Avaliação de Reconhecimento de Padrões

Rúbia Reis Guerra 2013031143

24 de maio de 2017

1 Pacotes utilizados

```
> rm(list=ls())
> library('mclust')
> ######################
> # Auxiliares #
> tp <- c()
> fp <- c()
> fn <- c()
> prec <- c()
> rec <- c()
> error <- c()
> mse <- c()
> sde <- c()</pre>
```

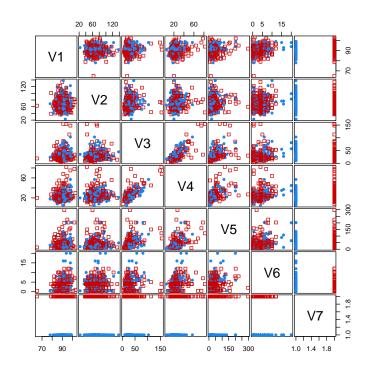
2 Análise dos dados

```
> bupa <- as.matrix(read.csv("bupa.data", header=FALSE))</pre>
> X <- bupa[,(1:6)] # dados de entrada
> Y <- as.matrix(2*(bupa[,7]-1.5)) # rotulos das classes como [-1,+1]
> i_cm1 \leftarrow which(Y == -1) \# amostras da classe -1
> i_c1 \leftarrow which(Y == 1) \# amostras da classe +1
> Nm1 <- length(i_cm1) # tamanho da classe -1
> N1 <- length(i_c1) # tamanho da classe +1
> ## Analise dos dados
> clPairs(bupa, Y) ## Analise
> cor(bupa) ## Calculo da correlacao
            V1
                         V2
                                     VЗ
                                               ۷4
                                                          V5
V1 1.00000000
               0.04410300 0.14769505 0.1877652 0.2223145 0.31267960
V2 0.04410300 1.00000000 0.07620761 0.1460565 0.1331404 0.10079606
```

V3 0.14769505 0.07620761 1.00000000 0.7396749 0.5034353 0.20684793

```
٧4
۷5
                       0.50343525\ 0.5276259\ 1.0000000\ 0.34122396
   0.22231449
             0.13314040
۷6
            0.10079606  0.20684793  0.2795878  0.3412240
  0.31267960
                                                 1.00000000
V7 -0.09107012 -0.09805018 -0.03500879 0.1573558 0.1463925 -0.02204853
V1 -0.09107012
V2 -0.09805018
V3 -0.03500879
۷4
   0.15735580
۷5
  0.14639252
V6 -0.02204853
۷7
   1.00000000
```





Como pode ser observado no plot gerado, existe um alto grau de correlação entre as variáveis de entrada e, como consequência, ocorre a sobreposição das classes. Podemos assumir que se trata de um problema multi-modal com características de separação não-lineares e tentar resolvê-lo por um modelo de misturas normais.

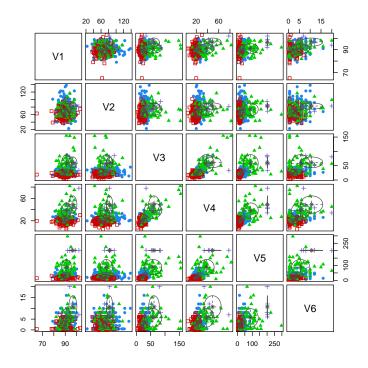
3 Coerência da rotulação

Para analisar a coerência entre os agrupamentos gerados pelo método de clustering e os rótulos de cada classe, utilizou-se o pacote *mclust* e, em sequência, foi obtida a distribuição dos padrões da classes dentro dos agrupamentos.

```
> mod = Mclust(X) # Clustering
> table(mod$classification, Y) # Clusters x Classes

Y
     -1    1
1    53   82
2   72   80
3   18   35
4   2   3
```

> plot(mod, what = "classification") # Visualização dos agrupamentos



Observamos que não há relação direta entre os rótulos das classes e os agrupamentos obtidos pelo algoritmo Kmédias. Os padrões foram distribuídos entre os 4 agrupamentos de forma que não necessariamente exemplos de uma mesma classe pertencem ao mesmo cluster. Esta observação é coerente, pois como analisado no item anterior, a correlação entre os atributos de entrada é significativa e as classes se sobrepõem espacialmente.

4 Classificação

O problema de classificação foi tratado utilizando-se um classificador Bayesiano. As probabilidades a priori foram calculadas a partir da quantidade de amostras de cada classe e as densidades de probabilidade foram encontradas utilizando-se um modelo de mistura de gaussianas, obtido pelo algoritmo K-médias.

```
> for(j in 1:10){
    #############################
    # Partição entre treino e teste #
    index <- sample(2, nrow(bupa), replace=TRUE, prob=c(0.70,0.30))</pre>
    #############################
    # Conjunto de treinamento #
    training <- X[which(index==1),]</pre>
    trainingLabels <- as.matrix(Y[which(index==1)])</pre>
    ############################
    # Conjunto de teste #
    test <- X[which(index==2),]</pre>
    testLabels <- as.matrix(Y[which(index==2)])</pre>
    # Probabilidades a priori #
   pc1 \leftarrow Nm1/(Nm1+N1)
   pc2 \leftarrow N1/(Nm1+N1)
    # Treinamento #
    mod1 = densityMclust(training[which(trainingLabels==(-1)),])
    mod2 = densityMclust(training[which(trainingLabels==1),])
    ##############################
    pxc1 <- dens(modelName=mod1$modelName, data = test, parameters = mod1$parameters)
    pxc2 <- dens(modelName=mod2$modelName, data = test, parameters = mod2$parameters)</pre>
   ##############################
   # Classificação #
   Ntest <- dim(test)[1]</pre>
   testY \leftarrow c()
   for(i in 1:Ntest)
      testY[i] \leftarrow ifelse(pxc1[i]/pxc2[i] >= pc2/pc1, -1, 1)
      error[i] <- (testY[i]-testLabels[i])^2</pre>
```

```
# MSE e SD #
    mse[j] <- mean(error)</pre>
    sde[j] <- sd(error)</pre>
    # Matriz de confusão #
    testCM <- table(testY, testLabels)</pre>
    # Precision, recall, F1 #
    tp[j] \leftarrow sum((testY==(-1)) & (testLabels==(-1))) # True positives
    fp[j] \leftarrow sum((testY==(-1)) & (testLabels==1)) # False positives
    fn[j] \leftarrow sum((testY==1) & (testLabels==(-1))) # False negatives
    prec[j] \leftarrow tp[j]/(tp[j] + fp[j]) # Precision
    rec[j] \leftarrow tp[j]/(tp[j] + fn[j]) # Recall
    f1[j] <- 2*prec[j]*rec[j]/(prec[j]+rec[j]) # F1 Score</pre>
> mean(mse) # MSE
[1] 1.36
> mean(sde) # SD
[1] 1.887346
```

Analisando o desempenho do classificador após 10 iterações, conclui-se que a Regra de Bayes separa as duas classes de forma coerente.