Statistik 02. Deskriptive Statistik

Roland Schäfer

Institut für Germanistische Sprachwissenschaft Friedrich-Schiller-Universität Jena

stets aktuelle Fassungen: https://github.com/rsling/VL-Deutsche-Syntax

Inhalt

- 1 Motivation
- 2 Skalenniveau
- 3 Zentraltendenz

- 4 Empirische Verteilungen und Dispersion
- Bivariate Statistiken
- 6 Standardfehler und Konfidenzintervalle
- Nächste Woche | Überblick

Übersicht

• Deskriptive Statistik als Aggregation von Daten

Übersicht

- Deskriptive Statistik als Aggregation von Daten
- Verteilungen in Stichproben und Grundgesamtheiten:

Übersicht

- Deskriptive Statistik als Aggregation von Daten
- Verteilungen in Stichproben und Grundgesamtheiten:
 - Zentralmaße

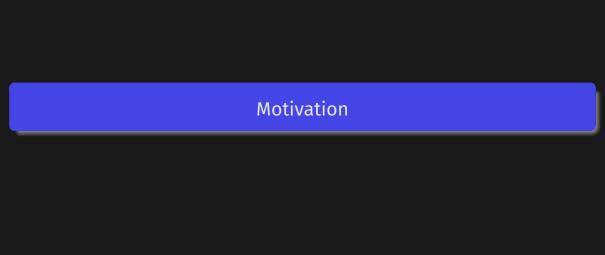
- Deskriptive Statistik als Aggregation von Daten
- Verteilungen in Stichproben und Grundgesamtheiten:
 - Zentralmaße
 - Streuung (Varianz)

- Deskriptive Statistik als Aggregation von Daten
- Verteilungen in Stichproben und Grundgesamtheiten:
 - Zentralmaße
 - Streuung (Varianz)
- Theoretische vs. empirische Verteilungen

- Deskriptive Statistik als Aggregation von Daten
- Verteilungen in Stichproben und Grundgesamtheiten:
 - Zentralmaße
 - Streuung (Varianz)
- Theoretische vs. empirische Verteilungen
- Konfidenzintervalle | Genauigkeiten von Schätzungen?

Literatur

- Google, Stackoverflow usw.
- Gravetter & Wallnau (2007)
 Achtung! Vermittelt eine falsche Philosophie bei Anwendung der Tests!
- Bortz & Schuster (2010)



• Mit unbewaffnetem Auge auf Daten zu blicken, ist meistens zwecklos.

- Mit unbewaffnetem Auge auf Daten zu blicken, ist meistens zwecklos.
- In Zahlen sehen Menschen nur schlecht Tendenzen und Zusammanhänge.

- Mit unbewaffnetem Auge auf Daten zu blicken, ist meistens zwecklos.
- In Zahlen sehen Menschen nur schlecht Tendenzen und Zusammanhänge.
- Deskriptive Statistik

- Mit unbewaffnetem Auge auf Daten zu blicken, ist meistens zwecklos.
- In Zahlen sehen Menschen nur schlecht Tendenzen und Zusammanhänge.
- Deskriptive Statistik
 - Zusammenfassen

- Mit unbewaffnetem Auge auf Daten zu blicken, ist meistens zwecklos.
- In Zahlen sehen Menschen nur schlecht Tendenzen und Zusammanhänge.
- Deskriptive Statistik
 - Zusammenfassen
 - Gruppieren

- Mit unbewaffnetem Auge auf Daten zu blicken, ist meistens zwecklos.
- In Zahlen sehen Menschen nur schlecht Tendenzen und Zusammanhänge.
- Deskriptive Statistik
 - Zusammenfassen
 - Gruppieren
 - Visualisieren

• Definition der Grundgesamtheit

- Definition der Grundgesamtheit
- Stichprobengröße (n)

- Definition der Grundgesamtheit
- Stichprobengröße (n)
 - ▶ 200 Sätze aus dem Korpus

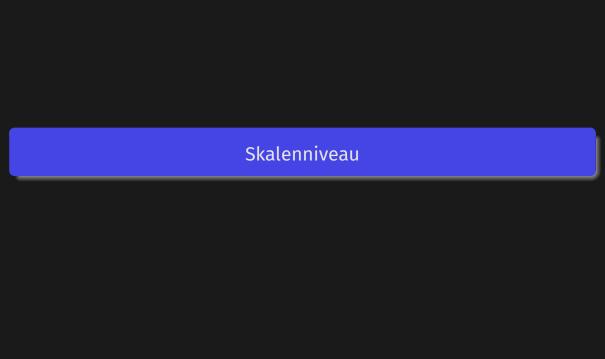
- Definition der Grundgesamtheit
- Stichprobengröße (n)
 - ▶ 200 Sätze aus dem Korpus
 - ▶ 1.000 Reaktionen (von 50 Probanden) im Experiment

- Definition der Grundgesamtheit
- Stichprobengröße (n)
 - 200 Sätze aus dem Korpus
 - ▶ 1.000 Reaktionen (von 50 Probanden) im Experiment
 - Was sind die elementaren gemessenen Datenpunkte?

