Statistik 05. ANOVA

Roland Schäfer

Institut für Germanistische Sprachwissenschaft Friedrich-Schiller-Universität Jena

stets aktuelle Fassungen: https://github.com/rsling/VL-Deutsche-Syntax

Inhalt

- 1 ANOVA
 - Überblick

- Graphische Einführung
- Einfaktorielle ANOVA
- Zweifaktorielle ANOVA



Übersicht

• Vergleiche von Mittelwerten zwischen mehr als zwei Gruppen

Übersicht

- Vergleiche von Mittelwerten zwischen mehr als zwei Gruppen
- Mittelwertvergleiche mit mehreren Unabhängigen

Übersicht

- Vergleiche von Mittelwerten zwischen mehr als zwei Gruppen
- Mittelwertvergleiche mit mehreren Unabhängigen
- Warum kann man über Varianzen Mittelwerte vergleichen?

Literatur

- Gravetter & Wallnau (2007)
- Bortz & Schuster (2010)
- indirekt: Maxwell & Delaney (2004)

• Einschränkung beim t-test: immer nur 2 Gruppen

- Einschränkung beim t-test: immer nur 2 Gruppen
- t-Test bei mehr als 2 Gruppen: komplizierte paarweise Vergleiche

- Einschränkung beim t-test: immer nur 2 Gruppen
- t-Test bei mehr als 2 Gruppen: komplizierte paarweise Vergleiche
- stattdessen ANOVA: ANalysis Of VAriance

- Einschränkung beim t-test: immer nur 2 Gruppen
- t-Test bei mehr als 2 Gruppen: komplizierte paarweise Vergleiche
- stattdessen ANOVA: ANalysis Of VAriance
- Vergleich von Varianzen zwischen beliebigen Gruppen

- Einschränkung beim t-test: immer nur 2 Gruppen
- t-Test bei mehr als 2 Gruppen: komplizierte paarweise Vergleiche
- stattdessen ANOVA: ANalysis Of VAriance
- Vergleich von Varianzen zwischen beliebigen Gruppen
- Schluss auf Mittelwerte nur indirekt über die Varianzen

- Einschränkung beim t-test: immer nur 2 Gruppen
- t-Test bei mehr als 2 Gruppen: komplizierte paarweise Vergleiche
- stattdessen ANOVA: ANalysis Of VAriance
- Vergleich von Varianzen zwischen beliebigen Gruppen
- Schluss auf Mittelwerte nur indirekt über die Varianzen
- bei zwei Gruppen: Konvergenz von t-Test und ANOVA

• ANOVA vergleicht immer mehrere Gruppen

- ANOVA vergleicht immer mehrere Gruppen
- Gruppen bei der einfaktoriellen ANOVA = den Ausprägungen einer unabhängigen Variable (z. B. Text-Register)

- ANOVA vergleicht immer mehrere Gruppen
- Gruppen bei der einfaktoriellen ANOVA = den Ausprägungen einer unabhängigen Variable (z. B. Text-Register)
- diese Variablen heißen hier Faktoren.

- ANOVA vergleicht immer mehrere Gruppen
- Gruppen bei der einfaktoriellen ANOVA = den Ausprägungen einer unabhängigen Variable (z. B. Text-Register)
- diese Variablen heißen hier Faktoren.
- Einfluss der Faktoren auf eine abhängige (z.B. Satzlänge, Lesezeit)

- ANOVA vergleicht immer mehrere Gruppen
- Gruppen bei der einfaktoriellen ANOVA = den Ausprägungen einer unabhängigen Variable (z. B. Text-Register)
- diese Variablen heißen hier Faktoren.
- Einfluss der Faktoren auf eine abhängige (z. B. Satzlänge, Lesezeit)
- bei mehreren Faktoren (z. B. Text-Register und Jahrhundert): mehrfaktorielle ANOVA.

• Ho:
$$\bar{x_1} = \bar{x_2} = \bar{x3}$$

- Ho: $\bar{x_1} = \bar{x_2} = \bar{x_3}$
- aber: Es gibt keinen "Differenzwert" für drei Mittel (also sowas wie den t-Wert).

