[para perceber o contexto do problema deve ler o guião da aula #05]

[DAA 017] Pirâmides

(este problema é essencialmente o mesmo que criei para uma fase de seleção das <u>ONI</u>)

As pirâmides do Egipto são túmulos. Os faraós que as mandaram construir e os arquitectos que as desenharam, não as prepararam para que os turistas do século XXI se divertissem subindo-as. No entanto, há sempre alguns visitantes mais ousados que ultrapassam as barreiras de segurança e se aventuram a trepar as pirâmides, para chegar lá acima e acenar estupidamente a bandeira do seu país.

Trepar as pirâmides é difícil e perigoso. Cada pirâmide é formada por camadas de pedras. Admitamos que a camada inferior, tem, em cada face, N pedras. A segunda camada, em cima dessa, terá N-1 pedras, cada uma apoiada sobre duas pedras inferiores. Assim, haverá N camadas. Para trepar a pirâmide, cada um destes "alpinistas" de algibeira, começa por



subir uma das pedras da base; depois, passa dessa para uma das duas pedras da segunda camada que se apoiam sobre a pedra que ele trepou inicialmente; e assim sucessivamente, até chegar ao topo. Se a pirâmide estivesse em bom estado, com todas as pedras no lugar, haveria 2^{N-1} "maneiras" diferentes de subir até ao topo, cada maneira correspondendo a um percurso pela pirâmide acima. No entanto, as pirâmides estão bastante degradadas e algumas pedras faltam ou estão tão deterioradas que se torna impossível subir para cima delas, para daí continuar a escalada. Fica assim a questão: nestas condições, quantas maneiras diferentes haverá de trepar a pirâmide até ao topo?

Camada 4
Camada 3
Camada 2
Camada 1

Pirâmide
de 4 camadas
sem pedras soltas



O Problema

Escreva um programa que dada uma pirâmide com N camadas, e uma descrição das pedras em falta ou muito deterioradas numa das faces da pirâmide, calcule o número de maneiras diferentes de subir a pirâmide até ao topo, começando por uma qualquer das pedras da primeira camada, evitando as pedras que estão em falta ou muito deterioradas.

Input

Na primeira linha vem o número \mathbf{N} que representa o número de pedras na primeira camada e também o número de níveis da pirâmide. Na segunda linha vem o número \mathbf{D} de pedras em falta ou muito deterioradas. Nas \mathbf{D} linhas seguintes vêm dois números, $\mathbf{C_i}$ e $\mathbf{P_i}$, que descrevem cada uma destas pedras em falta ou muito deterioradas: \mathbf{C} representa a camada (como indicado na figura), e $\mathbf{P_i}$ representa a posição da pedra nessa camada (onde 1 é a pedra mais à esquerda, 2 a 2^a pedra mais esquerda, etc).

Output

Uma única linha com indicando M, o número de maneiras diferente de subir a pirâmide.

Restrições

São garantidos os seguintes limites em todos os casos de teste que irão ser colocados ao programa:

$1 \le \mathbf{N} \le 1000$	Quantidade de níveis da pirâmide
$0 \le \mathbf{D} \le \mathbf{N} * (\mathbf{N} + 1) / 2$	Quantidade de pedras em falta ou deterioradas
$1 \le \mathbf{C_i} \le \mathbf{N}$	Camada da i-ésima peda em falta ou deteriorada
$1 \le \mathbf{P_i} \le \text{N-(C-1)}$	Posição da i-ésima peda em falta ou deteriorada
$0 \le \mathbf{M} < 2^{63}$	Número de maneiras diferentes de subir a pirâmide

Exemplo de Input 1

Exemplo de Output 1

2

Explicação do Input/Output 1

Este input à imagem do lado direito da figura do enunciado: uma pirâmide com 4 camadas e 2 pedras estragadas:

- a 1ª pedra da camada 2 (linha de input "2 1")
- a 2ª pedra da camada 3 (linha de input "3 2")

Exemplo de Input 2

Exemplo de Output 2

Desenho e Análise de Algoritmos (CC2001) DCC/FCUP - Faculdade de Ciências da Universidade do Porto