Computação Gráfica e Interfaces

2017-2018 Fernando Birra



Transformações Geométricas (Exercícios)

2017-2018 Fernando Birra



Transformação de Enquadramento (2D)

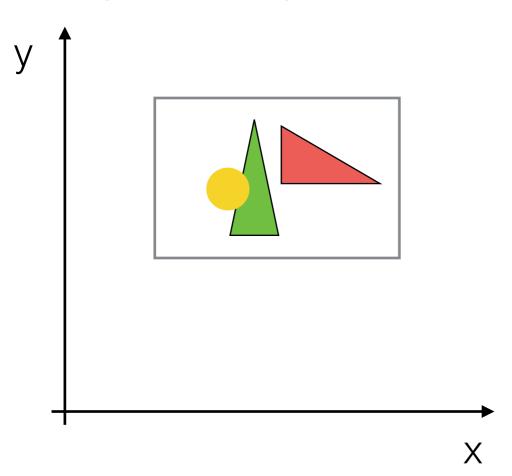
- Um problema recorrente na visualização 2D, é o da passagem do referencial do mundo (World Coordinates), para o referencial do dispositivo (Device Coordinates) onde se vai proceder à visualização.
- Como a superfície de visualização (dispositivo) possui uma área limitada, com forma retangular, o problema pode ser colocado como uma transformação duma área retangular definida em WC, designada por janela (window), numa outra, também retangular, definida em DC e designada por visor (viewport)

Transformação de Enquadramento (2D)

- Dada uma janela definida em WC, bem como um visor, definido em DC (Device coordinates), determinar a transformação geométrica que transforma pontos do modelo (WC) para as suas posições no dispositivo (DC).
- A definição, quer da janela, quer do visor, é feita através dos seus limites.
- Distinguir 2 casos:
 - A. Dispositivo com origem no canto inferior esquerdo;
 - B. Dispositivo com origem no canto superior esquerdo.

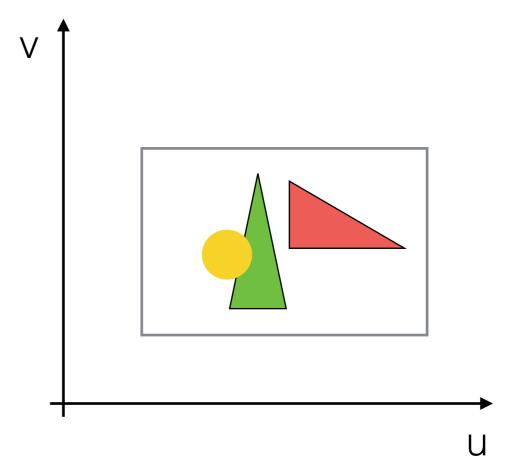


WC - World Coordinates



Referencial associado ao modelo/cena que se pretende visualizar. As coordenadas são dependentes do problema e podem ser dadas em metros, centímetros, unidades astronómicas, anos luz, microns, etc.

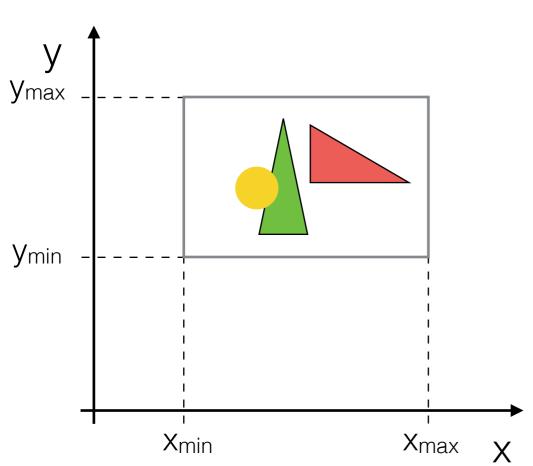
DC - Device Coordinates



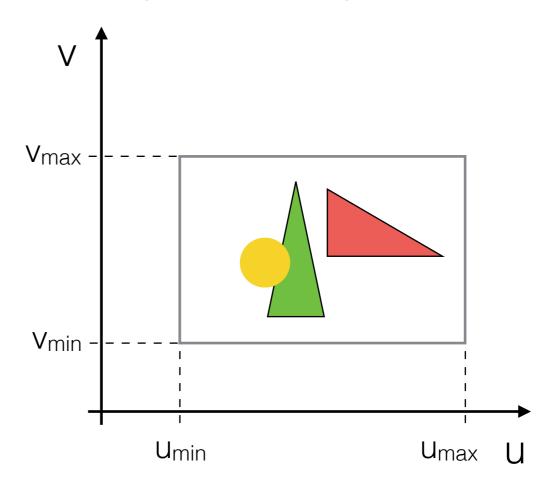
Referencial associado ao dispositivo ou a uma área disponível do mesmo. Exemplos: ecrã, janela duma aplicação no ecrã, canvas numa página HTML, página A4 numa impressora, etc.

As coordenadas são as do dispositivo.