- Definition der Grundgesamtheit
- Stichprobengröße (n)
 - 200 Sätze aus dem Korpus
 - ▶ 1.000 Reaktionen (von 50 Probanden) im Experiment
 - Was sind die elementaren gemessenen Datenpunkte?
- Stichprobenmethode

- Definition der Grundgesamtheit
- Stichprobengröße (n)
 - 200 Sätze aus dem Korpus
 - ▶ 1.000 Reaktionen (von 50 Probanden) im Experiment
 - Was sind die elementaren gemessenen Datenpunkte?
- Stichprobenmethode
 - Zufallsstichprobe | Nachweis der uniformen Zufälligkeit

- Definition der Grundgesamtheit
- Stichprobengröße (n)
 - 200 Sätze aus dem Korpus
 - ▶ 1.000 Reaktionen (von 50 Probanden) im Experiment
 - Was sind die elementaren gemessenen Datenpunkte?
- Stichprobenmethode
 - Zufallsstichprobe | Nachweis der uniformen Zufälligkeit
 - Quotenstichprobe | Stratifzierung und Begründung



Messvariablen und Skalenniveaus

• dichotom/binär | Menge {A, B} | zwei disjunkte Kategorien männlich, weiblich; Präteritum, Perfekt

Messvariablen und Skalenniveaus

- dichotom/binär | Menge {A, B} | zwei disjunkte Kategorien männlich, weiblich; Präteritum, Perfekt
- nominal/kategorial | Menge {A, B, ...} | disjunkte Kategorien Parteizugehörigkeit; NP, AP, VP

- dichotom/binär | Menge {A, B} | zwei disjunkte Kategorien männlich, weiblich; Präteritum, Perfekt
- nominal/kategorial | Menge {A, B, ...} | disjunkte Kategorien Parteizugehörigkeit; NP, AP, VP
- ordinal | Tupel ⟨A, B, ..⟩, nicht N oder Z | disjunkte Kategorien mit Rang Schulnoten; 5- oder 7-Punkt-Skalen für Akzeptabilität

- dichotom/binär | Menge {A, B} | zwei disjunkte Kategorien männlich, weiblich; Präteritum, Perfekt
- nominal/kategorial | Menge {A, B, ...} | disjunkte Kategorien Parteizugehörigkeit; NP, AP, VP
- ordinal | Tupel ⟨A, B, ..⟩, nicht N oder Z | disjunkte Kategorien mit Rang Schulnoten; 5- oder 7-Punkt-Skalen für Akzeptabilität
- Verhältnis | +Q₀ | geordnete Werte mit Nullpunkt Temperatur in Kelvin; Lesezeiten

- dichotom/binär | Menge {A, B} | zwei disjunkte Kategorien männlich, weiblich; Präteritum, Perfekt
- nominal/kategorial | Menge {A, B, ...} | disjunkte Kategorien Parteizugehörigkeit; NP, AP, VP
- ordinal | Tupel ⟨A, B, ..⟩, nicht N oder Z | disjunkte Kategorien mit Rang Schulnoten; 5- oder 7-Punkt-Skalen für Akzeptabilität
- Verhältnis | +Q₀ | geordnete Werte mit Nullpunkt Temperatur in Kelvin; Lesezeiten
- Intervall | Q | Wie Verhältnis, aber ohne Nullpunkt Temperatur in Celsius

Messvariablen und Skalenniveaus

- dichotom/binär | Menge {A, B} | zwei disjunkte Kategorien männlich, weiblich ; Präteritum, Perfekt
- nominal/kategorial | Menge {A, B, ...} | disjunkte Kategorien Parteizugehörigkeit; NP, AP, VP
- ordinal | Tupel ⟨A, B, ..⟩, nicht N oder Z | disjunkte Kategorien mit Rang Schulnoten; 5- oder 7-Punkt-Skalen für Akzeptabilität
- Verhältnis | +Q₀ | geordnete Werte mit Nullpunkt Temperatur in Kelvin; Lesezeiten
- Intervall | Q | Wie Verhältnis, aber ohne Nullpunkt Temperatur in Celsius
- Zähldaten | Keine beobachtbaren Variablen, sondern Aggregation von dichtotomen, nominalen oder ordinalen Variablen

• Verhältnisskala | Größe von Menschen in cm

- Verhältnisskala | Größe von Menschen in cm
 - ► 200cm = 2 × 100cm usw.

