Solucion de Ecuaciones No Lineales

Rubn Cuadra A01019102

May 4, 2016

Abstract

Manual de usuario: 'aproxima.m', el objetivo de este texto es documentar la implementacion 2 metodos tales como Interpolacion y metodo del minimo cuadrado para obtener coeficientes de polinomios.

0.1 Introduccion

El codigo consiste en un archivo llamado de la misma manera que la funcion el cual recibe 5 argumentos y nos regresa 2 respuestas y una grafica

```
function [A E] = aproxima(x, y, n, o, p)
```

 ${\bf X}$ Es un vector ordenado que contiene los componentes x de los puntos por los que pasara el polinomio ${\bf Y}$ Es un vector ordenado que contiene los componentes y de los puntos por los que pasara el polinomio ${\bf N}$ Es el grado del polinomio que deseamos obtener. ${\bf O}$ Es una bandera True(1) o False(0),Donde True nos generara el poliniomio por el metodo de minimio cuadrado, mientras que un falso lo obtendra con interpolacion ${\bf P}$ Son una serie de valores en X. Una vez que se obtiene el polinomio se evalua con estos puntos en X

0.2 Comprension del algoritmo

0.2.1 Interpolacion

La interpolacion nos genera un polinomio de grado n donde n = numero de puntos -1. El ejemplo mas claro es cuando uno tiene 2 puntos, se necesitara una recta para unirlos(Grado 1).

Paso 1

Inicializar matriz vacia

Paso 2

Iteramos por cada valor en el Vector X

Paso 3

Agregamos a la matriz nueva de nxn el vector $xActual^totalDeVectores-iteracionActual$

Paso 4

En este punto tendremos una matriz b con 'Resultados' que queremos, despejamos Ax=b y nos dara que los coeficientes(x)=inv(A)*b. Realizamos esta operación

Paso 5

Regresamos los coeficientes

0.2.2 Minimo Cuadrado

El minimo cuadrado consiste en realizar regresiones a traves de iteraciones para generar una funcion del grado deseado

Paso 1

Obtener la cantidad de vectores en X

Paso 2

Generamos un vector b que contenga la Suma de potencias en X por Y(Iteracion hasta grado deseado)

Paso 3

Generamos otro vector p que tendra las potencias en X(Iteracion hasta grado deseado)

Paso 4

Movemos el Vector p a una matriz denominada A(Iteración hasta grado deseado)

Paso 5

Obtenemos la inv(A)*b ,donde tendremos los coeficientes del polinomio

0.2.3 Aproxima - Grafica

Despues de obtener los coeficientes por alguno de los dos metodos procedemos a graficar

Paso 1

Obtenemos un vector ordenado P con los resultados de evaluar los puntos extras en el polinomio generado por los metodos anteriores

Paso 2

Evaluamos el polinomio en intervalos de cada 0.05 , el origen lo define el valor minimo entre el vector X y el vector de puntos extra, asi como el final lo define el maximo de estos mismos

Paso 3

Inicializamos un plot que pinte de rojo todo el polinomio, de inicio a fin cada 0.05 lugares

Paso 4

A la recta le pintamos los vectores (x,y) que nos dieron en un inicio, de color negro con una X

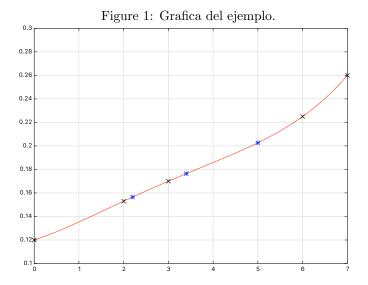
Paso 5

Agregamos los puntos extra que ya evaluamos, se pintan en azul con un *

Al final se regresan 2 valores, ${\bf A}$, que es el vector de Coeficientes y ${\bf E}$ que nos mandara un 1 si no se puede realizar la interpolación con el grado de polinomio solicitado

0.3 Ejemplo

Mandamos a llamar la funcion desde un archivo main.m. Usando los argumentos:



```
\begin{array}{l} X = \left[ 0 \;,\; 2,\; 3,\; 6,\; 7 \right]; \\ Y = \left[ 0.120 \,,\; 0.153 \,,\; 0.170 \,,\; 0.225 \,,\; 0.260 \right]; \\ N = \; 4; \\ O = \; 0; \\ P = \left[ 2.2 \,,\; 3.4 \,,\; 5.0 \right]; \end{array}
```

Llamamos la funcion:

$$[A~E]~=~aproxima\left(X,Y,N,O,P\right)$$

y nos devolveria

$$\begin{array}{l} A &= [1.2000\,e\,{-}01\\ &1.2533\,e\,{-}02\\ &3.8278\,e\,{-}03\\ &-1.1333\,e\,{-}03\\ &1.0556\,e\,{-}04] \end{array}$$
 $E = 0$

0.4 Conclusion

Es un modulo portable que posee varias excepciones, esta facil de implementar y todo bien bien comentado

 $^{^{0}\}mathrm{Los}$ acentos no se pudieron agregar por cuestion de la codificacion