- Ho: $\bar{x_1} = \bar{x_2} = \bar{x_3}$
- aber: Es gibt keinen "Differenzwert" für drei Mittel (also sowas wie den t-Wert).
- daher Varianzvergleich

- Ho: $\bar{x_1} = \bar{x_2} = \bar{x_3}$
- aber: Es gibt keinen "Differenzwert" für drei Mittel (also sowas wie den t-Wert).
- daher Varianzvergleich
- F-Wert (Verteilung unter Ho bekannt) als Test-Statistik

- Ho: $\bar{x_1} = \bar{x_2} = \bar{x_3}$
- aber: Es gibt keinen "Differenzwert" für drei Mittel (also sowas wie den t-Wert).
- daher Varianzvergleich
- F-Wert (Verteilung unter Ho bekannt) als Test-Statistik

- Ho: $\bar{x_1} = \bar{x_2} = \bar{x_3}$
- aber: Es gibt keinen "Differenzwert" für drei Mittel (also sowas wie den t-Wert).
- daher Varianzvergleich
- F-Wert (Verteilung unter Ho bekannt) als Test-Statistik

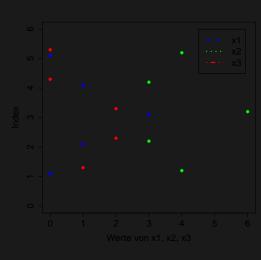
$$F = rac{ ext{Varianz zwischen Stichprobenmitteln}}{ ext{Varianz in den Stichproben}} = rac{ ext{Varianz zwischen Stichprobenmitteln}}{ ext{Varianz per Zufall}}$$

Roland Schäfer (FSU Jena) Statistiko5. ANOVA EGBD3 6/36

Drei Stichproben

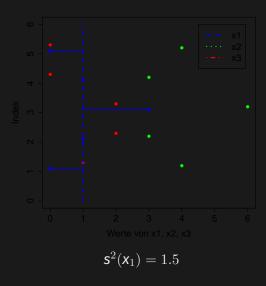
 $\mathbf{x}_1 = [0, 1, 3, 1, 0]$

 $\mathbf{x}_2 = [4, 3, 6, 3, 4]$ $\mathbf{x}_3 = [1, 2, 2, 0, 0]$



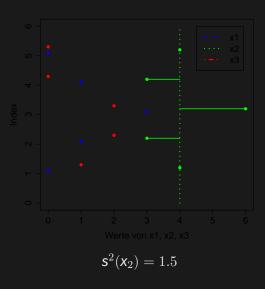
Roland Schäfer (FSU Jena) Statistiko5. ANOVA EGBD3

Komponenten der Varianz von x_1



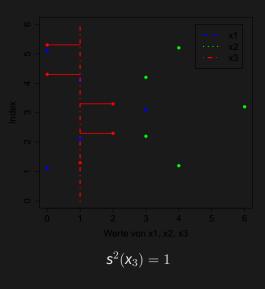
Roland Schäfer (FSU Jena) Statistiko5. ANOVA EGBD3

Komponenten der Varianz von x_2



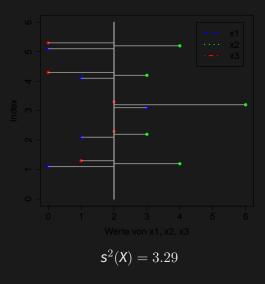
Roland Schäfer (FSU Jena) Statistiko5. ANOVA EGBD3

Komponenten der Varianz von x_3



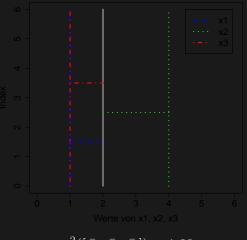
Roland Schäfer (FSU Jena) Statistiko5. ANOVA EGBD3

