

**Федеральное государственное автономное образовательное учреждение
высшего образования
«Российский университет дружбы народов имени Патриса Лумумбы»
Инженерная академия
*Департамент механики и процессов управления***

ОТЧЕТ

По Лабораторной работе №1 по Механике Космического Полета.
Вариант 4.

Направление: 01.03.02 Прикладная математика и информатика
(код направления / название направления)

Профиль: Математические методы механики полета раке-носителей и
космических аппаратов
(название профиля)

Тема: Уравнение Кеплера для эллиптической орбиты
(название лабораторной / курсовой)

Выполнено Критским Матвеем Димитриевичем
студентом:
(ФИО)

Группа: ИПМбд-02-22
№ студенческого: 1132226149

Москва, 2023

Благодаря миссии "Луна-10" ученые установили несферичность гравитационного потенциала Луны и впервые получили его точную модель. Также было уточнено значение массы Луны.

Данные миссии "Луна-10":

μ (Гравитационная постоянная Луны) = 4902.8000 Н

R (Радиус Луны) = 1737.1 км;

R_a (радиус-вектор апоцентра) = $R + 1017 = 2754.1$ км

R_p (радиус-вектор перицентра) = $R + 350 = 2087.1$ км

a (большая полуось) = $(R_a + R_p) / 2 = 2420.6$ км

e (эксцентриситет) = $(R_a - R_p) / (R_a + R_p) = 0.137776$

T (период обращения) = 2 часа 58 минут 15 секунд

PI (число Пи) = 3.1415926

ИЛИ

10695 секунд

Формулы для подсчета аномалий:

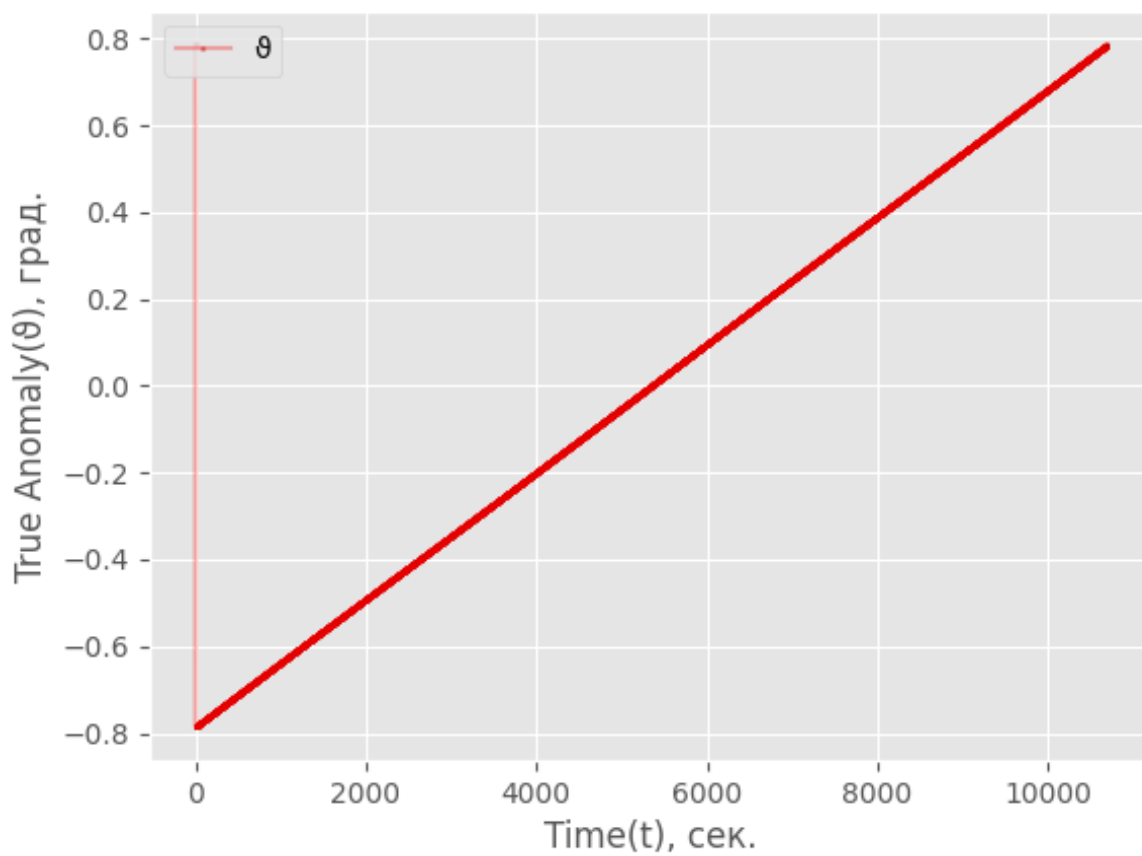
$M(t) = (2 * PI / T) * t$

$E(t) = M + e * \sin(\text{past}_E)$ - метод последовательных итераций, где past_E - предыдущая итерация, а E - текущая. Начальная итерация равна нулю.

