Interpretação e Compilação de Linguagens de Programação

Mestrado Integrado em Engenharia Informática Departamento de Informática Faculdade de Ciências e Tecnologia Universidade Nova de Lisboa

2016-2017

João Costa Seco (joao.seco@di.fct.unl.pt)

Lecture 04 Ligação e âmbito

Os identificadores são a primeira ferramenta básica para criar abstracções numa linguagem de programação. Um identificador usado numa expressão (ou programa) representa uma subexpressão cuja definição é feita

- Literais e identificadores
- Declaração de identificadores
- Âmbito de uma declaração
- Ocorrências de um identificador (livres, ligadas e ligantes)
- Expressões abertas e fechadas
- Construção fundamental decl id=E in E end.
- Linguagem com identificadores (declaração e ocorrências ligadas): CALCI.
- Algoritmo interpretador com substituição
- Algoritmo interpretador com ambiente
- Algoritmo compilador com ambiente

Constantes e Identificadores

- Constantes (ou literais)
 - Referem entidades ou valores bem determinados em qualquer contexto onde ocorram
 - Nas linguagens "naturais" correspondem aos "nomes próprios".
 - Linguagem ML: true, false, []
 - Linguagem C: 1, 1.0, 0xFF, "hello", int
- Identificadores (ou nomes)
 - Referem entidades ou valores que dependem do contexto
 - Nas linguagens "naturais" correspondem aos "pronomes".
 - Linguagem Java: x, Count, System.out
 - Linguagem C: printf

- Os literais e os identificadores denotam sempre uma entidade bem determinada e inalterável.
- A entidade denotada por um literal (ou o valor de um literal) é determinada pelo próprio literal (23,"hi!", etc).
- A associação entre um identificador e a entidade ou valor denotado chama-se ligação (binding)
- Em geral, a ligação entre identificador e entidade denotada estabelece-se num certo contexto sintáctico e é introduzida por uma declaração
- Ao contexto sintáctico onde uma ligação tem efeito chama-se o âmbito (scope) da ligação

 O identificador x denota uma variável de estado (célula de memória)

```
int f(int x)
{
    int z = x+1;
    for(int j=0; j<10; j++) {
        int x=j+y;
        z += x;
    }
    return z;
}</pre>
```

 O identificador x denota uma variável de estado (célula de memória)

 O identificador j denota uma variável de estado (célula de memória)

```
int f(int x)
{
    int z = x+1;
    for(int j=0; j<10; j++) {
        int x=j+y;
        z += x;
    }
    return z;
}</pre>
```

 O identificador j denota uma variável de estado (célula de memória)

```
int f(int x)
{
    int z = x+1;
    for(int j=0; j<10; j++) {
        int x=j+y;
        z += x;
    }
    return z;
}</pre>
```

Elementos de um âmbito

- A ligação entre um identificador e a respectiva entidade por este denotada (valor, posição de memória, etc) envolve os seguintes ingredientes:
- Uma (única!) ocorrência ligante:
 em geral, corresponde à declaração do identificador.
- O âmbito da ligação
 A "parte/região/zona/fragmento" do programa onde a ligação em causa tem efeito
- Várias (zero ou mais) ocorrências ligadas todas as ocorrências do identificador, distintas da ocorrência ligante, que existem dentro do âmbito

Ocorrências ligantes e ligadas

Ocorrências do identificador x

```
int f(int x)
{
    int z = x+1;
    for(int j=0; j<10; j++) {
        int x=j+y;
        z += x;
    }
    return z;
}</pre>
Occorrências ligantes
```

