9.1 Implemente uma função void ordenar(char str[]) que ordena os carateres numa cadeia pelos seus códigos. Por exemplo: se str = "ALGORITMO" então após execução devemos ter str = "AGILMOORT".

Sugestão: cadeias de carateres em linguagem C são variáveis indexadas, pelo que podemos usar um dos algoritmos de ordenação apresentados nas aulas teóricas (seleção, inserção ou "quicksort"). Pode determinar o número de carateres da cadeia usando strlen.

9.2 Escreva uma função int anagramas (char str1[], char str2[]) que determina se duas cadeias de carateres são anagramas, isto é, se se escrevem com os mesmos carateres. O resultado deve ser 1 em caso afirmativo e 0 caso contrário. Por exemplo, "deposit" e "topside" são anagramas:

```
char str1[] = "deposit";
char str2[] = "topside";
int r = anagramas(str1,str2); // resultado 1
```

 $Sugest\~ao$ : use uma função auxiliar como no exercício anterior para ordenar ambas as cadeias; as cadeias originais são anagramas se e só se as cadeias ordenadas são exatamente iguais carater-a-carater.

9.3 O conceito de anagrama pode ser aplicado mais geralmente a uma frase com várias palavras, ignorando os espaços, sinais de pontuação e a distinção entre maiúscula e minúsculas. Por exemplo a pergunta em Latim "Quid est veritas?" (O que  $\acute{e}$  a verdade?)  $\acute{e}$  um anagrama de "Est vir qui adest" ( $\acute{E}$  o homem que aqui est $\acute{a}$ ). Modifique a programa do exercício anterior para testar anagramas neste sentido mais lato.

Sugestão: começe por escrever uma função auxilar void normalizar(char str[]) para "normalizar" uma cadeia de carateres eliminando todos os carateres não-letra e convertendo todas as letras em minúsculas.

**9.4** O programa para *Quicksort* apresentado na aula teórica escolhe sempre o primeiro valor da sub-sequência para *pivot*. Isto causa que a complexidade no caso em a sequência está ordenada seja quadrática.

Pretende-se melhorar esta escolha usando como *pivot* a *mediana* do primeiro, último e do ponto-médio da sub-sequência (ver exercício 3.8). Para tal basta trocar a mediana com o valor no ínicio da partição:

```
\begin{aligned} & \mathsf{partition}(l,u): \\ & j \leftarrow \mathsf{indice} \ \mathsf{da} \ \mathsf{mediana} \ \mathsf{de} \ v[l], v[u], v[(l+u)/2] \\ & \mathsf{trocar} \ v[l], v[j] \\ & \mathit{continua} \ \mathit{como} \ \mathit{anteriormente}. \ . \end{aligned}
```

Complete e implemente esta modificação no programa do Quicksort.

**9.5** Defina uma função int identidade(int mat[N][N]) para verificar se uma matrix  $N \times N$  é a *identidade* (isto é, contém 1 na diagional principal e 0 nas outras posições).

O resultado deve ser 1 ou 0 conforme a matriz é ou não identidade. A sua função deve funcionar para qualquer dimensão N declarada como constante usando usando #define.

## 9.6 Defina duas funções

```
int soma_diagonal1(int mat[N][N]);
int soma_diagonal2(int mat[N][N]);
```

que dadas matrizes  $N \times N$  soma: (1) os valores na diagonal principal (isto, tais que índices i,j são iguais); (2) os valores na diagonal secundária (isto é, tais que os índices satisfazem i+j=N-1). As funções devem funcionar para qualquer dimensão N declarada como constante usando #define.

> 9.7 Um quadrado mágico é uma matriz quadrada de números inteiros tal que todas as linhas, colunas e diagonais somam o mesmo valor. No exemplo seguinte cada linha, coluna e diagonal soma o mesmo valor (15 neste caso):

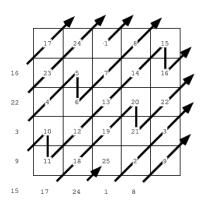
$$\left[\begin{array}{ccc}
2 & 7 & 6 \\
9 & 5 & 1 \\
4 & 3 & 8
\end{array}\right]$$

Escreva uma função int magico(int a[20][20], int n) que testa se uma matriz é um quadrado mágico. A matriz é representada por uma variável indexada a com dimensão declarada  $20 \times 20$ ; o argumento n indica qual sub-matriz a considerar: por exemplo, se n = 3 devemos testar se a sub-matriz de  $3 \times 3$  é quadrado mágico (e ignorar o resto da matriz). O resultado deve ser um inteiro: 1 se é quadrado mágico e 0 caso contrário.

## 9.8

O algoritmo seguinte permite gerar quadrados mágicos de tamanho  $n \times n$  para n ímpar: começemos por colocar um "1" no meio da primeira linha; em seguida, vamos colocar os números de 2 a  $n^2$ : o próximo numero é colocado na posição na diagonal para cima e para a direita se esta se encontrar vazia; se a posição já se encontra preenchida, então passamos para a posição em baixo. Em qualquer dos casos, o movimento é feito considerando que os bordos cima/baixo e esquerdo/direito do quadrado estão ligados (isto é, se sairmos pela direita re-entramos na posição correspondente à esquerda e se sairmos por cima re-entramos na posição corresponde por baixo).

A figura seguinte ilustra a geração de um quadrado mágico  $5\times 5.$ 



Escreva um programa que constroi um quadrado mágico de dimensão impar < 50 usando este algoritmo.