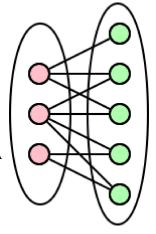
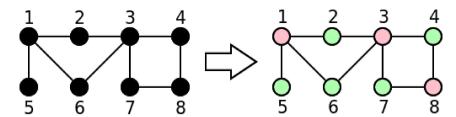
# [DAA 027] Grafos bipartidos

Uma empresa de alojamento de *websites* teve um problema de hardware e algumas das suas unidades de armazenamento ficaram com problemas. Um dos seus melhores clientes é uma loja de produtos tecnológicos. A base de dados dessa loja continhm dados sobre as compras, na forma de um grafo onde os nós eram compradores e produtos. Nesse grafo, existiam arestas unicamente entre compradores e produtos.

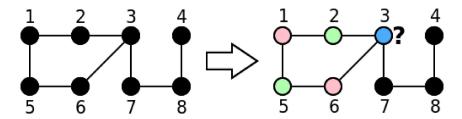
Como os dados ficaram corrompidos, os dados sobre o tipo de cada nó (comprador ou produto) foram perdidos. A empresa quer agora perceber se o grafo ainda armazenado é plausível. Em particular, quer saber se é possível dividir os nós do grafo em dois grupos **A** e **B** tal que cada aresta liga um nó de **A** a um nó de **B**, ou seja, tal que não existem arestas entre dois nós de **A**, ou entre dois nós de **B** (não faria sentido haver uma aresta de um comprador para um comprador, ou de um produto para um produto). Um grafo com esta propriedade diz-se **bipartido**.



Considere por exemplo o grafo da figura seguinte com 8 nós. O grafo é bipartido, pois a divisão indicada na imagem da direita divide o grafo em dois grupos, um vermelho e um verde, de tal modo que todas as arestas ligam nós de grupos diferentes.



Já o grafo da figura de baixo não é bipartido. Os nós 2 e 5 têm de ter cor diferente do nó 1, pois são seis vizinhos. Por sua vez, isto implica que o nó 6 tem de ter cor diferente do nó 5. Em conjunto, isto significa que não é possível colorir o nó 3, pois este é vizinho de dois nós de cor diferente.



Podes ajudar a empresa de alojamento a perceber se um grafo é palusível, ou seja, se é bipartido?

#### **O** Problema

Dados vários grafos não dirigidos, a tua tarefa é indicar se cada um deles é ou não bipartido.

### Input

Na primeira linha do *input* vem um número **N** indicando o número de casos a considerar. Cada dos casos começa uma linha com um inteiro **V** indicando o número de nós, seguido de uma linha com um inteiro **E** indicando o número de arestas. Seguem-se **E** linhas, cada uma com dois inteiros **A** e **B** indicando que existe uma aresta entre **A** e **B**. Os nós estão numerados entre **1** e **V**, ou seja,  $I \le A$ ,  $B \le N$ . É garantido que os grafos são conexos.

### **Output**

O *output* deve ser constituido por **N** linhas, cada uma com a palavra **sim** se o grafo correspondente for bipartido, ou **nao**, se o grafo não for bipartido.

# Restrições

São garantidos os seguintes limites em todos os casos de teste que irão ser colocados ao programa:

 $1 \le N \le 10$  Número de casos  $1 \le V \le 50$  Número de nós  $1 \le E \le 500$  Número de arestas

# Exemplo de Input

# Exemplo de Output

sim nao

# Explicação do Input/Output

O exemplo de input corresponde aos dois grafos das imagens.

#### Desenho e Análise de Algoritmos (CC2001) DCC/FCUP - Faculdade de Ciências da Universidade do Porto