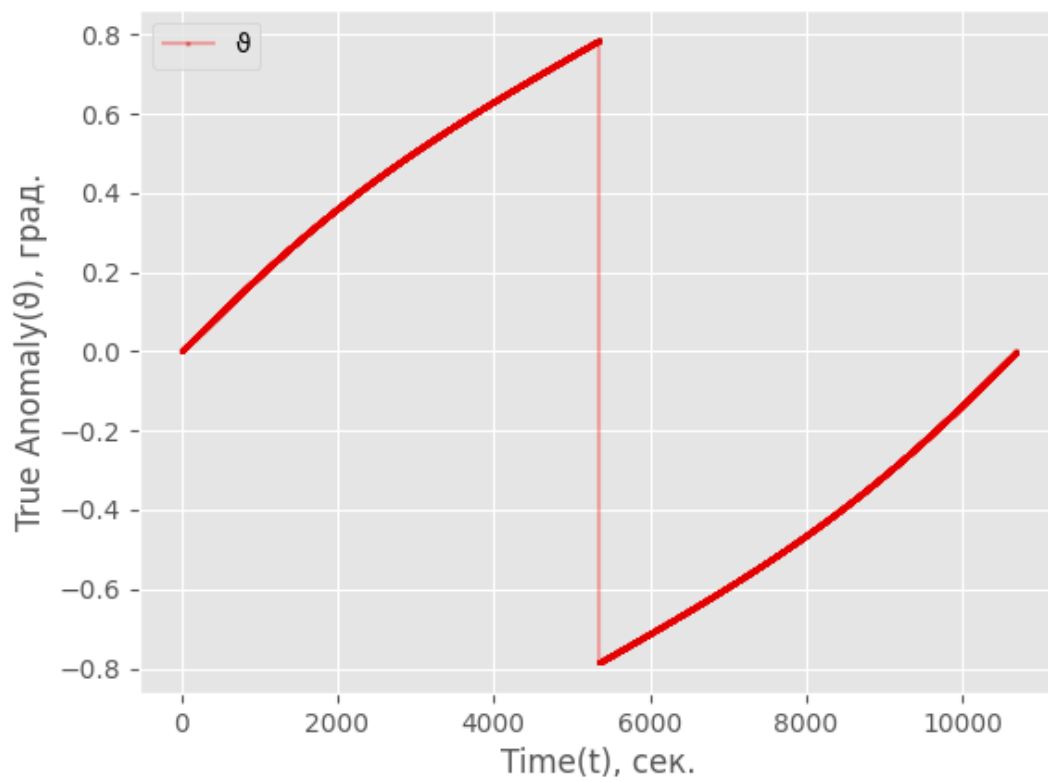
$\vartheta(t) = \text{atan}(\tan((E + PI) / 2) * \sqrt{(1 + e) / (1 - e)}) / 2$

График зависимости аномалий от времени t :