Varianz in der zusammengefassten Stichprobe X



Roland Schäfer (FSU Jena) Statistiko5. ANOVA EGBD3

Varianz zwischen den drei Gruppen

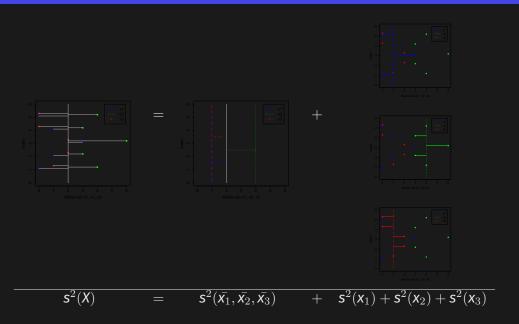


 $s^2([\bar{x_1}, \bar{x_2}, \bar{x_3}]) = 1.33$

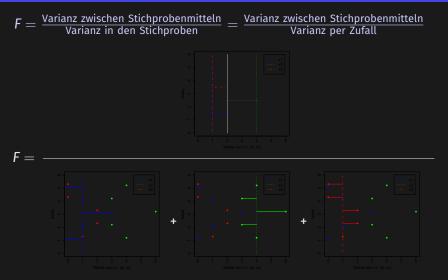
Achtung: Bei unterschiedlichen Stichprobengrößen

Roland Schäfer (FSU Jena) Statistiko5. ANOVA EGBD3

Es gilt bezüglich der Varianzen



Graphische Verdeutlichung des F-Werts



Wenn man den Abstand zwischen den Mitteln verschiebt, **muss** die Gesamtvarianz größer werden!

Roland Schäfer (FSU Jena) Statistiko5. ANOVA EGBD3

$$ullet$$
 $F = rac{ ext{Varianz zwischen Stichprobenmitteln}}{ ext{Varianz in den Stichproben}}$

- ullet $F = rac{ ext{Varianz zwischen Stichprobenmitteln}}{ ext{Varianz in den Stichproben}}$
- Warum?

- F = Varianz zwischen Stichprobenmitteln Varianz in den Stichproben
- Warum?
- F = Unterschied durch Effekt+Unterschiede durch restliche Varianz
 Unterschied durch restliche Varianz

Roland Schäfer (FSU Jena) Statistiko5. ANOVA EGBD3 15/36

- F = Varianz zwischen Stichprobenmitteln Varianz in den Stichproben
- Warum?
- F = Unterschied durch Effekt+Unterschiede durch restliche Varianz
 Unterschied durch restliche Varianz
- Unter Annahme der Ho gibt es keinen Effekt, ...

Wie funktioniert der F-Wert

- ullet $F=rac{ ext{Varianz zwischen Stichprobenmitteln}}{ ext{Varianz in den Stichproben}}$
- Warum?
- F = Unterschied durch Effekt+Unterschiede durch restliche Varianz Unterschied durch restliche Varianz
- Unter Annahme der Ho gibt es keinen Effekt, ...
- also Unterschied durch Effekt = 0

Wie funktioniert der F-Wert

- $F = \frac{\text{Varianz zwischen Stichprobenmitteln}}{\text{Varianz in den Stichproben}}$
- Warum?
- F = Unterschied durch Effekt+Unterschiede durch restliche Varianz
 Unterschied durch restliche Varianz
- Unter Annahme der Ho gibt es keinen Effekt, ...
- also Unterschied durch Effekt = 0
- dann: $F = \frac{\text{o} + \text{Unterschiede durch restliche Varianz}}{\text{Unterschied durch restliche Varianz}} = 1$

15 / 36

• Anzahl der Gruppen x_i : k

- Anzahl der Gruppen x_i: k
- Größe der Gruppen: ni

Roland Schäfer (FSU Jena) Statistikos. ANOVA EGBD3 16/36

- Anzahl der Gruppen x_i: k
- Größe der Gruppen: n_i
- Größe der Gesamtstichprobe X: N

- Anzahl der Gruppen x_i: k
- Größe der Gruppen: n_i
- Größe der Gesamtstichprobe X: N
- Summen der Gruppen: T_i

- Anzahl der Gruppen x_i: k
- Größe der Gruppen: n_i
- Größe der Gesamtstichprobe X: N
- Summen der Gruppen: T_i
- Gesamtsumme: G

- Anzahl der Gruppen x_i: k
- Größe der Gruppen: n_i
- Größe der Gesamtstichprobe X: N
- Summen der Gruppen: T_i
- Gesamtsumme: G
- Mittel (anders als G&W): $\bar{x_i}$, \bar{X}

- Anzahl der Gruppen x_i: k
- Größe der Gruppen: n_i
- Größe der Gesamtstichprobe X: N
- Summen der Gruppen: T_i
- Gesamtsumme: G
- Mittel (anders als G&W): $\bar{x_i}$, \bar{X}
- Summe der Quadrate (=Zähler der Varianz): SQ(x_i), SQ(X)

