# Formale Semantik o3. Mengen und Funktionen

#### Roland Schäfer

Institut für Germanistische Sprachwissenschaft Friedrich-Schiller-Universität Jena

Stets aktuelle Fassungen: https://github.com/rsling/VL-Semantik

#### Inhalt







Was sind Mengen?

Was sind Mengen?

Welche Operationen kann man auf Mengen anwenden?

Was sind Mengen?

Welche Operationen kann man auf Mengen anwenden?

Was sind Relationen und Funktionen? Und wie hängen sie mit Mengen zusammen?

## Was sind Mengen?

Welche Operationen kann man auf Mengen anwenden?

Was sind Relationen und Funktionen? Und wie hängen sie mit Mengen zusammen?

Welche Eigenschaften können Funktionen und Relationen haben?

## Was sind Mengen?

Welche Operationen kann man auf Mengen anwenden?

Was sind Relationen und Funktionen? Und wie hängen sie mit Mengen zusammen?

Welche Eigenschaften können Funktionen und Relationen haben?

Text für heute: Partee u. a. (1990: Kapitel 1–4)



Eine frei definierbare ungeordnete Sammlung von diskreten Objekten

Zahlen

- Zahlen
- Menschen

- Zahlen
- Menschen
- Schuhe

- Zahlen
- Menschen
- Schuhe
- Wörter

- Zahlen
- Menschen
- Schuhe
- Wörter
- ...

- Zahlen
- Menschen
- Schuhe
- Wörter
- ..
- nicht unbedingt zweckgebunden

- Zahlen
- Menschen
- Schuhe
- Wörter
- ...
- nicht unbedingt zweckgebunden
- jedes Objekt maximal einmal in jeder Menge

Mengendefinition  $\{\}$ , Elementstatus  $\in$ 

•  $M_1 = \{a, b, c\}$  (Menge von Buchstaben)

- $M_1 = \{a, b, c\}$  (Menge von Buchstaben)
- N<sub>1</sub> = {'my book'} (einelementige Menge, enthält eine NP)

- $M_1 = \{a, b, c\}$  (Menge von Buchstaben)
- N<sub>1</sub> = {'my book'} (einelementige Menge, enthält eine NP)
  - vs. N₂ = {my book} (einelementige Menge, enthält mein Buch)

- $M_1 = \{a, b, c\}$  (Menge von Buchstaben)
- N<sub>1</sub> = {'my book'} (einelementige Menge, enthält eine NP)
  - vs. N₂ = {my book} (einelementige Menge, enthält mein Buch)
  - vs. N₃ = {'my', 'book'} (Menge von Wörtern)

- $M_1 = \{a, b, c\}$  (Menge von Buchstaben)
- N<sub>1</sub> = {'my book'} (einelementige Menge, enthält eine NP)
  - ▶ vs.  $N_2 = \{my \ book\}$  (einelementige Menge, enthält mein Buch)
  - ▶ vs. N<sub>3</sub> = {'my', 'book'} (Menge von Wörtern)
- auch möglich: N<sub>4</sub> = {'my', book}

- $M_1 = \{a, b, c\}$  (Menge von Buchstaben)
- N<sub>1</sub> = {'my book'} (einelementige Menge, enthält eine NP)
  - ▶ vs.  $N_2 = \{my \ book\}$  (einelementige Menge, enthält mein Buch)
  - ▶ vs. N<sub>3</sub> = {'my', 'book'} (Menge von Wörtern)
- auch möglich: N<sub>4</sub> = {'my', book}
- definiert über eine Eigenschaft der Elemente (zwei Notationen):
   M<sub>2</sub> = {x: x is one of the first three letters of the alphabet}
   M<sub>2</sub> = {x|x is one of the first three letters of the alphabet}

- $M_1 = \{a, b, c\}$  (Menge von Buchstaben)
- N<sub>1</sub> = {'my book'} (einelementige Menge, enthält eine NP)
  - ▶ vs.  $N_2 = \{my \ book\}$  (einelementige Menge, enthält mein Buch)
  - ▶ vs. N<sub>3</sub> = {'my', 'book'} (Menge von Wörtern)
- auch möglich: N<sub>4</sub> = {'my', book}
- definiert über eine Eigenschaft der Elemente (zwei Notationen):
   M<sub>2</sub> = {x: x is one of the first three letters of the alphabet}
   M<sub>2</sub> = {x|x is one of the first three letters of the alphabet}
- U: die universelle Menge (alle Objekte)

Zwei Mengen mit exakt den gleichen Elementen sind identisch.

Zwei Mengen mit exakt den gleichen Elementen sind identisch.

•  $\{a, b, c\}$  =  $\{x:x \text{ is one of the first three letters of the alphabet}\}$ 

Zwei Mengen mit exakt den gleichen Elementen sind identisch.

- $\{a, b, c\}$  =  $\{x:x \text{ is one of the first three letters of the alphabet}\}$
- {x: x is human} = {x: x is from the Earth, a primate but not an ape}

Teilmenge | Eine Menge N, die kein Element enthält, das nicht auch in Menge M enthalten ist (umg. Obermenge).

Teilmenge | Eine Menge N, die kein Element enthält, das nicht auch in Menge M enthalten ist (umg. Obermenge).

Teilmenge oder Identität  $\subseteq$  Obermenge oder Identität  $\supseteq$ 

Teilmenge | Eine Menge N, die kein Element enthält, das nicht auch in Menge M enthalten ist (umg. Obermenge).

Teilmenge oder Identität ⊆ Obermenge oder Identität ⊇

•  $\{a\} \subseteq \{a,b,c\}$  und  $\{a,b,c\} \supseteq \{a\}$ 

Teilmenge | Eine Menge N, die kein Element enthält, das nicht auch in Menge M enthalten ist (umg. Obermenge).

Teilmenge oder Identität ⊆ Obermenge oder Identität ⊇

- $\{a\} \subseteq \{a,b,c\}$  und  $\{a,b,c\} \supseteq \{a\}$
- $\{a\} \subseteq \{a,b,c\} \text{ und } \{a,b,c\} \supseteq \{a\}$

## Teilmengen und Obermengen

Teilmenge | Eine Menge N, die kein Element enthält, das nicht auch in Menge M enthalten ist (umg. Obermenge).

Teilmenge oder Identität ⊆ Obermenge oder Identität ⊇

- $\{a\} \subseteq \{a,b,c\}$  und  $\{a,b,c\} \supseteq \{a\}$
- $\{a\} \subseteq \{a,b,c\}$  und  $\{a,b,c\} \supseteq \{a\}$
- $\{a,b,c\} \subseteq \{a,b,c\}$

# Teilmengen und Obermengen

Teilmenge | Eine Menge N, die kein Element enthält, das nicht auch in Menge M enthalten ist (umg. Obermenge).

Teilmenge oder Identität ⊆ Obermenge oder Identität ⊇

- $\{a\} \subseteq \{a,b,c\}$  und  $\{a,b,c\} \supseteq \{a\}$
- $\{a\} \subseteq \{a,b,c\}$  und  $\{a,b,c\} \supseteq \{a\}$
- $\{a,b,c\}\subseteq\{a,b,c\}$
- $\{a,b,c,d\} \not\subseteq \{a,b,c\}$  und  $\{a,b,c\} \not\supseteq \{a,b,c,d\}$

# Teilmengen und Obermengen

Teilmenge | Eine Menge N, die kein Element enthält, das nicht auch in Menge M enthalten ist (umg. Obermenge).

Teilmenge oder Identität  $\subseteq$  Obermenge oder Identität  $\supseteq$ 

- $\{a\} \subseteq \{a, b, c\} \text{ und } \{a, b, c\} \supseteq \{a\}$
- $\{a\} \subseteq \{a,b,c\}$  und  $\{a,b,c\} \supseteq \{a\}$
- $\{a,b,c\}\subseteq\{a,b,c\}$
- $\{a,b,c,d\} \not\subseteq \{a,b,c\}$  und  $\{a,b,c\} \not\supseteq \{a,b,c,d\}$
- $\{x: x \text{ is human}\}\subseteq \{x: \text{ is an ape}\}$

Echte Teilmenge | Eine Menge N, die kein Element enthält, das nicht auch in Menge M enthalten ist, und die nicht mit M identisch ist.

Echte Teilmenge | Eine Menge N, die kein Element enthält, das nicht auch in Menge M enthalten ist, und die nicht mit M identisch ist.

```
Echte Teilmenge ⊂
Echte Obermenge ⊃
```

Echte Teilmenge | Eine Menge N, die kein Element enthält, das nicht auch in Menge M enthalten ist, und die nicht mit M identisch ist.

Echte Teilmenge ⊂ Echte Obermenge ⊃

•  $\{a\}\subset\{a,b,c\}$  und  $\{a\}\subset\{a,b,c\}$ 

Echte Teilmenge | Eine Menge N, die kein Element enthält, das nicht auch in Menge M enthalten ist, und die nicht mit M identisch ist.

Echte Teilmenge ⊂ Echte Obermenge ⊃

- $\{a\} \subset \{a, b, c\}$  und  $\{a\} \subset \{a, b, c\}$
- $\{a,b,c\}\not\subset\{a,b,c\}$  aber  $\{a,b,c\}\subseteq\{a,b,c\}$

• Achtung bei Mengen von Mengen

- Achtung bei Mengen von Mengen
  - $\blacktriangleright \{\{a\}\} \not\subset \{a,b,c\}$

- Achtung bei Mengen von Mengen
  - $\blacktriangleright \{\{a\}\} \not\subset \{a,b,c\}$
  - $\blacktriangleright \{\{a\}\} \not\subseteq \{a,b,c\}$

- Achtung bei Mengen von Mengen
  - ▶  $\{\{a\}\} \not\subset \{a, b, c\}$
  - $\blacktriangleright \{\{a\}\} \not\subseteq \{a,b,c\}$
  - $\blacktriangleright \{\{a\}\} \not\subseteq \{a,b,c\}$

- Achtung bei Mengen von Mengen
  - {{a}} ⊄{a,b,c}{{a}} ⊈{a,b,c}
  - $\{\{a\}\} \not\in \{a,b,c\}$
- für leere Menge {} oder ∅

- Achtung bei Mengen von Mengen
  - $\{\{a\}\} \not\subset \{a,b,c\}$
  - {{a}}⊈{a,b,c}{{a}}₹{a,b,c}
- für leere Menge {} oder Ø
  - ► {} ⊂ jede anderen Menge

- Achtung bei Mengen von Mengen
  - $\blacktriangleright \{\{a\}\} \not\subset \{a,b,c\}$
  - ►  $\{\{a\}\} \not\subseteq \{a, b, c\}$
  - $\blacktriangleright \{\{a\}\} \not\in \{a,b,c\}$
- für leere Menge {} oder ∅
  - ► {} ⊂ jede anderen Menge
  - **▶** {}**∉**{}

• Logik mit Mengen

- Logik mit Mengen
  - Alle Anglistikprofessoren sind menschlich.
     Herr Webelhuth ist Anglistikprofessor.

- Logik mit Mengen
  - Alle Anglistikprofessoren sind menschlich.
     Herr Webelhuth ist Anglistikprofessor.
  - w = Herr Webelhuth
    E = {x: x is a professor of English Linguistics}
    H = {x: x is human}

- Logik mit Mengen
  - Alle Anglistikprofessoren sind menschlich.
     Herr Webelhuth ist Anglistikprofessor.
  - w = Herr Webelhuth
    E = {x: x is a professor of English Linguistics}
    H = {x: x is human}
  - ▶ Aus  $w \in E$  und  $E \subset H$  folgt  $w \in H$

- Logik mit Mengen
  - Alle Anglistikprofessoren sind menschlich.
     Herr Webelhuth ist Anglistikprofessor.
  - w = Herr Webelhuth
    E = {x: x is a professor of English Linguistics}
    H = {x: x is human}
  - ▶ Aus  $w \in E$  und  $E \subset H$  folgt  $w \in H$
- Aber

- Logik mit Mengen
  - Alle Anglistikprofessoren sind menschlich.
     Herr Webelhuth ist Anglistikprofessor.
  - w = Herr Webelhuth
    E = {x: x is a professor of English Linguistics}
    H = {x: x is human}
  - ▶ Aus  $w \in E$  und  $E \subset H$  folgt  $w \in H$
- Aber
  - Die Anglistikprofessoren sind zahlreich.

