



Departamento de Matemática  
Criptografia

Faculdade de Ciências e Tecnologia — UNL  
8/7/2018 Exame Final

Número de aluno

0	0	0	0	0
1	1	1	1	1
2	2	2	2	2
3	3	3	3	3
4	4	4	4	4
5	5	5	5	5
6	6	6	6	6
7	7	7	7	7
8	8	8	8	8
9	9	9	9	9

← Marque o seu número de aluno preenchendo completamente os quadrados respectivos da grelha ao lado (■) e escreva o nome completo, o número e o curso abaixo.

Nome: ... Ricardo Nazir ...
Curso: ... MIEI ...
Número de aluno: ... 48057 ...

O exame é composto por 10 questões de escolha múltipla. Nas questões marque a resposta certa preenchendo completamente o quadrado respectivo (■) com caneta azul ou preta, cada resposta certa vale 0,5 valores, cada resposta errada desconta 0,2 valores e marcações múltiplas anulam a questão. Se a soma das classificações das questões de escolha múltipla der um número negativo, será atribuído 0 valores como resultado final.

**Questão 1** Considere o grupo  $\mathbb{Z}/n\mathbb{Z}$ . Pode-se definir uma multiplicação tal que  $\mathbb{F}_n$  é um corpo se, e só se:

- |   |  |
|---|--|
| <input type="checkbox"/> $n$ é um número primo ímpar. | <input type="checkbox"/> $n$ é um número primo.                            |
| <input type="checkbox"/> $n$ é um número par.         | <input checked="" type="checkbox"/> $n$ é uma potência de um número primo. |

**Questão 2** Os princípios de *Kerckhoff* são princípios que todos os sistemas criptográficos devem satisfazer. Um princípio de Kerckhoff fundamental diz que a *segurança de um sistema criptográfico deve depender*:

- |   |
|---|
| <input checked="" type="checkbox"/> só da chave, mas não do segredo do algoritmo. |
| <input type="checkbox"/> do segredo da chave e do segredo do algoritmo.           |
| <input type="checkbox"/> só do segredo do algoritmo, mas não do segredo da chave. |
| <input type="checkbox"/> só da complexidade da encriptação.                       |

**Questão 3** Qual destes protocolos criptográficos é *assimétrico*?

- |   |                                   |
|---|-----------------------------------|
| <input checked="" type="checkbox"/> ElGamal | <input type="checkbox"/> Vigenère |
| <input type="checkbox"/> AES                | <input type="checkbox"/> DES      |

**Questão 4**

O *Discrete Logarithm Problem (DLP)* para a congruência  $g^x \equiv h \pmod{p}$  é:

- |   |   |
|---|---|
| <input checked="" type="checkbox"/> Determine $x$ , dados $g$ , $h$ e $p$ . | <input checked="" type="checkbox"/> Determine $g$ , dados $h$ , $p$ e $x$ . |
| <input type="checkbox"/> Determine $p$ , dados $g$ , $h$ e $x$ .            | <input type="checkbox"/> Determine $h$ , dados $g$ , $p$ e $x$ .            |



**Questão 5** No protocolo de troca de chaves de Diffie-Hellman, Alice e Bob usam números secretos  $a$  e  $b$  para calcular números  $A$  e  $B$  que são depois trocados.

- ☐  $A$  é calculado por  $g^a \pmod{p}$ ,  $B$  por  $g^b \pmod{p}$  e a chave comum secreta é  $A \cdot B$ .
- ☐  $A$  é calculado por  $a^g \pmod{p}$ ,  $B$  por  $b^g \pmod{p}$  e a chave comum secreta é  $g^{ab} \pmod{p}$ .
- ☐  $A$  é calculado por  $a^g \pmod{p}$ ,  $B$  por  $b^g \pmod{p}$  e a chave comum secreta é  $(ab)^g \pmod{p}$ .
- ☒  $A$  é calculado por  $g^a \pmod{p}$ ,  $B$  por  $g^b \pmod{p}$  e a chave comum secreta é  $g^{ab} \pmod{p}$ .