- Verhältnisskala | Größe von Menschen in cm
 - ► 200cm = 2 × 100cm usw.
 - ► Keine Messung unter 0*cm*

- Verhältnisskala | Größe von Menschen in cm
 - ► 200cm = 2 × 100cm usw.
 - Keine Messung unter 0cm
- Intervallskala | Dasselbe als Abweichung vom Mittel

- Verhältnisskala | Größe von Menschen in cm
 - ► 200cm = 2 × 100cm usw.
 - Keine Messung unter 0cm
- Intervallskala | Dasselbe als Abweichung vom Mittel
 - ► 4cm = 2 × 2cm usw.

- Verhältnisskala | Größe von Menschen in cm
 - ► 200cm = 2 × 100cm usw.
 - Keine Messung unter 0cm
- Intervallskala | Dasselbe als Abweichung vom Mittel
 - ► 4cm = 2 × 2cm usw.
 - ► 184cm ≠ 2 × 182cm

- Verhältnisskala | Größe von Menschen in cm
 - ► 200cm = 2 × 100cm usw.
 - Keine Messung unter 0cm
- Intervallskala | Dasselbe als Abweichung vom Mittel
 - ► 4cm = 2 × 2cm usw.
 - ► 184cm ≠ 2 × 182cm
 - Negative Messungen möglich

Relevanz der Skalenniveaus

Bestimmung zulässiger mathematischer Operationen

Relevanz der Skalenniveaus

- Bestimmung zulässiger mathematischer Operationen
- Deskriptive Statistiken je nach Skalenniveau

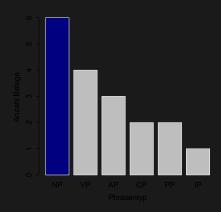
Relevanz der Skalenniveaus

- Bestimmung zulässiger mathematischer Operationen
- Deskriptive Statistiken je nach Skalenniveau
- Zulässigkeit von inferenzstatistischen Tests je nach Skalenniveau



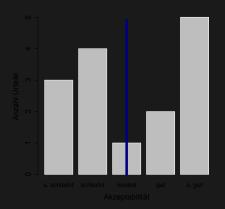
Zentraltendenz I

Modus | Der häufigste Wert | Alle Skalenniveaus



Zentraltendenz II

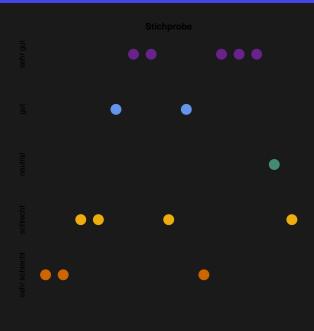
Median | Mitte der sortierten Stichprobe | ab Ordinalskala



Numerische Messungen | Verschiedene Interpolationsmethoden

https://en.wikipedia.org/wiki/Quantile#Estimating_quantiles_from_a_sample

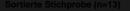
Median bestimmen | Stichprobe

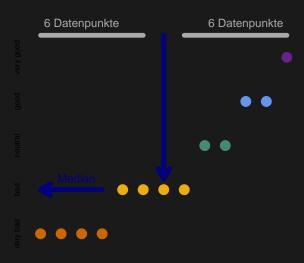


Roland Schäfer (FSU Jena) Statistik 02. Deskriptive Statistik

Sortierte Stichprobe (n=15)

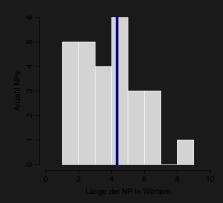






Arithmetisches Mittel \bar{x} | Summe aller Werte geteilt durch n | ab Intervallskala

$$\bar{X} = \frac{\sum_{i=1}^{n} x_i}{n}$$





Dispersion | Streuung der Daten

• Zentraltendenz | Orientierung über Tendenzen der Stichprobe

Dispersion | Streuung der Daten

- Zentraltendenz | Orientierung über Tendenzen der Stichprobe
- Ein Maß für Zentraltendenz für beliebig viele Verteilungsformen

Dispersion | Streuung der Daten

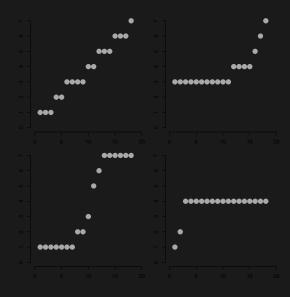
- Zentraltendenz | Orientierung über Tendenzen der Stichprobe
- Ein Maß für Zentraltendenz für beliebig viele Verteilungsformen
- Arithmetisches Mittel | deskriptiv oft unbrauchbar ohne Betrachtung der Verteilung

Dispersion | Streuung der Daten

- Zentraltendenz | Orientierung über Tendenzen der Stichprobe
- Ein Maß für Zentraltendenz für beliebig viele Verteilungsformen
- Arithmetisches Mittel | deskriptiv oft unbrauchbar ohne Betrachtung der Verteilung
- Median | auch nur bedingt besser

Vier sortierte Stichproben

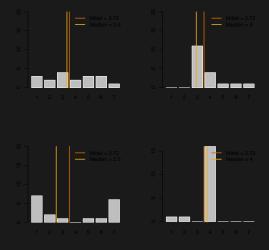
Jeder Punkt entspricht einem Datenpunkt/einer Messung!



