

Juiz de Fora, MG - 8 a 11 de novembro de 2022

# Modelos biobjetivos para o problema de Localização de Mamógrafos

## Rudivan Paixão Barbosa

Universidade Federal de Ouro Preto
Ouro Preto - MG
rudivanbarbosa@gmail.com

## Marcone Jamilson Freitas Souza

Universidade Federal de Ouro Preto Ouro Preto - MG marcone@ufop.edu.br

## Gilberto de Miranda Junior

Universidade Federal de Ouro Preto João Monlevade - MG gilbertomirandajr@gmail.com

#### **RESUMO**

Este trabalho apresenta dois modelos biobjetivos para o problema de Localização de Mamógrafos. São considerados duas instâncias de estados brasileiros. Para geração das Fronteiras Pareto, foram utilizados os métodos exatos da Soma Ponderada e do Épsilon - Restrito. O método do Épsilon - Restrito conseguiu gerar melhores fronteiras Pareto.

PALAVRAS CHAVE. Localização, Mamógrafos, Otimização Biobjetivo.



Juiz de Fora, MG - 8 a 11 de novembro de 2022

# 1. Introdução

O câncer de mama é o segundo tipo de câncer mais comum no Brasil, segundo o Instituto Nacional do Câncer (INCA). Foram vitimadas pelo câncer de mama, em 2018, 17572 mulheres. No ano de 2019, esse tipo de câncer foi a primeira causa de morte na população brasileira feminina. Em 2020 a taxa de incidência foi de 43,73 casos por 100 mil mulheres, conforme mostra o INCA [2021].

Quando o câncer de mama é diagnosticado nos estágios iniciais, 95% das mulheres acometidas sobrevivem, Witten e Parker Witten e Parker [2018]. Os autores Xavier et al Xavier et al. [2016] afirmam que a mamografia é a principal maneira para detecção no câncer de mama no estágio inicial. Dessa forma, o Ministério da Saúde recomenda que mulheres na faixa etária entre 50 e 59 anos devem realizar o exame duas vezes por ano. Também indica que 20% da população feminina entre 40 e 49 anos de idade devem realizar o exame uma vez por ano.

Miranda e Patrocinio [2018] e Amaral et al. Amaral et al. [2017] mostram que, embora a rede pública e privada brasileira tenham disponibilidade satisfatória de mamógrafos, os exames não estão acessíveis a todas as mulheres. A determinação do Ministério da Saúde (2015), que define a distância máxima aceitável entre o mamógrafo e a mulher como 60 KM, é um dos fatores apontados como causa. O trabalho de Amaral et al. Amaral et al. [2017] constata que existem municípios que concentram um excesso de oferta de exames, enquanto outros não dispõem de mamógrafos no raio de 60 KM. Embora existam outros fatores que contribuem para o desestímulo ou até mesmo inviabilização do exame, o estudo mostra que o deslocamento tem papel fundamental no acesso ao exame.

Como foi dito, o exame de mamografia é a maior ferramenta para detecção do câncer de mama. Assim, é necessário que a população feminina consiga ter acesso a esse tipo de exame, por meio particular (caso seja possível) e principalmente pelo Sistema Único de Saúde (SUS). A melhor alocação dos equipamentos de mamografias faz-se necessária. Este artigo apresenta diversos trabalhos que tem esse propósito.

Este artigo está divido da seguinte forma: Na Seção 2 é apresentada uma revisão bibliográfica dos principais artigos sobre os problemas de Localização de Mamógrafos e de Roteamento de Unidades Móveis de Mamografias. Na Seção 3 e 4 são apresentados os modelos biobjetivos e abordagem de solução propostas. Nas seções 5 e 6 são apresentados os procedimentos para a realização dos testes computacionais e seu ambiente de teste, por fim, na Seção 8 é apresentada a conclusão.

# 2. Revisão da literatura

Os autores Rosa et al. [2020b] introduzem o Problema de Roteamento de Unidades Móveis de Mamógrafos (MMURP). O problema consiste em maximar a demanda atendida e reduzir a distância total percorrida pelas unidades móveis de mamógrafos (MMU) no estado de Minas Gerais. Foi proposto um algoritmo meta-heurístico hierárquico, onde uma solução é considerada melhor quando atende uma demanda maior de mamografias. Caso duas soluções tenham mesma demanda atendida, é comparado a distância total percorrida e a escolhida é a que tem menor distância. O artigo conclui mostrando que podem-se atender quase 360 mil exames a mais de mamografias do que é atendido atualmente no Estado.

