mathsf{Klenk}/\mathsf{X}_1]} = 1 \end{split}$$

 $D_1 = \{ \text{Herr Webelhuth, Frau Klenk, Turm} - \text{Mensa} \} \mid \text{Individuen in } \mathcal{M}_1$   $V_1(P) = \{ \text{Herr Webelhuth, Frau Klenk, Turm} - \text{Mensa} \} \mid \text{Prädikat } P \text{ (z. B. ist ein physikalisches Objekt) in } \mathcal{M}_1$ Evaluiere  $\llbracket \forall x_1 P x_1 
Ilde{\mathbb{R}}^{M_1, g_1} = 1$  weil keiner Belegung  $\llbracket P x_1 
Ilde{\mathbb{R}}^{M_1, g_1} = 0$ 

- Initiale Belegung  $[x_1]^{\mathcal{M}_1,g_1}=$  Herr Webelhuth  $g_1=\begin{bmatrix}x_1 o Herr Webelhuth \\ x_2 o Herr Webelhuth \\ x_3 o Herr Webelhuth \end{bmatrix}$   $[Px_1]^{\mathcal{M}_1,g_1}=1$
- $$\begin{split} \bullet \quad & \llbracket \mathbf{X}_1 \rrbracket^{\mathcal{M}_1,g_1[\mathit{Klenk}/\mathbf{x}_1]} = \mathit{Frau} \; \mathit{Klenk} \\ & g_1 = \begin{bmatrix} \mathbf{x}_1 \to \mathit{Frau} \; \mathit{Klenk} \\ \mathbf{x}_2 \to \mathit{Herr} \; \mathit{Webelhuth} \\ \mathbf{x}_3 \to \mathit{Herr} \; \mathit{Webelhuth} \end{bmatrix} \\ & \llbracket \mathit{PX}_1 \rrbracket^{\mathcal{M}_1,g_1[\mathit{Klenk}/\mathbf{x}_1]} = 1 \end{split}$$

