Linhas Cónicas

O gráfico a duas dimensões de uma equação do 2º grau em x e y

$$Ax^2 + Bxy + Cy^2 + Dx + Ey + F = 0$$

é uma secção cónica.

Classificação de Cónicas

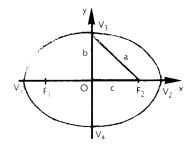
Elipse

Sejam F_1 e F_2 dois pontos determinados do plano XY à distância 2c. O conjunto dos pontos desse plano cuja soma das distâncias a F_1 e F_2 é igual a 2a, com a>c chama-se elipse. F_1 e F_2 dizem-se os focos da elipse.

Equação reduzida:

$$\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$$

$$\mathbf{a}^2 = \mathbf{b}^2 + \mathbf{c}^2$$



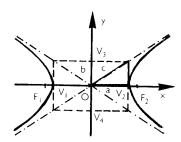
Hipérbole

Sejam F₁ e F₂ dois pontos determinados do plano XY à distância 2c. O conjunto dos pontos desse plano cujo módulo da diferença das distâncias a F₁ e F₂ é igual a 2a, com a<c chama-se hipérbole. F₁ e F₂ dizem-se os focos da hipérbole.

Equação reduzida:

$$\boxed{\frac{\mathbf{x}^2}{\mathbf{a}^2} - \frac{\mathbf{y}^2}{\mathbf{b}^2} = 1}$$

$$a^2 + b^2 = c^2$$



Parábola

Seja d uma recta do plano XY e F um ponto desse plano não pertencente a d. O conjunto dos pontos P do plano equidistantes de d e de F chama-se parábola. F diz-se o foco da parábola e d a directriz.

Equação reduzida:

$$\mathbf{x}^2 = 2\mathbf{p}\mathbf{y}$$
 p = distância do foco à directriz