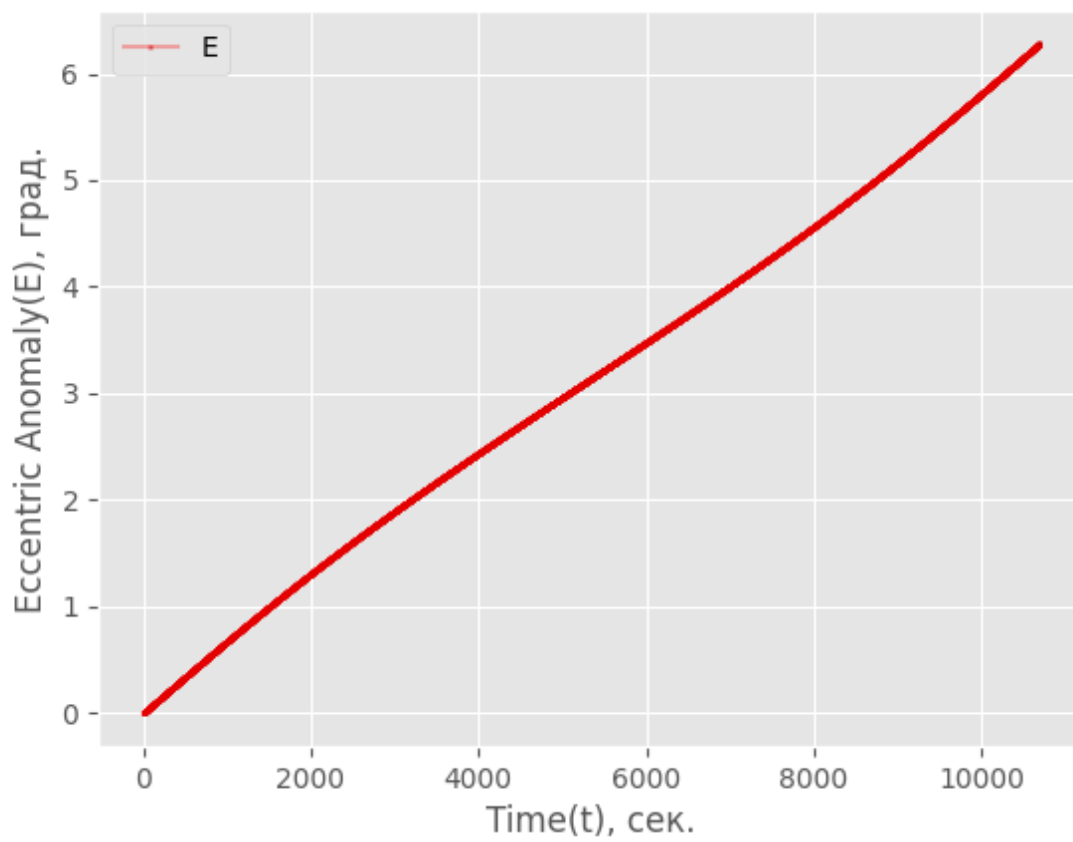
Истинной ($\vartheta(t)$): (график тангенса со смещением на $PI/2$) (из-за огромного масштаба похож на прямую)



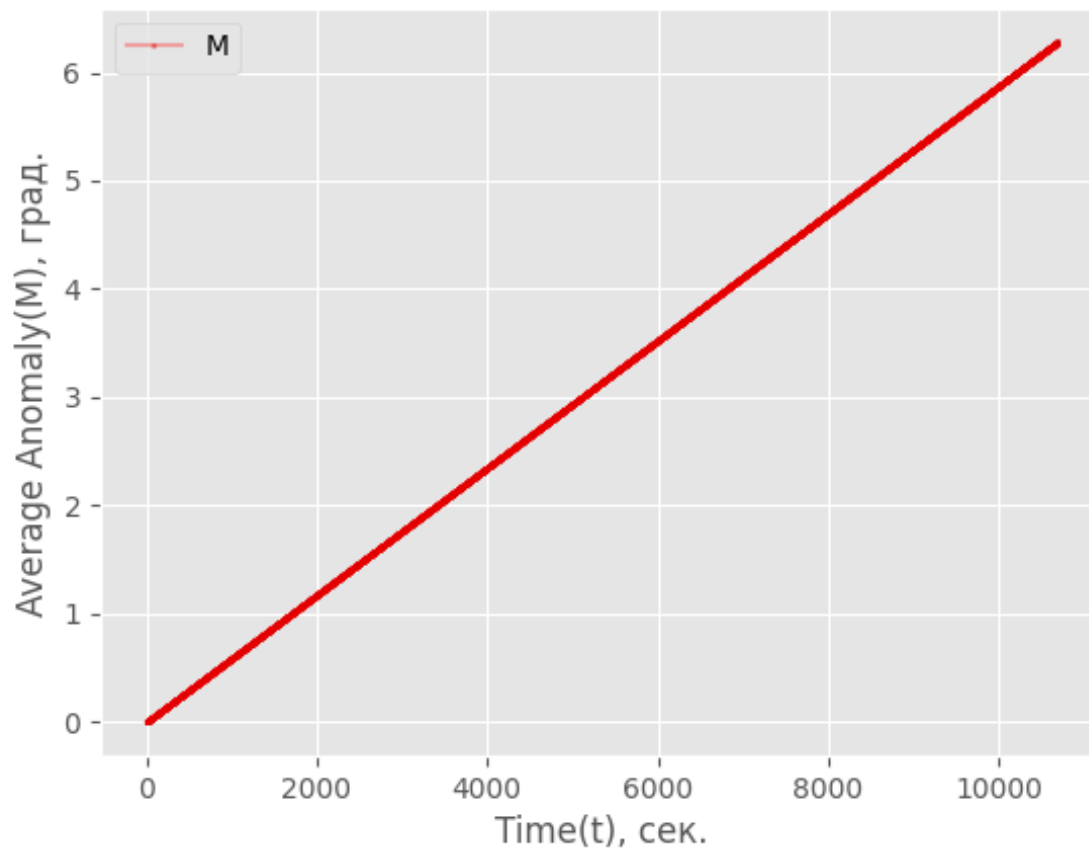
Этот же график, но без смещения:



Эксцентрисической $E(t)$: (график тангенса)



Средней $M(t)$: (график прямой)



Различные методы нахождения эксцентрической аномалии расписаны в программе METHODS.c, тогда как код для подсчета предыдущих значений и последующих находится в файле task_1.c (см. приложение).

Зная истинную аномалию ϑ и фокальный параметр p , можно подсчитать радиус-вектор r , нормальную скорость V_n , тангенциальную скорость V_r и скорость тела V .

Используемые формулы:

$$p = (R_a - R_p) / (2 * a) = 0.4879 \text{ км}$$

$$r = p / (1 + e * \cos(\vartheta)) \text{ км}$$

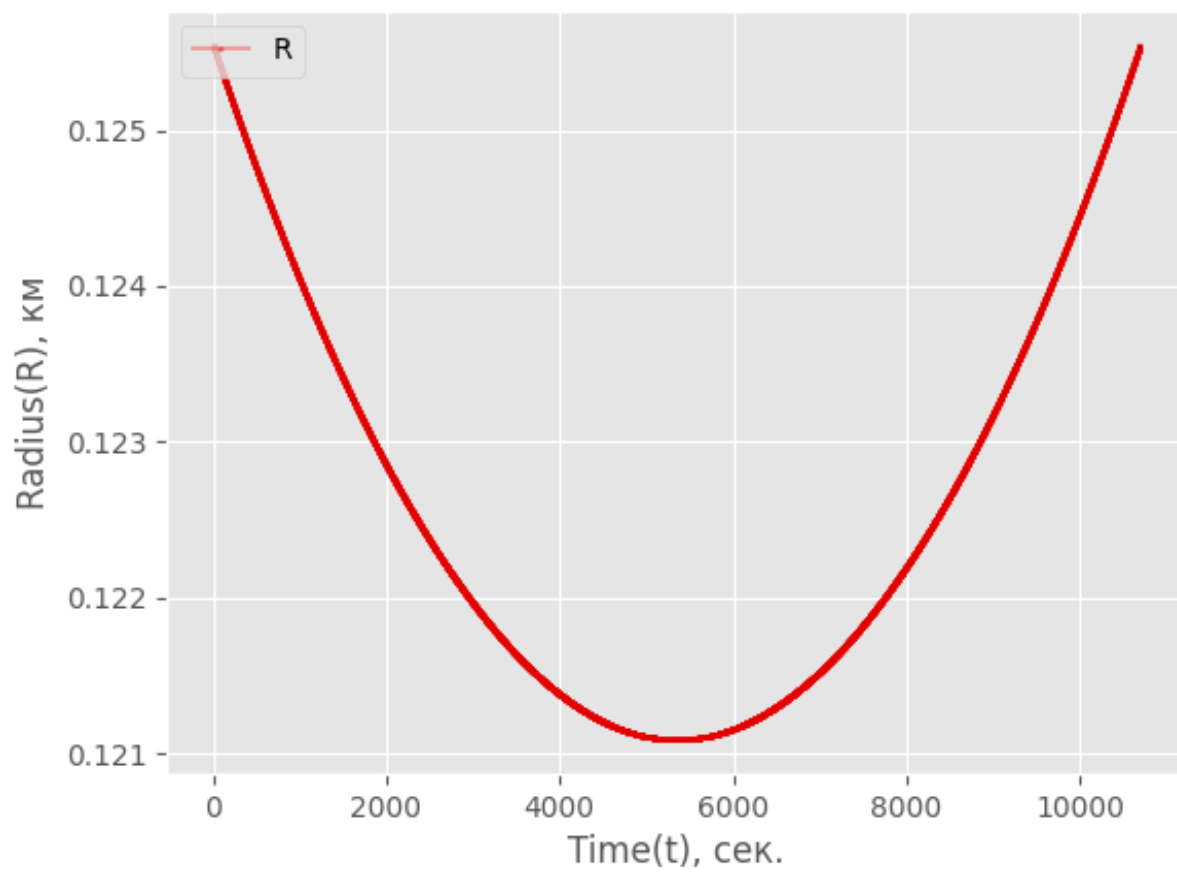
$$V_n = \sqrt{\mu / p} * (1 + e * \cos(\vartheta)) \text{ км/с}$$