Em Assis et al. [2021] é apresentado o problema de localização de mamógrafos. O objetivo é decidir em quais cidades devem-se alocar mamógrafos, a fim de maximizar o atendimento de exames das cidades vizinhas. Para uma cidade ser candidata a receber um mamógrafo, é necessário que a própria tenha uma demanda mínima. As cidades vizinhas só poderão ser atendidas por esse mamógrafo se estiveram até uma distância máxima da cidade escolhida para alocação. O método



Juiz de Fora, MG - 8 a 11 de novembro de 2022

escolhido para resolução do problema foi uma meta-heurística *Iterated Greedy Search* (IGS) com busca local *Variable Neighborhood Descent*. Os resultados obtidos pelo IGS foram comparados com o algoritmo *Simulated Annealing* (SA) proposto por Campos [2020]. O algoritmo SA obteve resultados ligeiramente melhores que o IGS, o que indica que é preciso melhorar o IGS.

Os autores Correa et al. [2020] apresentam quatro formulações para o problema de localização de mamógrafos. Os modelos são baseados no problema clássico de p-medianas. O segundo difere do primeiro pois permite violação da distância máxima que um mamógrafo pode ser designado para atender uma localidade, já o primeiro modelo impõe restrição de distância. Nos últimos modelos é levado em consideração a quantidade de mulheres que se deslocam para ser atendidas, sendo que no último a restrição de distância máxima é relaxada. As formulações que impõem distância máxima não encontraram soluções factíveis no tempo estabelecido de processamento, uma das razões disso é que as diversas regiões do Estado de Minas Gerais possuem municípios que a distância entre eles é maior do que a permitida para a locomoção das mulheres. Ainda é necessário expandir o estudo para os 853 municípios de Minas Gerais.

No artigo Rosa et al. [2020a] é apresentado um modelo de programação matemática para o problema de localização de mamógrafos (PLM). A principal característica que difere esse problema dos demais da literatura é restrição de que as mulheres só podem ser atendidas por cidades dentro da mesma microrregião. Também é considerada a aquisição gradativa de novos equipamentos. Os autores fazem comparação da abordagem exata executada pelo solver Gurobi com o método metaheurístico Variable Neighborhood Search (VNS). Os cenários sem a restrição de atendimento de que as mulheres podem apenas ser atendidas na mesma microrregião possibilitou melhor atendimento da demanda com menos mamógrafos. De modo geral, o VNS teve melhor desempenho do que o Gurobi.

Rosa et al. [2021] abordaram o problema de roteamento de unidades móveis de mamografia. O objetivo é maximizar a demanda atendida de exames e minimizar a distância total. Se duas
soluções atenderem a mesma quantidade de exames, a distância total percorrida é o critério de desempate. Para resolução do problema, os autores propõem um algoritmo baseado na meta-heurística
Iterated Greedy (IG), Smart IG. Para refinar a solução é executado o procedimento Randomized Variable Neighborhood Descent (RVND). Dos 853 municípios do Estado de Minas Gerais, 579 foram
analisados. Os resultados apresentados são superiores aos apresentados pelo algoritmo construtivo
em Rosa et al. [2020b].

Souza et al. [2021] abordam o problema localização de mamógrafos considerando o Estado de Rondônia. São apresentados dois modelos de programação matemática baseados no problema de p-medianas. O primeiro modelo considera que um mamógrafo só pode atender uma cidade de atender a demanda de uma cidade se atender integralmente. O segundo modelo relaxa a restrição sobre atendimento integral da demanda. Foi observado que segunda formulação faz melhor uso da capacidade de realização de exames dos mamógrafos. Os autores sugerem considerar o uso de carretas para levar mamógrafos para as cidades não atendidas por mamógrafos fixos.