- Logik mit Mengen
  - ► Alle Anglistikprofessoren sind menschlich. Herr Webelhuth ist Anglistikprofessor.
  - w = Herr Webelhuth
    E = {x: x is a professor of English Linguistics}
    H = {x: x is human}
  - ▶ Aus  $w \in E$  und  $E \subset H$  folgt  $w \in H$
- Aber
  - Die Anglistikprofessoren sind zahlreich.
  - N = {x: x is a set with many members}

- Logik mit Mengen
  - Alle Anglistikprofessoren sind menschlich.
     Herr Webelhuth ist Anglistikprofessor.
  - w = Herr Webelhuth
    E = {x: x is a professor of English Linguistics}
    H = {x: x is human}
  - ▶ Aus  $w \in E$  und  $E \subset H$  folgt  $w \in H$
- Aber
  - Die Anglistikprofessoren sind zahlreich.
  - N = {x: x is a set with many members}
  - ► Aus  $w \in E$  und  $E \in N$  folgt nicht  $w \in N$

- Logik mit Mengen
  - Alle Anglistikprofessoren sind menschlich.
     Herr Webelhuth ist Anglistikprofessor.
  - w = Herr Webelhuth
    E = {x: x is a professor of English Linguistics}
    H = {x: x is human}
  - ▶ Aus  $w \in E$  und  $E \subset H$  folgt  $w \in H$
- Aber
  - Die Anglistikprofessoren sind zahlreich.
  - $ightharpoonup N = \{x: x \text{ is a set with many members}\}$
  - ► Aus  $w \in E$  und  $E \in N$  folgt nicht  $w \in N$
  - Vergleiche: \*Herr Webelhuth ist zahlreich.

Potenzmenge  $\wp(\cdot)$  | Für jede Menge M:  $\wp(M) = \{X : X \subseteq M\}$ 

• Beispiel

- Beispiel
  - $M = \{a, b, c\}$

- Beispiel
  - $M = \{a, b, c\}$

- Beispiel
  - ▶  $M = \{a, b, c\}$
  - $\wp(M) = \{\{a\}\}$

- Beispiel
  - $M = \{a, b, c\}$
  - $\wp(M) = \{\{a\}, \{b\}\}$

- Beispiel
  - ▶  $M = \{a, b, c\}$
  - $\wp(M) = \{\{a\}, \{b\}, \{c\}\}\}$

- Beispiel
  - ▶  $M = \{a, b, c\}$
  - $\wp(M) = \{\{a\}, \{b\}, \{c\}, \{a, b\}\}$

- Beispiel
  - ▶  $M = \{a, b, c\}$
  - $\wp(M) = \{\{a\}, \{b\}, \{c\}, \{a, b\}, \{a, c\}\}$

- Beispiel
  - ▶  $M = \{a, b, c\}$
  - $\wp(M) = \{\{a\}, \{b\}, \{c\}, \{a,b\}, \{a,c\}, \{b,c\}\}\}$

- Beispiel
  - ▶  $M = \{a, b, c\}$
  - $\wp(M) = \{\{a\}, \{b\}, \{c\}, \{a, b\}, \{a, c\}, \{b, c\}, \{a, b, c\}\}\}$

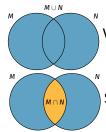
- Beispiel
  - ▶  $M = \{a, b, c\}$
  - $\wp(M) = \{\{a\}, \{b\}, \{c\}, \{a, b\}, \{a, c\}, \{b, c\}, \{a, b, c\}, \{\}\}\}$

- Beispiel
  - ▶  $M = \{a, b, c\}$
  - $\wp(M) = \{\{a\}, \{b\}, \{c\}, \{a, b\}, \{a, c\}, \{b, c\}, \{a, b, c\}, \{\}\} \}$
- Warum ist die leere Menge in der Potenzmenge jeder Menge?

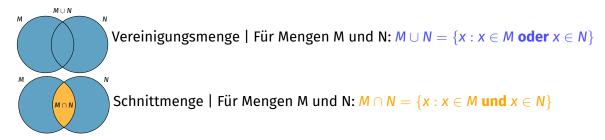
- Beispiel
  - ▶  $M = \{a, b, c\}$
  - $\wp(M) = \{\{a\}, \{b\}, \{c\}, \{a,b\}, \{a,c\}, \{b,c\}, \{a,b,c\}, \{\}\}\}$
- Warum ist die leere Menge in der Potenzmenge jeder Menge?
- Warum ist die leere Menge eine echte Teilmenge jeder Menge?



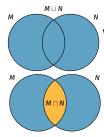
Vereinigungsmenge | Für Mengen M und N:  $M \cup N = \{x : x \in M \text{ oder } x \in N\}$ 



Vereinigungsmenge | Für Mengen M und N:  $M \cup N = \{x : x \in M \text{ oder } x \in N\}$ 

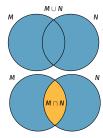


Beispiel Vereinigungsmenge



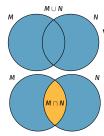
Vereinigungsmenge | Für Mengen M und N:  $M \cup N = \{x : x \in M \text{ oder } x \in N\}$ 

- Beispiel Vereinigungsmenge
  - $M = \{a, b, c\}$



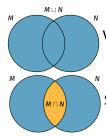
Vereinigungsmenge | Für Mengen M und N:  $M \cup N = \{x : x \in M \text{ oder } x \in N\}$ 

- Beispiel Vereinigungsmenge
  - ▶  $M = \{a, b, c\}$
  - ▶  $N = \{a, b, d\}$



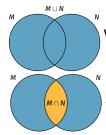
Vereinigungsmenge | Für Mengen M und N:  $M \cup N = \{x : x \in M \text{ oder } x \in N\}$ 

- Beispiel Vereinigungsmenge
  - ►  $M = \{a, b, c\}$
  - $N = \{a, b, d\}$
  - $ightharpoonup M \cup N = \{a, b, c, d\}$



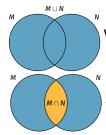
Vereinigungsmenge | Für Mengen M und N:  $M \cup N = \{x : x \in M \text{ oder } x \in N\}$ 

- Beispiel Vereinigungsmenge
  - $M = \{a, b, c\}$
  - $\triangleright$   $N = \{a, b, d\}$
  - $M \cup N = \{a, b, c, d\}$
- Beispiel Schnittmenge



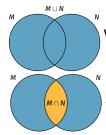
Vereinigungsmenge | Für Mengen M und N:  $M \cup N = \{x : x \in M \text{ oder } x \in N\}$ 

- Beispiel Vereinigungsmenge
  - ►  $M = \{a, b, c\}$
  - $N = \{a, b, d\}$
  - $M \cup N = \{a, b, c, d\}$
- Beispiel Schnittmenge
  - $M = \{a, b, c\}$



Vereinigungsmenge | Für Mengen M und N:  $M \cup N = \{x : x \in M \text{ oder } x \in N\}$ 

- Beispiel Vereinigungsmenge
  - $M = \{a, b, c\}$
  - $N = \{a, b, d\}$
  - $M \cup N = \{a, b, c, d\}$
- Beispiel Schnittmenge
  - $M = \{a, b, c\}$
  - $N = \{a, b\}$



Vereinigungsmenge | Für Mengen M und N:  $M \cup N = \{x : x \in M \text{ oder } x \in N\}$ 

- Beispiel Vereinigungsmenge
  - $M = \{a, b, c\}$
  - $\triangleright$   $N = \{a, b, d\}$
  - $M \cup N = \{a, b, c, d\}$
- Beispiel Schnittmenge
  - ►  $M = \{a, b, c\}$
  - $\triangleright$   $N = \{a, b\}$
  - $M \cap N = \{a, b\}$

$$\bigcup M = \{x : x \in Y \text{ für irgendeine } Y \in M\}$$

```
\bigcup M = \{x : x \in Y \text{ für irgendeine } Y \in M\}\bigcap M = \{x : x \in Y \text{ für jede } Y \in M\}
```

```
\bigcup M = \{x : x \in Y \text{ für irgendeine } Y \in M\}\bigcap M = \{x : x \in Y \text{ für jede } Y \in M\}
```

• Beispiel generalisierte Vereinigungsmenge

```
\bigcup M = \{x : x \in Y \text{ für irgendeine } Y \in M\}
\bigcap M = \{x : x \in Y \text{ für jede } Y \in M\}
```

- Beispiel generalisierte Vereinigungsmenge
  - $M = \{\{a\}, \{a,b\}, \{a,b,c\}\}$

```
\bigcup M = \{x : x \in Y \text{ für irgendeine } Y \in M\}\bigcap M = \{x : x \in Y \text{ für jede } Y \in M\}
```

- Beispiel generalisierte Vereinigungsmenge
  - $M = \{\{a\}, \{a,b\}, \{a,b,c\}\}\}$
  - $\triangleright \bigcup M = \{\}$

```
\bigcup M = \{x : x \in Y \text{ für irgendeine } Y \in M\}\bigcap M = \{x : x \in Y \text{ für jede } Y \in M\}
```

- Beispiel generalisierte Vereinigungsmenge
  - $M = \{\{a\}, \{a,b\}, \{a,b,c\}\}\}$
  - $\triangleright \bigcup M = \{a\}$

```
\bigcup M = \{x : x \in Y \text{ für irgendeine } Y \in M\}\bigcap M = \{x : x \in Y \text{ für jede } Y \in M\}
```

- Beispiel generalisierte Vereinigungsmenge
  - $M = \{\{a\}, \{a,b\}, \{a,b,c\}\}\}$

```
\bigcup M = \{x : x \in Y \text{ für irgendeine } Y \in M\}\bigcap M = \{x : x \in Y \text{ für jede } Y \in M\}
```

- Beispiel generalisierte Vereinigungsmenge
  - $M = \{\{a\}, \{a,b\}, \{a,b,c\}\}$

```
\bigcup M = \{x : x \in Y \text{ für irgendeine } Y \in M\}\bigcap M = \{x : x \in Y \text{ für jede } Y \in M\}
```

- Beispiel generalisierte Vereinigungsmenge
  - $M = \{\{a\}, \{a,b\}, \{a,b,c\}\}\}$
- Beispiel generalisierte Schnittmenge
  - $M = \{\{a\}, \{a,b\}, \{a,b,c\}\}$

```
\bigcup M = \{x : x \in Y \text{ für irgendeine } Y \in M\}\bigcap M = \{x : x \in Y \text{ für jede } Y \in M\}
```

- Beispiel generalisierte Vereinigungsmenge
  - $M = \{\{a\}, \{a,b\}, \{a,b,c\}\}\}$
- Beispiel generalisierte Schnittmenge
  - $M = \{\{a\}, \{a,b\}, \{a,b,c\}\}$

```
\bigcup M = \{x : x \in Y \text{ für irgendeine } Y \in M\}\bigcap M = \{x : x \in Y \text{ für jede } Y \in M\}
```

- Beispiel generalisierte Vereinigungsmenge
  - $M = \{\{a\}, \{a,b\}, \{a,b,c\}\}\}$
- Beispiel generalisierte Schnittmenge
  - $M = \{\{a\}, \{a,b\}, \{a,b,c\}\}$

```
\bigcup M = \{x : x \in Y \text{ für irgendeine } Y \in M\}\bigcap M = \{x : x \in Y \text{ für jede } Y \in M\}
```

- Beispiel generalisierte Vereinigungsmenge
  - $M = \{\{a\}, \{a,b\}, \{a,b,c\}\}$
  - $\blacktriangleright \bigcup M = \{a, b, c\}$
- Beispiel generalisierte Schnittmenge
  - $M = \{\{a\}, \{a, b\}, \{a, b, c\}\}$

```
\bigcup M = \{x : x \in Y \text{ für irgendeine } Y \in M\}\bigcap M = \{x : x \in Y \text{ für jede } Y \in M\}
```

- Beispiel generalisierte Vereinigungsmenge
  - $M = \{\{a\}, \{a,b\}, \{a,b,c\}\}$
  - $\blacktriangleright \bigcup M = \{a, b, c\}$
- Beispiel generalisierte Schnittmenge
  - $M = \{\{a\}, \{a,b\}, \{a,b,c\}\}$

```
\bigcup M = \{x : x \in Y \text{ für irgendeine } Y \in M\}\bigcap M = \{x : x \in Y \text{ für jede } Y \in M\}
```

- Beispiel generalisierte Vereinigungsmenge
  - $M = \{\{a\}, \{a,b\}, \{a,b,c\}\}$
  - $\blacktriangleright \bigcup M = \{a, b, c\}$
- Beispiel generalisierte Schnittmenge
  - $M = \{\{a\}, \{a,b\}, \{a,b,c\}\}$

Differenzmenge |  $M - N = \{x : x \in M \text{ and } x \notin N\}$ 

```
Differenzmenge | M - N = \{x : x \in M \text{ and } x \notin N\}
Komplementmenge | M \setminus N = \{x : x \in N \text{ and } x \notin M\}
```

```
Differenzmenge | M - N = \{x : x \in M \text{ and } x \notin N\}
Komplementmenge | M \setminus N = \{x : x \in N \text{ and } x \notin M\}
```

• Beispiel Differenzmenge

```
Differenzmenge | M - N = \{x : x \in M \text{ and } x \notin N\}
Komplementmenge | M \setminus N = \{x : x \in N \text{ and } x \notin M\}
```

