## Predobdelava podatkov

### Linearna funkcija

Vhodni podatki so v obliki  $X(x_1)$  in Y, napovedujemo pa funkcijo  $y = b_0 + b_1x_1$ . Predobdelava podatkov X v tem primeru ni potrebna.

#### Polinomska funkcija

Vhodni podatki so v obliki  $X(x_1)$  in Y, napovedujemo pa funkcijo  $y = b_0 + b_1x_1 + b_2x_2 + ... b_nx_n$ .

Predobdelava podatkov X **je potrebna**. Sami matriki X moramo dodati stolpce za vsako stopnjo do stopnje *n* ter jim moramo izračunati vrednosti.

Primer: predvidevamo, da imamo polinom 4 stopnje.

Vhodni podatki:

X<sub>1</sub>

X po obdelavi:

$$X_1^1$$
  $X_1^2$   $X_1^3$   $X_1^4$ 
4 16 64 256

#### Funkcija z več neodvisnimi spremenljivkami

Vhodni podatki so v obliki X ( $x_1$ ,  $x_2$ ,  $x_3$ , ...,  $x_n$ ) in Y, napovedujemo pa funkcijo  $y = b_0 + b_1x_1 + b_2x_2 + ... + b_nx_n$ . Predobdelava podatkov X v tem primeru ni potrebna.

# Linearna regresija (Metoda najmanjših kvadratov)

Najprej izvedete centriranje podatkov, kar pomeni, da za vsak stolpec X ter Y izračunate povprečje ter vsaki vrednosti v matrikah X in Y odštejete povprečje stolpca kateremu pripada.

Pridobljene matrike uporabite v naslednjem izračunu:

$$\mathbf{b} = \left(\mathbf{X}^T \mathbf{X}\right)^{-1} \mathbf{X}^T \mathbf{y}$$

Matrika **b** nam predstavlja koeficiente, matrika X razlagalne spremenljivke in y ciljno.

Izvedete matrično množenje transponirane X matrike z originalno ter zatem naredite inverz rezultata. Za računanje inverzne matrike lahko uporabite poljubno knjižnico! Zatem izvedete še preostala množenja matrik iz te enačbe.

Kot rešitev pridobite koeficiente  $b_1$ ,  $b_2$ , ...,  $b_n$ , Izračunati pa morate še koeficient  $\mathbf{b_0}$ . Izračunate ga tako, v enačbo vstavite za vsak vzorec podatkov  $\mathbf{x_1}$ ,  $\mathbf{x_2}$ , ...,  $\mathbf{x_n}$  vrednosti ter Y in tako pridobite  $\mathbf{b_0}$  za vsak vzorec. Le tem vrednostim potem samo poiščete povprečje in tako dobite  $\mathbf{b_0}$  enačbe.