WC - World Coordinates



DC - Device Coordinates

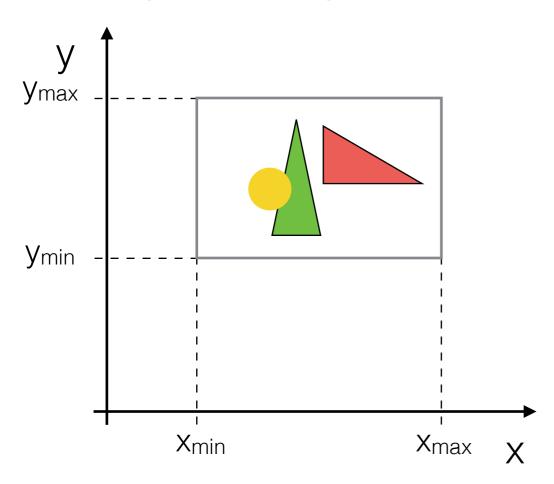


Limites da janela

Limites do visor



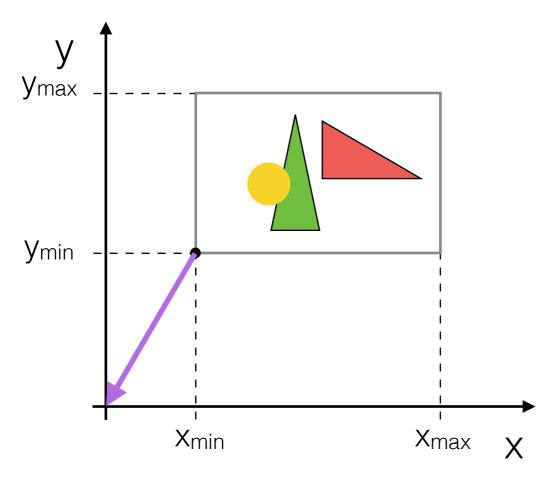
WC - World Coordinates



Escolher um **ponto de referência** (por exemplo, o canto inferior esquerdo) e **aplicar uma translação** para o colocar na **origem** do referencial



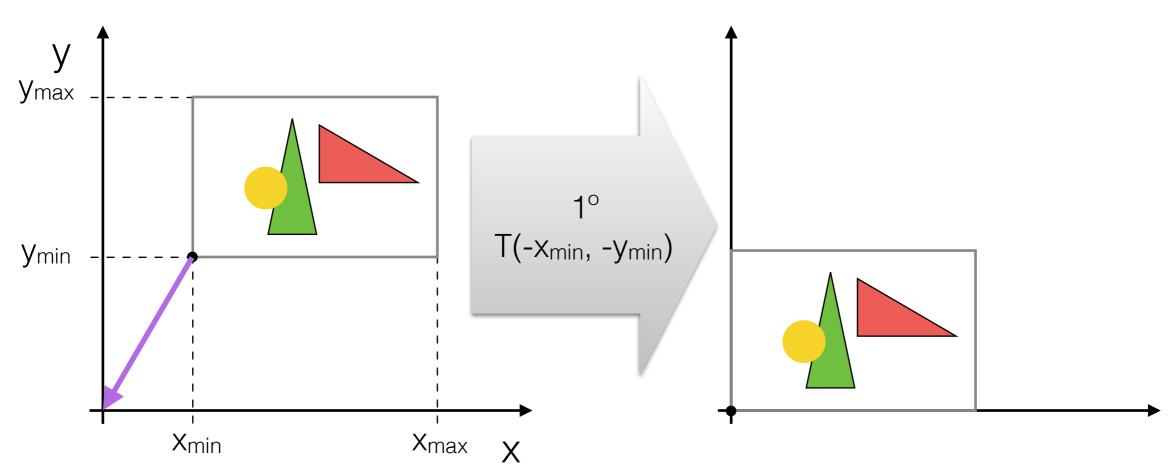
WC - World Coordinates



Escolher um **ponto de referência** (por exemplo, o canto inferior esquerdo) e **aplicar uma translação** para o colocar na **origem** do referencial

