Operasi Baris Elementer (OBE) dan Eliminasi Gauss-Jordan

: Rudi Setiawan Nama NIM : 055318532

3 Cara Melakukan OBE (Operasi Baris Elementer)

- 1. Pertukaran baris
- 2. Perkalian 1 baris dengan konstanta tak nol (≠ 0)
- 3. Penjumlahan dari suatu baris dengan konstanta tak nol (≠ 0) dengan baris yang lain

Contoh Matrix 3×3 dan Implementasi Operasi Baris Elementer

Untuk membentuk eliminasi Gauss-Jordan, harus memenuhi syarat Matrix Eselon Baris Tereduksi (MEBT) atau Reduced Row Echelon Form (RREF).

Diketahui Matrix A:

$$A = egin{bmatrix} 2 & -4 & 6 \ 3 & 5 & -2 \ -4 & 2 & 3 \end{bmatrix}$$

Langkah 1: Membuat Leading 1 pada Baris 1 Kolom 1

 B_{11} harus bernilai 1. Maka, $B_1 imes rac{1}{2}$

Perhitungan:

- $\begin{array}{ll} \bullet & B_{11} = 2 \times \frac{1}{2} = 1 \\ \bullet & B_{12} = -4 \times \frac{1}{2} = -2 \\ \bullet & B_{13} = 6 \times \frac{1}{2} = 3 \end{array}$

$$\begin{bmatrix} 1 & -2 & 3 \\ 3 & 5 & -2 \\ -4 & 2 & 3 \end{bmatrix}$$

 B_{11} sudah bernilai 1.

Langkah 2: Membuat $B_{21}=0$

Sekarang B_{21} harus bernilai 0. Maka, bisa dilakukan dengan cara $B_2 - 3 imes B_1$

Perhitungan:

•
$$B_{21} = B_{21} - 3 \times B_{11} = 3 - 3 \times 1 = 3 - 3 = 0$$

•
$$B_{22} = B_{22} - 3 \times B_{12} = 5 - (3 \times -2) = 5 - (-6) = 5 + 6 = 11$$

•
$$B_{23} = B_{23} - 3 \times B_{13} = -2 - (3 \times 3) = -2 - 9 = -11$$

$$\begin{bmatrix} 1 & -2 & 3 \\ 0 & 11 & -11 \\ -4 & 2 & 3 \end{bmatrix}$$

Langkah 3: Membuat $B_{31}=0$

Lanjut B_{31} harus bernilai 0. Maka bisa dilakukan dengan cara $B_3 + 4 imes B_1$

Perhitungan:

•
$$B_{31} = B_{31} + 4 \times B_{11} = -4 + 4 \times 1 = -4 + 4 = 0$$

•
$$B_{32} = 2 + 4 \times B_{12} = 2 + 4 \times (-2) = 2 + (-8) = 2 - 8 = -6$$

•
$$B_{33} = 3 + 4 \times B_{13} = 3 + 4 \times 3 = 3 + 12 = 15$$

$$\begin{bmatrix} 1 & -2 & 3 \\ 0 & 11 & -11 \\ 0 & -6 & 15 \end{bmatrix}$$

Langkah 4: Membuat $B_{22}=1$

Selanjutnya buat B_{22} bernilai 1. Bisa dengan cara perkalian dengan $rac{1}{11}$ = $B_2 imes rac{1}{11}$

Perhitungan:

•
$$B_{21} = 0 imes \frac{1}{11} = 0$$

•
$$B_{22} = 11 \times \frac{1}{11} = \frac{11}{11} = 1$$

$$\begin{array}{ll} \bullet & B_{21} = 0 \times \frac{1}{11} = 0 \\ \bullet & B_{22} = 11 \times \frac{1}{11} = \frac{11}{11} = 1 \\ \bullet & B_{23} = -11 \times \frac{1}{11} = \frac{-11}{11} = -1 \end{array}$$

$$\begin{bmatrix} 1 & -2 & 3 \\ 0 & 1 & -1 \\ 0 & -6 & 15 \end{bmatrix}$$

Langkah 5: Membuat $B_{32}=0$

Selanjutnya buat B_{32} menjadi 0. Bisa dengan cara $B_3+6 imes B_2$

 B_{31} tetap 0.

Perhitungan:

•
$$B_{32} = B_{32} + 6 \times B_{22} = -6 + 6 \times 1 = -6 + 6 = 0$$

•
$$B_{33} = B_{33} + 6 \times B_{23} = 15 + 6 \times (-1) = 15 + (-6) = 15 - 6 = 9$$

$$\begin{bmatrix} 1 & -2 & 3 \\ 0 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 9 \end{bmatrix}$$

Langkah 6: Membuat $B_{33}=1$

Buat B_{33} menjadi 1. Bisa dengan cara $B_3 imes rac{1}{9}$

 B_{31} tetap 0, B_{32} tetap 0.

Perhitungan:

•
$$B_{33} = 9 \times \frac{1}{9} = \frac{9}{9} = 1$$

$$\begin{bmatrix} 1 & -2 & 3 \\ 0 & 1 & -1 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Langkah 7: Membuat $B_{23}=0$

Selanjutnya membuat B_{23} menjadi 0. Bisa dilakukan dengan cara B_2+B_3

Perhitungan:

•
$$B_{21} = B_{21} + B_{31} = 0 + 0 = 0$$

•
$$B_{22} = B_{22} + B_{32} = 1 + 0 = 1$$

•
$$B_{23} = B_{23} + B_{33} = -1 + 1 = 0$$

$$\begin{bmatrix} 1 & -2 & 3 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Langkah 8: Membuat $B_{13}=0$

Selanjutnya buat B_{13} menjadi 0. Bisa dilakukan dengan cara $B_1-3 imes B_3$

$$B_{11} = 1$$

Perhitungan:

•
$$B_{12} = B_{12} - 3 \times B_{32} = -2 - (3 \times 0) = -2 - 0 = -2$$

•
$$B_{13} = B_{13} - 3 \times B_{33} = 3 - (3 \times 1) = 3 - 3 = 0$$

$$\begin{bmatrix} 1 & -2 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Langkah 9: Membuat $B_{12}=0$

Selanjutnya membuat B_{12} menjadi 0. Bisa dengan cara $B_1+2 imes B_2$

Perhitungan:

•
$$B_{11} = B_{11} + 2 \times B_{21} = 1 + 2 \times 0 = 1 + 0 = 1$$

•
$$B_{12} = B_{12} + 2 \times B_{22} = -2 + 2 \times 1 = -2 + 2 = 0$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix}$$

Hasil Akhir

Matrix MEBT atau RREF (Reduced Row Echelon Form)

Matrix Eselon Baris Tereduksi atau Reduced Row Echelon Form telah berhasil dibentuk menjadi matrix identitas.