Ocorrências ligantes e ligadas

Ocorrências do identificador x

```
int f(int x)
{
    int z = x+1;
    for(int j=0; j<10; j++) {
        int x=j+y;
        z += x;
    }
    return z;
}</pre>
Occorrências ligadas
```

```
int f(int x)
{
    int z = x+1;
    for(int j=0; j<10; j++) {
        int x=j+y;
        z += x;
    }
    return z;
}</pre>
```

```
int f(int x)
{
    int z = x+1;
    for(int j=0; j<10; j++) {
        int x=j+y;
        z += x;
    }
    return z;
}</pre>
```

```
int f(int x)
{
    int z = x+1;
    for(int j=0; j<10; j++) {
        int x=j+y;
        z += x;
    }
    return z;
}</pre>
```

```
int f(int x)
{
    int z = x+1;
    for(int j=0; j<10; j++) {
        int x=j+y;
        z += x;
    }
    return z;
}</pre>
```

```
int f(int x)
{
    int z = x+1;
    for(int j=0; j<10; j++) {
        int x=j+y;
        z += x;
    }
    return z;
}</pre>
```

```
int f(int x)
{
    int z = x+1;
    for(int j=0; j<10; j++) {
        int x=j+x;
        }
        return z;
}</pre>
```

Ocorrências livres

 Uma ocorrência de identificador que não é ligada nem ligante dizse livre

```
int f(int x)
{
    int z = x+1;
    for(int j=0; j<10; j++) {
        int x=j+y;
        z += x;
    }
    return z;
}</pre>
```

Expressões Abertas e Fechadas

- Uma subexpressão diz-se aberta se contém ocorrências livres de identificadores
- Uma subexpressão diz-se fechada se não contém ocorrências livres de identificadores
- Exemplos de expressões abertas:

```
void f(int x)
{
    int i;
    for(int i=0;i<TEN;i++) x+=i;
    printf("%d\n",x);
}</pre>
```

```
let x=1 in (f x)
OCaml
```

Expressões Abertas e Fechadas

- Uma subexpressão diz-se aberta se contém ocorrências livres de identificadores
- Uma subexpressão diz-se fechada se não contém ocorrências livres de identificadores
- Exemplos de expressões abertas:

```
let x=1 in (f x) OCaml
```

Semântica de expressões abertas

- A denotação de uma subexpressão de programa só pode ser calculada se se conhecer a denotação de cada identificador que nela ocorra livre.
- A definição de uma semântica composicional para linguagens com declarações de identificadores tem necessariamente que considerar expressões abertas.

Por exemplo, a expressão OCaml

$$let x = 2 in (x+x)$$

é fechada mas contém uma subexpressão aberta.

 Um programa (fragmento fechado) pode conter no seu interior expressões abertas.

[Dê exemplos de linguagens de programação onde seja possível compilar um programa aberto]

Ambiente

• Um programa fechado fornece necessariamente ligações para todas as ocorrências livres de identificadores que ocorram nas suas subexpressões (através de declarações).

Para cada subexpressão \mathcal{E} de um programa \mathcal{P} , ao conjunto de todas as ligações no âmbito das quais \mathcal{E} ocorre chama-se o **ambiente** de \mathcal{E} em \mathcal{P} .

Ambiente (Quiz)

Qual o ambiente da subexpressão "x+1"?

```
int f(int x)
{
    int z = x+1;
    for(int j=0; j<10; j++) {
        int x=j;
        z+=x;
    }
    return z;
}</pre>
```

Ambiente (Quiz)

Qual o ambiente da subexpressão "z+=x"?

```
int f(int x)
{
    int z = x+1;
    for(int j=0; j<10; j++) {
        int x=j;
        z+=x;
    }
    return z;
}</pre>
```

Ambiente (Quiz)

• Qual o ambiente da subexpressão "return z"?

```
int f(int x)
{
    int z = x+1;
    for(int j=0; j<10; j++) {
        int x=j;
        z+=x;
    }
    return z;
}</pre>
```

Exemplo: A Linguagem CALCI

 A linguagem CALCI estende a linguagem CALC com a possibilidade de se poderem introduzir e usar identificadores usando a construção declare:

```
decl Id = Expressão1 in Expressão2 end
```

Numa expressão **dec1**, a primeira ocorrência de *Id* é ligante, no âmbito definido pela *Expressão2*

 Definimos os programas CALCI como sendo as expressões fechadas da linguagem CALCI.

```
decl x=2 in decl y=x+2 in (x+y) end end
```

A Linguagem CALCI (como tipo indutivo)

 Tipo de dados CALCI com os construtores: num, add, mul, div, sub, id, decl

num: Integer → CALCI

id: String \rightarrow CALCI

add: CALCI × CALCI → CALCI

mul: CALCI × CALCI → CALCI

div: CALCI × CALCI → CALCI

sub: CALCI × CALCI → CALCI

decl: String × CALCI × CALCI → CALCI

A Linguagem CALCI (como tipo indutivo)