Souza et al. [2019] apresentam o Problema de Localização de Mamógrafos e utilizam uma heurística baseada em VNS para encontrar soluções. A formulação matemática do problema de Localização de Mamógrafos apresentada é a seguinte:

# Parâmetros:

N = conjunto das localidades  $d_{ij}$  = distância do local i ao local j



Juiz de Fora, MG - 8 a 11 de novembro de 2022

 $dem_j$  = demanda por exames de mamografia no local j

cap = capacidade de atendimento de exames do mamógrafo

p = número de mamógrafos a serem alocados

R = distância máxima para atendimento

demMin = Demanda mínima de exames que um local deve possuir para justificar a instalação de um mamógrafo

 $S_i = \{j \in N | d_{ij} \leq \ e \ d_{ij} \leq R \}$ , isto é, o conjunto das localidades que distam R km da localidade i

## Variáveis de decisão:

 $x_{ij} = 1$ , se as mulheres do local j são atendidas por um mamógrafo instalado no local i. 0, caso contrário.

 $y_i$  variável inteira que representa o número de mamógrafos alocados na cidade i.

 $z_i = 1$ , se local i sediar a instalação de algum mamógrafo. 0, caso contrário.

$$\max \sum_{j \in N} \sum_{j \in S_i} dem_j \cdot x_{ij} \tag{1}$$

Sujeito a:

$$\sum_{j \in S_i} x_{ij} \le 1 \qquad \forall j \in N \tag{2}$$

$$\sum_{j \in N} y_j = p \tag{3}$$

$$\sum_{j \in S_i} dem_j \cdot x_{ij} \le cap \cdot y_i \qquad \forall i \in N$$
 (4)

$$z_i \ge \frac{y_i}{p} \qquad \forall i \in N \tag{5}$$

$$z_i \ge x_{ij} \qquad \forall i, j \in N$$
 (6)

$$x_{ii} = z_i \qquad \forall i \in N \tag{7}$$

$$y_i = 0 \forall i \in N \mid dem_i \le demMin$$
 (8)

$$x_{ij} \in \{0, 1\} \qquad \forall i \in N \tag{9}$$

$$y_i \in \mathbf{Z}^+ \qquad \forall i \in N \tag{10}$$

$$z_i \in \{0, 1\} \qquad \forall i \in N \tag{11}$$



Juiz de Fora, MG - 8 a 11 de novembro de 2022

A função objetivo (1) visa a maximização da demanda total por exames de mamografia. As restrições (2) indicam que cada cidade j precisa ser atendida por um único mamógrafo instalado na cidade i, ou não ser atendido. As restrições (3) determinam que todos os p equipamentos devem ser alocados, e que uma cidade pode receber mais do que um equipamento. As restrições (4) garantem que a capacidade de cada equipamento precisa ser respeitada. As restrições (5) asseguram que se pelo menos um equipamento for instalado na cidade i então a variável  $z_i$  assume o valor 1. As restrições (6) asseguram que uma cidade j somente pode ser atendida por uma cidade i se houver um equipamento instalado nela. As restrições (7) garantem que a demanda da cidade i seja atendida pelo equipamento instalado nela própria. As restrições (8) impedem que locais i com demanda por atendimentos menor que demMin sejam candidatos a sediar mamógrafos, para justificar economicamente sua instalação. Finalmente, as restrições (9), (10) e (11) impõem o domínio das variáveis de decisão.

Campos et al. [2020] também apresentam o modelo de programação inteira mista de Souza et al. [2019] com uma pequena diferença. No modelo de Campos et al. [2020] é considerado uma variável  $t_i$  que indica se a cidade i teve toda sua demanda atendida por algum mamógrafo. Os autores usam o  $Solver\ Cplex$  como métodos de solução e uma meta-heurística baseada no  $Simulated\ Annealing$ .

Não foi encontrado na literatura algum trabalho que abordasse o problema de Localização de Mamógrafos de forma biobjetiva.

# 3. Modelo Bi-objetivo 1

Aqui apresentamos um modelo Bi-objetivo inspirado no trabalho de Souza et al. [2019]. Consideramos a quantidade total de mamógrafos alocados como a nova função objetivo. Assim, desejamos otimizar as novas funções abaixo:

$$max \quad \sum_{j \in N} \sum_{j \in S_i} dem_j \cdot x_{ij}$$

$$min \quad \sum_{j \in N} y_i$$

A primeira função maximiza a demanda atendida. A segunda função minimiza total de mamógrafos alocados. Removemos as restrições (3) e (5) do modelo de Souza et al. [2019].