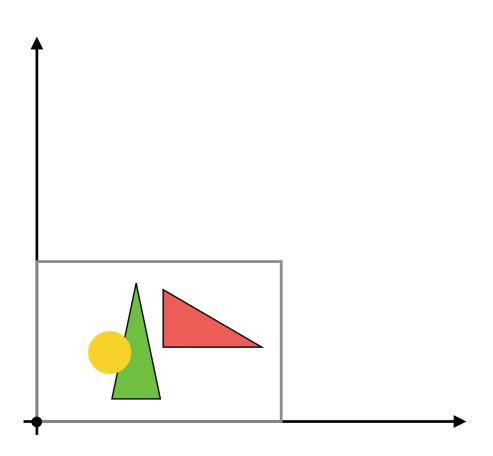


WC - World Coordinates

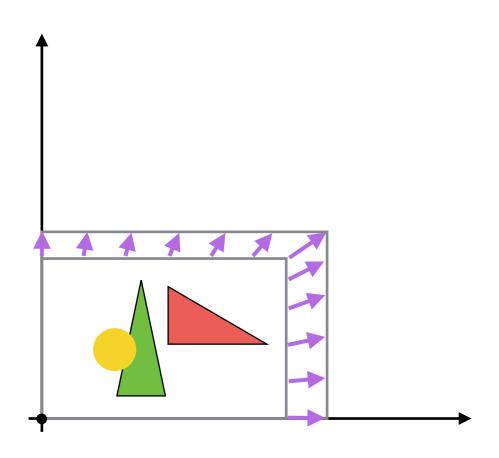


Escolher um **ponto de referência** (por exemplo, o canto inferior esquerdo) e **aplicar uma translação** para o colocar na **origem** do referencial

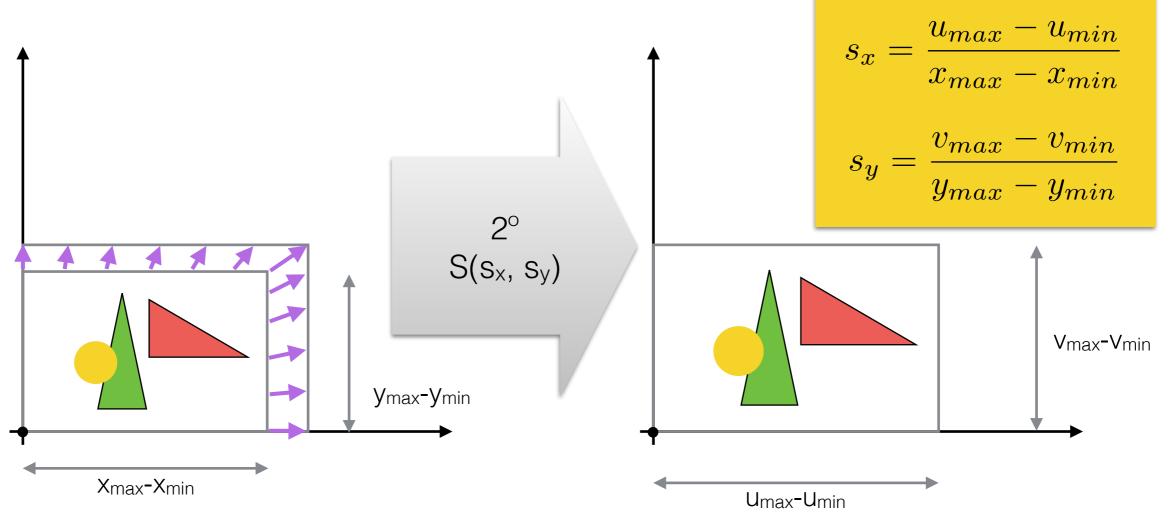
O nosso retângulo inicial está agora, com as mesmas dimensões iniciais, mas com o ponto de referência na origem do referencial



Aplicar uma mudança de escala para transformar as dimensões do retângulo inicial nas dimensões do retângulo final

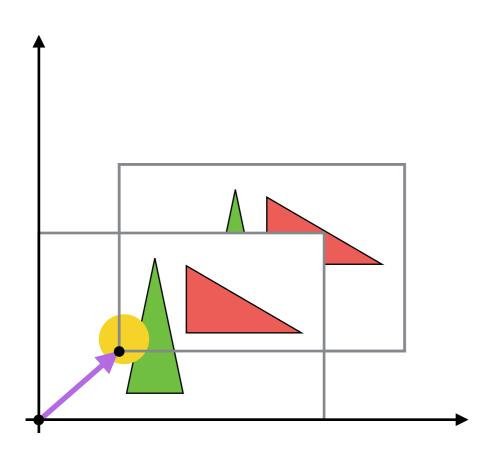


Aplicar uma mudança de escala para **transformar as dimensões** do retângulo inicial nas dimensões do retângulo final

