[para perceber o contexto do problema deve ler o guião da aula #04]

# [DAA 016] Invasão espacial

(este problema é essencialmente o mesmo que criei para uma MIUP)

És o responsável pela defesa de Algo, a capital do planeta MIUP. A cidade pode ser pensada como um longo segmento 1D com um conjunto de N edíficios muito altos e estreitos, alojando toda a administração planetária. Cada edificio pode ser identificado por três inteiros: a sua posição  $X_i$ , a sua altura  $Y_i$  e a força do seu gerador de escudo  $P_i$  (nota que todos os edificios têm largura de uma unidade).



Sabes que as forças malévolas do planeta Complexidade estão a planear atacar a tua cidade e precisas de te preparar. O inimigo vai atacar com naves espaciais vindas do céu que podem disparar lasers diretamente de cima para baixo, atingindo a cidade.

Podes construir escudos horizontais, que podem ser instalados no topo de qualquer edifício. Um edifício i com um escudo irá proteger-se a si próprio e também irá proteger todos os edifícios j que não são mais altos  $(Y_i \le Y_j)$ , que estão no máximo a  $P_i$  distância  $(|X_i - X_j| \le P_i)$  e que não têm edifícios mais altos entre eles (isto é, para todo o k entre i e j,  $Y_i \ge Y_k$ ).

Os escudos são no entanto muito caros. Queres por isso construir o menor número possível de escudos, de modo a poupar dinheiro, de tal modo que todos os edíficios estejam protegidos por pelo menos um escudo.

#### **O** Problema

Dadas as posições, alturas e forças dos gerados de escudos de cada um dos edificios da tua cidade, a tua tarefa é calcular o menor de escudos que precisam de ser instalados de tal modo que todos os edificios estão protegidos dos ataques das naves espaciais inimigas.

#### Input

A primeira linha contém um inteiro N, o número de edifícios. Seguem-se N linhas, cada uma contendo a descrição de um dos edifícios da cidade. Cada uma destas linhas contém três inteiros  $X_i$   $Y_i$   $P_i$ , respetivamente a posição horizontal, a altura e a força do gerador de escudo. Os edifícios podem vir por qualquer ordem e nunca existem dois edifícios com a mesma posição horizontal.

#### **Output**

Uma linha com um único inteiro indicando o menor número possível de escudos a usar de modo a que todos os edíficos fiquem protegidos.

#### Restrições

São garantidos os seguintes limites em todos os casos de teste que irão ser colocados ao programa:

| $1 \le N \le 100\ 000$        | Quantidade de edifícios                   |
|-------------------------------|---|
| $0 \le \mathbf{X_i} \le 10^9$ | Posição horizontal de um edifício         |
| $0 \le \mathbf{H_i} \le 10^9$ | Altura de um edifício                     |
| $0 \le \mathbf{P_i} \le 10^9$ | Poder do gerador de escudo de um edifício |

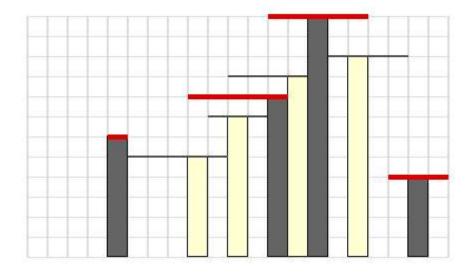
### Exemplo de Input 1

### Exemplo de Output 1

4

# Explicação do Input/Output 1

Uma possível escolha de 4 escudos seria:



### Exemplo de Input 2

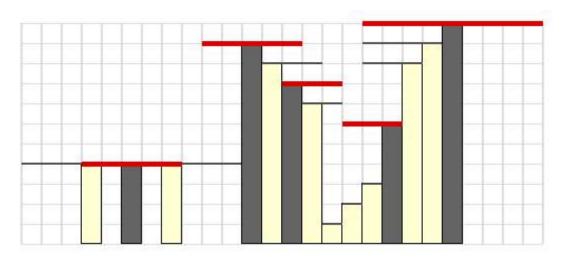
```
14
3 4 3
5 4 2
7 4 3
11 10 2
12 9 2
13 8 2
14 7 1
```

# Exemplo de Output 2

5

### Explicação do Input/Output 2

Uma possível escolha de 5 escudos seria:



Nas figuras das explicações, as linhas pretas "finas" indicam os possíveis escudos, e as linhas vermelhas "grossas" indicam os escudos selecionados. Além disso, os edíficios a amarelo claro são os protegidos por escudos de outros, enquanto que os edíficios a cinzento escuro são os que têm escudos construídos no seu topo.

Desenho e Análise de Algoritmos (CC2001) DCC/FCUP - Faculdade de Ciências da Universidade do Porto