**Questão 6** No protocolo *ElGamal*, Bob usa a chave pública da Alice  $A \equiv g^a \pmod{p}$  para enviar um *ciphertext*  $(c_1, c_2)$  com  $c_1 \equiv g^k \pmod{p}$  e  $c_2 \equiv mA^k \pmod{p}$ ;  $k$  uma chave *ephemeral*. Para recuperar a mensagem  $m$ , Alice calcula:

- ☒  $(c_1)^{-1} \cdot (c_2)^a \pmod{p}$  ☒  $(c_1^a)^{-1} \cdot c_2 \pmod{p}$
- ☐  $(c_1^a) \cdot (c_2)^{-1} \pmod{p}$  ☐  $c_1 \cdot (c_2^a)^{-1} \pmod{p}$

**Questão 7** O algoritmo de Miller-Rabin devolve um número primo com probabilidade elevada. No caso improvável do número devolvido  $p$  não ser primo, o que pode acontecer no protocolo criptográfico de *ElGamal* que usa este número para a escolha de  $\mathbb{F}_p^*$ :

- ☐ A quebra do protocolo é fácil.
- ☒ Duas mensagens podem ser codificadas pelo mesmo *ciphertext*.
- ☐ Dois *ciphertexts* podem encriptar a mesma mensagem.
- ☐ A encriptação torna-se lenta.

**Questão 8** Um protocolo criptográfico tem a propriedade de *total secrecy*, se, e só se:

- ☐ O protocolo pode ser quebrado em tempo exponencial.
- ☐ O conjunto das chaves possíveis tem a mesma cardinalidade que o conjunto dos potenciais *ciphertexts*.
- ☐ O protocolo pode ser quebrado em tempo polinomial.
- ☒ A probabilidade de um *plaintext* é independente do *ciphertext*.

**Questão 9** O funcionamento do *RSA* é baseado no seguinte:

- ☒ Exponenciação em  $\mathbb{F}_p^*$  é fácil e factorização é difícil.
- ☐ Exponenciação em  $\mathbb{F}_p^*$  é fácil e o *Discrete Logarithm Problem* é difícil.
- ☒ Multiplicação é fácil e factorização é difícil.
- ☐ Multiplicação é fácil e divisão é difícil.

**Questão 10** Curvas elípticas são importantes em criptografia, porque (empiricamente):

- ☒ A operação de "adição" é mais complicada sobre curvas elípticas do que em  $\mathbb{F}_p^*$ .
- ☐ A exponenciação é mais rápida sobre curvas elípticas do que em  $\mathbb{F}_p^*$ .
- ☒ A solução do *DLP* é mais complicada sobre curvas elípticas do que em  $\mathbb{F}_p^*$ .
- ☐ A operação de "adição" é mais fácil sobre curvas elípticas do que em  $\mathbb{F}_p^*$ .



Departamento de Matemática  
Criptografia

Faculdade de Ciências e Tecnologia — UNL  
8/7/2018 Exame Final

Número de aluno

0	0	0	0	0
1	1	1	1	1
2	2	2	2	2
3	3	3	3	3
4	4	4	4	4
5	5	5	5	5
6	6	6	6	6
7	7	7	7	7
8	8	8	8	8
9	9	9	9	9

← Marque o seu número de aluno preenchendo completamente os quadrados respectivos da grelha ao lado (■) e escreva o nome completo, o número e o curso abaixo.

Nome: Rodrigo Bernardo

Curso: MIEI Número de aluno: 48534

O exame é composto por 10 questões de escolha múltipla. Nas questões marque a resposta certa preenchendo completamente o quadrado respectivo (■) com caneta azul ou preta, cada resposta certa vale 0,5 valores, cada resposta errada desconta 0,2 valores e marcações múltiplas anulam a questão. Se a soma das classificações das questões de escolha múltipla der um número negativo, será atribuído 0 valores como resultado final.

**Questão 1** Considere o grupo  $\mathbb{Z}/n\mathbb{Z}$ . Pode-se definir uma multiplicação tal que  $\mathbb{F}_n$  é um corpo se, e só se:

- ☒  $n$  é uma potência de um número primo. ☐  $n$  é um número primo ímpar.  
☒  $n$  é um número primo. ☐  $n$  é um número par.