Como método de solução, consideramos o método da Soma Ponderada, dessa forma, temos

$$max \quad \lambda \sum_{j \in N} \sum_{j \in S_i} dem_j \cdot x_{ij} - (1 - \lambda) \sum_{j \in N} y_i$$

Sujeito a:

$$\sum_{j \in S_i} x_{ij} \le 1 \qquad \forall j \in N$$



Juiz de Fora, MG - 8 a 11 de novembro de 2022

$$\sum_{j \in S_i} dem_j \cdot x_{ij} \le cap \cdot y_i \qquad \forall i \in N$$

$$z_i \ge x_{ij} \qquad \forall i, j \in N$$

$$x_{ii} = z_i \qquad \forall i \in N$$

$$y_i = 0 \qquad \forall i \in N \mid dem_i \le demMin$$

$$x_{ij} \in \{0, 1\} \qquad \forall i \in N$$

$$y_i \in \mathbf{Z}^+ \qquad \forall i \in N$$

$$z_i \in \{0, 1\} \qquad \forall i \in N$$

$$0 \le \lambda \le 1$$

# 4. Modelo Bi-objetivo 2

No segundo modelo proposto, consideramos uma nova função objetivo e matemos a função que maximiza a demanda atendida. Essa nova função objetivo minimiza a quantidade total de mamógrafos alocados.

$$\max \sum_{j \in N} \sum_{j \in S_i} dem_j \cdot x_{ij}$$

$$min \quad \sum_{i \in N} y_i$$

Utilizamos o método do Épsilon - restrito para gerar a Fronteira Pareto. Consideramos a função de maximização sendo a mais importante, assim a função de minimização transforma-se em uma restrição do modelo. As outras restrições do modelo são idênticas as do modelo de Souza et al. [2019].

$$\sum_{i \in N} y_i \le p$$

## 5. Testes Computacionais

Para geração da fronteira Pareto no Modelo Bi-objetivo 1, executamos o modelo 100 vezes alterando o valor de  $\lambda$  em 0.01 em cada execução. Para geração da fronteira Pareto no Modelo Bi-objetivo 2, executamos o modelo 100 vezes para as instâncias do Espírito Santo e Rondônia, alterando o valor de p em uma unidade em cada execução. Consideramos duas instâncias no total, uma do Espírito Santo e uma de Rondônia, ambas com os dados obtidos através do site do governo brasileiro DATASUS [2021] e da API Google Maps. Consideramos as execuções até o gap de 1%.

## 6. Ambiente de teste

O software AMPL com Cplex 20.1.0.0 foi utilizado para obtenção dos resultados. Os dois modelos propostos nesse trabalho foram executados em um computador equipado com 1 processador Intel(R) Core(TM) i7-10750H CPU @ 2.60GHz (12 threads, utilizadas em sua totalidade), 16 GB de memória RAM e sistema Windows 11 Home.

Juiz de Fora, MG - 8 a 11 de novembro de 2022

## 7. Resultados

Nas Figura 1 e Figura 2 do lado esquerdo são apresentadas as fronteiras Pareto do Modelo Bi-objetivo 1, onde os eixos horizontais representam a quantidade de mamógrafos alocados e os eixos verticais representam as demandas totais atendidas. Nas Figura 1 e Figura 2 do lado direito são apresentadas as fronteiras Pareto do Modelo Bi-objetivo 2.

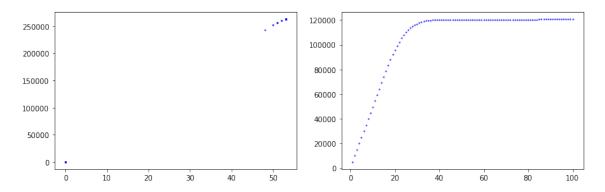


Figura 1: Fronteira Pareto para instância do Espírito Santo

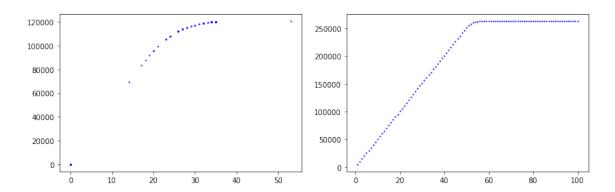


Figura 2: Fronteira Pareto para instância de Rondônia

Observa-se que a partir de uma quantidade p de mamógrafos, não vale mais a pena aumentar p, pois mesmo que a demanda total do estado não seja atendida, as restrições de 60 KM de locomoção e de demanda minima para uma cidade sediar um mamógrafo impedem que a demanda atendida seja maior, mesmo considerando mais mamógrafos.