- Anzahl der Gruppen x_i: k
- Größe der Gruppen: n_i
- Größe der Gesamtstichprobe X: N
- Summen der Gruppen: T_i
- Gesamtsumme: G
- Mittel (anders als G&W): $\bar{x_i}$, \bar{X}
- Summe der Quadrate (=Zähler der Varianz): SQ(x_i), SQ(X)

- Anzahl der Gruppen x_i: k
- Größe der Gruppen: n_i
- Größe der Gesamtstichprobe X: N
- Summen der Gruppen: *T_i*
- Gesamtsumme: G
- Mittel (anders als G&W): $ar{x_i}$, $ar{X}$
- Summe der Quadrate (=Zähler der Varianz): $SQ(x_i)$, SQ(X)

Zur Erinnerung:
$$s^2(x) = \frac{\sum (x - \bar{x})}{n - 1} = \frac{SQ(x)}{df(x)}$$

Varianz ist Varianz beim F-Wert

$$F = rac{ ext{Varianz zwischen den Gruppen}}{ ext{Varianz in den Gruppen}} = rac{ ext{s}_{zwischen}^2}{ ext{s}_{in}^2} = rac{rac{ ext{S}_{zwischen}}{ ext{d}_{zwischen}}}{rac{ ext{S}_{in}^0}{ ext{d}_{in}}}$$

denn

$$\mathbf{S}^2(\mathbf{X}) = \frac{\mathbf{S}Q(\mathbf{X})}{df(\mathbf{X})}$$

17 / 36

Am einfachsten unter Beachtung von:

 $SQ_{gesamt} = SQ_{zwischen} + SQ_{in} \\$

Am einfachsten unter Beachtung von:

$$SQ_{gesamt} = SQ_{zwischen} + SQ_{in}$$

Es gilt:
$$SQ_{gesamt} = SQ(X) = \sum (X - \bar{X})$$

Am einfachsten unter Beachtung von:

$$SQ_{gesamt} = SQ_{zwischen} + SQ_{in}$$

Es gilt:
$$SQ_{gesamt} = SQ(X) = \sum (X - \bar{X})$$

Außerdem:
$$SQ_{in} = \sum SQ(x_i)$$

Am einfachsten unter Beachtung von:

$$SQ_{gesamt} = SQ_{zwischen} + SQ_{in}$$

Es gilt:
$$SQ_{gesamt} = SQ(X) = \sum (X - \bar{X})$$

Außerdem:
$$SQ_{in} = \sum SQ(x_i)$$

Damit:
$$SQ_{zwischen} = SQ_{gesamt} - SQ_{in}$$

SQ_{zwischen} kann man auch direkt ausrechnen:

$$\mathsf{SQ}_{\mathsf{zwischen}} = \sum_{i} (rac{T_{i}^{2}}{\mathsf{n}_{i}}) - rac{\mathsf{G}^{2}}{\mathsf{N}}$$

Aufgabe

$$\begin{aligned} \mathbf{x}_1 &= [0,1,3,1,0] \\ \mathbf{x}_2 &= [4,3,6,3,4] \\ \mathbf{x}_3 &= [1,2,2,0,0] \end{aligned}$$

Bitte alle SQ ausrechnen, inkl. SQ_{zwischen} direkt.

Tipp: Sie brauchen als Vorwissen nur den Stoff der ersten Statistik-Sitzung:

- arithmetisches Mittel
- SQ

Freiheitsgrade ausrechnen

Es gilt auch hier, ähnlich wie bei den SQ:

$$df_{gesamt} = df_{zwischen} + df_{in}$$

$$df_{aesamt} = N - 1$$

$$df_{zwischen} = k - 1$$

$$df_{in} = \sum_{i=1}^{k} (n_i - 1) = (N - 1) - (k - 1)$$

Alles zusammen: F-Wert

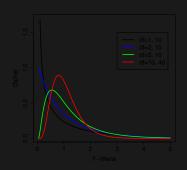
$$F=rac{{{ extsf{SQ}}_{zwischen}}}{{{ extsf{sin}}^2}}=rac{rac{{ extsf{SQ}}_{zwischen}}{{ extsf{df}}_{zwischen}}}{rac{{ extsf{SQ}}_{in}}{{ extsf{df}}_{in}}}$$

Bitte ausrechnen für o.g. Beispiel.