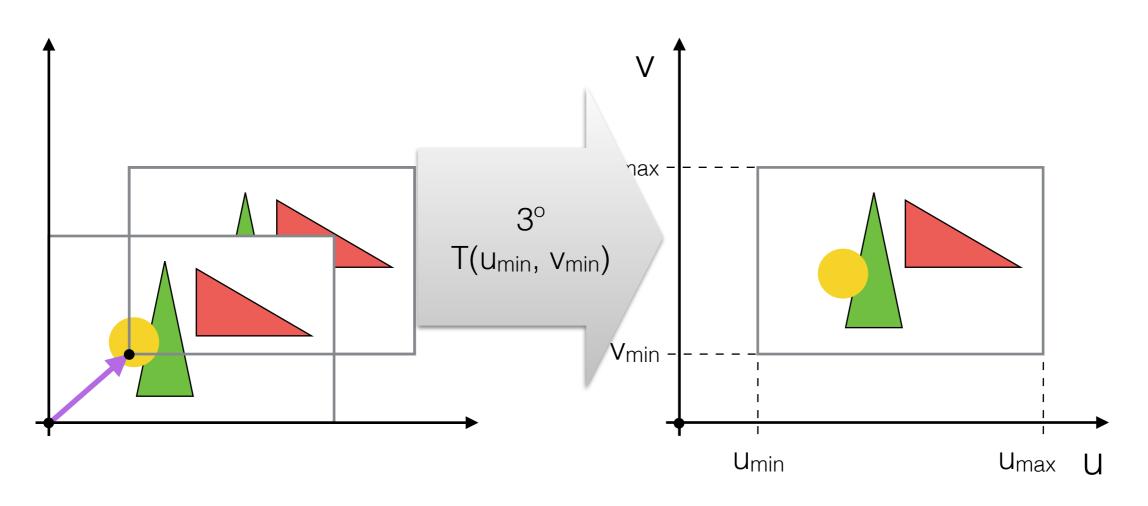


Aplicar uma mudança de escala para transformar as dimensões do retângulo inicial nas dimensões do retângulo final

O retângulo continua com o ponto de referência na origem, mas já possui as dimensões finais pretendidas

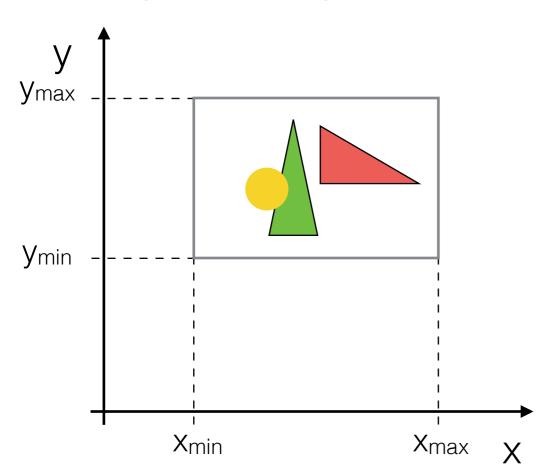


Basta agora deslocar o retângulo para a sua posição final. O ponto de referência, agora na origem, deve deslocar-se para (umin, Vmin)



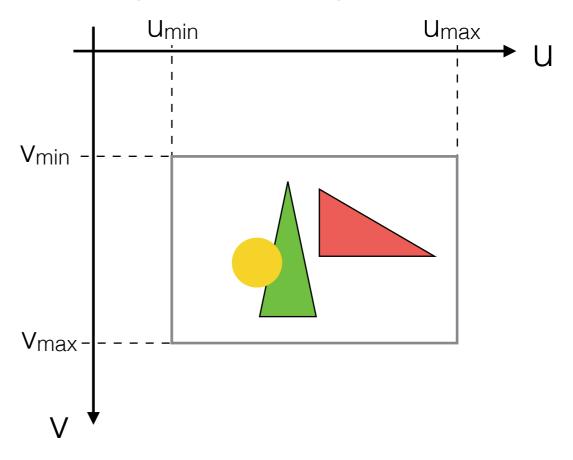
Basta agora deslocar o retângulo para a sua posição final. O ponto de referência, agora na origem, deve deslocar-se para (u_{min}, v_{min})

WC - World Coordinates



Referencial associado ao modelo/cena que se pretende visualizar. As coordenadas são dependentes do problema e podem ser dadas em metros, centímetros, unidades astronómicas, anos luz, microns, etc.

DC - Device Coordinates

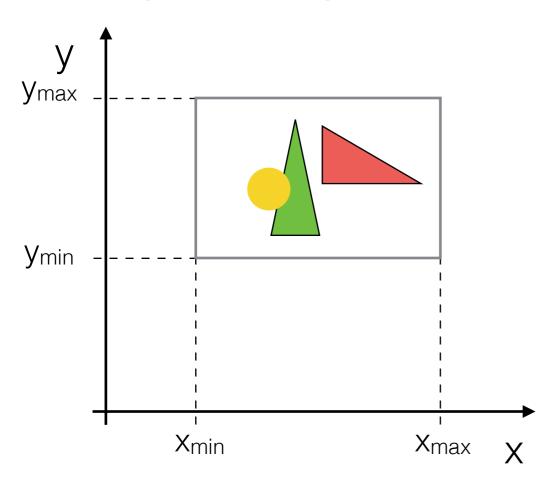


Referencial associado ao dispositivo ou a uma área disponível do mesmo. Exemplos: ecrã, janela duma aplicação no ecrã, canvas numa página HTML, página A4 numa impressora, etc.

As coordenadas são as do dispositivo.