- Beispiel Differenzmenge
  - $M = \{a, b, c\}$

```
Differenzmenge | M - N = \{x : x \in M \text{ and } x \notin N\}
Komplementmenge | M \setminus N = \{x : x \in N \text{ and } x \notin M\}
```

- Beispiel Differenzmenge
  - ▶  $M = \{a, b, c\}$
  - $\blacktriangleright \ N = \{a\}$

```
Differenzmenge | M - N = \{x : x \in M \text{ and } x \notin N\}
Komplementmenge | M \setminus N = \{x : x \in N \text{ and } x \notin M\}
```

- Beispiel Differenzmenge
  - $M = \{a, b, c\}$
  - $\triangleright$   $N = \{a\}$
  - ►  $M N = \{b, c\}$

```
Differenzmenge | M - N = \{x : x \in M \text{ and } x \notin N\}
Komplementmenge | M \setminus N = \{x : x \in N \text{ and } x \notin M\}
```

- Beispiel Differenzmenge
  - ►  $M = \{a, b, c\}$
  - ▶  $N = \{a\}$
  - $M N = \{b, c\}$
- Beispiel Komplementmenge

```
Differenzmenge | M - N = \{x : x \in M \text{ and } x \notin N\}
Komplementmenge | M \setminus N = \{x : x \in N \text{ and } x \notin M\}
```

- Beispiel Differenzmenge
  - ▶  $M = \{a, b, c\}$
  - ▶  $N = \{a\}$
  - ►  $M N = \{b, c\}$
- Beispiel Komplementmenge
  - $O = \{a, b, c, k\}$

```
Differenzmenge | M - N = \{x : x \in M \text{ and } x \notin N\}
Komplementmenge | M \setminus N = \{x : x \in N \text{ and } x \notin M\}
```

- Beispiel Differenzmenge
  - $M = \{a, b, c\}$
  - ▶  $N = \{a\}$
  - ►  $M N = \{b, c\}$
- Beispiel Komplementmenge
  - $O = \{a, b, c, k\}$
  - $M \setminus O = \{k\}$

```
Differenzmenge | M - N = \{x : x \in M \text{ and } x \notin N\}
Komplementmenge | M \setminus N = \{x : x \in N \text{ and } x \notin M\}
```

- Beispiel Differenzmenge
  - ▶  $M = \{a, b, c\}$
  - ▶  $N = \{a\}$
  - ►  $M N = \{b, c\}$
- Beispiel Komplementmenge
  - ▶  $O = \{a, b, c, k\}$
  - $ightharpoonup M \setminus O = \{k\}$
- Universelles Komplement

```
Differenzmenge | M - N = \{x : x \in M \text{ and } x \notin N\}
Komplementmenge | M \setminus N = \{x : x \in N \text{ and } x \notin M\}
```

- Beispiel Differenzmenge
  - ▶  $M = \{a, b, c\}$
  - ▶  $N = \{a\}$
  - ▶  $M N = \{b, c\}$
- Beispiel Komplementmenge
  - ▶  $O = \{a, b, c, k\}$
  - $ightharpoonup M \setminus O = \{k\}$
- Universelles Komplement
  - die universelle Menge | U = {x: x is an object}

```
Differenzmenge | M - N = \{x : x \in M \text{ and } x \notin N\}
Komplementmenge | M \setminus N = \{x : x \in N \text{ and } x \notin M\}
```

- Beispiel Differenzmenge
  - ▶  $M = \{a, b, c\}$
  - ▶  $N = \{a\}$
  - ▶  $M N = \{b, c\}$
- Beispiel Komplementmenge
  - $ightharpoonup 0 = \{a, b, c, k\}$
  - $ightharpoonup M \setminus O = \{k\}$
- Universelles Komplement
  - die universelle Menge | U = {x: x is an object}
  - $M' = \{x : x \in U \text{ and } x \not\in M\}$

## Triviale Identitäten

### Triviale Identitäten

#### Komplementgesetze

•  $M \cup \emptyset = M$ 

- $M \cup \emptyset = M$
- M'' = M

- $M \cup \emptyset = M$
- M'' = M
- $M \cap M' = \emptyset$

- $M \cup \emptyset = M$
- M'' = M
- $M \cap M' = \emptyset$
- $X \cap U = U$

#### Komplementgesetze

- $M \cup \emptyset = M$
- M'' = M
- $M \cap M' = \emptyset$
- $X \cap U = U$

#### DeMorgan

#### Komplementgesetze

- $M \cup \emptyset = M$
- M'' = M
- $M \cap M' = \emptyset$
- $X \cap U = U$

#### DeMorgan

•  $(M \cup N)' = M' \cap X'$ 

#### Komplementgesetze

- $M \cup \emptyset = M$
- M'' = M
- $M \cap M' = \emptyset$
- $X \cap U = U$

#### DeMorgan

- $(M \cup N)' = M' \cap X'$
- DeMorgan begegnet uns in der Logik wieder.



**Mengen | ungeordnet**  $\{a, b, c\} = \{a, c, b\} = \{b, a, c\} = \{b, c, a\} = \{c, a, b\} = \{c, b, a\}$ 

Mengen | ungeordnet  $\{a, b, c\} = \{a, c, b\} = \{b, a, c\} = \{b, c, a\} = \{c, a, b\} = \{c, b, a\}$ Tupel | dasselbe, aber geordnet  $\langle a, b \rangle \neq \langle b, a \rangle$ 

```
Mengen | ungeordnet \{a,b,c\} = \{a,c,b\} = \{b,a,c\} = \{b,c,a\} = \{c,a,b\} = \{c,b,a\}
Tupel | dasselbe, aber geordnet \langle a,b\rangle \neq \langle b,a\rangle
```

• Definition ohne neues Primitiv |  $\langle a, b \rangle \stackrel{def}{=} \{\{a\}, \{a, b\}\}$ 

```
Mengen | ungeordnet \{a,b,c\} = \{a,c,b\} = \{b,a,c\} = \{b,c,a\} = \{c,a,b\} = \{c,b,a\}
Tupel | dasselbe, aber geordnet \langle a,b\rangle \neq \langle b,a\rangle
```

- Definition ohne neues Primitiv |  $\langle a, b \rangle \stackrel{def}{=} \{\{a\}, \{a, b\}\}$
- Rekursive Anwendung |  $\langle a, b, c \rangle = ???$

```
Mengen | ungeordnet \{a,b,c\} = \{a,c,b\} = \{b,a,c\} = \{b,c,a\} = \{c,a,b\} = \{c,b,a\}
Tupel | dasselbe, aber geordnet \langle a,b\rangle \neq \langle b,a\rangle
```

- Definition ohne neues Primitiv |  $\langle a, b \rangle \stackrel{def}{=} \{ \{a\}, \{a, b\} \}$
- Rekursive Anwendung |  $\langle a, b, c \rangle = ???$
- in  $\langle a, b \rangle$  | a erste und b zweite Koordinate

Mengen von Tupeln |  $\{ < a, b >, < a, c >, < b, c > \}$  usw.

Mengen von Tupeln |  $\{ \langle a,b \rangle, \langle a,c \rangle, \langle b,c \rangle \}$  usw. Kartesisches Produkt |  $S_1 \times \cdots \times S_n = \{ \langle x_1,x_2,\ldots,x_n \rangle : x_i \in S_i \}$ 

Mengen von Tupeln |  $\{ \langle a,b \rangle, \langle a,c \rangle, \langle b,c \rangle \}$  usw. Kartesisches Produkt |  $S_1 \times \cdots \times S_n = \{ \langle x_1,x_2,\ldots,x_n \rangle : x_i \in S_i \}$ 

• Für zwei Mengen |  $S_1 \times S_2 = \{\langle x, y \rangle | | x \in S_1 \text{ and } y \in S_2 \}$ 

Mengen von Tupeln |  $\{\langle a,b \rangle, \langle a,c \rangle, \langle b,c \rangle\}$  usw. Kartesisches Produkt |  $S_1 \times \cdots \times S_n = \{\langle x_1,x_2,\ldots,x_n \rangle : x_i \in S_i\}$ 

- Für zwei Mengen |  $S_1 \times S_2 = \{\langle x, y \rangle | | x \in S_1 \text{ and } y \in S_2 \}$ 
  - ▶  $S_1 = \{a, b, c\}$

Mengen von Tupeln |  $\{ < a, b >, < a, c >, < b, c > \}$  usw.

Kartesisches Produkt |  $S_1 \times \cdots \times S_n = \{\langle x_1, x_2, \dots, x_n \rangle : x_i \in S_i \}$ 

- Für zwei Mengen |  $S_1 \times S_2 = \{\langle x, y \rangle | | x \in S_1 \text{ and } y \in S_2 \}$ 
  - ▶  $S_1 = \{a, b, c\}$
  - $ightharpoonup S_2 = \{1, 2, 3\}$

Mengen von Tupeln |  $\{ < a, b >, < a, c >, < b, c > \}$  usw.

Kartesisches Produkt | 
$$S_1 \times \cdots \times S_n = \{\langle x_1, x_2, \dots, x_n \rangle : x_i \in S_i \}$$

- Für zwei Mengen |  $S_1 \times S_2 = \{\langle x, y \rangle | | x \in S_1 \text{ and } y \in S_2 \}$ 
  - ▶  $S_1 = \{a, b, c\}$
  - $ightharpoonup S_2 = \{1, 2, 3\}$
  - $\blacktriangleright \mathsf{S}_1 \times \mathsf{S}_2 = \{\}$

Mengen von Tupeln |  $\{\langle a,b \rangle, \langle a,c \rangle, \langle b,c \rangle\}$  usw.

Kartesisches Produkt | 
$$S_1 \times \cdots \times S_n = \{\langle x_1, x_2, \dots, x_n \rangle : x_i \in S_i \}$$

- Für zwei Mengen |  $S_1 \times S_2 = \{\langle x, y \rangle | | x \in S_1 \text{ and } y \in S_2 \}$ 
  - ▶  $S_1 = \{a, b, c\}$
  - $ightharpoonup S_2 = \{1, 2, 3\}$
  - $\blacktriangleright \mathsf{S}_1 \times \mathsf{S}_2 = \{\langle \mathsf{a}, \textcolor{red}{1} \rangle\}$

Mengen von Tupeln |  $\{ \langle a, b \rangle, \langle a, c \rangle, \langle b, c \rangle \}$  usw.

Kartesisches Produkt | 
$$S_1 \times \cdots \times S_n = \{\langle x_1, x_2, \dots, x_n \rangle : x_i \in S_i \}$$

- Für zwei Mengen |  $S_1 \times S_2 = \{\langle x, y \rangle | | x \in S_1 \text{ and } y \in S_2 \}$ 
  - ▶  $S_1 = \{a, b, c\}$
  - $ightharpoonup S_2 = \{1, 2, 3\}$

Mengen von Tupeln |  $\{\langle a,b \rangle, \langle a,c \rangle, \langle b,c \rangle\}$  usw.

Kartesisches Produkt | 
$$S_1 \times \cdots \times S_n = \{\langle x_1, x_2, \dots, x_n \rangle : x_i \in S_i \}$$

- Für zwei Mengen |  $S_1 \times S_2 = \{\langle x, y \rangle | | x \in S_1 \text{ and } y \in S_2 \}$ 
  - ▶  $S_1 = \{a, b, c\}$
  - $ightharpoonup S_2 = \{1, 2, 3\}$

Mengen von Tupeln |  $\{\langle a,b \rangle, \langle a,c \rangle, \langle b,c \rangle\}$  usw.

- Für zwei Mengen |  $S_1 \times S_2 = \{\langle x, y \rangle | | x \in S_1 \text{ and } y \in S_2 \}$ 
  - ▶  $S_1 = \{a, b, c\}$
  - $ightharpoonup S_2 = \{1, 2, 3\}$

Kartesisches Produkt | 
$$S_1 \times \cdots \times S_n = \{\langle x_1, x_2, \dots, x_n \rangle : x_i \in S_i \}$$

- Für zwei Mengen |  $S_1 \times S_2 = \{\langle x, y \rangle | | x \in S_1 \text{ and } y \in S_2 \}$ 
  - ►  $S_1 = \{a, b, c\}$
  - $ightharpoonup S_2 = \{1, 2, 3\}$

Kartesisches Produkt | 
$$S_1 \times \cdots \times S_n = \{\langle x_1, x_2, \dots, x_n \rangle : x_i \in S_i \}$$

- Für zwei Mengen |  $S_1 \times S_2 = \{\langle x, y \rangle | | x \in S_1 \text{ and } y \in S_2 \}$ 
  - ▶  $S_1 = \{a, b, c\}$
  - $ightharpoonup S_2 = \{1, 2, 3\}$
  - $\blacktriangleright \mathsf{S}_1 \times \mathsf{S}_2 = \{ \langle a, 1 \rangle, \langle a, 2 \rangle, \langle a, 3 \rangle, \langle b, 1 \rangle, \langle b, 2 \rangle, \langle b, 3 \rangle \}$

Kartesisches Produkt | 
$$S_1 \times \cdots \times S_n = \{\langle x_1, x_2, \dots, x_n \rangle : x_i \in S_i \}$$

- Für zwei Mengen |  $S_1 \times S_2 = \{\langle x, y \rangle | | x \in S_1 \text{ and } y \in S_2 \}$ 
  - ▶  $S_1 = \{a, b, c\}$
  - $S_2 = \{1, 2, 3\}$

Kartesisches Produkt | 
$$S_1 \times \cdots \times S_n = \{\langle x_1, x_2, \dots, x_n \rangle : x_i \in S_i \}$$

- Für zwei Mengen |  $S_1 \times S_2 = \{\langle x, y \rangle | | x \in S_1 \text{ and } y \in S_2 \}$ 
  - ►  $S_1 = \{a, b, c\}$
  - $S_2 = \{1, 2, 3\}$

Mengen von Tupeln |  $\{ < a, b >, < a, c >, < b, c > \}$  usw.