Verteilungsformen

Histogramme | Vier Stichproben mit \bar{x} = 3.72 und n = 18

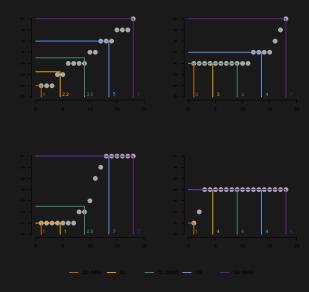
Zum Beispiel 18 Bewertungen eines Probanden auf einer 7-Punkt-Skala



Roland Schäfer (FSU Jena) Statistik 02. Deskriptive Statistik

Quartile

Quartile | Generalisierung des Medians (bei 25 %, 50 %, 75 %)



• Interquartilbereich $IQR = Q_3 - Q_1$ | Die mittleren 50 %

- Interquartilbereich $IQR = Q_3 Q_1$ | Die mittleren 50 %
- Boxplots

- Interquartilbereich $IQR = Q_3 Q_1$ | Die mittleren 50 %
- Boxplots
 - ► Median | Linie in der Mitte

Roland Schäfer (FSU Jena) Statistik 02. Deskriptive Statistik

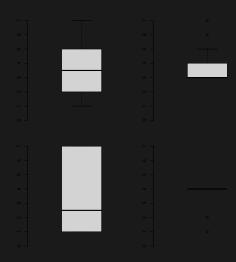
- Interquartilbereich $IQR = Q_3 Q_1$ | Die mittleren 50 %
- Boxplots
 - ► Median | Linie in der Mitte
 - ▶ Oberes und unteres Quartil | Boxen

- Interquartilbereich $IQR = Q_3 Q_1$ | Die mittleren 50 %
- Boxplots
 - ► Median | Linie in der Mitte
 - Oberes und unteres Quartil | Boxen
 - ▶ 1,5-facher Interquartilabstand | gestrichelte Hebel

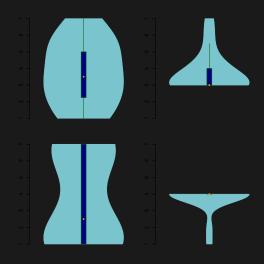
- Interquartilbereich $IQR = Q_3 Q_1$ | Die mittleren 50 %
- Boxplots
 - ► Median | Linie in der Mitte
 - ▶ Oberes und unteres Quartil | Boxen
 - ▶ 1,5-facher Interquartilabstand | gestrichelte Hebel
 - Ausreißer | Punkte

- Interquartilbereich $IQR = Q_3 Q_1$ | Die mittleren 50 %
- Boxplots
 - ► Median | Linie in der Mitte
 - ▶ Oberes und unteres Quartil | Boxen
 - ▶ 1,5-facher Interquartilabstand | gestrichelte Hebel
 - Ausreißer | Punkte
- Violinplots | Zusätzlich Plot der Verteilungsdichte (statt Box)

Boxplots | Die bessere Zusammenfassung

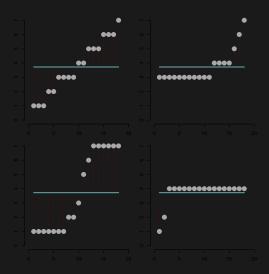


Violinplots | Die noch bessere Zusammenfassung



Was bestimmt die Varianz?

Die Distanzen der Messwerte zum Mittel sind unterschiedlich groß.



Varianz und Standardabweichung

Varianz s² | Quadrierte mittlere Abweichung vom Mittelwert

$$s^{2}(x) = \frac{\sum\limits_{i=1}^{n}(x_{i}-\bar{x})^{2}}{n-1}$$

Roland Schäfer (FSU Jena) Statistik 02. Deskriptive Statistik

Varianz und Standardabweichung

Varianz s² | Quadrierte mittlere Abweichung vom Mittelwert

$$s^{2}(x) = \frac{\sum\limits_{i=1}^{n}(x_{i}-\bar{x})^{2}}{n-1}$$

Standardabweichung s | Quadratwurzel der Varianz

$$s(x) = \sqrt{s^2(x)}$$

Varianz und Standardabweichung

Varianz s² | Quadrierte mittlere Abweichung vom Mittelwert

$$s^{2}(x) = \frac{\sum\limits_{i=1}^{n} (x_{i} - \bar{x})^{2}}{n-1}$$

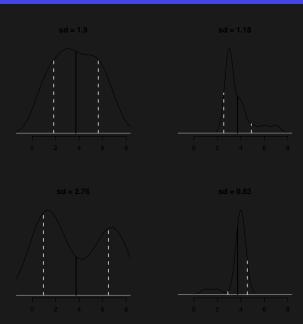
Standardabweichung s | Quadratwurzel der Varianz