 Tipo de dados CALCI com os construtores: num, add, mul, div, sub, id, decl

```
Integer → CALCI
num:
       String → CALCI
id:
      CALCI × CALCI → CALC
add:
                        type calci =
       CALCI × CALCI
mul:
                              Number of int
                             | Add of calci * calci
       CALCI × CALCI -
div:
                             I Sub of calci * calci
      CALCI × CALCI
sub:
                             I Mul of calci * calci
       String × CALCI × C
                             | Div of calci * calci
decl:
                              Id of string
                              Decl of string * calci * calci
                               Decl of string * calci * calci
                               Id of string
                             ICLP 2010-2011
```

Semântica de CALCI (1)

 A função semântica I de CALCI pode ser definida por um algoritmo que "sabe como interpretar" todas as expressões de CALCI, determinando o seu valor ou efeito.

 $I: CALCI \rightarrow Integer$

CALCI = conjunto das expressões fechadas

Integer = conjunto dos significados (denotações)

Interpretador de CALCI

 Algoritmo eval(E) para calcular o valor de uma expressão fechada qualquer E de CALCI:

eval : CALCI → Integer

```
eval( num(n) ) \triangleq n

eval( add(E1,E2) ) \triangleq eval(E1) + eval(E2)

...

eval( decl(s, E1, E2) ) \triangleq ???
```

Intuitivamente: o significado da expressão contendo identificadores deve ser o mesmo da expressão em que os identificadores são substituídos pelas subexpressões que eles representam.

Interpretador de CALCI

 Algoritmo eval(E) para calcular o valor de uma expressão fechada qualquer E de CALCI:

eval : CALCI → Integer

```
eval( num(n) ) \triangleq n

eval( add(E1,E2) ) \triangleq eval(E1) + eval(E2)

...

eval( decl(s, E1, E2) ) \triangleq [ G = subst(E1, s, E2); eval(G); ]
```

Intuitivamente: o significado da expressão contendo identificadores deve ser o mesmo da expressão em que os identificadores são substituídos pelas subexpressões que eles representam.

A Função Subst

Calcula a expressão que resulta de substituir todas as ocorrências livres do identificador s pela expressão F na expressão E.

$$subst(y+z, s, s+s+2) = (y+z)+(y+z)+2$$

subst(u, y, decl x=y in decl y=2 in x+y) = decl x=u in decl y=2 in x+y

Definição da Função Subst

```
subst(F, s, num(n)) = num(n);
                   ≜ F;
subst(F, s, id(s))
subst(F, s, add(E1, E2)) ≜ add( subst(F, s, E1), subst(F, s, E2));
. . .
subst(F, s, decl(s, E1, E2)) \triangleq [/* caso s = s' */ * ???]
subst(F, s, decl(s', E1, E2)) \triangleq [/* caso s \neq s' */ ??? ]
```

Definição da Função Subst

```
subst(F, s, num(n)) = num(n);
                   ≜ F;
subst(F, s, id(s))
subst(F, s, add(E1, E2)) ≜ add( subst(F, s, E1), subst(F, s, E2));
. . .
subst(F, s, decl(s, E1, E2)) \triangleq [/* caso s = s' */ G = subst(F, s, E1);
                              decl(s, G, E2); ]
subst(F, s, decl(s', E1, E2)) \triangleq [/* caso s \neq s' */ G = subst(F, s, E1);
                               decl(s', G, subst(F, s, E2)); ]
```

Definição da Função Subst

```
subst(s, num(n), F)
                           \triangleq num(n);
subst(s, id(s), F)
                          ≜ F:
                          let rec subst e x e' =
subst(s, add(E1, E2) )
                               let subst' = subst e x in
                               match e' with
                                   | Number n -> e'
subst(s, decl(s, E1, E2),
                                   | Add (l,r) -> Add(subst' l, subst' r)
                                   | Sub (l,r) -> Sub(subst' l, subst' r)
                                   | Mul (l,r) -> Mul(subst' l, subst' r)
subst(s, decl(s', E1, E2),
                                   | Div (l,r) -> Div(subst' l, subst' r)
                                   | Decl (v.l.r) ->
                                            if x = y then Decl(y, subst' | 1, r)
                                            else Decl(y,subst' l, subst' r)
                                   I Id y \rightarrow if x = y then e else e'
                                   I Id y \rightarrow if x = y then e else e'
                                            else Decl(y, subst' l, subst' r)
                                        ICLP 2010-2011
```