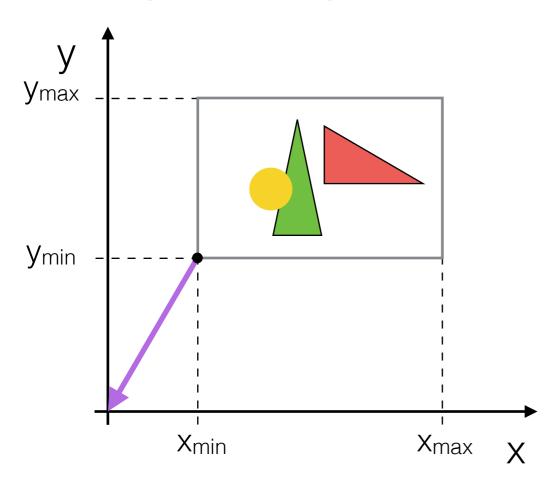


WC - World Coordinates



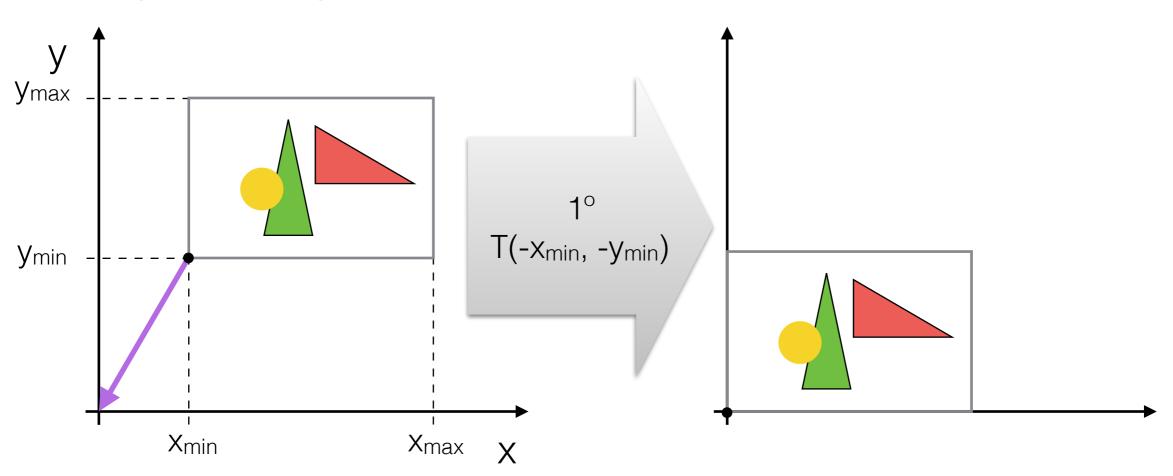
Escolher um **ponto de referência** (por exemplo, o canto inferior esquerdo) e **aplicar uma translação** para o colocar na **origem** do referencial

WC - World Coordinates



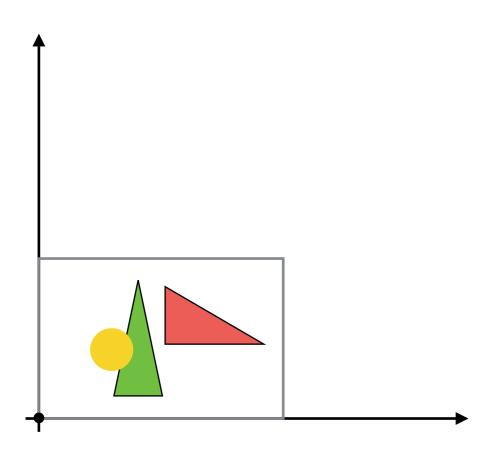
Escolher um **ponto de referência** (por exemplo, o canto inferior esquerdo) e **aplicar uma translação** para o colocar na **origem** do referencial

WC - World Coordinates

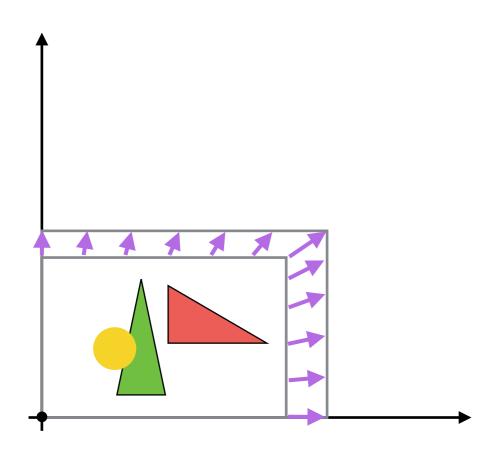


Escolher um **ponto de referência** (por exemplo, o canto inferior esquerdo) e **aplicar uma translação** para o colocar na **origem** do referencial