**Questão 2** Os princípios de *Kerckhoff* são princípios que todos os sistemas criptográficos devem satisfazer. Um princípio de Kerckhoff fundamental diz que a *segurança de um sistema criptográfico deve depender*:

- ☐ só da complexidade da encriptação.  
☐ só do segredo do algoritmo, mas não do segredo da chave.  
☒ do segredo da chave e do segredo do algoritmo.  
☒ só da chave, mas não do segredo do algoritmo.

**Questão 3** Qual destes protocolos criptográficos é *assimétrico*?

- ☒ DES ☒ ElGamal  
☐ AES ☐ Vigenère

**Questão 4**

O *Discrete Logarithm Problem (DLP)* para a congruência  $g^x \equiv h \pmod{p}$  é:

- ☐ Determine  $g$ , dados  $h$ ,  $p$  e  $x$ . ☒ Determine  $x$ , dados  $g$ ,  $h$  e  $p$ .  
☐ Determine  $p$ , dados  $g$ ,  $h$  e  $x$ . ☐ Determine  $h$ , dados  $g$ ,  $p$  e  $x$ .



**Questão 5** No protocolo de troca de chaves de Diffie-Hellman, Alice e Bob usam números secretos  $a$  e  $b$  para calcular números  $A$  e  $B$  que são depois trocados.

- ☐  $A$  é calculado por  $a^g \pmod{p}$ ,  $B$  por  $b^g \pmod{p}$  e a chave comum secreta é  $(ab)^g \pmod{p}$ .
- ☐  $A$  é calculado por  $a^g \pmod{p}$ ,  $B$  por  $b^g \pmod{p}$  e a chave comum secreta é  $g^{ab} \pmod{p}$ .
- ☐  $A$  é calculado por  $g^a \pmod{p}$ ,  $B$  por  $g^b \pmod{p}$  e a chave comum secreta é  $A \cdot B$ .
- ☒  $A$  é calculado por  $g^a \pmod{p}$ ,  $B$  por  $g^b \pmod{p}$  e a chave comum secreta é  $g^{ab} \pmod{p}$ .

**Questão 6** No protocolo *ElGamal*, Bob usa a chave pública da Alice  $A \equiv g^a \pmod{p}$  para enviar um *ciphertext*  $(c_1, c_2)$  com  $c_1 \equiv g^k \pmod{p}$  e  $c_2 \equiv mA^k \pmod{p}$ ;  $k$  uma chave *ephemeral*. Para recuperar a mensagem  $m$ , Alice calcula:

- |   |  |
|---|--|
| <input type="checkbox"/> $(c_1)^{-1} \cdot (c_2)^a \pmod{p}$          | <input type="checkbox"/> $c_1 \cdot (c_2^a)^{-1} \pmod{p}$   |
| <input checked="" type="checkbox"/> $(c_1^a)^{-1} \cdot c_2 \pmod{p}$ | <input type="checkbox"/> $(c_1^a) \cdot (c_2)^{-1} \pmod{p}$ |

**Questão 7** O algoritmo de Miller-Rabin devolve um número primo com probabilidade elevada. No caso improvável do número devolvido  $p$  não ser primo, o que pode acontecer no protocolo criptográfico de *ElGamal* que usa este número para a escolha de  $\mathbb{F}_p^*$ :

- ☒ Duas mensagens podem ser codificadas pelo mesmo *ciphertext*.
- ☐ Dois *ciphertexts* podem encriptar a mesma mensagem.
- ☐ A encriptação torna-se lenta.
- ☒ A quebra do protocolo é fácil.

**Questão 8** Um protocolo criptográfico tem a propriedade de *total secrecy*, se, e só se:

- ☒ A probabilidade de um *plaintext* é independente do *ciphertext*.
- ☐ O conjunto das chaves possíveis tem a mesma cardinalidade que o conjunto dos potenciais *ciphertexts*.
- ☐ O protocolo pode ser quebrado em tempo exponencial.
- ☐ O protocolo pode ser quebrado em tempo polinomial.