 $\textbf{D}_1 = \{\textit{Herr Webelhuth}, \textit{Frau Klenk}, \textit{Turm} - \textit{Mensa}\} \mid \textit{Individuen in } \mathcal{M}_1$ 

```
D_1 = \{ Herr \ Webelhuth, Frau \ Klenk, Turm - Mensa \} \mid Individuen \ in \ \mathcal{M}_1 \ V_1(Q) = \{ \langle Webelhuth, Klenk \rangle, \langle Webelhuth, Mensa \rangle, \langle Klenk, Webelhuth \rangle \} \mid Prädikat \ Q \ (z. B. \ x \ besucht \ y) \ in \ \mathcal{M}_1 \ (z. B. \ x \ besucht \ y) \ in \ \mathcal{M}_2 \ (z. B. \ x \ besucht \ y) \ in \ \mathcal{M}_3 \ (z. B. \ x \ besucht \ y) \ in \ \mathcal{M}_4 \ (z. B. \ x \ besucht \ y) \ in \ \mathcal{M}_5 \ (z. B. \ x \ besucht \ y) \ in \ \mathcal{M}_6 \ (z. B. \ x \ besucht \ y) \ in \ \mathcal{M}_8 \ (z. B. \ x \ besucht \ y) \ in \ \mathcal{M}_9 \ (z. B. \ x \ besucht \ y) \ in \ \mathcal{M}_9 \ (z. B. \ x \ besucht \ y) \ in \ \mathcal{M}_9 \ (z. B. \ x \ besucht \ y) \ in \ \mathcal{M}_9 \ (z. B. \ x \ besucht \ y) \ in \ \mathcal{M}_9 \ (z. B. \ x \ besucht \ y) \ in \ \mathcal{M}_9 \ (z. B. \ x \ besucht \ y) \ in \ \mathcal{M}_9 \ (z. B. \ x \ besucht \ y) \ in \ \mathcal{M}_9 \ (z. B. \ x \ besucht \ y) \ in \ \mathcal{M}_9 \ (z. B. \ x \ besucht \ y) \ in \ \mathcal{M}_9 \ (z. B. \ x \ besucht \ y) \ in \ \mathcal{M}_9 \ (z. B. \ x \ besucht \ y) \ in \ \mathcal{M}_9 \ (z. B. \ x \ besucht \ y) \ in \ \mathcal{M}_9 \ (z. B. \ x \ besucht \ y) \ in \ \mathcal{M}_9 \ (z. B. \ x \ besucht \ y) \ in \ \mathcal{M}_9 \ (z. B. \ x \ besucht \ y) \ in \ \mathcal{M}_9 \ (z. B. \ x \ besucht \ y) \ in \ \mathcal{M}_9 \ (z. B. \ x \ besucht \ y) \ in \ \mathcal{M}_9 \ (z. B. \ x \ besucht \ y) \ in \ \mathcal{M}_9 \ (z. B. \ x \ besucht \ y) \ in \ \mathcal{M}_9 \ (z. B. \ x \ besucht \ y) \ in \ \mathcal{M}_9 \ (z. B. \ x \ besucht \ y) \ in \ \mathcal{M}_9 \ (z. B. \ x \ besucht \ y) \ in \ \mathcal{M}_9 \ (z. B. \ x \ besucht \ y) \ in \ \mathcal{M}_9 \ (z. B. \ x \ besucht \ y) \ in \ \mathcal{M}_9 \ (z. B. \ x \ besucht \ y) \ in \ \mathcal{M}_9 \ (z. B. \ x \ besucht \ y) \ in \ \mathcal{M}_9 \ (z. B. \ x \ besucht \ y) \ in \ \mathcal{M}_9 \ (z. B. \ x \ besucht \ y) \ in \ \mathcal{M}_9 \ (z. B. \ x \ besucht \ y) \ in \ \mathcal{M}_9 \ (z. B. \ x \ besucht \ y) \ in \ \mathcal{M}_9 \ (z. B. \ x \ besucht \ y) \ in \ \mathcal{M}_9 \ (z. B. \ x \ besucht \ y) \ in \ \mathcal{M}_9 \ (z. B. \ x \ besucht \ y) \ in \ \mathcal{M}_9 \ (z. B. \ x \ besucht \ y) \ in \ \mathcal{M}_9 \ (z. B. \ x \ besucht \ y) \ in \ \mathcal{M}_9 \ (z. B. \ x \ besucht \ y) \ in \ \mathcal{M}_9 \ (z. B. \ x \ besu
```

```
D_1 = \{\textit{Herr Webelhuth}, \textit{Frau Klenk}, \textit{Turm} - \textit{Mensa}\} \mid \textit{Individuen in } \mathcal{M}_1 \ V_1(Q) = \{\langle \textit{Webelhuth}, \textit{Klenk} \rangle, \langle \textit{Webelhuth}, \textit{Mensa} \rangle, \langle \textit{Klenk}, \textit{Webelhuth} \rangle\} \mid \textit{Prädikat Q (z. B. x besucht y) in } \mathcal{M}_1 \ \textit{Evaluiere } \|\forall x_1 \exists x_2 Qx_1 x_2 \|^{\mathcal{M}_1, g_1}
```

 $D_1 = \{\textit{Herr Webelhuth}, \textit{Frau Klenk}, \textit{Turm} - \textit{Mensa}\} \mid \textit{Individuen in } \mathcal{M}_1 \ V_1(Q) = \{\langle \textit{Webelhuth}, \textit{Klenk} \rangle, \langle \textit{Webelhuth}, \textit{Mensa} \rangle, \langle \textit{Klenk}, \textit{Webelhuth} \rangle\} \mid \textit{Prädikat Q (z. B. x besucht y) in } \mathcal{M}_1 \ \textit{Evaluiere } [\![\forall x_1 \exists x_2 Qx_1 x_2]\!]^{\mathcal{M}_1, g_1}$ 

$$g_1 = \left[egin{array}{l} \mathsf{x}_1 
ightarrow \mathsf{Frau} \; \mathsf{Klenk} \ \mathsf{x}_2 
ightarrow \mathsf{Turm} - \mathsf{Mensa} \ \mathsf{x}_3 
ightarrow \mathsf{Herr} \; \mathsf{Webelhuth} \end{array}
ight]$$

 $D_1 = \{\textit{Herr Webelhuth}, \textit{Frau Klenk}, \textit{Turm} - \textit{Mensa}\} \mid \textit{Individuen in } \mathcal{M}_1 \ V_1(Q) = \{\langle \textit{Webelhuth}, \textit{Klenk} \rangle, \langle \textit{Webelhuth}, \textit{Mensa} \rangle, \langle \textit{Klenk}, \textit{Webelhuth} \rangle\} \mid \textit{Prädikat Q (z. B. x besucht y) in } \mathcal{M}_1 \ \textit{Evaluiere } [\forall x_1 \exists x_2 Qx_1x_2]^{\mathcal{M}_1,g_1}$ 