## 8. Conclusão

Neste trabalho foram apresentados os métodos de Soma Ponderada e Épsilon - Restrito para resolução de modelos biobjetivos de Localização de Mamógrafos. Foi observado que o método do Épsilon - Restrito fornece fronteiras Pareto melhores do que o método da Soma Ponderada. Para trabalhos futuros pode-se explorar outros métodos exatos, como o método do épsilon-restrito híbrido, além de resolver instâncias de outros estados brasileiros. Também pode-se considerar métodos heurísticos, como a meta-heurística *Non-dominated Sorting Genetic Algorithm II* (NSGA-II).



Juiz de Fora, MG - 8 a 11 de novembro de 2022

#### Referências

- Amaral, P., Luz, L., Cardoso, F., e Freitas, R. (2017). Distribuição espacial de equipamentos de mamografia no brasil. *Revista Brasileira de Estudos Urbanos e Regionais (RBEUR)*, 19(2):326–341.
- Assis, R., Campos, M., Souza, M., Silva, S., M.A.L., E.C., e Souza, S. (2021). Um algoritmo iterated greedy search para o problema de localização de mamografos com atendimento parcial. *Simpósio Brasileiro de Pesquisa Operacional (SBPO)*.
- Campos, M. (2020). Formulações de programação matematica e um algoritmo heuristico para o problema de localização de mamografos. Master's thesis, Centro Federal de Educação Tecnologica de Minas Gerais.
- Campos, M., Moreira de Sá, M., Rosa, P., Penna, P., Souza, S., e Souza, M. (2020). A mixed linear integer programming formulation and a simulated annealing algorithm for the mammography unit location problem. *ICEIS*.
- Correa, V., Lima, B., Souza, P., Penna, P., e Souza, M. (2020). Localização de mamógrafos: Um estudo de caso na rede publica de saúde. *Simpósio Brasileiro de Pesquisa Operacional (SBPO)*.
- DATASUS (2021). URL https://datasus.saude.gov.br/.
- INCA (2021). Conceito e magnitude do câncer de mama. instituto nacional do câncer. URL https://www.inca.gov.br/controle-do-cancer-de-mama/ conceito-e-magnitude.
- Miranda, S. e Patrocinio, A. (2018). Distribuição de mamografos por macrorregião do brasil. *V Congresso Brasileiro de Eletromiografia e Cinesiologia e X Simpósio de Engenharia Biomédica*, p. 433–436.
- Rosa, O., Rosa, P., Paiva, J., Penna, P., e Souza, M. (2021). Um algoritmo baseado em iterated greedy para o problema de roteamento de unidades moveis de mamografia. *Simpósio Brasileiro de Pesquisa Operacional (SBPO)*.
- Rosa, P., Moreira de Sá, M., Paiva, J., Penna, P., e Souza, M. (2020a). Análise da localização de mamógrafos em minas gerais. *Simpósio Brasileiro de Pesquisa Operacional (SBPO)*.
- Rosa, R., O.A.S., P.M., Penna, P., e Souza, M. (2020b). Um algoritmo construtivo para o problema de roteamento de unidades móveis de mamografia. *Simposio Brasileiro de Pesquisa Operacional* (SBPO).
- Souza, M., Penna, P., Moreira de Sá, M., e Rosa, P. (2019). A vns-based algorithm for the mammography unit location problem. *ICVNS 2019: Variable Neighborhood Search*, p. 37–52.
- Souza, M., Penna, P., Moreira de Sá, M., e Rosa, P. (2021). Localização de mamógrafos: formulações e estudo preliminar de caso de rondônia. *Simpósio Brasileiro de Pesquisa Operacional (SBPO)*.
- Witten, M. e Parker, C. C. (2018). Screening mammography recommendations and controversies. *Surgical Clinics of North America*, 98(4):667–675.
- Xavier, D. R., Oliveira, R., Matos, V., e Viacava, F. (2016). Cobertura de mamografias, alocação e uso de equipamentos nas regiões de saude. *Saúde em debate*, 40(110):20–35.