 Algoritmo eval(E) para calcular o valor de uma expressão fechada qualquer E de CALCI:

```
eval( num(n) ) \triangleq n

eval( add(E1,E2) ) \triangleq eval(E1) + eval(E2)

...

eval( decl(s, E1, E2) ) \triangleq eval(subst(E1, s, E2)); ]
```

 Algoritmo eval(E) para calcular o valor de uma expressão fechada qualquer E de CALCI:

```
eval( num(n) )
                             \triangleq n
eval( add let rec eval a =
                match a with
                     I Number n \rightarrow n
                     \mid Add (l,r) \rightarrow (eval l) + (eval r)
eval( dec
                     | Sub (l,r) -> (eval l) - (eval r)
                     I Mul (l,r) \rightarrow (eval l) * (eval r)
                     | \text{Div} (l,r) \rightarrow (\text{eval } l) / (\text{eval } r)
                     | \text{Decl } (s,l,r) \rightarrow \text{eval } (\text{subst } l \text{ s } r)
                     | Id s \rightarrow ???
                       /// <- S DT
                       Decl (s,l,r) -> eval (subst l s r)
```

 Algoritmo eval(E) para calcular o valor de uma expressão fechada qualquer E de CALCI:

```
eval( num(n) )
                      \triangleq n
eval( add let rec eval a =
            match a with
                l Number n -> n
                \mid Add(l,r) \rightarrow (eval\ l) + (eval\ r)
eval( dec
                [ Cub (1 n) - (oval 1) (oval n)
    é preciso programar o caso do identificador??
                 Div (l,r) -> (eval l) / (eval r)
                l Decl (s,l,r) -> eval (subst l s r)
                 Id s -> ???
                 Decl (s,l,r) -> eval (subst l s r)
```

 Algoritmo eval(E) para calcular o valor de uma expressão fechada qualquer E de CALCI:

```
eval( num(n) )
                      \triangleq n
eval( add let rec eval a =
            match a with
                l Number n → n
                \mid Add(l,r) \rightarrow (eval\ l) + (eval\ r)
eval( dec
                [ Cub (1 n) (oval 1) (oval n)
               Porquê? o que fazer?
                 Div (l,r) \rightarrow (eval l) / (eval r)
                l Decl (s,l,r) -> eval (subst l s r)
                I Id s -> ???
                  /// <- S DT
                  Decl (s,l,r) -> eval (subst l s r)
```

 Algoritmo eval(E) para calcular o valor de uma expressão fechada qualquer E de CALCI:

```
eval( num(n) )
                                                                                                                                                                        \triangleq n
eval( add let rec eval a =
                                                                                            match a with
                                                                                                                            l Number n → n
                                                                                                                          I Add (l,r) \rightarrow (eval l) + (eval r)
eval( dec
                                                                                                                           [ Cub (1 n) (oval n)
                                                                                                                 Estamos a trabalhar com
                                                                                                                 expressões fechadas. A existência
                                                                                                                 de identificadores denota a falta
                                                                                                                 de uma declaração, um erro!
                                                                                                                                       ICLP 2010-2011 GAGE COMMITTED TO SECOND COMMIT
```

 A semântica da linguagem CALCI baseada em substituições é muito conveniente do ponto de vista da especificação pois é muito simples.

- Já do ponto de vista operacional, é conveniente definir uma semântica mais concreta, recorrendo à manipulação de ambientes.
- A manipulação de ambientes também é mais conveniente como técnica de implementação de interpretadores (como estruturas de dados auxiliares).

A função semântica *I* de CALCI pode ser definida por um **algoritmo** interpretador para expressões de CALCI, determinando o seu **valor ou efeito**, dado um ambiente contendo os valores dos seus identificadores livres.