$$s(x) = \sqrt{s^2(x)}$$

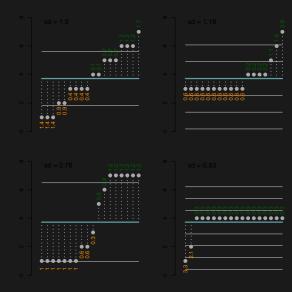
Summe der Quadrate | Zählerterm der Varianz

$$SQ(x) = \sum_{i=1}^{n} (x_i - \bar{x})^2$$

Unterschiedliche Standardabweichungen



Für jeden Messpunkt $x_i \mid z_i = \frac{x_i - \bar{x}}{s(x)}$



z-Wert | Rechenbeispiel

• Bsp.: *x* = [3.9, 4.3, 7.2, 8.5, 11.1, 12.1, 14.0, 20.7]

- Bsp.: *x* = [3.9, 4.3, 7.2, 8.5, 11.1, 12.1, 14.0, 20.7]
 - $\bar{x} = 10.225$

• Bsp.:
$$x = [3.9, 4.3, 7.2, 8.5, 11.1, 12.1, 14.0, 20.7]$$

$$\bar{x} = 10.225$$

$$s^2(x) = \frac{(3.9 - 10.255)^2 + ... + (20.7 - 10.225)^2}{8 - 1} = \frac{215.495}{7} = 30.785$$

• Bsp.:
$$x = [3.9, 4.3, 7.2, 8.5, 11.1, 12.1, 14.0, 20.7]$$

$$\bar{x} = 10.225$$

$$s(x) = \sqrt{30.785} = 5.548$$

• Bsp.:
$$x = [3.9, 4.3, 7.2, 8.5, 11.1, 12.1, 14.0, 20.7]$$

$$\bar{x} = 10.225$$

$$s^2(x) = \frac{(3.9-10.255)^2 + ... + (20.7-10.225)^2}{8-1} = \frac{215.495}{7} = 30.785$$

$$s(x) = \sqrt{30.785} = 5.548$$

$$z = \left[\frac{3.9-10.225}{5.548}, ..., \frac{20.7-10.225}{5.548}\right] = \left[-1.140, -1.068, -0.545, -0.311, 0.158, 0.338, 0.680, 1.888\right]$$

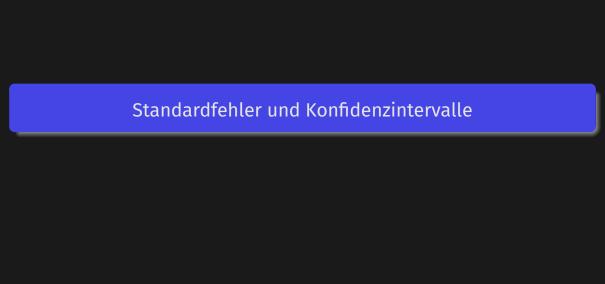


Zähldaten von zwei Variablen

Kreuztabelle | Darstellung der Zähldaten zweier Variablen

	Variable 1 Wert 1	Wert2
Variable 2 Wert 1	Anzahl x ₁₁	Anzahl x ₁₂
Wert 2	Anzahl x ₂₁	Anzahl x ₂₂

Roland Schäfer (FSU Jena) Statistik 02. Deskriptive Statistik



• Das Verb essen | Manchmal mit, manchmal ohne Akkusativ (direktes Objekt)

Roland Schäfer (FSU Jena) Statistik 02. Deskriptive Statistik

- Das Verb essen | Manchmal mit, manchmal ohne Akkusativ (direktes Objekt)
- Angenommenes wahres Verhältnis | Mit Objekt 39 %, ohne Objekt 61 %

- Das Verb essen | Manchmal mit, manchmal ohne Akkusativ (direktes Objekt)
- Angenommenes wahres Verhältnis | Mit Objekt 39 %, ohne Objekt 61 %
- Viele Stichproben mit n=100 | Ergebnis nicht immer 39 zu 61

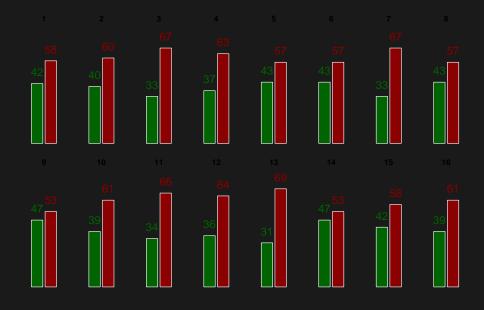
- Das Verb essen | Manchmal mit, manchmal ohne Akkusativ (direktes Objekt)
- Angenommenes wahres Verhältnis | Mit Objekt 39 %, ohne Objekt 61 %
- Viele Stichproben mit n=100 | Ergebnis nicht immer 39 zu 61

• 95%-Konfidenzintervall | In welchem Bereich liegen 95% aller Messwerte bei n=100?