• Initiale Belegung  $[x_1]^{\mathcal{M}_1,g_1} = Frau$  Klenk

$$g_1 = \left[egin{array}{l} {\sf x}_1 
ightarrow {\sf Frau} \; {\sf Klenk} \ {\sf x}_2 
ightarrow {\sf Turm} - {\sf Mensa} \ {\sf x}_3 
ightarrow {\sf Herr} \; {\sf Webelhuth} \end{array}
ight]$$

 $D_1 = \{\textit{Herr Webelhuth}, \textit{Frau Klenk}, \textit{Turm} - \textit{Mensa}\} \mid \textit{Individuen in } \mathcal{M}_1 \ V_1(Q) = \{\langle \textit{Webelhuth}, \textit{Klenk} \rangle, \langle \textit{Webelhuth}, \textit{Mensa} \rangle, \langle \textit{Klenk}, \textit{Webelhuth} \rangle\} \mid \textit{Prädikat Q (z. B. x besucht y) in } \mathcal{M}_1 \ \textit{Evaluiere } [\forall x_1 \exists x_2 Qx_1x_2]^{\mathcal{M}_1,g_1}$ 

- Initiale Belegung  $[x_1]^{\mathcal{M}_1,g_1} = Frau Klenk$ 
  - $[Qx_1x_2]^{\mathcal{M}_1,g_1} = 0$

$$g_1 = \left[egin{array}{l} x_1 
ightarrow ext{Frau Klenk} \ x_2 
ightarrow ext{Turm} - ext{Mensa} \ x_3 
ightarrow ext{Herr Webelhuth} \end{array}
ight]$$

 $D_1 = \{\textit{Herr Webelhuth}, \textit{Frau Klenk}, \textit{Turm} - \textit{Mensa}\} \mid \textit{Individuen in } \mathcal{M}_1 \ V_1(Q) = \{\langle \textit{Webelhuth}, \textit{Klenk} \rangle, \langle \textit{Webelhuth}, \textit{Mensa} \rangle, \langle \textit{Klenk}, \textit{Webelhuth} \rangle\} \mid \textit{Prädikat Q (z. B. x besucht y) in } \mathcal{M}_1 \ \textit{Evaluiere } [\forall x_1 \exists x_2 Qx_1x_2]^{\mathcal{M}_1,g_1}$ 

- Initiale Belegung  $[x_1]^{\mathcal{M}_1,g_1} = Frau Klenk$ 
  - $| [Qx_1x_2]^{\mathcal{M}_1,g_1} = 0$
  - $\qquad \qquad \mathbb{Q} x_1 x_2 \mathbb{I}^{\mathcal{M}_1, g_1[Klenk/x_2]} = 0$

$$g_1 = \left[egin{array}{c} x_1 
ightarrow ext{Frau Klenk} \ x_2 
ightarrow ext{Frau Klenk} \ x_3 
ightarrow ext{Herr Webelhuth} \end{array}
ight]$$

 $D_1 = \{\textit{Herr Webelhuth}, \textit{Frau Klenk}, \textit{Turm} - \textit{Mensa}\} \mid \textit{Individuen in } \mathcal{M}_1 \ V_1(Q) = \{\langle \textit{Webelhuth}, \textit{Klenk} \rangle, \langle \textit{Webelhuth}, \textit{Mensa} \rangle, \langle \textit{Klenk}, \textit{Webelhuth} \rangle\} \mid \textit{Prädikat Q (z. B. x besucht y) in } \mathcal{M}_1 \ \textit{Evaluiere } [\![\forall x_1 \exists x_2 Qx_1 x_2]\!]^{\mathcal{M}_1, g_1}$ 

- Initiale Belegung  $[x_1]^{\mathcal{M}_1,g_1} = Frau Klenk$ 
  - $||Qx_1x_2||^{\mathcal{M}_1,g_1} = 0$
  - $\qquad \qquad \boxed{ \llbracket \mathsf{Q} \mathsf{x}_1 \mathsf{x}_2 \rrbracket^{\mathcal{M}_1, \mathsf{g}_1 [\mathsf{Klenk}/\mathsf{x}_2]} = 0 }$

$$g_1 = \left[ egin{array}{l} x_1 
ightarrow ext{Frau Klenk} \ x_2 
ightarrow ext{Herr Webelhuth} \ x_3 
ightarrow ext{Herr Webelhuth} \end{array} 
ight]$$