 $I: CALCI \times ENV \rightarrow Integer$

CALCI = programas abertos

ENV = ambientes

Integer = significados (denotações)

A função semântica *I* de CALCI pode ser definida por um **algoritmo** interpretador para expressões de CALCI, determinando o seu **valor ou efeito**, dado um ambiente contendo os valores dos seus identificadores livres.

$I: CALCI \times ENV \rightarrow integer$

A função semântica *I* de CALCI pode ser definida por um **algoritmo** interpretador para expressões de CALCI, determinando o seu **valor ou efeito**, dado um ambiente contendo os valores dos seus identificadores livres.

```
I · CAI CI x FNV → integer
          let rec eval e env =
CALC
              match e with
                   I Number n \rightarrow n
ENV
                   I Id s -> find s env
Integer
                   | Add (l,r) -> (eval l env) + (eval r env)
                     . . .
                   | Decl (s,l,r) ->
                            let v = eval \ l \ env \ in
                            let new_env = assoc s v env in
                            eval r new env
```

Ambiente "mutável"

- Na prática, é conveniente implementar ambientes usando uma estrutura de dados mutável ao estilo Object-Oriented.
- Numa linguagem estruturada, com âmbitos encaixados hierarquicamente, a adição e remoção de ligações entre identificadores e valores segue uma disciplina LIFO.
- Um ambiente guarda as associações correspondentes a um determinado âmbito (e todos os âmbitos envolventes). A partir de um ambiente pode criar-se um novo nível, correspondendo a um âmbito encaixado.

Environ BeginScope()

- que cria um novo nível local vazio, onde serão colocadas as novas ligações.
- Não pode existir mais que uma ligação para um mesmo identificador no mesmo
 Environ EndScope()
 - que coloca o ambiente no estado anterior à última operação BeginScope().

Ambiente "mutável"

- Na prática, é conveniente implementar ambientes usando uma estrutura de dados mutável ao estilo Object-Oriented.
- Outras operações fundamentais:

void Assoc(String id, Value val)

- Adiciona uma nova ligação que associa ao identificador id o valor val indicado.
- A ligação é adicionada ao último nível (mais recente) do ambiente.
- Devolve o valor associado ao identificador id no ambiente.

Value Find(String id)

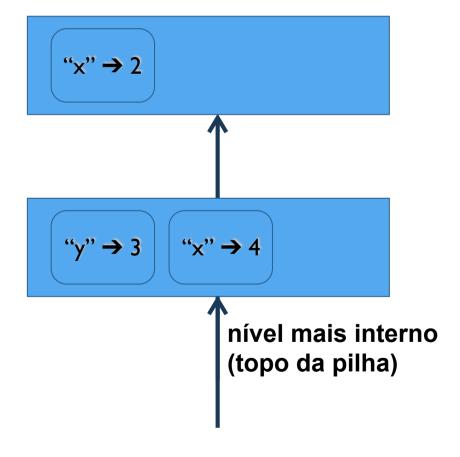
 A pesquisa é efectuada do nível mais "recente" para o mais "antigo", de modo a respeitar o encaixe dos âmbitos das declarações.

A "interface" Ambiente

• Simule mentalmente:

```
env = new Environment();
env.Assoc("x", 2);
val = env.Find("x");
                         // devolve 2
env = env.BeginScope();
env.Assoc("y", 3);
env.Assoc("x", 4);
val = env.Find("y");
                          // devolve 3
val = env.Find("x");
                          // devolve 4
env=env.EndScope()
val = env.Find("x")
                         // devolve 2
```

nível mais externo



A "interface" Ambiente

Implementado como pilha de dicionários ...

```
env = new Environment();
env.Assoc("x", 2);
val = env.Find("x");
                   // devolve 2
env = env.BeginScope();
env.Assoc("y", 3);
env.Assoc("x", 4);
                         // devolve 3
val = env.Find("y");
val = env.Find("x");
                         // devolve 4
env=env.EndScope()
val = env.Find("x")
                        // devolve 2
```

nível mais externo "x" → 2 "y" → 3 "x" → 4 nível mais interno (topo da pilha)