Roland Schäfer (FSU Jena) Statistiko5. ANOVA EGBD3 22/36

Ermitteln der kritischen Werte

F-Verteilung:



In R für $df_{zwischen} = 2$ und $df_{in} = 12$ bei sig=0.05: > qf (0.95, 2, 12) \Rightarrow 3.885294

Roland Schäfer (FSU Jena) Statistiko5. ANOVA EGBD3

23 / 36

Effektstärke

$$\eta^2 = rac{ extsf{SQ}_{ extsf{zwischen}}}{ extsf{SQ}_{ extsf{gesamt}}}$$

(wieder ein r^2 -Maß)

• Problem: Welche Gruppen unterscheiden sich denn nun?

• Problem: Welche Gruppen unterscheiden sich denn nun?

• Lösung: Post(-Hoc)-Tests, z. B. Scheffé-Test:

- Problem: Welche Gruppen unterscheiden sich denn nun?
- Lösung: Post(-Hoc)-Tests, z. B. Scheffé-Test:
 - paarweise ANOVA

- Problem: Welche Gruppen unterscheiden sich denn nun?
- Lösung: Post(-Hoc)-Tests, z. B. Scheffé-Test:
 - paarweise ANOVA
 - ▶ aber: k wird gesetzt wie bei ursprünglicher ANOVA

- Problem: Welche Gruppen unterscheiden sich denn nun?
- Lösung: Post(-Hoc)-Tests, z. B. Scheffé-Test:
 - paarweise ANOVA
 - aber: k wird gesetzt wie bei ursprünglicher ANOVA
 - dadurch Vermeidung kumulierten Alpha-Fehlers (Vorteil ggü. paarweisen t-Tests)

Roland Schäfer (FSU Jena) Statistikos. ANOVA EGBD3 25/36

- Problem: Welche Gruppen unterscheiden sich denn nun?
- Lösung: Post(-Hoc)-Tests, z. B. Scheffé-Test:
 - paarweise ANOVA
 - aber: k wird gesetzt wie bei ursprünglicher ANOVA
 - dadurch Vermeidung kumulierten Alpha-Fehlers (Vorteil ggü. paarweisen t-Tests)
 - weiterer Vorteil: paarweise Post-Tests nur erforderlich, wenn Omnibus-ANOVA bereits Signifikanz gezeigt hat

- Problem: Welche Gruppen unterscheiden sich denn nun?
- Lösung: Post(-Hoc)-Tests, z. B. Scheffé-Test:
 - paarweise ANOVA
 - aber: k wird gesetzt wie bei ursprünglicher ANOVA
 - dadurch Vermeidung kumulierten Alpha-Fehlers (Vorteil ggü. paarweisen t-Tests)
 - weiterer Vorteil: paarweise Post-Tests nur erforderlich, wenn Omnibus-ANOVA bereits Signifikanz gezeigt hat
 - und: Generalisierbarkeit zu mehrfaktorieller ANOVA (geht mi t-Test nicht)

- Problem: Welche Gruppen unterscheiden sich denn nun?
- Lösung: Post(-Hoc)-Tests, z. B. Scheffé-Test:
 - paarweise ANOVA
 - aber: k wird gesetzt wie bei ursprünglicher ANOVA
 - dadurch Vermeidung kumulierten Alpha-Fehlers (Vorteil ggü. paarweisen t-Tests)
 - weiterer Vorteil: paarweise Post-Tests nur erforderlich, wenn Omnibus-ANOVA bereits Signifikanz gezeigt hat
 - und: Generalisierbarkeit zu mehrfaktorieller ANOVA (geht mi t-Test nicht)

- Problem: Welche Gruppen unterscheiden sich denn nun?
- Lösung: Post(-Hoc)-Tests, z. B. Scheffé-Test:
 - paarweise ANOVA
 - aber: k wird gesetzt wie bei ursprünglicher ANOVA
 - dadurch Vermeidung kumulierten Alpha-Fehlers (Vorteil ggü. paarweisen t-Tests)
 - weiterer Vorteil: paarweise Post-Tests nur erforderlich, wenn Omnibus-ANOVA bereits Signifikanz gezeigt hat
 - und: Generalisierbarkeit zu mehrfaktorieller ANOVA (geht mi t-Test nicht)

Bitte ausrechnen für die oben gerechnete ANOVA.