**Questão 9** O funcionamento do *RSA* é baseado no seguinte:

- ☒ Multiplicação é fácil e factorização é difícil.
- ☐ Exponenciação em  $\mathbb{F}_p^*$  é fácil e factorização é difícil.
- ☐ Multiplicação é fácil e divisão é difícil.
- ☒ Exponenciação em  $\mathbb{F}_p^*$  é fácil e o *Discrete Logarithm Problem* é difícil.

**Questão 10** Curvas elípticas são importantes em criptografia, porque (empiricamente):

- ☐ A exponenciação é mais rápida sobre curvas elípticas do que em  $\mathbb{F}_p^*$ .
- ☒ A solução do *DLP* é mais complicada sobre curvas elípticas do que em  $\mathbb{F}_p^*$ .
- ☐ A operação de "adição" é mais complicada sobre curvas elípticas do que em  $\mathbb{F}_p^*$ .
- ☐ A operação de "adição" é mais fácil sobre curvas elípticas do que em  $\mathbb{F}_p^*$ .





Departamento de Matemática  
Criptografia

Faculdade de Ciências e Tecnologia — UNL  
8/7/2018 Exame Final

Número de aluno

0	0	0	0	0
1	1	1	1	1
2	2	2	2	2
3	3	3	3	3
4	4	4	4	4
5	5	5	5	5
6	6	6	6	6
7	7	7	7	7
8	8	8	8	8
9	9	9	9	9

← Marque o seu número de aluno preenchendo completamente os quadrados respectivos da grelha ao lado (■) e escreva o nome completo, o número e o curso abaixo.

Nome: .....

Rúben Martins Dantas da Cunha

Curso: .....

MIEI

Número de aluno: .....

46317

O exame é composto por 10 questões de escolha múltipla. Nas questões marque a resposta certa preenchendo completamente o quadrado respectivo (■) com caneta azul ou preta, cada resposta certa vale 0,5 valores, cada resposta errada desconta 0,2 valores e marcações múltiplas anulam a questão. Se a soma das classificações das questões de escolha múltipla der um número negativo, será atribuído 0 valores como resultado final.

**Questão 1** Considere o grupo  $\mathbb{Z}/n\mathbb{Z}$ . Pode-se definir uma multiplicação tal que  $\mathbb{F}_n$  é um corpo se, e só se:

☐  $n$  é um número par.

☒  $n$  é uma potência de um número primo.

☐  $n$  é um número primo ímpar.

☒  $n$  é um número primo.

**Questão 2** Os princípios de *Kerckhoff* são princípios que todos os sistemas criptográficos devem satisfazer. Um princípio de Kerckhoff fundamental diz que a *segurança de um sistema criptográfico deve depender*:

☒ só da complexidade da encriptação.

☒ só da chave, mas não do segredo do algoritmo.

☐ do segredo da chave e do segredo do algoritmo.

☐ só do segredo do algoritmo, mas não do segredo da chave.

**Questão 3** Qual destes protocolos criptográficos é *assimétrico*?

☒ ElGamal

☐ AES

☐ Vigenère

☐ DES

**Questão 4**

O *Discrete Logarithm Problem (DLP)* para a congruência  $g^x \equiv h \pmod{p}$  é:

☐ Determine  $h$ , dados  $g$ ,  $p$  e  $x$ .

☐ Determine  $p$ , dados  $g$ ,  $h$  e  $x$ .

☒ Determine  $x$ , dados  $g$ ,  $h$  e  $p$ .

☐ Determine  $g$ , dados  $h$ ,  $p$  e  $x$ .



**Questão 5** No protocolo de troca de chaves de Diffie-Hellman, Alice e Bob usam números secretos  $a$  e  $b$  para calcular números  $A$  e  $B$  que são depois trocados.

- ☐  $A$  é calculado por  $a^g \pmod{p}$ ,  $B$  por  $b^g \pmod{p}$  e a chave comum secreta é  $(ab)^g \pmod{p}$ .
- ☐  $A$  é calculado por  $a^g \pmod{p}$ ,  $B$  por  $b^g \pmod{p}$  e a chave comum secreta é  $g^{ab} \pmod{p}$ .
- ☐  $A$  é calculado por  $g^a \pmod{p}$ ,  $B$  por  $g^b \pmod{p}$  e a chave comum secreta é  $A \cdot B$ .
- ☒  $A$  é calculado por  $g^a \pmod{p}$ ,  $B$  por  $g^b \pmod{p}$  e a chave comum secreta é  $g^{ab} \pmod{p}$ .