 Algoritmo eval(E, env) para calcular o valor de uma expressão E da linguagem CALCI:

eval : CALCI × ENV → Integer

```
eval( num(n), env)
                            \triangleq n
eval(id(s), env)
                     ≜ env.Find(s)
eval( add(E1,E2), env) \triangleq eval(E1, env) + eval(E2, env)
eval( decl(s, E1, E2), env) \triangleq [ v1 = eval(E1, env);
                                env = env.BeginScope();
                                env.Assoc(s, v1);
                                val = eval(E2, env);
                                env = env.EndScope();
                                val ]
```

Erros de execução

- O que é que acontece se n\(\tilde{a}\)o for encontrado o identificador no ambiente?
 - A que corresponde essa falha?
 - A um erro de execução do tipo "identificador não declarado".
- A função não está definida para os programas em que há ocorrências de identificadores sem declaração.
- Que outros tipos de erros de execução podem ocorrer?
- São o mesmo tipo de erros? É possível evitar uns e outros não?



 Algoritmo comp(E) para traduzir uma expressão E qualquer de CALC numa sequência de instruções CLR

comp : CALCI → CodeSeq

```
se E é da forma num( n ):
                                  comp(E) \triangleq < sipush n >
se E é da forma add(E',E"):
                                  s1 = comp(E'); s2 = comp(E'');
                                  comp(E) \triangleq s1 @ s2 @ < iadd >
se E é da forma mul(E',E"):
                                  v1 = comp(E'); v2 = comp(E'');
                                  comp(E) \triangleq s1 @ s2 @ < imul >
se E é da forma sub(E',E"):
                                  v1 = comp(E'); v2 = comp(E'');
                                  comp(E) \triangleq s1 @ s2 @ < isub >
se E é da forma div(E',E"):
                                  v1 = comp(E'); v2 = comp(E'');
                                  comp(E) \triangleq s1 @ s2 @ < idiv >
```

- Alocação (no heap) de uma stack frame para guardar os valores dos identificadores declarados.
- A cada momento é conhecido o static link (SL), guardado numa variável local. É possível sempre saber o tipo desse stackframe
- Cada stack frame tem uma estrutura diferente e pré-determinada.

```
decl
x1 = E1
x2 = E2
...
xn = En
in
F
```

```
.class frame_id
.super java/lang/Object
.field public SL Lancestor_frame_id;
.field public x_0 type;
.field public x_1 type;
...
.field public x_1 type;
..end method
```

- Alocação (no heap) de uma stack frame para guardar os valores dos identificadores declarados.
- A cada momento é conhecido o static link (SL), guardado numa variável local. É possível sempre saber o tipo desse stackframe
- Cada stack frame tem uma estrutura diferente e pré-determinada.

```
decl
x1 = E1
x2 = E2
...
xn = En
in
E
```

```
new frame id
dup
invokespecial frame_id/<init>()V
dup
aload SL
putfield frame_id/SL Lframe_up;
 dup
 [[ E1 ]]
 putfield frame_id/loc_00 type;
 astore SI
[[ E ]]
aload SL
checkcast frame_id
getfield frame_id/SL Lframe_up;
astore SI
```

- Alocação (no heap) de uma stack frame para guardar os valores dos identificadores declarados.
- A cada momento é conhecido o static link (SL), guardado numa variável local. É possível sempre saber o tipo desse stackframe
- Cada stack frame tem uma estrutura diferente e pré-determinada.

```
decl

x1 = E1

in decl

x2 = E2

in

x1 + x2
```

```
aload SL
checkcast frame_id
getfield frame_2/SL Lframe_1;
getfield frame_1/loc_00 |
```

```
aload SL
checkcast frame_2
getfield frame_2/loc_00 l
```

iadd

- Em cada contexto, um identificador é localizado por um par: o número de desreferenciações (saltos), e a localização na frame (offset).
- O ambiente guarda e calcula o par de endereços necessário.

```
decl

x1 = E1

in decl

x2 = E2

in

x1 + x2
```

```
aload SL
checkcast frame_id
getfield frame_n/SL Lframe_n1;
getfield frame_n2/SL Lframe_n2;
getfield frame_n2/SL Lframe_n3;
...
getfield frame_1/loc_X I
```