- Das Verb essen | Manchmal mit, manchmal ohne Akkusativ (direktes Objekt)
- Angenommenes wahres Verhältnis | Mit Objekt 39 %, ohne Objekt 61 %
- Viele Stichproben mit n=100 | Ergebnis nicht immer 39 zu 61

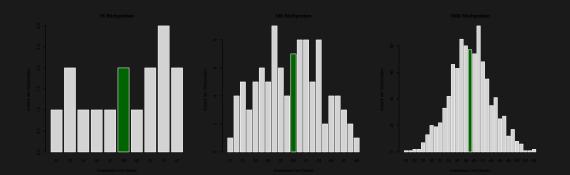
- 95%-Konfidenzintervall | In welchem Bereich liegen 95% aller Messwerte bei n=100?
- Güte von Stichproben einer bestimmten Größe angesichts gegebener Proportionen

Sechzehn simulierte Stichprobenentnahmen (n=100)



Roland Schäfer (FSU Jena) Statistik o2. Deskriptive Statistik

Wiederholte Stichprobenentnahmen (n=100)



Roland Schäfer (FSU Jena) Statistik 02. Deskriptive Statistik

• Die meisten $p \mid$ Nah am wahren Wert P

- Die meisten p | Nah am wahren Wert P
- Sehr wenige p | Weit von P entfernt

- Die meisten p | Nah am wahren Wert P
- Sehr wenige p | Weit von P entfernt
- Bei unendlich vielen Messungen

- Die meisten p | Nah am wahren Wert P
- Sehr wenige p | Weit von P entfernt
- Bei unendlich vielen Messungen
 - ▶ Mittelwert der gemessenen Anteilswerte gleich P

- Die meisten p | Nah am wahren Wert P
- Sehr wenige p | Weit von P entfernt
- Bei unendlich vielen Messungen
 - Mittelwert der gemessenen Anteilswerte gleich P
 - ► Gemessene Anteilswerte normalverteilt um P

- Die meisten p | Nah am wahren Wert P
- Sehr wenige p | Weit von P entfernt
- Bei unendlich vielen Messungen
 - Mittelwert der gemessenen Anteilswerte gleich P
 - ► Gemessene Anteilswerte normalverteilt um P
 - ► Standardabweichung der Messwerte um P bekannt → Standardfehler

- Die meisten p | Nah am wahren Wert P
- Sehr wenige p | Weit von P entfernt
- Bei unendlich vielen Messungen
 - Mittelwert der gemessenen Anteilswerte gleich P
 - ► Gemessene Anteilswerte normalverteilt um P
 - ► Standardabweichung der Messwerte um P bekannt → Standardfehler

Standarfehler | Standardabweichung der Messwerte

Roland Schäfer (FSU Jena) Statistik 02. Deskriptive Statistik

- Die meisten p | Nah am wahren Wert P
- Sehr wenige p | Weit von P entfernt
- Bei unendlich vielen Messungen
 - Mittelwert der gemessenen Anteilswerte gleich P
 - ► Gemessene Anteilswerte normalverteilt um P
 - ► Standardabweichung der Messwerte um P bekannt → Standardfehler
- Standarfehler | Standardabweichung der Messwerte
 - ► Bei gegebener Stichprobengröße *n*

Roland Schäfer (FSU Jena) Statistik 02. Deskriptive Statistik

- Die meisten p | Nah am wahren Wert P
- Sehr wenige *p* | Weit von *P* entfernt
- Bei unendlich vielen Messungen
 - Mittelwert der gemessenen Anteilswerte gleich P
 - ► Gemessene Anteilswerte normalverteilt um P
 - ► Standardabweichung der Messwerte um P bekannt → Standardfehler
- Standarfehler | Standardabweichung der Messwerte
 - ▶ Bei gegebener Stichprobengröße *n*
 - Bei einem bekannten Populationsanteil P

Standardfehler für Anteilswerte | Berechnung

Für einen wahren Anteilswert P

$$SF(P,n) = \sqrt{\frac{P \cdot (1-P)}{n}}$$

Bsp. für
$$P = 0.39$$
 und $n = 100 \mid SF(p) = \sqrt{\frac{0.39 \cdot (1 - 0.39)}{100}} = 0.0488$

Statistik 02. Deskriptive Statistik

Standardfehler für Anteilswerte | Berechnung

- Für einen wahren Anteilswert P
- Bei Stichprobengröße n

$$SF(P,n) = \sqrt{\frac{P \cdot (1-P)}{n}}$$

Bsp. für
$$P = 0.39$$
 und $n = 100 \mid SF(p) = \sqrt{\frac{0.39 \cdot (1 - 0.39)}{100}} = 0.0488$