**Questão 6** No protocolo *ElGamal*, Bob usa a chave pública da Alice  $A \equiv g^a \pmod{p}$  para enviar um *ciphertext*  $(c_1, c_2)$  com  $c_1 \equiv g^k \pmod{p}$  e  $c_2 \equiv mA^k \pmod{p}$ ;  $k$  uma chave *ephemeral*. Para recuperar a mensagem  $m$ , Alice calcula:

- ☒  $(c_1^a) \cdot (c_2)^{-1} \pmod{p}$  ☐  $c_1 \cdot (c_2^a)^{-1} \pmod{p}$
- ☒  $(c_1^a)^{-1} \cdot c_2 \pmod{p}$  ☐  $(c_1)^{-1} \cdot (c_2)^a \pmod{p}$

**Questão 7** O algoritmo de Miller-Rabin devolve um número primo com probabilidade elevada. No caso improvável do número devolvido  $p$  não ser primo, o que pode acontecer no protocolo criptográfico de *ElGamal* que usa este número para a escolha de  $\mathbb{F}_p^*$ :

- ☐ A quebra do protocolo é fácil.
- ☒ Duas mensagens podem ser codificadas pelo mesmo *ciphertext*.
- ☐ A encriptação torna-se lenta.
- ☐ Dois *ciphertexts* podem encriptar a mesma mensagem.

**Questão 8** Um protocolo criptográfico tem a propriedade de *total secrecy*, se, e só se:

- ☐ O protocolo pode ser quebrado em tempo polinomial.
- ☐ O protocolo pode ser quebrado em tempo exponencial.
- ☒ A probabilidade de um *plaintext* é independente do *ciphertext*.
- ☐ O conjunto das chaves possíveis tem a mesma cardinalidade que o conjunto dos potenciais *ciphertexts*.

**Questão 9** O funcionamento do *RSA* é baseado no seguinte:

- ☐ Exponenciação em  $\mathbb{F}_p^*$  é fácil e o *Discrete Logarithm Problem* é difícil.
- ☒ Exponenciação em  $\mathbb{F}_p^*$  é fácil e factorização é difícil.
- ☒ Multiplicação é fácil e factorização é difícil.
- ☐ Multiplicação é fácil e divisão é difícil.

**Questão 10** Curvas elípticas são importantes em criptografia, porque (empiricamente):

- ☐ A operação de "adição" é mais fácil sobre curvas elípticas do que em  $\mathbb{F}_p^*$ .
- ☒ A exponenciação é mais rápida sobre curvas elípticas do que em  $\mathbb{F}_p^*$ .
- ☒ A solução do *DLP* é mais complicada sobre curvas elípticas do que em  $\mathbb{F}_p^*$ .
- ☐ A operação de "adição" é mais complicada sobre curvas elípticas do que em  $\mathbb{F}_p^*$ .



Departamento de Matemática  
Criptografia

Faculdade de Ciências e Tecnologia — UNL  
8/7/2018 Exame Final

Número de aluno

0	<input checked="" type="checkbox"/>	0	<input checked="" type="checkbox"/>	0
1	<input type="checkbox"/>	1	<input type="checkbox"/>	1
2	<input type="checkbox"/>	2	<input type="checkbox"/>	2
3	<input type="checkbox"/>	3	<input type="checkbox"/>	<input checked="" type="checkbox"/>
4	<input type="checkbox"/>	4	<input type="checkbox"/>	4
<input checked="" type="checkbox"/>	5	<input checked="" type="checkbox"/>	5	5
6	<input type="checkbox"/>	6	<input type="checkbox"/>	6
7	<input type="checkbox"/>	7	<input type="checkbox"/>	7
8	<input type="checkbox"/>	8	<input type="checkbox"/>	8
9	<input type="checkbox"/>	9	<input type="checkbox"/>	9

← Marque o seu número de aluno preenchendo completamente os quadrados respectivos da grelha ao lado (■) e escreva o nome completo, o número e o curso abaixo.