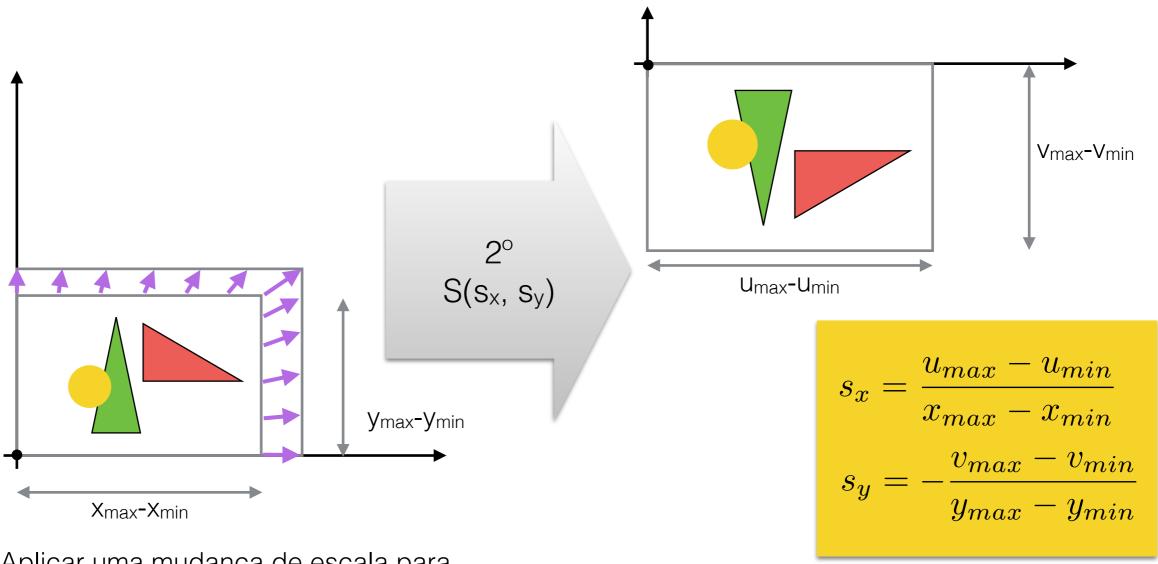
O nosso retângulo inicial está agora, com as mesmas dimensões iniciais, mas com o ponto de referência na origem do referencial



Aplicar uma mudança de escala para **transformar as dimensões** do retângulo inicial nas dimensões do retângulo final

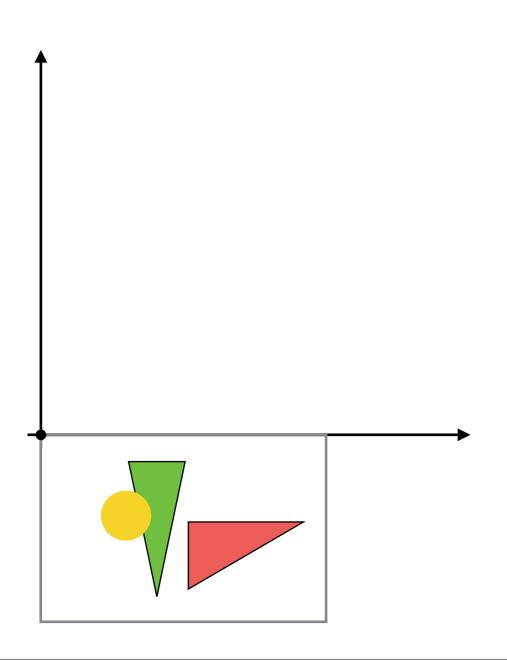


Aplicar uma mudança de escala para **transformar as dimensões** do retângulo inicial nas dimensões do retângulo final

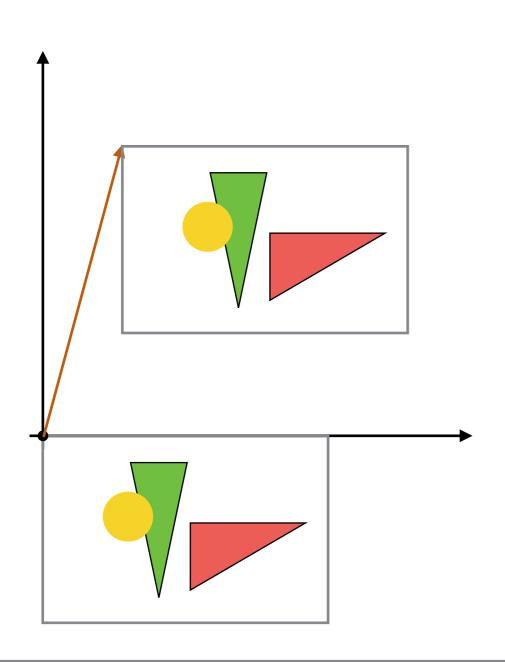


Aplicar uma mudança de escala para **transformar as dimensões** do retângulo inicial nas dimensões do retângulo final

Mas com um fator negativo no eixo y...