- Für zwei Mengen |  $S_1 \times S_2 = \{\langle x, y \rangle | | x \in S_1 \text{ and } y \in S_2 \}$ 
  - ▶  $S_1 = \{a, b, c\}$
  - $ightharpoonup S_2 = \{1, 2, 3\}$

Mengen von Tupeln |  $\{\langle a,b \rangle, \langle a,c \rangle, \langle b,c \rangle\}$  usw.

Kartesisches Produkt | 
$$S_1 \times \cdots \times S_n = \{\langle x_1, x_2, \dots, x_n \rangle : x_i \in S_i \}$$

- Für zwei Mengen |  $S_1 \times S_2 = \{\langle x, y \rangle | | x \in S_1 \text{ and } y \in S_2 \}$ 
  - ▶  $S_1 = \{a, b, c\}$
  - $ightharpoonup S_2 = \{1, 2, 3\}$

  - ▶ Achtung  $|\langle 1, a \rangle \notin S_1 \times S_2$  usw.

Mengen von Tupeln |  $\{ < a, b >, < a, c >, < b, c > \}$  usw.

- Für zwei Mengen |  $S_1 \times S_2 = \{\langle x, y \rangle | | x \in S_1 \text{ and } y \in S_2 \}$ 
  - ▶  $S_1 = \{a, b, c\}$
  - $ightharpoonup S_2 = \{1, 2, 3\}$

  - ▶ Achtung  $| \langle 1, a \rangle \notin S_1 \times S_2$  usw.
- Nomenklatur |  $\vec{x}$  für  $\langle x_1, x_2, \dots, x_n \rangle$

Mengen von Tupeln |  $\{ < a, b >, < a, c >, < b, c > \}$  usw.

- Für zwei Mengen |  $S_1 \times S_2 = \{\langle x, y \rangle | | x \in S_1 \text{ and } y \in S_2 \}$ 
  - ▶  $S_1 = \{a, b, c\}$
  - $ightharpoonup S_2 = \{1, 2, 3\}$

  - ▶ Achtung |  $\langle 1, a \rangle \notin S_1 \times S_2$  usw.
- Nomenklatur |  $\vec{x}$  für  $\langle x_1, x_2, \dots, x_n \rangle$
- n-faches Produkt |  $S^n = \{\vec{s} : s_i \in S \text{ for } 1 \leq i \leq n\}$

Mengen von Tupeln |  $\{ < a, b >, < a, c >, < b, c > \}$  usw.

- Für zwei Mengen |  $S_1 \times S_2 = \{\langle x, y \rangle | | x \in S_1 \text{ and } y \in S_2 \}$ 
  - ▶  $S_1 = \{a, b, c\}$
  - $S_2 = \{1, 2, 3\}$

  - ▶ Achtung |  $\langle 1, a \rangle \notin S_1 \times S_2$  usw.
- Nomenklatur |  $\vec{x}$  für  $\langle x_1, x_2, \dots, x_n \rangle$
- n-faches Produkt |  $S^n = {\vec{s} : s_i \in S \text{ for } 1 \le i \le n}$ 
  - ▶  $S_1^2 = S_1 \times S_1 = \{\}$

Mengen von Tupeln |  $\{ < a, b >, < a, c >, < b, c > \}$  usw.

- Für zwei Mengen |  $S_1 \times S_2 = \{\langle x, y \rangle | | x \in S_1 \text{ and } y \in S_2 \}$ 
  - ▶  $S_1 = \{a, b, c\}$
  - $S_2 = \{1, 2, 3\}$

  - ▶ Achtung |  $\langle 1, a \rangle \notin S_1 \times S_2$  usw.
- Nomenklatur |  $\vec{x}$  für  $\langle x_1, x_2, \dots, x_n \rangle$
- n-faches Produkt |  $S^n = {\vec{s} : s_i \in S \text{ for } 1 \le i \le n}$

Mengen von Tupeln |  $\{\langle a,b \rangle, \langle a,c \rangle, \langle b,c \rangle\}$  usw.

Kartesisches Produkt | 
$$S_1 \times \cdots \times S_n = \{\langle x_1, x_2, \dots, x_n \rangle : x_i \in S_i \}$$

- Für zwei Mengen |  $S_1 \times S_2 = \{\langle x, y \rangle | | x \in S_1 \text{ and } y \in S_2 \}$ 
  - ▶  $S_1 = \{a, b, c\}$
  - $S_2 = \{1, 2, 3\}$

  - ▶ Achtung |  $\langle 1, a \rangle \notin S_1 \times S_2$  usw.
- Nomenklatur |  $\vec{x}$  für  $\langle x_1, x_2, \dots, x_n \rangle$
- n-faches Produkt |  $S^n = {\vec{s} : s_i \in S \text{ for } 1 \le i \le n}$

Mengen von Tupeln |  $\{ \langle a,b \rangle, \langle a,c \rangle, \langle b,c \rangle \}$  usw. Kartesisches Produkt |  $S_1 \times \cdots \times S_n = \{ \langle x_1,x_2,\ldots,x_n \rangle : x_i \in S_i \}$ 

- Für zwei Mengen |  $S_1 \times S_2 = \{\langle x, y \rangle | | x \in S_1 \text{ and } y \in S_2 \}$ 
  - ▶  $S_1 = \{a, b, c\}$
  - $S_2 = \{1, 2, 3\}$

  - ▶ Achtung |  $\langle 1, a \rangle \notin S_1 \times S_2$  usw.
- Nomenklatur |  $\vec{x}$  für  $\langle x_1, x_2, \dots, x_n \rangle$
- n-faches Produkt |  $S^n = {\vec{s} : s_i \in S \text{ for } 1 \le i \le n}$

Mengen von Tupeln |  $\{\langle a,b \rangle, \langle a,c \rangle, \langle b,c \rangle\}$  usw. Kartesisches Produkt |  $S_1 \times \cdots \times S_n = \{\langle x_1, x_2, \dots, x_n \rangle : x_i \in S_i\}$ 

- Für zwei Mengen |  $S_1 \times S_2 = \{\langle x, y \rangle | | x \in S_1 \text{ and } y \in S_2 \}$ 
  - ▶  $S_1 = \{a, b, c\}$
  - $S_2 = \{1, 2, 3\}$

  - ▶ Achtung  $|\langle 1, a \rangle \notin S_1 \times S_2$  usw.
- Nomenklatur |  $\vec{x}$  für  $\langle x_1, x_2, \dots, x_n \rangle$
- n-faches Produkt |  $S^n = {\vec{s} : s_i \in S \text{ for } 1 \le i \le n}$

Mengen von Tupeln |  $\{\langle a,b\rangle,\langle a,c\rangle,\langle b,c\rangle\}$  usw.

- Kartesisches Produkt |  $S_1 \times \cdots \times S_n = \{\langle x_1, x_2, \dots, x_n \rangle : x_i \in S_i \}$ 
  - Für zwei Mengen |  $S_1 \times S_2 = \{\langle x, y \rangle | | x \in S_1 \text{ and } y \in S_2 \}$ 
    - ▶  $S_1 = \{a, b, c\}$
    - $S_2 = \{1, 2, 3\}$

    - ▶ Achtung |  $\langle 1, a \rangle \notin S_1 \times S_2$  usw.
  - Nomenklatur |  $\vec{x}$  für  $\langle x_1, x_2, \dots, x_n \rangle$
  - n-faches Produkt |  $S^n = {\vec{s} : s_i \in S \text{ for } 1 \le i \le n}$

Mengen von Tupeln |  $\{\langle a,b \rangle, \langle a,c \rangle, \langle b,c \rangle\}$  usw. Kartesisches Produkt |  $S_1 \times \cdots \times S_n = \{\langle x_1, x_2, \dots, x_n \rangle : x_i \in S_i\}$ 

- Für zwei Mengen  $|S_1 \times S_2| = \{\langle x, y \rangle | | x \in S_1 \text{ and } y \in S_2 \}$ 
  - ►  $S_1 = \{a, b, c\}$
  - $S_2 = \{1, 2, 3\}$
  - $\blacktriangleright \ \mathsf{S}_1 \times \mathsf{S}_2 = \{\langle \mathbf{a}, 1 \rangle, \langle \mathbf{a}, 2 \rangle, \langle \mathbf{a}, 3 \rangle, \langle \mathbf{b}, 1 \rangle, \langle \mathbf{b}, 2 \rangle, \langle \mathbf{b}, 3 \rangle, \langle \mathbf{c}, 1 \rangle, \langle \mathbf{c}, 2 \rangle, \langle \mathbf{c}, 3 \rangle\}$
  - ▶ Achtung |  $\langle 1, a \rangle \notin S_1 \times S_2$  usw.
- Nomenklatur |  $\vec{x}$  für  $\langle x_1, x_2, \dots, x_n \rangle$
- n-faches Produkt |  $S^n = {\vec{s} : s_i \in S \text{ for } 1 \le i \le n}$

Mengen von Tupeln |  $\{\langle a,b\rangle,\langle a,c\rangle,\langle b,c\rangle\}$  usw.

- Für zwei Mengen |  $S_1 \times S_2 = \{\langle x, y \rangle | | x \in S_1 \text{ and } y \in S_2 \}$ 
  - ▶  $S_1 = \{a, b, c\}$
  - $S_2 = \{1, 2, 3\}$

  - ▶ Achtung |  $\langle 1, a \rangle \notin S_1 \times S_2$  usw.
- Nomenklatur |  $\vec{x}$  für  $\langle x_1, x_2, \dots, x_n \rangle$
- n-faches Produkt |  $S^n = {\vec{s} : s_i \in S \text{ for } 1 \le i \le n}$ 
  - $\blacktriangleright \mathsf{S}_1^2 = \mathsf{S}_1 \times \mathsf{S}_1 = \{\langle a, a \rangle, \langle a, b \rangle, \langle a, c \rangle, \langle b, a \rangle, \langle b, b \rangle, \langle b, c \rangle, \langle c, a \rangle\}$

Mengen von Tupeln |  $\{\langle a,b \rangle, \langle a,c \rangle, \langle b,c \rangle\}$  usw. Kartesisches Produkt |  $S_1 \times \cdots \times S_n = \{\langle x_1,x_2,\ldots,x_n \rangle : x_i \in S_i\}$ 

- Für zwei Mengen |  $S_1 \times S_2 = \{\langle x, y \rangle | | x \in S_1 \text{ and } y \in S_2 \}$ 
  - ▶  $S_1 = \{a, b, c\}$
  - $S_2 = \{1, 2, 3\}$

  - ▶ Achtung |  $\langle 1, a \rangle \notin S_1 \times S_2$  usw.
- Nomenklatur |  $\vec{x}$  für  $\langle x_1, x_2, \dots, x_n \rangle$
- n-faches Produkt |  $S^n = {\vec{s} : s_i \in S \text{ for } 1 \le i \le n}$ 
  - $> S_1^2 = S_1 \times S_1 = \{ \langle a, a \rangle, \langle a, b \rangle, \langle a, c \rangle, \langle b, a \rangle, \langle b, b \rangle, \langle b, c \rangle, \langle c, a \rangle, \langle c, b \rangle \}$

Mengen von Tupeln |  $\{ < a, b >, < a, c >, < b, c > \}$  usw.

- Für zwei Mengen |  $S_1 \times S_2 = \{\langle x, y \rangle | | x \in S_1 \text{ and } y \in S_2 \}$ 
  - ▶  $S_1 = \{a, b, c\}$
  - $S_2 = \{1, 2, 3\}$

  - ▶ Achtung |  $\langle 1, a \rangle \notin S_1 \times S_2$  usw.
- Nomenklatur |  $\vec{x}$  für  $\langle x_1, x_2, \dots, x_n \rangle$
- n-faches Produkt |  $S^n = {\vec{s} : s_i \in S \text{ for } 1 \le i \le n}$ 
  - $> \mathsf{S}_1^2 = \mathsf{S}_1 \times \mathsf{S}_1 = \{ \langle a, a \rangle, \langle a, b \rangle, \langle a, c \rangle, \langle b, a \rangle, \langle b, b \rangle, \langle b, c \rangle, \langle c, a \rangle, \langle c, b \rangle, \langle c, c \rangle \}$

Mengen von Tupeln |  $\{ < a, b >, < a, c >, < b, c > \}$  usw.