 $D_1 = \{\textit{Herr Webelhuth}, \textit{Frau Klenk}, \textit{Turm} - \textit{Mensa}\} \mid \textit{Individuen in } \mathcal{M}_1$   $V_1(Q) = \{\langle \textit{Webelhuth}, \textit{Klenk} \rangle, \langle \textit{Webelhuth}, \textit{Mensa} \rangle, \langle \textit{Klenk}, \textit{Webelhuth} \rangle \} \mid \textit{Prädikat Q (z. B. x besucht y) in } \mathcal{M}_1$ Evaluiere  $[\![\forall x_1 \exists x_2 Qx_1 x_2]\!]^{\mathcal{M}_1, g_1}$ 

- Initiale Belegung  $[x_1]^{\mathcal{M}_1,g_1} = Frau Klenk$ 
  - $||Qx_1x_2||^{\mathcal{M}_1,g_1} = 0$
- $[x_1]^{\mathcal{M}_1,\overline{g_1}[\mathsf{Turm}-\mathsf{Mensa}/x_1]} = \mathsf{Turm}-\mathsf{Mensa}$

$$g_1 = \left[egin{array}{l} x_1 
ightarrow ext{Frau Klenk} \ x_2 
ightarrow ext{Turm} - ext{Mensa} \ x_3 
ightarrow ext{Herr Webelhuth} \end{array}
ight]$$

 $D_1 = \{\textit{Herr Webelhuth}, \textit{Frau Klenk}, \textit{Turm} - \textit{Mensa}\} \mid \textit{Individuen in } \mathcal{M}_1$   $V_1(Q) = \{\langle \textit{Webelhuth}, \textit{Klenk} \rangle, \langle \textit{Webelhuth}, \textit{Mensa} \rangle, \langle \textit{Klenk}, \textit{Webelhuth} \rangle \} \mid \textit{Prädikat Q (z. B. x besucht y) in } \mathcal{M}_1$ Evaluiere  $[\![\forall x_1 \exists x_2 Qx_1 x_2]\!]^{\mathcal{M}_1, g_1}$ 

- Initiale Belegung  $[x_1]^{\mathcal{M}_1,g_1} = Frau Klenk$ 
  - $||Qx_1x_2||^{\mathcal{M}_1,g_1} = 0$
- $[x_1]^{\mathcal{M}_1,g_1[\mathsf{Turm}-\mathsf{Mensa}/x_1]} = \mathsf{Turm}-\mathsf{Mensa}$ 
  - $\qquad \qquad \llbracket \textit{Q}\textit{x}_1\textit{x}_2 \rrbracket^{\mathcal{M}_1,\textit{g}_1[\mathsf{Turm}-\mathsf{Mens}a/x_1]} = 0$

$$g_1 = \left[egin{array}{l} {\sf x}_1 
ightarrow {\sf Turm-Mensa} \ {\sf x}_2 
ightarrow {\sf Turm-Mensa} \ {\sf x}_3 
ightarrow {\sf Herr Webelhuth} \end{array}
ight]$$

 $D_1 = \{\textit{Herr Webelhuth}, \textit{Frau Klenk}, \textit{Turm} - \textit{Mensa}\} \mid \textit{Individuen in } \mathcal{M}_1 \\ V_1(Q) = \{\langle \textit{Webelhuth}, \textit{Klenk} \rangle, \langle \textit{Webelhuth}, \textit{Mensa} \rangle, \langle \textit{Klenk}, \textit{Webelhuth} \rangle \} \mid \textit{Prädikat Q (z. B. x besucht y) in } \mathcal{M}_1 \\ \textit{Evaluiere } \llbracket \forall x_1 \exists x_2 Qx_1 x_2 \rrbracket^{\mathcal{M}_1, g_1}$ 