Nome: Salvador Mendes

Curso: MIEI Número de aluno: 50503

O exame é composto por 10 questões de escolha múltipla. Nas questões marque a resposta certa preenchendo completamente o quadrado respectivo (■) com caneta azul ou preta, cada resposta certa vale 0,5 valores, cada resposta errada desconta 0,2 valores e marcações múltiplas anulam a questão. Se a soma das classificações das questões de escolha múltipla der um número negativo, será atribuído 0 valores como resultado final.

Questão 1 Considere o grupo  $\mathbb{Z}/n\mathbb{Z}$ . Pode-se definir uma multiplicação tal que  $\mathbb{F}_n$  é um corpo se, e só se:

0/0.5

- ☒  $n$  é uma potência de um número primo.
- ☐  $n$  é um número primo ímpar.
- ☐  $n$  é um número primo.
- ☐  $n$  é um número par.

Questão 2 Os princípios de Kerckhoff são princípios que todos os sistemas criptográficos devem satisfazer. Um princípio de Kerckhoff fundamental diz que a segurança de um sistema criptográfico deve depender:

0.5/0.5

- ☐ só do segredo do algoritmo, mas não do segredo da chave.
- ☐ do segredo da chave e do segredo do algoritmo.
- ☐ só da complexidade da encriptação.
- ☒ só da chave, mas não do segredo do algoritmo.

Questão 3 Qual destes protocolos criptográficos é assimétrico?

-0.2/0.5

- ☐ Vigenère
- ☒ ElGamal
- ☒ DES
- ☒ AES

Questão 4

O Discrete Logarithm Problem (DLP) para a congruência  $g^x \equiv h \pmod{p}$  é:

0.5/0.5

- ☐ Determine  $g$ , dados  $h$ ,  $p$  e  $x$ .
- ☐ Determine  $h$ , dados  $g$ ,  $p$  e  $x$ .
- ☒ Determine  $x$ , dados  $g$ ,  $h$  e  $p$ .
- ☐ Determine  $p$ , dados  $g$ ,  $h$  e  $x$ .





**Questão 5** No protocolo de troca de chaves de Diffie-Hellman, Alice e Bob usam números secretos  $a$  e  $b$  para calcular números  $A$  e  $B$  que são depois trocados.

- ☐  $A$  é calculado por  $a^g \pmod{p}$ ,  $B$  por  $b^g \pmod{p}$  e a chave comum secreta é  $(ab)^g \pmod{p}$ .
- ☒  $A$  é calculado por  $g^a \pmod{p}$ ,  $B$  por  $g^b \pmod{p}$  e a chave comum secreta é  $A \cdot B$ .
- ☒  $A$  é calculado por  $g^a \pmod{p}$ ,  $B$  por  $g^b \pmod{p}$  e a chave comum secreta é  $g^{ab} \pmod{p}$ .
- ☐  $A$  é calculado por  $a^g \pmod{p}$ ,  $B$  por  $b^g \pmod{p}$  e a chave comum secreta é  $g^{ab} \pmod{p}$ .

**Questão 6** No protocolo *ElGamal*, Bob usa a chave pública da Alice  $A \equiv g^a \pmod{p}$  para enviar um *ciphertext*  $(c_1, c_2)$  com  $c_1 \equiv g^k \pmod{p}$  e  $c_2 \equiv mA^k \pmod{p}$ ;  $k$  uma chave *ephemeral*. Para recuperar a mensagem  $m$ , Alice calcula:

- ☒  $(c_1^a)^{-1} \cdot c_2 \pmod{p}$
- ☐  $(c_1)^{-1} \cdot (c_2)^a \pmod{p}$
- ☐  $c_1 \cdot (c_2^a)^{-1} \pmod{p}$
- ☒  $(c_1^a) \cdot (c_2)^{-1} \pmod{p}$

**Questão 7** O algoritmo de Miller-Rabin devolve um número primo com probabilidade elevada. No caso improvável do número devolvido  $p$  não ser primo, o que pode acontecer no protocolo criptográfico de *ElGamal* que usa este número para a escolha de  $\mathbb{F}_p^*$ :

- ☐ A encriptação torna-se lenta.
- ☒ Duas mensagens podem ser codificadas pelo mesmo *ciphertext*.
- ☐ Dois *ciphertexts* podem encriptar a mesma mensagem.
- ☐ A quebra do protocolo é fácil.