- Für zwei Mengen |  $S_1 \times S_2 = \{\langle x, y \rangle | | x \in S_1 \text{ and } y \in S_2 \}$ 
  - ▶  $S_1 = \{a, b, c\}$
  - $ightharpoonup S_2 = \{1, 2, 3\}$

  - ▶ Achtung |  $\langle 1, a \rangle \notin S_1 \times S_2$  usw.
- Nomenklatur |  $\vec{x}$  für  $\langle x_1, x_2, \dots, x_n \rangle$
- n-faches Produkt |  $S^n = {\vec{s} : s_i \in S \text{ for } 1 \le i \le n}$

a sieht b, a wohnt im selben Stockwerk wie b, a macht b Vorwürfe, ...

• Notationen | Rab, aRb, R(a, b),  $R(\langle a, b \rangle)$ 

- Notationen | Rab, aRb, R(a, b),  $R(\langle a, b \rangle)$
- Definitionsmenge (domain) A |  $a \in A$

- Notationen | Rab, aRb, R(a,b),  $R(\langle a,b\rangle)$
- Definitionsmenge (domain) A |  $a \in A$
- Zielmenge, Wertemenge (range) B |  $b \in B$

- Notationen | Rab, aRb, R(a, b),  $R(\langle a, b \rangle)$
- Definitionsmenge (domain) A |  $a \in A$
- Zielmenge, Wertemenge (range) B |  $b \in B$
- Zielmenge = Wertemenge A | R ist eine Relation in A.

- Notationen | Rab, aRb, R(a,b),  $R(\langle a,b\rangle)$
- Definitionsmenge (domain) A |  $a \in A$
- Zielmenge, Wertemenge (range) B |  $b \in B$
- Zielmenge = Wertemenge A | R ist eine Relation in A.
- Relation R = eine Menge von Tupeln

- Notationen | Rab, aRb, R(a,b),  $R(\langle a,b\rangle)$
- Definitionsmenge (domain) A |  $a \in A$
- Zielmenge, Wertemenge (range) B |  $b \in B$
- Zielmenge = Wertemenge A | R ist eine Relation in A.
- Relation R = eine Menge von Tupeln
- $R \subseteq A \times B$

Komplement von R |  $R' = (A \times B) - R = R \setminus (A \times B) = \{ \langle a, b \rangle \notin R \}$  for  $R \subseteq A \times B$ 

Komplement von R |  $R' = (A \times B) - R = R \setminus (A \times B) = \{ \langle a, b \rangle \notin R \}$  for  $R \subseteq A \times B$  Umkehrung (inverse) von R |  $R^{-1} = \{ \langle b, a \rangle : \langle a, b \rangle \in R \}$  for  $R \subseteq A \times B$ 

• Beispiel Komplement

- Beispiel Komplement
  - $R \stackrel{def}{=} \{ \langle a, b \rangle : a \text{ ist Lehrer von b} \}$

- Beispiel Komplement
  - $ightharpoonup R \stackrel{def}{=} \{\langle a, b \rangle : a \text{ ist Lehrer von b} \}$
  - ► ⟨Herr Webelhuth, Herr Schäfer⟩ ∈ R

- Beispiel Komplement
  - $ightharpoonup R \stackrel{def}{=} \{\langle a, b \rangle : a \text{ ist Lehrer von b} \}$
  - ► ⟨Herr Webelhuth, Herr Schäfer⟩ ∈ R
  - ▶  $R' = \{\langle a, b \rangle : a \text{ ist nicht Lehrer von } b\}$

- Beispiel Komplement
  - $ightharpoonup R \stackrel{def}{=} \{\langle a, b \rangle : a \text{ ist Lehrer von b} \}$
  - ► ⟨Herr Webelhuth, Herr Schäfer⟩ ∈ R
  - ▶  $R' = \{\langle a, b \rangle : a \text{ ist nicht Lehrer von } b\}$
  - ► (Herr Webelhuth, Frau Klenk) \( \nabla R, \)
    (der Garten meiner Eltern, Frau Klenk) \( \nabla R \) usw.

```
Komplement von R | R' = (A \times B) - R = R \setminus (A \times B) = \{ \langle a, b \rangle \notin R \} for R \subseteq A \times B Umkehrung (inverse) von R | R^{-1} = \{ \langle b, a \rangle : \langle a, b \rangle \in R \} for R \subseteq A \times B
```

- Beispiel Komplement
  - $Arr R \stackrel{def}{=} \{\langle a, b \rangle : a \text{ ist Lehrer von b}\}$
  - ► ⟨Herr Webelhuth, Herr Schäfer⟩ ∈ R
  - $ightharpoonup R' = \{\langle a, b \rangle : a \text{ ist nicht Lehrer von } b\}$
  - ► (Herr Webelhuth, Frau Klenk) \( \nabla R, \)
    (der Garten meiner Eltern, Frau Klenk) \( \nabla R \) usw.
- Beispiel Umkehrung

Komplement von R |  $R' = (A \times B) - R = R \setminus (A \times B) = \{ \langle a, b \rangle \notin R \}$  for  $R \subseteq A \times B$  Umkehrung (inverse) von R |  $R^{-1} = \{ \langle b, a \rangle : \langle a, b \rangle \in R \}$  for  $R \subseteq A \times B$ 

- Beispiel Komplement
  - $ightharpoonup R \stackrel{def}{=} \{\langle a, b \rangle : a \text{ ist Lehrer von b} \}$
  - ► ⟨Herr Webelhuth, Herr Schäfer⟩ ∈ R
  - $R' = \{\langle a, b \rangle : a \text{ ist nicht Lehrer von } b\}$
  - ► ⟨Herr Webelhuth, Frau Klenk⟩ ∉ R, ⟨der Garten meiner Eltern, Frau Klenk⟩ ∉ R usw.
- Beispiel Umkehrung
  - $ightharpoonup R^{-1} = \{\langle a,b \rangle : b \text{ ist Lehrer von } a\}$

Komplement von R |  $R' = (A \times B) - R = R \setminus (A \times B) = \{ \langle a, b \rangle \notin R \}$  for  $R \subseteq A \times B$  Umkehrung (inverse) von R |  $R^{-1} = \{ \langle b, a \rangle : \langle a, b \rangle \in R \}$  for  $R \subseteq A \times B$ 

- Beispiel Komplement
  - $ightharpoonup R \stackrel{def}{=} \{\langle a, b \rangle : a \text{ ist Lehrer von b} \}$
  - ► ⟨Herr Webelhuth, Herr Schäfer⟩ ∈ R
  - $R' = \{\langle a, b \rangle : a \text{ ist nicht Lehrer von } b\}$
  - ► (Herr Webelhuth, Frau Klenk) \( \nabla R, \)
    (der Garten meiner Eltern, Frau Klenk) \( \nabla R \) usw.
- Beispiel Umkehrung
  - $R^{-1} = \{\langle a, b \rangle : b \text{ ist Lehrer von } a\}$
  - $ightharpoonup = \{\langle a,b \rangle : a \text{ ist Schüler von } \}$

Komplement von R |  $R' = (A \times B) - R = R \setminus (A \times B) = \{ \langle a, b \rangle \notin R \}$  for  $R \subseteq A \times B$  Umkehrung (inverse) von R |  $R^{-1} = \{ \langle b, a \rangle : \langle a, b \rangle \in R \}$  for  $R \subseteq A \times B$ 

- Beispiel Komplement
  - $ightharpoonup R \stackrel{def}{=} \{\langle a, b \rangle : a \text{ ist Lehrer von b} \}$
  - ► ⟨Herr Webelhuth, Herr Schäfer⟩ ∈ R
  - $R' = \{\langle a, b \rangle : a \text{ ist nicht Lehrer von } b\}$
  - ► (Herr Webelhuth, Frau Klenk) \( \nabla R, \)
    (der Garten meiner Eltern, Frau Klenk) \( \nabla R \) usw.
- Beispiel Umkehrung
  - $R^{-1} = \{\langle a, b \rangle : b \text{ ist Lehrer von } a\}$
  - $ightharpoonup = \{\langle a, b \rangle : a \text{ ist Schüler von } \}$
  - ▶  $\langle \text{Herr Schäfer, Herr Webelhuth} \rangle \in R^{-1}$

a hat Vater b, zugelassenes Auto a hat Kennzeichen b, b ist der Logarithmus von a, ...

a hat Vater b, zugelassenes Auto a hat Kennzeichen b, b ist der Logarithmus von a, ... Funktion  $f \mid$  eine Relation, sodass für jedes  $a \in A$  genau ein  $\langle a, b \rangle \in A \times B$  existiert

a hat Vater b, zugelassenes Auto a hat Kennzeichen b, b ist der Logarithmus von a, ... Funktion  $f \mid$  eine Relation, sodass für jedes  $a \in A$  genau ein  $\langle a, b \rangle \in A \times B$  existiert

• partielle Funktion | Funktion in  $A \times B$  sodass für mindestens ein  $a \in A$  kein  $\langle a, b \rangle \in A \times B$  existiert

a hat Vater b, zugelassenes Auto a hat Kennzeichen b, b ist der Logarithmus von a, ... Funktion  $f \mid$  eine Relation, sodass für jedes  $a \in A$  genau ein  $\langle a, b \rangle \in A \times B$  existiert

- partielle Funktion | Funktion in  $A \times B$  sodass für mindestens ein  $a \in A$  kein  $\langle a, b \rangle \in A \times B$  existiert
- formal meistens  $|\bar{f} \subseteq A \times (B \cup \{\bot\}) \text{ mit } \bot \text{ als } undefiniert$

b ist die Mutter des Vaters von a (schwed. farmor), a ist der Kehrwert des Logarithmus von b, ...

b ist die Mutter des Vaters von a (schwed. farmor), a ist der Kehrwert des Logarithmus von b, ...

b ist die Mutter des Vaters von a (schwed. farmor), a ist der Kehrwert des Logarithmus von b, ...

Funktionsverknüpfung (composition) | Für  $F_1 \subseteq A \times B$  und  $F_2 \subseteq A \times C$ :  $F_1 \circ F_2 \subseteq A \times C$ 

• farmor  $| F = Vater \circ Mutter$  und  $F \subseteq Menschen \times Frauen$ 

b ist die Mutter des Vaters von a (schwed. farmor), a ist der Kehrwert des Logarithmus von b, ...

- farmor  $| F = Vater \circ Mutter$ und  $F \subseteq Menschen \times Frauen$ 
  - ightharpoonup Männer = {Ulrich Schäfer, Roland Schäfer, Jan Böhmermann,  $\cdots$ }

b ist die Mutter des Vaters von a (schwed. farmor), a ist der Kehrwert des Logarithmus von b, ...

- farmor  $| F = Vater \circ Mutter$ und  $F \subseteq Menschen \times Frauen$ 
  - ightharpoonup Männer = {Ulrich Schäfer, Roland Schäfer, Jan Böhmermann,  $\cdots$ }
  - $\blacktriangleright \ \textit{Frauen} = \{\textit{Maria Schäfer}, \textit{Frau Dr. Heide Rezepa-Zabel}, \cdots \}$

b ist die Mutter des Vaters von a (schwed. farmor), a ist der Kehrwert des Logarithmus von b, ...