Roland Schäfer (FSU Jena) Statistiko5. ANOVA EGBD3 25/36

Wozu mehrfaktorielle Designs

Oft vermutet man den Einfluss mehrerer Unabhängiger auf eine Abhängige. Beispiel: Satzlängen

		Textsorte		
		Fiktion	Zeitung	Wissenschaft
Jahrhundert	19	X 11	X 12	x_{13}
	20	x_{21}	X 22	\mathbf{X}_{23}

Hier also: $2 \cdot 3 = 6$ Gruppen

26 / 36

erste ANOVA zwischen Zeilen

- erste ANOVA zwischen Zeilen
- zweite ANOVA zwischen Spalten

- erste ANOVA zwischen Zeilen
- zweite ANOVA zwischen Spalten
- 🔞 dritte ANOVA für Interaktionen zwischen Zeilen und Spalten

- erste ANOVA zwischen Zeilen
- zweite ANOVA zwischen Spalten
- g dritte ANOVA für Interaktionen zwischen Zeilen und Spalten
- Interaktion: Ungleichverteilung in Gruppen, die nicht durch die Spalten- und Zeileneffekte erklärt werden kann

Ablauf der zweifaktoriellen ANOVA

- erste ANOVA zwischen Zeilen
- zweite ANOVA zwischen Spalten
- g dritte ANOVA für Interaktionen zwischen Zeilen und Spalten
- Interaktion: Ungleichverteilung in Gruppen, die nicht durch die Spalten- und Zeileneffekte erklärt werden kann
- Alle drei ANOVAs sind unabhängig voneinander!

Komponenten der zweifaktoriellen ANOVA

• Gesamtvarianz = Varianz zwischen Gruppen + Varianz in den Gruppen

Komponenten der zweifaktoriellen ANOVA

- Gesamtvarianz = Varianz zwischen Gruppen + Varianz in den Gruppen
- Varianz zwischen den Gruppen = Haupt-Faktoren-Varianz + Interaktions-Varianz

Komponenten der zweifaktoriellen ANOVA

- Gesamtvarianz = Varianz zwischen Gruppen + Varianz in den Gruppen
- Varianz zwischen den Gruppen = Haupt-Faktoren-Varianz + Interaktions-Varianz
- Haupt-Faktoren-Varianz =
 Varianz zwischen Faktor A-Gruppen +
 Varianz zwischen Faktor B-Gruppen

Schritt 1(1): SQ/df zwischen den Gruppen

Jede Zelle der Tabelle ist eine Gruppe.

$$extsf{SQ}_{zwischen} = \sum\limits_i (rac{T_i^2}{n_i}) - rac{G^2}{N} \ df_{zwischen} = k-1$$
 (k = Anzahl der Zellen/Gruppen)

Beachte: Keine Änderung verglichen mit einfaktorieller ANOVA!

Schritt 1(2): SQ/df in den Gruppen

Jede Zelle der Tabelle ist eine Gruppe.

$$\begin{array}{l} SQ_{in} = \sum SQ(x_i) \\ df_{in} = \sum df(x_i) \end{array}$$

Beachte: Keine Änderung verglichen mit einfaktorieller ANOVA!

Schritt 2(2): SQ/df für Gruppe A

Berechnung nach dem Schema für Zwischen-Gruppen-Varianz

		Textsorte			
		Fiktion	Zeitung	Wissenschaft	
Jahrhundert	19	X 11	X ₁₂	X 13	A_1
	20	\mathbf{x}_{21}	x_{22}	x_{23}	A_2

Auch hier keine wesentliche Änderung:

$$extstyle extstyle SQ_{\mathsf{A}} = \sum_i (rac{ au_{A_i}^2}{n_{A_i}}) - rac{ extstyle G^2}{ extstyle N}$$
 $df_{\mathsf{A}} = k_{\mathsf{A}} - 1$ (k_{A} = Anzahl der Zeilen)