**Questão 8** Um protocolo criptográfico tem a propriedade de *total secrecy*, se, e só se:

- ☐ O protocolo pode ser quebrado em tempo exponencial.
- ☒ A probabilidade de um *plaintext* é independente do *ciphertext*.
- ☐ O conjunto das chaves possíveis tem a mesma cardinalidade que o conjunto dos potenciais *ciphertexts*.
- ☐ O protocolo pode ser quebrado em tempo polinomial.

**Questão 9** O funcionamento do *RSA* é baseado no seguinte:

- ☐ Exponenciação em  $\mathbb{F}_p^*$  é fácil e o *Discrete Logarithm Problem* é difícil.
- ☐ Multiplicação é fácil e divisão é difícil.
- ☒ Exponenciação em  $\mathbb{F}_p^*$  é fácil e factorização é difícil.
- ☒ Multiplicação é fácil e factorização é difícil.

**Questão 10** Curvas elípticas são importantes em criptografia, porque (empiricamente):

- ☒ A solução do *DLP* é mais complicada sobre curvas elípticas do que em  $\mathbb{F}_p^*$ .
- ☒ A operação de "adição" é mais complicada sobre curvas elípticas do que em  $\mathbb{F}_p^*$ .
- ☐ A operação de "adição" é mais fácil sobre curvas elípticas do que em  $\mathbb{F}_p^*$ .
- ☐ A exponenciação é mais rápida sobre curvas elípticas do que em  $\mathbb{F}_p^*$ .





Departamento de Matemática  
Criptografia

Faculdade de Ciências e Tecnologia — UNL  
8/7/2018 Exame Final

Número de aluno

0	0	0	0	0
1	1	1	1	1
2	2	2	2	2
3	3	3	3	3
4	4	4	4	4
5	5	5	5	5
6	6	6	6	6
7	7	7	7	7
8	8	8	8	8
9	9	9	9	9

← Marque o seu número de aluno preenchendo completamente os quadrados respectivos da grelha ao lado (■) e escreva o nome completo, o número e o curso abaixo.

Nome: Salúquia Cristina Dias Norte Marreiros

Curso: MIEI Número de aluno: 47775

O exame é composto por 10 questões de escolha múltipla. Nas questões marque a resposta certa preenchendo completamente o quadrado respectivo (■) com caneta azul ou preta, cada resposta certa vale 0,5 valores, cada resposta errada desconta 0,2 valores e marcações múltiplas anulam a questão. Se a soma das classificações das questões de escolha múltipla der um número negativo, será atribuído 0 valores como resultado final.

**Questão 1** Considere o grupo  $\mathbb{Z}/n\mathbb{Z}$ . Pode-se definir uma multiplicação tal que  $\mathbb{F}_n$  é um corpo se, e só se:

- ☐  $n$  é um número par. ☒  $n$  é uma potência de um número primo.
- ☒  $n$  é um número primo. ☐  $n$  é um número primo ímpar.

**Questão 2** Os princípios de Kerckhoff são princípios que todos os sistemas criptográficos devem satisfazer. Um princípio de Kerckhoff fundamental diz que a segurança de um sistema criptográfico deve depender:

- ☐ só da complexidade da encriptação.
- ☒ só da chave, mas não do segredo do algoritmo.
- ☐ do segredo da chave e do segredo do algoritmo.
- ☐ só do segredo do algoritmo, mas não do segredo da chave.

**Questão 3** Qual destes protocolos criptográficos é assimétrico?

- ☐ AES ☒ ElGamal
- ☐ DES ☐ Vigenère

**Questão 4**

O Discrete Logarithm Problem (DLP) para a congruência  $g^x \equiv h \pmod{p}$  é:

- ☐ Determine  $g$ , dados  $h$ ,  $p$  e  $x$ . ☐ Determine  $p$ , dados  $g$ ,  $h$  e  $x$ .
- ☐ Determine  $h$ , dados  $g$ ,  $p$  e  $x$ . ☒ Determine  $x$ , dados  $g$ ,  $h$  e  $p$ .