Roland Schäfer (FSU Jena) Statistik 02. Deskriptive Statistik

$$SF(P, n) = \sqrt{\frac{P \cdot (1-P)}{n}}$$

Bsp.: $SF(0.39, 100) = \sqrt{\frac{0.39 \cdot (1-0.39)}{100}} = 0.0488$

• Für beliebig viele Stichproben

Roland Schäfer (FSU Jena) Statistik 02. Deskriptive Statistik

$$SF(P, n) = \sqrt{\frac{P \cdot (1-P)}{n}}$$
Bsp.: $SF(0.39, 100) = \sqrt{\frac{0.39 \cdot (1-0.39)}{100}} = 0.0488$

- Für beliebig viele Stichproben
- Bei Stichprobengröße n = 100

Statistik 02. Deskriptive Statistik

$$SF(P, n) = \sqrt{\frac{P \cdot (1-P)}{n}}$$
Bsp.: $SF(0.39, 100) = \sqrt{\frac{0.39 \cdot (1-0.39)}{100}} = 0.0488$

- Für beliebig viele Stichproben
- Bei Stichprobengröße n = 100
- Aus einer Grundgesamtheit mit wahrem Anteilswert P = 0.39

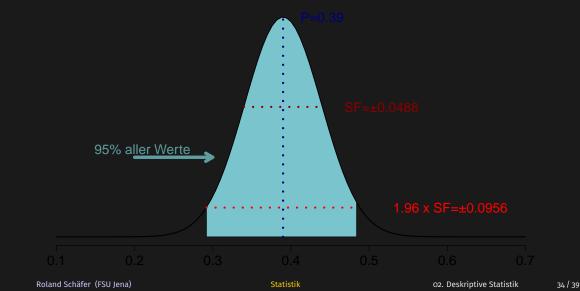
$$SF(P, n) = \sqrt{\frac{P \cdot (1-P)}{n}}$$
Bsp.: $SF(0.39, 100) = \sqrt{\frac{0.39 \cdot (1-0.39)}{100}} = 0.0488$

- Für beliebig viele Stichproben
- Bei Stichprobengröße n = 100
- Aus einer Grundgesamtheit mit wahrem Anteilswert P = 0.39
- Abweichung der gemessenen Anteile von P = 0.39 mit einem SF = 0.0488

Konfidenzintervall | Standardfehler und Normalverteilung

Normal-/Gaussverteilung | Parameter Mittelwert und Standardabweichung

→ Mathematisch exhaustiv bekannt, Flächen unter der Kurve usw. berechenbar



Konfidenzintervall | z-Werte

• Stichproben normalverteilt

Roland Schäfer (FSU Jena) Statistik 02. Deskriptive Statistik

Konfidenzintervall | z-Werte

- Stichproben normalverteilt
- z-Wert | Wie viele Standardfehler definieren 95% der Fläche unter der Kurve?

Konfidenzintervall | z-Werte

- Stichproben normalverteilt
- z-Wert | Wie viele Standardfehler definieren 95% der Fläche unter der Kurve?
- Quantilfunktion der Normalverteilung | In R mit qnorm() oder Tabelle

Roland Schäfer (FSU Jena) Statistik 02. Deskriptive Statistik

- Stichproben normalverteilt
- z-Wert | Wie viele Standardfehler definieren 95% der Fläche unter der Kurve?
- Quantilfunktion der Normalverteilung | In R mit qnorm() oder Tabelle
- Quantilfunktion | Wie viele Standardabweichungen trennen auf jeder Seite 2.5% ab?

- Stichproben normalverteilt
- z-Wert | Wie viele Standardfehler definieren 95% der Fläche unter der Kurve?
- Quantilfunktion der Normalverteilung | In R mit qnorm() oder Tabelle
- Quantilfunktion | Wie viele Standardabweichungen trennen auf jeder Seite 2.5% ab?
- qnorm(0.025, lower.tail=FALSE) $\rightarrow z(0.95) = 1.96$

Konfidenzintervall | Standardfehler um wahren Anteilswert

• Standardfehler | Standardabweichung der Stichprobenwerte

$$KI(P, n, s) = P \pm z(s) \cdot SF(P, n)$$

Bsp.: $KI(0.39, 100, 0.95) = 0.39 \pm 1.96 \cdot 0.0488 = 0.39 \pm 0.096 = [0.29, 0.49]$

Roland Schäfer (FSU Jena) Statistik 02. Deskriptive Statistik

- Standardfehler | Standardabweichung der Stichprobenwerte
- Konfidenzbreite | z-Wert multipliziert mit Standardfehler

$$KI(P, n, s) = P \pm z(s) \cdot SF(P, n)$$

Bsp.: $KI(0.39, 100, 0.95) = 0.39 \pm 1.96 \cdot 0.0488 = 0.39 \pm 0.096 = [0.29, 0.49]$

- Standardfehler | Standardabweichung der Stichprobenwerte
- Konfidenzbreite | z-Wert multipliziert mit Standardfehler
- 95% der Werte | Intervall Wahrer Anteilswert ± Konfidenzbreite

$$KI(P, n, s) = P \pm z(s) \cdot SF(P, n)$$

Bsp.: $KI(0.39, 100, 0.95) = 0.39 \pm 1.96 \cdot 0.0488 = 0.39 \pm 0.096 = [0.29, 0.49]$

02. Deskriptive Statistik Statistik

Interpretation

Konfidenzintervall im Beispiel | 0.29 bis 0.49

In 95% aller Stichproben mit n = 100 liegt der Messwert zwischen 0.29 und 0.49 bei einem wahren Anteil von 0.39.