Statistiko₅. ANOVA EGBD3 31 / 36

Schritt 2(2): SQ/df für Gruppe A

Berechnung nach dem Schema für Zwischen-Gruppen-Varianz

		Textsorte		
		Fiktion	Zeitung	Wissenschaft
Jahrhundert	19	X 11	X 21	X 31
	20	X_{12}	X_{22}	X_{32}
		B_1	B_2	B_3

Auch hier keine Änderung:

$$SQ_B=\sum\limits_i(rac{ au_{B_i}^2}{n_{B_i}})-rac{G^2}{N}$$
 $df_B=k_B-1$ (k_B = hier Anzahl der Spalten)

Roland Schäfer (FSU Jena) Statistiko5. ANOVA EGBD3 32 / 36

Schritt 2(3): SQ/df für Interaktion $A \times B$

Die Varianz, die auf Kosten der Interaktion geht, ist die Zwischen-Gruppen-Varianz ohne die Einzelfaktor-Varianz.

$$SQ_{A imes B} = SQ_{zwischen} - SQ_A - SQ_B \ df_{A imes B} = df_{zwischen} - df_A - df_B$$

Roland Schäfer (FSU Jena) Statistiko5. ANOVA EGBD3 33 / 36

Alle drei F-Werte ausrechnen

Die zweifaktorielle ANOVA erfordert wie gesagt drei Einzel-ANOVAs.

$$F_A = rac{rac{SQ_A}{df_A}}{rac{SQ_{zwischen}}{df_{zwischen}}} = rac{S_A^2}{S_{zwischen}^2}$$

$$F_B = rac{rac{SQ_A}{df_B}}{rac{SQ_{zwischen}}{df_{zwischen}}} = rac{s_B^2}{s_{zwischen}^2}$$

$$F_{A imes B} = rac{rac{SQ_A imes B}{df_{A imes B}}}{rac{SQ_{zwischen}}{dJ_{zwischen}}} = rac{S_{A imes B}^2}{S_{zwischen}^2}$$

34/36

Effektstärken

Entsprechend sind drei η^2 auszurechnen:

$$\eta_{\mathrm{A}}^2 = rac{\mathrm{SQ_A}}{\mathrm{5Q_{gesamt} - SQ_B - SQ_{A imes B}}}$$
 $\eta_{\mathrm{B}}^2 = rac{\mathrm{SQ_B}}{\mathrm{5Q_{gesamt} - SQ_A - SQ_{A imes B}}}$ $\eta_{\mathrm{A imes B}}^2 = rac{\mathrm{SQ_{A imes B}}}{\mathrm{5Q_{gesamt} - SQ_A - SQ_B}}$

Wir fragen jeweils, welchen Anteil an der Varianz, die die anderen beiden Faktoren nicht erklären, der jeweilige dritte Faktor hat.

Das jetzt alles zusammen

Bitte vollständige zweifaktorielle ANOVA bei sig=0.05 und sig=0.01 rechnen:

	B1	B2	В3
A1	1, 3, 1, 4	4, 3, 3, 6	8, 6, 8, 10
A2	8, 6, 6, 8	1, 6, 8, 1	1, 4, 1, 4

Literatur I

Bortz, Jürgen & Christof Schuster. 2010. Statistik für Human- und Sozialwissenschaftler. 7. Aufl. Berlin: Springer.

Gravetter, Frederick J. & Larry B. Wallnau. 2007. Statistics for the Behavioral Sciences. 7. Aufl. Belmont: Thomson.

EGBD3

37 / 36

Maxwell, Scott E. & Harold D. Delaney. 2004. Designing experiments and analyzing data: a model comparison perspective. Mahwa, New Jersey, London: Taylor & Francis.

Autor

Kontakt

Prof. Dr. Roland Schäfer Institut für Germanistische Sprachwissenschaft Friedrich-Schiller-Universität Jena Fürstengraben 30 07743 Jena

https://rolandschaefer.netroland.schaefer@uni-jena.de

Lizenz

Creative Commons BY-SA-3.0-DE

Dieses Werk ist unter einer Creative Commons Lizenz vom Typ Namensnennung - Weitergabe unter gleichen Bedingungen 3.0 Deutschland zugänglich. Um eine Kopie dieser Lizenz einzusehen, konsultieren Sie

http://creativecommons.org/licenses/by-sa/3.0/de/ oder wenden Sie sich brieflich an Creative Commons, Postfach 1866, Mountain View, California, 94042, USA.