- farmor  $| F = Vater \circ Mutter$ und  $F \subseteq Menschen \times Frauen$ 
  - ightharpoonup Männer = {Ulrich Schäfer, Roland Schäfer, Jan Böhmermann,  $\cdots$ }
  - ightharpoonup Frauen = {Maria Schäfer, Frau Dr. Heide Rezepa-Zabel,  $\cdots$  }
  - Menschen = Männer ∪ Frauen

```
b ist die Mutter des Vaters von a (schwed. farmor),
a ist der Kehrwert des Logarithmus von b, ...
```

- farmor  $| F = Vater \circ Mutter$ und  $F \subseteq Menschen \times Frauen$ 
  - ightharpoonup Männer = {Ulrich Schäfer, Roland Schäfer, Jan Böhmermann,  $\cdots$ }
  - ightharpoonup Frauen = {Maria Schäfer, Frau Dr. Heide Rezepa-Zabel,  $\cdots$  }
  - $Menschen = Männer \cup Frauen$
  - Vater ⊆ {⟨Roland Schäfer, Ulrich Schäfer⟩, ⟨Frau Dr. Heide Rezepa-Zabel, Jan Böhmermann⟩, · · · }

```
b ist die Mutter des Vaters von a (schwed. farmor),
a ist der Kehrwert des Logarithmus von b, ...
```

- farmor  $| F = Vater \circ Mutter$  und  $F \subseteq Menschen \times Frauen$ 
  - ightharpoonup Männer = {Ulrich Schäfer, Roland Schäfer, Jan Böhmermann,  $\cdots$ }
  - ightharpoonup Frauen = {Maria Schäfer, Frau Dr. Heide Rezepa-Zabel,  $\cdots$  }
  - Menschen = Männer  $\cup$  Frauen
  - Vater ⊆ {⟨Roland Schäfer, Ulrich Schäfer⟩,
     ⟨Frau Dr. Heide Rezepa-Zabel, Jan Böhmermann⟩, · · · }
  - Mutter ⊆ {⟨Ulrich Schäfer, Maria Schäfer⟩, ⟨Jan Böhmermann, Frau Dr. Heide Rezepa-Zabel⟩, · · · }

```
b ist die Mutter des Vaters von a (schwed. farmor),
a ist der Kehrwert des Logarithmus von b, ...
```

- farmor  $| F = Vater \circ Mutter$  und  $F \subseteq Menschen \times Frauen$ 
  - ightharpoonup Männer = {Ulrich Schäfer, Roland Schäfer, Jan Böhmermann,  $\cdots$ }
  - ightharpoonup Frauen = {Maria Schäfer, Frau Dr. Heide Rezepa-Zabel,  $\cdots$  }
  - $Menschen = Männer \cup Frauen$
  - Vater ⊆ {⟨Roland Schäfer, Ulrich Schäfer⟩, ⟨Frau Dr. Heide Rezepa-Zabel, Jan Böhmermann⟩, · · · }
  - Mutter ⊆ {⟨Ulrich Schäfer, Maria Schäfer⟩, ⟨Jan Böhmermann, Frau Dr. Heide Rezepa-Zabel⟩, · · · }
  - $ightharpoonup F(Roland\ Schäfer) = Vater \circ Mutter(Roland\ Schäfer) = Maria\ Schäfer$

```
b ist die Mutter des Vaters von a (schwed. farmor),
a ist der Kehrwert des Logarithmus von b, ...
```

- farmor  $| F = Vater \circ Mutter$  und  $F \subseteq Menschen \times Frauen$ 
  - ightharpoonup Männer = {Ulrich Schäfer, Roland Schäfer, Jan Böhmermann,  $\cdots$ }
  - ightharpoonup Frauen = {Maria Schäfer, Frau Dr. Heide Rezepa-Zabel,  $\cdots$  }
  - $Menschen = Männer \cup Frauen$
  - Vater ⊆ {⟨Roland Schäfer, Ulrich Schäfer⟩, ⟨Frau Dr. Heide Rezepa-Zabel, Jan Böhmermann⟩, · · · }
  - Mutter ⊆ {⟨Ulrich Schäfer, Maria Schäfer⟩, ⟨Jan Böhmermann, Frau Dr. Heide Rezepa-Zabel⟩, · · · }
  - ► F(Roland Schäfer) = Vater ∘ Mutter(Roland Schäfer) = Maria Schäfer

```
b ist die Mutter des Vaters von a (schwed. farmor),
a ist der Kehrwert des Logarithmus von b, ...
```

- farmor  $| F = Vater \circ Mutter$  und  $F \subseteq Menschen \times Frauen$ 
  - ightharpoonup Männer = {Ulrich Schäfer, Roland Schäfer, Jan Böhmermann,  $\cdots$ }
  - ightharpoonup Frauen = {Maria Schäfer, Frau Dr. Heide Rezepa-Zabel,  $\cdots$  }
  - $Menschen = Männer \cup Frauen$
  - Vater ⊆ {⟨Roland Schäfer, Ulrich Schäfer⟩, ⟨Frau Dr. Heide Rezepa-Zabel, Jan Böhmermann⟩, · · · }
  - Mutter ⊆ {⟨Ulrich Schäfer, Maria Schäfer⟩, ⟨Jan Böhmermann, Frau Dr. Heide Rezepa-Zabel⟩, · · · }
  - ► F(Roland Schäfer) = Vater ∘ Mutter(Roland Schäfer) = Maria Schäfer

```
b ist die Mutter des Vaters von a (schwed. farmor),
a ist der Kehrwert des Logarithmus von b, ...
```

- farmor  $| F = Vater \circ Mutter$ und  $F \subseteq Menschen \times Frauen$ 
  - ightharpoonup Männer = {Ulrich Schäfer, Roland Schäfer, Jan Böhmermann,  $\cdots$ }
  - ightharpoonup Frauen = {Maria Schäfer, Frau Dr. Heide Rezepa-Zabel,  $\cdots$  }
  - Menschen = Männer  $\cup$  Frauen
  - Vater ⊆ {⟨Roland Schäfer, Ulrich Schäfer⟩, ⟨Frau Dr. Heide Rezepa-Zabel, Jan Böhmermann⟩, · · · }
  - Mutter ⊆ {⟨Ulrich Schäfer, Maria Schäfer⟩, ⟨Jan Böhmermann, Frau Dr. Heide Rezepa-Zabel⟩, · · · }
  - ► F(Roland Schäfer) = Vater ∘ Mutter(Roland Schäfer) = Maria Schäfer

```
b ist die Mutter des Vaters von a (schwed. farmor),
a ist der Kehrwert des Logarithmus von b, ...
```

- farmor  $| F = Vater \circ Mutter$  und  $F \subseteq Menschen \times Frauen$ 
  - ightharpoonup Männer = {Ulrich Schäfer, Roland Schäfer, Jan Böhmermann,  $\cdots$ }
  - ightharpoonup Frauen = {Maria Schäfer, Frau Dr. Heide Rezepa-Zabel,  $\cdots$  }
  - $Menschen = Männer \cup Frauen$
  - Vater ⊆ {⟨Roland Schäfer, Ulrich Schäfer⟩, ⟨Frau Dr. Heide Rezepa-Zabel, Jan Böhmermann⟩, · · · }
  - Mutter ⊆ {⟨Ulrich Schäfer, Maria Schäfer⟩, ⟨Jan Böhmermann, Frau Dr. Heide Rezepa-Zabel⟩, · · · }
  - ► F(Roland Schäfer) = Vater ∘ Mutter(Roland Schäfer) = Maria Schäfer

```
b ist die Mutter des Vaters von a (schwed. farmor),
a ist der Kehrwert des Logarithmus von b, ...
```

- farmor  $| F = Vater \circ Mutter$  und  $F \subseteq Menschen \times Frauen$ 
  - ightharpoonup Männer = {Ulrich Schäfer, Roland Schäfer, Jan Böhmermann,  $\cdots$ }
  - ightharpoonup Frauen = {Maria Schäfer, Frau Dr. Heide Rezepa-Zabel,  $\cdots$  }
  - $Menschen = Männer \cup Frauen$
  - Vater ⊆ {⟨Roland Schäfer, Ulrich Schäfer⟩, ⟨Frau Dr. Heide Rezepa-Zabel, Jan Böhmermann⟩, · · · }
  - Mutter ⊆ {⟨Ulrich Schäfer, Maria Schäfer⟩, ⟨Jan Böhmermann, Frau Dr. Heide Rezepa-Zabel⟩, · · · }
  - ► F(Roland Schäfer) = Vater ∘ Mutter(Roland Schäfer) = Maria Schäfer



Eine Relation R in A ist ...

Eine Relation R in A ist ...

reflexiv gdw für **jedes**  $a \in A$ :  $\langle a, a \rangle \in R$  ist dasselbe Objekt wie

Eine Relation R in A ist ...

```
reflexiv gdw für jedes a \in A: \langle a, a \rangle \in R ist dasselbe Objekt wie irreflexiv gdw für jedes a \in A: \langle a, a \rangle \notin R ist Vater von
```

#### Eine Relation R in A ist ...

```
reflexiv gdw für jedes a \in A: \langle a, a \rangle \in R ist dasselbe Objekt wie irreflexiv gdw für jedes a \in A: \langle a, a \rangle \notin R ist Vater von hat gesehen
```

Eine Relation R in A ist ...

#### Symmetrie |

Eine Relation R in A ist ...

symmetrisch gdw für jedes  $\langle a,b\rangle \in R: \langle b,a\rangle \in R$ 

hat dasselbe Auto wie

#### Eine Relation R in A ist ...

 $\begin{array}{ll} \text{symmetrisch} & \text{gdw} & \text{für jedes } \langle a,b\rangle \in R: \langle b,a\rangle \in R \\ \text{asymmetrisch} & \text{gdw} & \text{für jedes } \langle a,b\rangle \in R: \langle b,a\rangle \not\in R \end{array}$ 

hat dasselbe Auto wie hat ein anderes Auto als

#### Eine Relation R in A ist ...

 $\begin{array}{lll} \text{symmetrisch} & \text{gdw} & \text{für jedes } \langle a,b\rangle \in R: \langle b,a\rangle \in R \\ \text{asymmetrisch} & \text{gdw} & \text{für jedes } \langle a,b\rangle \in R: \langle b,a\rangle \not \in R \\ \text{nichtsymmetrisch} & \text{gdw} & \text{für ein } \langle a,b\rangle \in R: \langle b,a\rangle \not \in R \end{array}$ 

hat dasselbe Auto wie hat ein anderes Auto als ist Mutter von

#### Eine Relation R in A ist ...

symmetrisch asymmetrisch nichtsymmetrisch antisymmetrisch

für jedes  $\langle a, b \rangle \in R : \langle b, a \rangle \in R$ gdw für jedes  $\langle a, b \rangle \in R : \langle b, a \rangle \notin R$ gdw gdw für ein  $\langle a, b \rangle \in R : \langle b, a \rangle \notin R$ gdw für jedes  $\langle a, b \rangle \in R : \langle b, a \rangle \notin R$  oder a = b

hat dasselbe Auto wie hat ein anderes Auto als ist Mutter von

 $\leq$ 

# Symmetrie

#### Eine Relation R in A ist ...

symmetrisch asymmetrisch nichtsymmetrisch antisymmetrisch

```
\begin{array}{ll} \operatorname{gdw} & \operatorname{f\"{u}r}\operatorname{jedes}\langle a,b\rangle \in R: \langle b,a\rangle \in R \\ \operatorname{gdw} & \operatorname{f\"{u}r}\operatorname{jedes}\langle a,b\rangle \in R: \langle b,a\rangle \not\in R \\ \operatorname{gdw} & \operatorname{f\"{u}r}\operatorname{ein}\langle a,b\rangle \in R: \langle b,a\rangle \not\in R \\ \operatorname{gdw} & \operatorname{f\"{u}r}\operatorname{jedes}\langle a,b\rangle \in R: \langle b,a\rangle \not\in R \operatorname{oder} a = b \end{array}
```

hat dasselbe Auto wie hat ein anderes Auto als ist Mutter von<sup>1</sup> <

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup> Wer hat *Dark* gesehen?

Eine Relation R in A ist ...

Eine Relation R in A ist ...

transitiv gdw  $\langle a,b\rangle \in R$  and  $\langle b,c\rangle \in R: \langle a,c\rangle \in R$  steht links von

Eine Relation R in A ist ...

```
transitiv gdw \langle a,b\rangle \in R and \langle b,c\rangle \in R: \langle a,c\rangle \in R steht links von nichttransitiv gdw das Obige stimmt manchmal nicht mag
```

#### Eine Relation R in A ist ...

transitiv	gdw	$\langle a,b\rangle\in R$ and $\langle b,c\rangle\in R:\langle a,c\rangle\in R$	steht links von
nichttransitiv	gdw	das Obige stimmt manchmal nicht	mag
intransitiv	gdw	das Obige stimmt nie	ist Mutter von

Wozu das Ganze?

