

Departamento de Matemática  
Criptografia

Faculdade de Ciências e Tecnologia — UNL  
05/06/2019  
Teste

**DURAÇÃO DO TESTE: 1 HORA**

0	0	0	0	0
1	1	1	1	1
2	2	2	2	2
3	3	3	3	3
4	4	4	4	4
5	5	5	5	5
6	6	6	6	6
7	7	7	7	7
8	8	8	8	8
9	9	9	9	9

← Marque o seu número de aluno preenchendo completamente os quadrados respectivos da grelha ao lado (■) e escreva o nome completo, o número e o curso abaixo.

Nome: .....

.....

Número: ..... Curso: .....

Para cada questão 1-6 existe uma e apenas uma resposta certa. Marque a resposta certa preenchendo completamente o quadrado respectivo (■) com caneta azul ou preta. Cada resposta certa vale 0,5 valores. Cada resposta errada desconta 0,2 valores. Marcações múltiplas anulam a questão.

Das questões 7, 8 e 9 escolha uma sobre um tema diferente do seminário que apresentou e responda apenas a essa. Vale 1 valor.

**Questão 1** A máquina Enigma foi criada e usada

- ☐ a na antiga Grécia.
- ☒ b no período que engloba a segunda Guerra Mundial.
- ☐ c no período que engloba a primeira Guerra Mundial.
- ☐ d na segunda metade do século XX .

**Questão 2** A máquina Enigma

- ☒ a usa a técnica de substituição, mas não de transposição.
- ☐ b não usa substituição nem transposição.
- ☐ c usa a técnica de transposição, mas não de substituição.
- ☐ d usa ambas as técnicas — substituição e transposição.

**Questão 3** No DES cada S-box transforma

- ☐ a 8 bits em 4 bits.
- ☒ b 6 bits em 4 bits.
- ☐ c 4 bits em 6 bits.
- ☐ d 4 bits em 8 bits.

## RESPOSTAS CORRETAS

**Questão 4** Para aplicar o Fast Powering Algorithm ao cálculo de  $g^a \pmod n$  precisamos conhecer a expansão binária de:

☐ a.  $g$ .

☐ b.  $n$ .

☐ c. nenhuma das restantes opções.

☒ d.  $a$ .

**Questão 5** O problema do logaritmo discreto, formulado com base na equação  $g^x \equiv h \pmod p$ , consiste em:

☐ a. Conhecendo  $x, h, p$  determinar  $g$ .

☐ c. Conhecendo  $g, x, p$  determinar  $h$ .

☒ b. Conhecendo  $g, h, p$  determinar  $x$ .

☐ d. Conhecendo  $g, x, h$  determinar  $p$ .

**Questão 6** O teorema de Euler permite afirmar que, sendo  $p$  e  $q$  primos distintos,

$$a^{(p-1) \cdot (q-1)} \equiv 1 \pmod{p \cdot q}$$

qualquer que seja o  $a$  satisfazendo:

☒ a.  $\text{mdc}(a, p \cdot q) = 1$ .

☐ c.  $\text{mdc}(a, p) = 1$ .

☐ b.  $\text{mdc}(a, (p-1) \cdot (q-1)) = 1$ .

☐ d.  $\text{mdc}(a, p-1) = 1$ .

Note que mdc abrevia *máximo divisor comum*.

**Questão 7**

Enuncie e demonstre o teorema de Fermat.

**Questão 8**

Descreva detalhadamente o protocolo de Diffie-Hellman, explicando pontos fortes e vulnerabilidades.

**Questão 9**

Descreva detalhadamente o RSA, explicando em que problema é que assenta, pontos fortes e vulnerabilidades.