$$V_r = \sqrt{\mu / p} * e * \sin(\vartheta) \text{ км/с}$$

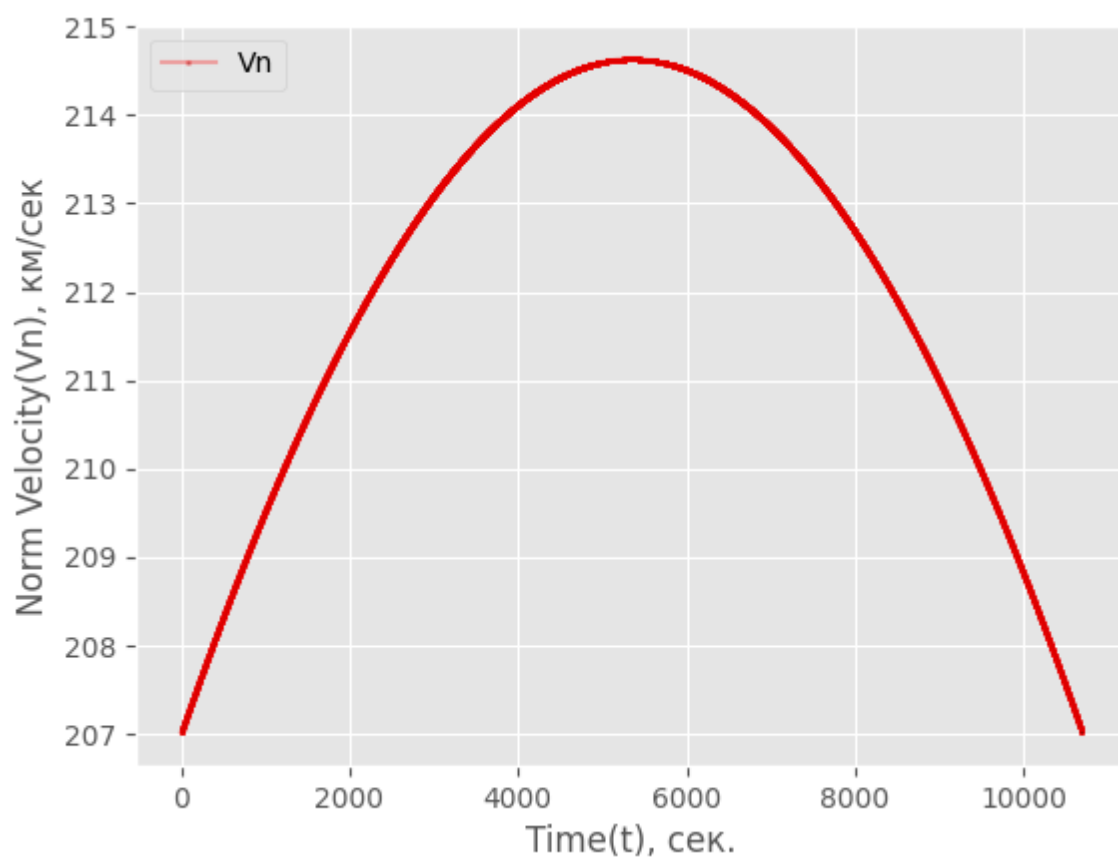
$$V = \sqrt{V_r^2 + V_n^2} \text{ км/с}$$

Графики зависимостей:

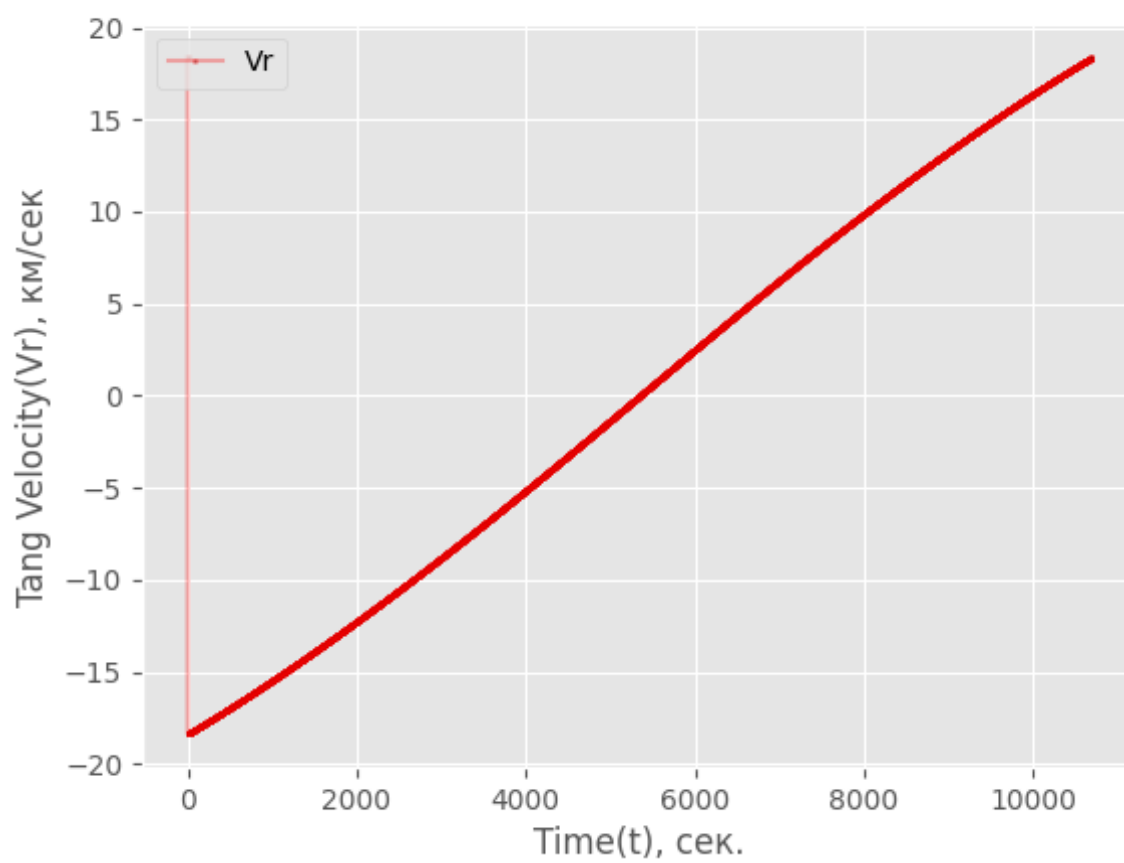
Радиус-вектора от t $r(t)$: (парабола)