**Questão 5** No protocolo de troca de chaves de Diffie-Hellman, Alice e Bob usam números secretos  $a$  e  $b$  para calcular números  $A$  e  $B$  que são depois trocados.

- ☐  $A$  é calculado por  $g^a \pmod{p}$ ,  $B$  por  $g^b \pmod{p}$  e a chave comum secreta é  $A \cdot B$ .
- ☐  $A$  é calculado por  $a^g \pmod{p}$ ,  $B$  por  $b^g \pmod{p}$  e a chave comum secreta é  $(ab)^g \pmod{p}$ .
- ☒  $A$  é calculado por  $g^a \pmod{p}$ ,  $B$  por  $g^b \pmod{p}$  e a chave comum secreta é  $g^{ab} \pmod{p}$ .
- ☐  $A$  é calculado por  $a^g \pmod{p}$ ,  $B$  por  $b^g \pmod{p}$  e a chave comum secreta é  $g^{ab} \pmod{p}$ .

**Questão 6** No protocolo *ElGamal*, Bob usa a chave pública da Alice  $A \equiv g^a \pmod{p}$  para enviar um *ciphertext*  $(c_1, c_2)$  com  $c_1 \equiv g^k \pmod{p}$  e  $c_2 \equiv mA^k \pmod{p}$ ;  $k$  uma chave *ephemeral*. Para recuperar a mensagem  $m$ , Alice calcula:

- |  |   |
|--|---|
| <input type="checkbox"/> $c_1 \cdot (c_2^a)^{-1} \pmod{p}$   | <input type="checkbox"/> $(c_1)^{-1} \cdot (c_2)^a \pmod{p}$          |
| <input type="checkbox"/> $(c_1^a) \cdot (c_2)^{-1} \pmod{p}$ | <input checked="" type="checkbox"/> $(c_1^a)^{-1} \cdot c_2 \pmod{p}$ |

**Questão 7** O algoritmo de Miller-Rabin devolve um número primo com probabilidade elevada. No caso improvável do número devolvido  $p$  não ser primo, o que pode acontecer no protocolo criptográfico de *ElGamal* que usa este número para a escolha de  $\mathbb{F}_p^*$ :

- ☐ A encriptação torna-se lenta.
- ☒ Duas mensagens podem ser codificadas pelo mesmo *ciphertext*.
- ☒ A quebra do protocolo é fácil.
- ☐ Dois *ciphertexts* podem encriptar a mesma mensagem.

**Questão 8** Um protocolo criptográfico tem a propriedade de *total secrecy*, se, e só se:

- ☐ O conjunto das chaves possíveis tem a mesma cardinalidade que o conjunto dos potenciais *ciphertexts*.
- ☐ O protocolo pode ser quebrado em tempo polinomial.
- ☒ A probabilidade de um *plaintext* é independente do *ciphertext*.
- ☐ O protocolo pode ser quebrado em tempo exponencial.

**Questão 9** O funcionamento do *RSA* é baseado no seguinte:

- ☐ Exponenciação em  $\mathbb{F}_p^*$  é fácil e factorização é difícil.
- ☐ Exponenciação em  $\mathbb{F}_p^*$  é fácil e o *Discrete Logarithm Problem* é difícil.
- ☒ Multiplicação é fácil e divisão é difícil.
- ☒ Multiplicação é fácil e factorização é difícil.

**Questão 10** Curvas elípticas são importantes em criptografia, porque (empiricamente):

- ☒ A operação de "adição" é mais complicada sobre curvas elípticas do que em  $\mathbb{F}_p^*$ .
- ☐ A exponenciação é mais rápida sobre curvas elípticas do que em  $\mathbb{F}_p^*$ .
- ☒ A solução do *DLP* é mais complicada sobre curvas elípticas do que em  $\mathbb{F}_p^*$ .
- ☐ A operação de "adição" é mais fácil sobre curvas elípticas do que em  $\mathbb{F}_p^*$ .