- Initiale Belegung  $[x_1]^{\mathcal{M}_1,g_1} = Frau Klenk$ 
  - $||Qx_1x_2||^{\mathcal{M}_1,g_1} = 0$
- $[x_1]^{\mathcal{M}_1,g_1[Turm-Mensa/x_1]} = Turm Mensa$ 
  - $\qquad \qquad \llbracket Qx_1x_2 \rrbracket^{\mathcal{M}_1,g_1[\mathsf{Turm}-\mathsf{Mensa}/\mathsf{x}_1]} = 0$
  - $\qquad \qquad \boxed{ \left[ \mathbf{Q} \mathbf{x}_1 \mathbf{x}_2 \right]^{\mathcal{M}_1, g_1 \left[ \mathsf{Turm} \mathsf{Mensa} / \mathbf{x}_1, \mathsf{Klenk} / \mathbf{x}_2 \right] } = 0 }$

$$g_1 = \left[egin{array}{c} x_1 
ightarrow ext{Turm} - ext{Mensa} \ x_2 
ightarrow ext{Frau Klenk} \ x_3 
ightarrow ext{Herr Webelhuth} \end{array}
ight]$$

 $D_1 = \{\textit{Herr Webelhuth}, \textit{Frau Klenk}, \textit{Turm} - \textit{Mensa}\} \mid \textit{Individuen in } \mathcal{M}_1 \ V_1(Q) = \{\langle \textit{Webelhuth}, \textit{Klenk} \rangle, \langle \textit{Webelhuth}, \textit{Mensa} \rangle, \langle \textit{Klenk}, \textit{Webelhuth} \rangle\} \mid \textit{Prädikat } Q \text{ (z. B. } \textit{x besucht } y) \text{ in } \mathcal{M}_1 \ \textit{Evaluiere } [\![\forall x_1 \exists x_2 Qx_1x_2]\!]^{\mathcal{M}_1,g_1}$ 

- Initiale Belegung  $[x_1]^{\mathcal{M}_1,g_1} = Frau Klenk$ 
  - $||Qx_1x_2||^{\mathcal{M}_1,g_1} = 0$
  - $\qquad \qquad \mathbb{Q} \mathbf{x}_1 \mathbf{x}_2 \mathbb{I}^{\mathcal{M}_1, g_1[Klenk/\mathbf{x}_2]} = 0$
- $[x_1]^{\mathcal{M}_1,g_1[Turm-Mensa/x_1]} = Turm Mensa$ 
  - $\qquad \qquad \llbracket Qx_1x_2 \rrbracket^{\mathcal{M}_1,g_1[\mathsf{Turm}-\mathsf{Mensa}/\mathsf{x}_1]} = 0$

$$g_1 = \left[ egin{array}{ll} {\sf X}_1 
ightarrow {\sf Turm} - {\sf Mensa} \ {\sf X}_2 
ightarrow {\sf Herr Webelhuth} \ {\sf X}_3 
ightarrow {\sf Herr Webelhuth} \end{array} 
ight]$$

 $D_1 = \{\textit{Herr Webelhuth}, \textit{Frau Klenk}, \textit{Turm} - \textit{Mensa}\} \mid \textit{Individuen in } \mathcal{M}_1 \\ V_1(Q) = \{\langle \textit{Webelhuth}, \textit{Klenk} \rangle, \langle \textit{Webelhuth}, \textit{Mensa} \rangle, \langle \textit{Klenk}, \textit{Webelhuth} \rangle \} \mid \textit{Prädikat Q (z. B. x besucht y) in } \mathcal{M}_1 \\ \textit{Evaluiere } \llbracket \forall x_1 \exists x_2 Qx_1 x_2 \rrbracket^{\mathcal{M}_1, g_1}$ 

- Initiale Belegung  $[x_1]^{\mathcal{M}_1,g_1} = Frau Klenk$ 
  - $||Qx_1x_2||^{\mathcal{M}_1,g_1} = 0$
  - $\qquad \qquad \mathbb{Q} \mathbf{x}_1 \mathbf{x}_2 \mathbb{I}^{\mathcal{M}_1, g_1[Klenk/\mathbf{x}_2]} = 0$
- $[x_1]^{\mathcal{M}_1,g_1[\mathsf{Turm}-\mathsf{Mensa}/\mathsf{x}_1]} = \mathsf{Turm}-\mathsf{Mensa}$ 
  - $\qquad \qquad \llbracket \mathsf{Q} \mathsf{x}_1 \mathsf{x}_2 \rrbracket^{\mathcal{M}_1, \mathsf{g}_1[\mathsf{Turm} \mathsf{Mensa}/\mathsf{x}_1]} = 0$
- $[x_1]^{\mathcal{M}_1,g_1[Webelhuth/x_1]} = Herr Webelhuth$

$$g_1 = \left[egin{array}{l} x_1 
ightarrow ext{Frau Klenk} \ x_2 
ightarrow ext{Turm} - ext{Mensa} \ x_3 
ightarrow ext{Herr Webelhuth} \end{array}
ight]$$