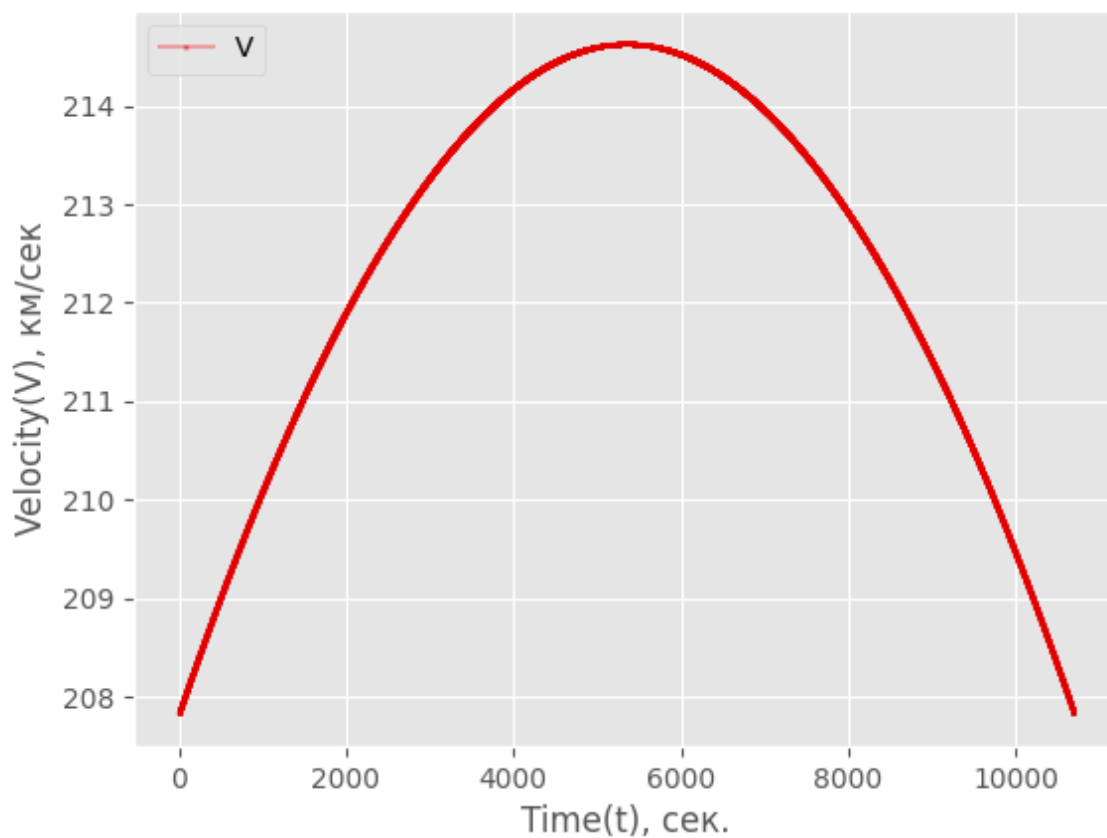
Нормальной скорости от t $V_n(t)$: (парабола)



Тангенциальной скорости от t $V_r(t)$:



Общей скорости от t $V(t)$: (парабола)



Приложение:

Ссылка на код в GitHub: <https://github.com/rudnmk/MSF/tree/main/1>

Код программы:

METHODS.c:

```
#include<stdio.h>
#include<math.h>
#include<stdlib.h>
#define SIGMA 0.001

float* IterationMethod(float, int);
float* HalfDivMethod(float, float, float, int);
float* GoldenRatioMethod(float, float, float, int);
float* NewtonMethod(float, int);
```

```
float* LaguerreMethod(float, int);
```

```
int main() {  
    float Ra = 1017.0;  
    float Rp = 350.0;  
    float a = (Ra + Rp) / 2;  
    float e = (Ra - Rp) / (Ra + Rp);  
    float p = (Ra - Rp) / 2 * a;  
    float T = 10695.0;  
}
```

```
float* IterationMethod(float e, int T) {  
    float* E_ARR = (float*)malloc(T * sizeof(float));  
    E_ARR[0] = 0;  
    for(int i = 1; i < T; i++) {  
        float M = (2 * 3.14 / T) * i;  
        E_ARR[i] = e * sin(E_ARR[i - 1]) + M;  
    }  
  
    return E_ARR;  
}
```

```
float* HalfDivMethod(float e, float A, float B, int T) {  
    int i = 0;  
    float* E_ARR = (float*)malloc(T * sizeof(float));  
    int flag = 0;  
    float C;  
  
    while ((i < T) && ((B - A) > SIGMA)) {  
        float M = (2 * 3.14 / T) * i;  
        if (flag == 0) {  
            C = (B + A) / 2;  
        }  
  
        else {  
            C = (B - A) / 2;  
        }  
    }
```

```

float Ea = A - e * sin(A) - M;
float Eb = B - e * sin(B) - M;
float Ec = C - e * sin(C) - M;

if (Ea * Ec <= 0.0) {
    B = C;
}
else {
    A = C;
}

if ((A < 0.0 && B < 0.0) || (A > 0.0 && B > 0.0)) {
    flag = 1;
}

E_ARR[i] = Ec;
i++;

if (E_ARR[i] == E_ARR[i - 1]) {
    break;
}
}

return E_ARR;
}

float* GoldenRatioMethod(float e, float A, float B, int T) {
    int i = 0;
    float* E_ARR = (float*)malloc(T * sizeof(float));
    int flag = 0;
    float C;

    while ((i < T) && ((B - A) > SIGMA)) {
        int M = (2 * 3.14 / T) * i;
        if (flag == 0) {
            C = (B + A) / 1.618;
        }

        else {
            C = (B - A) / 1.618;