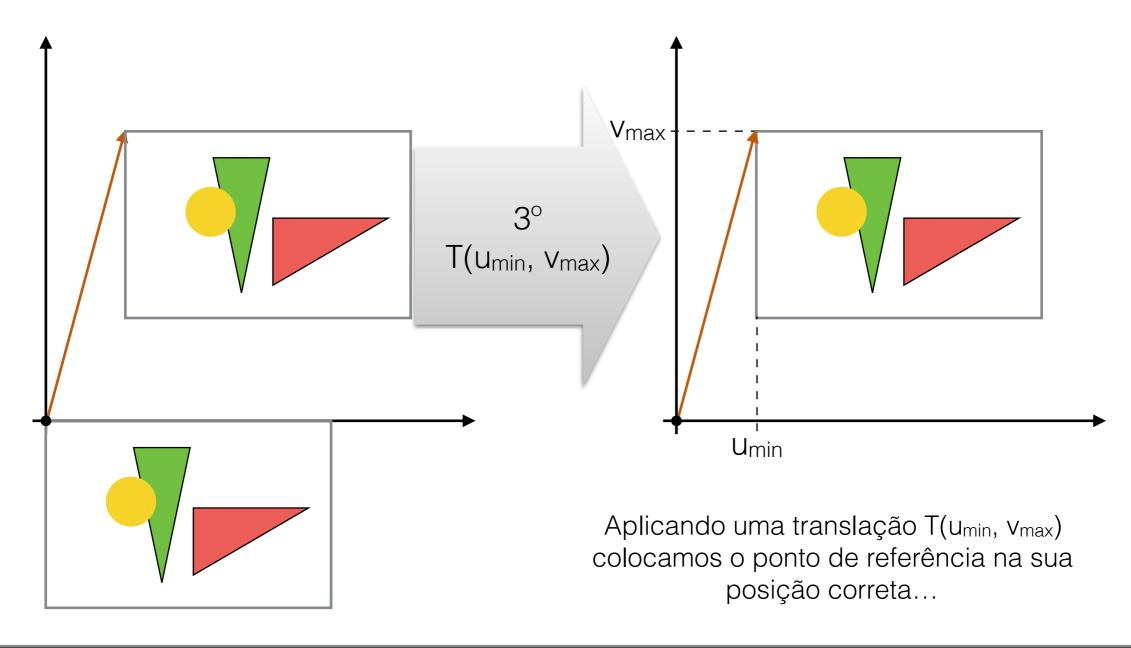


O ponto de referência está na origem, mas a sua posição final deveria ser (u_{min}, v_{max})...

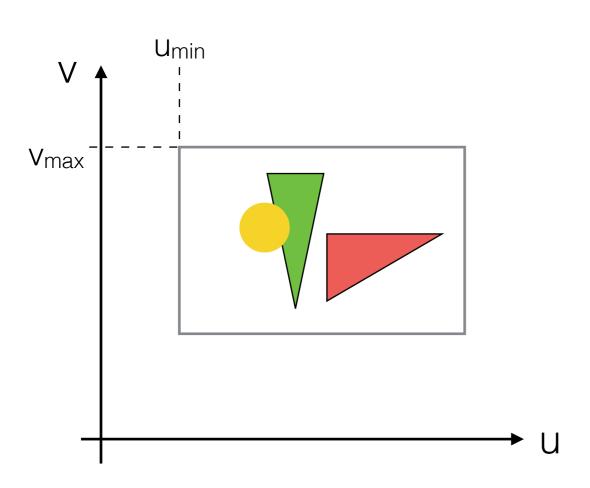


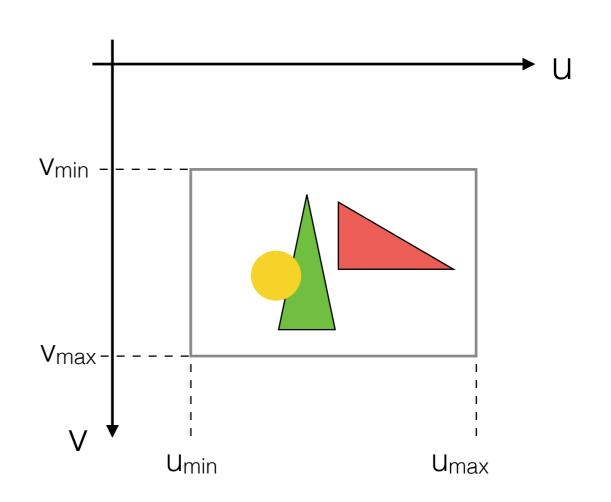
O ponto de referência está na origem, mas a sua posição final deveria ser (u_{min}, v_{max})...

Aplicando uma translação T(u_{min}, v_{max}) colocamos o ponto de referência na sua posição correta...