 $D_1 = \{\textit{Herr Webelhuth}, \textit{Frau Klenk}, \textit{Turm} - \textit{Mensa}\} \mid \textit{Individuen in } \mathcal{M}_1$   $V_1(Q) = \{\langle \textit{Webelhuth}, \textit{Klenk} \rangle, \langle \textit{Webelhuth}, \textit{Mensa} \rangle, \langle \textit{Klenk}, \textit{Webelhuth} \rangle \} \mid \textit{Prädikat Q (z. B. x besucht y) in } \mathcal{M}_1$ Evaluiere  $[\![\forall x_1 \exists x_2 Qx_1 x_2]\!]^{\mathcal{M}_1, g_1}$ 

- Initiale Belegung  $[x_1]^{\mathcal{M}_1,g_1} = Frau Klenk$ 
  - $||Qx_1x_2||^{\mathcal{M}_1,g_1} = 0$
  - $\qquad \qquad \mathbb{Q} x_1 x_2 \mathbb{I}^{\mathcal{M}_1, g_1[Klenk/x_2]} = 0$
- $[x_1]^{\mathcal{M}_1,g_1[\mathsf{Turm}-\mathsf{Mensa}/\mathsf{x}_1]} = \mathsf{Turm}-\mathsf{Mensa}$ 
  - $| [Ox_1x_2]^{\mathcal{M}_1,g_1[Turm-Mensa/x_1]} = 0$
  - $Arr { \left[ \mathbf{Q} \mathbf{x}_1 \mathbf{x}_2 
    ight]^{\mathcal{M}_1,g_1 \left[ \mathsf{Turm} \mathsf{Mensa} / \mathsf{x}_1,\mathsf{Klenk} / \mathsf{x}_2 
    ight]} = 0}$
- $[x_1]^{\mathcal{M}_1,g_1[Webelhuth/x_1]} = Herr$  Webelhuth
  - $\qquad \qquad \llbracket \mathbf{Q} \mathbf{x}_1 \mathbf{x}_2 \rrbracket^{\mathcal{M}_1, g_1[Webelhuth/x_1]} = 1$

$$g_1 = \left[egin{array}{l} x_1 
ightarrow ext{Herr Webelhuth} \ x_2 
ightarrow ext{Turm} - ext{Mensa} \ x_3 
ightarrow ext{Herr Webelhuth} \end{array}
ight]$$

 $D_1 = \{\textit{Herr Webelhuth}, \textit{Frau Klenk}, \textit{Turm} - \textit{Mensa}\} \mid \textit{Individuen in } \mathcal{M}_1 \ V_1(Q) = \{\langle \textit{Webelhuth}, \textit{Klenk} \rangle, \langle \textit{Webelhuth}, \textit{Mensa} \rangle, \langle \textit{Klenk}, \textit{Webelhuth} \rangle\} \mid \textit{Prädikat } Q \text{ (z. B. } \textit{x besucht } y) \text{ in } \mathcal{M}_1 \ \textit{Evaluiere } [\![\forall x_1 \exists x_2 Qx_1x_2]\!]^{\mathcal{M}_1,g_1}$ 

- Initiale Belegung  $[x_1]^{\mathcal{M}_1,g_1} = Frau Klenk$ 
  - $||Qx_1x_2||^{\mathcal{M}_1,g_1} = 0$
- $[x_1]^{\mathcal{M}_1,g_1[\mathsf{Turm}-\mathsf{Mensa}/\mathsf{x}_1]} = \mathsf{Turm}-\mathsf{Mensa}$ 
  - $| [Ox_1x_2]^{\mathcal{M}_1,g_1[Turm-Mensa/x_1]} = 0$
- $[x_1]^{\mathcal{M}_1,g_1[Webelhuth/x_1]}=$  Herr Webelhuth
  - $\qquad \qquad \llbracket Qx_1x_2 \rrbracket^{\mathcal{M}_1,g_1[Webelhuth/x_1]} = 1$

$$g_1 = \left[egin{array}{l} x_1 
ightarrow ext{Herr Webelhuth} \ x_2 
ightarrow ext{Frau Klenk} \ x_3 
ightarrow ext{Herr Webelhuth} \end{array}
ight]$$