Praxis | Wahrer Anteil nicht bekannt, daher Schätzung aus Stichprobenanteil p

In 95% aller Stichproben mit n = 100 liegt der Messwert zwischen 0.29 und 0.49 bei einem wahren Anteil von 0.39.

- Praxis | Wahrer Anteil nicht bekannt, daher Schätzung aus Stichprobenanteil p
- Der gemessene Anteil p kann aber eine totale Fehlschätzung sein!

In 95% aller Stichproben mit *n* = 100 liegt der Messwert zwischen 0.29 und 0.49 bei einem wahren Anteil von 0.39.

- Praxis | Wahrer Anteil nicht bekannt, daher Schätzung aus Stichprobenanteil p
- Der gemessene Anteil *p* kann aber eine totale Fehlschätzung sein!
- Die Philosophie bezieht sich auf wiederholte Messungen.

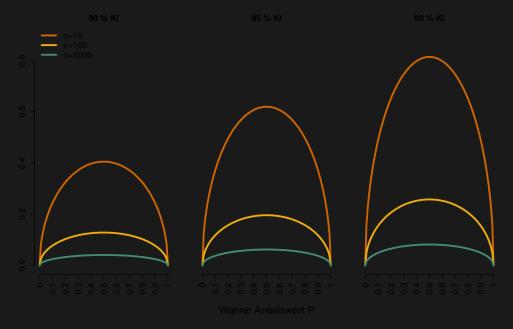
In 95% aller Stichproben mit *n* = 100 liegt der Messwert zwischen 0.29 und 0.49 bei einem wahren Anteil von 0.39.

- Praxis | Wahrer Anteil nicht bekannt, daher Schätzung aus Stichprobenanteil p
- Der gemessene Anteil p kann aber eine totale Fehlschätzung sein!
- Die Philosophie bezieht sich auf wiederholte Messungen.
- Entweder liegt der gemessene Wert im Konfidenzintervall, oder ein seltenes Ereignis ist eingetreten.

In 95% aller Stichproben mit n = 100 liegt der Messwert zwischen 0.29 und 0.49 bei einem wahren Anteil von 0.39.

- Praxis | Wahrer Anteil nicht bekannt, daher Schätzung aus Stichprobenanteil p
- Der gemessene Anteil *p* kann aber eine totale Fehlschätzung sein!
- Die Philosophie bezieht sich auf wiederholte Messungen.
- Entweder liegt der gemessene Wert im Konfidenzintervall, oder ein seltenes Ereignis ist eingetreten.
- Wir sind **nicht** zu 95% sicher, dass der wahre Wert zwischen 0.29 und 0.49 liegt!

Konfidenzintervall | Breite bei verschiedenen P, n und Niveaus



Roland Schäfer (FSU Jena) Statistik 02. Deskriptive Statistik



Einzelthemen

- Inferenz
- Deskriptive Statistik
- Nichtparametrische Verfahren
- z-Test und t-Test
- 5 ANOVA
- Freiheitsgrade und Effektstärken
- Power und Severity
- 8 Lineare Modelle
- Generalisierte Lineare Modelle
- o Gemischte Modelle

Literatur I

Bortz, Jürgen & Christof Schuster. 2010. Statistik für Human- und Sozialwissenschaftler. 7. Aufl. Berlin: Springer.

Gravetter, Frederick J. & Larry B. Wallnau. 2007. Statistics for the Behavioral Sciences. 7. Aufl. Belmont: Thomson.

Autor

Kontakt

Prof. Dr. Roland Schäfer Institut für Germanistische Sprachwissenschaft Friedrich-Schiller-Universität Jena Fürstengraben 30 07743 Jena

https://rolandschaefer.netroland.schaefer@uni-jena.de

Lizenz

Creative Commons BY-SA-3.0-DE

Dieses Werk ist unter einer Creative Commons Lizenz vom Typ Namensnennung - Weitergabe unter gleichen Bedingungen 3.0 Deutschland zugänglich. Um eine Kopie dieser Lizenz einzusehen, konsultieren Sie

http://creativecommons.org/licenses/by-sa/3.0/de/ oder wenden Sie sich brieflich an Creative Commons, Postfach 1866, Mountain View, California, 94042, USA.