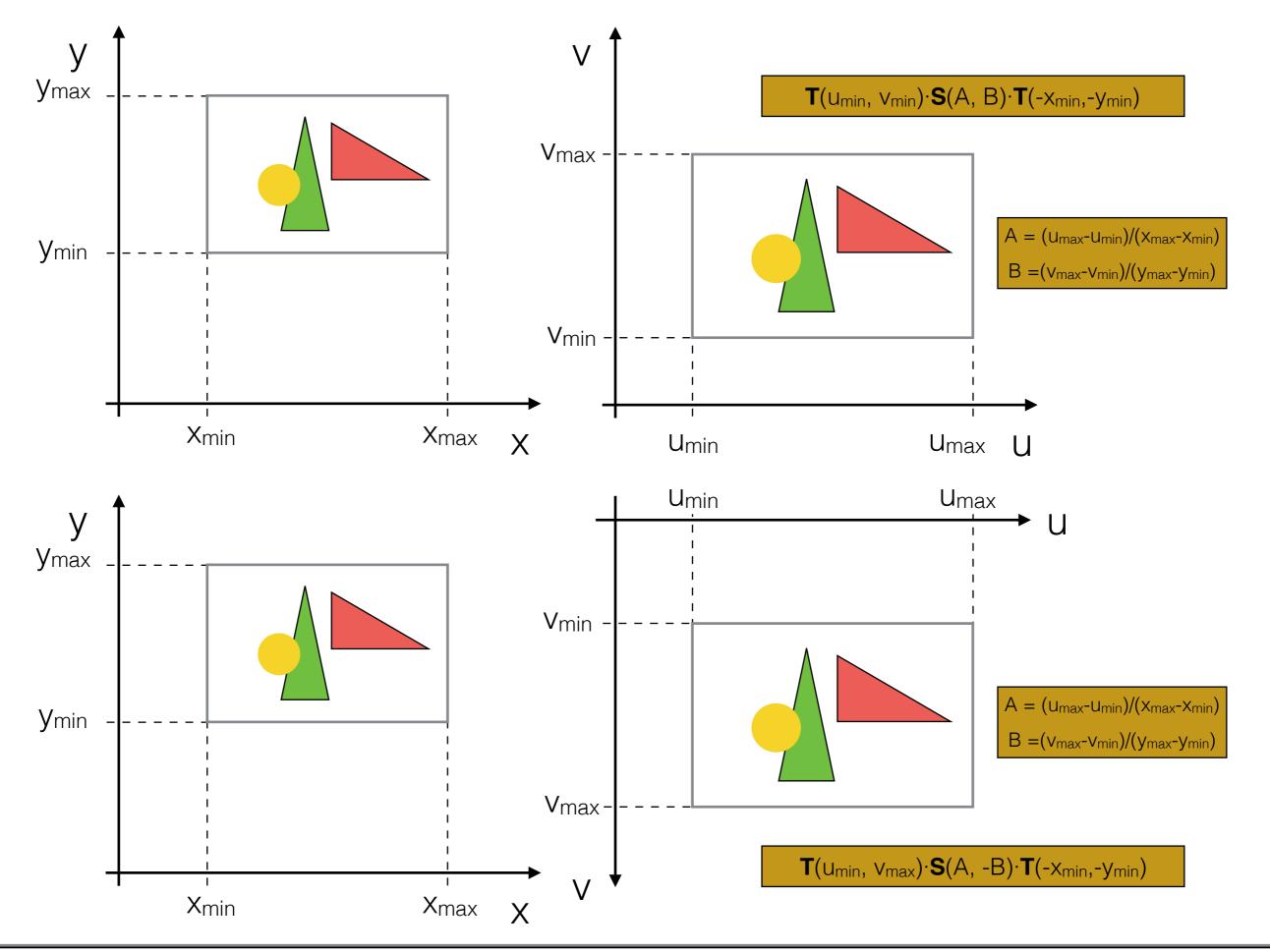






A nossa imagem está neste momento invertida...

Felizmente o dispositivo, como tem o eixo y invertido, irá colocar a imagem com a orientação correcta!



Conclusão

 No mapeamento Janela

Visor pode usar-se qualquer ponto para referência, não necessitando ser forçosamente o canto inferior esquerdo da janela.

Normalmente, o que dita o ponto que se escolhe, é o ponto para o qual, no visor, se conhecem bem as suas coordenadas finais.

A sequência de transformações resulta numa matriz M (para usar na operação M.p, para transformar um ponto p), e é sempre do tipo M=T.S.T. No caso geral, de janelas e visores com orientação arbitrária, seria do tipo M = T.R.S.R.T

Exercício

O conteúdo duma janela, definida em WC pelos seus limites $40 \le x \le 60$ e ymin $\le y \le 100$, deverá ser mapeado num ecrã dum telemóvel, ao alto, de dimensões 480x960 em DC, ocupando a maior área possível, encostado ao canto superior direito, sem deformação e sem recorte, e tendo o cuidado de não ocupar uma faixa com 160 pixéis de altura na base desse mesmo ecrã. Como habitual, o referencial do ecrã tem a origem no canto superior esquerdo.

- a) Indique, justificando, as dimensões do visor pretendido, bem como os limites da janela correspondente
- b) Especifique matematicamente o enquadramento Janela-Visor em causa, através duma matriz M (a usar na forma P'=M.P), deduzida e apresentada em termos duma composição natural de transformações geométricas elementares (S,R ou T) em 2D, com instanciação apropriada de todos os parâmetros (Nota: sempre que for o caso, indique, em parâmetro, os cálculos aritméticos necessários, mas sem os efetuar).
- c) Suponha agora que se pretende ocupar todo o ecrã com o visor. Indique que modificações faria por forma a que os gráficos visualizados nas condições da alínea b) se mantivessem no mesmo local e com a mesma dimensão.

Resolução

Resolvido no quadro...