#### Wozu das Ganze?

• Referenzsemantik und Einteilung der Welt in Mengen

#### Wozu das Ganze?

- Referenzsemantik und Einteilung der Welt in Mengen
- Ausdrücke, die auf Relationen und Funktionen referieren

#### Wozu das Ganze?

- Referenzsemantik und Einteilung der Welt in Mengen
- Ausdrücke, die auf Relationen und Funktionen referieren
- andere Grundlage: Logik, denn Sprache=Logik (irgendwie)

1 Sind folgende Mengendefinitionen zulässig?

1 Sind folgende Mengendefinitionen zulässig?

**1** 
$$A = \{a, b, d, e, f, g\}$$

1 Sind folgende Mengendefinitionen zulässig?

**1** 
$$A = \{a, b, d, e, f, g\}$$

1 Sind folgende Mengendefinitionen zulässig?

```
1 A = \{a, b, d, e, f, g\}
```

**3**  $D = \{B\"{o}hmermann, Horst Lichter, <math>\{\}\}$ 

1 Sind folgende Mengendefinitionen zulässig?

```
1 A = \{a, b, d, e, f, g\}
```

 $\bigcirc$   $C = \{x: x \text{ ist in keiner Menge enthalten}\}$ 

3 
$$D = \{B\"{o}hmermann, Horst Lichter, \{\}\}$$

$$E = \{a, b, a, d, e, f, g\}$$

1 Sind folgende Mengendefinitionen zulässig?

```
1 A = \{a, b, d, e, f, g\}
```

 $O = \{x: x \text{ ist in keiner Menge enthalten}\}$ 

3 
$$D = \{B\"{o}hmermann, Horst Lichter, \{\}\}$$

 $E = \{a, b, a, d, e, f, g\}$ 

**5**  $F = \{r: r \text{ ist eine rationale Zahl}\} \cup \mathbb{N}$ 

- 1 Sind folgende Mengendefinitionen zulässig?
  - **1**  $A = \{a, b, d, e, f, g\}$
  - 2  $C = \{x: x \text{ ist in keiner Menge enthalten}\}$
  - 3  $D = \{B\"{o}hmermann, Horst Lichter, \{\}\}$
  - $E = \{a, b, a, d, e, f, g\}$
  - **5**  $F = \{r: r \text{ ist eine rationale Zahl}\} \cup \mathbb{N}$
- 2 Sind folgende Aussagen korrekt?

- 1 Sind folgende Mengendefinitionen zulässig?
  - **1**  $A = \{a, b, d, e, f, g\}$
  - $O = \{x: x \text{ ist in keiner Menge enthalten}\}$
  - $\mathbf{3}$  D = {Böhmermann, Horst Lichter, {}}
  - $E = \{a, b, a, d, e, f, g\}$
  - **5**  $F = \{r: r \text{ ist eine rationale Zahl}\} \cup \mathbb{N}$
- 2 Sind folgende Aussagen korrekt?

- 1 Sind folgende Mengendefinitionen zulässig?
  - **1**  $A = \{a, b, d, e, f, g\}$
  - $O = \{x: x \text{ ist in keiner Menge enthalten}\}$
  - $\mathbf{3}$  D = {Böhmermann, Horst Lichter, {}}
  - $E = \{a, b, a, d, e, f, g\}$
  - **5**  $F = \{r: r \text{ ist eine rationale Zahl}\} \cup \mathbb{N}$
- 2 Sind folgende Aussagen korrekt?

  - **2**  $\{x : x \in A\} = A$

- Sind folgende Mengendefinitionen zulässig?
  - **1**  $A = \{a, b, d, e, f, g\}$
  - 2  $C = \{x: x \text{ ist in keiner Menge enthalten}\}$
  - $\mathbf{0}$  D = {Böhmermann, Horst Lichter, {}}
  - $E = \{a, b, a, d, e, f, g\}$
  - **5**  $F = \{r: r \text{ ist eine rationale Zahl}\} \cup \mathbb{N}$
- 2 Sind folgende Aussagen korrekt?

  - $\{x: x \in A\} = A$
  - $\{$  Jan, Horst, Heide $\} \neq \{$  Horst, Jan, Heide $\}$

- Sind folgende Mengendefinitionen zulässig?
  - **1**  $A = \{a, b, d, e, f, g\}$
  - **2**  $C = \{x: x \text{ ist in keiner Menge enthalten}\}$
  - **3**  $D = \{B\"{o}hmermann, Horst Lichter, <math>\{\}\}$
  - **4**  $E = \{a, b, a, d, e, f, g\}$
  - **5**  $F = \{r: r \text{ ist eine rationale Zahl}\} \cup \mathbb{N}$
- 2 Sind folgende Aussagen korrekt?
  - $\{\} \subseteq \{blau, rot, gelb\}$
  - $\{x: x \in A\} = A$
  - $\{$  Jan, Horst, Heide $\} \neq \{$  Horst, Jan, Heide $\}$
  - Wenn  $A = \{x:x \text{ ist ein Auto}\}\$ und  $a \in A$  und außerdem
    - $B = \{x:x \text{ ist eine Menge von Dingen, die die Umwelt belasten} \}$  und  $A \in B$ , dann folgt daraus  $a \in B$ .

- Sind folgende Mengendefinitionen zulässig?
  - **1**  $A = \{a, b, d, e, f, g\}$
  - $O = \{x: x \text{ ist in keiner Menge enthalten}\}$
  - **3**  $D = \{B\"{o}hmermann, Horst Lichter, <math>\{\}\}$
  - $E = \{a, b, a, d, e, f, g\}$
  - **5**  $F = \{r: r \text{ ist eine rationale Zahl}\} \cup \mathbb{N}$
- 2 Sind folgende Aussagen korrekt?

  - $\{x: x \in A\} = A$
  - $\{$  Jan, Horst, Heide $\} \neq \{$  Horst, Jan, Heide $\}$
  - **(4)** Wenn  $A = \{x:x \text{ ist ein Auto}\}$  und  $a \in A$  und außerdem  $B = \{x:x \text{ ist eine Menge von Dingen, die die Umwelt belasten}\}$  und  $A \in B$ , dann folgt daraus  $a \in B$ .
  - **6** Wenn  $A \subseteq B$  und  $B \subseteq A$ , dann folgt A = B.

- Sind folgende Mengendefinitionen zulässig?
  - **1**  $A = \{a, b, d, e, f, g\}$
  - 2  $C = \{x: x \text{ ist in keiner Menge enthalten}\}$

  - $E = \{a, b, a, d, e, f, g\}$
  - **5**  $F = \{r: r \text{ ist eine rationale Zahl}\} \cup \mathbb{N}$
- 2 Sind folgende Aussagen korrekt?

  - $\{x : x \in A\} = A$
  - $\{$  Jan, Horst, Heide $\} \neq \{$  Horst, Jan, Heide $\}$
  - **(a)** Wenn  $A = \{x:x \text{ ist ein Auto}\}$  und  $a \in A$  und außerdem  $B = \{x:x \text{ ist eine Menge von Dingen, die die Umwelt belasten}\}$  und  $A \in B$ , dann folgt daraus  $a \in B$ .
  - **6** Wenn  $A \subseteq B$  und  $B \subseteq A$ , dann folgt A = B.
  - **6** Wenn  $A \subset B$  und  $B \subset A$ , dann folgt  $A \neq B$ .

- Sind folgende Mengendefinitionen zulässig?
  - **1**  $A = \{a, b, d, e, f, g\}$
  - **2**  $C = \{x: x \text{ ist in keiner Menge enthalten}\}$
  - **3**  $D = \{B\"{o}hmermann, Horst Lichter, <math>\{\}\}$
  - $E = \{a, b, a, d, e, f, g\}$
  - **5**  $F = \{r: r \text{ ist eine rationale Zahl}\} \cup \mathbb{N}$
- 2 Sind folgende Aussagen korrekt?

  - $\{x : x \in A\} = A$
  - $\{$  Jan, Horst, Heide $\} \neq \{$  Horst, Jan, Heide $\}$
  - **(a)** Wenn  $A = \{x:x \text{ ist ein Auto}\}$  und  $a \in A$  und außerdem  $B = \{x:x \text{ ist eine Menge von Dingen, die die Umwelt belasten}\}$  und  $A \in B$ , dann folgt daraus  $a \in B$ .
  - **6** Wenn  $A \subseteq B$  und  $B \subseteq A$ , dann folgt A = B.
  - **6** Wenn  $A \subset B$  und  $B \subset A$ , dann folgt  $A \neq B$ .
  - Wenn  $a \in A$  und  $a \in B$ , dann folgt  $a \in A \cup B$ .

- Sind folgende Mengendefinitionen zulässig?
  - **1**  $A = \{a, b, d, e, f, g\}$
  - 2  $C = \{x: x \text{ ist in keiner Menge enthalten}\}$
  - $\bullet$  D = {Böhmermann, Horst Lichter, {}}
  - $E = \{a, b, a, d, e, f, g\}$
  - **5**  $F = \{r: r \text{ ist eine rationale Zahl}\} \cup \mathbb{N}$
- 2 Sind folgende Aussagen korrekt?

  - $\{x: x \in A\} = A$
  - $\{$  Jan, Horst, Heide $\} \neq \{$  Horst, Jan, Heide $\}$
  - **(4)** Wenn  $A = \{x:x \text{ ist ein Auto}\}$  und  $a \in A$  und außerdem  $B = \{x:x \text{ ist eine Menge von Dingen, die die Umwelt belasten}\}$  und  $A \in B$ , dann folgt daraus  $a \in B$ .
  - **6** Wenn  $A \subseteq B$  und  $B \subseteq A$ , dann folgt A = B.
  - **6** Wenn  $A \subset B$  und  $B \subset A$ , dann folgt  $A \neq B$ .
  - Wenn  $a \in A$  und  $a \in B$ , dann folgt  $a \in A \cup B$ .
  - 8 Wenn  $a \in A$  und  $a \in B$ , dann folgt  $a \in A \cap B$ .

- Sind folgende Mengendefinitionen zulässig?
  - **1**  $A = \{a, b, d, e, f, g\}$
  - $\mathbf{O} = \{x: x \text{ ist in keiner Menge enthalten}\}$
  - **3**  $D = \{B\"{o}hmermann, Horst Lichter, <math>\{\}\}$
  - $E = \{a, b, a, d, e, f, g\}$
  - **5**  $F = \{r: r \text{ ist eine rationale Zahl}\} \cup \mathbb{N}$
- 2 Sind folgende Aussagen korrekt?
  - $\{\} \subseteq \{blau, rot, gelb\}$
  - $\{x : x \in A\} = A$
  - $\{$  Jan, Horst, Heide $\} \neq \{$  Horst, Jan, Heide $\}$
  - Wenn  $A = \{x:x \text{ ist ein Auto}\}$  und  $a \in A$  und außerdem  $B = \{x:x \text{ ist eine Menge von Dingen, die die Umwelt belasten}\}$  und  $A \in B$ , dann folgt daraus  $a \in B$ .
  - **6** Wenn  $A \subseteq B$  und  $B \subseteq A$ , dann folgt A = B.
  - 6 Wenn  $A \subset B$  und  $B \subset A$ , dann folgt  $A \neq B$ .
  - Wenn  $a \in A$  und  $a \in B$ , dann folgt  $a \in A \cup B$ .
  - 8 Wenn  $a \in A$  und  $a \in B$ , dann folgt  $a \in A \cap B$ .
  - **9** Wenn  $a \notin A$  und  $a \notin B$ , dann folgt  $a \in (A \cup B)'$ .

3 Beantworten Sie die folgenden Fragen.

- 3 Beantworten Sie die folgenden Fragen.
  - **1** Was ist  $\wp\{Horst, Heide, Jan\}$ ?

- 3 Beantworten Sie die folgenden Fragen.
  - **1** Was ist  $\wp\{Horst, Heide, Jan\}$ ?
  - 2 Beantworten Sie die beiden Fragen auf Folie 10.

- 3 Beantworten Sie die folgenden Fragen.
  - Was ist ℘{Horst, Heide, Jan}?
  - 2 Beantworten Sie die beiden Fragen auf Folie 10.
  - $\begin{array}{l} \textbf{ Stimmt es, dass } \{\textit{Horst}, \textit{Heide}\} \\ \hline \\ \bigcap \{\{\textit{Tschernobyl}, \textit{Harrisburg}\}, \{\textit{Horst}, \textit{Heide}, \textit{Albert}\}, \{\textit{Horst}, \textit{Webelhuth}, \textit{Heide}, \textit{Fukushima}\}\} \end{aligned}$

- 3 Beantworten Sie die folgenden Fragen.
  - Was ist ℘{Horst, Heide, Jan}?
  - 2 Beantworten Sie die beiden Fragen auf Folie 10.
  - Stimmt es, dass {Horst, Heide} ⊂
    - $\bigcap \{ \{ Tschernobyl, Harrisburg \}, \{ Horst, Heide, Albert \}, \{ Horst, Webelhuth, Heide, Fukushima \} \} \}$
  - $\textbf{ Stimmt es, dass } \{\textit{Heide, Harrisburg}\} \subseteq \\ \bigcup \{\{\textit{Tschernobyl, Harrisburg}\}, \{\textit{Horst, Heide, Albert}\}, \{\textit{Horst, Webelhuth, Heide, Fukushima}\}\}?$

- 3 Beantworten Sie die folgenden Fragen.
  - Was ist ℘{Horst, Heide, Jan}?
  - 2 Beantworten Sie die beiden Fragen auf Folie 10.
  - $\bigcirc$  Stimmt es, dass {Horst, Heide}  $\subset$
  - $\bigcap \{ \{ Tschernobyl, Harrisburg \}, \{ Horst, Heide, Albert \}, \{ Horst, Webelhuth, Heide, Fukushima \} \}?$
  - $\textbf{ 4 Stimmt es, dass } \{\textit{Heide}, \textit{Harrisburg}\} \subseteq$ 
    - $\bigcup \{ \text{Tschernobyl}, \text{Harrisburg} \}, \{ \text{Horst}, \text{Heide}, \text{Albert} \}, \{ \text{Horst}, \text{Webelhuth}, \text{Heide}, \text{Fukushima} \} \}$ ?
  - **5** Stimmt es für nicht-leere Mengen A und B, dass  $A \setminus B = B A$ ?