 $D_1 = \{\textit{Herr Webelhuth}, \textit{Frau Klenk}, \textit{Turm} - \textit{Mensa}\} \mid \textit{Individuen in } \mathcal{M}_1 \ V_1(Q) = \{\langle \textit{Webelhuth}, \textit{Klenk} \rangle, \langle \textit{Webelhuth}, \textit{Mensa} \rangle, \langle \textit{Klenk}, \textit{Webelhuth} \rangle\} \mid \textit{Prädikat } Q \text{ (z. B. } \textit{x besucht } y) \text{ in } \mathcal{M}_1 \ \textit{Evaluiere } [\![\forall x_1 \exists x_2 Qx_1x_2]\!]^{\mathcal{M}_1,g_1}$ 

- Initiale Belegung  $[x_1]^{\mathcal{M}_1,g_1} = Frau Klenk$ 
  - $||Qx_1x_2||^{\mathcal{M}_1,g_1} = 0$
- $[x_1]^{\mathcal{M}_1,g_1[\mathsf{Turm}-\mathsf{Mensa}/\mathsf{x}_1]} = \mathsf{Turm}-\mathsf{Mensa}$ 
  - $| [Ox_1x_2]^{\mathcal{M}_1,g_1[Turm-Mensa/x_1]} = 0$

  - $\begin{bmatrix} \mathbb{Q} X_1 X_2 \end{bmatrix} \mathcal{M}_1, g_1 \begin{bmatrix} \mathsf{Turm-Mensa}/x_1, \mathsf{Webelhuth}/x_2 \end{bmatrix} = 0$
- $[x_1]^{\mathcal{M}_1,g_1[Webelhuth/x_1]}$  = Herr Webelhuth

$$g_1 = \left[ egin{array}{l} x_1 
ightarrow ext{Herr Webelhuth} \ x_2 
ightarrow ext{Herr Webelhuth} \ x_3 
ightarrow ext{Herr Webelhuth} \end{array} 
ight]$$

 $D_1 = \{\textit{Herr Webelhuth}, \textit{Frau Klenk}, \textit{Turm} - \textit{Mensa}\} \mid \textit{Individuen in } \mathcal{M}_1 \ V_1(Q) = \{\langle \textit{Webelhuth}, \textit{Klenk} \rangle, \langle \textit{Webelhuth}, \textit{Mensa} \rangle, \langle \textit{Klenk}, \textit{Webelhuth} \rangle\} \mid \textit{Prädikat } Q \text{ (z. B. } x \text{ } besucht \text{ } y) \text{ in } \mathcal{M}_1 \ \text{Evaluiere } [\![\forall x_1 \exists x_2 Qx_1 x_2]\!]^{\mathcal{M}_1, g_1} = 0 \text{ weil nicht für jede Belegung von } x_1 \text{ mindestens einmal } 1$ 

- Initiale Belegung  $[x_1]^{\mathcal{M}_1,g_1} = Frau Klenk$ 
  - $||Qx_1x_2||^{\mathcal{M}_1,g_1} = 0$
  - $\qquad \qquad \mathbb{Q} x_1 x_2 \mathbb{I}^{\mathcal{M}_1, g_1[Klenk/x_2]} = 0$
- $[x_1]^{\mathcal{M}_1,g_1[\mathsf{Turm}-\mathsf{Mensa}/\mathsf{x}_1]} = \mathsf{Turm}-\mathsf{Mensa}$ 
  - $| [Ox_1x_2]^{\mathcal{M}_1,g_1[Turm-Mensa/x_1]} = 0$
- $[x_1]^{\mathcal{M}_1,g_1[Webelhuth/x_1]}$  = Herr Webelhuth

  - $ightharpoonup \left[ \left[ \mathsf{Q}\mathsf{x}_1\mathsf{x}_2 \right] \right]^{\mathcal{M}_1,g_1} \left[ \mathsf{Webelhuth}/\mathsf{x}_1,\mathsf{Webelhuth}/\mathsf{x}_2 \right] = 0$

$$g_1 = \left[egin{array}{l} x_1 
ightarrow ext{Frau Klenk} \ x_2 
ightarrow ext{Turm} - ext{Mensa} \ x_3 
ightarrow ext{Herr Webelhuth} \end{array}
ight]$$