```

```

    }

    float Ea = A - e * sin(A) - M;
    float Eb = B - e * sin(B) - M;
    float Ec = C - e * sin(C) - M;

    if (Ea * Ec <= 0) {
        B = C;
    }
    else {
        A = C;
    }

    if ((A < 0 && B < 0) || (A > 0 && B > 0)) {
        flag = 1;
    }

    E_ARR[i] = Ec;
    i++;
}

return E_ARR;
}

float* NewtonMethod(float e, int T) {
    float* E_ARR = (float*)malloc(T * sizeof(float));
    E_ARR[0] = 0;
    for (int i = 1; i < T; i++) {
        float M = (2 * 3.14 / T) * i;
        float fE = E_ARR[i - 1] - e * sin(E_ARR[i - 1]) - M;
        float DfE = 1 - e * cos(E_ARR[i - 1]);
        E_ARR[i] = E_ARR[i - 1] - (fE / DfE);
    }
    return E_ARR;
}

float* LaguerreMethod(float e, int T) {
    float* E_ARR = (float*)malloc(T * sizeof(float));
    int n = 3;
    E_ARR[0] = 0;

```

```

for (int i = 1; i < T; i++) {
    float M = (2 * 3.14 / T) * i;
    float fE = E_ARR[i - 1] - e * sin(E_ARR[i - 1]) - M;
    float DfE = 1 - e * cos(E_ARR[i - 1]);
    float DDfE = e * sin(E_ARR[i - 1]);
    float hE = fabs((n - 1) * ((n - 1) * pow(DfE, 2) - n * fE * DDfE));
    E_ARR[i] = E_ARR[i - 1] - ((fE * n) / (DfE + sqrt(hE)));
}
return E_ARR;
}

```

task_1.c:

```

#include<stdio.h>
#include<math.h>
#include<stdlib.h>
#define PI 3.1415926
#define μ 4902.8000 //Гравитационный параметр Луны

```

```

int DataCollection(float, float, float);

```

```

int main() {
    float Ra = 2754.1;
    float Rp = 2087.1;
    float a = (Ra + Rp) / 2;
    float e = (Ra - Rp) / (Ra + Rp);
    float p = (Ra - Rp) / (2 * a);
    DataCollection(a, e, p);
    return 0;
}

```

```

int DataCollection(float a, float e, float p) {
    FILE* T_ = fopen("T.txt", "w");
    FILE* M_dat = fopen("M_Data.txt", "w");
    FILE* E_dat = fopen("E_Data.txt", "w");
    FILE* THETA_dat = fopen("THETA_Data.txt", "w");
    FILE* R_dat = fopen("Radius_Data.txt", "w");
}

```

```

FILE* Vn_dat = fopen("VelN_Data.txt", "w");
FILE* Vr_dat = fopen("VelR_Data.txt", "w");
FILE* V_dat = fopen("Velocity_Data.txt", "w");

float past_E = 0.0;
//float T = 2 * PI * sqrt(pow(a, 3) /  $\mu$ );
float T = 10695.0;
fprintf(T_, "%f", T);
fclose(T_);
for (float i = 0.0; i < T; i++) {
    float M = (2 * PI / T) * i;
    float E = M + e * sin(past_E);
    float THETA = atan(tan((E + PI) / 2) * sqrt((1 + e) / (1 - e))) / 2;
    float radius = p / (1 + e * cos(THETA));
    float Vn = sqrt( $\mu$  / p) * (1 + e * cos(THETA));
    float Vr = sqrt( $\mu$  / p) * e * sin(THETA);
    float V = sqrt(pow(Vn, 2.0) + pow(Vr, 2.0));

    fprintf(M_dat, "%f \n", M);
    fprintf(E_dat, "%f \n", E);
    fprintf(THETA_dat, "%f \n", THETA);
    fprintf(R_dat, "%f \n", radius);
    fprintf(Vn_dat, "%f \n", Vn);
    fprintf(Vr_dat, "%f \n", Vr);
    fprintf(V_dat, "%f \n", V);

    past_E = E;
}

fclose(M_dat);
fclose(E_dat);
fclose(THETA_dat);
fclose(R_dat);
fclose(Vn_dat);
fclose(Vr_dat);
fclose(V_dat);
}

```