- 3 Beantworten Sie die folgenden Fragen.
  - Was ist ℘{Horst, Heide, Jan}?
  - 2 Beantworten Sie die beiden Fragen auf Folie 10.
  - $\bigcirc$  Stimmt es, dass {Horst, Heide}  $\subset$ 
    - $\bigcap \{ \{ Tschernobyl, Harrisburg \}, \{ Horst, Heide, Albert \}, \{ Horst, Webelhuth, Heide, Fukushima \} \}?$
  - 4 Stimmt es, dass {Heide, Harrisburg}  $\subseteq$ 
    - $\bigcup$ {{Tschernobyl, Harrisburg}, {Horst, Heide, Albert}, {Horst, Webelhuth, Heide, Fukushima}}?
  - **5** Stimmt es für nicht-leere Mengen A und B, dass  $A \setminus B = B A$ ?
  - **6** Und für leere Mengen?

- 3 Beantworten Sie die folgenden Fragen.
  - Was ist ℘{Horst, Heide, Jan}?
  - 2 Beantworten Sie die beiden Fragen auf Folie 10.
  - $\textbf{3} \quad \textbf{Stimmt es, dass } \{\textit{Horst}, \textit{Heide}\} \subset$ 
    - $\bigcap \{ \{ Tschernobyl, Harrisburg \}, \{ Horst, Heide, Albert \}, \{ Horst, Webelhuth, Heide, Fukushima \} \} \}$
  - Stimmt es, dass {Heide, Harrisburg} ⊆
     []{{Tschernobyl, Harrisburg}, {Horst, Heide, Albert}, {Horst, Webelhuth, Heide, Fukushima}}?
  - Stimmt es für nicht-leere Mengen A und B, dass  $A \setminus B = B A$ ?
  - **6** Und für leere Mengen?
  - **(a)** Vervollständigen Sie von Folie 16  $\langle a,b,c \rangle = ???$  (Auflösen von Tupeln in Mengenschreibweise).

- 3 Beantworten Sie die folgenden Fragen.
  - Was ist ℘{Horst, Heide, Jan}?
  - 2 Beantworten Sie die beiden Fragen auf Folie 10.
  - $\textbf{3} \quad \textbf{Stimmt es, dass } \{\textit{Horst}, \textit{Heide}\} \subset$ 
    - $\bigcap \{ \{ Tschernobyl, Harrisburg \}, \{ Horst, Heide, Albert \}, \{ Horst, Webelhuth, Heide, Fukushima \} \} \}$
  - Stimmt es, dass {Heide, Harrisburg} ⊆
     []{{Tschernobyl, Harrisburg}, {Horst, Heide, Albert}, {Horst, Webelhuth, Heide, Fukushima}}?
  - Stimmt es für nicht-leere Mengen A und B, dass  $A \setminus B = B A$ ?
  - **6** Und für leere Mengen?
  - $\bigcirc$  Vervollständigen Sie von Folie 16  $\langle a,b,c \rangle = ???$  (Auflösen von Tupeln in Mengenschreibweise).
  - **8** Auch wenn es weh tut, dasselbe bitte für (a, b, c, d)!

- 3 Beantworten Sie die folgenden Fragen.
  - Was ist ℘{Horst, Heide, Jan}?
  - 2 Beantworten Sie die beiden Fragen auf Folie 10.
  - $\bigcirc$  Stimmt es, dass {Horst, Heide}  $\subset$ 
    - $\bigcap \{ \{ Tschernobyl, Harrisburg \}, \{ Horst, Heide, Albert \}, \{ Horst, Webelhuth, Heide, Fukushima \} \} \}$
  - Stimmt es, dass {Heide, Harrisburg} ⊆
    [Horst Heide, Albert] (Horst Heide, Albert)
  - $\bigcup \{ \{ Tschernobyl, Harrisburg \}, \{ Horst, Heide, Albert \}, \{ Horst, Webelhuth, Heide, Fukushima \} \} \}$
  - **5** Stimmt es für nicht-leere Mengen A und B, dass  $A \setminus B = B A$ ?
  - **6** Und für leere Mengen?
  - **②** Vervollständigen Sie von Folie 16  $\langle a, b, c \rangle = ???$  (Auflösen von Tupeln in Mengenschreibweise).
  - 8 Auch wenn es weh tut, dasselbe bitte für  $\langle a, b, c, d \rangle$ !
  - Ist Folgendes korrekt: (Horst, Heide) = (Heide, Horst)?

- 3 Beantworten Sie die folgenden Fragen.
  - Was ist ℘{Horst, Heide, Jan}?
  - 2 Beantworten Sie die beiden Fragen auf Folie 10.
  - $\bigcirc$  Stimmt es, dass {Horst, Heide}  $\subset$ 
    - $\bigcap \{ \{ Tschernobyl, Harrisburg \}, \{ Horst, Heide, Albert \}, \{ Horst, Webelhuth, Heide, Fukushima \} \}?$

  - 5 Stimmt es für nicht-leere Mengen A und B, dass  $A \setminus B = B A$ ?
  - **6** Und für leere Mengen?
  - **②** Vervollständigen Sie von Folie 16  $\langle a,b,c \rangle = ???$  (Auflösen von Tupeln in Mengenschreibweise).
  - 8 Auch wenn es weh tut, dasselbe bitte für (a, b, c, d)!
  - **9** Ist Folgendes korrekt:  $\langle Horst, Heide \rangle = \langle Heide, Horst \rangle$ ?
  - $\textbf{0} \quad \text{Ist Folgendes korrekt: } \{\langle \textit{Horst}, \textit{Heide} \rangle, \langle \textit{Jan}, \textit{Albert} \rangle\} = \{\langle \textit{Jan}, \textit{Albert} \rangle, \langle \textit{Horst}, \textit{Heide} \rangle\}?$

- 3 Beantworten Sie die folgenden Fragen.
  - Was ist ℘{Horst, Heide, Jan}?
  - 2 Beantworten Sie die beiden Fragen auf Folie 10.
  - $\bigcirc$  Stimmt es, dass {Horst, Heide}  $\subset$ 
    - $\bigcap \{ \{ Tschernobyl, Harrisburg \}, \{ Horst, Heide, Albert \}, \{ Horst, Webelhuth, Heide, Fukushima \} \}?$
  - Stimmt es, dass {Heide, Harrisburg} ⊆
     [ ]{{Tschernobyl, Harrisburg}, {Horst, Heide, Albert}, {Horst, Webelhuth, Heide, Fukushima}}?
  - 5 Stimmt es für nicht-leere Mengen A und B, dass  $A \setminus B = B A$ ?
  - **6** Und für leere Mengen?
  - **②** Vervollständigen Sie von Folie 16  $\langle a,b,c \rangle = ???$  (Auflösen von Tupeln in Mengenschreibweise).
  - **3** Auch wenn es weh tut, dasselbe bitte für  $\langle a, b, c, d \rangle$ !
  - **9** Ist Folgendes korrekt:  $\langle Horst, Heide \rangle = \langle Heide, Horst \rangle$ ?
  - ist Folgendes korrekt:  $\{\langle Horst, Heide \rangle, \langle Jan, Albert \rangle\} = \{\langle Jan, Albert \rangle, \langle Horst, Heide \rangle\}$ ?
  - 1 Was muss der Fall sein, damit  $A \circ B = B \circ A$ ?

- 3 Beantworten Sie die folgenden Fragen.
  - Was ist ℘{Horst, Heide, Jan}?
  - 2 Beantworten Sie die beiden Fragen auf Folie 10.
  - $\bigcirc$  Stimmt es, dass  $\{Horst, Heide\} \subset$ 
    - $\bigcap \{ \{ Tschernobyl, Harrisburg \}, \{ Horst, Heide, Albert \}, \{ Horst, Webelhuth, Heide, Fukushima \} \} ?$
  - Stimmt es, dass {Heide, Harrisburg} ⊆
    - $\bigcup \{ \{ Tschernobyl, Harrisburg \}, \{ Horst, Heide, Albert \}, \{ Horst, Webelhuth, Heide, Fukushima \} \} ?$
  - 5 Stimmt es für nicht-leere Mengen A und B, dass  $A \setminus B = B A$ ?
  - **6** Und für leere Mengen?
  - **②** Vervollständigen Sie von Folie 16  $\langle a, b, c \rangle = ???$  (Auflösen von Tupeln in Mengenschreibweise).
  - 8 Auch wenn es weh tut, dasselbe bitte für  $\langle a, b, c, d \rangle$ !
  - **9** Ist Folgendes korrekt:  $\langle Horst, Heide \rangle = \langle Heide, Horst \rangle$ ?
  - ist Folgendes korrekt:  $\{\langle Horst, Heide \rangle, \langle Jan, Albert \rangle\} = \{\langle Jan, Albert \rangle, \langle Horst, Heide \rangle\}$ ?
  - 1 Was muss der Fall sein, damit  $A \circ B = B \circ A$ ?
  - Finden Sie ein Beispiel für eine nicht-partielle Funktion von Dingen der realen Welt zu Dingen der realen Welt. Warum ist diese Funktion keine Relation? Finden Sie außerdem ein ähnliches Beispiel für eine partielle Funktion.

- 3 Beantworten Sie die folgenden Fragen.
  - Was ist ℘{Horst, Heide, Jan}?
  - 2 Beantworten Sie die beiden Fragen auf Folie 10.
  - $\bigcirc$  Stimmt es, dass {Horst, Heide}  $\subset$ 
    - $\bigcap \{ \{ Tschernobyl, Harrisburg \}, \{ Horst, Heide, Albert \}, \{ Horst, Webelhuth, Heide, Fukushima \} \} ?$
  - Stimmt es, dass {Heide, Harrisburg} ⊆
     []{{Tschernobyl, Harrisburg}, {Horst, Heide, Albert}, {Horst, Webelhuth, Heide, Fukushima}}?
  - 5 Stimmt es für nicht-leere Mengen A und B, dass  $A \setminus B = B A$ ?
  - **6** Und für leere Mengen?
  - **②** Vervollständigen Sie von Folie 16  $\langle a,b,c \rangle = ???$  (Auflösen von Tupeln in Mengenschreibweise).
  - 8 Auch wenn es weh tut, dasselbe bitte für  $\langle a, b, c, d \rangle$ !
  - **9** Ist Folgendes korrekt:  $\langle Horst, Heide \rangle = \langle Heide, Horst \rangle$ ?
  - ist Folgendes korrekt:  $\{\langle Horst, Heide \rangle, \langle Jan, Albert \rangle\} = \{\langle Jan, Albert \rangle, \langle Horst, Heide \rangle\}$ ?
  - $\bigcirc$  Was muss der Fall sein, damit  $A \circ B = B \circ A$ ?
  - Finden Sie ein Beispiel für eine nicht-partielle Funktion von Dingen der realen Welt zu Dingen der realen Welt. Warum ist diese Funktion keine Relation? Finden Sie außerdem ein ähnliches Beispiel für eine partielle Funktion.
  - Finden Sie je eine Relationen zwischen Dingen der realen Welt, die reflexiv, irreflexiv, nichtreflexiv, symmetrisch, asymmetrisch, nichtsymmetrisch, antisymmetrisch, transitiv, nichttransitiv und intransitiv ist. Die Relationen müssen nicht mit einem bestimmten natürlichsprachlichen Wort ausdrückbar sein (vergleiche viele der Beispiele auf den Folien). In einigen Fällen ist das recht schwierig. Versuchen Sie es ohne Google, ChatGPT usw., sonst bringt es Ihnen nichts.

### <u>Lit</u>eratur I

Partee, Barbara, Alice ter Meulen & Robert E. Wall. 1990. Mathematical methods in linguistics. Dordrecht: Kluwer.

#### Autor

#### Kontakt

Prof. Dr. Roland Schäfer Institut für Germanistische Sprachwissenschaft Friedrich-Schiller-Universität Jena Fürstengraben 30 07743 Jena

https://rolandschaefer.net roland.schaefer@uni-jena.de

#### Lizenz

#### Creative Commons BY-SA-3.0-DE

Dieses Werk ist unter einer Creative Commons Lizenz vom Typ Namensnennung - Weitergabe unter gleichen Bedingungen 3.0 Deutschland zugänglich. Um eine Kopie dieser Lizenz einzusehen, konsultieren Sie

http://creativecommons.org/licenses/by-sa/3.0/de/ oder wenden Sie sich brieflich an Creative Commons, Postfach 1866, Mountain View, California, 94042, USA.